

S. 804. B.



HISTOIRE
DE
L'ACADÉMIE
ROYALE
DES SCIENCES.

ANNÉE M. DCCLXXXVII.

Avec les Mémoires de Mathématique & de Physique,
pour la même Année,
Tirés des Registres de cette Académie.



A PARIS,
DE L'IMPRIMERIE ROYALE.

M. DCCLXXXIX.





T A B L E

POUR L'HISTOIRE.

*L*ETTRES PATENTES du Roi, portant établissement d'un
Corps d'Ingénieurs en Instrumens d'Optique, de Physique
& de Mathématiques..... Page 2

*Extrait des procédés suivis par les cinq Commissaires nommés
par l'Académie, pour fixer la distance des nouveaux Termes
où seront marquées les grandes crues de la Seine & les
basses eaux de ce fleuve, à la distance de 2100 toises. 7,*

Observations d'Histoire naturelle..... 8

Examen de la Tachygraphie de M. Conlon..... 9

*Rapport des Mémoires & Projets pour éloigner les Tueries
de l'intérieur de Paris..... 19*

Ouvrages présentés à l'Académie. Prix..... 43

Prix extraordinaire pour l'année 1787..... 45

Éloge de M. le Marquis de Paulmy..... 49

Éloge de M. Bouvart..... 61



T A B L E

POUR LES MÉMOIRES.

<i>O P P O S I T I O N</i> de la planète <i>Herschel</i> , observée à l' <i>Observatoire royal</i> . Par M. JEURAT.....	Page 1
<i>Observation</i> de l'éclipse de <i>Soleil</i> , du 15 <i>Juin</i> 1787. Par le même.....	5
<i>Expériences</i> propres à faire connoître que la <i>Chaux d'argent</i> ne peut être réduite par la seule action du feu. Par M. SAGE.	7
<i>Sur les Terres calcaires & la Chaux</i> . Par M. BAUMÉ...	9
<i>Extrait des Observations astronomiques & physiques</i> , faites à l' <i>Observatoire royal</i> , en l'année 1787, &c. Par M. le Comte DE CASSINI.....	10
<i>Type</i> du calcul d'un lieu de <i>Jupiter</i> , le 4 <i>Décembre</i> 1787.	12
<i>Type</i> du calcul de l'opposition de <i>Jupiter</i> , du mois de <i>Décembre</i> 1787.....	14
<i>Histoire physique</i> de l'année 1787.....	16
<i>Histoire céleste</i> de l'année 1787.....	23
<i>Comète</i> de 1787, observée à <i>Paris</i> , de l' <i>Observatoire de la Marine</i> , depuis le 11 <i>Avril</i> jusqu'au 20 <i>Mai</i> . Par M. MESSIER.....	70
<i>Observation</i> de l'éclipse de <i>Soleil</i> , &c. Par le même...	76
<i>Expériences</i> propres à faire connoître que le <i>Plâtre</i> produit par diverses espèces de <i>Gypse</i> , retient plus ou moins d'eau après avoir été gâché & séché. Par M. SAGE.....	78

T A B L E.

<i>Mémoire sur les Ogres.</i> Par M. le Baron DE DIETRICH.	Page 82
<i>Mémoire sur la pierre de Poix, Pechstein des Allemands.</i> Par M. DAUBENTON.....	86
<i>Mémoire sur la structure des cristaux de Schorl.</i> Par M. l'abbé HAÜY.....	92
<i>Sur la formation des Couches ligneuses.</i> Par M. FOUGEROUX DE BONDAROY.....	110
<i>Mémoire sur la Géographie de Ptolémée, & particulièrement sur sa description de l'intérieur de l'Afrique.</i> Par M. BUACHE.	119
<i>Eclaircissens géographiques sur la nouvelle Bretagne & sur les côtes septentrionales de la nouvelle Guinée.</i> Par le même.	128
<i>Mémoire sur l'Acide prussique.</i> Par M. BERTHOLLET.	148
<i>Procédé particulier usité en Limosin & en Périgord, pour fabriquer du fer dur.</i> Par M. le Baron DE DIETRICH.	163
<i>Sur les mouvemens de la planète de Herschel, second Mémoire.</i> Par M. DE LA LANDE.....	168
<i>Mémoire sur les inégalités du troisième Satellite de Jupiter.</i> Par le même.....	184
<i>Conjonction inférieure de Vénus, le 4 Janvier 1787.</i> Par le même.....	199
<i>Sur les éclipses de Soleil, arrivées en 1787.</i> Par le même.	204
<i>Mémoire sur le moyen mouvement de Saturne.</i> Par le même.	210
<i>Sur l'inclinaison de Saturne.</i> Par le même.....	214
<i>Sur la Mesure de la Terre, que Fernel publia en 1528.</i> Par le même.....	216
<i>Observations sur l'éclipse de Soleil, arrivée en 1666, & sur la longitude de Dantzick.</i> Par le même.....	223

T A B L E.

Observations sur la position de la mer Caspienne. Par le même.
Page 226

Avertissement sur quelques observations imprimées du passage de la Lune par le Méridien, & sur l'erreur des époques des Tables lunaires qu'on assigne à l'aide de ces observations.
Par M. LE MONNIER..... 230

Réponse à l'Avertissement de M. le Monnier, lu le 10 Mars 1787, sur quelques observations imprimées du passage de la Lune par le Méridien. Par M. DE LA LANDE. 233

Observations sur les effets des Vapeurs méphitiques dans l'homme. &c. Par M. PORTAL..... 239

Analyse d'une nouvelle espèce de Mine d'Antimoine terreuse, d'un jaune clair, parsemée de bleu martial, de Sibérie. Par M. Sage..... 247

Mémoire sur la théorie de l'Anneau de Saturne. Par M. DE LA PLACE..... 249

Mémoire sur les variations séculaires des orbites des Planètes.
Par le même..... 267

Mémoire sur la nature du Vin lithargiré ou altéré par le plomb, & sur quelques moyens nouveaux d'y reconnoître la présence de ce dangereux métal. Par M. DE FOURCROY.. 280

Cinquième Mémoire sur les Capsules muqueuses des Tendons, &c.
Par le même..... 289

Sixième & dernier Mémoire sur les Capsules, &c. Par le même.
301

Mémoire sur l'intégration de quelques Équations aux différences partielles. Par M. LE GENDRE..... 309

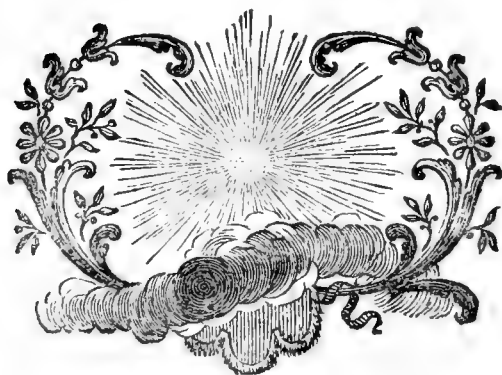
Mémoire sur les Opérations trigonométriques, dont les résultats dépendent de la figure de la Terre. Par le même.. 352

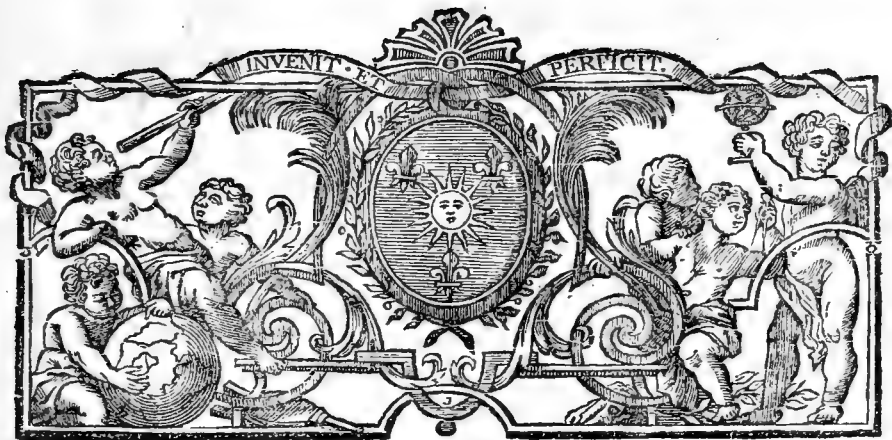
T A B L E.

<i>Observation de l'éclipse de Soleil du 15 Juin 1787.</i> Par M. PINGRÉ.....	Page 384
<i>Recherches sur la date de l'application des Lunettes aux instrumens, &c.</i> Par M. DE FOUCHY.....	385
<i>Mémoire sur les Lunettes nommées Binocles; & sur un Voyage aux côtes maritimes occidentales de France.</i> Par M. LE GENTIL.....	401
<i>Mémoire sur la fusion de différentes substances vitrifiables, &c.</i> Par M. FOUGEROUX DE BONDARROY.....	412
<i>Cinquième Mémoire sur l'électricité, &c.</i> Par M. COULOMB.	421
<i>Observations sur l'irritabilité des organes sexuels d'un grand nombre de Plantes.</i> Par M. DES FONTAINES.....	468
<i>Mémoire sur l'usage du Terreau de bruyère dans la culture des Arbrisseaux, &c.</i> Par M. THOUIN.....	481
<i>Mémoire sur quelques nouvelles espèces d'Oiseaux des côtes de Barbarie.</i> Par M. DES FONTAINES.....	496
<i>Mémoire sur quelques effets d'attraction ou de répulsion appa- rente entre les molécules de matière.</i> Par M. MONGE.	506
<i>Mémoire sur la précession des Équinoxes, & sur l'obliquité de l'Écliptique, tirées des observations d'Hipparque.</i> Par M. LE GENTIL.....	530
<i>Examen d'Eau de Mer, puisée par M. de Pagès dans deux parties de l'Océan très-différentes en latitude & en longitude.</i> Par M. BAUMÉ.....	547
<i>Considérations sur les Dents en général, & sur les Organes qui en tiennent lieu.</i> Par M. BROUSSONET.....	550
<i>Essai sur les moyens d'établir entre les Thermomètres une compa- rabilité, &c.</i> Par M. CHARLES.....	567

T A B L E.

<i>Mémoire sur le blanchiment des Cocons jaunes de vers à soie.</i>	
Par M. BAUMÉ.....	Page 583
<i>Précis d'un Ouvrage sur les Hôpitaux , &c.</i>	Par M. LE ROY.
	585
<i>Suite de l'Essai pour connoître la Population du Royaume , &c.</i>	
Par M. ^{rs} DU SÉJOUR , le Marquis DE CONDORCET	
& DE LA PLACE.....	601
<i>Observations sur l'acide muriatique oxigéné.</i>	Par M. CHAPTAL,
de la Société royale de Montpellier.....	611





HISTOIRE

DE

L'ACADÉMIE ROYALE DES SCIENCES.

Année M. DCCLXXXVII.

L'ACADÉMIE désiroit depuis long-temps que l'art de construire les instrumens de Mathématiques & de Physique, reçût en France les encouragemens auxquels son utilité lui donne des droits, & qui étoient nécessaires pour qu'il pût atteindre le degré de perfection auquel les Anglois l'ont porté.

La considération & la liberté sont de tous les encouragemens, les plus utiles comme les plus nobles; & les Lettres patentes que le Roi a bien voulu accorder à la demande de l'Académie, ont pour objet d'assurer l'un & l'autre aux Artistes habiles.

Hist. 1787.

A

LETTRES PATENTES DU ROI,

Portant établissement d'un Corps d'Ingénieurs en Instrumens d'Optique, de Physique & de Mathématiques.

Données à Versailles le 7 Février 1787.

Registrées en Parlement le 19 Mai audit an.

LOUIS, PAR LA GRÂCE DE DIEU, ROI DE FRANCE ET DE NAVARRE : A nos amés & féaux Conseillers les Gens tenant notre Cour de Parlement à Paris; **SALUT.** Les professions d'Ingénieurs en instrumens d'Optique, de Physique & de Mathématiques, tenant plus particulièrement aux Sciences qu'aux Arts mécaniques, & ne pouvant néanmoins s'exercer dans toutes leurs parties, à cause des gênes que pourroient leur opposer les Maîtres de plusieurs Communautés rétablies par notre Édit du mois d'août 1776, Nous avons cru qu'il étoit à propos de les en affranchir; & que pour exciter par des distinctions honorables ceux qui s'attachent à des professions si nécessaires aux progrès de la Physique, de l'Astronomie & de la Navigation, il convenoit d'en former un Corps particulier, composé d'un nombre limité d'Artistes, dont le mérite aura été reconnu par notre Académie des Sciences, & auxquels, sur la présentation qu'elle nous en fera, nous accorderons pour l'exercice de leurs talens, toute la liberté qui pourra se concilier avec les vues de bon ordre que nous voulons maintenir parmi les diverses classes de nos Sujets. A CES CAUSES & autres à ce nous mouvant, de l'avis de notre Conseil, & de notre certaine science, pleine puissance & autorité royale, nous avons ordonné, & par ces présentes signées de notre main, ordonnons ce qui suit :

ARTICLE PREMIER.

IL sera par nous fait choix parmi les Artistes qui nous seront présentés par l'Académie des Sciences, comme s'étant

le plus distingués dans la fabrication des instrumens d'Optiques, de Mathématiques, de Physique, & autres ouvrages à l'usage des Sciences, du nombre de vingt-quatre Sujets au plus, lesquels formeront entre eux un Corps, & jouiront des droits, privilèges & facultés ci-après énoncés, sous la dénomination d'Ingénieurs en instrumens d'Optique, de Mathématiques, de Physique & autres ouvrages à l'usage des Sciences.

I I.

CHACUN desdits Ingénieurs sera pourvu d'un brevet qui lui sera expédié en la forme ordinaire, par le Secrétaire d'État ayant le département des Académies; & lorsqu'un desdits Ingénieurs ainsi brevetés, laissera la place vacante, il sera remplacé de la même manière, sur la présentation de l'Académie, sans que, dans aucun cas & sous quelque prétexte que ce soit, lesdits Ingénieurs qui, suivant les circonstances, pourront être moins de vingt-quatre, puissent jamais excéder ce nombre, ni être remplacés autrement que sur la présentation de l'Académie.

I I I.

LEDIT Corps sera régi & administré par un Syndic & un Adjoint, qui géreront pendant deux ans; la première en qualité d'Adjoint, & la seconde en qualité de Syndic. Ils seront nommés par Nous pour la première fois seulement, & ils seront ensuite élus à la pluralité des voix, par les Membres dudit Corps. Le premier Syndic, par Nous nommé, n'exercera que pendant une année.

I V.

LESDITS Ingénieurs jouiront de la faculté de faire fabriquer & vendre librement tous les instrumens d'Optique, de Mathématiques & de Physique, ainsi que les diverses pièces dont lesdits ouvrages sont composés, pour la fabrication desquels ils pourront employer toutes sortes de matières, & se servir de toute espèce d'outils sans aucune exception.

V.

DÉFENSES sont faites à tous Gardes & Syndics des Corps & Communautés d'Arts & Métiers, de troubler ni inquiéter lesdits Ingénieurs dans l'exercice des privilèges & facultés à eux accordés par l'article précédent, sous peine de tels dommages-intérêts qu'il appartiendra.

V I.

NE pourront néanmoins lesdits Ingénieurs, sous prétexte des facultés à eux accordées par l'article IV, & qu'ils n'aient le droit d'exercer que concurremment avec les Corps & Communautés, chacun pour ce qui les concerne, entreprendre sur les autres droits desdits Corps & Communautés non exprimés par ledit article IV, sous peine de faïsse & confiscation des ouvrages, outils & marchandises trouvés en contravention, & de tels dommages-intérêts qu'il appartiendra envers lesdits Corps & Communautés.

V I I.

LESDITS Ingénieurs pourront, lors des faïsses qui seront faites sur eux, faire intervenir le Syndic ou l'Adjoint de leur Corps, pour faire sur lesdites faïsses telles représentations & requisitions qu'ils jugeront convenables, sans néanmoins que, sous prétexte d'appeler ledit Syndic ou l'Adjoint, la Partie faïsse puisse prétendre qu'il doive être supercédé aux opérations relatives à la faïsse.

V I I I.

LESDITS Ingénieurs pourront être choisis parmi les Membres des Communautés; il leur sera pareillement permis de se faire recevoir dans les Corps & Communautés, à l'effet de cumuler, si bon leur semble, avec leur état, les commerces ou les professions qui peuvent être analogues à leurs talens. SI VOUS MANDONS que ces présentes vous ayez à faire registrer, & le contenu en icelles garder & exécuter selon leur forme & teneur : CAR TEL EST

NOTRE PLAISIR. Donné à Versailles, le septième jour de Février, l'an de grâce mil sept cent quatre-vingt-sept, & de notre règne le treizième. *Signé* LOUIS, & plus bas, Par le Roi. *Signé* LE B.^{ON} DE BRETEÜIL. Vu au Conseil, DE CALONNE. Et scellées du grand sceau de cire jaune.

Registrées, où & ce requérant Matthieu-Louis de Mauperché, Doyen des Substituts du Procureur général du Roi, pour être exécutées selon leur forme & teneur, suivant l'arrêt de ce jour. A Paris, en Parlement, les Grand'Chambre & Tournelle assemblées, le dix-neuf Mai mil sept cent quatre-vingt-sept. Signé Y S A B E A U.

Extrait des Registres de l'Académie.

M. le Baron de Breteuil ayant adressé à l'Académie les Lettres patentes du Roi datées du 7 Février 1787, portant établissement d'un Corps de vingt-quatre Ingénieurs en instrumens d'Optique, de Physique & de Mathématiques, qui, sur la présentation de l'Académie, jouiront, en vertu de Brevets particuliers, du privilège de se servir de toutes sortes d'outils & d'employer toutes sortes de matières :

L'Académie a arrêté le Règlement suivant :

I. Il sera formé un comité sous la dénomination de *Comité des Artistes*.

II. Les Commissaires qui composeront ce Comité seront au nombre de sept.

III. Ils seront choisis indifféremment dans toutes les classes de l'Académie, parmi les Honoraires, Pensionnaires & Associés.

IV. Tous les ans, les deux Commissaires les plus anciennement nommés se retireront, & il en sera élu deux nouveaux, en la forme ordinaire, dans la première séance du mois d'Avril.

V. Les fonctions de M.^{rs} les Commissaires, seront de recevoir les demandes des Artistes qui se présenteront pour obtenir de nouveaux Brevets, de visiter leurs ateliers, d'examiner les divers ouvrages qu'ils leur présenteront, & de bien s'assurer qu'ils en sont les véritables auteurs.

VI. Le Comité s'assemblera au moins une fois par an, dans le courant de Février, pour délibérer, 1.^o sur le nombre des Brevets vacans qu'il jugera convenable de prier le Roi de distribuer; 2.^o sur le choix des Sujets qu'il doit présenter à l'Académie pour cet effet; & ce choix de M.^{rs} les Commissaires sera décidé entr'eux par scrutin.

VII. Dans la première séance du mois de Mars de chaque année, le Comité lira à l'Académie assemblée, la liste de tous les Artistes indistinctement qui demandent des Brevets; ensuite, dans un rapport par écrit, il rendra compte des ouvrages & des talens de ceux-là seulement qui lui auront paru dignes de son attention; enfin, en annonçant le nombre des Brevets que les Commissaires croient à propos de remplir, il nommera un pareil nombre de Sujets, & un tiers en sus au moins, dans l'ordre où ils auront été choisis au scrutin dans l'assemblée particulière du Comité.

VIII. Huit jours après le rapport du Comité, l'Académie fera l'élection du nombre de Sujets égal au nombre de Brevets à distribuer proposé par le Comité, pour être présentés à Sa Majesté, & jouir des avantages énoncés aux Lettres patentes.

Note. Les premiers Commissaires nommés ont été M.^{rs} le Chevalier de Borda, le Président de Saron, le Comte de Cassini, le Roy, Rochon, Boffut, le Monnier. L'Académie ayant cru ne devoir donner d'abord que six Brevets, ils ont été accordés à M.^{rs} le Noir, Carrochez, Fortin, Charité, Baradelle l'aîné, & Billaux.



Extrait des procédés suivis par les cinq Commissaires nommés par l'Académie, pour fixer la distance des nouveaux Termes où seront marqués les grandes crues de la Seine & les basses eaux de ce fleuve, à la distance de 2100 toises (a).

LES triangles formés pour connoître la distance de Notre-Dame aux nouveaux pavillons du Jardin du Roi, qui sont situés sur la rive australe de la Seine, ont fait connoître, en y ajoutant 1337 à 1338 toises, la distance de ces pavillons à la nouvelle pyramide qu'on élève, par ordre du Roi, à l'entrée du Cours de la Reine. La somme totale a donné, en suivant le cours de la rivière, 2100 toises, & il reste à fixer, par des nivellemens réitérés, les repères qui marquent un même niveau à ces deux termes.

Comme la pyramide doit être élevée avant qu'on procède à ces nivellemens, nous y avons placé la première pierre le 25 juin 1787.

Nous avons évité, en choisissant les nouveaux termes, les engorgemens, ainsi que les espèces de cataractes que les ponts occasionnent dans les grandes crues de la rivière de Seine; & nous avons pris toutes les précautions possibles, non-seulement pour les éviter, mais encore pour faciliter à l'avenir aux physiciens l'observation des grandes crues de ce fleuve.

(a) Par M.^{rs} le Monnier, le Roy, l'abbé Boffut, Cousin & Buache.



HISTOIRE NATURELLE.

M. RUBIN DE CÉLIS, lieutenant de frégate au service d'Espagne, correspondant de l'Académie royale de la marine de France, & de l'Académie royale d'Espagne, a envoyé à l'Académie, par M. le duc de la Vauguyon, un Mémoire concernant une masse de fer trouvée au Chaco, avec une petite boîte contenant des morceaux de fer que les Indiens de la juridiction de San Jago de l'Estero, ont détachés d'une masse de ce métal qu'ils ont trouvée au milieu d'un champ. Cette masse s'élevoit d'un pied au-dessus du sol, dans un endroit où il ne se trouve ni montagnes, ni même aucune pierre.

Le vice-roi de Rio de la Plata, chargea M. Rubin de Célis d'aller examiner cette masse. Celui-ci partit de Rio-Salado au mois de février 1783, & arriva le 15 du même mois à la campagne d'Otinga, le lieu le plus inculte & le plus inhabitable de tout le Chaco, à cause de la disette d'eau. Il observa la latitude de ce lieu à 27 degrés 28 minutes; il trouva que la masse de fer avoit trois *wares* (la *ware* est d'environ trois pieds) du nord au sud, deux & demi de l'est à l'ouest, & un tiers de hauteur, qu'elle étoit presque enterrée dans de la craie pure & des cendres. Son apparence extérieure étoit celle d'un fer parfaitement compact; il vit sur sa partie supérieure l'empreinte en relief de pieds, de mains d'homme d'une grande taille, & des pieds de différens oiseaux très-grands, connus dans la contrée.

Il examina, par des puits, la nature des terres voisines de cette masse; il y trouva la terre semblable à celle de la superficie; il ne rencontra ni racine ni trace de végétation. Les fragmens envoyés à l'Académie, sont de la même qualité que le fer trouvé par M. Pallas sur les Monts Némir en Sibérie; mais on n'y remarque pas les cristaux que M. Pallas a observés,

On

On a fabriqué avec ce fer une clef de porte-feuille, & tout semble indiquer que cette masse, comme celle qui a été trouvée en Sibérie, est formée d'un fer fondu au feu d'une forge, sans qu'on puisse savoir ni dans quel temps, ni par quel peuple les arts ont été autrefois cultivés dans ces contrées.

EXAMEN

de la Tachygraphie de M. Coulon.

M. le baron de Breteüil a renvoyé à l'Académie l'examen d'un Mémoire qui lui a été présenté par M. Coulon de Thevenot, sur la tachygraphie, ou sur l'art d'écrire avec célérité.

23 Janvier
1787.

Les Commissaires en avoient fait, le 15 juillet dernier, un rapport contenant des observations qui ont été communiquées à l'auteur, & qui l'ont déterminé à faire de très-grands changemens dans la méthode qu'il proposoit.

Ces changemens que nous avons discutés avec lui, ont amené sa méthode à un degré de perfection qui en permet au moins la comparaison avec les tachygraphies Angloises qui nous ont été communiquées comme les meilleures. Nous croyons donc devoir approfondir cet objet plus que nous ne l'avions fait précédemment.

Tout le monde conviendra de l'utilité d'une méthode pour écrire aussi vite qu'on parle. Elle en a dans ses usages publics, pour garantir de l'infidélité inévitable des extraits dans les interrogatoires, les dépositions & les confrontations; pour rendre un compte exact des discussions intéressantes, où rien ne jette plus de lumière que les mots échappés dans la chaleur du discours; pour ne rien perdre des leçons, des exhortations, des plaidoyers, des harangues qui ne doivent point être imprimées, &c.

Elle en a dans ses usages particuliers, pour épargner le

Hist. 1787.

B

temps de tous ceux qui ont beaucoup de minutes à faire ou à dicter. Que de choses n'oublie-t-on pas, parce qu'on a négligé de les écrire? & combien n'en écrirait-on pas, si on ne redoutoit la perte du temps nécessaire pour les fixer sur le papier? Combien la chaleur de la composition n'est-elle pas ralentie par la nécessité d'attendre, pour écrire la pensée dont on est occupé, que celle qui a précédé soit transcrite? On ne pense peut-être nettement & avec suite, que parce qu'on parle en soi-même ce que l'on pense: ne s'y trouverait-il pas encore plus d'ordre & de netteté, si, par un effet de l'habitude on l'écrivait en soi-même? la mémoire n'en serait-elle pas plus profondément pénétrée?

Enfin, ce n'est pas de l'utilité de cet art dont on fera porté à douter, c'est de la possibilité d'en rendre l'apprentissage & l'exercice faciles.

L'usage que les Anglois font de leur *short hand* ou de leur *courte écriture*, prouve qu'on peut écrire aussi vite qu'on parle; mais le petit nombre de ceux qui y réussissent parmi eux, porteroit à penser que les longues années d'étude & d'exercice qu'ils y consacrent, sont nécessaires; cependant quelques réflexions peuvent tenir en garde contre ce préjugé.

Toutes les méthodes pratiquées de courte écriture ou de *short hand*, jusqu'à celle de Byrom publiée en 1767, ne sont que des chiffres composés presque au hasard, qui n'occupent moins de place sur le papier, & n'exigent moins de mouvemens de la main, que parce qu'il faut des efforts prodigieux de mémoire pour en avoir à tout instant la forme & la signification présentes à l'esprit. Tel étoit le vice des *notes tironiennes* dont les Romains ont fait usage dès le temps de Cicéron; on le retrouve dans les méthodes publiées par Marc Aulay en 1747, par Mitchell en 1784, sans parler de celles du chevalier de Ramsai & de l'abbé Coffard, qui n'ont pas eu de nombreux partisans. Byrom lui-même, homme de sens, mais qui n'a composé sa

méthode qu'après avoir étudié celles en usage, n'a pu se garantir de ce défaut: il supprime généralement toutes les voyelles, & ne les remplace que dans un très-petit nombre de cas, par un point à différente hauteur; mais comme cinq degrés de hauteurs différentes ne sont déjà que trop difficiles à distinguer sur celle du caractère, il n'admet que cinq voyelles, quoiqu'il convienne qu'il en existe beaucoup davantage; son écriture suppose donc un déchiffrement continuel à faire, & n'offre pas un moyen de peindre complètement le langage.

Il paroît cependant possible, à la rigueur, de tout écrire & d'atteindre la vélocité de la parole; car l'expérience fait voir qu'il faut au moins une minute pour prononcer intelligiblement un discours qui emploieroit onze à douze cents lettres de notre alphabet, & que ceux qui ont de l'habitude peuvent l'écrire sans omission en écriture ordinaire, en quatre fois à peu-près ce même temps: or, on trouve par observation qu'on peut réduire le nombre de mouvemens des doigts nécessaire pour peindre exactement ce discours, au quart à peu-près de ce qu'en exige l'état actuel de notre alphabet & de notre orthographe. On peut ajouter, pour rendre cette probabilité plus sensible, que la flexibilité des organes de la voix n'est pas comparable à celle des doigts de la main, comme le prouve la différence entre la rapidité de l'exécution de la musique instrumentale & celle de la musique vocale.

Le premier pas à faire pour créer une méthode de tachygraphie, est donc de chercher l'écriture la plus simple qui puisse servir à peindre un discours sans y rien omettre. Les élémens de cette écriture ne pourront pas surcharger la mémoire; on ne la déchiffrera pas, on la lira; & les abréviations qu'on y introduira comme des moyens subsidiaires, complétant la méthode sans en devenir le fondement, & pouvant être choisies ou imaginées, selon le besoin, par ceux même qui l'adopteront, n'ajouteront rien à la difficulté de l'apprendre.

NOUS allons nous occuper des conditions requises pour cette écriture la plus simple.

I.

IL faut que l'alphabet ou les signes radicaux n'y exigent que le moins possible de mouvemens de la plume, en comptant ceux dont il ne reste point de traces sur le papier.

I I.

IL faut que les signes les plus simples & les plus faciles à tracer soient ceux des sons employés le plus fréquemment dans le langage ; ainsi , la meilleure tachygraphie dans une langue, ne peut pas l'être dans une autre.

I I I.

IL faut établir entre les signes, des analogies, quand il s'en trouve entre les sons ; car l'erreur ou la négligence dans la figure du signe, influera d'autant moins sur la lecture du discours : des modifications ou des dispositions qui n'allongeront pas sensiblement le temps qu'il faut pour les tracer, suffiront pour les distinguer entr'eux, & le nombre de signes simples nécessaire pour compléter l'alphabet, en fera d'autant moindre.

I V.

IL faut que l'orthographe y soit conforme à la prononciation ; cette seule condition réduit au moins d'un quart le nombre des caractères nécessaires pour écrire un discours en langue Françoisse.

V.

IL faut que chaque lettre puisse se lier à toute autre avec le moins de mouvemens possible, & que celles dont la réunion est la plus fréquente & se prononce le plus rapidement, offrent la facilité & la brièveté la plus grande dans leur liaison. Il faut donc que la ligature immédiate soit le plus souvent employée, & que les mouvemens

insignifians de la plume, tracés ou non tracés sur le papier, interviennent le plus rarement, & soient le plus courts qu'il se pourra.

V I.

IL faut qu'aucun résultat de la combinaison des signes ne ressemble ni à l'un des signes, ni à un autre résultat de leur combinaison. Il faut même que la ressemblance soit assez éloignée pour que leur distinction ne suppose qu'une habileté commune dans l'écrivain; qu'elle n'exige pas qu'on ne trace point les mouvemens insignifians de la plume, & qu'il ne faille même aucune adresse de la main pour faire reconnoître ces mouvemens.

V I I.

IL faut que dans cette écriture, les formes ne fatiguent ni la main ni la vue; qu'il soit facile d'y écrire droit & de minuter très-fin; y éviter les angles, les sauts brusques de la main, les retours de la droite à la gauche, enfin tout ce qui peut être pénible sans nécessité.

V I I I.

IL faut tirer parti des préparations préliminaires qui peuvent économiser le temps dans tout ce qui concerne la plume & le papier, en évitant cependant de rendre indispensable l'attirail particulier qu'on peut imaginer dans cette vue.

I X.

ENFIN, les abréviations de cette courte écriture ne doivent point y introduire de caractères nouveaux, si ce n'est peut-être celui qui indiqueroit qu'il y a abréviation; car on ne doit jamais perdre de vue qu'on aura plutôt assemblé cinq ou six caractères dont l'habitude dispense de toute réflexion, qu'on n'auroit tracé le caractère unique destiné à remplacer cet assemblage, s'il exigeoit le plus léger effort de mémoire & d'attention. Si le système

d'écriture est bon , la meilleure & la plus courte abréviation d'un mot ou d'une façon de parler résultera du choix du plus petit nombre de lettres qui puisse en caractériser individuellement les principaux sons.

Entrons dans quelques détails sur les moyens généraux de satisfaire à ces conditions.

Les préparations essentielles paroissent être ,

1.^o De dresser une table de tous les sons radicaux dont la langue est composée, c'est-à-dire, d'en former le véritable alphabet.

2.^o De déterminer l'ordre de fréquence des différens sons , ce qui suppose un dénombrement exact de chacun d'eux, pris sur un discours assez long pour être sûr d'obtenir les mêmes rapports approchés, en répétant l'énumération sur un autre discours de pareille étendue.

3.^o D'en faire autant pour chacune des combinaisons de toutes les lettres du véritable alphabet prises deux à deux dans les mots ; ou du moins de déduire par estime ce dernier calcul du précédent, en faisant usage de quelques considérations générales.

4.^o Enfin, de faire un tableau de tous les signes les plus simples , & des modifications & dispositions qui peuvent en faire varier le sens sans allonger sensiblement le temps nécessaire pour les tracer, afin d'y choisir les lettres d'après les considérations précédentes.

Le véritable alphabet de la langue Françoisse est composé au moins de vingt voyelles & de dix-neuf consonnes.

Une voyelle désignant une émission de la voix qui peut se prolonger, les sons vocaux dans les monosyllables

<i>la , las , lent ;</i>	<i>tout , doux ;</i>
<i>mai , mais , main ;</i>	<i>né , née :</i>
<i>fat , feau , son ;</i>	<i>fil , file ;</i>
<i>de , deux , d'un ;</i>	<i>bulle , brule ;</i>

exigent donc autant de voyelles différentes : mais elles peuvent être distinguées en huit classes, en comprenant dans chacune, celle dont le son est aigu, & son analogue dont le son est grave, & ajoutant de plus dans les quatre premières, la voyelle nasale qui leur correspond ; il ne faut donc que huit signes radicaux pour ces-vingt voyelles.

Les organes de la prononciation étant les lèvres, la base de la langue, son extrémité & les dents, les consonnes se trouveroient naturellement partagées en différentes classes, selon la plus grande influence de chacun de ces organes dans leur prononciation. Mais leur action se trouve assez compliquée dans quelques consonnes, pour rendre cette division arbitraire à l'égard de celles-ci ; ainsi, la principale réduction du nombre des signes radicaux nécessaire pour exprimer toutes les consonnes, résultera de la ressemblance entre les consonnes dures & leurs analogues foibles, comme *pe* & *be* ; *fe* & *ve* ; *ke* & *guc* ; *te* & *de* ; *se* & *ze* ; *che* & *je* ; qui peuvent être distinguées l'une de l'autre dans l'écriture, par l'altération ou la modification la plus légère du signe, sans que l'équivoque, à la lecture, soit jamais à craindre.

Quant aux autres consonnes, telles que *me* qui se prononce des lèvres, comme *pe* & *be* ; le son de l'*h* aspirée ; les sons *gne* & *ne* ; ceux *re*, *le*, & *lle* ou le son mouillé ; on peut prendre un parti plus ou moins arbitraire. Mais on voit enfin que les dix-neuf consonnes peuvent n'exiger que huit ou neuf signes radicaux, sans que l'équivoque, à la lecture, soit à craindre ; mais que les altérations ou modifications qui serviront à les distinguer, devront être plus ou moins sensibles.

Examinons maintenant le dénombrement des caractères simples qui peuvent servir à désigner les lettres de cet alphabet. Le plus simple est la ligne droite, & elle peut être horizontale ou verticale, & inclinée à droite ou à gauche. En introduisant la distinction en usage, du corps de l'écriture, de sa partie supérieure & de sa partie inférieure, on

aura trois positions différentes pour chacun de ces quatre signes. Ils peuvent ensuite être chacun commencés ou terminés par un arrondissement tourné dans un sens ou dans le sens opposé. Ces arrondissemens peuvent être encore d'une étendue double; & dans ce cas, ils peuvent de plus être redoublés, c'est-à-dire, comporter une rosette.

Ce seul énoncé offre cent cinquante-six caractères simples, mais à différens degrés, qui ont suffi à M. Coulon pour compléter l'alphabet, & parmi lesquels il a choisi ceux qui se prêtoient le mieux aux conditions que nous avons énoncées.

Il admet aussi le point, quoique ce signe suppose des mouvemens dont il ne reste point de traces; mais il ne l'emploie qu'à distinguer, lorsqu'il est nécessaire, les voyelles graves ou longues, de leurs analogues aiguës ou brèves.

Nous dirons plus bas un mot des calculs de l'auteur, sur la fréquence des lettres du véritable alphabet, & sur celle de leurs combinaisons dans la langue Française.

C'est d'après la considération de tout ce qui précède, que la nouvelle tachygraphie de M. Coulon a été combinée.

Deux idées la caractérisent particulièrement :

1.^o Celle d'avoir réservé pour les consonnes les prolongemens ou arrondissemens qui commencent le signe, & pour les voyelles, ceux qui les terminent; de façon que les consonnes puissent toujours se lier dans un même caractère aux voyelles qui suivent immédiatement, sans détour de la plume & sans aucun mouvement insignifiant.

2.^o Celle de supposer toujours les mouvemens insignifiants tracés en effet sur le papier, afin de n'admettre aucun signe qui puisse se confondre avec aucune combinaison de cette ligature aux autres signes. Cette attention particulière a donné à son écriture l'avantage de n'exiger qu'une habileté commune dans l'écrivain, & de ne fatiguer ni la main ni la vue. La plupart des tachygraphes Anglois au contraire qui ont eu la prétention de supprimer entièrement les mouvemens insignifiants dans l'intérieur des mots, ont été conduits

conduits à des formes anguleuses , & à s'écarter trop & trop souvent du corps de l'écriture.

Nous mettons sous les yeux de l'Académie une table où on trouve tous les caractères de M. Coulon & toutes leurs combinaisons deux à deux. On y verra que pour apprendre la tachygraphie , il n'est question que de retenir une vingtaine de signes radicaux , dont la liaison dépend d'une loi uniforme.

Nous y joignons la table des cent cinquante-six caractères simples , parmi lesquels il a choisi ceux de son alphabet. On y remarquera facilement les raisons qui l'ont déterminé dans ses exclusions ainsi que dans son choix.

Son tableau des rapports de fréquence des lettres du véritable alphabet dans la langue françoise , ne nous a pas paru suffisamment exact. Mais le tact qu'il a su acquérir sur ce point pendant les dix ans qu'il a employés à s'exercer sur les différentes tachygraphies qu'il a successivement tentées depuis 1776 , où il présenta la première à l'Académie , a dû suppléer pour lui à l'inexactitude de ce tableau.

M. Coulon trouve que , pour écrire un discours par sa méthode actuelle , il faut moins que le quart des mouvemens de la plume nécessaires dans l'écriture ordinaire. Il a écrit un même discours des deux manières ; & supputant , ligne par ligne , le nombre de mouvemens nécessaire dans l'une & dans l'autre , il arrive à ce résultat. Nous ne pouvons cependant garantir ni cette supputation particulière , ni la conclusion qu'on en tireroit sur la rapidité possible de l'exécution en supposant de part & d'autre un égal degré d'habitude , parce que la facilité des mouvemens doit entrer dans le calcul ; nous dirons seulement que l'avantage de la nouvelle méthode est en effet très-grand.

Il est fâcheux que M. Coulon ne puisse pas lever tous les doutes en écrivant lui-même aussi vite qu'on parle ; cependant il est équitable d'observer que ses recherches & ses tâtonnemens continuels ont dû lui en ôter la facilité. Ce n'est que depuis quelques semaines qu'il s'est fixé enfin

sur la méthode que renferme la table dont nous venons de parler ; & il est impossible qu'il ait oublié ses anciennes habitudes pour en prendre une aussi nouvelle. Il sera peut-être toujours nécessaire de juger la méthode , plutôt par l'exécution de ses élèves que par la sienne ; & on pourra le conseiller pour maître , sans le proposer pour modèle.

Nous ne dirons rien ici des idées de M. Coulon , sur la nature de la plume & sur la disposition du papier , les plus propres à la prompte expédition , ni sur les principes d'abréviations qu'il se propose de tirer du Manuel tironien de M. Feutry.

Nous nous bornerons à conclure que la méthode renfermée dans la table ci-annexée , nous paroît préférable aux méthodes Angloises qui nous ont été communiquées : il est difficile d'espérer qu'on en répande dans le public une meilleure , & sur-tout une plus facile à apprendre ; il est probable qu'il s'y formera des élèves capables d'écrire aussi vite qu'on parle , en employant les suppressions que l'usage leur aura rendues familières ; & nous croyons qu'elle mérite l'approbation de l'Académie. Enfin , la constance & l'utilité des travaux de M. Coulon nous paroissent devoir lui mériter la protection du Gouvernement.

FAIT au Louvre , ce vingt-sept janvier mil sept cent quatre-vingt-six. *Signé* VANDERMONDE , LE ROY, COUSIN.



RAPHIQUES DEUX A DEUX.

m	k	gu	d	t	ch	j	h	l	r	lle	gn	n	s	z

COMBINAISONS DES SIGNES TACHYGRAPHIQUES DEUX À DEUX.

	a	an	ai	in	o	ou	e	un	e'	i	ou	u	b	p	f	v	m	k	gu	d	t	ch	j	h	l	r	lle	gn	n	s	z		
	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u
a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	
an	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	
ai	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	
in	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	
o	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	
ou	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	
e	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	
un	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	
e'	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	
i	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	
ou	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	
u	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	o	e	u	a	i	u	
	a	an	ai	in	o	ou	e	un	e'	i	ou	u	b	p	f	v	m	k	gu	d	t	ch	j	h	l	r	lle	gn	n	s	z		

SUITE DES COMBINAISONS DES SIGNES TACHYGRAPHIQUES DEUX A DEUX.

[illegible]

TABLE DES SIGNES LES PLUS SIMPLES DANS LESQUELS J'AI CHOISI
LES CARACTERES TACHYGRAPHIQUES.

eu	b p	d	z	k l	b p	t	s	é	b p	é	é
l	m	n		gu	m				m		
j	f v	n		ch	f v	gu			f v		
r											
lle											
a											
i								ai			
an								on			
ou											
un											
u								in			



RAPPORT

Des Mémoires & Projets pour éloigner les Tueries de l'intérieur de Paris (a).

M. de Villedeuil, par sa lettre du 20 janvier dernier, a mandé à l'Académie que l'intention du Roi étoit qu'elle examinât les différens Mémoires sur l'établissement des tueries hors de Paris. Ces Mémoires étoient au nombre de quinze; trois autres ont été envoyés depuis. L'Académie nous a nommés, M.^{rs} Daubenton, Tillet, Bailly, Lavoisier, la Place, Coulomb, d'Arcet, pour en faire l'examen.

Nous allons lui rendre compte de notre travail. Le projet d'éloigner les tueries du centre de Paris n'est pas nouveau: c'est depuis long-temps le vœu des citoyens; & cet objet de police a plusieurs fois fixé l'attention des rois & des magistrats.

Il paroît que l'on a eu d'abord l'attention de placer les tueries sur le bord des eaux, hors des villes & au grand air. Ce que l'on nomme à Paris la grande boucherie, lors de son établissement, n'étoit pas éloignée de la rivière. Les tueries étoient alors établies à la vieille Place-aux-veaux; il n'y avoit point de bâtimens autour; & ce local étoit sans inconvénient. Lorsque l'on plaça des boucheries sur les terrains du Temple & de Saint-Germain-des-prés, les tueries y étoient réunies, mais le tout étoit hors la ville, en plein air; & comme il n'y avoit point de voisins, personne ne pouvoit s'en plaindre. Les boucheries de la montagne Sainte-Geneviève se trouvoient de même au milieu des terres labourables & des vignes, il n'en résulta aucune infection. Mais ce quartier commença à se peupler, des maisons y furent bâties dans le treizième

(a) Ce dernier Mémoire, renvoyé par le Ministre, le 8 avril, & remis aux Commissaires le 25, y est compris.

siècle ; le collège de Navarre fut construit en 1304 , celui de Beauvais en 1313 , & le couvent des Carmes en 1317 ; l'Université qui avoit fait ses premiers établissemens vers la Sorbonne , s'étendit en peu de temps dans toute cette partie de la ville. Alors les incommodités des boucheries & des tueries de la montagne Sainte - Geneviève se firent sentir ; les plaintes en furent portées au roi Jean : il en résulta , en 1363 , des lettres patentes portant règlement pour la police des boucheries ; mais les tueries restèrent où elles étoient , & les plaintes se renouvelèrent. Il y eut procès entre l'Université & les habitans du quartier , d'une part , & de l'autre les religieux de Sainte - Geneviève , qui prirent le fait & cause de leurs bouchers. Le procès instruit , & après descente faite sur les lieux , il y eut arrêt du parlement le 7 septembre 1366 , qui ordonna aux bouchers de faire fermer les évièrs, cloaques & fosses de leurs maisons , & qui leur enjoignit d'établir à l'avenir leurs tueries sur la rivière , d'y préparer les chairs & de les apporter à Paris en état d'être vendues , à peine de dix livres d'amende & d'interdiction de leur métier. En conséquence de cet arrêt , les bouchers de la montagne Sainte - Geneviève établirent les tueries de leurs bestiaux au faubourg Saint-Marcel , proche la rivière de Bièvre ; & pour empêcher les engorgemens de cette petite rivière que les immondices obstruoient , & en rendre le canal libre , il y eut arrêt du parlement le 4 juillet 1376 , qui défendit aux bouchers de laisser aller dans la rivière aucune des grosses immondices , & qui leur ordonna de les porter à la voirie.

Charles IX , le 4 février 1567 , étendit ce règlement à tout le royaume ; il ordonna aux officiers de police de faire placer les tueries , écorcheries , ainsi que les tanneries & mégisseries hors des villes & près de l'eau. Ce règlement regarde particulièrement les établissemens futurs ; & quant à ceux qui existoient & qu'il auroit été difficile de changer , il ordonne de faire clore de murs les lieux de ces tueries. Mais il faut remarquer qu'il y avoit alors très-peu de ces

établissens dans l'intérieur des villes. Henri III renouvela, le 21 novembre 1577, toutes les dispositions du règlement de Charles IX. Les troubles & les guerres de la ligue, où Paris fut bloqué & assiégé, forcèrent de retirer les tueries du faubourg Saint-Marcel dans l'enceinte de la ville; mais aussitôt que le calme & la paix furent rétablis par l'avènement de Henri IV au trône, les loix de la police reprirent vigueur; & malgré les oppositions des religieux de Sainte-Geneviève, trois arrêts du parlement, des 5 août 1611, 25 janvier 1614 & 11 septembre 1621, ordonnèrent que les tueries des boucheries de la montagne Sainte-Geneviève seroient reportées au faubourg Saint-Marcel, & la cour fit défense aux bouchers de fondre ni graisses ni suifs dans leurs maisons. Les monastères établis au faubourg Saint-Jacques, les pères de Saint-Magloire & les principaux habitans de la rue où sont les boucheries, s'étant plaint à la reine Anne d'Autriche de l'incommodité des tueries de leur voisinage, les bouchers furent assignés au parlement: il y eut des descentes faites sur les lieux; la translation des boucheries fut ordonnée, & un nouveau local fut désigné au faubourg Saint-Marcel, par deux arrêts du parlement des 24 mars & 28 mai 1657. Les bouchers n'obéirent pas, ce qui donna lieu à un troisième arrêt du 7 septembre de la même année. Celui-ci fut exécuté, & les bouchers établirent leurs tueries à la place qui leur fut marquée rue Pot-de-ser, au bout de la rue des Postes où elles sont encore à présent.

Des arrêts du conseil du 24 novembre 1662 & du 1.^{er} février 1666, ordonnèrent que les tueries du faubourg Saint-Germain seroient transférées à la Grenouillère; des convenances à l'égard du palais des Tuileries, en empêchèrent l'exécution (b).

Nous avons cru devoir rapporter cette suite d'arrêts &

(b) Ces détails sont tirés du *Traité de la Police de la Marre*, liv. V, tr. 20, chap. VII, tom. II, pag. 1264 & suiv.

& de réglemens ; on y voit une volonté soutenue & motivée d'exclure les tueries des bestiaux & les fonderies des suifs, de l'intérieur de Paris. Ce n'est pas une affaire de faveur, une grâce sollicitée par un particulier en crédit ; les réclamations ont été générales, dans tous les quartiers, maintes fois renouvelées ; l'affaire a été discutée contradictoirement, vérifiée par des descentes de commissaires de la cour, & le gouvernement, ainsi que le parlement, ont prononcé plusieurs fois en pleine connoissance de cause, l'exclusion des tueries,

Cependant, malgré ces réglemens & ces arrêts, les tueries subsistent encore au milieu de la ville ; elles subsistent à l'apport-Paris, c'est-à-dire, dans le quartier le plus habité ; elles subsistent rue des Boucheries & à la Croix-rouge, faubourg Saint-Germain, c'est-à-dire, dans un des plus beaux quartiers ; il y en a un grand nombre dans les quartiers de la Villeneuve, des rues Montmartre & Saint-Martin, &c. On peut être étonné qu'on n'ait point exécuté à Paris ce qui est établi à Naples, sur-tout à Londres, ville qui ne le cède point en grandeur à Paris ; que la capitale n'ait pas obtenu les avantages dont jouissent Lyon, Moulins, Tours, Laval, Nantes, Rennes (c), Aix, Marseille, & sans doute beaucoup d'autres villes de France, où le règlement de Charles IX, en 1567, a été suivi.

Les réclamations ont été souvent renouvelées depuis trente ans ; différens mémoires ont été présentés à l'administration. Ce sont ces réclamations & ces projets que le gouvernement veut prendre en considération, & sur lesquels le Roi consulte l'Académie. Dans le compte que nous allons rendre, nous considérerons premièrement les inconvéniens des tueries, & nous apprécierons ce qui en a été dit jusqu'ici ; nous ferons ensuite nos observations sur les moyens proposés pour remédier à ces inconvéniens.

Les inconvéniens qui résultent des tueries dans

(c) La Marre, tom. II, pag. 1272.

l'intérieur de la ville, sont, 1.^o le passage des bestiaux dans les rues; 2.^o le danger & les accidens que peuvent causer les bœufs échappés après avoir été frappés; 3.^o les exhalaisons élevées des fumiers & du sang répandu & putréfié dans les ruisseaux; 4.^o l'odeur qui s'exhale de la fonte des suifs, & le danger qui résulte de cette fonte pour les incendies.

On ne peut pas dire que le passage des bœufs en troupe dans les rues de Paris, lorsque chaque semaine ils sont conduits du marché dans la maison des bouchers, soit un grand inconvénient. Cependant si on considère l'effroi que cause aux femmes & aux enfans le passage de ces animaux & leur pause dans les lieux où on les arrête pour les séparer; si on fait attention que quelquefois effarouchés par le bruit & par les voitures, ils s'écartent, prennent la fuite quand ils se sentent poursuivis, & entrent dans les maisons, dans les allées, dans les boutiques, où ils portent l'épouvante & causent des accidens; on ne peut nier que ce ne soit une occasion de trouble & d'inquiétude dont il seroit à souhaiter que l'on pût délivrer la ville de Paris, comme on en a délivré les autres villes de l'Europe & de la France.

On ne peut disconvenir que les bœufs échappés de la tuerie ne soient des accidens très-rares; on sent bien que les bouchers doivent être astreints par leurs réglemens aux plus grandes précautions à cet égard. Une grosse pierre est enclavée dans la terre, un fort anneau y est scellé, auquel on attache de très-près, avec une grosse corde, le bœuf qui doit être tué; le plus souvent un premier coup de massue suffit pour le renverser, ou un second succède rapidement & l'animal est assommé; il n'y a rien à craindre à moins que la corde ou l'anneau ne casse, ce qui est difficile. Voilà ce que disent les bouchers, & ils ont raison. Mais il faut dire aussi qu'un bœuf effrayé ou repoussé par l'odeur du sang, peut s'échapper avant d'avoir été lié. Dans ces circonstances, l'animal est plus difficile à contenir: sans doute on multiplie les soins & les précautions; mais quand on pense que l'on tue tous les ans à Paris quatre-

vingt-dix mille bœufs ou vaches, & que les soins & les attentions de sûreté, soit en amenant l'animal à la tuerie, soit en l'y attachant, doivent être répétés quatre-vingt-dix mille fois, on ne peut s'empêcher de craindre les effets que produisent l'habitude & la négligence dans les choses que l'on fait tous les jours; & quoique le résultat apprenne que cet accident n'a peut-être pas lieu une fois par an, les dangers qui menacent les hommes dans une grande ville, sont si multipliés, qu'il est de l'humanité & d'une bonne police de soustraire de la somme de ces dangers, tous ceux qu'il sera possible d'en retrancher, quelque rares qu'ils soient.

Quant aux exhalaisons émanées des tueries & des maisons des bouchers, au sang écoulé qui se putréfie dans les ruisseaux, & à l'infection qui peut en résulter dans les différens quartiers, il paroît que cette infection étoit grande autrefois. On en doit juger par les fréquentes requêtes adressées au Roi & au Parlement; on y voit que non-seulement les voisins, mais des habitans éloignés s'en plaignoient. Cela est très-concevable, alors les rues n'étoient point pavées, les immondices de toute espèce s'y amassoient, les eaux chargées de sang n'avoient point d'écoulement, & la police étant peu vigilante, la propreté si essentiellement nécessaire à des maisons toujours souillées de sang, étoit mal entretenue. Aujourd'hui cet inconvénient doit être diminué & l'infection moins étendue. Cependant il est certain que les maisons des bouchers sont petites & mal aérées, que les cours qui servent de tueries n'ont quelquefois pas dix-huit pieds carrés (*d*); que les animaux sont gardés dans des lieux étroits, privés d'air & de jour: que le fumier qu'on en retire a une odeur insupportable. Lorsque dans la rue des Boucheries, faubourg Saint-Germain, on vient à vider les étables, la rue est obstruée par les fumiers & infectée de

(*d*) Mémoire de M. de Horne, sur quelques objets qui intéressent plus particulièrement la salubrité de la ville de Paris, *pag.* 9.

leur odeur. On lave sans doute soigneusement l'intérieur des tueries; on y est forcé, on y a intérêt, parce que le sang & la chair putréfiés développent un ferment qui se communique à la chair fraîche, & en détermine la corruption. Il est très-possible que le voisinage & le quartier soient plus incommodés de ces émanations que les maisons mêmes des bouchers : par-tout au dehors le sang ruisselle & croupit avec les détrimens des animaux morts. Dans les temps humides & orageux de l'été, on ne peut passer dans la rue des Boucheries & dans la rue Judas, montagne Sainte-Genève, sans y être désagréablement affecté. A ces émanations se joint l'odeur de la fonte des suifs. L'un de nous qui a habité le collège de la Marche, se rappelle que le vendredi, jour de cette fonte, l'habitation des chambres qui donnoient sur la rue Traversine, qui est la continuation de la rue Judas, n'étoit pas supportable. Quand il n'y auroit aucun danger pour les habitans de ces quartiers à passer leur vie au milieu d'une atmosphère remplie de ces vapeurs, n'y eût-il que l'incommodité de ces odeurs désagréables, que le dégoût excessif qui naît du sang répandu dans les rues & coulant dans les ruisseaux, cette seule considération devroit suffire pour en écarter le spectacle, sur-tout dans une ville immense comme Paris, où on égorge chaque semaine dix mille de ces animaux, tant bœufs que veaux & moutons, & où l'amas de leurs débris est énorme.

Mais ces émanations influent-elles sur la santé, & peuvent-elles porter avec elles quelque danger? Il est difficile de répondre d'une manière précise & rigoureuse à cette question, & de prononcer sur l'état de salubrité ou d'insalubrité de l'air, tant dans les maisons des bouchers, que dans le voisinage de leurs tueries, parce qu'il ne paroît pas qu'on ait jamais fait ni expériences directes, ni recherches suivies sur cet objet; elles ne pourroient être que longues & difficiles. Mais si la physique actuelle ne nous apprend rien de positif sur les effets de ces émanations, & sur l'influence de la plupart des substances dégagées par la

putréfaction, il est des observations & des faits qui peuvent jeter quelque jour sur la question, & conduire, sinon à une certitude absolue, du moins à des présomptions bien fondées & à des probabilités suffisantes.

Les exhalaisons qui sortent du corps des animaux, surtout des animaux morts, celles qui s'exhalent des substances en putréfaction, ne peuvent être que nuisibles. Cette vérité est établie par l'expérience de toutes les nations & de tous les siècles, & elle est confirmée par l'opinion générale des médecins; il est naturel d'en conclure que les lieux où l'on tue des animaux pour la boucherie, où l'on fait sécher leurs peaux, où l'on fait fondre leurs suifs, où l'on garde leur fumier mêlé de sang & de chair, doivent être malsains, & que l'influence de ces exhalaisons corrompt l'air & se répand à quelque distance dans le voisinage. Les bouchers prétendent que cette opinion est mal fondée, & ils opposent la santé, la fraîcheur, l'embonpoint dont ils jouissent en général, eux, leurs femmes & leurs enfans : mais cette objection tombe d'elle-même, cet embonpoint & cette fraîcheur prouvent seulement qu'ils ont une nourriture succulente; ils sont dans la force de l'âge, ils ont toujours une constitution vigoureuse, & leur vigueur est entretenue par un travail continuel. Pour apprécier les avantages & les dangers de leur état, il faudroit connoître la durée moyenne de leur vie; il faudroit comparer leur mortalité à celle des autres hommes; il faudroit sur-tout les observer dans leur vieillesse, lorsqu'ils ont quitté le travail qui faisoit leur force. On sait que les athlètes des anciens étoient choisis parmi les hommes les plus robustes, qu'on leur donnoit les alimens les plus substantiels & en très-grande quantité; ceux qui pouvoient résister à l'excès de nourriture devenoient très-forts, ils prenoient un embonpoint excessif, mais leur vieillesse étoit sujette à beaucoup de maladies (e). Il en est sans doute de

(e) M. Burette, *Mém. Acad. Inscript.*, tom. I, page 218 & suiv.

même des bouchers ; leur embonpoint peut avoir de fâcheuses suites , lorsque leur tempérament s'affoiblit , & qu'ils n'ont plus assez de force pour digérer une nourriture trop succulente. Il y a une autre remarque à faire ; on fait que l'état des bouchers se perpétue communément dans les familles , la force y est donc comme héréditaire ; l'habitude plie la nature , l'homme se façonne à tout : on observe qu'il vit dans tous les climats , mais les hommes forts résistent , les foibles disparaissent ; ce sont ceux-ci qu'il faut consulter sur le pouvoir du climat & sur l'influence d'un air mêlé d'exhalaisons étrangères ; l'expérience aperçoit en eux les causes dévoilées par des effets plus sensibles. Le peuple mal nourri qui habite le voisinage des tueries , n'a pas la force des bouchers pour résister à cette influence ; les gens infirmes , dont les corps débiles sont soumis à toutes les variations de la température , doivent être avertis les premiers de ces vapeurs étrangères & souffrir de leur impression. Ces vapeurs sont annoncées par une odeur désagréable , une odeur fade qui répugne & fait soulever l'estomac : en agissant sur l'odorat , elle attaque & vicie l'organe du goût ; l'appétit se perd , les mauvaises digestions & la langueur s'établissent. Cet effet des substances putrides ne peut avoir lieu sans qu'elles altèrent la santé ; c'est un fait d'observation , que les femmes dont les maisons bordoient le cimetière des Innocens , étoient toutes d'une pâleur remarquable , & qu'elles étoient sujettes aux maladies de l'estomac. Tous ceux qui ont étudié l'anatomie , & sur-tout ceux que le peu de fortune a forcé de suivre les dissections sur un même sujet presque tombant en pourriture , savent ce qu'ils ont souffert , combien , pendant ce temps , ils ont été blêmes , sans appétit & dans un état de langueur , eu égard à leur âge & à leur force naturelle. On peut donc en inférer , on pourroit même en conclure que les émanations animales , que les vapeurs putrides sont mal-faisantes ; on peut même aller jusqu'à soupçonner que quelquefois il en résulte une espèce de contagion. On a observé , en 1749 , une

maladie qui régnoit à Paris, dans la maison de l'Enfant-Jésus, & qui attaqua trente personnes; on en a attribué la cause aux exhalaisons des bêtes mortes de l'épizootie, & enterrées près de cette maison, dans un lieu où elles ne furent recouvertes que de quelques pieds de terre. On fait qu'il y a quelque danger à habiter un lieu trop voisin d'un champ de bataille qui a été couvert de morts; mais sur-tout le voisinage de ces marais où les eaux stagnantes croupissent, & où se fait journellement une énorme destruction de plantes, d'animaux & d'insectes; c'est, dans plusieurs saisons de l'année, le théâtre des fièvres réglées & des maladies putrides. La peste & les maladies contagieuses ne ravageoient pas Constantinople sous les empereurs Grecs, comme elles font aujourd'hui. Un chirurgien habile & bon observateur qui a habité cette ville, nous a dit que si l'on fait attention à la prodigieuse quantité d'animaux & sur-tout de chiens qui vivent, meurent & pourrissent dans les rues, à la mal-propreté extrême de ces rues, au peu de soin d'enlever les immondices & les corps des animaux morts, on soupçonnera peut-être que c'est une cause suffisante à l'éternelle contagion qui y reparoit tous les ans avec les premières pluies & les premières chaleurs du printems. On y reconnoît bien la putréfaction qui demande une chaleur humide, s'il est vrai que dans le froid qui desèche & dans le chaud qui consume, il n'y ait point de peste. Il seroit téméraire d'en conclure que les émanations putrides sont la cause de la peste; nous ne pouvons même nous assurer qu'elles soient l'aliment & le véhicule du germe de cette maladie apportée d'ailleurs; mais il semble au moins que ces faits doivent porter à craindre de pareilles émanations, & à conseiller de se dérober à leur influence. Nous ne prétendons point comparer pour l'importance des suites, l'influence des tueries à celle d'un champ de bataille, ou des marais pestilentiels, & encore moins à celle de la peste qui ravage Constantinople; mais si ces influences ont la même origine & sont de la même nature, si ce sont les

mêmes causes avec une moindre intensité, ne sera-t-il pas sage de les proscrire ? Il n'y a point de petites considérations dans une ville comme Paris. Ce qui peut être négligé ailleurs par la petitesse, se fortifie ici par de grands développemens, & devient considérable par l'accumulation des effets. Enfin, si les connoissances actuelles ne nous mettent point dans le cas d'affirmer que les exhalaisons des tueries peuvent être nuisibles, il est encore plus difficile de le nier. Le doute même où la prudence nous porte à nous renfermer, est d'un grand poids : dans tout ce qui peut nuire, le doute comme la certitude prescrit de s'abstenir ; & lorsqu'il s'agit de la vie des hommes, de la conservation du peuple, il ne faut au gouvernement actuel, dirigé par l'humanité, que des présomptions fortes & de grandes probabilités, pour éloigner de la capitale les causes soupçonnées de destruction.

Une autre considération sollicite encore l'éloignement des tueries ; c'est le danger des incendies. Chaque tuerie a son fondoir à suif, placé le plus souvent au haut des maisons & sous la charpente de la couverture, dans les quartiers les plus ferrés, les plus habités, & où le feu seroit le plus redoutable. Sans doute les accidens seroient communs, si l'attention des bouchers étoit moins soutenue : mais la police qui veille à la sûreté des habitans de Paris, doit craindre à tous momens le relâchement de cette attention ; & on ne peut sans inquiétude laisser au milieu d'une immense population, & dans tous les quartiers, une cause d'incendies & de ravages, en songeant que les effets n'en sont suspendus que par la prudence de quelques particuliers.

Tous ces motifs semblent devoir déterminer à bannir les tueries de l'intérieur de Paris. En vain les bouchers objectent l'immensité de la ville & opposent la petitesse comparée des villes de Nantes, Marseille ; ils oublient que ces villes, déjà grandes par elles-mêmes, contiennent chacune environ, plus ou moins, cent mille ames, c'est-à-dire, à peu près la sixième partie de la population de Paris ; ils

oublent que si elles n'ont qu'une tuerie, Paris qui en aura quatre ou cinq, conservera avec ces villes la proportion nécessaire.

Une autre difficulté alléguée par les bouchers, est celle du transport des viandes de la tuerie à l'étal. Les frais & le temps de ce transport feront, disent-ils, renchérir la viande, & languir le service public; mais cette objection est détruite par un fait, c'est que les tueries d'un nombre de bouchers de Paris sont fort éloignées de leur étal. Celle de la rue au Maire, suivant les Mémoires que nous avons sous les yeux, fournit les étaux de la boucherie dite des Quinze - vings; les tueries de la montagne Sainte - Geneviève alimentent les boucheries de l'abbaye Saint-Germain; autrefois toute la viande de carême étoit exploitée à la boucherie des Invalides, au Gros-caillou, & transportée dans tous les quartiers de Paris. La viande n'a pas été plus chère, le service a été bien fait. Il en sera de même pour les tueries placées près de l'enceinte de Paris, & dont la distance aux étaux ne sera pas beaucoup plus considérable. Un peu plus ou un peu moins de distance n'augmente pas sensiblement les frais, & demande peut-être, quant au temps, un quart-d'heure de plus : il n'y a qu'à s'y prendre plus matin.

Les bouchers objectent encore que dans le transport, la viande se gélera pendant l'hiver, & se corrompra pendant l'été. Mais le fait de l'éloignement de quelques rues de leurs tueries répond à cette objection; l'exemple des villes de Nantes, Marseille, & sur-tout de Naples où les chaleurs sont excessives, y répond également; & quand on pense que le poisson nous arrive de quarante lieues l'hiver sans se geler, & souvent l'été sans se corrompre, on conçoit qu'avec des précautions, la viande, moins susceptible, puisse faire un trajet de quinze cents toises au plus le matin, l'hiver, sans se geler, & pendant l'été, la nuit, sans s'altérer. On assure encore que les viandes de carême ont été souvent détériorées dans un long transport par les secousses de la voiture, & qu'elles

avoient un coup-d'œil désagréable. Nous n'avons point fait cette expérience, mais nous croyons que c'étoit l'effet de la négligence & de la précipitation. On ne voit point que les viandes débitées par les bouchers dont les tueries sont éloignées, soient moins bien conditionnées que les autres; & quand le fait seroit vrai, les viandes battues n'en sont pas moins bonnes à manger.

L'utilité, la nécessité même de l'éloignement des tueries étant bien établies, il ne reste plus à examiner que les moyens qui ont été proposés pour procurer cet éloignement. Rien ne seroit plus facile, si on ne craignoit pas de causer une augmentation du prix de la viande, ou même de fournir un prétexte au renchérissement. C'est cette considération importante qui a suspendu depuis quelques années, & peut-être long-temps auparavant, la décision du gouvernement. On peut ordonner aux bouchers de fermer les différentes tueries qu'ils ont dans les différens quartiers de Paris, & de les porter près des barrières & de l'enceinte des murs. Mais ils représenteront qu'on les jette dans une grande dépense momentanée, & dans une augmentation de frais annuels, tant pour la construction de ces tueries, que pour leur exploitation & le transport des viandes; ils demanderont un dédommagement. Il s'agit donc d'éloigner les tueries sans faire renchérir la viande; & c'est sous ce rapport que toutes les propositions doivent être examinées.

Un grand nombre de particuliers se sont présentés & ont offert de se charger de tous les frais de construction des tueries & des étables pour le logement des bestiaux. Les uns bâteroient quatre tueries communes, les autres cinq, & d'autres jusqu'à vingt. Les uns proposent des tueries où chaque boucher aura son établissement à part, où il fera tuer ses bestiaux & dépecer sa viande; d'autres offrent d'avoir un nombre de garçons suffisant pour tuer, dépecer & transporter les viandes dans les étaux. On peut douter que les bouchers veuillent s'en remettre à d'autres du soin de tuer & de dépecer; ce seroit une occasion de

querelle toujours renaissante. Il est plus simple que les entrepreneurs se chargent seulement de la construction des boucheries communes, étales, greniers, magasins, abreuvoirs pourvus de l'eau nécessaire tant pour abreuver les troupeaux, que pour entretenir la propreté, & fournissent si l'on veut un nombre de gens de service pour garder & soigner ces bestiaux; & que chaque boucher ait son établissement particulier dans les tueries communes, où il fera son exploitation & disposera tout à sa volonté.

Dans ces projets, on a désigné un local près le vieux Neuilli, & un autre à l'île des Cygnes. Le vieux Neuilli est trop éloigné, mais l'île des Cygnes seroit très-propre à un de ces établissemens. En général, dans ces projets conçus la plupart avant la construction des murs de Paris, on a proposé de placer les tueries hors des barrières; aujourd'hui que ces barrières sont reculées, peut-être conviendrait-il, pour la perception des droits, de placer les tueries en dedans & très-près de l'enceinte des murs; elles y seront assez isolées, & la distance au milieu de Paris sera moins grande.

Les entrepreneurs, pour se dédommager de leurs dépenses, font plusieurs propositions différentes; les uns demandent qu'on leur abandonne la fourniture générale de toute la viande qui se consomme à Paris. Ils offrent d'établir vingt dépôts de bestiaux aux environs pour assurer la consommation, où des inspecteurs veilleront à la qualité des viandes débitées; ils offrent de ne point mêler aux viandes de première qualité, cette basse boucherie que l'on nomme improprement *réjouissance*; de diminuer le prix actuel de la plus belle viande; de faire vendre à part la basse viande par des débitans particuliers, & de donner, sur les profits, une somme annuelle aux nouveaux hôpitaux. Ils observent que les boucheries sont ainsi affermées à Aix, à Marseille & dans plusieurs villes méridionales. Malgré ces exemples & ces offres séduisantes, un tel établissement seroit très-dangereux : toute entreprise pour une denrée de première
nécessité,

nécessité, fait craindre dans l'avenir & le renchérissement & la mauvaise qualité de la denrée; il y auroit tôt ou tard un double monopole, l'un sur les consommations, l'autre, non moins important, sur les cultivateurs qui élèvent & engraisent des bestiaux. Si on faisoit de cette entreprise un essai qui ne pourroit réussir, il en résulteroit un très-grand mal; l'habitude de fournir, les moyens de la concurrence seroient détruits; on n'auroit plus d'autre ressource que l'entreprise pour l'approvisionnement de Paris, & le mal bien reconnu, seroit peut-être conservé par la difficulté de revenir à la concurrence. L'Académie ni le gouvernement actuel n'adopteroient point ce projet, qu'il est de la plus grande conséquence de rejeter.

Les autres estimant que la somme des locations dans les tueries communes, ou le dédommagement de leurs avances, réparti sur la quantité de viande consommée à Paris, répondroit à trois deniers par livre pesant, ils proposent d'en augmenter le prix d'un liard; mais ce seroit aller contre les vues du gouvernement qui ne veut en aucune manière augmenter le prix déjà excessif d'une denrée de première nécessité.

D'autres entrepreneurs font une proposition dont il faut faire mention ici, au moins pour la singularité; ils offrent de construire des tueries, de fournir en outre des fonds presque suffisans pour bâtir les quatre hôpitaux, & ils trouvent leur dédommagement dans une police, qui, si elle étoit praticable, auroit une utilité d'un autre genre; ce seroit de faire goûter & essayer les vins qui se débitent dans Paris, pour s'assurer qu'ils ne sont point falsifiés par des chaux de plomb. Il seroit sans doute très-intéressant pour la santé du peuple, qu'on ne lui vendît que des vins francs & de bonne qualité; mais on propose d'augmenter d'un sou par bouteille, un impôt déjà excessif, d'élever encore au-dessus des moyens du pauvre une denrée presque de première nécessité; & il faudroit soumettre les marchands à une véritable inquisition à tous momens renouvelée,

ce qui seroit odieux. Ce projet, comme les deux premiers, doit être absolument rejeté.

Enfin, le plus grand nombre des entrepreneurs demandent que les bouchers leur payent un droit proportionné au nombre des bestiaux qui y seront exploités, trois, quatre ou cinq livres par tête de bœuf, quinze ou vingt sous par veau, huit ou dix sous par mouton. Un de ceux qui demandent les prix les plus modérés, est celui qui offre de construire cinq tueries, trois du côté du nord où est le plus grand nombre des bouchers, & deux du côté du midi. Chaque boucher y aura sa loge, où il trouvera sous une seule clef sa fonderie, ses magasins à suif, à peaux, à cuirs, & tous les accessoières qui y sont relatifs; il y fera lui-même ses exploitations. L'entrepreneur fera tous les frais de construction & d'entretien, il y entretiendra des garçons nécessaires pour avoir soin des bestiaux; il demande trois livres par bœuf, vingt sous par veau, dix sous par mouton pendant un bail de vingt-sept ans; & sur ce prix il offre de diminuer un quart au bout de neuf ans, un second quart au bout de neuf autres années; de sorte que dans les neuf dernières il ne prendroit plus que la moitié du droit, & à l'expiration du bail il remettrait ses établissemens & leurs produits à l'administration des nouveaux hôpitaux.

Une autre compagnie qui propose des prix assez modérés, c'est-à-dire, trois livres par bœuf, cinquante sous par vache, vingt sous par veau, & douze sous par mouton, offre de verser un million au Trésor royal aussitôt après l'enregistrement des Lettres patentes; elle demande un privilège de soixante ans, pendant lesquels elle fera vingt-quatre mille livres de rente à la ville, & à l'expiration du bail, elle remettra ses établissemens au gouvernement.

Si le gouvernement adopte l'un de ces projets, c'est à lui & au magistrat chargé de la police, à régler les prix qui pourront être exigés des bouchers par tête de bétail. Cependant nous croyons devoir joindre ici quelques calculs

qui pourront servir au gouvernement à se décider pour régler ces prix.

Les états de la Ferme générale apprennent que dans une année commune, prise sur les dix-sept écoulées entre 1760 & 1777, il est entré à Paris, abstraction faite de la contrebande, soixante-six mille sept cent quatre-vingt-quatre bœufs, vingt mille neuf cent soixante-dix-sept vaches, cent sept mille neuf cent quarante-neuf veaux, trois cent trente-deux mille neuf cent vingt-un moutons; ce qui, en estimant le poids du bœuf à six cents livres, la vache à quatre cents, le veau à cent & le mouton à trente-deux, fait six cent vingt-sept mille cent quatre-vingt-cinq quintaux de viande, où le bœuf est pour les deux tiers, & le veau & le mouton chacun pour un sixième. Il est bon d'observer que quand on dit qu'un bœuf pèse six cents livres, on entend six cents livres de chair propre à être débitée, & on ne fait point entrer en compte ni le suif, ni le cuir, ni les extrémités. L'entrepreneur recevroit à raison de ce nombre d'animaux & des prix rapportés ci-dessus, la somme de cinq cent cinquante-sept mille six cent quatre-vingt-douze livres par an, laquelle somme répartie sur six cent vingt-sept mille quintaux de viande, répond à un droit de deux deniers & un huitième par livre pesant; ce qui fait voir que ceux qui proposent d'augmenter d'un liard par livre le prix de la viande, non-seulement proposent un impôt qu'il ne faut point admettre, mais leveroient sans nécessité un excédant de sept huitièmes de denier par livre, produisant deux cent vingt-six mille sept cent sept livres. Nous croyons que le droit à payer sur chaque tête de bétail, peut & doit être supporté par les bouchers: en voici la raison & la preuve.

Les bouchers sont au nombre de trois cents environ. Il y en a trois espèces: la première, de ceux qui tuent chez eux; la seconde, de ceux qui vont tuer chez leurs confrères plus riches; la troisième, de ceux qui sont nommés *bouchers à la cheville*, & qui achètent la viande toute

exploitée. La seconde & la troisième classe sont intéressées à l'établissement; la première seule peut avoir des raisons de s'y opposer: cette classe est, dit-on, composée d'environ cent vingt bouchers qui, par un nombre moyen, tuent chaque semaine quatorze ou quinze bœufs, dix-sept veaux & cinquante-trois moutons: les uns en tuent plus, les autres moins. On nous a mis sous les yeux l'état des dépenses que les tueries peuvent occasionner à un boucher qui tue par semaine douze bœufs, douze veaux & quarante-six moutons, & par conséquent à peu-près les nombres moyens que nous venons d'établir.

Loyer des tueries, étables, fonderies, écuries, magasins à suif, cave pour les cuirs, grenier à fourrage, &c.....	1500. [#]
Entretien.....	300.
Un garçon employé à soigner les bestiaux, nettoyer les étables, les tueries, les cours, les rues, & dont le boucher n'aura plus de soin.....	1198.
Entretien des pelles, fourches, brouettes, &c.	50.
Enlèvement des voiries.....	200.
Diminution de moitié sur la fonte des suifs (f).	660.
Sur les fourrages (g).....	200.
	<hr/> 4108.

Nous aurions bien désiré pouvoir vérifier chaque article de ce tableau des économies que pourront faire les bouchers; on sent combien cette recherche auroit été difficile. Les dépenses intérieures des bouchers sont le secret de leurs affaires; mais les mémoires qui nous ont été fournis, portent que ces évaluations ont été faites sur la déclaration des bouchers, lorsqu'il a été question de régler le prix de la viande; & comme on a supposé que ces déclarations étoient un peu chargées, nos mémoires disent qu'on les a dimi-

(f) Les bouchers, dit-on, estiment les frais de la fonte des suifs à un sou par livre: la compagnie offre de fondre pour eux à six deniers.

(g) Les bouchers, dit-on, surtout les moins riches, s'approvision-

nent de fourrage à fur & à mesure, & souvent à haut prix: la compagnie auroit des magasins où ils en trouveroient à un prix modéré, & où ils ne se fourniroient que librement.

nuées; par exemple, les frais de voirie ont été réduits de quatre cent soixante-huit à deux cents, &c. Nous avons donc lieu de croire que l'état qui nous a été fourni est juste & modéré.

La somme payée par le boucher qui fournit cette économie de quatre mille cent huit livres à l'entrepreneur, à raison de trois cent soixante-quatre bœufs, autant de veaux, & de quatorze cent cinquante-six moutons, sera par an de deux mille cent quatre-vingt-quatre livres; il pourroit donc en résulter une économie pour le boucher de dix-neuf cent vingt-quatre livres par an : & dans cette supposition, le nouvel établissement, loin de lui être à charge, lui deviendrait avantageux. On peut compter encore pour quelque chose & pour le profit du boucher, le meilleur état des bestiaux dans des étables aérées, où ils seront plus à l'aise. On prétend, & c'est, dit-on, de l'aveu des bouchers, que dans les étables de Paris, le dépérissement des bœufs, par le défaut d'air, va à cinq livres par jour : nous ne garantissons pas cette évaluation qui paroît un peu forcée; mais il est très-vraisemblable qu'il y a un dépérissement quelconque, & que le bétail étant mieux tenu dans les nouveaux établissemens, la chair aura plus de suc & conservera mieux sa bonne qualité.

Nous avons dit que l'état des économies ne paroîssoit pas reprochable d'exagération; mais obligés d'en admettre un sans pouvoir le vérifier, nous supposérons pour tout forcer, que celui-ci soit exagéré de plus de moitié, il s'en suivra au moins que le boucher épargnera d'un côté les deux mille cent quatre-vingt-quatre livres qu'il dépose de l'autre. En effet, l'économie du loyer de ses tueries, celles de l'enlèvement des voiries & d'un garçon d'échaudoir, doivent seules surpasser les deux mille cent quatre-vingt-quatre livres. Il est donc évident que l'établissement des tueries communes ne peut être onéreux au boucher; & il est au contraire infiniment probable qu'il y trouvera du bénéfice.

On ne pourroit objecter qu'une chose, c'est que tous les bouchers ne font pas un si grand commerce, & que l'économie dont il s'agit diminue avec ce commerce & dans une plus grande proportion. Mais supposons un boucher qui ne tue par semaine que trois bœufs & un nombre proportionné de veaux & de moutons, il payera au nouvel établissement à peu-près dix-huit livres par semaine ou neuf cent trente-six livres par an. Il est bien difficile de croire que le loyer de la tuerie & ses accessoires & ses autres frais ne montent pas à cette somme. Au reste, la légère différence, s'il y en avoit, ne mériteroit pas la sollicitude du gouvernement, & s'évanouiroit dans les profits du commerce. Mais ce qui doit achever de tranquilliser à cet égard, & ce qui semble une espèce de démonstration, qu'il n'en peut résulter aucun tort pour le boucher, aucun tort du moins dont le gouvernement & le public doivent lui tenir compte, c'est que les bouchers qui tuent chez leurs confrères, leur payent, suivant nos mémoires, trois livres par tête de bœuf; & cependant ils ne font point payer la viande plus cher, & cependant ils ne se plaignent pas plus que les autres. Il s'ensuit donc que la taxe proposée par tête de bétail, pour l'établissement des nouvelles tueries, peut être supportée par les bouchers, sans que le gouvernement leur accorde, ni que l'on puisse jamais lui demander à ce titre aucun renchérissement de la viande.

Ce n'est pas à nous à statuer sur la préférence qu'il convient de donner à une compagnie sur une autre; la raison enseigne qu'il faut préférer celle qui exige les prix les plus modérés. Il semble naturel d'exiger d'elle qu'elle consente aux diminutions qui ont été proposées pour différentes époques d'un bail de vingt-sept ans, & qu'à l'expiration de ce bail, elle remette ses établissemens aux nouveaux hôpitaux; ou au profit du public & en diminution du prix de la viande, si on ne craint pas que cette diminution de deux deniers par livre pesant de viande, ne soit illusoire, ou qu'elle ne se perde dans les nombres ronds qu'il faut

arbitrer au prix des denrées, de manière que le public en reste chargé sans qu'il en résulte pour lui aucune utilité; car en l'attribuant aux hôpitaux, le riche est soulagé d'une petite partie des frais de leur entretien; & le pauvre trouve dans les soins qu'il reçoit, le dédommagement du peu qu'il lui en a coûté à raison de sa foible consommation.

Ce que nous venons de dire suppose que le gouvernement, par les arrangemens pris avec la compagnie, soit en droit de lui imposer des conditions; & c'est ici le lieu d'examiner la demande que font la plupart de ces compagnies d'un privilège exclusif. Elles diront qu'elles ne peuvent faire les frais des constructions sans être assurées des locations; cependant il y en a une qui offre de construire les tueries en concurrence avec les bouchers, & qui consent qu'ils soient les maîtres de construire à leurs frais des tueries particulières, à condition que chacun ne tuera que pour soi, & qu'il leur sera défendu de tuer pour leurs confrères. La chose est donc jugée possible, puisqu'elle est acceptée & même proposée d'avance par une compagnie. Nous ignorons quelles seront à cet égard les dispositions du gouvernement, mais nous connoissons assez l'esprit de l'Académie pour être assurés qu'elle ne votera point en faveur d'un privilège exclusif. L'avantage & la prospérité du commerce sont dans la liberté, il seroit à souhaiter que celui de la viande fût parfaitement libre; mais puisque ce commerce est abandonné exclusivement à une maîtrise & à des marchands privilégiés, au moins faudroit-il n'y pas introduire des entraves nouvelles, & que le droit de tuerie appartînt à qui le voudra: la compagnie auroit toujours l'avantage des entreprises, qui est de faire en grand & de pouvoir donner à meilleur marché; peut-être même, en y réfléchissant, verra-t-on que la compagnie n'a pas un grand intérêt à exiger le privilège exclusif. Les bouchers qui ne tuent point chez eux, tueront nécessairement chez elle: quant aux gros bouchers, lorsqu'ils n'auront plus le profit du tribut qu'ils lèvent sur leurs confrères, quand il s'agira

de faire les avances d'achat de terrains, de constructions ou de locations chères, ils y regarderont à deux fois avant d'en faire l'entreprise ; & d'autant plus, qu'en réduisant tout au plus bas les économies des bouchers, pour prouver qu'ils seront indemnes dans le nouvel établissement, cette réduction forcée n'empêche point qu'on n'aperçoive que les prix modérés doivent leur laisser un bénéfice plus ou moins grand. Au reste, qu'est-ce que ce nouvel établissement ? c'est un local préparé pour eux, ce sont des locations où on leur offre de se placer ; & il y a tout lieu de croire, si ces constructions sont faites avec économie & avec intelligence, que les bouchers y trouveront des établissemens à meilleur marché que dans les lieux qui ne feroient pas disposés pour cet usage, & où ils auroient tout à faire.

Une considération que nous ne devons pas négliger de mettre sous les yeux de l'Académie, c'est qu'un établissement du même genre est déjà exécuté. Il y a dans nos faubourgs trois tueries communes pour les chaircuitiers, où ils tuent & payent vingt-quatre sous pour chaque bête tuée ; la communauté s'en loue, suivant le certificat qu'elle en a donné. On en peut inférer que lorsque les nouvelles tueries seront établies, les bouchers s'en loueront également : le succès de l'un de ces établissemens semble assurer le succès de l'autre, avec cette différence, que celui des tueries à bœufs est bien autrement important pour la ville & pour le public.

Nous croyons donc que le projet de l'éloignement des tueries ne peut être que d'une grande utilité, qu'il est de la bonté du Roi & de la vigilance des magistrats de considérer la propreté qui en résultera dans la ville, le plus de sûreté pour les citoyens dans les rues, un degré plus ou moins grand, mais certain, de salubrité dans les différens quartiers, enfin le danger des incendies dont on est sans cesse menacé par la fonte des suifs. On procurera à la capitale de la France un avantage dont jouissent non-seulement

seulement les principales capitales de l'Europe , mais un nombre des villes de nos provinces , on contribuera à l'embellissement de Paris. Il semble qu'au moment où on abat les maisons des ponts , où on découvre les bords de la rivière , il est convenable de nous dérober le spectacle du sang coulant dans les ruisseaux , des lambeaux de chair & des fumiers infects qui sortent des boucheries ; cette police est de nécessité , de commodité & d'agrément , elle est désirée depuis quatre siècles. C'est par l'accroissement de la ville , que les tueries , d'abord établies au dehors , se sont trouvées au dedans ; il seroit bien extraordinaire , si dans le siècle éclairé où nous sommes , si dans le dix-huitième siècle , on ne pouvoit parvenir à ce qui a été exécuté dans le quatorzième. L'opération du gouvernement consiste ici à préférer la compagnie , à choisir les moyens qui satisferont au plus grand nombre de conditions ; un prix modéré , la diminution de ce prix dans la durée du bail , & à la fin la remise des établissemens au profit public ; un local bien placé & pourvu de l'eau nécessaire ; des dispositions concertées avec le magistrat chargé de la police. Mais quel que soit le parti que prenne le gouvernement pour satisfaire en tout ou en partie à ces conditions , nous croyons que le projet de l'éloignement des tueries doit être non-seulement approuvé par l'Académie , mais que l'exécution doit en être sollicitée par elle ; & qu'il est digne de son zèle pour tout ce qui est utile , d'être auprès du Roi l'organe du vœu public. Cet utile établissement n'aura aucun inconvénient , s'il n'en résulte point de renchérissement de la denrée ; & les calculs que nous avons soumis à l'Académie & au Gouvernement , ne semblent pas permettre qu'on allègue ni raison ni prétexte pour ce renchérissement.

L'examen que nous avons fait de cet objet d'utilité publique , nous a mis à portée de remarquer un abus qui sembleroit exiger quelque réforme & nécessiter un règlement. Il entre à Paris , année commune , soixante-six

mille sept cent quatre-vingt-quatre bœufs & vingt mille neuf cent soixante-dix-sept vaches ; la vache est donc presque pour un quart dans la consommation de Paris : les uns & les autres sont débités par les mêmes bouchers , & la viande est vendue au public sous le nom de bœuf & au même prix. Cependant elle ne fait qu'un mauvais bouillon & une nourriture d'une qualité inférieure. C'est le peuple qui souffre particulièrement de cet abus , car les riches par une consommation plus importante , & les gens aisés en payant plus cher , ont des moyens de se faire mieux servir. M. de Villedeuil nous a parlé d'un usage de la ville de Douai , qu'il croit pouvoir être applicable & utile à Paris. Il a fait venir & nous a communiqué les réglemens qui y sont relatifs ; ces réglemens sont du 7 mai 1769 ; il en résulte que la ville de Douai a deux espèces de bouchers , dénommés les *grands* & les *petits* : les premiers ne peuvent tuer que des bœufs , des veaux & des moutons de la meilleure qualité ; les autres que de la vache & de la brebis , & les uns & les autres à des prix différens. Ce règlement seroit très-utile , chacun se fourniroit suivant ses moyens , il sauroit ce qu'il a acheté ; & si le pauvre est réduit par sa malheureuse condition à une qualité de viande inférieure , au moins il ne la payeroit pas comme la bonne , il y atteindroit plus aisément , il pourroit en consommer davantage. Il faudroit que ces différentes boucheries fussent bien séparées & bien distinguées , ou qu'il y eût des inspecteurs pour empêcher la contravention. On dit qu'il y a quelques bouchers à Paris qui vendent de la vache & à un prix inférieur à celle du bœuf ; mais un règlement , une séparation seroient nécessaires ; il faudroit que cela fût établi d'une manière légale , & que le boucher qui vend de la vache , ne pût pas vendre du bœuf , & réciproquement.

Telles sont les conclusions que nous prenons au nom de l'Académie , & que nous lui proposons d'adopter : nous demandons que les tueries soient éloignées de l'intérieur , & placées très-près de l'enceinte de Paris ; nous

désirerions que, conformément à l'opinion déjà connue du Ministre, il y eût des bouchers qui vendissent seuls & exclusivement la chair des vaches amenées à Paris, & qu'il fût pris des précautions pour que la basse viande ne se vendît pas au même prix que celle de première qualité. Nous croyons que l'Académie, en rendant compte au Ministre de la commission confiée à son zèle & à ses lumières, est autorisée à former un vœu sur chacun de ces objets utiles.

Fait à l'Académie, le vingt-trois mai mil sept cent quatre-vingt-neuf.

D'AUBENTON, TILLET, BAILLY, LAVOISIER, LA PLACE,
COULOMB, D'ARCET.

O U V R A G E S

PRÉSENTÉS A L'ACADÉMIE.

P R I X.

L'ACADÉMIE avoit proposé pour l'année 1784, le sujet suivant : *De perfectionner la construction des moulins à eau, sur-tout de leurs parties intérieures, &c. &c.* Ce prix remis à l'année 1785, a été décerné au Mémoire qui a pour devise :

*Scilicet ut possim curvo dignoscere rectum,
Atque inter silvas Academi quærere verum.*

dont l'auteur est M. Dransy, ingénieur du Roi. L'Académie l'invite, en le couronnant, à continuer ses recherches sur un art dont il s'est beaucoup occupé, & qui est si digne, par son objet, de toute l'application d'un homme instruit.

Parmi les Mémoires qui ont concouru sur le même sujet, celui qui a pour devise : *Machinarum structori tam*

theoriâ quàm usu opus est, a mérité l'attention de l'Académie; mais l'auteur s'y est presque renfermé dans l'application du calcul à la construction des moulins, & n'a point présenté, à ce sujet, des vues nouvelles comme le programme le demandoit.

L'Académie avoit proposé pour sujet du prix de 1787, la *Théorie des assurances maritimes*; prix qui avoit été déjà remis deux fois. Aucune des pièces qui ont été envoyées pour ce concours, ne lui a paru remplir entièrement ses vues. Cependant, parmi ces pièces, elle en a remarqué deux qu'elle regarde comme dignes de récompense à différens égards. La première, n.^o 8, a pour devise :

Illi robur & æs triplex

Circa pectus erat, &c.

L'auteur montre beaucoup de savoir dans l'analyse & dans le calcul des probabilités; mais il s'est trop borné à la théorie, & n'a pas suffisamment traité la question, relativement à l'utilité que la marine & le commerce sont en droit d'attendre des recherches des géomètres.

La seconde, n.^o 7, a pour devise :

Judicis argutum quis non formidat acumen !

¶ L'auteur a traité la partie théorique du problème, d'une manière moins rigoureuse & moins générale que celui de la pièce précédente; mais il a fait un grand nombre de remarques intéressantes & très-utiles, relativement à la pratique, quoiqu'il ait encore cependant laissé plusieurs choses à désirer sur ce sujet.

D'après cet exposé, l'Académie a cru devoir partager la moitié du prix, qui étoit de 6000 livres, entre les deux pièces citées, en attribuant 1800 livres à la pièce n.^o 8, & 1200 livres à la pièce n.^o 7. Ce partage inégal est fondé sur le mérite inégal qui a paru se trouver entre les deux pièces.

L'auteur de la pièce n.^o 8, est M. *Delacroix*, professeur de mathématiques à l'École d'artillerie de Besançon, &

correspondant de l'Académie. Celui de la pièce n.^o 7, est M. Biquilley, garde-du-corps du Roi.

Quant aux 3000 livres qui restent de la totalité du prix, l'Académie a cru devoir les destiner à celui qui, à son jugement, *construira les meilleures tables, d'après la théorie & les observations, pour la pratique du calcul des assurances maritimes*; & elle distribuera ce prix dans son assemblée publique d'après Pâques 1791.

PRIX EXTRAORDINAIRE

PROPOSÉ PAR L'ACADÉMIE ROYALE DES SCIENCES,

pour l'année 1787.

EN 1783, Sa Majesté fit annoncer à l'Académie, par M. le comte d'Angiviller, qu'Elle destinoit une somme de 12000 livres pour trois prix qui devoient être décernés en 1785, aux auteurs qui, au jugement de cette Compagnie, auroient proposé la meilleure manière de rétablir ou de perfectionner la machine actuelle de Marly, ou de remplacer cette machine par une autre. Le premier prix étoit de 6000 livres; le second de 4000 livres; le troisième de 2000 livres.

L'Académie n'ayant pas été entièrement satisfaite des pièces qui furent envoyées pour le concours de 1785, proposa le même sujet pour cette année 1787, avec les mêmes prix. Elle a cru devoir partager le premier de ces prix entre la pièce n.^o 8, qui a pour devise : *Saltem voluisse decorum est*, & dont l'auteur est M. Gondouin Desluais; & la pièce n.^o 45, qui a pour devise : *Perficiet tempus*, & dont l'auteur est M. Groult, élève des Ponts & Chaussées.

Le second prix, entre la pièce n.^o 21, qui a pour devise : *Transivi per ignem & aquam*, & dont l'auteur est M. Viallon, chanoine régulier & bibliothécaire de Sainte-Geneviève; & la pièce n.^o 33, qui a pour devise :

Quandoque bonus dormitat Homerus, & dont l'auteur est M. Marot.

Le troisième prix, entre la pièce n.^o 3, qui a pour devise : *In tenebris pedes ambulans, pedes offendit & errorem sequitur*, & dont l'auteur est M. Lucotte fils, architecte à Paris; & la pièce n.^o 23, qui a pour devise :

Oui, si de ce concours je n'emporte le prix,
J'aurai du moins l'honneur de l'avoir entrepris.

& dont l'auteur est M. Bralle, ingénieur de la généralité de Paris.

Les pièces qui ont paru le plus approcher des précédentes, sont le n.^o 1, qui a pour devise : *Aquas in aquis, machinam in machinâ*, dont l'auteur est M. Dumas, employé aux machines de l'Opéra.

Le n.^o 9, qui a pour devise : *Denique sit quodvis simplex duntaxat & unum*, dont l'auteur est M. Dransy, ingénieur du Roi.

Le n.^o 20, qui a pour devise : *Aquarum abundantia*, dont l'auteur est M. Villette, de Saint-Germain-en-Laye.

Le n.^o 22, qui a pour devise : *Sic aqua pergit ad montes*.

Le n.^o 25, qui a pour devise : *Multiplex & una*.

Le n.^o 42, qui a pour devise : *Mobilitate firma*, dont l'auteur est M. Campmas, ingénieur privilégié du Roi.

LES Mémoires approuvés par l'Académie, & destinés pour le volume des Savans étrangers, sont au nombre de dix-huit.

Observations sur la surcomposition de plusieurs sels : par M. le Blanc, chirurgien.

Observations du cinquième satellite de Saturne, faites à Marseille : par M. Bernard, correspondant de l'Académie.

Sur un nouveau four pour cuire le plâtre par le charbon

de terre, avec deux planches : par M. Scanegati, de l'Académie des Sciences à Rouen.

Sur les moyens de changer le frottement de la première espèce en frottement de la seconde : par MM. Garnet & Milton.

Sur l'Orbite solaire : par M. l'abbé de Lâmbre.

Sur le nœud de Mars : par le même.

Sur l'anneau de Saturne : par le même.

Sur le raffinage des Sucres, & sur quelques vues relatives à la fermentation spiritueuse : par MM. Boucherie.

Sur l'Alun cubique & sur le Vitriol de Cobalt : par M. le Blanc.

Sur les différentes combinaisons du Mercure : par le même.

Sur l'Acide charbonneux fourni par la fermentation des raisins, & sur l'Acide acéteux qui résulte de sa combinaison avec l'eau : par M. Chaptal.

Sur les combinaisons du phosphore & de l'acide phosphorique avec l'alkali Prussien, le charbon de bois, quelques plantes marécageuses, les mines de fer limoneuses, & plusieurs variétés de fer : par M. Hassenfratz.

Sur la fonte des Canons : par M. Bridge.

Observation du passage de Mercure sur le Soleil, faite à Mittaw en Curlande : par M. Beitler.

Sur l'état particulier de la Canne à sucre, & sur les moyens d'en faire une liqueur vineuse agréable : par M. Dutrône la Couture, docteur en médecine.

Sur le Lechstein de Menil-montant : par MM. de Larbre & Quinquet.

Sur un Phénomène de l'eau bouillante : par M. l'abbé Bizile.

Sur la solution de quelques problèmes relatifs au calcul des probabilités : par M. Trembley.

Les Machines approuvées par l'Académie, & destinées à être inférées dans le recueil des Machines, sont au nombre de deux :

Une Presse à levier : par M. Baucher.

Une grosse Horloge, construite d'après de nouveaux principes : par M. Robin.





ÉLOGE

DE M. LE MARQUIS DE PAULMY.

MARC-ANTOINE-RENÉ DE VOYER D'ARGENSON, MARQUIS DE PAULMY, ministre d'État, de l'Académie Française, honoraire de l'Académie des Belles-lettres & de celle des Sciences, naquit à Valenciennes, le 6 novembre 1722, de M. le marquis d'Argenson, alors intendant de Haynault, & de M.^{lle} Méliand.

M. le marquis de Paulmy portoit un nom cher aux lettres & à la philosophie. Vers la fin du règne de Louis XIV, M. d'Argenson, lieutenant de Police, eut plus d'une fois le courage de défendre les hommes que leurs lumières ou leur franchise rendoient odieux aux gens, qui dispofoient alors de la conscience du monarque. Ils n'osoient ni offenser ni attaquer un magistrat qui, instruit par sa place des détails de leurs intrigues, auroit pu les déshonorer ou les perdre; & il se servit de cette crainte pour leur arracher quelques victimes. M. de Fontenelle fut la plus illustre: le P. le Tellier vouloit le punir d'avoir osé, dans l'histoire des Oracles, combattre l'opinion d'un Jésuite; une plaisanterie échappée à la jeunesse du philosophe, oubliée depuis vingt ans, servit à cacher le véritable motif de la persécution, & sans le courage de M. d'Argenson, lui eût coûté la liberté, le repos, & peut-être la gloire que dans la suite il acquit par ses paisibles travaux.

Le magistrat qui a conservé M. de Fontenelle à l'Académie des Sciences, ne doit jamais être oublié d'elle; ce n'est pas une gloire indigne d'un homme d'État;

Hist. 1787.

G

que d'avoir rendu à la nation un philosophe dont les ouvrages devoient l'honorer & l'instruire. A peine, dans l'éloge de M. d'Argenson, le Secrétaire de l'Académie osa-t-il faire entendre ce qu'il lui devoit; le persécuteur n'existoit plus, mais l'esprit de persécution vivoit encore, & M. de Fontenelle fut obligé de laisser à ses successeurs le soin d'acquitter la dette de la reconnaissance, dans un siècle plus éclairé, plus libre & plus heureux.

Le père de M. le marquis de Paulmy fut chargé du département des affaires étrangères au milieu d'une guerre générale, la seconde que les prétentions à la succession de la maison d'Autriche eussent allumée en Europe dans moins d'un demi-siècle. L'amour de la paix fut le caractère distinctif de son administration; sa lettre écrite du champ de bataille de Fontenoi à un philosophe ennemi de la guerre, est un monument d'humanité & de raison, présage heureux de la révolution qui se préparoit dans les opinions des hommes & dans la politique des princes. Les hommes d'État qui, chez les nations ennemies de la France, avoient les mêmes sentimens que M. d'Argenson, étoient devenus ses amis, & s'empressoient de seconder ses vues. Il osa se servir de ce crédit personnel acquis par ses vertus, pour faire sentir à George II, combien il déshonorait la victoire de son fils, en abandonnant à une politique cruelle, ou plutôt au fanatisme du peuple Anglois, le sang de ces Jacobites pris les armes à la main, en défendant noblement une cause qu'ils croyoient juste. Ces conseils dictés par l'humanité, & portés par M. Vanhoëy, ambassadeur de Hollande, ministre aussi sage que courageux, furent rejetés avec hauteur. *Cette conduite est inouïe*, écrivoient les ministres d'Angleterre, en se plaignant de lui aux États-généraux; étonnement naïf qui étoit à la fois le plus bel éloge de M. Vanhoëy, & la satire la plus cruelle de leurs principes.

M. le marquis d'Argenson eut un autre mérite non moins rare, celui de ne pas craindre & de ne pas rougir d'avoir

pour amis des hommes supérieurs. Il rendit à Voltaire la justice que ses compatriotes lui refusoient encore : il avoit aperçu d'avance dans le poëte ingénieux & sublime, le philosophe éloquent, le défenseur infatigable des droits de la raison & de l'humanité ; il le consulta souvent & l'employa quelquefois. Il n'attendit point l'Esprit des loix pour rendre hommage au génie de Montesquieu. La gloire naissante de M. d'Alembert trouvoit en lui son premier appui. Les ministres ont rarement le pouvoir, l'intention ou le temps de faire un bien éclatant & durable ; & ceux qui aiment leur gloire, n'ont peut-être pas de moyen plus certain de l'assurer, que de lier ainsi leur nom à des noms éternellement consacrés dans la mémoire des hommes. Il ne reste de chaque époque, de chaque siècle, que deux ou trois témoins ; heureux ceux qui font parler en leur faveur les seules voix que la postérité puisse entendre.

M. d'Argenson s'étoit plus occupé de la paix de l'Europe que des intrigues de Versailles, aussi cessa-t-il bientôt d'être ministre. La simplicité de son ton, portée jusqu'à la familiarité ; un usage trop fréquent d'expressions populaires & proverbiales ; ces naïvetés piquantes d'un homme d'esprit, auxquelles les esprits médiocres donnent un autre nom, fournirent au goût délicat & sévère des courtisans, un prétexte pour donner des ridicules à un homme dont la probité, les intentions droites & les bons principes pouvoient les effrayer, & ils obtinrent le succès qui les flatte le plus, celui d'écarter de la cour un ministre honnête homme.

M. le marquis d'Argenson avoit regardé le ministère comme un devoir quelquefois doux, & plus souvent pénible. En perdant sa place, il rentra dans l'état où ses goûts lui promettoient la jouissance paisible de ce loisir occupé, qui, pour les âmes tranquilles & les esprits actifs, est le véritable bonheur. Dans sa retraite, il rassembla tout ce que son expérience & ses réflexions lui avoient appris sur les intérêts de la nation ; il en forma un ouvrage précieux par les vues saines & utiles qu'il renferme, &

par le ton modeste avec lequel l'auteur propose ses idées. En lisant ce livre, on ne devineroit point qu'il eût été ministre ; rien n'y fait soupçonner ni le desir de revenir en place , ni le regret de n'y être plus , ni l'envie d'embarasser ou de flétrir ses successeurs , ni le projet de se rallier à un parti. On voit que, né pour les grandes places & pour les grands objets, il n'est ni ébloui des places , ni étonné d'avoir de grands objets à traiter ; son style est simple comme sa vie : il ne dit point qu'il aime le bien public, il le prouve par ses principes; il ne cherche point les applaudissemens de la multitude, il veut mériter l'estime des hommes éclairés, & en augmenter le nombre.

M. le marquis d'Argenson est le premier qui ait proposé d'établir en France des assemblées de simples représentans du peuple, qui ait senti que des intérêts communs doivent donner à tous un droit égal ; que ces distinctions d'ordres établies dans les temps d'ignorance & d'anarchie, doivent enfin s'évanouir avec les préjugés & les circonstances qui les ont fait naître.

Ainsi, c'est du sein de la noblesse , de la cour & du ministère, que s'est élevée la première voix qui ait réclamé en faveur de l'égalité & des véritables intérêts du peuple. M. d'Argenson prévoyoit quel scandale il exciteroit parmi ces hommes, alors plus communs encore qu'aujourd'hui, qui connoissent mieux les prérogatives de leur ordre que les droits de l'humanité ; & comme son ouvrage devoit rester anonyme, « on croira, disoit-il, qu'il est d'un » écrivain de la lie du peuple, indigné contre une élévation » qui lui fait envie ; mais qu'on ne s'embarrasse pas de cela, » il a l'honneur d'être gentilhomme. »

L'opinion qu'il existe des principes généraux d'administration qui restent vrais pour toutes les constitutions ; l'idée de trouver dans la réunion paisible du peuple une balance plus sûre que dans un système d'autorités qui se combattent ; le desir de la plus grande simplicité dans les impôts, de la plus grande liberté dans le commerce, de

l'uniformité dans les loix , de la promptitude dans les jugemens , de la destruction de cette vénalité honteuse , établie par l'avidité , long-temps combattue par le bon sens , protégée depuis par l'amour du paradoxe ; toutes ces idées aujourd'hui communes , alors presque singulières , semblent annoncer que l'ami de Montesquieu , moins profond peut-être & moins ingénieux , avoit su quelquefois voir mieux que lui , & que le ministre avoit été souvent plus supérieur que le philosophe , aux préjugés de l'antiquité , de la politique & de l'orgueil. Peut-être qu'au moment où les vues de M. le marquis d'Argenson ont été en partie réalisées , où le gouvernement est pénétré de ces mêmes principes de confiance dans le peuple , de respect pour la qualité d'homme , qui lui ont dicté son ouvrage , on me pardonnera d'avoir interrompu l'éloge de son fils , pour rendre un foible hommage à un homme digné d'être placé dans la liste si courte des ministres citoyens.

Élevé par un tel père , M. le marquis de Paulmy sut se défendre de cette inapplication , de cette orgueilleuse paresse , partage trop ordinaire de ceux à qui leur naissance promet une élévation rapide & facile.

Il avoit à peu-près vingt ans lorsque M. le comte d'Argenson son oncle fut appelé au ministère de la guerre ; M. le marquis d'Argenson eut bientôt après celui des affaires étrangères. Dès-lors il fut admis aux détails les plus secrets de deux grands départemens ; on le chargeoit de ces commissions , de ces travaux que les ministres n'osent confier qu'à ceux qui ayant avec eux une sorte de communauté de fortune & de gloire , ne peuvent ni chercher à les supplanter , ni désirer qu'un autre les remplace.

À la paix , M. de Paulmy devenu moins nécessaire au département de la guerre , fut nommé ambassadeur en Suisse ; mais au bout de deux ans , son oncle obtint pour lui la survivance de sa place. Ayant à combattre des rivaux adroits & puissans , & même un crédit plus dangereux que celui des courtisans ou des ministres ; joignant à son

département celui de Paris, entraîné par ce courant immense d'affaires toujours renaissantes qu'il faut décider avec promptitude, dans lesquelles on est sans cesse obligé de juger à qui il faut se résoudre à déplaire pour ne point perdre l'estime publique, & à qui on a besoin de ne pas déplaire si on veut conserver sa place; M. le comte d'Argenson avoit trop d'esprit pour ne pas voir qu'il ne pouvoit pas se plier à ces recherches pénibles, à cette attention longue & suivie que toute réforme exige. Il sentoit cependant qu'il falloit profiter de la paix pour connoître dans le plus grand détail l'état de son département, les abus que les opinions d'un autre siècle y avoient introduits, & ceux qu'une longue négligence avoit laissé s'accumuler. Il sentoit que les progrès de l'art militaire exigeoient une grande réforme, que ces institutions qui avoient servi autrefois de modèle à l'Europe, avoient besoin d'être corrigées; que si le grand Électeur avoit dû une partie de sa réputation au soin qu'il avoit eu d'imiter Louvois, c'étoit à leur tour dans les armées de son petit-fils, que les successeurs de Louvois devoient aller chercher des instructions & des exemples.

M. de Paulmy avoit déjà vu Frédéric & son armée; il avoit plu au prince comme homme de lettres, & avoit étudié en homme d'État la constitution de ses troupes. Chargé ensuite de la fonction délicate de préparer les matériaux qui devoient servir de base à des changemens nécessaires, il parcourut toutes les frontières de la France, visita les places, examina les garnisons, observa par-tout l'ordre établi dans les dépenses, l'état de la discipline, l'usage ou l'abus de toutes les autorités, comparant ce qui se faisoit avec ce qu'on avoit ordonné, l'état réel du militaire avec l'état que présentoient les comptes rendus au ministre, le motif qui avoit dicté les dispositions des ordonnances, avec l'effet qu'elles avoient produit. Cinq années furent employées à rassembler les observations que pouvoit offrir une inspection si étendue, & à les mettre en

ordre ; c'étoit par un tel travail que M. de Paulmy cherchoit à se rendre digne du ministère, lorsqu'il y parvint malgré lui.

Une querelle de cour fit exiler le même jour, au milieu d'une guerre de terre & de mer, les ministres de la guerre & de la marine, ministres désunis entr'eux, mais rivaux de zèle & de réputation, qui peut-être n'avoient pas su se concilier l'amour du peuple, mais qui avoient obtenu la confiance de la nation ; contre qui la voix libre des citoyens avoit élevé quelques reproches, mais dont l'Europe respectoit l'expérience, les lumières, la vigilance & l'activité. M. de Paulmy, en succédant à son oncle, vit bien que le moment où il entroit dans le ministère, étoit celui où il lui falloit renoncer à l'espérance d'y remplir une place. Il accepta par soumission, pour ne point manquer à la chose publique, ce que la difficulté de faire un autre choix à l'instant même, obligeoit de lui offrir. Il remplit pendant quelques mois des fonctions toujours prêtes à lui échapper, & quitta sans regret une place dont il n'avoit pu connoître par lui-même que les embarras & la contrainte. Sorti de la carrière politique, après en avoir atteint un moment le but, jeune encore, & trop peu désabusé malgré une disgrâce, il voulut y rentrer, choisit celle des ambassades, & fut envoyé en Pologne.

La mort prochaine du Roi alloit, suivant un usage trop constant, livrer au trouble, à la dissention, peut-être à la guerre, cette république de nobles, tyrans d'un peuple esclave, long-temps redoutable à ses voisins, alors réduite à dépendre d'eux, quelquefois brillante au dehors, lorsque la bravoure d'une cavalerie bien armée décidoit des succès militaires, toujours malheureuse & agitée dans l'intérieur par l'ignorance des vrais principes de la liberté, & par cet esclavage d'un autre peuple qui, chez les anciens comme chez les modernes, a ôté à toutes les républiques qui l'ont connu, leur repos, leur liberté & leur puissance. Les liens étroits de la parenté, la reconnaissance, le souvenir des

malheurs d'une longue guerre, fruit de leur alliance, tout engageoit les cours de Vienne & de Versailles à désirer de mettre sur la tête du fils du roi mourant, une couronne qui n'avoit été pour sa famille comme pour son peuple, qu'une source d'humiliations & de désastres, mais qui perpétuoit dans la maison de Saxe ce titre de roi, si cher aux souverains, même lorsqu'il n'emporte avec lui aucune puissance réelle. La Russie, à qui cette maison avoit dû cette même couronne deux fois, venoit d'abandonner ses intérêts. L'Europe fatiguée d'une guerre longue & sanglante, n'avoit plus ni trésors ni sang à prodiguer pour cette querelle. La France & l'Autriche ne pouvoient opposer que des négociations aux troupes Russes, & au nom de Frédéric entouré de ses armées & de l'éclat de ses victoires : il fallut céder, & se borner à tâcher d'éclairer sur son danger la nation Polonoise, qui se crut un instant libre, parce que celui qu'on lui ordonnoit de choisir pour roi, étoit un noble Polonois. Obligé de quitter la Pologne, pour ne point paroître approuver par son silence des démarches qu'il ne pouvoit arrêter, M. de Paulmy revint en France & obtint l'ambassade de Venise. Les grandes obligations que cette république avoit eues à son bisaïeul chargé des mêmes fonctions, les marques de sa reconnaissance qu'il portoit dans son écusson & dans ses titres, lui avoient fait désirer une place qui n'avoit plus la même importance ; car cette république, après avoir excité la jalousie des plus grands rois, & bravé seule, plus d'une fois, les efforts de l'empire Ottoman, a vu depuis longtemps disparoître ses richesses & sa puissance : inévitable destinée de tous les États à qui l'infériorité des autres nations dans l'industrie, dans le commerce, dans la science du gouvernement, a donné une supériorité toujours passagère, dès qu'elle ne tient pas à la réunion d'une grande population, & d'un territoire étendu & fertile.

Cette ambassade termina la carrière politique de M. de Paulmy ; il sentit, trop tard peut-être, qu'on ne lui confieroit

fieroit pas des places où il pût avoir des succès, & il prit le parti de la retraite.

Dans sa jeunesse, il avoit cultivé les genres les plus frivoles de la littérature, ce qui n'est pas une preuve de frivolité d'esprit dans ceux qui sont livrés à des travaux importans & pénibles. Les jeux que préfèrent les hommes absorbés dans des méditations profondes, ne sont pas ceux qui, par l'application qu'ils exigent, se rapprochent le plus d'une occupation sérieuse. Pardonnons aux hommes d'État la frivolité de leurs amusemens, pourvu qu'elle ne s'étende jamais ni sur leurs principes ni sur leur conduite.

Ce goût pour la littérature, prit avec l'âge dans M. de Paulmy, un caractère plus grave, & devint sa principale occupation & sa plus grande ressource. Il s'étoit préparé celle d'une bibliothèque immense, rassemblée en France & dans les pays étrangers. Non-seulement elle renfermoit dans tous les genres, ces livres rares, presque toujours inutiles, dont cependant quelques lignes peuvent, dans l'espace des siècles, servir à la preuve d'une vérité historique, ou que l'on conserve comme les témoins de quelque anecdote littéraire ; mais il y avoit rassemblé sur la littérature, sur l'histoire moderne, sur la géographie, sur la jurisprudence, une collection presque complète des ouvrages les plus importans, les plus recherchés. M. de Paulmy connoissoit tous ses livres, les avoit lus ou parcourus, en avoit fait un catalogue raisonné où chacun étoit apprécié, où les faits bibliographiques étoient rapportés, où l'on voyoit ce qu'on devoit chercher dans chaque ouvrage, ce qu'on pouvoit espérer d'y trouver. Il ne voulut pas que le fruit de ce travail fût pour lui seul, ou pour ceux qui seroient admis dans sa bibliothèque ; il en publia les principaux résultats dans ses *Mélanges tirés d'une grande bibliothèque*. Les usages des François dans tous les âges de la monarchie, la géographie, les généalogies, l'histoire de France, l'histoire littéraire, & en particulier celle du

théâtre, tels sont les objets traités par M. de Paulmy; tous ne sont pas également intéressans, tous n'ont pas une utilité réelle, mais tous excitent cette curiosité naturelle, même pour les faits minutieux, lorsqu'ils peignent les mœurs ou l'esprit des différens peuples & des différens siècles.

Nous devons à M. de Paulmy l'idée de la Bibliothèque des romans; lui-même y travailla & y inféra plusieurs extraits d'anciens romans, ou plutôt des romans nouveaux, faits d'après le cannevas des anciens. Cet ouvrage est moins futile que son titre ne paroît l'annoncer. Souvent c'est dans les romans, autant que dans l'histoire ou dans les livres philosophiques, que l'on peut apprendre à connoître l'opinion commune, la morale usuelle, l'esprit social du peuple pour lequel ils ont été écrits. Réunis aux livres des historiens, aux ouvrages des philosophes, ils achèvent d'éclairer sur l'état de l'esprit humain dans chaque siècle, & complètent son histoire, la seule vraiment utile, ou plutôt celle à laquelle il faut ramener & réduire toutes les autres, si on veut qu'elles soient d'une utilité réelle. Cette exagération qui trompe l'imagination & le cœur, lors même qu'elle ne les corrompt pas; ces idées d'un bonheur hors de la nature, qui rendent insipide ou nous empêchent de saisir celui qu'elle a mis auprès de nous; ce monde imaginaire, si différent du monde réel, où la lecture des romans nous transporte & nous fait vivre, peuvent la rendre dangereuse pour ceux qui n'y cherchent qu'à flatter ce penchant si naturel à l'homme, de porter ses espérances au-delà des bornes de la réalité; mais l'étude des romans considérés comme renfermant la peinture des mœurs qu'ils cherchent à corriger, ou des opinions qu'ils sont obligés de suivre, n'est pas une occupation indigne d'un philosophe.

Tel fut le fruit des loisirs de M. le marquis de Paulmy. Sa vie passée au milieu de sa famille, étoit douce & paisible; une probité exacte, une conduite noble & désintéressée

dans ses affaires particulières, le faisoient respecter de ceux qui avoient avec lui des relations intimes. En devenant homme privé, il avoit gardé toute sa maison, ne voulant pas que son changement d'état qui n'avoit point été un malheur pour lui, en fût un pour ceux qui s'étoient attachés à sa fortune; & il fit sans regret le sacrifice de quelques superfluités auquel cet acte de bienfaisance le condamnoit.

Une pareille conduite, au moment d'une disgrâce, annonce une ame que les malheurs de l'ambition n'ont point aigrie, & n'occupent pas même assez pour altérer sa bonté naturelle; elle prouve que l'usage de l'autorité ne l'avoit point corrompue. Heureux le ministre disgracié qui peut trouver ainsi dans les soins d'une bienfaisance particulière, une distraction consolante, & qui, en s'entourant de cœurs contens de lui, fait adoucir des privations de vanité, qu'il n'est peut-être pas donné à la foiblesse humaine de supporter avec une entière indifférence.

Associé aux trois Académies de la capitale, M. de Paulmy né avec le goût des lettres, l'ayant toujours cultivé, auroit pu y trouver une occupation, une société assortie à ses goûts; mais quelques-unes de ses opinions s'éloignoient trop de l'esprit qui régnoit dans ces compagnies; il sentoît que ces opinions l'empêchoient d'y obtenir les sentimens qu'il méritoit, & il s'étoit privé avec regret du plaisir de vivre avec ses confrères. S'il n'avoit cherché que l'honneur de paroître utile aux lettres, il auroit pu, comme tant d'autres protecteurs, sacrifier ses secrets sentimens au desir d'être loué. Mais s'il eut des préjugés, il les eut au moins avec franchise: il n'eût pu se résoudre à s'entendre louer d'un zèle pour la liberté, pour l'égalité littéraire qu'il étoit trop éloigné de sentir, & il fut toujours étranger à cette vanité avide & basse, qui se nourrit même des éloges qu'elle ne voudroit pas mériter.

M. de Paulmy souffrit ses infirmités sans humeur, & vit approcher la mort sans crainte, conservant toujours sa tranquillité, sa présence d'esprit, sa bonté. Dans ses derniers momens, il s'occupoit à discuter des objets importans à l'ordre public, avec M. le duc de Luxembourg son gendre, & ses dernières paroles exprimèrent les réflexions d'un homme d'État & les vœux d'un citoyen.





ÉLOGE

DE M. BOUVART.

LE véritable éloge d'un Médecin célèbre est la reconnaissance des malades qu'il a guéris, des infortunés dont il a soulagé les souffrances ou la misère, de ceux qui lui doivent plus que la vie, parce qu'il leur a épargné des pertes douloureuses, ou qu'il a sauvé les personnes auxquelles, dans le secret des destinées, leur bonheur avoit été réservé. La tradition de quelques principes conservés dans la mémoire de ses disciples, est souvent tout ce qui reste de lui ; son séjour sur la terre a été marqué par le bien qu'il a fait, mais la mémoire de ce bien, passagère comme la vie des hommes, s'évanouit avec les générations qui en ont été l'objet & les témoins.

L'histoire d'un savant nous fait connoître ses découvertes, nous montre les loix de la Nature qu'il a aperçues, développées ou appliquées, les faits nouveaux dont il a enrichi les sciences, les phénomènes qu'il a décrits ou analysés, les objets inconnus sur lesquels il a fixé les regards des savans, ou dont il a dévoilé la nature & les propriétés. Mais ce ne sont ni des découvertes dans les sciences, qui servent immédiatement de base à l'art de la Médecine, ni même des méthodes nouvelles de traiter, qui distinguent les grands praticiens ; c'est le talent d'appliquer les connoissances acquises, de choisir les méthodes ; c'est ce coup-d'œil préparé par la nature, donné par l'expérience, sans lequel l'usage des connoissances les plus étendues, les plus certaines, ne seroit souvent que dangereux. Un Médecin n'a pour juges de ce mérite que ses rivaux & un petit nombre de jeunes gens destinés à le remplacer, ses succés

même ne peuvent être ni appréciés ni constatés; il n'existe point de tables qui fassent reconnoître pour chaque maladie & pour chaque médecin, le rapport du nombre des malades guéris, à celui des malades qui ont succombé, l'époque où le traitement a commencé, la méthode qui l'a dirigé, la suite des remèdes, leurs effets immédiats, leur influence sur l'état de la maladie. C'est donc, ou d'après l'opinion publique que l'ignorance a pu égarer, ou d'après le jugement des rivaux que la prévention a pu corrompre, qu'on pourra seulement apprécier un médecin, tant que la Médecine-pratique ne sera pas devenue une science, ou plutôt un art dirigé par des principes généraux & constants, & ce moment est peut-être encore bien éloigné. Plus les faits sur lesquels une science est fondée, sont simples, plus ses progrès sont rapides & sûrs, & plus son origine remonte à une époque reculée. On sait que l'Astronomie a été créée la première de toutes, & il est vraisemblable que la Médecine le sera la dernière. Ainsi nous n'entreprendons pas ici de faire l'éloge des talens de M. Bouvart, puisque nous ne pouvons les juger; nous nous bornerons à donner le précis très-court de la vie, & à tracer les principaux traits du caractère d'un homme qu'une longue célébrité & des services multipliés ont rendu digne d'exciter à la fois l'intérêt & la curiosité.

MICHEL-PHILIPPE BOUVART, Docteur-régent de la Faculté de Paris, Associé-vétérain de l'Académie des Sciences, naquit à Chartres le 11 janvier 1771, de Claude Bouvart & de Geneviève-Gabriele le Beau.

Sa famille exerçoit à Chartres la Médecine depuis plusieurs siècles : sous le règne de Louis XIII, elle avoit donné un premier médecin, dont les descendants ont occupé dans la magistrature & dans l'administration, des places importantes, où ils se sont distingués par des qualités qui semblent attachées à leur nom, les lumières, l'amour des devoirs, le désintéressement, la simplicité de mœurs & la probité.

M. Bouvart se préparoit à suivre, dans sa ville natale, la profession de ses ancêtres ; c'est-là, que chargé d'un hôpital peu considérable, il a commencé à s'instruire dans la pratique, avec d'autant plus d'avantage, que le petit nombre de malades qu'il traitoit à la fois, lui laissoit le loisir de suivre dans chacun d'eux les symptômes des maladies & les effets des remèdes, ne lui offroit qu'autant de faits qu'il pouvoit en observer avec précision, & lui en montrait assez pour donner une base solide & sûre aux résultats généraux qui devoient former son expérience & diriger sa pratique. M. de Genne, son compatriote & son ami dès l'enfance, vint exercer ses talens dans le barreau de la Capitale, & M. Bouvart le suivit bientôt après : c'étoit à Paris qu'il avoit appris les sciences médicales, il y avoit ajouté le fruit d'une lecture immense, & celui d'une expérience éclairée par les conseils & les exemples de son père. L'utilité d'avoir un père pour guide, est inappréciable dans une étude où le maître agit puiser ce qu'il enseigne, non dans les théories qu'il s'est rendu propres, mais dans son expérience, dans des souvenirs souvent fugitifs & minutieux qui embrassent toute sa vie. Les fautes d'un médecin instruisent autant que ses succès, & l'on ne peut guère espérer qu'il ait le courage de les avouer, s'il n'est attaché à son élève par un sentiment devant lequel l'amour-propre n'ose se faire entendre.

Une double carrière sembloit s'ouvrir à M. Bouvart, celle des Sciences & celle de la Médecine ; appelé dans cette Académie en 1743, bientôt après, Professeur au collège Royal, il pouvoit espérer, en suivant la carrière des sciences, une célébrité plus prompte & une vie plus paisible, le spectacle de la souffrance & de la destruction n'auroit point attristé toutes ses journées ; cependant il préféra la Médecine, entraîné peut-être par ce sentiment précieux qui attache l'homme aux maux de son semblable, même lorsqu'ils le déchirent, & semble exister au fond de notre ame indépendamment d'une espérance réfléchie de les soulager.

J'ai désiré la célébrité dans ma première jeunesse, disoit M. Bouvart à M. de Genne, mais j'en ai été bientôt désabusé, & je ne suis plus sensible qu'à la gloire d'être utile aux hommes.

Ceux qui pensent qu'on ne peut en mépriser sincèrement aucune, seront du moins forcés d'avouer que M. Bouvart eut un esprit assez supérieur pour se juger lui-même, mérite bien rare, comme l'atteste l'exemple de tant d'hommes qu'on voit s'obstiner à poursuivre, dans une carrière pour laquelle ils ne sont pas nés, une gloire qui les fuit toujours; souvent même y consumer inutilement des talens qui les appeloient à d'autres occupations, & payer par la perte de leur existence entière, une première erreur de leur jeunesse ou de leur vanité. M. Bouvart fut plus heureux; malgré de premiers succès qui ne l'éblouirent pas, il sentit que la facilité d'acquérir les connoissances les plus vastes & les plus variées, n'est pas toujours accompagnée du talent des découvertes, & il voulut se réserver tout entier pour la carrière où il sentoît qu'il pourroit se placer au premier rang: il y parvint bientôt. Doué d'une sagacité singulière qui lui faisoit deviner une maladie que des médecins habiles avoient long-temps méconnue; & d'un coup-d'œil qui quelquefois lui découvroit, en approchant par hasard d'un malade, un danger qu'on ne soupçonnoit pas, & dont il indiquoit à l'instant la cause & le remède, il fut dispensé d'attendre du temps & de la mort des praticiens célèbres, la place qu'il devoit occuper.

Mais en abandonnant la culture des sciences, il renonça aux avantages qu'il avoit obtenus & mérités; il remit sa chaire au collège Royal; il demanda le titre d'Associé-vétérân de l'Académie des Sciences: son absence, quoique excusée par des services publics, ne lui permettoit d'espérer qu'une tolérance contraire aux réglemens, & une récompense enlevée à ceux qui, par la nature de leurs travaux, y avoient un droit plus légitime; l'élévation de son caractère ne lui permettoit pas de profiter de l'une, ni sa probité d'accepter l'autre.

Forcé

Forcé de voir chaque jour un grand nombre de malades dispersés dans une ville immense, de suivre à la fois les symptômes & la marche de vingt maladies, de se rappeler à chaque visite l'histoire entière de chacune, de prendre un parti prompt sur les accidens imprévus, d'employer l'intervalle de ses visites à méditer sur les remèdes qu'il faut opposer aux accidens qu'il prévoit, de faire, dans le peu d'heures qui lui restent, des recherches sur les cas extraordinaires qui, dans une pratique si étendue, se rencontrent si souvent; obligé, au milieu de ces fonctions pénibles, de retenir les mouvemens qu'excite dans son ame le spectacle de la misère & de la douleur réunies, & d'isoler en quelque sorte sa raison de son cœur, pour avoir la force de combiner dans une méditation tranquille les moyens de soulager les maux dont la vue l'afflige & le trouble; appelé dans des consultations fréquentes, où il faut trouver sur le champ des armes pour combattre des erreurs défendues par un amour-propre directement attaqué; recevant de toutes les parties de la France, ou même de l'Europe, une foule de questions auxquelles il faut répondre sans délai, un médecin livré à la pratique a d'autant moins le temps de composer des ouvrages, qu'il jouit d'une célébrité plus grande; aussi ceux de M. Bouvart sont-ils en très-petit nombre.

On ne trouve de lui qu'un seul mémoire dans les recueils de l'Académie. M. Tennent ayant observé quelque analogie entre les effets de la morsure du serpent à sonnettes & les symptômes de la pleurésie, avoit imaginé d'employer dans cette maladie le polygala de Virginie, connu par les Sauvages pour une espèce de spécifique contre la morsure de ce serpent. Ses tentatives furent assez heureuses en Amérique; M. Bouvart les répéta en France, & en faisant à la manière d'administrer ce remède quelques changemens indiqués par l'observation & la théorie médicale, il parvint à en rendre l'usage plus utile & plus sûr: cette même racine ne lui réussit pas moins dans l'hydropsie.

Hist. 1787.

I

On sera peut-être étonné qu'un remède regardé par M. Bouvart comme très-puissant dans deux maladies aussi graves, & sur les succès duquel le témoignage d'un médecin aussi éclairé, d'un homme aussi sage, aussi ennemi de l'exagération & des nouveautés, ne pouvoit laisser aucun doute, soit absolument tombé dans l'oubli. M. Bouvart s'étoit-il trompé? ou plutôt ne doit-on pas accuser du peu d'usage de ce remède utile, nos institutions qui ont séparé en plusieurs fonctions distinctes les diverses professions que réunissoient les médecins de la Grèce & de Rome? Les médecins n'ordonnèrent plus le polygala, parce que la petite quantité qu'on leur en avoit envoyée d'Amérique étoit épuisée; & on n'en fit pas venir, parce que ce remède étoit encore trop peu répandu pour devenir un objet de commerce. On peut attribuer en grande partie à cette même cause, la lenteur avec laquelle d'autres remèdes se sont répandus, & le long espace de temps pendant lequel quelques-uns sont restés entre les mains des empiriques; car par-tout on retrouve des traces du mal qu'ont produit ces corporations, ces classifications multipliées de l'espèce humaine, suite autrefois nécessaire de l'état politique des sociétés en Europe, mais dont il seroit temps de soumettre enfin l'utilité & les inconvéniens à l'examen de la raison.

Les seuls ouvrages que M. Bouvart ait publiés à part, sont dans le genre polémique, genre où les succès passagers sont si communs, & les succès durables si rares; où il est si difficile de ne pas affaiblir l'estime pour son caractère, même en augmentant la célébrité de ses talens.

Un médecin étranger, appelé en France comme inoculateur, y excita bientôt le plus grand enthousiasme. Sa manière de traiter, absolument différente de celle des médecins François, devoit attirer à lui tout malade mécontent du sien; la nouvelle méthode devoit leur plaire & les surprendre, il y entroit plus de régime & de consolations que de remèdes: à ses efforts pour guérir le malade, le médecin joignoit des soins pour l'empêcher de souffrir;

il vouloit que le traitement fût doux, que la convalescence ne fût point pénible. Des succès donnèrent bientôt à une méthode séduisante en elle-même, une confiance presque générale. M. Bouvart ne pouvoit l'approuver; la sienne étoit aussi active que celle de M. Tronchin étoit patiente; il vouloit détruire la maladie & non la laisser s'éteindre, l'attaquer dès son principe avec toutes les forces de l'art, sauver sûrement le malade, & laisser ensuite au temps le soin de réparer ses forces épuisées par le mal ou par les remèdes. Au milieu de ce combat entre la médecine Française & la médecine étrangère, M. Tronchin fit paroître un traité sur la colique du Poitou. M. Bouvart le réfuta, & son ouvrage pourroit être cité comme un modèle en ce genre, si l'auteur eût su répandre sur les plaisanteries caustiques, sur les railleries mordantes dont il accable son adversaire, cette gaieté & ces grâces qui seules peuvent les faire pardonner; car malgré toute la malignité qu'on suppose aux hommes, pour que les traits satyriques les amusent sans les révolter, il ne faut pas qu'on s'aperçoive que celui qui les lance haïsse ses victimes. Mais il est un autre mérite sans lequel les critiques n'ont qu'un succès éphémère, celui d'intéresser, même lorsque le sujet de la dispute a disparu, & l'ouvrage de M. Bouvart a ce mérite. Il ne renferme qu'un petit nombre de pages sur la méthode employée dans l'hôpital de la Charité pour traiter la colique du Poitou; & l'exposition raisonnée de ce traitement est un chef-d'œuvre de précision, un modèle de la logique qui doit diriger la pratique d'un médecin, & de la manière dont on peut employer le raisonnement en médecine, sans se perdre dans des hypothèses.

Quelques années après, M. Bouvart fut consulté sur la légitimité d'un enfant né dix mois dix-sept jours après la mort du mari de sa mère, mort qui avoit été précédée d'une maladie de quarante jours. M. Bouvart se déclara contre cette naissance tardive, & bientôt il eut à combattre deux célèbres anatomistes de cette Académie, M.^{rs} Bertin

& Petit. Deux questions principales se présentent à résoudre, l'une physique & l'autre morale. La Nature a-t-elle renfermé le temps de la gestation dans des limites précises? Il semble qu'il eût fallu décider cette première question d'après des observations exactes sur le temps de la gestation dans différentes espèces d'animaux, observations dans lesquelles on auroit eu égard à l'âge & à la constitution des individus, au régime différent auquel on les auroit assujettis. Les conséquences qu'on en eût tirées pour l'espèce humaine, n'auroient été fondées que sur l'analogie, & dès-lors elles auroient perdu sans doute une partie de leur force; mais on auroit été encore bien moins exposé à l'erreur, qu'en se servant d'observations directes, sur lesquelles il resteroit toujours un nuage, vu l'incertitude de l'instant de la conception, & celle des signes de la grossesse. D'ailleurs, dans l'espèce humaine, tout événement extraordinaire en ce genre est toujours suspect, puisqu'au milieu des circonstances les plus propres à faire naître la confiance, à écarter toute idée d'infidélité, de mensonge, il peut exister des motifs secrets de tromper, qu'il est impossible à l'observateur de soupçonner. Sans parler même des grands intérêts assez puissans pour y forcer en quelque sorte, l'expérience n'a-t-elle pas prouvé que celui d'être le sujet d'un événement extraordinaire, de devenir l'objet de la curiosité publique, a suffi plus d'une fois pour déterminer des ames foibles à une longue suite de mensonges & de fourberies.

Ces observations sur les animaux n'existoient pas encore, on ne pouvoit attendre le résultat de celles qu'il auroit fallu tenter; ainsi, M. Bouvart & ses adversaires furent obligés de s'appuyer sur l'autorité des auteurs qui avoient traité ces questions. En discutant les faits de naissances tardives qu'ils ont rapportées en assez grand nombre, M. Bouvart prouva très-bien que si ce phénomène n'étoit pas sans exemple, il étoit du moins extrêmement rare, sur-tout lorsqu'on vouloit porter le retard au-delà d'un petit nombre de jours: mais ses adversaires prouvèrent de leur côté, qu'il

n'y avoit, quelque système que l'on prît sur les causes de l'accouchement, sur les forces qui le déterminent, aucun motif de croire que le terme n'en pût être retardé par l'effet de la constitution, du régime, des affections de l'ame; & il en résulte que l'impossibilité de ce retard seroit, plutôt que sa possibilité, un phénomène qui auroit besoin d'être appuyé sur les observations les plus constantes.

Il falloit ensuite examiner la question morale. L'impossibilité d'une naissance retardée au-delà du terme commun, n'étant pas rigoureusement démontrée, doit-on fixer une époque après laquelle aucune naissance posthume ne pourra plus être supposée légitime? & si l'on fixe cette époque, jusqu'à quel point faut-il que la légitimité soit improbable pour que la loi prononce comme si elle étoit impossible? Ou bien regardera-t-on cette légitimité, c'est-à-dire, l'existence de l'enfant avant la mort du mari de la mère, ou la possibilité qu'il en soit le père, comme un fait dont on laisseroit aux juges à discuter les preuves particulières? Si l'on admet le premier parti, la justice exige que l'on étende le terme à un point au-delà duquel l'extrême invraisemblance du fait général ne puisse plus être compensée par les preuves particulières les plus fortes dont un fait de ce genre soit susceptible; mais alors ce terme sera nécessairement prolongé jusqu'à une époque très-reculée, après laquelle la réclamation seroit révoltante, à moins qu'elle ne fût appuyée sur des faits accompagnés de circonstances extraordinaires; or, ces mêmes circonstances semblent en quelque sorte rendre injuste le refus d'examiner. Prononcer que tout examen est inutile, est si rarement le langage de la raison, qu'il ne peut jamais être celui de la justice. Il seroit donc plus conforme à l'équité de ne fixer aucun terme, d'examiner les preuves positives & négatives qui établissent les vérités de chaque fait allégué, en ayant égard à cette observation indispensable, que plus il est opposé à l'ordre commun des événemens naturels, plus les preuves doivent être fortes. En général, on ne peut nier un fait particulier,

qu'après avoir pesé la probabilité des preuves qui l'appuient, & celle des motifs généraux qui semblent l'exclure de la classe des faits possibles. Si le philosophe ou le physicien se dispensent de cet examen, c'est que toutes les fois qu'ils en prévoient d'avance le résultat avec une forte vraisemblance, il seroit injuste d'exiger d'eux qu'ils y employassent un temps réclamé par des occupations dont le succès est moins incertain; or, cette raison perd toute sa force aussitôt que l'examen d'un fait devient un devoir de justice.

M. Bouvart vouloit qu'on fixât un terme, mais celui qu'il déterminoit lui-même, n'étoit établi d'après aucun principe donné par l'observation; il ajoutoit seulement un nombre arbitraire de jours à celui qui est regardé comme le nombre ordinaire; & ses antagonistes avoient raison d'observer que cette détermination arbitraire ne pouvoit servir de base à des décisions juridiques.

Nous sommes obligés de compter M. Bouvart parmi les adversaires de l'inoculation; il fut témoin des progrès que cette pratique a faits parmi nous, & il eut le malheur de la combattre constamment, & d'opposer trop souvent des accidens douteux & rares, à des succès constants & nombreux. Il est affligeant de trouver presque toujours des hommes respectables par leurs lumières, au nombre des ennemis des vérités utiles, & de les voir prêter aux préjugés un appui qui en prolonge la durée; c'est sans doute que jusqu'ici notre éducation, nos méthodes de s'instruire, ont été plus propres à donner à l'esprit de la force que de la justesse; car on ne peut regarder comme volontaire ce refus souvent si opiniâtre & si long d'ouvrir les yeux à la lumière. En morale, où presque toujours les préjugés sont utiles à leurs défenseurs, on est tenté de soupçonner de quelque motif d'intérêt les gens éclairés qui, en se rangeant du parti de l'erreur, sont assurés de s'y placer au premier rang, & de s'emparer des avantages qu'elle promet. Mais dans les sciences physiques, où la gloire est, sinon la seule récompense, du moins le seul moyen d'en obtenir,

& où elle ne se trouve qu'auprès de la vérité, la mauvaise foi qui feroit soutenir une erreur, feroit sans motif, & c'est en partie pour cette raison que les préjugés y sont moins durables; aussi M. Bouvart vit-il naître & s'éteindre les querelles sur l'inoculation, & sans avoir changé d'opinion, convaincu de l'inutilité de chercher à faire des prosélytes dans la disposition actuelle des esprits, il avoit cessé de s'opposer au torrent, & avoit embrassé la dernière consolation de ceux qui ont combattu inutilement des nouveautés, l'espérance de les voir passer de mode.

M. Bouvart possédoit un avantage qui n'accompagne pas toujours ni les connoissances très-étendues, ni la célébrité dans des arts importants & difficiles, celui d'avoir beaucoup d'esprit. Il s'exprimoit presque toujours avec une causticité que la froideur de son ton & la douceur de sa voix rendoient plus piquante. Sa censure s'exerçoit sur tous les objets, mais elle épargnoit encore moins les gens en place que ses confrères, & les charlatans en politique, que les charlatans en médecine. Indépendant quant à la fortune, il profitoit de l'avantage qu'a un médecin très-employé, de ne pas craindre la vengeance que les hommes puissans se permettent trop souvent d'exercer contre ceux qui osent user du droit qu'a tout citoyen de les juger. Il savoit qu'on n'oseroit s'exposer au ressentiment d'un grand nombre de malades, en éloignant d'eux, ou en privant de la liberté le médecin à la présence duquel ils croyoient leur existence attachée; ainsi, dans plus d'un genre, les talens savent se créer un empire que la force même est obligée de respecter. Père tendre, ami constant & sûr, ayant dans son ame le sentiment qui fait aimer, & l'ayant avec toutes ses délicatesses; sévère dans sa probité, implacable dans sa haine contre la bassesse & l'envie, on n'a pu reprocher à M. Bouvart que de confondre quelquefois ce qui ne bleffoit que ses opinions, avec ce qui offensoit les intérêts de la société, & de prodiguer à des torts frivoles ou imaginaires la colère de l'homme de bien; aussi paroïssoit-il dur aux indifférens,

à tous ceux à qui l'égoïsme ou la légèreté a fait perdre ; avec l'habitude de juger d'après des principes invariables, celle de sentir profondément. Ses amis seuls connoissoient sa sensibilité , & ils avoient appris à la connoître par ses actions , beaucoup plus que par ses discours. Il traitoit les malades avec une attention religieuse , mais sans complaisance , parce qu'il n'en regardoit aucune comme vraiment indifférente ; il songeoit beaucoup plus à les sauver qu'à les soulager , & ne leur épargnoit pas les remèdes dont il croyoit pouvoir espérer quelques effets salutaires , même lorsque cette espérance étoit très-foible , & que ces remèdes pouvoient augmenter leurs souffrances ; il usoit rarement de ceux qui , en diminuant la douleur , peuvent contrarier le traitement : il cherchoit à prolonger une existence même pénible , parce qu'il ne connoissoit presque aucune circonstance où l'on pût désespérer absolument du pouvoir de la nature. Il vouloit en même temps , que ses malades fussent convaincus que leur médecin savoit mieux qu'eux ce que leur état exigeoit , qu'ils soumissent leur raison à la sienne , & qu'ils lui fissent le sacrifice entier , non-seulement de leurs opinions , mais de leurs répugnances & de leurs petites inquiétudes. Sa raison , toute éclairée qu'elle étoit , ne l'étoit point assez pour sentir que ces foiblesses des malades doivent être regardées comme des accidens de la maladie ; & les ménagemens qui pourroient adoucir leurs peines , comme des remèdes qui contribuent à la guérison. Cependant , comme il étoit juste , on le trouvoit plus inexorable encore pour les parens ou les amis des malades : il ne concevoit pas comment des personnes qui ne savent rien en médecine , peuvent se permettre de proposer des remèdes , d'indiquer un traitement , d'exiger qu'un médecin leur développe des raisons qu'ils ne peuvent comprendre : il étoit blessé de ces questions importunes qui , du moins lorsqu'elles étoient dictées par un intérêt réel , auroient mérité son indulgence. Sa philosophie eût dû lui apprendre que la médecine n'est pas le seul objet sur lequel on se

permette

permette de parler & de juger sans entendre, & que cette manie qui excitoit sa colère, est un de ces vices généraux de la nature humaine, auquel il faut savoir pardonner pour son propre repos, comme par justice. Le caractère de M. Bouvart le rendoit plus propre à traiter les maladies violentes où le malade est plus soumis, les témoins moins raisonneurs, l'emploi des remèdes plus certain, la marche du médecin plus hardie, plus décisive, & la termination plus rapide. Dans les maladies chroniques, rarement la patience de M. Bouvart ou celle du malade duroit-elle assez longtemps pour qu'il pût voir le succès de son traitement.

Il regardoit le talent pour la médecine & les connoissances expérimentales qu'elle exige, comme des qualités très-distinctes des connoissances dans les sciences médicales, & même du génie pour ces sciences. Il croyoit qu'on pouvoit être un savant profond & même illustré par des découvertes, & ne pas être véritablement médecin. Il n'accordoit ce titre qu'à un petit nombre d'hommes, avouoit son estime pour eux aussi hautement que son mépris pour les autres. Le tort qu'ils avoient à ses yeux, d'exercer la médecine sans la savoir, n'étoit pas effacé par le mérite réel que d'ailleurs ils pouvoient avoir; peut-être en cela n'auroit-il été que juste, si l'on n'étoit forcé d'avouer qu'il confondoit trop souvent avec l'ignorance en médecine, un système de traitement qui contrarioit sa méthode. Quand il consultoit avec ses confrères, il étoit trop occupé de la conservation du malade pour songer à ménager l'amour-propre des consultants; il soutenoit son opinion avec toute l'autorité de la raison, & il oublioit trop souvent que la raison n'a jamais plus d'empire que quand elle se montre, non comme une loi qu'on doit suivre, mais comme une opinion qui peut mériter d'être examinée. Malheureusement la force de sa conviction lui donnoit trop de facilité à soupçonner ceux qui s'écartoient de ses idées, d'ignorance & de mauvaise foi, & à se croire permis de prendre, en les réfutant, un ton de dureté & de persiflage. Il étoit très-sévère observateur de l'ancien usage de ne vouloir consulter qu'avec

les membres de la Faculté, ou ceux qui ont le droit de pratiquer à Paris, usage qui eût exclu des consultations Boerhave, Sidenham, Staal ou Morgagni, s'ils avoient voyagé en France, & contre lequel il suffit d'alléguer cette simple observation. M. Bouvart étendoit sa sévérité plus loin; pour consulter avec lui, il falloit avoir les titres prescrits par les anciens statuts, mais ces titres ne lui suffisoient pas toujours, & en cela c'étoit à lui-même qu'il faisoit justice; il sentoit que la roideur de son caractère rendoit absolument inutile toute conférence entre lui & des hommes dont la personne ou les principes avoient blessé ses opinions ou son caractère.

D'après les traits que nous venons de rapporter, on voit que M. Bouvart devoit avoir des amis tendres, des admirateurs enthousiastes & des ennemis acharnés; mais jamais ceux-ci ne lui contestèrent ni l'étendue de ses connoissances, ni la justesse de son coup-d'œil, ni les succès de sa pratique, ni sa probité comme homme & comme médecin; & cette justice que lui ont rendu constamment des hommes qu'il avoit blessés par un mépris ou des railleries plus offensantes que les injures, est une preuve de ses talens qu'il seroit difficile de contester. Si la gloire pouvoit consoler du malheur d'être haï, on pourroit dire que la plus assurée, la plus incontestablement méritée, est celle sur laquelle la douceur & l'amabilité n'ont pas rendu les contemporains trop faciles, & qui n'a point été embellie par les mains de l'amitié. Mais au hasard peut-être d'avoir à craindre de la postérité un jugement plus sévère, pourroit-on ne pas préférer le partage de celui qui laisseroit à douter si sa célébrité est l'ouvrage de ses talens, ou celui de la bienveillance générale qu'il a obtenue?

Une pratique immense, un mariage riche avoient procuré à M. Bouvart une fortune considérable, mais sa vie n'en fut pas moins simple, & il n'en tira que l'avantage de mettre dans l'exercice de sa profession plus de bienfaisance & de noblesse. Cependant il se permettoit de faire justice de la mesquinerie des gens riches; un d'eux lu

ayant fait porter par son valet-de-chambre de modiques honoraires rigoureusement calculés, il les renvoya, en ajoutant : *Dites à votre maître que je fais la médecine gratis pour les pauvres.* Mais si M. Bouvart étoit quelquefois juste jusqu'à la sévérité, il savoit aussi être généreux.

Un homme qui tenoit une banque, après avoir essuyé des pertes considérables, étoit à la veille de suspendre ses payemens : le chagrin violent qu'il éprouvoit altéra sa santé. Dès le premier coup-d'œil, M. Bouvart soupçonna la cause des accidens ; il essaya de pénétrer le secret du malade, ses tentatives furent inutiles : comme il se retiroit, il apprit de la femme du banquier, que pour satisfaire à des échéances très-prochaines, il lui manquoit vingt mille livres qu'il n'avoit pu trouver chez aucun ami. M. Bouvart écoute sans rien dire, quitte la maison, revient bientôt, apporte la somme, & guérit ainsi le malade (a).

Quelques heures de sommeil & environ une heure pour un seul repas, étoient tout ce que M. Bouvart accordoit à la nature, & déroboit, soit aux fatigues de la pratique, soit au travail du cabinet. Il soutint cette manière de vivre jusqu'à près de soixante-dix ans : à cette époque, il sentit ses facultés s'affoiblir, il perdit peu-à-peu la mémoire, sur-tout celle des choses récentes ; sa raison toujours saine étoit plus foible. Il jugea son état comme il auroit jugé celui d'un autre : *Ma carrière est finie, disoit-il, je n'ai plus rien à désirer que le courage de souffrir.* Bientôt les infirmités suivirent cet affoiblissement, elles furent accompagnées de quelques maladies pour lesquelles ses amis lui proposoient des remèdes ; il les refusa : *Je n'ai aimé la vie, leur disoit-il, qu'autant que j'ai pu la rendre utile : des remèdes que la nature n'a plus la force de seconder fatigueroient mon existence & ne la prolongeroient que pour la douleur. Le passé n'existe plus pour moi, le présent n'est qu'un point, l'avenir seul doit m'occuper.*

(a) J'ai tiré cette anecdote d'un éloge prononcé par M. de la Fize à l'assemblée publique de la faculté de Médecine, dans lequel M. Bouvard

a été apprécié par un savant digne de le juger, & peint par un ami sensible, mais impartial & juste.

Une courte fièvre termina sa vie & ses souffrances, le 19 janvier 1787. Sa perte eût excité des regrets plus vifs, si ses longues infirmités n'eussent forcé d'avance ses malades à chercher d'autres secours; mais il ne pouvoit plus faire couler que les larmes de la reconnoissance. Quelques-uns des principes qu'il suivoit dans le traitement des maladies, seront encore long-temps utiles, ne fût-ce que pour nous préserver de tomber dans l'excès d'une médecine trop oisive, qui, sous prétexte de ne pas contrarier la nature, n'ose employer les remèdes, comme si ces mêmes remèdes, la sagacité qui les a fait découvrir, & la prudence qui les emploie, n'étoient pas aussi un présent de la nature. La politique du médecin cherche à éviter deux écueils opposés; s'il est actif, on l'accusera d'avoir tué son malade; s'il l'abandonne à ses propres forces, on dira qu'il l'a laissé mourir: or, ce dernier écueil est le moins dangereux, le reproche est plus doux, & on peut y répondre plus aisément par des raisons populaires & spécieuses. Mais le médecin devroit écarter toute politique; sa devise devroit être celle d'une de nos anciennes maisons: *Fais ce que dois, advienne que pourra*; & c'est en cela que M. Bouvart nous a donné un exemple qui doit honorer sa mémoire. Personne n'a porté plus loin la probité dans la pratique de son art; il ne vouloit que guérir. Aucune considération ne l'eût fait écarter, même dans les choses presque indifférentes, de la ligne que ses lumières lui avoient tracée; ni l'envie de plaire ni la foiblesse ne pouvoient séduire son opinion, il se roidissoit contre elles, de peur qu'elles ne corrompissent son jugement, même à son insu: inflexibilité précieuse aux malades, quelquefois incommode, & dont ils ne sentoient pas toujours tout le prix. Mais il faut que des lumières supérieures accompagnent cette fermeté salutaire: dans les hommes médiocres, la force du caractère n'est que de l'opiniâtreté; & la juste confiance d'avoir trouvé la vérité, peut seule donner à un homme qui prononce sur la vie d'autrui, le droit d'être inflexible.





M É M O I R E S

D E

MATHÉMATIQUE

E T

DE PHYSIQUE,

TIRÉS DES REGISTRES

de l'Académie Royale des Sciences.

Année M. DCCLXXXVII.

O P P O S I T I O N

DE LA PLANÈTE HERSCHEL,

observée à l'Observatoire royal.

Par M. JEAURAT.

DÈS l'instant de la découverte de la planète Herschel, M. de la Place, déjà occupé d'une nouvelle méthode pour la théorie des Comètes, s'empressa d'appliquer sa nouvelle méthode aux observations de la nouvelle planète considérée alors comme comète, au mois d'Août 1781;

Mém. 1787.

A

20 Janvier
1787.

il soupçonna que l'astre dont il s'agissoit se mouvoit dans un orbe presque circulaire, & M. le président de Sarron a été le premier qui ait reconnu le grand éloignement de cet astre, moyennant une idée très-ingénieuse de sa part.

D'un autre côté, M. Méchain a dans ce même temps établi des élémens de théorie peu différens de ceux de M. de la Place; ensuite, des observations faites avec soin ont éloigné l'idée de l'hypothèse circulaire, & ont procuré les véritables élémens dans un orbe elliptique que voici, & qui déjà ont été publiés à la page 3 du volume de la *Connoissance des Temps*, pour 1786.

Éléments de l'orbite de la Planète Herschel.

Demi-grand axe de l'orbite.....	19,0818.
Rapport de l'excentricité au demi-grand axe....	0,047587.
Ce rapport réduit en secondes.....	9815",5.
Plus grande équation du centre.....	5 ^d 27' 11".
Anomalie moyenne, le 1. ^{er} Janvier 1782, à midi, temps moyen , à Paris.....	3 ^f 12 ^d 59' 31"
Longitude de l'aphél. sur l'orbite, à la même époque....	11. 23. 22. 59.
Longitude du nœud ascendant, au même instant....	2. 13. 1. 2.
Inclinaison de l'orbite.....	0. 46. 12.
Logarithme du nombre de secondes que la planète décrit en un jour par son moyen mouvement.....	1,6290783
30445 jours, 75 ou 83 ans $\frac{1}{3}$, révolution moyenne de la planète.	

De plus, M. Bode a conjecturé avec beaucoup de vraisemblance, que c'étoit cette planète même que l'illustre Mayer a observée comme étoile, & qu'il faut présentement effacer du Catalogue des étoiles, parce qu'on ne la voit plus à la place assignée, 964.^{me} des étoiles, du Catalogue zodiacal de Mayer.

Une chose digne de remarque & satisfaisante, c'est la précision qu'ont les premières tables de la planète Herschel, que j'ai publiées, page 176, dans mon vol. de la *Connoissance des Temps* pour 1787; car des observations ci-après il résulte

que ces premières Tables ne diffèrent pas cette fois-ci d'une seconde en longitude héliocentrique, & au plus de 39" pour la latitude, encore le micromètre de la lunette de mon instrument mural est-il assez mauvais pour que je puisse craindre que la petite erreur de 39" que j'attribue ici à la latitude que donnent les Tables, ne soit en partie une erreur de la part de mes déclinaisons observées.

*Pour ladite ou prétendue erreur en latitude des Tables
de la planète d'Herschel.*

Logarithme de la distance

Du Soleil à la Planète.....6,2693742.

Du Soleil à la Terre.....4,9928631.

Logarithme de la distance accourcie

De la Terre à la Planète.....6,2457594.

Latitude géocentrique observée..... 0^d 32' 0". *Boréale.*

Latitude héliocentrique déduite de l'observation. 0. 30. 10.

Latitude selon les Tables..... 0. 29. 31.

Erreur en latitude, sauf vérification..... 39".

*Observations pour l'opposition de la Planète Herschel,
du 13 Janvier 1787.*

N O M S des Astres observés.	T E M P S de la Pendule, lors des passages par le Méridien.				HAUTEUR, selon mon Mural.
	12 Janvier 1787.	13 Janvier 1787.	14 Janvier 1787.		
	H. M. S.	H. M. S.	H. M. S.		
ε du 8.....	6. 24. 13	6. 20. 17	6. 16. 20	61. 1. 30.	
α de la Baleine.	7. 32. 40	7. 28. 43	7. 24. 47	44. 31. 31.	
Alcionne....	8. 15. 47	8. 11. 51	8. 7. 55	64. 41. 0.	
Aldebaran...	9. 4. 42	9. 0. 46	8. 56. 49	57. 20. 30.	
α de Pollux..	11. 47. 46	11. 43. 50	11. 39. 54	63. 36. 0.	
Planète Herf.	12. 22. 26	12. 18. 19	12. 14. 12	63. 11. 0.	

4 MÉMOIRES DE L'ACADÉMIE ROYALE
*Position moyenne & apparente de δ de Pollux ;
pour le 13 Janvier 1787.*

Ascension droite { moyenne..... $106^{\text{d}} 50' 42''$.
de δ de Pollux... { apparente..... $106. 51. 21$.

Déclinaison de { moyenne..... $20^{\text{d}} 21' 36''$ *Boréale*.
 δ de Pollux..... { apparente..... $22. 21. 23$. *Boréale*.

CALCUL de la position observée de la planète Herschel.

1787.	TEMPS vrai.	ASCENSION droite observée.	DÉCLINAISON observée boréale.	LONGITUDE géocentrique.	LATITUDE géocentrique.
	H. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	S. D. M. S.	M. S.
12 Janv.	à 12. 3. 36	115. 32. 48	21. 56. 3	3. 23. 34. 52	32. 13. <i>Australe</i> .
13 Janv.	à 11. 59. 7	115. 30. 2	21. 56. 13	3. 23. 32. 19	31. 56.
14 Janv.	à 11. 54. 38	115. 27. 16	21. 56. 23	3. 23. 29. 45	31. 39.

Donc, l'instant vrai de l'opposition est arrivée,

Selon les Observations ci-dessus, le 13 Janv. 1787, à $5^{\text{h}} 11' 11''$ }
Selon les Tables..... le 13 Janv. 1787, à $5^{\text{h}} 13' 36''$ } *t. v.*

Alors la longitude héliocentrique observée,
étoit..... $3^{\text{f}} 23^{\text{d}} 33' 3''$.

Résultat dont la différence d'avec celui des tables publiées
dans le volume de la *Connoissance des temps*, année 1787,
page 176, n'est pas d'un dixième de seconde.



OBSERVATION DE L'ÉCLIPSE DE SOLEIL,

Du 15 Juin 1787.

Par M. JEAURAT.

LA réparation des voûtes de l'Observatoire royal m'ayant forcé de quitter mon logement, je me suis réfugié li près du véritable lieu des observations, qu'on peut regarder la réduction du temps vrai de mes observations, ainsi que celle des parallaxes des hauteurs au méridien même de l'Observatoire royal, comme nulles. Je n'ai donc pas cru devoir faire aucune réduction à l'observation que je donne ici de l'éclipse du Soleil du 15 Juin 1787.

16 Juin
1787.

De cette éclipse, je n'en ai pu observer que la phase du commencement, parce qu'avant l'époque du milieu de l'éclipse, les nuages ont achevé d'obscurcir entièrement le Soleil.

Selon mon observation, le commencement de l'éclipse est arrivé le 15 Juin 1787, à $4^h 27' 27''$, temps vrai, à l'Observatoire royal; & selon les calculs du savant M. Rotrou, la théorie d'Euler annonçoit ce commencement pour $4^h 28' 18''$: ainsi les tables d'Euler ne se sont trouvées en retard vis-à-vis de l'observation, que de $51''$ de temps pour l'époque du commencement de l'éclipse.

A Dijon, M. l'abbé Bertrand, & au Havre-de-Grâce, M. Cleron ont été plus favorisés que nous ne l'avons été à Paris, par le beau temps; car ils ont l'un & l'autre observé le commencement & la fin de cette éclipse: voici leurs observations telles qu'ils nous les ont communiquées.

A Dijon, par M. l'abbé Bertrand.

Commencement de l'éclipse..... $4^h 42' 29''$ temps vrai, à Dijon.

Fin de l'éclipse..... 6. 12. 43.

Différence des méridiens..... $\left\{ \begin{array}{l} \text{en temps, } 0^d 10' 47'' \\ \text{en degrés, } 2. 41. 48 \end{array} \right\}$ orientales.

Latitude de l'Observatoire de Dijon 47^d 19' 26".

Au Havre-de-Grâce, par M. Cleron,

Commencement de l'éclipse, mais à travers les

nuages.....4^h 17' 0" } temps vrai

Fin de l'éclipse, & par un beau temps..... 53. 30. } au Havre.

Différence des méridiens $\left\{ \begin{array}{l} \text{en temps } 0^h \quad 8' \quad 54'' \\ \text{en degrés } 2^d \quad 13. \quad 37. \end{array} \right\} \text{occidentale}$

Latitude de l'Observatoire du Havre.....49^d 29' 14".Latitude de l'Observatoire du Havre.....49^d 29' 14".

Selon M. Rotrou, de qui nous avons eu une excellente carte de cette éclipse de Soleil, du 15 Juin 1787, au soir.

La longitude de la Lune , à 4^h 30' temps vrai ,

à l'Observatoire royal de Paris, déduite des observa-

tions citées ci-dessus, est 2^f 24^d 40' 38".)

Calculée selon { les nouvelles tables de Mayer, est 2. 24. 40. 27. }
 { les anciennes tables de Mayer, est 2. 24. 40. 24. }

Selon les tables d'Euler, publiées par moi, *Connois-*

Selon les tables d'Euler, publiées par moi, *Connoissance des Temps pour 1786*, page 202, est $2^{\text{e}} 24^{\text{d}} 39' 53''$.

A cette même époque, 4^h 30', temps vrai, 15 Juin

A cette même époque, 4^h 30', temps vrai, 15 Juin 1787.

La latitude de la Lune déduite des observations..... $58^{\circ} 1''$)

Calculée selon	{	les nouvelles tables de Mayer	58. 10.	}
		les anciennes tables de Mayer	58. 8.	

Selon les tables d'Euler, non rectifiées 58. 2.

Enfin l'erreur des tables de la Lune est cette fois ,

En longitude de $\left\{ \begin{array}{l} 11'' \text{ pour les nouvelles tables de Mayer.} \\ 14'' \text{ pour les anciennes tables de Mayer.} \\ 45'' \text{ pour les tables d'Euler, non rectifiées.} \end{array} \right.$

En longitude de } 14" pour les anciennes tables de Mayer. }

(45" pour les tables d'Euler, non rectifiées.)

(+ 9 pour les nouvelles tables de Mayer.)

En latitude de } + 7 pour les anciennes tables de Mayer.

(+ 1 pour les tables d'Euler, non rectifiées.)



EXPÉRIENCES

Propres à faire connoître que la Chaux d'argent ne peut être réduite par la seule action du feu.

Par M. S A G E.

L'ARGENT tenu en digestion avec vingt parties de mercure, produit une amalgame qui cristallise par le refroidissement; l'argent cristallisé par ce moyen, retient huit parties de ce mercure: si l'on soumet cette amalgame à la distillation, le mercure s'en dégage, l'argent reste dans la cornue sous forme métallique, mais une partie de ce métal est convertie en une chaux grise qui se trouve à la surface de l'argent. Ayant pris ce même métal, & l'ayant amalgamé & distillé trois fois avec vingt parties de mercure, j'ai trouvé dans ces dernières distillations une bien plus grande quantité de chaux d'argent grisâtre, dont une partie s'est fondue sur les parois de la cornue, & l'a enduite d'un émail jaune.

31 Janvier
1787.

Ayant exposé au feu, dans un creuset, de cette même chaux grise d'argent, elle s'y est fondue en un émail jaune; je ne suis parvenu à réduire cette chaux que par l'intermède du flux noir.

L'argent rouge cristallisé & transparent produit aussi, après avoir été torréfié, une chaux d'argent qui ne peut être réduite par la chaleur seule.

Ayant eu du Pérou une livre de mine d'argent rouge, en beaux cristaux transparens, je les ai soumis à la distillation, j'en ai retiré de l'eau acidulée par l'air fixe; à un feu plus violent, il s'est sublimé de l'orpin mêlé de réalgar, il est resté dans la cornue une masse d'un gris-noirâtre compacte & friable; calcinée dans un têt, l'arsenic qu'elle contient encore s'en dégage, & ensuite le soufre: après

la torréfaction complete, on trouve dans le têt, de l'argent sous forme métallique, entre-mêlé de chaux grise. Ayant exposé à un feu violent cette mine calcinée, j'ai trouvé dans le creuset un culot d'argent cristallisé à sa surface ; les parois du creuset étoient enduites d'un émail jaune produit par la vitrification de la chaux d'argent.



SUR LES TERRES CALCAIRES ET LA CHAUX.

Par M. BAUMÉ.

UNE terre calcaire qui n'a point éprouvé l'action du feu, dissoute dans un acide quelconque, n'est que très-peu précipitée par l'alkali volatil fluor ou concret; ce dernier en précipite un peu plus; si l'on fait chauffer le mélange, la précipitation est la même. Il est impossible, par ce moyen, de précipiter plus qu'un sixième environ de la terre; on en est assuré en filtrant la liqueur, & en achevant de précipiter la terre par de l'alkali fixe.

Au contraire, si l'on prend de la chaux vive, de la chaux éteinte à l'air, des pellicules de chaux, de l'eau de chaux bien saturée d'air fixe, du lait de chaux également saturé d'air fixe, si l'on fait dissoudre ces différentes terres séparément dans les acides, on obtient des sels à base terreuse, qui sont entièrement décomposables par l'alkali volatil fluor ou concret; ce qui prouve que la terre calcaire qui a été calcinée, n'est pas régénérée, telle qu'elle étoit avant la calcination par l'air fixe qu'on peut lui rendre.

Ces observations m'ont conduit à changer, par le moyen de la chaux, la base calcaire du sel marin calcaire des eaux salées des salines de Lorraine, pour pouvoir les décomposer par le moyen de l'alkali volatil, à l'effet d'en faire du sel ammoniac.

C'est sur cette décomposition qu'est fondé l'art & la fabrication du sel ammoniac que je me propose de présenter incessamment à l'Académie.



E X T R A I T

D E S

OBSERVATIONS ASTRONOMIQUES ET PHYSIQUES,

*Faites par ordre de Sa Majesté,**A l'Observatoire royal, en l'année 1787.**Sous le ministère de M. le Baron de Breteuil.*

M. le Comte DE CASSINI, Directeur.

M.^{rs} NOUET, DE VILLENEUVE & RUELLE, Élèves.

I N T R O D U C T I O N.

J'ESPÈRE que le changement fait cette année dans les tableaux de nos observations, sera favorablement accueilli des Astronomes. A la *position supposée* de l'Étoile, qui précédemment occupoit la quatrième & la cinquième colonne, j'ai substitué la *différence de passage & de hauteur* de la Planète & de l'Étoile dans le Méridien (a). Par là, ces tableaux auront l'avantage d'offrir, autant qu'il est possible, l'observation même & son résultat. Je mets ainsi le lecteur à portée de calculer de nouveau, avec tels élémens qu'il lui conviendra d'employer. Mais en même temps que je lui donne les moyens de vérifier nos calculs, & d'en juger les résultats, je dois aussi lui rendre

(a) Pour réduire en degrés ces différences de passage exprimées en heures dans la 4.^e colonne, il faut connoître l'état de la pendule; c'est ce que procure la Table, intitulée *Anticipation des fixes à la pendule d'Observation*, que l'on trouvera vers la fin de l'Extrait.

compte des principes & de la méthode que nous suivons de notre côté dans ces calculs. Je vais donc en rapporter un exemple détaillé, qui pourra servir de type. La perfection que la théorie des Planètes acquiert tous les jours, exigera désormais le dernier scrupule & la plus grande précision dans la réduction & le calcul des observations que l'on voudra y comparer. Des corrections qui ne s'élevoient qu'à quelques secondes, étoient négligeables lorsque l'erreur des Tables anciennes alloit à plusieurs minutes; mais elles ne le sont plus aujourd'hui où les lieux de toutes les Planètes vont être représentés par de nouvelles Tables dont les plus grands écarts ne passent guère une minute (*b*).

(*b*) On imprime actuellement des Tables de Jupiter & de Saturne, d'après la théorie de M. de la Place, qui représentent les observations avec la plus grande précision.

Type du calcul d'un lieu de Jupiter, le 4 Décembre 1787;

1.^o par les Tables.

Temps vrai rapporté dans la seconde colonne.....	11 ^h 52' 36",5
Équation du temps.....	— 4. 37,7
Temps moyen pour le calcul des Tables.....	11. 47. 58,8

Lieu du Soleil, par les Tables.	8 ^c 23 ^d 0' 26",2, apparent.
Aberration, quantité constante..	+ 20

Longitude du Soleil, comptée de l'équinoxe apparent.....	8. 23. 0. 46,2, vraie.
--	------------------------

Dist. du Soleil à la } Terre, logar... }	4.992934
---	----------

Lieu hélioc. de Jupiter, par les Tables.....	2. 21 41. 19,5, vrai.
--	-----------------------

Nutation ou Équation de l'argument 1." du Soleil.....	+ 16,7
---	--------

Longitude héliocentrique vraie de Jupiter, comptée de l'équinoxe apparent.....	2. 21. 41. 36,2
--	-----------------

Latitude héliocent. de Jupiter..	0. 23. 26 ⁴ .
----------------------------------	--------------------------

Distance de Jupiter au Soleil, logar....	5.708115
--	----------

Lieu géocentrique de Jupiter....	2. 21. 22. 42,2, vrai.
Aberration de la Planète. ...	+ 11,4

Longitude géocentrique comptée de l'équinoxe apparent, & comparable à l'observation.....	2. 21. 22. 53,6, apparente.
--	-----------------------------

Latitude géocentrique.....	0. 29. 2 ⁴ .
----------------------------	-------------------------

Distance de la Planète à la Terre..	5.6151719
-------------------------------------	-----------

Parallaxe horizontale.....	0. 2"
----------------------------	-------

II.^o Par Observation.

Différence des passages dans le méridien, rapportée dans la 4. ^e colonne	} — 0 ^h 39' 52",5
Réduction en degrés correspondans au mouv. de la pendule, à laquelle l'anticipation des fixes étoit alors selon la petite Table, de 3' 57".....	} 9 ^d 59. 46
Ascension droite apparente de « des Gém. tirée des Catalogues.	} 90. 31. 46
Différence à cause du signe négatif. Ascension droite de Jupiter.....	} 80. 32. 0
Différence des hauteurs dans le méridien, rapportée dans la 5. ^e colonne.....	} + 0 ^d 9' 43"
Ajoutez la différence des réfractions à la hauteur de 64 ^d pour 9' 43"	} + .. 0,2
Parallaxe de hauteur, toujours de même signe que la différence des hauteurs.....	} + 0,0
Différence vraie de déclinaison de la Planète & de l'Etoile...	} 0. 9. 43,2
Déclinaison apparente de « des Gémeaux.....	} 22. 32. 56
Somme, à cause du signe positif de la différence des hauteurs, & parce que la déclinaison est boréale. Déclinaison apparente de Jupiter.....	} 22. 42. 39,2

D'où l'on déduit par le calcul, en supposant l'obliquité apparente de l'écliptique, telle qu'elle est rapportée, page 79 de l'extrait de 1786.

14 MÉMOIRES DE L'ACADÉMIE ROYALE

Longitude obser. $81^{\text{d}} 16' 23''$ Latitude observée.... $0^{\text{d}} 28' 6''$.
 Les Tab ont donné $81^{\text{d}} 22' 54''$ $0. 29. 2$

Donc, err. des Tab. rapportée dans
 la 8^{e} & 9^{e} colon. — $6. 31$

— $0. 56$

TYPE DU CALCUL

De l'opposition de Jupiter, du mois de Décembre 1787.

L'inspection du tableau des observations de Jupiter, fait voir
 1.^o que l'opposition de cette Planète a eu lieu vers le 13 Décembre;
 2.^o que l'erreur des Tables, moyenne entre toutes celles qui ont
 été déterminées vers ce temps, est de $6' 33''$ en longitude, & $1' 0''$
 en latitude, soustractives du résultat des Tables.

Je calcule donc l'opposition d'après les Tables rectifiées, au lieu
 de la déduire d'une observation directe qui pourroit être affectée
 de quelqu'erreur particulière. Mais il faut avoir attention de ne
 point employer la nutation ou la première équation dans le calcul
 du lieu du Soleil, parce qu'on ne l'appliquera point non plus
 à la longitude héliocentrique de la Planète, afin d'obtenir l'oppo-
 sition vraie de la Planète comptée de l'équinoxe moyen. J'aurai donc

	Le 12 Déc. à 0h.	Le 13 Déc. à 0h.
Longit. du \odot par les Tab. sans nutat...	$81^{\text{d}} 20^{\text{d}} 27' 58''$	$81^{\text{d}} 21^{\text{d}} 29' 3''$
Aberration.....	+ 20	+ 20
Longitude vraie du Soleil, comptée de l'équinoxe moyen.....	$81. 20. 28. 18$	$81. 21. 29. 23$
Longitude héliocentrique vraie de Jupiter, par les Tables.....	$2. 21. 28. 26$	$2. 21. 33. 37$
Latitude héliocentrique.....	$0. 23. 43$	$0. 23. 35$
Longitude géocentrique.....	$81. 42. 47$	$81. 34. 38$
Erreur des Tables.....	— 6. 33	— 6. 33
Longitude géocentrique vraie, comptée de l'équinoxe moyen.....	$81. 36. 14$	$81. 28. 5$
Latitude géocentrique.....	$0. 29. 23$	$0. 29. 8$
Erreur des Tables.....	— 1. 0	— 1. 0
Latitude géocentrique vraie.....	$0. 28. 23$	$0. 28. 8$

D'où l'on conclut le mouvement diurne du Soleil de $61' 5''$, celui de Jupiter de $8' 9''$; & par conséquent le mouvement relatif de $1^d 9' 14''$; enfin la distance de Jupiter à l'opposition qu'il avoit déjà passée de $0^d 1' 18''$, qui donne l'heure de l'opposition vraie, comptée de l'équinoxe moyen.

Le 12 Déc. à $23^h 32' 58''$ T. M.

La longitude en opposition..... $81^d 28' 14''$

La latitude..... 0. 28. 9 A.

C'est ainsi que seront calculées par la suite toutes les oppositions rapportées dans nos extraits. Précédemment, nous ne connoissions que l'opposition apparente comptée de l'équinoxe apparent, ainsi qu'il étoit d'usage parmi les Astronomes: la différence des deux résultats ne fait à la vérité varier le lieu de l'opposition que de quelques secondes.

Nous avons dit dans les extraits ci-devant publiés, que nous employions les Tables qui se trouvent à la suite de l'Astronomie de M. de la Lande. Cela a eu lieu cette année pour le Soleil, la Lune, Mars, Jupiter & Saturne; mais, pour Mercure & Vénus, nous avons employé les nouvelles données de M. de la Lande, publiées dans la Connoissance des Temps de 1789. Les lieux d'Herichel ont été calculés d'après les élémens de M. de la Place. Nous avons tiré la position des Étoiles du catalogue inséré dans la Connoissance des Temps de 1788. Mais comme nous ne sommes pas toujours d'accord avec ce catalogue sur la déclinaison de quelques Étoiles, nous employons alors la hauteur absolue de la Planète, pour en déduire directement sa déclinaison. C'est dans ce cas que nous ne mettons aucun résultat dans la colonne de la différence de hauteur, ou bien nous rapportons cette hauteur même.

La démolition de toutes les voûtes supérieures de l'Observatoire, ayant nécessité la destruction des ateliers, il a fallu suspendre entièrement la construction des instrumens.



HISTOIRE PHYSIQUE

DE L'ANNÉE 1787.

LES six premiers jours de *Janvier* se sont passés dans les brouillards & les pluies ; le 7, le ciel s'est éclairci , & il a fait généralement assez beau jusqu'au 15 , où les brouillards ont repris & ont régné presque habituellement jusqu'au 25. Les vents alors prenant de la partie de l'est , le ciel s'est netoyé ; l'aurore boréale qui a été aperçue ce même jour a été peu considérable. Le lendemain & les jours suivans , il est tombé un peu de neige , & il a fait très-beau temps les deux derniers jours du mois ; la température générale n'a point été froide.

Les brouillards ont repris pendant les six premiers jours de *Février* ; le vilain temps & les grands vents ont ensuite régné jusqu'au 14 ; le reste du mois a été plus beau : l'aurore boréale du 15 a été assez considérable , elle a été suivie pendant deux jours d'un très-beau temps. Quoique le thermomètre soit descendu moins bas que dans le mois précédent , la température de *Février* a paru plus froide.

Les pluies & les grands vents ont été presque continuels dans les treize premiers jours de *Mars* , excepté le 8 & le 9 où il y a eu un peu de calme ; du 13 au 23 , le temps a été plus beau , mais le reste du mois il y a eu toujours pluie , vent & temps couvert : l'aurore boréale du 20 a été assez belle ; celles du 18 & du 21 très-foibles. La température de ce mois a été très-douce.

Pendant le mois d'*Avril* il a plu presque tous les jours , & soufflé de temps en temps un vent assez fort , ce qui a rendu la température de ce mois plus froide que celle des précédens. Il est tombé de la grêle dans les derniers jours.

Depuis le 1.^{er} *Mai* jusqu'au 13 inclusivement , il a plu tous les jours , excepté le 5 , le 6 & le 11. Pareil temps , depuis le 23 jusqu'au 29 ; dans l'intervalle entre ces pluies , c'est-à-dire ,
du

du 13 au 23, on a aperçu cinq aurores boréales peu considérables, si ce n'est celle du 14 qui a été accompagnée de beaucoup de jets de lumière : la température de ce mois a été froide.

Il a fait assez beau pendant les douze premiers jours de *Juin*, mais un orage survenu le 13 a tout changé ; il a plu fréquemment le reste du mois ; en conséquence il y a eu peu de chaleurs. L'aurore boréale du 8 a été foible.

Pendant presque tout le mois de *Juillet*, il a régné un vent très-fort ; les six premiers jours ont été assez beaux, mais tout le reste du mois, on a eu un très-vilain temps, sur-tout après l'orage qui a eu lieu le 20. L'aurore boréale du 13 a été très-belle ; les vents & les pluies ont rendu la température de ce mois froide.

Il a fait généralement assez beau pendant les dix-sept premiers jours d'*Août* ; dans le reste du mois, la pluie & le temps couvert ont été plus fréquens, ce qui refroidît la température qui avoit commencée à être chaude.

On a eu beau temps les quinze premiers jours de *Septembre*, & vilain le reste du mois, à l'exception des deux derniers jours ; les grands vents ont été très-fréquens. L'aurore boréale du 6 étoit peu considérable ; celle du lendemain a été plus belle. La température de ce mois a été assez chaude.

Aucun mois n'avoit encore été aussi pluvieux que celui d'*Octobre*, & les pluies ont fourni une quantité d'eau extraordinaire ; les vents ont été très-fréquens. L'aurore boréale du 31 a été fort belle ; celles du 6 & du 13 plus foibles.

Les pluies ont encore été très-fréquentes dans les seize premiers jours de *Novembre*, mais elles ont été moins fortes que dans le mois précédent. Les deux aurores boréales du 8 & du 26 ont été fort belles ; celle du 26 avoit été précédée le matin par un brouillard très-épais : les pluies qui ont régné pendant ces deux mois d'*Octobre* & de *Novembre*, ont rendu leur température froide & humide.

Il a plu tous les jours du 4 au 9 & du 15 au 20 *Décembre* :

Mem. 1787.

C

le reste du mois, on a éprouvé beaucoup de vents, de brouillards, & en général un très-vilain temps. L'aurore boréale du 9, a été peu considérable.

Il résulte, de tout ce que nous venons de rapporter, & des Tableaux météorologiques qui termineront cet article, que dans cette année l'hiver a été très-doux, l'été froid, toutes les saisons très-pluvieuses, sur-tout l'automne; qu'il a régné de très-grands vents, & qu'il est tombé une quantité d'eau presque égale à celle de l'année dernière.

On a ressenti, en divers endroits de l'Europe, des secousses de tremblemens de terre, & particulièrement, le 3 Février, à Rimini; le 16 Mars, à Bucharest; les 29 & 30 Avril, à Messine; au mois de Mai, dans la Pouille; le 6 Juillet dans le comté de Cumberland; le 16 & le 26, à Ferrare; le 17 Août, à Braga en Portugal; le 27, à Munich; le 20 Septembre, à Messine.

*Résultats généraux des Observations Météorologiques
de l'année 1787.*

	<i>La plus grande.</i>	<i>La plus petite.</i>	<i>Variation annuelle.</i>	Jours de pluie..... 159 ² Jours de neige.... 9. Jours de gelée.... 4 ¹ .
<i>Hauteur du Baromètre.</i>	20 ^d .	<i>pouc. lig.</i> 26, 11, 9 le 12 Janv.	<i>pouc. lign.</i> 1. 8, 0.	<i>pouc. lign.</i> 21 3, 3. Quantité d'eau tombée pendant onze mois de l'année (les observations ayant été interrompues, du 1. ^{er} Févr. au 6 Mars); or, comme pendant l'interruption des obser- vations il n'y a eu que dix jours de pluie, dont deux seuls d'une pluie abondante, on peut estimer que la quantité d'eau tombée pendant toute l'année, n'a pas excédé 22 pouces, c'est environ 1 pouce de moins qu'en 1786.
<i>Hauteur du Thermomètre</i> Exposé à l'air libre.....	+ 25 ^d , 2. le 5 Août.....	- 4 ^d , 3. 27 Jan + 9, 38 en Mars.....	29 ^d , 5. 0, 06.	
Placé au fond des caves.....	+ 9 ^d , 44 en No.			
Variation de l'aiguille aimant. suspendue à un fil de soie.....	19' 10" en Sept.	10' 57 en Déc.	8' 13"	Déclinaison de l'aiguille aimantée, le 1. ^{er} Juin 21 ^d 36'. Inclinaison en Juin 71 ^d 0'.

DES SCIENCES. 19

TABLEAU MÉTÉOROLOGIQUE.

1787.	BAROMÈTRE.	THERMOMÈTRE.	VENTS dominans.	CIRCONSTANCES & Remarques.
JANVIER.	<p>Plus grande hauteur 28^{pouc.} 7^{lign.} 9, le 8, à 10^h du matin.</p> <p>Plus petite hauteur. 27^{pouc.} 7^{lign.} 5, le 12, à minuit.</p> <p>Sept jours de pluie. Cinq jours de neige. Eau tombée, 0^{pouc.} 8^{lign.}</p>	<p>Plus grande hauteur + 6^d 2, le 13, à 2^h du soir.</p> <p>Plus petite hauteur — 4^d 3, le 27, à 11^h du soir.</p> <p>Dix-neuf jours de gelée.</p>	<p>Calme.</p> <p>Calme.</p> <p>E. S. E.</p>	<p>Grands vents les 6, 12, 24, 25, 26, 28 & 29.</p> <p>Brouillards fréquens, ceux des 14, 16, 20 & 24, très-épais.</p> <p>Aurore boréale le 25.</p>
FÉVRIER.	<p>Plus grande hauteur + 28^{pouc.} 5^{lign.} 7, le 17, à minuit.</p> <p>Plus petite hauteur 26^{pouc.} 11^{lign.} 9, le 12, à 5^h $\frac{1}{2}$ du soir.</p> <p>Cinq jours de pluie. Un jour de neige. Eau tombée, non mesurée.</p>	<p>Plus grande hauteur + 9^d 7, le 28, à midi.</p> <p>Plus petite hauteur — 1^d 6, le 24, à 8^h du matin.</p> <p>Sept jours de gelée.</p>	<p>S. S. E.</p> <p>O. S. O.</p> <p>N. E.</p>	<p>Grands vents les 3, 7, 13 & 15; mais particulièrement les 11 & 12.</p> <p>Sept jours de brouil- lards, celui des 2, 5 & 6, très-épais.</p> <p>Aurore boréale le 15.</p> <p>Tonnerre le 12.</p>
MARS.	<p>Plus grande hauteur 28^{pouc.} 7^{lign.} 0, le 13, à 10^h du matin.</p> <p>Plus petite hauteur 27^{pouc.} 3^{lign.} 7, le 3, à 9^h du soir.</p> <p>Treize jours de pluie. Eau tombée, 1^{pouc.} 3^{lign.} dep. le 6 Mars.</p>	<p>Plus grande hauteur + 13^d 5, le 26 & le 30, à midi.</p> <p>Plus petite hauteur — 0^d 3, le 9, à 3^h du matin.</p> <p>Un jour de gelée.</p>	<p>S. O.</p> <p>N.</p> <p>S. E.</p>	<p>Quatorze jours de grands vents, particu- lièrement les 1, 2, 3, 4, 6, 10 & 23.</p> <p>Aurore boréale les 18, 20 & 21.</p> <p>Tonnerre dans la nuit du 30 au 31.</p> <p>Grêle assez forte le 30.</p>

TABLEAU MÉTÉOROLOGIQUE.

1787.	BAROMÈTRE.	THERMOMÈTRE.	VENTS dominans.	CIRCONSTANCES & Remarques.
AVRIL.	Plus grande hauteur 28 ^{pouc.} 5 ^{lign.} 8, le 21, à 9 ^h du soir.	Plus grande hauteur + 14 ^d 4, le 5, à midi.	E. N. E.	Dix jours de grand vent, particulièrement les 7, 16, 20, 25, 28 & 30. Brouillards le 4 & le 11.
	Plus petite hauteur 27 ^{pouc.} 4 ^{lign.} 5, le 29, à 5 ^h du soir.	Plus petite hauteur + 1 ^d 9, le 20, à 11 ^h $\frac{1}{4}$ du soir.	N.	
	Vingt jours de pluie. Eau tombée, 2 ^{pouc.} 5 ^{lign.} 7.	Trois jours de grêle.	O.	
MAY.	Plus grande hauteur 28 ^{pouc.} 4 ^{lign.} 1, le 31, à midi.	Plus grande hauteur + 20 ^d 5, le 22, à midi.	N. O.	Six jours de grand vent, particulièrement les 5, 6 & 24. Aurores boréales les 13, 14, 16, 18 & 19. Éclairs & Tonnerre, les 13, 17 & 23. Grêle le 1. ^{er}
	Plus petite hauteur 27 ^{pouc.} 6 ^{lign.} 6, le 10, à midi.	Plus petite hauteur + 3 ^d 6, le 1. ^{er} , à 8 ^h du matin.	N. E.	
	Dix-huit jours de pluie. Eau tombée, 3 ^{pouc.} 7 ^{lignes} 8.		S. O.	
JUIN.	Plus grande hauteur 28 ^{pouc.} 3 ^{lign.} 5 le 1. ^{er} à 8 ^h $\frac{1}{2}$ du matin.	Plus grande hauteur + 23 ^d 1, le 11, à midi $\frac{1}{4}$.	N. E.	Aurore boréale le 8. Éclairs & Tonnerre le 13 & le 19.
	Plus petite hauteur 27 ^{pouc.} 8 ^{lign.} 7, le 5, à midi.	Plus petite hauteur + 10 ^d 3, le 19, à 10 ^h $\frac{1}{2}$ du soir.	O.	
	Quinze jours de pluie. Eau tombée, 1 ^{pouce} 7 ^{lignes} .		S. O.	

DES SCIENCES. 21
TABLEAU MÉTÉOROLOGIQUE.

1787.	BAROMÈTRE.	THERMOMÈTRE.	VENTS dominans.	CIRCONSTANCES & Remarques.
JUILLET.	<p>Plus grande hauteur 28^{pouc.} 4^{lign.} 8, le 3, à midi.</p> <p>Plus petite hauteur 27^{pouc.} 6^{lign.} 5, le 13, à 10^h du soir.</p> <p>Quinze jours de pluie.</p> <p>Eau tombée, 1^{pouc.} 1^{lign.} 3.</p>	<p>Plus grande hauteur + 23^d 0, le 29, à midi.</p> <p>Plus petite hauteur + 8^d 2, le 9, à 3^h du matin.</p>	<p>N.</p> <p>S. O.</p> <p>S. S. O.</p>	<p>Vingt-un jours de grands vents, particu- lièrement les 8 & 23.</p> <p>Éclairs & Tonnerre les 6, 20, 13 & 25.</p> <p>Aurore boréale le 13.</p>
AOÛT.	<p>Plus grande hauteur 28^{pouc.} 4^{lign.} 7, le 3, à 11^h $\frac{1}{2}$ du soir.</p> <p>Plus petite hauteur 27^{pouc.} 6^{lign.} 5, le 25, à 8^h du matin.</p> <p>Dix jours de pluie.</p> <p>Eau tombée, 0^{pouc.} 5^{lign.} 6.</p>	<p>Plus grande hauteur + 25^d 2, le 5, à midi.</p> <p>Plus petite hauteur + 7^d 8 le 28 à minuit.</p>	<p>Variables.</p> <p>S. O.</p> <p>N. O.</p>	<p>Huit jours de vents assez forts, particulière- ment le 25.</p> <p>Éclairs & Tonnerre les 9 & 26.</p> <p>Aurore boréale les 7, 10 & 21.</p>
SEPT.	<p>Plus grande hauteur 28^{pouc.} 4^{lign.} 5, le 3, à midi,</p> <p>Plus petite hauteur 27^{pouc.} 4^{lign.} 3, le 17, à 7^h $\frac{1}{2}$ du soir,</p> <p>Douze jours de pluie.</p> <p>Eau tombée, 1^{pouc.} 4^{lign.} 7.</p>	<p>Plus grande hauteur + 19^d 7, le 21, à 2^h du soir.</p> <p>Plus petite hauteur + 5^d 0, le 30, à 6^h $\frac{1}{2}$ du matin.</p>	<p>N. E.</p> <p>S. O.</p> <p>N. E.</p>	<p>Treize jours de grands vents.</p> <p>Tonnerre le 8 & le 21.</p> <p>Aurore boréale les 6 & 7.</p>

TABLEAU MÉTÉOROLOGIQUE.

1787.	BAROMÈTRE.	THERMOMÈTRE.	VENTS dominans.	CIRCONSTANCES & Remarques.
OCTOBRE.	Plus grande hauteur 28 ^{pouc.} 2 ^{lig.} 0, le 29, à midi.	Plus grande hauteur + 16 ^d 9, le 9, à midi.	E. S. E.	Treize jours de grand vent, particulièrement les 11 & 25.
	Plus petite hauteur 27 ^{pouc.} 4 ^{lig.} 5, le 11 à 6h ¹ / ₂ du soir.	Plus petite hauteur + 1 ^d 0, le 22, à 4h ¹ / ₂ du matin.	Variables.	Brouillards les 9, 15 & 24. Grêle, le 18.
	Vingt-trois jours de pluie, Eau tombée, 4 ^{pouc.} 1 ^{lig.} 4.		S. S. O.	Aurore boréale les 6, 13 & 31.
NOVEMB.	Plus grande hauteur 28 ^{pouc.} 5 ^{lig.} 5, le 29, à 10h du matin	Plus grande hauteur + 13 ^d 3, le 11, à 5h du soir.	S. S. O.	Neuf jours de grand vent.
	Plus petite hauteur 27 ^{pouc.} 3 ^{lig.} 2, le 2, à 6h du soir.	Plus petite hauteur — 4 ^d 3, le 30, à 7h du matin.	N. N. E.	Six jours de brouil- lard, particulièrement les 25 & 26.
	Seize jours de pluie. Eau tombée, 2 ^{pouc.} 6 ^{lig.} 1.	Huit jours de gelée.	Variables.	Aurore boréale les 8 & 26.
DÉCEMB.	Plus grande hauteur 28 ^{pouc.} 4 ^{lig.} 4, le 1. ^{er} , à 3h du matin.	Plus grande hauteur + 10 ^d 7, le 9, à 4h du soir	S.	Treize jours de grand vent, particulièrement le 8.
	Plus petite hauteur 27 ^{pouc.} 1 ^{lig.} 8, le 24, à 4h ³ / ₄ du soir.	Plus petite hauteur — 35, le 1. ^{er} , à 7h ¹ / ₂ du matin.	S. S. O.	Dix jours de brouillards
	Quinze jours de pluie, Eau tombée, 2 ^{pouc.} 1 ^{lig.} 7.	Six jours de gelée. Trois jours de neige.	E. N. E.	Tonnerre le 18. Aurore boréale le 9

HISTOIRE CÉLESTE

DE L'ANNÉE 1787.

Nous avons à rendre compte cette année de plusieurs objets qui ont intéressé l'Astronomie, & qui sans doute feront époque dans l'histoire de cette Science.

On se rappelle combien l'invention des Lunettes d'approche, faite au commencement du siècle précédent, a procuré de connoissances & de découvertes à l'Astronomie. Aidés de ce nouveau secours, les Astronomes virent avec admiration le monde s'agrandir sous leurs yeux, les corps célestes se multiplier; & par leurs différentes formes, leurs divers aspects jusqu'alors inconnus, confirmer les soupçons ou rectifier les erreurs répandues parmi les Savans, sur la véritable nature des Étoiles & des Planètes, & sur le système général de l'Univers (a).

Depuis la construction de la lunette de Galilée, qui ne grossissoit que trente-trois fois, & avec laquelle il découvrit les satellites de Jupiter, jusqu'à l'exécution de ces fameux objectifs de cent & deux cents pieds de foyer, à l'aide desquels Dominique Cassini aperçut & suivit les satellites de Saturne (b); que d'observations curieuses, que de découvertes ne fit-on pas! que d'essais & d'heureux efforts pour pénétrer toujours plus avant dans ces régions lointaines, où le foible sens que l'homme avoit reçu de la Nature (c), n'auroit jamais atteint sans le secours du hasard & de l'Art! aussi pouvoit-on croire qu'il ne

(a) Les lunettes nous ont fait reconnoître les Planètes pour des corps à peu-près semblables à notre Terre, les Étoiles fixes pour des astres semblables à notre Soleil; elles ont aussi fourni de forts argumens en faveur du système de Copernic.

(b) En 1610, Galilée découvrit les quatre satellites de Jupiter. En 1655, Huygens découvrit un satellite auprès de Saturne; en 1671, 1672, 1684,

Cassini en découvrit quatre autres auprès de la même planète.

(c) Il est à remarquer que le sens de la vue est très-imparfait chez un grand nombre d'hommes; qu'il est dans tous sujet à mille illusions & très-borné; qu'enfin c'est de tous nos sens celui qui a le plus besoin des ressources & des efforts de l'art pour sa rectification, & l'extension de sa sphère.

reſtoit plus rien à découvrir , ou du moins qu'il étoit impoſſible d'aller au-delà du terme où la pratique de l'art de conſtruire les grandes lunettes , rencontroit des obſtacles inſurmontables , & mettoit des bornes à notre curioſité (*d*). Cependant l'invention du téleſcope à réflexion , celle plus récente encore , des lunettes achromatiques , en procurant l'avantage d'obtenir un groſſiſſement auſſi conſidérable , avec un foyer infiniment plus court que celui des lunettes ſimples , ſembloit long-temps ranimer l'eſpérance de pénétrer plus avant dans le ciel. Mais juſqu'à ce jour l'uſage facile de ces téleſcopes & de ces lunettes achromatiques , n'avoit encore procuré aux Aſtronomes que plus d'aiſance & de commodité dans leurs obſervations ; car du reſte , il faut l'avouer , aucune nouvelle découverte n'avoit enrichi l'Aſtronomie phyſique depuis le moment où l'on avoit ceſſé de faire uſage des lunettes à longs foyers. Il falloit qu'un homme tel que M. Herſchel , doué également & du génie de l'invention , & du talent de l'exécution , vint , par des idées auſſi ſimples qu'ingénieuſes , avec le ſecours d'une main auſſi habile qu'exercée , procurer aux téleſcopes une perfection dont juſqu'alors on n'avoit pu les rendre ſuſceptibles , & dont nous allons ſuivre pas à pas les progrès.

M. Herſchel comença par reconnoître & nous faire voir que l'on pouvoit avec ſuccès étendre le pouvoir des téleſcopes. Avant lui , on n'avoit oſé augmenter l'eſſet de ces inſtrumens que juſqu'à un certain point : la théorie fixoit qu'un téleſcope de tel foyer , de telle dimension , ne devoit groſſir que tant de fois ; & les Opticiens s'arrêtoient reſpectueuſement à cette limite. Mais le génie ne connoît point de barrières ; il les franchit toutes ; & c'eſt alors que libre dans ſa marche , il prend ſon eſſor , vole & s'élève à des hauteurs nouvelles. En faiſant groſſir juſqu'à trois & ſix mille fois des téleſcopes dont on avoit coutume de ne porter le groſſiſſement qu'à deux & trois cents fois , M.

(*d*) Nous poſſédons à l'Obſervatoire , un objectif de 360 palmes de foyer , mais comment ſe ſervir d'une pareille lunette ! la difficulté de travailler des verres d'un auſſi long foyer n'a été ſurpaſſée que par celle d'en faire uſage.

Herschel sans doute ne pensoit point obtenir & n'obtint point en effet une distinction parfaite des images ; mais il crut qu'il lui en resteroit alléz pour reconnoître l'existence de corps infiniment distans , & qui ne pouvoient être aperçus qu'en les rapprochant infiniment de nous : c'étoit le cas de sacrifier la distinction au grossissement , il le fit ; & par ce moyen il parvint à séparer ou plutôt à augmenter l'intervalle infiniment petit entre ces étoiles doubles & triples qu'il nous a fait connoître , & qui jusqu'alors avoient été confondues dans une seule & même image (*e*). Il reconnut aussi à l'apparence d'un disque & d'une lumière particulière , cette planète lointaine , qui depuis tant de milliers d'années erroit ignorée dans l'espace , & que jusqu'alors les Astronomes n'avoient aperçue que comme une des plus petites étoiles du firmament , au nombre desquelles ils l'avoient classée (*f*).

Ces premiers succès obtenus , M. Herschel s'en promit bientôt de nouveaux. En augmentant le foyer des telescopes , & agrandissant leur ouverture , il devoit obtenir avec les mêmes grossissemens , plus de lumière & de distinction : il projeta donc d'exécuter des telescopes de la plus grande dimension ; & malgré les difficultés que lui préparoit l'exécution & le maniement de si lourdes machines , il entreprit deux telescopes , l'un de 20 pieds de foyer , & 18 pouces d'ouverture ; l'autre de 40 pieds de

(*e*) A la première nouvelle de ces Étoiles doubles , quelques personnes crurent que c'étoit une illusion optique ; mais un observateur aussi exercé que M. Herschel , n'eût pas été long-temps trompé par une fausse apparence , qui auroit eu également lieu sur toutes les Étoiles , & par-là , eût été bientôt reconnue. D'ailleurs , aussitôt que nous eumes connoissance des observations de M. Herschel , sur les Étoiles doubles , nous nous occupâmes de les vérifier ; & nous étant procuré un très-bon télescope de 5 pieds , de M. Dollond , nous y appliquâmes , à l'exemple de M. Herschel , des grossissemens depuis 300 jusqu'à 3000 ; & nous reconnûmes très-fidèles & très-exactes toutes les

apparences annoncées par cet habile observateur. On peut voir à ce sujet , le Mémoire que nous avons fait imprimer dans le volume de l'Académie , année 1784 , page 331.

(*f*) C'est en 1781 que M. Herschel découvrit la nouvelle planète. L'ébauche de sa théorie faite sur les premières observations , donna lieu de reconnoître par la suite , qu'une certaine étoile comprise dans le Catalogue de Mayer , & qu'on ne trouvoit plus dans la place où il l'avoit rapportée , n'étoit autre que la nouvelle planète , que l'Astronome avoit prise pour une étoile. Cette observation de Mayer a même beaucoup servi à perfectionner la théorie de cette Planète.

foyer, & de 4 pieds d'ouverture. Le premier déjà exécuté depuis long-temps, lui a valu les découvertes dont nous allons parler tout-à-l'heure. Le second vient d'être achevé, & nous ne pouvons qu'en espérer les plus grands effets (*g*). Mais suivons M. Herschel dans sa marche & dans ses progrès. Son télescope de 20 pieds de foyer, lui ouvrit un nouveau ciel. Les étoiles doubles se multiplièrent sous ses yeux. Une partie de ces *nébuleuses*, déjà connues & observées avec de moindres télescopes, disparut en ne présentant plus que des amas d'étoiles; il en revit un nombre infini d'autres d'une lumière plus ou moins forte, plus ou moins étendue, souvent parsemée d'étoiles; quelques-unes entr'autres, qu'il nomma *planétaires*, parce que leur lumière douce & égale, circonscrite dans un petit espace circulaire, offre l'aspect du disque d'une planète. D'autres également rondes, mais obscures dans le milieu, lui présentèrent un anneau lumineux, & il les appela *planétaires trouées*. Au milieu d'un spectacle aussi nouveau, M. Herschel paroissoit ne devoir plus être occupé que de jouir; mais son génie ambitieux de nouveaux succès, & se tourmentant sans cesse, lui suggéra l'heureuse idée (*h*) de supprimer le petit miroir

(*g*) Je l'ai vu tout monté à mon dernier voyage en Angleterre. Il y avoit même un miroir de fait; mais M. Herschel n'en étoit pas content, & en retra-
vailloit un second: j'apprends que celui-ci est achevé, qu'il pèse 2148 livres; il ne faut rien moins que cette masse pour éviter qu'un miroir d'un diamètre de 4 pieds se déforme en le posant sur champ, & le manœuvrant. M. Herschel m'a fait observer dans son télescope de 20 pieds: un simple grossissement de 157 fois nous a suffi pour séparer les Étoiles doubles les plus rapprochées, pour résoudre des nébuleuses en Étoiles, apercevoir une nébuleuse planétaire, & voir un disque sensible aux satellites de Jupiter. Malheureusement la nouvelle planète n'étoit pas visible alors.

(*h*) Cette idée n'étoit pas absolument nouvelle. On trouve dans le sixième volume des Machines de l'Académie, page 61, la description d'un petit télescope de

J. le Maire, qui se conserve même encore dans le Cabinet des machines, où l'on avoit supprimé le second miroir; mais cette application à un télescope d'un court foyer, étoit la moins convenable & la plus défavorable possible, par la grande inclinaison qu'il falloit donner au grand miroir, ce qui déformoit absolument l'image. Aussi ne fit-on aucun usage de ce nouveau moyen, décrié aussi-tôt qu'inventé; & qui cependant, ainsi que l'a montré M. Herschel, pouvoit avoir d'excellens effets dans les grands télescopes. Reste à favoir lequel des deux doit avoir l'honneur de l'invention, de celui qui a le premier une idée heureuse, mais vague, dont il ne fait pas, ou dont il fait mal l'application, ou de celui qui vient ensuite la développer, la mettre dans tout son jour, & en tirer les plus grands avantages; celui-ci au moins a de grands droits à notre reconnaissance.

de son télescope, & de recevoir directement sur le bout & sur le côté du tuyau, l'image des astres par l'unique réflexion du grand miroir. Ce petit changement augmenta prodigieusement l'effet de l'instrument, & M. Herschel lui fut redevable de la découverte de deux satellites qu'il aperçut auprès de sa nouvelle planète; découverte qui étoit bien dûe sans doute à cette patience, à ce courage, à cette succession d'idées & d'essais ingénieux avec lesquels M. Herschel avoit sans cesse poursuivi & atteint son objet.

Ce fut le 11 janvier de cette année 1787, que M. Herschel, observant la nouvelle planète avec son télescope de 20 pieds sans petit miroir, aperçut très-près d'elle, deux petits points lumineux, qu'il reconnut ensuite pour des satellites, le plus proche faisant sa révolution en huit jours trois quarts; le plus éloigné en treize jours & demi: leurs orbites lui ont paru très-inclinées à l'écliptique, & leur mouvement est direct. Voilà tout ce que nous savons de ces nouvelles planètes secondaires. M. Herschel n'a pas encore publié la suite d'observations qu'il doit avoir fait depuis les premiers temps de sa découverte, & qu'il ne peut trop multiplier. En effet, l'on juge de la difficulté qu'il y a à saisir & à suivre ces astres infiniment petits; ce n'est qu'avec la plus grande attention & la dernière circonspection qu'un observateur en pareil cas peut se garantir de l'erreur & de l'illusion. Ne seroit-il pas possible d'abord que ces satellites fussent plus nombreux, & qu'ensuite semblables au cinquième satellite de Saturne, ils parussent & disparussent dans les diverses parties de leurs révolutions? comment alors les démêler & les distinguer les uns des autres? combien de temps ne faut-il pas pour reconnoître les mouvemens & les aspects particuliers de chacun? M. Herschel nous a dit qu'il n'avoit pu apercevoir ces satellites qu'en supprimant le petit miroir de son télescope. Cependant M. l'abbé de Rochon assure les avoir vus & observés plusieurs fois avec le grand télescope de 22 pieds du Cabinet du Roi, qui est grégorien, & dont il vient de faire retravailler les miroirs par M. Carrochez, habile artiste dont nous avons annoncé l'année dernière les succès dans le travail des miroirs de platine. C'est sans doute avoir donné une grande

& nouvelle preuve de ses talens , s'il est parvenu à faire produire au télescope de la Muette avec deux miroirs , le même effet que celui de M. Herschel avec un seul.

Cet exposé des succès obtenus depuis quelques années , tant en Angleterre qu'en France , dans l'exécution des grands télescopes , nous amène naturellement à parler du nouveau moyen qui vient d'être employé pour la perfection des objectifs achromatiques , par l'introduction d'un nouveau milieu entre leurs surfaces. Cet objet important pour l'Optique , mérite que nous entrons dans quelques détails.

L'aberration de réfrangibilité , & l'aberration de sphéricité , étoient , comme l'on sait , deux grands obstacles à la perfection des lunettes. C'est le célèbre Euler qui proposa le premier de corriger l'aberration de réfrangibilité en se servant de milieux différemment réfringens , tels que seroient le verre & l'eau. Feu M. Dollond ayant ensuite mis à profit & réalisé cette ingénieuse idée , mérita à juste titre d'en partager la gloire , puisqu'il rectifia le moyen peu praticable indiqué par Euler , & exécuta le premier , ces excellens objectifs composés de *flint-glass* & de verre commun , dans lesquels toute couleur se trouva détruite , & qui pour cela furent nommés *achromatiques*.

Quant à l'aberration de sphéricité , elle offrit à M. Dollond même les plus grandes difficultés à surmonter. Descartes s'en étoit anciennement occupé ; & récemment les plus habiles Géomètres de notre siècle avoient déterminé les courbures les plus convenables aux objectifs achromatiques , d'après les différens rapports de réfraction & de dispersion des divers milieux réfringens. Mais les plus belles formules géométriques , en pareil cas , ne résolvent jamais que la moitié de la difficulté. Elles donnent le précepte , mais la main qui exécute n'a pas de moyens sûrs pour le suivre aussi ponctuellement qu'il seroit nécessaire , d'autant qu'une différence d'un millième de ligne entre la courbure du centre & celle des bords de chaque surface d'un objectif à trois verres , peut causer une imperfection sensible dans la vision de l'objet. Restoit donc à perfectionner les procédés mécaniques & pratiques.

De tous ceux qui se sont proposés de corriger l'aberration de sphéricité, Newton étoit encore jusqu'à présent celui qui avoit indiqué le moyen le plus ingénieux & le plus praticable dans son immortel ouvrage sur l'Optique (*i*) ; il propose de prendre deux verres dont les surfaces extérieures soient également convexes, & les surfaces intérieures également concaves ; & après les avoir réunis base à base pour en former une lentille, de remplir d'eau toute leur concavité : alors si les diamètres des sphères sur lesquelles sont travaillées les surfaces concaves & les surfaces convexes, sont dans un certain rapport avec les sinus d'incidence & de réfraction du verre dans l'air & de l'air dans l'eau, les réfractions qui se feront sur les côtés concaves des verres, corrigeront en grande partie les erreurs des réfractions qui se feront sur les côtés convexes, en tant que ces erreurs procéderont de la sphéricité de la figure. Telle fut l'idée de Newton ; M. l'abbé de Rochon en eut une à peu-près semblable, pour un objet différent, celui de corriger la non-sphéricité. Rien de plus ingénieux, dit-il, dans un de ses Mémoires, (*k*) que ce moyen indiqué par Newton, de corriger l'aberration de sphéricité des lentilles ; j'ai cru devoir le rapporter tout au long, parce que j'ai fait usage de l'eau pour diminuer les imperfections qui sont inséparables de la méthode employée pour donner aux surfaces des verres une figure sphérique. En effet, au mois de janvier 1774, M. l'abbé de Rochon lut un mémoire à l'Académie des Sciences, sur les moyens de perfectionner les lunettes achromatiques par l'interposition d'un fluide entre les objectifs. L'expérience en fut vérifiée avec l'eau & l'huile, par des Commissaires qui reconnurent le bon effet de cette interposition (*l*). M. l'abbé de Rochon ayant eu en vue les

(*i*) Optique de Newton, page 115.

(*k*) Recueil de Mémoires sur la Mécanique & la Physique, page 49.

(*l*) Voici comme les Commissaires ont terminé leur rapport à ce sujet. . .

« Nous aurions pu ainsi déterminer les
» effets de plusieurs autres fluides, soit
» simples, soit composés ; mais des cir-
» constances & un départ précipité par les

ordres du Ministre, ont empêché M. «
l'abbé de Rochon de nous mettre à «
portée de faire toutes les expériences «
que l'on auroit pu imaginer. D'ailleurs «
c'est un travail qui lui appartient par- «
ticulièrement, & dont il est naturel «
qu'il rende compte lui-même à l'A- «
cadémie. Nous n'étions chargés que «
de vérifier le fait principal avancé par «

fluides en général, se propoſoit de les éprouver tous, ſoit ſimples, ſoit compoſés; mais occupé d'un voyage & d'autres recherches intéreſſantes qui y ont ſuccédé, & dont il a enrichi l'Optique, il avoit perdu depuis long-temps cet objet de vue, lorſqu'en 1785 M. Grateloup imagina de ſubſtituer des ſubſtances non liquides à des fluides ſujets à évaporation, & difficiles à contenir entre les ſurfaces des verres. Il n'étoit queſtion que de trouver une ſubſtance qui eût l'avantage de conſerver la transparence du verre, en rempliſſant exactement toutes les inégalités de ſa ſurface. Celle du maſtic en lames dont les joailliers ſe ſervent pour unir les brillans & leur donner plus de jeu, parut à M. Grateloup plus propre que toute autre à cet objet. Il communiqua ſes idées au ſieur Putois opticien intelligent, & fit avec cet artiſte divers eſſais qui eurent le plus grand ſuccès : bientôt le ſieur Putois exécuta pluſieurs objectifs achromatiques, auxquels il donna un nouveau degré de perfection, en étendant ſur la ſurface intérieure de l'un des verres une couche de maſtic en lames, fondu par l'action du feu, & appliquant par-deſſus l'autre partie de l'objectif, qui dans le refroidiſſement de la réſine, ſe trouve tellement réunie & collée à la première, qu'elles ne peuvent plus être ſéparées qu'en les faiſant chauffer ſur un fourneau ou en les plongeant dans l'eau bouillante.

Je ne dois point paſſer ſous ſilence l'expérience par laquelle ces Meſſieurs ont conſtaté plus évidemment l'avantage du collage des verres pour corriger les défauts des ſurfaces auxquelles le maſtic eſt appliqué (*m*). Ils ont pris un objectif dont les ſurfaces intérieures n'étoient que *doucies*, & n'en ont collé qu'une moitié ;

» M. l'abbé de Rochon, ſavoir, qu'un
 » fluide interpoſé entre des objectifs,
 » corrige en grande partie les défauts
 » des ſurfaces des verres; nos expériences
 » le prouvent incontestablement. Le ré-
 » ſultat a ſurpaſſé ce que M. de Rochon
 » lui-même annonçoit & oſoit eſpérer.
 » Nous laiſſons à l'Auteur à faire ſes ré-
 » flexions & à tirer les conſéquences que
 » préſente un fait ſi intéreſſant. Nous
 » l'invitons ſur-tout à faire les mêmes
 » expériences ſur les lunettes achroma-
 » tiques, de l'eſpèce de celles dont les

Aſtronomes font uſage depuis quelques
 « années, & de vérifier ſi l'interpoſition
 « des fluides aura un auſſi heureux effet
 « pour les objets céleſtes que pour les
 « terreſtres ».

(*m*) Depuis la découverte de ce nou-
 veau procédé, on a collé pluſieurs lu-
 nettes qui de très-médiocres qu'elles
 étoient, ſont devenues excellentes. M.
 l'abbé de Rochon prétend même avoir
 employé les réſines à cet uſage avant
 M. Grateloup.

la partie collée est devenue de la plus belle transparence, tandis que l'autre laissoit à peine passer quelques rayons de lumière. M. Grateloup infère de-là qu'on peut se dispenser de polir les surfaces qui doivent être collées; il croit même qu'il est plus avantageux de ne leur donner que le *douci* : c'est à une plus longue expérience à prononcer. Au reste, nous ne doutons pas qu'en multipliant & variant les essais, on ne puisse ajouter encore quelque chose à cette intéressante découverte. Les progrès de l'Astronomie physique sont tellement dépendans de ceux de l'Optique, que les savans & les artistes ne peuvent trop réunir leurs efforts pour perfectionner cette belle partie des connoissances humaines, qui a des droits à l'intérêt des gens même les moins instruits, dont elle satisfait la curiosité & excite l'admiration. Quelle part en effet le public n'a-t-il pas pris aux découvertes de M. Herschel, & particulièrement à sa dernière annonce de volcans dans la Lune, dont il est temps de rendre compte. Mais comme il est intéressant d'être instruit de l'état des connoissances anciennes, pour mieux apprécier la valeur ou la réalité des découvertes nouvelles, nous allons donner un précis des observations les plus curieuses qui avoient été faites jusqu'à présent sur le disque lunaire.

Il suffit de diriger sur la Lune la plus simple lunette pour y apercevoir tout ce qui peut établir une grande analogie entre la nature de cette Planète & celle de notre Terre dont elle est le satellite. Galilée, & tous ceux qui, dans les premiers temps de l'invention des lunettes, suivirent, à l'aide de ce nouveau secours, les différens aspects de la Lune, distinguèrent au premier coup-d'œil & avec le plus grand détail ces parties claires & ces parties obscures dont son disque est entièrement parsemé, & que l'on a désigné généralement sous le nom de *taches* (*n*). Sur un corps opaque, tel que la Lune qui n'a qu'une lumière empruntée du Soleil, qu'il transmet à notre œil par réflexion, les taches obscures ne devoient être sans doute que les parties les moins propres à réfléchir la lumière dont elles aborboient les rayons, tels que

(*n*) Les Anciens qui n'avoient pu observer ces taches qu'à l'œil nud, n'en connoissoient que la masse; ce qu'ils ont pu savoir ou penser à ce sujet, étoit plutôt des doutes que des connoissances véritables.

sont sur notre Terre les forêts & les eaux : c'est aussi ce qui fit prendre ces taches obscures pour des mers ; & les taches claires , les points lumineux & brillans , parurent être des plaines , des montagnes , des aspérités ou des rochers dont la surface unie & solide nous réfléchissoit avec plus de vivacité les rayons du Soleil. Cette existence de montagnes dans la Lune acquit une nouvelle confirmation , lorsqu'avec un peu de suite & d'attention dans les observations , on se fut aperçu que les parties les plus brillantes jetoient ordinairement derrière elles une ombre toujours opposée à la lumière ; que cette ombre tournoit , s'allongeoit ou se raccourcissoit selon la direction , l'abaissement ou l'élévation du Soleil par rapport à la Lune ; qu'enfin , sur les bords de la partie obscure , certains points s'éclairoient avant d'autres plus proches de la partie éclairée. Dès-lors il ne parut plus permis de douter que l'astre des nuits fût une véritable terre , à très-peu près semblable à la nôtre. La propriété qu'a la Lune de ne jamais tourner vers nous que le même hémisphère , donna la facilité de mieux la considérer , d'en compter & d'en décrire toutes les éminences , les vallons , les mers & les îles (o) ; en un mot , d'en donner une topographie plus exacte à beaucoup d'égards que celle de bien des parties de la Terre encore mal connues. Le célèbre Hévélius , dont l'assiduité à contempler la Lune , & les observations nombreuses sur cette Planète , nous ont procuré la sélénographie la plus complète , fut tellement frappé de l'analogie de la Lune avec la Terre (p) , qu'il transporta aux diverses régions de cet astre , les noms des principales parties de notre globe , comme l'*Égypte* , le *Pont-Euxin* , la *mer Caspienne* , la *Sicile* , le *mont Sinaï* , &c. Mais ce qu'il y a de plus frappant & de plus essentiel à remarquer pour notre objet , c'est la déno-

(o) Si les grandes taches obscures sont des mers , les taches rondes & brillantes qui y sont parsemées , ne peuvent être que des rochers ou des îles.

(p) *Inveni summa cum animi oblectatione , aliquam globi terreni partem , & loca ibi indicata terrestria , cum superficie Lunæ visibili ejusque regionibus*

oppido accommodatissimè comparari , & idèò inde huc transferri posse nomina. Sélénogr. page 225. Hévélius , à la vérité , avoit eu d'abord l'idée de donner aux taches de la Lune , les noms des personnages illustres ; mais il craignoit d'exciter la jalousie & de se faire des ennemis.

mination

mination de *mont Ætna* qu'il donna à une des taches les plus claires de la Lune, & son opinion sur une autre qu'il appela *mons Porphyrites*, & qu'il regarda comme un véritable volcan (*q*) : ce *mons Porphyrites*, nommé depuis *Aristarchus*, est effectivement de tous les points brillans du disque de la Lune le plus remarquable par une lumière rouge & vive qu'il nous renvoie, & qui va bientôt fixer notre attention. Quelques Astronomes, après Hévélus, remarquant sans doute que la plupart des éminences ou montagnes de la Lune, à peu-près coniques comme les nôtres, paroissent tronquées à leur sommet, & offroient l'apparence d'un creux semblable à un *crater*, se font d'autant moins refusés à penser qu'il y a eu des volcans dans la Lune, & qu'il peut encore en exister de brûlans, que c'est une analogie de plus avec notre globe. Mais le plus grand nombre s'en tenant à l'observation pure & simple des apparences, & n'admettant pas une si parfaite ressemblance avec la Terre qu'Hévélus l'avoit trouvée, a jugé à propos de supprimer en grande partie les dénominations de régions & de contrées terrestres, données aux taches de la Lune, & d'y substituer les noms de personnages illustres, de philosophes ou de savans recommandables; cette nouvelle nomenclature, établie par *Riccioli* (*r*), a prévalu & se trouve aujourd'hui presque généralement adoptée. Cette manière de consacrer des noms fameux, est sans doute l'apothéose la plus digne de ceux qu'elle immortalise, & de la postérité qui s'acquitte ainsi de la reconnaissance qu'elle doit aux lumières & aux bienfaits qu'elle a reçus d'eux.

Tel étoit l'état de nos connoissances physiques sur la Lune, lorsque vers la fin du dernier siècle, Dominique Cassini entreprit une nouvelle description de ces taches. Il fit usage d'excellentes & longues lunettes; & observant assidûment la forme & l'apparence que prenoit chaque tache, au moment où elle venoit d'être totalement éclairée par le Soleil, il les fit dessiner par une main habile (*s*), & composa cette belle carte de la Lune de 20 pouces

(*q*) *Imò pro persuaso habeo quòd ignem alat perpetuum.* Selenogr. cap. XXIII, pag. 253.

(*r*) *Almageste, pars 1.^{re}, pag. 204.*

Mém. 1787.

(*s*) Nous possédons à l'Observatoire presque tous ces dessins originaux des taches de la Lune représentées en grand, par les sieurs le Clerc & Patigny, au crayon

de diamètre, gravée par Mellan, la plus grande & la plus détaillée de toutes celles qui ont été publiées jusqu'à ce jour (1), Ce travail de Dominique Cassini, sur les taches de la Lune, dura depuis 1671 jusqu'en 1679. Il procura plusieurs observations intéressantes & peu connues, dont malheureusement nous n'avons pu recueillir qu'une très-petite partie (u) : voici les plus intéressantes.

Le 21 Octobre 1671, proche de *Gauricus*, petite tache située au-dessous de *Tycho* & près de *Pitatus*, il parut une nébulosité (*speciem quandam nubeculae albæ*) dont, le 25, il restoit encore quelque vestige. Le 12 Novembre suivant, la même apparence fut encore observée à la même place. Le 3 Février 1672, pareilles nébulosités se firent remarquer dans *Mare crisium*, & près de-là, une nouvelle tache qui n'y avoit point encore paru; car précédemment, & particulièrement la veille, on avoit compté attentivement toutes les taches qui se voient dans cette mer. Enfin, le 18 Octobre 1673, une nouvelle & grande tache fut aperçue entre *Pitatus* & *Valtherus*, c'est-à-dire, proche de *Gauricus*, au-dessous de *Tycho*, par conséquent vers l'endroit où, en 1671, on avoit remarqué le nuage blanchâtre (x).

Ces observations consignées dans les registres de l'Observatoire

noir & blanc, sur papier bleu; quelques-unes à la sanguine, sur papier blanc. Ils sont rassemblés dans un grand volume composé de 60 planches; les circonstances de l'année, du mois, du jour & de l'heure où chaque tache a été observée & dessinée, sont écrites de la propre main de M. Cassini : ce manuscrit est sans doute le plus précieux que l'on ait dans ce genre.

(1) Nous venons d'en faire faire une réduction très-fidèle, gravée à la manière du lavis, par le sieur Janinet, le plus fameux artiste en ce genre; le nom de chaque tache s'y trouve, selon la nomenclature de Riccioli, ainsi qu'une indication de toutes les observations curieuses, tant anciennes que modernes, faites sur le disque de la Lune.

(u) M. Cassini avoit coutume de rapporter sur ses registres, la description détaillée & les remarques intéressantes qu'offroit l'observation de chaque tache. Malheureusement, ces registres nous manquent depuis 1674, jusqu'à 1679; c'est précisément le temps de ces Observations sur la Lune. Personne ne regrette plus que nous, cette perte qui interrompt, pendant cinq ans, la collection complète des Journaux de l'Observatoire royal, depuis cent dix-sept ans.

(x) Cette tache se trouve dessinée très-en grand, dans une des planches dont nous avons parlé plus haut, avec cette inscription au-dessous : *nova macula magna inter Pitatum & Valterum, 1673, die 18 Octob. manè ab horâ 6 ad 9.*

royal , méritent sans doute une attention particulière. Que pouvoient être ces nébulosités instantanées , observées à diverses reprises , en différens endroits du disque de la Lune ? peut-on soupçonner quelque illusion dans ces apparences ? L'observateur étoit trop habile & trop exercé pour s'y méprendre ; mais ce qu'il y a de plus extraordinaire , c'est cette grande tache élevée entre *Pitatus* & *Valtherus* , vers l'endroit où précédemment on avoit remarqué ces nébulosités singulières. Quelle plus frappante analogie avec le *monte Nuovo* près de Naples , & ces îles que l'on a vu se former en diverses parties de notre globe , à la suite & comme le produit de certaines éruptions de volcans. Remarquons cependant le silence de l'auteur de ces observations curieuses. Content de rapporter ces faits , qu'il n'a même consignés que dans ses registres , il n'a rien prononcé sur les conséquences ou les inductions qu'on pouvoit en tirer ; du moins ne connoissons-nous aucun passage de ses ouvrages , où il ait exprimé son opinion sur cet objet , ni hasardé quelque explication. Plus hardi que lui , M. Herschel , dans ces derniers temps , ayant observé plusieurs fois dans la partie obscure de la Lune , un point brillant , & deux autres remarquables simplement par une petite nébulosité , nous a annoncé un *volcan brûlant* dans *Aristarchus* (conformément à l'opinion d'Hévélius cité plus haut) , & deux autres prêts à s'éteindre , l'un près de *Képler* , l'autre près de *Copernic*. C'est le 4 Mai 1783 , qu'il aperçut pour la première fois le point lumineux ; il le revit plus vif encore le 19 & le 20 Avril de cette année (y). La nouvelle nous en étant parvenue , nous desirâmes vérifier ce fait intéressant ; mais le temps se trouva rarement assez beau aux époques favorables à cette observation ; c'est-à-dire , avant le premier quartier & après le dernier. Une seule fois , le 22 Mai 1787 , M. de Villeneuve , l'un des Élèves de l'Observatoire , aperçut , dans la partie obscure de la Lune , une très-foible lumière qu'il jugea placée aux environs d'*Harpalus*. Dans les lunaisons suivantes , nous cherchâmes en vain ; mais dans le mois de Décembre , M. le

(y) M. Herschel dit aussi avoir vu , du 4 au 13 Mai 1783 , deux montagnes se former dans la Lune.

Chevalier d'Angos, à Malte où le ciel est bien plus pur qu'à Paris, a vu très-distinctement ce point brillant, dans la partie obscure de la Lune, indiqué par M. Herschel; sa lumière étoit fort rouge, tandis que celle de la Lune étoit blanche. Enfin, au moment où nous écrivons ceci, nous venons de l'apercevoir, ainsi que nous en rendrons compte dans l'extrait de 1788.

Voilà donc un fait bien constaté; reste à savoir la vraie cause d'une telle apparence. En imitant sur cela la circonspection de Dominique Cassini, nous attendrons qu'un plus grand nombre d'observations nous permette de hasarder une opinion. Un jugement précipité induit presque toujours en erreur; on ne risque jamais rien à le suspendre. Nous nous permettrons seulement ici quelques réflexions.

L'on aperçoit fréquemment dans les premiers jours après la nouvelle Lune, la totalité de son disque, quoiqu'il n'y en ait qu'une petite partie qui soit éclairée par le Soleil. Cela est dû, comme l'on sait, à la réflexion des rayons solaires que la Terre envoie vers la Lune, & qui produit ce que nous appelons la *lumière cendrée*; cette lumière est quelquefois assez forte pour nous faire distinguer la masse des principales taches. C'est par une suite de cet effet que les observateurs attentifs avoient déjà depuis long-temps aperçu, sans le croire digne de remarque, les plus belles taches dans la partie obscure de la Lune, telles que Képler, Copernic, &c. comme des nébulosités fort semblables, ce me semble, à celles qui ont donné à M. Herschel l'idée de volcans éteints; mais quant au point brillant d'*Aristarchus*, il est très-probable que s'il eût été aperçu aussi vif, aussi apparent que l'annoncent M.^{rs} Herschel & d'Angos, on en eût fait mention. Ainsi cette observation peut être regardée comme nouvelle, & cette lumière si vive & si colorée, qui paroît bien forte pour n'être que la réflexion de rayons déjà réfléchis, mérite sans doute l'attention des observateurs. Paroîtra-t-elle toujours dans les mêmes circonstances, dans les mêmes aspects de la Terre & de la Lune, aura-t-elle la même vivacité? Nous rendrons compte l'année prochaine des remarques que nos observations & celles des autres Astronomes nous auront fournies.

Nous avons vu plus haut que la tache d'*Aristarchus* étoit le plus brillant de tous les points du disque de la Lune, quand il est éclairé par le Soleil : voici ce que dit à ce sujet M. de la Hire (*Mem. Acad. 1706, page 111.*) *La petite tache qu'on appelle Aristarque, qui est si brillante que quelques-uns ont cru que c'étoit un volcan, & qu'elle avoit une lumière particulière qui la rendoit plus claire que tout le reste de la Lune, n'est pourtant qu'une cavité qu'on ne peut distinguer qu'à peine des autres qui l'environnent quand elle est sur le bord de la Lune.* Enfin, pour ne rien omettre de ce qui peut avoir quelque rapport direct ou indirect à l'objet dont nous traitons, nous devons rapeler en cette occasion ce point lumineux qui fut vu vers le bord de la Lune, lorsque dans l'éclipse de Soleil du 24 Juin 1778, elle se trouva entièrement sur le Soleil. Il sembla alors que le disque lunaire étoit percé d'un trou, au travers duquel on apercevoit la lumière du Soleil qui étoit derrière : ce phénomène intéressant a été observé à l'ouest du cap Saint-Vincent, par D. Ulloa, dont l'autorité ne peut être suspecte. Mais c'est assez sans doute nous étendre sur un sujet où nous n'avons que des doutes à énoncer & des lumières à attendre ; nous allons parler avec plus d'assurance en traitant une matière qui tient aux vérités mathématiques.

On peut se rappeler ce que nous avons dit l'année dernière du beau travail de M. de la Place, sur les théories de Saturne & de Jupiter ; cet habile Géomètre vient de traiter avec la même sagacité & autant de succès, l'équation séculaire de la Lune. Nous allons tâcher de donner en peu de mots une idée de ses recherches intéressantes pour l'Astronomie, & qui acquièrent à leur auteur autant de reconnoissance de la part des Astronomes que de gloire parmi les Géomètres.

Le même moyen mouvement de la Lune ne pouvant satisfaire aux observations anciennes & modernes, les Astronomes se trouvoient obligés d'y supposer une accélération, & d'avoir recours à une équation séculaire que les uns supposoient de 7 secondes, les autres de 10. Mais on sent bien qu'une hypothèse d'une accélération proportionnelle au temps, admise jusqu'ici, n'est qu'approchée, & ne doit point s'étendre à un temps

illimité : ce phénomène doit avoir une cause. En vain jusqu'à ce jour l'avoit-on cherchée dans l'action du Soleil & des Planètes sur la Lune, dans la non-sphéricité de la figure de la Terre & de la Lune ; on s'étoit retranché dans des hypothèses sur la résistance de l'éther , sur la transmission successive de la gravité : toutes ces explications ne faisoient que dévoiler davantage l'ignorance où l'on étoit de la cause véritable de cette accélération.

M. de la Place vient de découvrir que l'équation séculaire de la Lune est dûe à l'action du Soleil sur ce satellite , combinée avec la variation de l'excentricité de l'orbite terrestre. Pour se former de cette cause la plus juste idée que l'on puisse avoir sans le secours de l'analyse , il faut observer que l'action du Soleil tend à diminuer la pesanteur de la Lune vers la Terre, & par conséquent à dilater son orbite , ce qui entraîne un ralentissement dans sa vitesse angulaire ; quand le Soleil est périégée, son action devenue plus puissante agrandit l'orbite lunaire ; mais cette orbite se contracte lorsque le Soleil étant vers son apogée , agit moins fortement sur la Lune : de-là naît , dans le mouvement de ce satellite de la Terre , l'équation annuelle dont la loi est exactement la même que celle de l'équation du centre du Soleil , à la différence près du signe ; en sorte que l'une de ces équations diminue quand l'autre augmente.

L'action du Soleil sur la Lune varie encore par des nuances insensibles relatives aux altérations qu'éprouve , de la part des Planètes , l'excentricité de l'orbite terrestre. Il en résulte dans le mouvement de la Lune , des variations analogues à l'équation annuelle ; mais dont les périodes incomparablement plus longues, embrassent un très-grand nombre de siècles. Ces variations accélèrent le moyen mouvement de la Lune , quand l'excentricité de l'orbite terrestre diminue , comme cela a lieu depuis les observations les plus anciennes ; elles le ralentissent quand cette excentricité devient croissante. Le mouvement des nœuds de la Lune & celui de l'apogée sont pareillement assujettis à des équations séculaires, qui sont en sens contraire de l'équation du moyen mouvement , & dont le rapport avec elle est de 1 à 4 pour le nœud , & de 7 à 4 pour l'apogée. Quant aux variations de la

moyenne distance de la Lune, elles sont insensibles, & n'influent pas d'une demi-seconde sur la parallaxe. L'inégalité séculaire du mouvement de la Lune est périodique; mais il lui faut des millions d'années pour se rétablir. Les siècles suivans développeront la loi de sa variation, que nous pourrions déterminer dès-à-présent, si les masses des Planètes étoient mieux connues. En attendant, comme celle de Jupiter, qui a le plus d'influence, est bien déterminée, M. de la Place, en adoptant sur la masse des autres les suppositions les plus vraisemblables, & réduisant en séries l'expression de cette inégalité, trouve une équation de 11 secondes pour le premier siècle, à partir de 1700, proportionnellement au quarré des temps; mais il a reconnu qu'en remontant aux observations des Chaldéens, le terme proportionnel au cube des temps devenoit sensible; & dans cette supposition, la comparaison des observations avec la théorie présente l'accord le plus satisfaisant.

Tel est le résultat des savantes recherches de M. de la Place, qui ayant précédemment traité des équations de Jupiter & de Saturne, vient de compléter la théorie de toutes les équations séculaires observées jusqu'ici. La perfection des théories astronomiques est sans doute le chef-d'œuvre de la haute Géométrie; c'est le plus digne emploi que l'on puisse faire de cette science sublime, qui s'élevant de l'axiome le plus simple aux vérités les plus élevées, embrasse & lie toutes nos connoissances, les éclaire de son flambeau, & peut être regardée comme le seul guide dans les recherches les plus profondes, avec lequel on ne risque jamais de s'égarer.

LE SOLEIL.

Trois éclipses de Soleil ont eu lieu cette année, le 19 Janvier, le 15 Juin & le 9 Décembre: cette dernière n'a point été visible à Paris; les nuages ont empêché d'observer celle du 19 Janvier; & l'on n'a pu, à cause du même obstacle, voir qu'une partie de celle du 15 Juin.

ÉCLIPSE DU SOLEIL, du 15 Juin.					
	H.	M.	S.	D.	T.
COMMENCEMENT.	4.	27.	28,3		
	4.	29.	44	0.	9. 6
DISTANCES	4.	42.	29	19.	32
des cornes.....	4.	56.	56	24.	48
	5.	1.	32	25.	48
	5.	4.	53	26.	37

Ces distances ont été mesurées avec un micromètre prismatique, appliqué à une lunette achromatique de 16 pouces.

Le Soleil se plonge dans les nuages.

Au mois de Mars, on a observé

La hauteur méridienne du bord }
supérieur du Soleil, le 20 Mars, } 41° 22' 17",8

D'où l'on conclut

La déclinaison vraie du centre du Soleil..... 0° 4' 33",6 A
L'heure de l'équinoxe, le 20 Mars, à..... 4^h 37' 16"

Les passages du Soleil & de diverses étoiles qui se sont trouvées dans son parallèle, observés à une lunette méridienne de 3 pieds & demi de foyer, & leurs hauteurs prises avec le quart-de-cercle mobile de 6 pieds, ont donné les résultats suivans:

ÉPOQUES. 1787.	ÉTOILES.	DIFFÉR. d'ascenf. droite du centre du SOLEIL & de l'ÉTOILE.	DIFFÉRENCE de déclinaison du bord supérieur du SOLEIL & de l'ÉTOILE.	ÉPOQUES 1787.	ÉTOILES.	DIFFÉR. d'ascenf. droite du centre du SOLEIL & de l'ÉTOILE.	DIFFÉRENCE de déclinaison du bord supérieur du SOLEIL & de l'ÉTOILE.
		D. M. S.	D. M. S.			D. M. S.	D. M. S.
Janvier. 7	γ Lièvre....	155. 14. 44	— 0. 33. 33	Mars. 20	l Hydre....	142. 25. 33	— 0. 22. 35 ^d
11	β Lièvre....	146. 46. 25	+ 0. 34. 16		τ ² Hydre....	140. 27. 51	— 0. 26. 52 ^d
12	Idem.	145. 41. 29	+ 0. 24. 40		η Vierge....	182. 40. 0	+ 0. 19. 27 ^d
13	Idem.	144. 36. 42	+ 0. 14. 37		β pet. Chien.	109. 4. 52	" " "
25	Syrus *....	151. 2. 20 ^d	+ 2. 11. 43		α Écreviffe..	131. 53. 28	" " "
30	Idem.	145. 52. 34	+ 1. 13. 8		γ Gémeaux..	96. 31. 55	" " "
31	Idem.	144. 51. 22	" " "		δ ¹ Lion *...	165. 52. 29	" " "
Février. 1	Syrus.	143. 49. 54	+ 0. 19. 37		γ Écreviffe..	127. 55. 2	" " "
	β g. ^d chien *	138. 13. 21	— 1. 5. 47		α Gémeaux..	110. 25. 40	" " "
	α Lièvre....	125. 43. 32	— 1. 13. 15		γ g. ^d Chien..	103. 42. 44	" " "
5	γ g. ^d Chien..	144. 23. 2	+ 0. 14. 49	21	ζ Vierge....	201. 9. 3	+ 0. 18. 19
	β g. ^d Chien..	134. 11. 5	" " "		Regulus....	149. 26. 24	" " "
	Syrus.	139. 47. 31	— 0. 51. 21		Arcturus....	211. 40. 23	" " "
6	γ g. ^d Chien..	143. 22. 57	— 0. 3. 30		Antarès. ...	244. 16. 53	" " "
16	γ g. ^d Ourfe *	160. 11. 6	" " "		l Hydre....	141. 31. 1	— 0. 46. 26
22	β Écreviffe *	145. 29. 34	" " "		τ ² Hydre....	139. 33. 11	— 0. 50. 44
	α d'Orion....	108. 39. 53	+ 0. 4. 33		α Écreviffe..	130. 58. 44	" " "
23	Idem.	107. 42. 51	— 0. 17. 15		γ Gémeaux..	95. 37. 23	" " "
27	β d'Orion...	95. 36. 7	— 0. 28. 40		γ Écreviffe..	127. 0. 27	" " "
Mars. 13	ζ Orion....	89. 4. 3	+ 0. 30. 8 ^d		ζ Vierge....	200. 14. 21	— 0. 5. 38
18	γ Vierge *..	189. 43. 19	+ 0. 18. 55	Mai. 16	Regulus....	148. 31. 41	" " "
19	l Hydre....	143. 20. 2	+ 0. 1. 2		Arcturus....	210. 45. 52	" " "
	τ ² Hydre....	141. 22. 12	— 0. 3. 15		Procyon....	111. 18. 31	" " "
	γ Vierge....	188. 42. 47	— 0. 4. 22		ε Hydre....	128. 8. 38	" " "
	η Vierge....	183. 34. 20	+ 0. 43. 4		β Vierge....	174. 10. 36	+ 2. 22. 14
	β pet. Chien.	109. 59. 19	" " "		η Bouvier...	153. 3. 2	+ 0. 3. 41
	α Écreviffe..	132. 47. 53	" " "		Idem.	151. 4. 7	— 0. 13. 24
	γ Gémeaux..	97. 26. 20	" " "		Idem.	150. 4. 25	— 0. 36. 16
	δ ¹ du Lion..	166. 46. 57	" " "		Arcturus....	155. 25. 34	+ 0. 13. 14
	γ Écreviffe..	128. 49. 29	" " "		γ Hercule...	187. 4. 21	— 0. 24. 42
	α Gémeaux..	111. 20. 13	" " "	20	Idem.	186. 4. 31	— 0. 37. 14
	γ g. ^d Chien..	104. 37. 18	" " "		Arcturus....	153. 25. 47	— 0. 16. 43

Mém. 1787.

F.

ÉPOQUES 1787.	ÉTOILES.	DIFFÉR. d'ascenf. droite du centre du SOLEIL & de l'ÉTOILE.	DIFFÉRENCE de déclinaifon du bord fupérieur du SOLEIL & de l'ÉTOILE.	ÉPOQUES 1787.	ÉTOILES.	DIFFÉR. d'ascenf. droite du centre du SOLEIL & de l'ÉTOILE.	DIFFÉRENCE de déclinaifon du bord fupérieur du SOLEIL & de l'ÉTOILE.
		D. M. S.	D. M. S.			D. M. S.	D. M. S.
Mai.	η Bouvier...	148. 4. 35	— 1. 1. 16	Août.	3 α Flèche....	159. 12. 51	— 0. 13. 33
31	♂ Hercule..	177. 5. 53	— 0. 14. 49	4	Idem.....	" " "	+ 0. 2. 16
Juin. 16	Idem.....	171. 53. 7	+ 1. 27. 38	5	Idem.....	167. 21. 6	+ 0. 18. 22
22	Arcturus....	120. 33. 57	— 3. 25. 45	8	γ Dauphin..	171. 0. 24	— 1. 1. 36
	Antarès....	153. 10. 54	" " "	13	♂ Dauphin..	165. 24. 13	" " "
	α Lyre.....	186. 30. 37	" " "	Sept. 5	β l'Aigle...	132. 7. 1	— 1. 8. 52
	α l'Aigle....	201. 10. 37	" " "	6	Idem.....	131. 12. 47	— 0. 46. 32
	α Vierge....	107. 34. 44	" " "	9	Idem.....	128. 30. 31	" " "
2	Arcturus....	117. 26. 54	— 3. 22. 36	12	g Serpent...	111. 0. 8	— 0. 27. 15
	Antarès....	150. 3. 45	" " "	13	Idem.....	110. 6. 18	— 0. 4. 14
	α Vierge....	104. 27. 40	" " "	14	♂ l'Aigle...	116. 29. 10	— 0. 55. 12
Juillet. 1	β Hercule..	145. 0. 44	— 1. 25. 35	15	Idem.....	115. 35. 26	— 0. 32. 4
2	Idem.....	143. 58. 34	— 1. 21. 17	28	γ Verseau..	147. 52. 44	— 0. 37. 53
3	Idem.....	142. 56. 40	— 1. 16. 36	29	Idem.....	146. 58. 38	— 0. 14. 31
4	Idem.....	141. 57. 15	— 1. 11. 40	Nov. 17	β Baleine...	135. 29. 12	— 0. 21. 18
5	Idem.....	140. 52. 46	— 1. 6. 8	24	β Lièvre....	199. 42. 45	— 0. 35. 2
21	γ Hercule..	122. 30. 22	— 1. 4. 39	27	β Lièvre....	196. 30. 42	— 0. 0. 47
23	Arcturus....	88. 51. 45	— 0. 2. 42	28	γ Lièvre....	199. 33. 31	" " "
24	Idem.....	87. 52. 25	+ 0. 9. 32	29	Idem.....	198. 28. 59	" " "
27	ε Pégafe...	191. 29. 21	— 0. 34. 29	Déc. 1	Idem.....	196. 19. 40	" " "
	γ Hercule..	116. 33. 35	+ 0. 11. 5	10	Idem.....	186. 29. 58	+ 0. 9. 53
28	ε Pégafe....	190. 30. 19	— 0. 20. 42				

Nota. L'astérisme que l'on trouve dans la seconde colonne, indique que le passage des Étoiles & du Soleil a été déterminé le même jour par des hauteurs correspondantes; le signe + dans la quatrième colonne, indique que l'Étoile étoit plus haute dans le Méridien que le bord supérieur du Soleil; le signe — indique qu'elle étoit plus basse; cette quatrième colonne renferme la différence de hauteur observée sans aucune correction.

Ces comparaisons du Soleil aux différentes Étoiles, donnent encore les résultats suivans :

PASSAGES DU CENTRE DU SOLEIL DANS LE PARALLÈLE DES ÉTOILES.

		DIFFÉRENCE d'Ascens. dr.				DIFFÉRENCE d'Ascens. dr.	
		H. M. S.	D. M. S.			H. M. S.	D. M. S.
γ g. ^d Chien.	le 6 Févri.	16. 21. 35	142. 42. 7	Arcturus...	le 21 Juill.	22. 15. 19	89. 55. 56
α Orion...	22 Févr...	21. 44. 57	107. 45. 49	ε Pégase...	28 Juill.	19. 22. 22	190. 7. 18
β Orion...	26 Févr...	10. 33. 51	96. 7. 41	α Flèche...	3 Août	3. 17. 57	159. 4. 53
δ Hydre...	19 Mars...	17. 18. 49	142. 40. 37	θ Serpent...	12 Sept.	11. 44. 35	110. 33. 45
ζ Vierge...	21 Mars...	10. 32. 32	199. 50. 23	♂ Aigle...	15 Sept.	15. 46. 12.	115. 0. 0
η Bouvier...	17 Mai...	10. 21. 0	151. 38. 0	γ Verseau...	28 Sept.	22. 33. 47	147. 1. 53
Arcturus...	21 Mai...	8. 12. 22	153. 5. 13	β Baleine...	17 Nov.	8. 42. 8	135. 6. 36
♂ Hercule...	31 Mai...	2. 8. 50	177. 0. 24				

M E R C U R E.

CETTE Planète a achevé, dans le courant de cette année, quatre révolutions, plus cinquante-quatre degrés cinquante-une minute autour du Soleil, & s'est trouvée

EN CONJONCTION		PLUS G. ^d DIGRESSION		STATIONNAIRE.	DANS SON NŒUD	
Supérieure.	Inférieure.	Orientale.	Occidentale.		Ascendant.	Descendant.
1. ^{er} Mars.	14 Avril	28 Mars.	13 Janvier.	3 Juin.	13 Mars.	23 Janvier.
16 Juin.	21 Août.	24 Juillet.	13 Mai.	1 Avril.	9 Juin.	21 Avril.
3 Octobre.	7 Décemb.	19 Nov.	8 Sept.	7 Août.	5 Sept.	18 Juillet.
			28 Déc.	31 Août.	2 Déc.	14 Octobre.
				18 Décembre.		

On a déterminé, par observation, quatre lieux de cette Planète, qui comparés aux Tables, ont donné les résultats suivans :

1787.	TEMPS VRAI.	ÉTOILE comparée.	DIFFÉRENCES DANS LE MÉRIDIEEN.		LIEUX OBSERVÉS DE MERCURE.		ERREUR DES TABLES.	
			des Passages.	des Hauteurs.	Longitude.	Latitude.	En long.	En latit.
	H. M. S.		H. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	S.	S.
Mars 14	0. 43. 52,1	β Vierge.	— 11. 16. 21,0	— 0. 36. 10	5. 50. 31	0. 2. 22	— 33	— 4
19	0. 57. 13,0	β p. Ch.	— 6. 21. 31,5	48. 0. 20	14. 51. 13	1. 3. 15	— 2	— 3
20	0. 59. 20,4	α Orion.	— 4. 44. 5,5	+ 0. 18. 14	16. 29. 14	1. 16. 4	— 0	— 1
		β p. Ch.	— 6. 15. 47,0	— 1. 2. 45				
22	1. 2. 45,5	α Orion.	— 4. 33. 23,5	+ 1. 50. 32	19. 31. 32	1. 39. 29	— 18	— 38

V É N U S.

CETTE Planète a achevé, dans le courant de cette année, deux révolutions moins quatre signes quinze degrés autour du Soleil, & s'est trouvée

EN CONJONCTION		PLUS G. ^{DE} DIGRESSION OCCIDENTALE.	STATIONNAIRE.	DANS SON NŒUD	
Supérieure.	Inférieure.			Ascendant.	Descendant.
17 Octobre	4 Janvier.	17 Mars.	24 Janvier.	29 Juillet.	7 Avril. 18 Novem.

Nota. Le Signe — pour la différence des passages, indiquera toujours que la Planète étoit moins avancée en ascension droite que l'Étoile, c'est-à-dire qu'elle précédoit l'Étoile au méridien, & qu'ainsi il faut ôter de l'ascension droite de l'Étoile sa différence avec la planète, pour avoir l'ascension droite de la planète. Le signe + indique que la planète suivoit l'Étoile au méridien. Le signe — pour la différence de hauteur, indique que la planète étoit moins élevée sur l'horizon que l'Étoile. Le signe + indique que la planète étoit plus haute dans le méridien. Lorsque la hauteur de l'Étoile n'a pas été prise, nous avons rapporté la hauteur absolue observée de la planète, d'après laquelle a été conclue sa déclinaison; cette hauteur est sans autre correction que celle de l'erreur de l'instrument; on l'a distinguée dans cette cinquième colonne, en ne la précédant d'aucun signe.

On a déterminé, par observation, quarante-deux lieux de cette Planète, qui, comparés aux Tables, ont donné les résultats suivans :

1787.	TEMPS		ÉTOILE comparée	DIFFÉRENCES DANS LE MÉRIDIEN.		LIEUX OBSERVÉS DE VÉNUS.		ERREUR des TABLES.	
	VRAI.								
	H.	M. S.		des Passages.	des Hauteurs.	Longitude.	Latitude.	En long.	En lat.
				H. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	S.	S.
							Boréale.		
Janv. 11	23.	4. 25,0	α Lièvre...	+ 13. 15. 12,5	+ 0. 47. 54	297. 47. 24	5. 56. 30	+16	+30
30	21.	34. 56,0	Sirius.....	+ 11. 53. 6,2	— 0. 21. 45	277. 26. 9	6. 28. 26	— 8	+33
31	21.	31. 57,8	Idem.....	+ 11. 54. 12,0	24. 21. 30	277. 41. 53	6. 25. 10	— 4	+27
Fév. 13	21.	5. 51,3	α Lièvre...	+ 13. 31. 57,8	+ 0. 33. 44	283. 47. 30	5. 21. 40	+23	+33
22	20.	58. 20,5	Idem.....	+ 13. 9. 7,9	23. 37. 17	290. 12. 19	4. 25. 7	—11	+12
Mars 12	20.	58. 37,7	α Coupe...	+ 9. 40. 50,0	+ 0. 47. 11	306. 13. 46	2. 26. 0	+18	+12
13	20.	59. 2,6	Sirius.....	+ 13. 57. 50,6	+ 0. 11. 36	307. 12. 2	2. 19. 29	+15	+14
14	21.	0. 28,0	γ g. ^d Chien.	+ 13. 43. 35,5	— 0. 45. 48	303. 11. 4	2. 13. 3	+ 2	+13
18	21.	1. 18,2	Idem.....	+ 14. 0. 1,0	— 0. 5. 55	312. 11. 9	1. 48. 9	+12	+13
			α Coupe...	+ 10. 5. 22,0	25. 45. 54				
19	21.	1. 49,7	γ g. ^d Chien.	+ 14. 4. 10,2	+ 0. 5. 14	313. 11. 50	1. 42. 6	— 8	+19
20	21.	2. 21,0	Idem.....	+ 14. 8. 19,3	+ 0. 16. 40	314. 13. 7	1. 35. 47	— 2	+ 4
			Sirius.....	+ 14. 26. 37,4	+ 1. 22. 54				
							Australe		
Avril 10	21.	14. 56,8	α Vierge...	+ 9. 18. 19,0	+ 0. 42. 35	336. 38. 1	0. 15. 56	—17	— 7
30	21.	26. 28,1	ϵ Ophiucus.	+ 7. 50. 44,5	39. 31. 3	359. 9. 2	1. 26. 36	+ 1	+ 9
Mai 15	21.	31. 37,4	β Vierge...	+ 13. 21. 43,0	+ 1. 46. 37	16. 27. 58	1. 53. 7	—15	— 4
19	21.	33. 7,8	α Serpent..	+ 9. 45. 32,3	— 0. 39. 16	21. 7. 47	1. 56. 41	—15	+ 2
20	21.	33. 31,5	Idem.....	+ 9. 49. 54,1	— 0. 13. 52	22. 17. 52	1. 57. 16	— 6	+ 5
21	21.	33. 53,5	Idem.....	+ 9. 54. 16,5	+ 0. 11. 43	23. 27. 59	1. 57. 44	—17	+ 2
Juin 8	21.	41. 39	γ Serpent..	+ 11. 2. 28,7	55. 38. 19	44. 38. 57	1. 52. 3	—18	+ 0
9	21.	32. 11,9	Idem.....	+ 11. 7. 7,5	55. 59. 48	45. 50. 3	1. 51. 7	—20	+ 9
10	21.	42. 43,8	Idem.....	+ 11. 11. 48,5	56. 21. 7	47. 1. 23	1. 50. 0	— 6	+12
11	21.	43. 17,0	Idem.....	+ 11. 16. 29,0	— 0. 50. 13	48. 12. 21	1. 48. 44	—15	+ 6
12	21.	43. 50,4	Idem.....	+ 11. 21. 11,0	— 0. 29. 36	49. 23. 29	1. 47. 27	—22	+ 9
23	21.	51. 13,5	Arcturus...	+ 13. 54. 31,5	— 1. 4. 11	62. 29. 29	1. 29. 7	+15	+ 2
Juill. 1	21.	58. 6,5	β d'Hercule.	+ 12. 19. 42,5	— 0. 53. 16	72. 4. 37	1. 11. 49	+15	+ 6

1787.	TEMPS VRAI.	ÉTOILE comparée.	DIFFÉRENCES DANS LE MÉRIDIEN.		LIEUX OBSERVÉS DE VÉNUS.		ERREUR des TABLES.	
			des Passages.	des Haut.	Longitude.	Latitude.	En long.	En latit.
	H. M. S.		H. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	S.	S.
Juill. 4	22. 0. 59,5	β Hercule	+ 12. 34. 57,5	— 0. 20. 32	75. 40. 20	Australe.		
		<i>Arcturus</i> ..	+ 14. 49. 41,5	+ 1. 19. 34		1. 4. 42	+ 19	+ 3
5	22. 2. 1,1	β Hercule	+ 12. 40. 4,3	— 0. 10. 48		1. 2. 20	+ 7	+ 12
26	22. 27. 12,3	ϵ Pégaſe.	+ 9. 39. 20,3	+ 3. 52. 35		0. 6. 52	+ 16	+ 4
27	22. 28. 31,9	β Hercule	+ 14. 34. 56,3	+ 0. 44. 36	103. 29. 20	0. 4. 24	+ 23	+ 5
						Boréale.		
Août 1	22. 35. 19,0	<i>Idem</i>	+ 15. 1. 10,0	+ 0. 13. 1	109. 34. 50	0. 8. 54	+ 15	+ 3
2	22. 36. 40,0	<i>Idem</i>	+ 15. 6. 23,2	+ 0. 4. 39	110. 47. 48	0. 11. 22	+ 6	— 3
3	22. 38. 2,2	<i>Idem</i>	+ 15. 11. 37,0	— 0. 4. 17	112. 1. 15	0. 14. 9	+ 20	+ 12
4	22. 39. 24,6	<i>Idem</i>	+ 15. 16. 49,1	— 0. 13. 58	113. 14. 35	0. 16. 26	+ 7	— 4
5	22. 40. 46,3	<i>Idem</i>	+ 15. 22. 1,3	— 0. 22. 7	114. 28. 4	0. 19. 2	+ 15	+ 2
6	22. 42. 8,0	ϵ Pégaſe.	+ 10. 36. 50,0	+ 2. 28. 27	115. 41. 13	0. 21. 27	+ 22	0
		β Hercule						
8	22. 44. 52,0	<i>Idem</i>	+ 15. 37. 32,8	— 0. 58. 35	118. 8. 18	0. 26. 23	+ 22	+ 1
13	22. 51. 38,8	ϵ Pégaſe..	+ 11. 12. 48,7	+ 0. 55. 26	124. 16. 0	0. 38. 14	+ 15	+ 15
Sept. 9	23. 24. 48,7	β Aigle..	+ 14. 51. 51,7	+ 4. 4. 50	157. 36. 13	1. 20. 49	— 6	+ 1
10	23. 25. 54,2	ϵ Pégaſe.	+ 13. 7. 56,9	+ 0. 36. 29	158. 50. 20	1. 21. 30	— 23	+ 2
Nov. 17	0. 31. 25,7	β Baleine.	— 8. 29. 2,3	— 1. 31. 32	242. 41. 23	0. 2. 33	+ 5	— 4
						Australe.		
28	0. 43. 37,3	γ Lièvre.	— 12. 32. 25,0	18. 1. 55	256. 30. 37	0. 23. 53	+ 14	— 2
30	0. 45. 52,7	<i>Idem</i>	— 12. 21. 34,5	17. 43. 31	259. 1. 19	0. 28. 31	+ 14	— 7
Déc. 1	0. 47. 0,2	<i>Idem</i>	— 12. 16. 8,8	— 1. 5. 36	260. 16. 38	0. 30. 59	+ 5	+ 17

L'observation du 27 Juillet, donne le lieu du nœud
ascendant de Vénus.....

74^d 49' 0"

Et le passage par ce nœud le 29 Juillet, à.....

13^h 45' 34" *t. moyen*

L'observation du 17 Novembre, donne le lieu du nœud
descendant de Vénus.....

254^d 41' 39"

Et le passage par ce nœud le 18 Novembre, à....

1^h 36' 38" *t. moyen*.

Nota. On a comparé les observations aux nouvelles Tables de M. de la Lande, publiées,
dans la Connoissance des Temps, années 1789.

M A R S.

CETTE Planète a parcouru, dans le courant de cette année, un arc de 210^d autour du Soleil, & s'est trouvée

Dans son Nœud ascendant,	EN QUADRATURE.	STATIONNAIRE.
Le 12 Septembre.	Le 5 Octobre.	Le 28 Novembre.

On a déterminé, par observation, vingt lieux de cette Planète, qui, comparés aux Tables, ont donné les résultats suivans :

1787.	TEMPS VRAI.	ÉTOILE comparée	DIFFÉRENCE DANS LE MÉRIDIEN.		LIEUX OBSERVÉS DE MARS.		ERREUR des TABLES.	
			des Passages.	des Hauteurs.	Longitude.	Latitude.	En long.	En latit.
	H. M. S.		H. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	M. S.	S.
Juill. 1	19.59.40,5	α Aigle..	+ 7. 2.32,0	55. 59. 6	43. 10. 55	Australe.		
26	19.28.35,8	ϵ Pégase.	+ 6.40.45,7	+ 0. 37. 25	60. 33. 9	0.46.42	- 1. 4	+ 2
Août 2	19.20.48,4	<i>Idem.</i> ...	+ 7. 0.11,5	+ 1. 37. 8	65. 14. 0	0.41. 3	- 0. 56	- 9
		β Hercule	+ 11. 50.33,2	- 1. 26. 25			- 1. 9	+ 4
7	19.15.26,0	<i>Idem.</i> ...	+ 12. 4.21,0	- 0.49. 1	68. 31.20	0.36.36	- 1. 11	- 7
8	19.14.23,3	<i>Idem.</i> ...	+ 12. 7. 6,0	- 0.42. 13	69. 10.27	0.35.36	- 1. 6	- 18
12	19.10.12,0	ϵ Pégase.	+ 7.27.40,2	+ 2.47. 2	71.45.47	0.32.14	- 1. 19	+ 19
13	19. 9.10,7	<i>Idem.</i> ...	+ 7.30.24,0	+ 2.53. 4	72.24.27	0.31.16	- 1. 11	- 3
Sept. 3	18.47.40,3	β Cygne.	+ 10.15.51,0	- 4.18. 3	85.20.20	0. 9.35	- 1. 54	- 2
	18.46.37,7	<i>Idem.</i> ...	+ 10.18.24,7	64.26. 1	85.55.47	0. 8.24	- 1.47	- 3
	18.44.23,0	<i>Idem.</i> ...	+ 10.23.29,0	- 4.11.30	87. 5.57	0. 6. 0	- 1.47	- 7
	18.40. 6,0	<i>Idem.</i> ...	+ 10.33.28,5	- 4. 4.48	89.23.55	0. 1. 6	- 1.43	- 14
		β Pégase.	+ 7. 2.41,7	64.36.56				

1787.	TEMPS VRAI.	ÉTOILE comparée.	DIFFÉRENCES DANS LE MÉRIDIEN.		LIEUX OBSERVÉS DE MARS.		ERREUR des TABLES	
			des Passages.	des Hauteurs.	Longitude.	Latitude.	En long.	En latit.
	H. M. S.		H. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	M. S.	S.
						Boréale.		
Sept. 12	18. 37. 50,5	β Pégase.	+ 7. 7. 35,7	— 3. 26. 59	90. 31. 33	0. 1. 20	— 2. 2	+ 10
13	18. 36. 34,9	<i>Idem.</i> ...	+ 7. 10. 2,0	— 3. 25. 54	91. 5. 19	0. 2. 34	— 1. 51	+ 10
		β Cigne.	+ 10. 40. 48,5	— 4. 1. 19				
28	18. 17. 38,1	β Pégase.	+ 7. 44. 47,8	— 3. 23. 55	99. 4. 6	0. 23. 5	— 2. 20	+ 14
Nov. 16	16. 25. 34,1	μ Gém..	+ 1. 44. 49,0	+ 0. 14. 28	116. 23. 18	1. 59. 13	— 2. 15	+ 24
24	15. 55. 43,7	<i>Idem.</i> ...	+ 1. 48. 27,0	+ 0. 25. 51	117. 10. 32	2. 20. 17	— 3. 0	+ 21
27	15. 43. 27,6	η Gém..	+ 1. 56. 58,7	+ 0. 36. 12	117. 15. 54	2. 28. 25	— 2. 55	+ 20
28	15. 39. 12,5	μ Gém..	+ 1. 48. 59,0	64. 22. 9	117. 15. 50	2. 31. 8	— 3. 13	+ 17
		η Gém..	+ 1. 57. 1,0	+ 0. 38. 53				
Déc. 1	15. 26. 8,7	μ Gém..	+ 1. 48. 49,0	+ 0. 44. 52	117. 11. 42	2. 39. 44	— 3. 10	+ 30
		α Bélier..	+ 6. 2. 59,7	+ 0. 53. 50	112. 13. 36	3. 43. 16	— 3. 56	+ 19
25	13. 20. 4,2	<i>Idem.</i> ...	+ 5. 42. 28,5	+ 2. 50. 35				

L'observation du 10 Septembre, donne le lieu du nœud ascendant de Mars ,

..... 47^d 53' 38"

Et le passage par ce nœud, le 11 Septembre, à..... 16^h 2' 29"

J U P I T E R.

CETTE Planète a parcouru, dans le courant de cette année, un arc de 32^d 2' autour du Soleil, & s'est trouvée

EN QUADRATURE.	EN OPPOSITION.	STATIONNAIRE.
Le 31 Janvier. 18 Septembre	Le 12 Décembre.	Le 3 Janvier. 15 Octobre.

On a déterminé, par observation, soixante-deux lieux de cette Planète, qui, comparés aux Tables, ont donné les résultats suivans :

1787.	TEMPS VRAI.	ÉTOILE comparée	DIFFÉRENCES DANS LE MÉRIDIEN.		LIEUX OBSERVÉS DE JUPITER.		ERREUR des TABLES.	
			des Passages.	des Haut.	Longitude.	Latitude.	En long.	En latit.
	H. M. S.		H. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	M. S.	S.
						Aufrale.		
Janv. 7	7. 20. 42,6	γ Taureau	— 1. 30. 46,4	— 0. 52. 30	41. 16. 16	1. 3. 11	— 5. 26	— 60
9	7. 12. 5,6	Idem...	— 1. 30. 41,2	— 0. 51. 30	41. 17. 44	1. 2. 41	— 5. 19	— 58
11	7. 3. 33,6	Idem...	— 1. 30. 34,0	— 0. 50. 17	41. 19. 49	1. 2. 1	— 5. 22	— 60
12	6. 59. 19,6	Idem...	— 1. 30. 28,9	— 0. 49. 38	41. 21. 12	1. 1. 46	— 5. 9	— 56
13	6. 55. 7,6	Idem...	— 1. 30. 22,7	— 0. 48. 48	41. 22. 53	1. 1. 27	— 5. 33	— 58
17	6. 38. 33,2	Idem...	— 1. 29. 50,5	— 0. 45. 3	41. 31. 26	1. 0. 17	— 5. 11	— 57
23	6. 14. 26,2	Idem...	— 1. 28. 39,8	— 0. 37. 43	41. 50. 4	0. 58. 33	— 5. 4	— 56
25	6. 6. 36,1	Idem...	— 1. 28. 9,7	— 0. 34. 46	41. 57. 55	0. 58. 2	— 4. 57	— 55
Févr. 1	5. 39. 59,5	Aldebar..	— 1. 42. 1,3	— 1. 20. 54	42. 30. 54	0. 56. 3	— 4. 59	— 57
6	5. 21. 46,5	γ Taureau	— 1. 24. 11,0	— 0. 12. 53	42. 59. 41	0. 54. 51	— 4. 53	— 48
8	5. 14. 38,8	Idem...	— 1. 23. 22,3	— 0. 8. 34	43. 12. 12	0. 54. 11	— 5. 1	— 56
16	4. 47. 5,1	Idem...	— 1. 19. 39,0	+ 0. 10. 22	44. 9. 28	0. 52. 12	— 4. 57	— 60
17	4. 43. 44,5	Idem...	— 1. 19. 8,3	+ 0. 13. 0	44. 17. 25	0. 51. 56	— 4. 37	— 55
		Aldebar..	— 1. 35. 6,6	— 0. 45. 0				
22	4. 27. 19,7	γ Taureau	— 1. 16. 26,5	+ 0. 26. 11	44. 58. 38	0. 50. 43	— 4. 48	— 56
		Aldebar..	— 1. 32. 25,2	— 0. 31. 49				
24	4. 20. 54,6	Idem...	— 1. 31. 16,7	— 0. 26. 15	45. 16. 4	0. 50. 18	— 4. 37	— 53
		γ Taureau.	— 1. 15. 17,5	+ 0. 31. 45				
27	4. 11. 24,5	γ Gém...	— 3. 30. 51,3	— 0. 47. 32	45. 43. 14	0. 49. 33	— 4. 37	— 58
		Aldebar..	— 1. 29. 30,0	— 0. 17. 40				
Mars. 8	3. 43. 50,5	γ Gém...	— 3. 25. 3,0	— 0. 20. 40	47. 11. 17	0. 47. 44	— 4. 23	— 51
12	3. 31. 57,0	Idem...	— 3. 22. 16,5	— 0. 8. 6	47. 53. 15	0. 46. 57	— 4. 3	— 61
14	3. 26. 4,9	Idem...	— 3. 20. 51,0	— 0. 1. 44	48. 14. 54	0. 46. 33	— 3. 59	— 57
		θ Lion...	— 7. 57. 44,0	57. 42. 33				
19	3. 11. 43,6	γ Gém...	— 3. 17. 9,5	+ 0. 14. 28	49. 10. 23	0. 45. 29	— 4. 30	— 58
20	3. 8. 42,0	Idem...	— 3. 16. 23,5	+ 0. 17. 39	49. 21. 51	0. 45. 30	— 4. 30	— 46
21	3. 5. 50,0	Regulus..	— 6. 46. 39,7	+ 1. 12. 54	49. 33. 17	0. 45. 15	— 4. 44	— 51
Juill. 2	21. 56. 40,8	β Hercule.	+ 12. 22. 23,8	— 0. 11. 58	72. 47. 22	0. 35. 4	— 4. 46	— 13
		Arcturus..	+ 14. 37. 7,8	— 1. 28. 47				
4	21. 50. 18,4	β Hercule	+ 12. 24. 16,5	— 0. 7. 25	73. 13. 50	0. 34. 36	— 4. 38	— 38
18	21. 6. 1,3	Idem...	+ 12. 36. 47,0	+ 0. 13. 3	76. 9. 30	0. 33. 56	— 5. 1	— 46
Août. 1	20. 22. 34,6	β Hercule	+ 12. 48. 27,0	+ 0. 28. 33	78. 52. 8	0. 33. 37	— 5. 3	— 43
2	20. 19. 30,2	Idem...	+ 12. 49. 14,7	+ 0. 29. 27	79. 3. 9	0. 33. 40	— 5. 1	— 41

Mém. 1787.

G

1787.	TEMPS VRAI.	ÉTOILE comparée	DIFFÉRENCE DANS LE MÉRIDIEN.		LIEUX OBSERVÉS DE JUPITER.		ERREUR des TABLES.	
			des Passages.	des Hauteurs.	Longitude.	Latitude.	En long.	En latit.
	H. M. S.		H. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	M. S.	S.
							Austral.	
Août 3	20. 16. 25,7	β Hercule	+ 12. 50. 2,0	+ 0. 30. 22	79. 14. 3	0. 33. 27	-5. 5	- 51
4	20. 13. 21,6	Idem....	+ 12. 50. 47,6	+ 0. 31. 10	79. 24. 44	0. 33. 39	-5. 12	- 37
5	20. 10. 18,8	Idem....	+ 12. 51. 35,0	+ 0. 31. 51	79. 35. 45	0. 33. 51	-4. 57	- 24
6	20. 7. 15,4	ε Pégase..	+ 8. 1. 59,	+ 3. 36. 22	79. 46. 30	0. 33. 32	-4. 57	- 43
7	20. 4. 12,0	β Hercule	+ 12. 53. 6,	+ 0. 33. 41	79. 56. 41	0. 33. 37	-5. 13	- 36
		Arcturus..	+ 15. 7. 51,0	+ 2. 13. 44				
8	20. 1. 8,3	β Hercule	+ 12. 53. 50,8	+ 0. 34. 26	80. 7. 18	0. 33. 41	-5. 1	- 30
13	19. 45. 54,4	ε Pégase..	+ 8. 7. 7,0	+ 3. 41. 43	80. 57. 59	0. 33. 34	-5. 4	- 36
17	19. 33. 43,8	Idem....	+ 8. 9. 56,5	+ 3. 44. 19	81. 36. 32	0. 33. 24	-5. 6	- 41
18	19. 30. 42,0	Idem....	+ 8. 10. 38,0	+ 3. 44. 54	81. 46. 10	0. 33. 16	-5. 37	- 46
20	19. 24. 36,3	Idem....	+ 8. 11. 56,3	+ 3. 46. 1	82. 4. 18	0. 33. 34	-5. 8	- 38
21	19. 21. 35,2	Idem....	+ 8. 12. 36,2	+ 3. 46. 33	82. 13. 34	0. 33. 25	-4. 53	- 35
Sept. 3	18. 41. 49,0	β Cygne..	+ 10. 9. 59,5	- 4. 44. 51	83. 58. 11	0. 33. 6	-5. 52	- 49
4	18. 38. 42,4	Idem....	+ 10. 10. 29,7	63. 57. 10	84. 5. 11	0. 33. 8	-6. 5	- 47
6	18. 32. 31,9	Idem....	+ 10. 11. 31,0	- 4. 43. 57	84. 19. 23	0. 33. 8	-5. 35	- 46
10	18. 19. 59,2	β Pégase..	+ 6. 42. 35,2	- 4. 7. 34	84. 44. 49	0. 33. 8	-5. 58	- 49
11	18. 16. 50,4	β Cygne..	+ 10. 13. 48,5	63. 59. 27	84. 51. 13	0. 33. 1	-5. 57	- 50
		β Pégase..	+ 6. 43. 2,0	- 4. 7. 12				
12	18. 9. 34,0	Idem....	+ 6. 43. 27,0	- 4. 6. 57	84. 57. 6	0. 33. 9	-6. 11	- 40
13	18. 10. 24,0	Idem....	+ 6. 43. 51,5	- 4. 6. 35	85. 2. 44	0. 33. 48	-6. 6	- 63
		β Cygne..	+ 10. 14. 38,0	- 4. 41. 59	86. 8. 41	0. 32. 52	-6. 22	- 55
28	17. 21. 26,5	β Pégase..	+ 6. 48. 37,0	- 4. 4. 27				
29	17. 18. 3,5	Idem....	+ 6. 48. 50,7	- 4. 4. 23	86. 11. 51	0. 32. 53	-6. 13	- 53
Nov. 16	14. 7. 58,9	η Gém... μ Gém...	- 0. 24. 44,7 - 0. 32. 46,7	+ 0. 17. 33 + 0. 14. 17	84. 46. 13	0. 31. 1	-6. 15	- 65
		η Gém... μ Gém...	- 0. 28. 35,0 - 0. 36. 37,0	+ 0. 16. 1 + 0. 12. 45				
24	13. 30. 41,7	α Béliér..	+ 3. 37. 3,4	+ 0. 21. 34	83. 45. 47	0. 30. 14	-6. 47	- 65
25	13. 25. 56,1	Idem....	+ 3. 36. 31,0	+ 0. 21. 14	83. 38. 27	0. 30. 9	-7. 2	- 64
26	13. 21. 8,7	μ Gém... η Gém...	- 0. 37. 39,5 - 0. 30. 8,8	+ 0. 12. 14 + 0. 15. 14				
27	13. 16. 22,3	α Béliér..	+ 3. 35. 59,7	+ 0. 20. 57	83. 31. 18	0. 30. 12	-6. 37	- 56
28	13. 11. 32,0	η Gém...	- 0. 30. 41,7	63. 58. 20	83. 23. 42	0. 30. 1	-6. 45	- 60

1787.	TEMPS VRAI.	ÉTOILE comparée	DIFFÉRENCE DANS LE MÉRIDIEN.		LIEUX OBSERVÉS DE JUPITER.		ERREUR des TABLES.	
			des Passages.	des Hauteurs.	Longitude.	Latitude.	En long.	En latit.
	H. M. S.		H. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	M. S.	S.
Nov. 29	13. 7. 42,0	α Bélier..	+ 3. 34. 54,3	+ 0. 20. 30}	83. 16. 8	Aufrate. 0. 29. 47	-6. 41	- 67
		μ Gém...	- 0. 39. 16,0	+ 0. 11. 30}				
30	13. 1. 53,4	Idem....	+ 3. 39. 48,0	+ 0. 11. 7}				
		α Bélier..	+ 3. 34. 23,7	+ 0. 20. 7}	83. 8. 53	0. 29. 54	-6. 32	- 55
Déc. 1	12. 56. 59,2	μ Gém...	- 0. 40. 22,0	+ 0. 11. 0}				
		α Bélier..	+ 3. 33. 48,7	+ 0. 19. 58}				
	2 12. 17. 33,0	η Gém...	- 0. 36. 56,0	+ 0. 11. 36}	81. 57. 9	0. 29. 37	-6. 31	- 65
		μ Gém...	- 0. 44. 58,0	+ 63. 54. 48}				
		Idem....	- 0. 45. 33,4	+ 0. 7. 57}				
	10 12. 12. 34,0	η Gém...	- 0. 37. 31,2	+ 0. 11. 13}	81. 48. 59	0. 28. 39	-6. 29	- 56
		μ Gém...	- 0. 46. 8,0	+ 0. 7. 36}				
	11 12. 7. 35,5	η Gém...	- 0. 39. 52,5	+ 0. 9. 43}				
	14 11. 52. 36,5	α Bélier..	+ 3. 22. 14,7	+ 0. 12. 40}	80. 20. 13	0. 28. 6	-6. 31	- 56
		Idem....	+ 3. 19. 59,7	+ 0. 11. 2}				
	25 10. 57. 37,4							
					79. 49. 0	0. 26. 9	-6. 16	- 68

S A T U R N E.

CETTE Planète a parcouru, dans le courant de cette année, un arc de 11^d 28' autour du Soleil, & s'est trouvée

EN QUADRATURE.	EN OPPOSITION.	STATIONNAIRE.
Le 19 Mai. Le 14 Novembre.	Le 18 Août.	Le 28 Octobre.

ON a déterminé, par observation, quarante-neuf lieux de cette Planète, qui, comparés aux Tables, ont donné les résultats suivans :

1787.	TEMPS VRAI.	ÉTOILE comparée	DIFFÉRENCES DANS LE MÉRIDIEN.		LIEUX OBSERVÉS DE SATURNE.		ERREUR des TABLES.	
			des passages.	des Haut.	Longitude.	Latitude.	En longit.	En latit.
	H. M. S.		H. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	M. S.	S.
						Auftrale.		
Juillet. 1	15. 20. 38,3	α^2 Capric.	+ 1. 57. 43,5	— 0. 11. 30	328. 24. 58	1. 26. 1	— 6. 41	— 27
2	15. 16. 22,6	<i>Idem</i> ...	+ 1. 57. 35,0	— 0. 12. 25	328. 22. 39	1. 26. 8	— 6. 38	— 29
3	15. 12. 7,6	α^1 Capric.	+ 1. 57. 51,0	— 0. 15. 43	328. 20. 35	1. 26. 26	— 6. 25	— 21
4	15. 7. 0,8	α^2 Capric.	+ 1. 57. 17,1	— 0. 14. 26	328. 17. 52	1. 26. 30	— 6. 44	— 29
5	15. 3. 35,2	<i>Idem</i> ...	+ 1. 57. 32,0	— 0. 17. 45	328. 15. 27	1. 26. 40	— 6. 49	— 35
8	14. 50. 49,7	<i>Idem</i> ...	+ 1. 57. 2,0	— 0. 21. 1	328. 7. 32	1. 27. 15	— 6. 43	— 27
27	13. 30. 29,7	<i>Idem</i> ...	+ 1. 52. 55,7	— 0. 46. 24	327. 2. 30	1. 30. 16	— 6. 46	— 31
30	13. 18. 7,7	<i>Idem</i> ...	+ 1. 51. 46,2	— 0. 48. 35	326. 50. 26	1. 30. 39	— 6. 42	— 35
Août 1	13. 9. 51,0	<i>Idem</i> ...	+ 1. 51. 14,3	— 0. 51. 38	326. 42. 4	1. 30. 51	— 6. 33	— 37
2	13. 5. 42,8	<i>Idem</i> ...	+ 1. 50. 42,0	— 0. 53. 17	326. 37. 57	1. 31. 6	— 6. 40	— 30
3	13. 1. 34,7	<i>Idem</i> ...	+ 1. 50. 42,0	— 0. 55. 0	326. 33. 30	1. 31. 18	— 6. 48	— 25
6	12. 49. 14,2	<i>Idem</i> ...	+ 1. 49. 52,0	— 0. 59. 36	326. 20. 31	1. 31. 29	— 6. 48	— 34
7	12. 45. 9,5	<i>Idem</i> ...	+ 1. 49. 36,0	— 1. 1. 9	326. 16. 20	1. 31. 37	— 6. 46	— 33
8	12. 41. 4,9	<i>Idem</i> ...	+ 1. 49. 21,0	— 1. 2. 46	326. 12. 20	1. 31. 52	— 6. 22	— 22
12	12. 24. 48,1	β Capric.	+ 1. 45. 22,2	+ 1. 5. 40	325. 54. 2	1. 31. 54	— 6. 47	— 45
15	12. 12. 42,6	<i>Idem</i> ...	+ 1. 44. 30,0	+ 1. 0. 46	325. 40. 26	1. 32. 13	— 6. 58	— 40
17	12. 4. 40	α^1 Capric.	+ 1. 46. 45,0	— 1. 17. 19	325. 31. 36	1. 32. 42	— 6. 57	— 22
18	12. 0. 37,9	β Capric.	+ 1. 43. 38,3	+ 0. 56. 3	325. 26. 52	1. 32. 20	— 7. 1	— 50
20	11. 52. 39,2	<i>Idem</i> ...	+ 1. 43. 3,7	+ 0. 52. 46	325. 17. 50	1. 32. 35	— 6. 58	— 42
21	11. 48. 41,3	<i>Idem</i> ...	+ 1. 42. 47,5	+ 0. 51. 15	325. 13. 37	1. 32. 41	— 6. 44	— 41
22	11. 44. 43,4	<i>Idem</i> ...	+ 1. 48. 31,0	+ 0. 49. 41	325. 9. 19	1. 32. 50	— 6. 32	— 36
23	11. 40. 45,4	<i>Idem</i> ...	+ 1. 42. 13,0	+ 0. 48. 1	325. 4. 38	1. 32. 55	— 6. 50	— 35
28	11. 21. 1,8	δ Capric.	+ 0. 14. 46,5	+ 2. 18. 43	324. 42. 12	1. 33. 9	— 7. 0	— 36
31	11. 13. 11,0	β Capric.	+ 1. 40. 13,0	+ 0. 37. 21	324. 33. 36	1. 33. 9	— 6. 52	— 38
Sept. 1	11. 5. 23,9	i Verseau.	+ 0. 5. 56,5	+ 0. 0. 31	324. 24. 56	1. 33. 22	— 6. 58	— 33
2	11. 1. 30,2	δ Capric.	+ 0. 13. 22,7	26. 18. 25	324. 21. 19	1. 33. 34	— 6. 19	— 21
		γ Capric.	+ 0. 20. 21,0	+ 2. 43. 3				
3	10. 57. 38,7	β Capric.	+ 1. 39. 7,0	+ 0. 31. 35				
4	10. 53. 45,5	β Capric.	+ 1. 38. 50,2	+ 0. 30. 0	324. 12. 16	1. 33. 25	— 6. 56	— 32
5	10. 49. 52,3	<i>Idem</i> ...	+ 1. 38. 34,0	+ 0. 28. 42	324. 8. 8	1. 33. 18	— 6. 54	— 40
9	10. 34. 26,3	<i>Idem</i> ...	+ 1. 37. 32,0	+ 0. 23. 12	323. 52. 8	1. 33. 30	— 6. 39	— 32
11	10. 30. 35,5	<i>Idem</i> ...	+ 1. 37. 16,7	+ 0. 21. 57	323. 48. 14	1. 33. 27	— 6. 40	— 34

1787.	TEMPS VRAI.	ÉTOILE comparée	DIFFÉRENCES DANS LE MÉRIDIEN.		LIEUX OBSERVÉS DE SATURNE.		ERREUR des TABLES.		
			des Passages.	des Haut.	Longitude.	Latitude.	En long.	En latit.	
	H. M. S.		H. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	M. S.	S.	S.
Sept. 11	10.26.44,3	β Capric.	+ 1.37. 0,8	+ 0.20.41	323.44.12	1.33. 23	— 6. 37	— 37	
12	10.22.54,6	δ Verf...	— 0.57. 6,5	+ 1.49.41	323.40.38	1.33. 19	— 6. 33	— 41	
13	10.19. 5,6	<i>Idem.</i> ...	— 0.57. 21,0	26. 3.37	323.36.19	1.33. 30	— 6. 38	— 29	
		β Capric.	+ 1.36. 32	+ 0.18. 6					
14	10.15.14,3	<i>Idem.</i> ...	+ 1.36. 13,2	+ 0.16.57	323.32.56	1.33. 20	— 6. 46	— 37	
19	9.56.12,4	<i>Idem.</i> ...	+ 1.35. 8,5	+ 0.11. 9	323.15.22	1.33. 20	— 6. 47	— 34	
28	9.22. 6,9	<i>Idem.</i> ...	+ 1.33. 22,7	+ 0. 2.33	322.48.21	1.33. 3	— 6. 34	— 30	
29	9.18.19,2	<i>Idem.</i> ...	+ 1.33. 11,8	+ 0. 1.49	322.45.37	1.32.50	— 6. 42	— 43	
Oct. 16	8.14. 0,5	<i>Idem.</i> ...	+ 1.31.10,0	— 0. 7.18	322.14.44	1.31.48	— 6. 27	— 41	
30	7.20.10,5	<i>Idem.</i> ...	+ 1.30.52,5	— 0. 7.36	322.10.35	1.30.44	— 6. 27	— 35	
Nov. 5	6.57. 7,3	δ Capric.	+ 0. 5. 8,0	25.39.46	322.14.43	1.30.12	— 6. 17	— 36	
10	6.37.28,0	δ Verf...	— 1. 2.20,5	+ 1.27. 3	322.21.25	1.29.41	— 6. 0	— 39	
17	6. 9.40,6	δ Capric.	+ 0. 6.24,6	+ 1.40. 3	322.34.38	1.29. 6	— 5. 45	— 33	
23	5.45.35,7	<i>Idem.</i> ...	+ 0. 7.22,0	+ 1.45.31	322.49.30	1.28.29	— 6. 11	— 34	
25	5.37.30,2	δ Capric.	+ 0. 7.45,5	+ 1.47.34	322.55.35	1.28.26	— 5. 52	— 35	
27	5.29.22,8	<i>Idem.</i> ...	+ 0. 8. 9,0	+ 1.49.53	323. 1.45	1.28. 5	— 5. 47	— 46	
29	5.21.14,1	<i>Idem.</i> ...	+ 0. 8.34,3	+ 1.52.11	323. 8.17	1.28. 6	— 5. 53	— 38	
Déc. 1	5.13. 4,4	<i>Idem.</i> ...	+ 0. 9. 1,0	+ 1.54.30	323.15. 3	1.28. 2	— 5. 59	— 32	
10	4.36. 8,4	β Lièvre.	— 7.31.18,6	+ 5.57.50	323.50.28	1.27.26	— 5. 57	— 28	

Les observations du mois d'Août, donnent encore les résultats suivans :

Opposition vraie de Saturne, le 18 Août, à..... $\left\{ \begin{array}{l} 2^h 46' 31'' \text{ temps moy.} \\ 2. 43. 0 \text{ temps vrai.} \end{array} \right.$

Longitude en opposition, comptée de l'équinoxe moyen. $325^d 28' 31''$

Latitude en opposition..... $1. 32. 39 \text{ australe.}$

On a supposé l'erreur moyenne des Tables, de 6 minutes 50 secondes soustractive en longitude, & de $0' 39''$ soustractive en latitude.

HERSCHEL.

CETTE Planète a parcouru, dans le courant de cette année, un arc de $4^d 21'$ autour du Soleil, & s'est trouvée

EN QUADRATURE.	EN OPPOSITION.	STATIONNAIRE.
Le 11 Avril. 23 Octobre.	Le 13 Janvier.	Le 3 Novembre.

On a déterminé par observation 30 lieux de cette Planète qui, comparés aux Tables, ont donné les résultats suivans :

1787.	TEMPS VRAI.	ÉTOILE comparée	DIFFÉRENCES. DANS LE MÉRIDIEN.		LIEUX OBSERVÉS DE HERSCHEL.		ERREUR des TABLES.	
			des Passages.	des Haut.	Longitude.	Latit.	Enlong.	En latit.
	H. M. S.		H. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	M. S.	S.
						Boréale.		
Janv. 8	12. 21. 40,7	μ Gém...	+ 1. 32. 33,5	— 0. 42. 26	113. 45. 18	0 32. 5	— 0. 21	+ 18
10	12. 12. 37,5	γ Écrev.	— 0. 48. 17,0	63. 5. 9	113. 40. 16	0 32. 2	— 0. 2	+ 15
11	12. 8. 6,4	μ Gém...	+ 1. 32. 0,0	— 0. 41. 0	113. 37. 23	0 32. 8	— 0. 19	+ 21
12	12. 3. 36,3	Idem...	+ 1. 31. 48,7	— 0. 40. 37	113. 34. 44	0 32. 5	— 0. 18	+ 17
14	11. 54. 38,1	δ Gém...	+ 0. 34. 16,8	— 0. 24. 47	113. 29. 29	0 32. 1	— 0. 21	+ 12
23	11. 14. 55,5	Idem...	+ 0. 32. 39,0	63. 11. 0	113. 6. 20	0 32. 7	— 0. 11	+ 15
24	11. 10. 34,3	Idem...	+ 0. 32. 28,0	— 0. 20. 21	113. 3. 44	0 32. 5	— 0. 11	+ 14
25	11. 6. 14,5	Idem...	+ 0. 32. 17,2	— 0. 19. 55	113. 1. 11	0 32. 6	— 0. 11	+ 14
Févr. 5	10. 20. 33,6	Idem...	+ 0. 20. 23,0	0. 15. 29	112. 34. 31	0 32. 6	— 0. 1	+ 14
13	9. 46. 46,8	Idem...	+ 0. 29. 10,5	— 0. 12. 44	112. 17. 18	0 32. 0	+ 0. 6	+ 12
14	9. 42. 42,9	Idem...	+ 0. 29. 0,5	— 0. 12. 17	112. 14. 54	0 32. 3	— 0. 15	+ 16
16	9. 34. 42,7	Idem...	+ 0. 28. 44,5	— 0. 11. 32	112. 11. 9	0 32. 13	+ 0. 3	+ 27
17	9. 30. 43,8	Idem...	+ 0. 28. 36,2	— 0. 11. 16,1	112. 9. 12	0 32. 11	— 0. 0	+ 26
19	9. 22. 46,8	Idem...	+ 0. 28. 20,5	— 0. 10. 51	112. 5. 28	0 32. 0	+ 0. 3	+ 18
22	9. 10. 58,4	Idem...	+ 0. 27. 57,0	— 0. 10. 1	112. 0. 2	0 31. 55	— 0. 10	+ 13

1787.	TEMPS		ÉTOILE comparée	DIFFERENCES DANS LE MÉRIDIEEN.		LIEUX OBSERVÉS DE HERSCHEL.		ERREUR des TABLES.			
	VRAI.										
	H.	M. S.		des Passages.	des Hauteurs.	Longitude.	Latitude.	En longit.	En latit.		
	H.	M. S.		H.	M. S.	D.	M. S.	D.	M. S.	M. S.	S.
								Boréale.			
Mars 2	8.40.	3,9	μ Gém..	+ 1. 24. 13,7	— 0. 23. 9	111. 47. 34	0. 31. 44	— 0. 3	+ 9		
			♂ Gém..	+ 0. 27. 4,3	— 0. 8. 14						
7	8. 21. 8,8		μ Gém..	+ 1. 23. 48,0	— 0. 22. 11	111. 41. 33	0. 31. 47	+ 0. 14	+ 17		
			γ Écrev..	— 0. 56. 41,0	+ 0. 1. 0						
8	8. 17. 22,8		μ Gém..	+ 1. 23. 42,8	+ 0. 21. 57,2	111. 40. 21	0. 31. 47	+ 0. 11	+ 18		
			γ Écrev..	— 0. 56. 46,0	+ 0. 1. 10						
10	8. 9. 52,9		Idem....	— 0. 56. 55,5	+ 0. 1. 38	111. 38. 12	0. 31. 56	+ 0. 5	+ 29		
12	8. 2. 26,6		Idem....	— 0. 57. 3,0	+ 0. 1. 51						
			μ Gém..	+ 1. 23. 26,5	— 0. 21. 21	111. 36. 25	0. 31. 48	+ 0. 12	+ 23		
			γ Écrev..	— 0. 57. 6,5	+ 0. 2. 1						
13	7. 58. 43,6		γ Écrev..	— 0. 57. 10,5	+ 0. 2. 13	111. 35. 37	0. 31. 52	+ 0. 17	+ 28		
14	7. 55. 1,2		Idem....	— 0. 57. 21,5	+ 0. 2. 22						
18	7. 40. 15,0		Idem....	— 0. 57. 24,0	+ 0. 2. 31	111. 32. 7	0. 31. 40	+ 0. 7	+ 22		
19	7. 36. 34,8		♂ Lion..	— 3. 28. 48,4	+ 0. 34. 41						
20	7. 32. 55,7		Idem....	— 3. 28. 50,5	+ 0. 34. 41	111. 30. 54	0. 31. 37	+ 0. 14	+ 20		
			γ Écrev..	— 0. 57. 26,2	+ 0. 2. 30						
21	7. 29. 15,9		Idem....	— 0. 57. 27,8	+ 0. 2. 30	111. 30. 19	0. 31. 33	+ 0. 4	+ 18		
24	7. 18. 18,7		Idem....	— 0. 57. 32,2	+ 0. 2. 36						
27	7. 7. 23,7		μ Écrev..	— 0. 21. 58,0	+ 0. 4. 46	111. 28. 32	0. 31. 20	— 0. 7	+ 11		
			γ Écrev..	— 0. 57. 35,0	+ 0. 2. 34						
Nov. 24	16. 6. 15,0		♂ Gem..	+ 1. 1. 50,5	— 1. 38. 56	120. 3. 18	0. 33. 34	— 0. 15	+ 7		
28	15. 48. 53,8		β Bélier.	+ 6. 25. 7,0	+ 0. 57. 31	119. 58. 30	0. 33. 52	— 0. 4	+ 15		

Les observations du mois de Janvier, donnent encore les résultats suivans :

Opposition vraie de Herschel, le 13 Janvier, à..... $\left\{ \begin{array}{l} 5^h 3' 46'' \text{ temps moyen.} \\ 4. 54. 27 \text{ temps vrai.} \end{array} \right.$

Longitude en opposition comptée de l'équinoxe moyen. . . 113^d 32' 42"

Latitude en opposition, 0. 32. § *Boréale.*

On a supposé l'erreur moyenne des Tables, de 0' 16" soustractive en longitude, & de 0' 16" additive en latitude.

1787.	TEMPS VRAI.	ÉTOILE comparée	DIFFÉRENCES DANS LE MÉRIDIEN.		LIEUX OBSERVÉS DE LA LUNE.		ERREUR des TABLES.	
			des Passages.		Longitude.		En long En lat.	
			H. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	M. S.	S.
Janv. 8	16. 12. 10,7	♄ Orion.	+ 6.19.16,0: D	— 0.54.36: I	174. 50. 9	4. 59.30: A	— 0.55	— 6
10	17. 37. 11,9	♄ Éridan.	+ 9.18.23,0: D	27.18.23: I	200. 22. 0	5. 15.37: A	— 0.63	— 13
12	19. 5. 38,9	♄ Lièvre.	+ 9.24.44,7: D	19.24.27: I	225. 0. 23	4. 33.22: A	— 0.69	+ 4
13	19. 52. 38,5	♄ Éridan.	+ 11.50.23,3: D	+ 0.48.30: I	237. 14. 53	3. 52.23: A	+ 0.36	— 21
25	4. 41. 13,3	♄ Écrev.	— 7.31.55,5: C	+ 0. 1.49: I	22. 22. 2	5. 11.51: B	— 0.26	— 13
30	9. 33. 14,3	♄ Gém.	— 0.40. 8,5: C	— 0.57.27: I	96. 28. 29	0. 42.27: B	— 0.11	— 8
31	10. 32. 42,2	♄ Taureau.	+ 2. 5.33,5: C	— 0.37.19: I	111. 23. 7	0. 39.43: B	— 0.43	+ 24
Fév. 1	11. 28. 27,7	♄ Gém.	+ 2. 5. 4,7: C	+ 0. 3. 0: S				
		Aldébaran	+ 4. 6.26,4: C	+ 0.32.52: S	126. 7. 10	1. 56.58: A	— 0.43	— 20
23	4 25.10,8	♄ Taureau.	— 1.57.22,0: C	61.28.21: I	47. 13. 0	4. 12.55: B	— 0. 6	— 23
24	5. 23. 47,9	♄ Alcione.	+ 0.20.20,2: C	— 0.15.29: I	61. 56. 49	3. 21. 37: B	+ 0. 3	— 21
27	8. 24. 9,5	♄ Gém.	+ 0. 0. 2,0: C	— 0.48.12: I	105. 49. 27	0. 15. 48: A	— 0.36	+ 1
Mars 2	11. 1. 29,8	♄ petit ch.	+ 2.40.17,0: C	— 0.27.47: S	148. 28. 28	3. 38. 17: A	— 0.41	— 10
		♄ Orion.	+ 4.11.59,0: C	+ 0.53.13: S				
8	15. 36. 47,0	♄ gr. ch.	+ 7.53.29,0: D	19.11.14: I	227. 6. 9	4. 7.47: A	— 0.67	— 13
		♄ Lièvre.	+ 9.29.36,8: D	— 4. 1.33: I				
13	19. 45. 20,0	♄ gr. Ch.	+ 12.20.16,0: D	+ 3.54.58: S	288. 47. 25	0. 38. 7: B	— 0.57	— 9
27	7. 22. 58,9	♄ Écrev.	— 0.41.57,5: C	— 2.44.49: S	115. 47. 10	1. 21. 4: A	— 0.26	— 3
Avril 4	13. 38. 27,2	♄ Corbeau	+ 2.34.40,0: D	+ 0.51.28: I	222. 8. 16	4. 11.50: A	— 0.18	— 2
10	18. 33. 34,7	Idem...	+ 7.51.34,4: D	+ 0. 8.18: S	296. 3. 55	1. 31.52: B	— 0.63	+ 15
30	10. 52. 43,9	♄ Balance.	— 1.14.12,5: C	+ 0.21.56: S	205. 6. 51	4. 49.17: A	— 0.41	— 8
Mai 21	4. 13. 37,5	♄ Bouv.	— 5.37. 1,8: C	— 1.42. 5: S	120. 13. 45	2. 9.48: A	— 0.69	— 34
23	5. 55. 15,8	♄ Serpent.	+ 5.36.19,6: C	48.49.54: S	148. 43. 17	4. 10. 0: A	— 0.53	— 17
25	7. 24. 48,9	♄ Vierge.	— 1.10.18,3: C	— 7.57.54: S	175. 32. 18	5. 7.40: A	— 0.31	— 31
27	8. 51. 27,5	♄ Balance.	— 2.13.56,0: C	" " 8: S	201. 8. 45	5. 1. 4: A	— 0.64	— 22
Juin 4	15. 14. 45,1	♄ Scorp.	+ 4. 6. 5,2: D	+ 0.11.35: S	209. 40. 19	2. 10. 51: B	— 0. 5	— 8
6	16. 44. 24,8	♄ Ophiucus	+ 5.18.13,8: D	+ 0.10. 3: S	324. 58. 36	4. 1.41: B	— 0.13	+ 3
7	17. 28. 24,5	♄ Ophiucus.	+ 6.24.40,5: D	— 0.32.14: S	338. 3. 30	4.42. 0: B	— 0.10	+ 22
9	18. 59. 37,0	♄ Ophiucus.	+ 6.38.30,0: D	+ 1.56.53: S	5. 26.40	5. 16.33: B	+ 0.11	— 5
10	19. 49. 14,0	♄ Serpent.	+ 9.40.13,3: D	+ 0.54.51: S	19. 51. 40	5. 6.54: B	+ 0.23	+ 14
11	20. 43. 3,5	♄ Serpent.	+ 10.16.14,5: D	58.21.58: S	34. 45. 56	4. 35.10: B	+ 0.29	— 38

1787.	TEMPS VRAI.	ÉTOILE comparée	DIFFÉRENCES DANS LE MÉRIDIEN.		LIEUX OBSERVÉS DE LA LUNE.		ERREUR des TABLES.	
			des Passages.	des Hauteurs	Longitude.	Latitude.	En long.	En lat.
	H. M. S.		H. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	S.	S.
Juin 22	6. 0. 44,2	α Vierge.	— 1. 8.20,5: C	+ 3. 2.52,5: S	184. 5. 5	5. 17.40: A	— 63	— 3
25	8. 14. 11,4	β Scorp.	— 1.21. 6,0: C	— 10.53. 6: S	222. 2.43	4. 14. 32: A	— 49	+ 2
26	9. 1. 9,9	δ Scorp.	— 0.24.41:0: C	— 0.50.21: S	234. 19.46	3. 28. 6: A	— 70	+ 11
27	9. 49. 36,9	σ Scorp.	+ 0. 7.27,5: C	+ 0.30.53: S	246. 33.22	3. 32. 36: A	— 49	— 8
29	11. 28. 30,6	λ Sagitt.	— 0.11.34,0: C	16.44.50: S	271. 0. 12	0. 23. 19: A	— 43	— 8
30	12. 19. 34,2	δ Scorp.	+ 3.10.14,7: C	— 0.39.30: S	283. 19. 14	0. 44. 50: B	— 37	+ 4
Juill. 1	13. 7. 5,7	β Scorp.	+ 3.56.36,0: C	— 0.35.11: S	295.43.27	1. 51. 17: B	— 17	— 10
		δ Scorp.	+ 4. 1.53,5: C	+ 2.12. 3: S				
2	13. 53. 3,5	η Ophiucus	+ 3.41.46,5: C	— 0.33.34: S	308. 15.25	2. 53.28: B	— 8	+ 4
		α^2 Capric.	+ 0.34.16,2: C	— 2.48.55: S				
3	14. 37. 41,3	<i>Idem</i> ...	+ 1.23. 1,0: C	+ 1.42.36: S	320.58. 4	3. 47. 33: B	+ 4	— 3
4	15. 21. 29,7	β Verseau.	+ 0.57. 3,0: C	+ 0. 6.30: S	333.53.50	4. 31.24: B	+ 27	+ 5
5	16. 5. 20,0	η Antin.	+ 3.23.25,7: C	— 1.24.42: S	347. 5.24	5. 1.42: B	+ 18	+ 17
8	18. 27. 38,1	α Dauphin	+ 5. 9.59,5: C	+ 0. 6.36: S	28. 43.14	4. 51. 7: B	+ 14	+ 11
27	10. 10. 2,0	θ Ophiucus	+ 1.28.46,5: C	+ 1.21.17: S	279. 0.37	0. 21.49: B	— 41	+ 7
28	10. 58. 31,4	σ Sagitt.	+ 0.38.29,8: C	— 1. 7.48: S	291.24.29	1. 28.41: B	— 58	+ 5
30	12. 33. 38,7	α^2 Capric.	+ 1. 7.17,5: C	+ 0. 7.31: S	316.48. 8	3. 28.47: B	— 34	+ 17
Août 1	14. 2. 52,7	η Serpent.	+ 4.39.52,5: C	+ 0.13.55: S	343. 1.17	4.48.43: B	+ 27	— 34
2	14. 47. 47,0	δ Aigle..	+ 4.24.21,5: C	+ 0.10.36: S	356.28.29	5. 8.29: B	+ 11	+ 23
4	16. 23. 2,4	α Dauphin	+ 4.52.32,8: C	— 1.32.47: S	24. 10. 6	4.53.21: B	+ 10	— 1
5	17. 15. 19,0	α Flèche..	+ 6.47.37,5: C	+ 0.36.46: S	38.24.48	4. 17.38: B	— 29	— 2
8	20. 13. 23,8	δ Hercule	+ 1.22.10. 5: C	— 1.27.15: S	82.46.14	1. 4.21: B	+ 59	+ 35
21	6. 27. 36,6	λ Sagitt.	— 1.44.24,2: C	+ 0.53.19: S	249.49. 7	2. 5.12: A	+ 63	— 3
23	8. 7. 14,0	<i>Idem</i>	+ 0. 2.37,6: C	+ 1.32.59: S	274.16.24	0. 2.42: A	— 65	— 1
25	9. 44. 20,2	γ Capric.	— 1.25.52,7: C	— 1.11. 0: S				
		δ Capric.	— 1.32.51,5: C	— 1.42.51: S	299. 8.52	2.11.59: B	— 64	+ 20
28	12. 4. 38,0	β Verseau	+ 1.13.16,6: C	+ 1.46.35: S	338.17.19	4.35.20: B	+ 18	— 1
Sept. 2	16. 13. 24,0	α Flèche..	+ 7.29.34,0: C	61.44. 2 S	48.34.42	3.31.36: B	+ 35	— 7
3	17. 11. 43,3	β Cygne.	+ 8.39.55,0: C	64.16.20: S	63. 9. 6	2.29.56: B	— 12	+ 7
4	18. 12. 5,7	β Cygne.	+ 9.43.58,4: C	— 3.28.13: S	77.49.49	1. 17.46: B	— 20	+ 8
5	19. 13. 5,2	<i>Id</i>	+ 10.48.29,5: C	— 4.47.24: S	92.34.58	0. 0.35: B	— 32	— 2
6	20. 12. 37,1	β Cygne.	+ 11.51.36,0: C	61.29.35: S	107.21.29	1. 17.43: A	— 20	— 2
28	13. 21. 5,5	α Dauphin	+ 5.11.39,5: C	— 0.14.10: S	28.57.45	4.43.42: B	— 28	+ 13

Mém. 1787.

H

1787.	TEMPS VRAI.	ÉTOILE comparée	DIFFÉRENCES DANS LE MÉRIDIEN.		LIEUX OBSERVÉS DE LA LUNE.		ERREUR des TABLES.	
			des Passages.	des Hauteurs.	Longitude.	Latitude.	En long.	En latit.
	H. M. S.		H. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	S.	S.
Sept. 29	14. 16. 32,7	γ Bélier..	+ 0.59.24,7: C	60.23. 6: S	43.42.32	3.37.57:B	— 6	+ 15
Oct. 19	6. 31. 55,5	β Capric.	+ 0. 0.19,5: C	— 2.53.36 : I	301. 1.15	2.46. 5:B	— 62	— 15
Nov. 17	5. 54. 42,3	η Baleine.	— 3.30.38,5: C	— 0.13.40 : I	320.55.20	4. 15. 16:B	— 32	— 30
24	11. 44. 45,0	η Gém..	— 2.14.32,5: C	— 0.17.52 : S	59.50. 2	2. 20.50:B	— 4	+ 28
		μ Gém..	— 2.22.34,5: C	63.25.22 : S				
25	12. 51. 14,7	α Bélier..	+ 3. 2.21,4: C	+ 0.28.19 : I	75.35. 1	0.57.48:B	— 23	— 28
26	13. 55. 35,6	μ Gém..	— 0. 3.12,0: C	63.25.19 : I	91.19.18	0. 28.10:A	— 40	— 14
		α Belier..	+ 4.10.58,5: C	— 0.12.12 : I				
27	14. 57. 37,4	β Belier.	+ 5.29:31,5: C	60.57.19 : I	106.55. 0	1.52.26:A	— 62	+ 22
28	15. 55. 34,3	γ Gém..	+ 1.50. 3,5: C	— 0.41.15 : I	122. 8.15	3. 6.11:A	— 31	+ 6
30	17. 32. 42,9	α Orion.	+ 4.23.26,0: C	46.45.24 : I	151.23.35	4.47.50:A	— 34	— 8
Déc. 21	9. 10. 36,3	β Bélier.	+ 1.27.59,7: C	+ 0.32. 4 : I	51.22.38	3. 1.46:B	+ 59	— 16
25	13. 26. 2,2	β Bélier..	+ 6. 0.42,5: C	59. 9.13 : I	114.26. 3	2. 30.18:A	— 64	— 25

Nota. Dans la quatrième colonne, C désigne que la différence de passage a été prise entre l'Étoile & le premier bord ou bord occidental de la Lune. S Désigne que cette différence a été prise entre l'Étoile & le deuxième bord ou bord oriental de la Lune. Dans la cinquième colonne, I désigne que c'est le bord inférieur de la Lune, dont on a pris la différence de hauteur avec l'Étoile ; & S désigne que c'est le bord supérieur. Nous devons aussi prévenir ceux qui entreprendront de vérifier nos calculs, qu'à la déclinaison déduite de la hauteur ou de la différence des hauteurs rapportées dans la cinquième colonne, il faut appliquer la petite correction du mouvement de la Lune en déclinaison dans l'intervalle d'une minute de temps, parce que l'on a coutume de ne prendre la hauteur de la Lune qu'au moment du passage de son centre au méridien, c'est-à-dire, environ une minute de temps après le passage du premier bord, ou avant celui du deuxième bord. Il faut donc avoir égard au changement en hauteur ou en déclinaison, que la Lune peut avoir pendant cette minute pour réduire la déclinaison à la même époque que le passage du bord observé, qui est celle pour laquelle on a calculé l'ascension droite & le lieu de la Lune. Il y a des temps où ce mouvement dans une minute monte à 15 secondes environ, & cette quantité n'est point à négliger. La hauteur de la Lune est la partie de l'observation la plus susceptible d'erreur, sur-tout avant le premier quartier & après le dernier où son bord n'est pas terminé; ce qui rend les observations moins exactes, & peut augmenter en apparence l'erreur des Tables.

On a calculé les mêmes lieux de la Lune avec les nouvelles Tables d'Euler, publiées par M. Jaurat, & l'on a trouvé

MOIS & JOURS.	TABLES D'EULER.		MOIS & JOURS.	TABLES D'EULER.	
	ERREURS			ERREURS	
	En longitude.	En latitude.		En longitude.	En latitude.
	M. S.	M. S.		M. S.	M. S.
Janv.. 8	+ 0. 12	— 0. 52	Juin.. 9	— 0. 15	— 0. 11
10	0	— 0. 16	10	— 1. 11	+ 0. 2
12	— 0. 26	+ 0. 47	11	— 0. 32	— 0. 57
13	+ 0. 12	— 0. 52	22	— 0. 26	— 0. 18
25	+ 0. 6	— 0. 43	25	— 0. 42	— 0. 2
30	+ 0. 16	+ 0. 17	26	— 0. 6	— 0. 8
31	+ 0. 34	+ 0. 45	27	— 0. 13	— 0. 33
Fév. 1	— 0. 6	— 0. 45	29	— 0. 36	+ 0. 1
23	+ 0. 36	+ 0. 25	30	— 0. 61	— 0. 14
24	+ 1. 1	+ 0. 30	Juillet. 1	— 0. 35	— 0. 25
27	— 0. 33	+ 0. 19	2	— 0. 42	+ 0. 6
Mars.. 2	+ 0. 15	— 0. 18	3	— 0. 32	— 0. 29
8	— 0. 2	— 0. 13	4	— 0. 7	— 0. 42
13	— 0. 59	— 0. 14	5	— 1. 5	— 0. 8
27	— 0. 11	+ 0. 6	8	— 0. 20	— 0. 17
Avril.. 4	— 0. 3	— 0. 17	27	— 0. 42	— 0. 8
10	— 0. 32	+ 0. 24	28	— 1. 15	— 0. 59
30	— 0. 18	— 0. 25	30	— 0. 46	— 0. 14
Mai.. 21	— 0. 8	— 0. 57	Août.. 1	— 0. 4	— 0. 16
23	— 0. 17	— 0. 48	2	— 0. 21	— 0. 18
25	+ 0. 1	— 0. 53	4	— 0. 10	+ 0. 36
27	— 0. 29	— 0. 36	5	— 0. 43	— 1. 32
Juin.. 4	— 0. 39	+ 0. 5	8	— 0. 36	+ 0. 31
6	+ 0. 28	+ 0. 13	21	— 0. 55	+ 0. 16
7	— 0. 10	+ 0. 29	23	+ 1. 36	— 0. 21

MOIS & JOURS.		TABLES D'EULER.		MOIS & JOURS.		TABLES D'EULER.	
		ERREURS				ERREURS	
		En longitude.	En latitude.			En longitude.	En latitude.
		M. S.	M. S.			M. S.	M. S.
Août..	25	— 1. 0	— 0. 7	Novem.	17	— 1. 36	— 1. 29
	28	— 0. 28	— 0. 22		24	+ 0. 46	— 0. 12
Septemb.	2	— 0. 23	— 0. 6		25	— 1. 20	— 1. 16
	3	— 0. 22	— 0. 7		26	+ 0. 51	+ 0. 56
	4	+ 0. 34	— 0. 19		27	+ 0. 28	+ 1. 10
	5	— 0. 31	+ 0. 35		28	— 0. 46	— 0. 40
	6	— 0. 30	+ 0. 10		30	+ 0. 22	+ 0. 18
	28	— 0. 23	— 0. 2	Déc.	21	— 1. 46	+ 0. 11
	29	— 0. 26	+ 0. 3		25	0. 0	+ 0. 11
Octob.	19	— 1. 34	+ 0. 3				

Occultations d'Étoiles par la Lune.

ÉTOILES ÉCLIPSÉES.	JOURS.	TEMPS VRAI.	
π Lion.	2 Mars.....	6. 19. 13,2	Emerfion.
ξ Lion.	22 Mai.....	9. 38. 26,1	Emerfion.
42.° Balance.....	26 Juin.....	10. 50. 15,3	Immerfion.
19.° Poiffon.....	2 Août.....	12. 18. 8,6	Immerfion.
<i>Idem.</i>	<i>Idem.</i>	13. 7. 14,2	Emerfion.
23.° Sagittaire.....	23 Août....	8. 56. 37,7	Immerfion.
θ Ophiucus.....	18 Septembre..	8. 19. 56,4	Immerfion.
Suivante.....	<i>Idem.</i>	8. 20. 46	Immerfion.
η Gémeaux.....	26 Novembre.	11. 33. 36	Immerfion.
<i>Idem.</i>	<i>Idem.</i>	12. 43. 28	Emerfion.
μ Gémeaux.....	26 Novembre	15. 45. 32,7	Immerfion.
<i>Idem.</i>	<i>Idem.</i>	16. 17. 50,5	Emerfion.

Eclipses des Satellites de Jupiter.

PREMIER SATELLITE.

MOIS & JOURS.	TEMPS VRAI.		CIRCONSTANCES.
Janvier 8	6 ^h 15' 52"	Émerſion....	beaucoup de vapeurs.
31	6. 24. 33	Émerſion....	beau temps.
Février. 14	10. 15. 32	Émerſion....	temps peu favorable.
Mars. 2	8. 38. 26	Émerſion....	temps favorable.
18	7. 3. 10	Émerſion....	temps favorable.
Avril. 10	7. 26. 16	Émerſion....	temps favorable.
Août. 8	13. 44. 54	Immersion....	temps peu favorable.
Octob. 16	14. 32. 8	Immersion....	temps favorable.
23	16. 26. 29	Immersion....	légères vapeurs.
Nov.. 10	9. 11. 15	Immersion....	légères vapeurs.
22	18. 26. 46	Immersion....	douteuse.
24	12. 55. 45	Immersion....	assez favorable.
26	7. 23. 15	Immersion....	temps peu favorable.
Déc.. 1	14. 46. 24	Immersion....	quelques vapeurs.
28	5. 53. 15	Émerſion....	temps peu favorable.

DEUXIÈME SATELLITE.

Janvier. 10	11 ^h 4' 24"	Émerſion....	
Mars. 8	7. 57. 39	Émerſion....	beaucoup de vapeurs.
Sept. 12	14. 12. 37	Immersion....	vapeurs.
19	16. 51. 59	Immersion....	beaucoup de vapeurs.

TROISIÈME SATELLITE.

Octob. 1	14 ^h 10' 7"	Immersion. . .	temps peu favorable.
30	8. 39. 55	Émerſion. . .	assez beau temps.
Nov. 6	12. 39. 46	Émerſion....	vapeurs.
22	16. 24. 23	Immersion. . .	temps peu favorable.
Déc. 28	7. 58. 36	Émerſion. . .	temps peu favorable.

TABLE du mouvement de la Pendule pour la réduction des heures en degrés.

	ANTICIPATION des Fixes.		ANTICIPATION des Fixes.		ANTICIPATION des Fixes.
Janvier. 1	4' 1",0	Juin. . . 24	4' 8",0	Août. . 11	4' 5",3
Février. 16	4. 1,5	Juillet.. 11	<i>Touché.</i>	17	<i>Touché.</i>
Mars. 30	4. 1,2	Juillet.. 17	4. 9,0	18	3. 53,8
Avril. 12	4. 1,5	21	4. 7,0	31	3. 54,4
Mai. 13	4. 1,0	29	4. 4,5	Sept.... 9	3. 55,0
Juin. 17	<i>Touché.</i>	Août. . . 9	<i>Touché.</i>	12	nouvelle Pendule.
<p>Cette Table montre, par l'anticipation des Fixes, quel a été l'état & le mouvement de la pendule dans tous les temps de l'année. On voit, par exemple, que du 1.^{er} Janvier jusqu'au 16 Février, l'anticipation a été de 4' 1",0, c'est-à-dire que la pendule retardoit, sur le moyen mouvement, de 5",1. Lorsque la pendule a été arrêtée ou dérangée par accident ou pour être réglée, nous en avertissons par le mot <i>Touché</i>.</p>					
				25	
				Nov.... 1	3. 56,0
				Déc... 20	3. 56,4

C O M È T E.

LE 10 Avril, vers 8^h du soir, M. Méchain a découvert à l'Observatoire royal, une Comète dans la constellation du Taureau; sa lumière étoit assez vive; elle avoit une légère apparence de queue. On ne put l'observer que jusqu'au 13 à cause du mauvais temps; & comme son mouvement la rapprochoit du Soleil, on ne put la revoir que le 18 Mai, où elle reparut le matin après s'être dégagée des rayons du Soleil, mais le grand jour ne permit pas de l'observer plus tard que le 26 Mai.

Voici ses élémens calculés par M. le Président de Saron.

Lieu du nœud ascendant.....	3 ^h 16 ^d 51' 35".
Inclinaison de l'orbite.....	48. 15. 51.
Lieu du périhélie.....	9. 7. 44. 9.
Passage au périhélie, le 10 Mai, à.....	19 ^h 58' 0" <i>temps moy.</i>
Logarithme de la distance périhélie.....	9,542714.
Sens du mouvement.....	Rétrograde.

Cette Comète a été vue à l'Isle de France, & observée par M. de la Nux, depuis le 25 Mai jusqu'au 26 Juillet.

TABLE de la Déclinaison de plusieurs Étoiles, déduite
de leur hauteur méridienne, observée au quart-de-cercle
mobile de 6 pieds, en 1787.

MOIS & JOURS.	ÉTOILES.	OBSER- VATIONS NOMBRE des	HAUTEUR OBSERVÉE.			DÉCLINAISON MOYENNE au 1. ^{er} Janvier 1786.		
			D.	M.	S.	D.	M.	S.
1787.								
Février.. 22	Aldebaran....	4	57.	14.	28,8	16.	3.	51:B.
Mars... 21	Arcturus*.....	3	61.	27.	50,6	20.	18.	12:B.
Mai... 21	Idem.....	5	"	"	56,3			
Juin... 10	Idem.....	5	"	"	59,4			
Mars... 21	Antarès*.....	3	15.	16.	42,6	25.	56.	39:A.
Juin... 25	Idem.....	3	"	"	23,0			
Mars... 21	Regulus*.....	2	54.	10.	17,9	13.	0.	21:B.
Janvier.. 25	Syrus*.....	3	24.	45.	38,7	16.	26.	5:A.
Mars... 20	Idem.....	3	"	"	35,3			
Juin... 22	α Aigle.....	2	49.	29.	45,3	8.	18.	57 B.
Juillet.. 16	Idem.....	3	"	"	51,4			
Septemb. 23	Idem.....	1	"	"	59,1			
Nov... 30	α Bélier*.....	5	63.	37.	31,3	22.	26.	26 B.
Juillet.. 3	α' Capricorne..	6	28.	2.	32,7			
Août... 3	Idem.....	5	"	"	31,5	13.	9.	26 A.
Juillet.. 3	α ² Capricorne..	6	28.	0.	13,6	13.	11.	42 A.
Août... 2	Idem.....	6	"	"	14,8			
Août... 3	α Flèche*.....	3	58.	42.	38,3	17.	31.	55 B.
Mars... 18	α Gémeaux....	4	73.	30.	27,9	32.	20.	43 B.
Janvier.. 13	α Lièvre.....	4	23.	12.	52,2	17.	59.	13 A.
Février.. 23	Idem.....	4	"	"	47,2			
Mars... 20	α Lyre.....	2	79.	45.	26,4	38.	35.	39:B.
Juin... 22	Idem.....	2	"	"	36,9			
Septemb. 23	Idem.....	1	"	"	54,5			

MOIS & JOURS.	ÉTOILES.	NOMBRE des OBSERVATIONS	HAUTEUR OBSERVÉE.	DÉCLINAISON MOYENNE au 1. ^{er} Janvier 1786.
1787.			D. M. S.	D. M. S.
Mars.... 21	α Orion *....	3	48. 31. 43,7	7. 21. 8:B.
Mai.... 21	α Serpent.....	7	48. 16. 56,0	7. 6. 41:B.
Mars... 21	α Vierge *....	1	31. 8. 28,0	10. 2. 20:A.
Avril... 11	<i>Idem</i>	3	" " 25,4	
Juin... 2	<i>Idem</i>	2	" " 22,5	
Septemb. 4	β l'Aigle *....	6	47. 4. 6,6	5. 52. 59 B.
Nov.... 30	β Bélier.....	5	60. 56. 25,2	18. 45. 17 B.
Juin.... 9	β Bouvier.....	4	82. 24. 8,5	41. 14. 34 B.
Août... 18	β Capricorne*..	6	25. 45. 25,0	15. 26. 45 A.
Septemb. 13	<i>Idem</i>	5	" " 31,7	
Octobre. 1	<i>Idem</i>	1	" " 27,2	
Septemb. 3	β Cygne *....	5	68. 41. 45,5	27. 31. 10 B.
Février.. 16	β Gr. Chien....	6	23. 20. 17	17. 51. 40 A.
Mars... 20	β Pet. Chien...	2	49. 52. 45	8. 42. 21 B.
Juillet.. 4	β Hercule *....	4	63. 8. 4,9	21. 57. 57 B.
Août.... 4	<i>Idem</i>	7	" " 6,7	
Septemb. 10	β Pégase *....	6	68. 6. 20,9	26. 55. 27 B.
Nov.... 5	<i>Idem</i>	2	" " 27,9	
Juillet.. 4	β Scorpion *...	3	21. 59. 24,8	19. 12. 22 A.
Juillet.. 4	β Verseau *....	2	34. 41. 30,7	6. 30. 15 B.
Août... 30	<i>Idem</i>	2	" " 28,6	
Mars.... 18	β Vierge *....	5	44. 8. 25,4	2. 58. 16 B.
Mai.... 15	<i>Idem</i>	4	" " 25,3	
Mars.... 14	γ Gr. Chien....	5	25. 51. 46,3	15. 19. 59 A.
Janv.... 10	γ Éridan *....	3	27. 4. 16,5	14. 7. 40 A.

Suite de la Table de la Déclinaison, &c.

MOIS & JOURS.	ÉTOILES.	NOMBRE des OBSERVATIONS	HAUTEUR OBSERVÉE.	DÉCLINAISON MOYENNE au 1. ^{er} Janvier 1786.
1787.			D. M. S.	D. M. S.
Mars... 7	γ Gemeaux....	6	57. 44. 18,5	16. 33. 57 B.
Décemb. 9	Idem.....	3	" " 9,7	
Mai... 20	γ Hercule*....	3	60. 50. 0,2	19. 39. 59 B.
Juillét... 28	Idem.....	3	" " 5,8	
Juin... 8	γ Serpent*....	5	57. 32. 16,2	16. 22. 15 B.
Janvier... 11	γ Taureau.....	6	56. 16. 31,2	
Février... 16	Idem.....	6	" " 29,1	15. 5. 49 B.
Août... 3	δ de l'Aigle*...	3	43. 53. 6,9	2. 42. 3 B.
Septemb. 15	Idem.....	2	" " 10,0	
Août... 28	δ Capricorne*..	3	24. 7. 4,2	17. 5. 32 A.
Novemb. 25	Idem.....	4	" " 6,2	
Mars... 8	δ Gr. Chien....	4	15. 9. 9,3	26. 3. 58 A.
Avril... 11	δ Corbeau*....	1	25. 51. 43,7	
Mai... 25	Idem.....	2	" " 43,7	15. 19. 25 A.
Septemb. 2	δ Flèche.....	4	59. 11. 48,1	
Janv... 23	δ Gémeaux*....	6	63. 31. 48,4	22. 21. 40 B.
Février... 17	Idem.....	6	" " 47,3	
Juin... 9	δ Hercule*....	3	66. 16. 10,7	25. 6. 9 B.
Mars... 12	δ Hydre*....	3	47. 36. 39,0	
Février... 1	δ Persée.....	2	88. 15. 43,5	47. 5. 22 B.
Juillet... 1	δ Scorpion....	2	19. 12. 11,0	
Juin... 10	δ Serpent.....	3	52. 26. 0,0	11. 15. 52 B.
Septemb.. 14	δ Verseau*....	2	24. 15. 13,5	
Nov... 10	Idem.....	1	" " 8,0	16. 57. 28 A.
Mai... 25	δ Vierge*....	2	45. 43. 50,7	
Mai.... 15	ε Bouvier.....	3	69. 8. 46,6	27. 59. 17 B.
Mars.... 8	ε Gr. Chien....	3	12. 32. 24,6	

Mém. 1787.

I

MOIS & JOURS.	ÉTOILES.	NOMBRE des OBSERVATIONS	HAUTEUR OBSERVÉE.	DÉCLINAISON MOYENNE au 1. ^{er} janvier 1786.
1787.			D. M. S.	D. M. S.
Août... 28	ε Dauphin*....	3	51. 46. 6,2	10. 35. 8. B.
Mars... 7	ε Géméaux....	2	66. 29. 48,9	25. 19. 40 B.
Mars... 14	ε Hydre.....	4	48. 21. 53,8	7. 11. 32 B.
Juin... 9	ε Ophiucus....	2	37. 1. 20,1	4. 9. 24 A.
Sept.... 15	ε Pégafe.....	5	50. 5. 17,5	8. 54. 2 B.
Mai... 29	ε Vierge*.....	3	53. 16. 42,7	12. 6. 47 B.
Sept.... 2	ζ Aigle*.....	3	54. 44. 6,8	13. 33. 24. B.
Mai... 20	ζ Hercule*....	4	73. 9. 48,6	32. 0. 3 B.
Août... 6	ζ Serpent.....	5	37. 31. 20,8	3. 39. 45 A.
Mars... 24	ζ Vierge*.....	3	41. 40. 33,3	0. 30. 13 B.
Juin... 8	Idem.....	1	" " 31,4	
Juillet.. 5	η Antinoüs*...	3	41. 39. 17,1	0. 28. 11 B.
Mai... 21	η Bouvier*....	4	60. 38. 22,2	19. 28. 35 B.
Nov... 28	ε Géméaux....	4	63. 42. 47,7	22. 33. 25 B.
Mars... 18	θ Lion.....	2	57. 45. 31,9	16. 35. 45 B.
Juillet.. 27	θ Ophiucus.....	3	16. 26. 38,3	24. 46. 13 A.
Sept.... 13	θ Serpent*....	2	45. 7. 13	3. 56. 14 B.
Février.. 22	ι Gr. Ourse*.	4	90. 1. 35,7	48. 52. 13 B.
Février.. 5	ι Orion*.....	2	35. 7. 28,6	6. 3. 42 A.
Sept.... 6	ι Verseau.....	5	26. 18. 16,2	15. 52. 54 A.
Mars... 18	μ Lion.....	2	68. 10. 8,9	27. 0. 25 B.
30	μ Écrevisse....	4	63. 21. 23,6	22. 11. 24 B.
Août... 14	π Sagittaire....	6	19. 51. 38,3	21. 20. 54 A.
Juin... 7	ν Scorpion*....	6	22. 18. 20,9	18. 53. 23 A.
Août... 18	ε Pégafe.....	11	60. 4. 37,0	18. 53. 45 B.

Les hauteurs d'étoiles rapportées dans la Table précédente, ne sont corrigées que de l'erreur de la lunette & de la division de l'instrument: on pourra donc calculer la déclinaison moyenne avec tels élémens qu'il plaira d'employer. Quant à nous, nous avons supposé la hauteur de l'Équateur de $41^{\text{d}} 9' 46''$. Nous nous sommes servi des Tables de Mesger pour l'aberration & la nutation, & de la Table des réfractions moyennes du Recueil de M. de la Lande, en y appliquant la correction relative à la hauteur du baromètre & du thermomètre.

Voici la troisième Table de déclinaison d'étoiles que nous publions. Les observations ont été faites avec soin par différens observateurs, & avec le même instrument de six pieds de rayon, qui, deux fois par an, est vérifié par le renversement & par le retournement. Nous avons donc pensé que nos déterminations étoient susceptibles d'une grande exactitude, sur-tout par rapport aux mêmes étoiles qui ont été observées dans deux ou trois années consécutives, & qui ont donné des résultats peu différens, entre lesquels, en prenant un milieu, on sera sûr d'avoir une détermination très-rigoureuse. Au reste, la Table suivante va faire juger de l'accord de nos résultats & du degré de confiance qu'on peut leur donner. Nous avons réduit toutes les déclinaisons à l'époque du 1.^{er} Janvier 1788, pour en offrir une comparaison plus directe, avec les déclinaisons rapportées dans le catalogue imprimé dans le volume de la *Connoissance des Temps* de l'année 1788: on verra que plusieurs étoiles de ce catalogue ont certainement besoin de correction.

DÉCLINAISONS MOYENNES, au 1.^{er} Janvier 1788.

Par nos Observations.								Par le Catalogue.	Correction applicable au Catalogue.
	En 1785.		En 1786.		En 1787.				
Aldebaran...	"	"	"	16. 4. 3	8 Observ.	16. 4. 7	4 Observ.	16. 4. 18 B.	— 14"
Antarès....	25. 56. 50	2 Observ.	25. 56. 49	3.....	25. 56. 56	6.....	25. 56. 43 A.	+ 10	
Arcturus....	20. 17. 35	10.....	20. 17. 35	15.....	20. 17. 34	13.....	20. 17. 35 B.	0	
Regulus....	12. 59. 52	4.....	"	"	12. 59. 47	2.....	12. 59. 59 B.	— 9	
Syrius.....	16. 26. 13	8.....	"	"	16. 26. 14	6.....	16. 26. 17 A.	— 4	
α Balance....	15. 8. 54	3.....	15. 9. 4	3.....	"	"	15. 8. 56 A.	+ 3	
α Bélier.....	22. 27. 7	20.....	"	"	22. 27. 1	6.....	22. 27. 17 B.	— 12	
α Couronne..	27. 26. 18	3.....	27. 26. 18	4.....	"	"	27. 26. 24 B.	— 6	
α Flèche....	17. 32. 13	6.....	"	"	17. 32. 10	3.....	17. 32. 21 B.	— 9	
α Orion.....	7. 21. 7	4.....	"	"	7. 21. 11	3.....	7. 21. 13 B.	— 4	
α Vierge.....	10. 2. 49	4.....	10. 2. 57	4.....	10. 2. 58	6.....	10. 2. 54 A.	— 1	
β Aigle.....	"	"	5. 53. 20	5.....	5. 53. 17	6.....	5. 53. 44 B.	— 26	
β Capricorne.	"	"	15. 26. 13	3.....	15. 26. 24	12.....	15. 26. 16 A.	+ 6	
β Cygne....	27. 31. 29	3.....	"	"	27. 31. 24	5.....	27. 31. 32 B.	— 6	
β Hercule...	21. 57. 46	4.....	21. 57. 43	16.....	21. 57. 40	11.....	21. 57. 49 B.	— 7	
β Lion.....	15. 45. 34	4.....	15. 45. 25	5.....	"	"	15. 45. 32 B.	— 3	
β Ophiucus...	4. 40. 7	4.....	4. 40. 13	6.....	"	"	4. 40. 10 B.	+ 1	
β Pégase....	26. 56. 10	7.....	"	"	26. 56. 5	8.....	26. 56. 5 B.	+ 2	
β Scorpion..	19. 12. 37	4.....	"	"	19. 12. 43	3.....	19. 12. 37 A.	+ 2	
β Serpent....	16. 59. 44	4.....	16. 5. 41	10.....	"	"	16. 5. 51 B.	— 9	
β Verseau...	"	"	6. 29. 40	6.....	6. 29. 44	4.....	6. 29. 39 A.	+ 3	
β Vierge....	"	"	2. 57. 33	2.....	2. 57. 36	9.....	2. 57. 47 B.	— 12	
γ Éridan....	"	"	14. 7. 18	4.....	14. 7. 18	3.....	14. 7. 22 B.	— 4	
γ Hercule...	19. 39. 41	6.....	19. 39. 42	5.....	19. 39. 41	6.....	19. 39. 45 B.	— 4	
γ Ophiucus...	2. 48. 6	4.....	2. 48. 7	4.....	"	"	2. 48. 12 B.	— 5	
γ Serpent....	"	"	16. 21. 53	13.....	16. 21. 53	5.....	16. 22. 42 B.	— 49	
δ Aigle.....	"	"	2. 42. 22	4.....	2. 42. 16	5.....	2. 42. 22 B.	— 3	
δ Capricorne.	"	"	17. 4. 50	25.....	17. 5. 0	7.....	17. 4. 41 A.	+ 11	
δ Corbeau...	"	"	15. 20. 11	3.....	15. 20. 5	3.....	15. 19. 55 A.	+ 13	

DÉCLINAISONS MOYENNES, au 1.^{er} Janvier 1788.

Par nos Observations.								Par le Catalogue.	Correction applicable au Catalogue.
	En 1785.		En 1786.		En 1787.				
♌ Gémeaux...	22. 21. 32	14 Observ.	22. 21. 25	6 Observ.	22. 21. 28	12 Observ.	22. 21. 30 B.	—	1
♌ Hercule...	" " "	".....	25. 6. 0	10.....	25. 6. 0	3.....	25. 6. 9 B.	—	9
♌ Verseau...	" " "	".....	16. 56. 40	4.....	16. 56. 50	3.....	16. 56. 36 A.	+	8
♌ Vierge...	" " "	".....	4. 33. 9	2.....	4. 33. 4	2.....	4. 33. 21 B.	—	15
♐ Dauphin...	" " "	".....	10. 35. 27	4.....	10. 35. 31	3.....	10. 35. 44 B.	—	16
♐ Vierge....	12. 6. 3	3.....	12. 6. 2	4.....	12. 6. 8	3.....	12. 6. 13 B.	—	9
♏ Aigle.....	13. 33. 34	3.....	13. 36. 46 B.	—	3.12
♏ Hercule...	31. 59. 47	2.....	31. 59. 48	4.....	31. 59. 37 B.	+	10
♏ Vierge....	0. 29. 28	5.....	0. 29. 36	3.....	0. 29. 37 B.	—	6
♏ Antinoïs...	0. 28. 31	2.....	0. 28. 28	3.....	0. 28. 32 B.	+	3
♏ Bouvier...	19. 27. 59	4.....	19. 28. 21 B.	—	23
♏ Serpent...	3. 56. 26	5.....	3. 56. 30	3.....	3. 56. 22	2.....	3. 56. 33 B.	—	7
♏ d'Orion...	6. 3. 36	2.....	6. 3. 43 A.	—	7
♏ g. ^{de} Ourse..	48. 51. 49	2.....	48. 51. 47	4.....	48. 51. 44 B.	+	4
♏ Scorpion...	18. 53. 47	4.....	18. 53. 33	6.....	18. 53. 42 A.	—	3



*COMÈTE DE 1787,
OBSERVÉE A PARIS,
DE L'OBSERVATOIRE DE LA MARINE,
depuis le 11 Avril jusqu'au 20 Mai (a).*

Par M. MESSIER.

CETTE Comète, qui paroissoit dans le Taureau, fut découverte à l'Observatoire royal, le 10 Avril au soir, par M. Méchain; le 11 au matin, M. Méchain m'en fit part, & me donna la position qu'il avoit déterminée la veille.

Le jour que cette comète fut découverte, le ciel fut très-beau le soir; j'en avois même profité pour le parcourir avec une lunette de nuit: il me restoit à voir la partie du couchant, où étoit cette comète, lorsqu'un opticien m'apporta à essayer, sur Jupiter, une lunette achromatique, d'environ 4 pieds de foyer, à grande ouverture; l'essai que j'en fis me fit abandonner la suite de mes recherches.

Le 11 Avril, le ciel parfaitement beau le soir, je cherchai la comète dans l'endroit du ciel où elle avoit été vue le 10; je ne fus pas long-temps à la chercher; elle étoit placée très-près de l'écliptique, entre les Pléiades, & du Taureau & Jupiter, occupant le milieu d'un triangle isocèle: on ne pouvoit la voir qu'avec une lunette; son noyau y paroissoit assez lumineux, environné d'une nébulosité peu étendue, avec une très-légère apparence de queue. Je comparai la comète deux fois à l'étoile ω^2 du Taureau,

(a) C'est la 27.^e des comètes que j'ai observées, & la 74.^e dont l'orbite a été calculée, en suivant la table des comètes qui est rapportée dans l'*Astronomie* de M. de la Lande, tome III, page 366; & tome IV, page 704.

fixième grandeur ; à la cinquante-troisième de cette constellation , suivant le catalogue de Flamstéed , & à trois étoiles nouvelles , n.^{os} 3 , 4 & 5 , qui furent comparées ensuite aux étoiles ω^2 & ϵ du Taureau : de ces comparaisons , j'ai déduit leurs positions , qu'on trouvera , sous ces mêmes numéros , dans la seconde table des étoiles , que je rapporte à la suite de celle des positions de la comète. Le 11 Avril , à 7^h 57' 15" du soir , temps vrai , la comète précédoit l'étoile ω^2 du Taureau , au fil horaire du micromètre , de 3^d 31' 15" ; la comète étoit plus australe que l'étoile , de 9' 46" ; de ces différences observées , & de la position de l'étoile , prise du catalogue de Mayer , j'en ai déduit la position de la comète , son ascension droite de 57^d 41' 6" , & sa déclinaison , 19^d 52' 28" boréale : l'on trouvera les autres positions & celles des étoiles , dans les deux tables qui suivent.

Le 12 , le ciel fut en grande partie couvert pendant la journée , avec grande pluie l'après-midi ; vers les 7 heures , le ciel commença à s'éclaircir : j'observai la comète , qui avoit les mêmes apparences que la veille , & je la comparai deux fois à la même étoile que le 11 , ω^2 du Taureau. La comète du 11 au 12 avoit traversé l'écliptique.

Les 13 , 14 & 15. Le ciel fut totalement couvert les soirs. Le 16 , je vis un instant la comète , sans pouvoir déterminer son lieu : le ciel continua d'être couvert les soirs , jusqu'au 26 ; ce jour-là , il s'éclaircit en partie à l'occident , mais il y avoit beaucoup de vapeurs à l'horizon , les étoiles y paroissoient nébuleuses ; je vis la comète , & j'observai son passage au fil horaire du micromètre : j'attendis ensuite le passage de quelques étoiles ; il en passa une de fixième grandeur , que je pris d'abord pour l'étoile *P* du Taureau ; mais je reconnus dans la suite que cette étoile étoit nouvelle ; les jours suivans je la cherchai , & je la comparai directement à l'étoile *P* : de ces observations , j'ai déduit le lieu de la comète , que j'ai rapporté dans la première table.

Cette observation du 26 Avril, est la dernière que j'aie pu faire avant l'entrée de la comète dans les rayons du Soleil : par ces premières observations, il étoit clair qu'on devoit la revoir le matin, après sa conjonction. Le 17 Mai, par un ciel parfaitement beau, je cherchai la comète avec ma grande lunette achromatique ; je ne pus la voir qu'à 3^h 9' de temps vrai, le crépuscule alors étoit très-fort ; j'observai le passage de la comète au fil horaire du micromètre, & j'attendis ensuite celui de quelques étoiles ; mais le grand jour les avoient fait disparoître, je n'en pus voir aucune.

Le 18 au matin, il tomba de la pluie. Le 19, le ciel fut fort beau. Comme j'avois vu la comète le 17, j'avois reconnu sur la carte qu'elle devoit se trouver sur le parallèle de l'étoile α du Bélier, de seconde à troisième grandeur : je commençai à chercher l'étoile ; l'ayant reconnue, je vis ensuite la comète ; je la comparai plusieurs fois à cette étoile & à une étoile nouvelle, de sixième grandeur ; cette dernière fut comparée plusieurs fois avec α ; on trouvera sa position dans la seconde table, sous le n.^o 1, & celles de la comète dans la première.

Le 20 Mai au matin, par un beau temps, je comparai directement la comète à la même étoile α du Bélier.

Le 21, je vis la comète, comme le 20 ; je la comparai plusieurs fois à l'étoile α du Bélier, de cinquième à sixième grandeur : les positions en sont rapportées dans la première table, & celle de l'étoile, déduite du catalogue de Mayer, dans la seconde. Les jours suivans, le ciel fut couvert ; le grand crépuscule, qui augmentoit encore chaque jour, empêcha de la revoir : ainsi, c'est le 21 Mai au matin, qu'a été faite ma dernière observation.

Je rapporte dans une première table qui va suivre, les ascensions droites & déclinaisons de la comète que j'ai observées, avec la différence des passages entre la comète & les étoiles au fil horaire du micromètre, ainsi que

que les différences en déclinaison entre la comète & les étoiles; ces différences sont marquées des signes $+$ & $-$: le premier indique qu'il faut ajouter ces différences observées aux positions des étoiles, avec lesquelles la comète a été comparée, pour avoir son ascension droite & la déclinaison; le second signe indique qu'il faut ôter.

La seconde table, qui suit la première, renferme les ascensions droites & les déclinaisons des étoiles, qui ont été employées à la détermination du lieu de la comète, tant celles qui ont été prises du catalogue de Mayer, que les nouvelles étoiles que j'ai déterminées par de nouvelles observations, en les comparant à des étoiles déjà connues: leurs positions sont réduites au temps des observations.

Je rapporte, à la suite de ces tables, une carte céleste, divisée en degrés d'ascension droite & en degrés de déclinaison; j'y ai rapporté toutes les positions de la comète que j'ai observées, avec la première de M. Méchain, & deux autres, observées à Toulouse, les 22 & 23 Avril, par M. Darquier; j'ai lié ensuite ces observations par un trait qui fait voir la route apparente que la comète a tenue parmi les étoiles fixes, pendant la durée des observations. A l'inspection de cette carte, il sera facile de juger de la position de la comète & de celle des étoiles qui ont été employées à la détermination de son lieu; ces étoiles sont renfermées chacune dans un cercle. On verra aussi, par cette carte, que la comète a commencé à paroître dans le Taureau, au-dessous & près de l'écliptique, entre les étoiles des Pléiades, & Jupiter; que du Taureau, en s'élevant vers le nord, elle a passé par la Mouche, au-dessous du petit Triangle, & qu'on a cessé de la voir dans la tête du Bélier.

Les élémens de l'orbite de cette comète qui ne ressemble à aucune de celles qui ont été observées jusqu'à présent, ont été calculés par M. le Président de Saron, d'après des observations de M. Méchain & une partie des miennes.

74 MÉMOIRES DE L'ACADÉMIE ROYALE

Lieu du nœud ascendant..... 3^e 16^d 51' 35"
 Inclinaison de l'orbite..... 48. 15. 51.
 Lieu du périhélie sur l'orbite..... 7. 44. 9.
 Distance & logarithme de la distance périhélie, 0,3489 = 9,542714.
 Passage au périhélie, 10 Mai 1787, 19^h 58', temps moyen,
 Sens du mouvement, rétrograde.

Cette comète a été observée à l'île de Bourbon, par
 M. de la Nux, depuis le 25 Mai jusqu'au 26 Juillet 1787.

TABLE I.^{re} Des positions apparentes de la Comète observée
 en 1787, & comparée avec les étoiles fixes, depuis le
 11 Avril jusqu'au 20 de Mai.

1787.	TEMPS vrai des observat.			ASCENS. droite de la Comète observée.		Déclinaison de la Comète observée boréale.			DIFFÉRENCE en ascens. droite de la Comète avec les Étoil.		Différence en déclinais. de la Comète. av. les Ét.		GRANDEUR des Étoiles.	Lettres & N. ^o des Étoiles.	ÉTOILES avec lesqu'elles la Comète a été comparée.			
	H.	M.	S.	D.	M.	S.	D.	M.	S.	M.	S.							
Avril 11.	7.	57.	15	57.	41.	6	19.	52.	28	— 3.	31.	15	— 9.	46	6.	ω ² .	du Taureau.	
	7.	57.	15	57.	41.	2	19.	52.	29	— 4.	2.	45	— 44.	0	7.	53.		
	7.	57.	15	57.	40.	58	19.	52.	30	— 5.	4.	30	— 35.	25	7.	4.		
	7.	57.	15	57.	40.	55	19.	52.	28	— 4.	47.	30	— 25.	23	7.	3.	nouv. déterminées.	
	8.	20.	58	57.	40.	44	19.	52.	56	— 3.	31.	37	— 9.	18	6.	ω ³ .		
	8.	20.	58	57.	40.	43	19.	52.	54	— 5.	4.	45	— 35.	1	7.	4.		
	8.	20.	58	57.	40.	40	19.	52.	55	— 4.	47.	45	— 24.	56	7.	3.	déterminées ci-dessus.	
	8.	20.	58	57.	40.	39	19.	52.	55	— 4.	3.	8	— 43.	34	7.	53.		
	8.	47.	37	57.	39.	52	19.	52.	55	— 5.	58.	30	+ 32.	34	8.	5.		
	12.	7.	51.	49	57.	10.	6	20.	19.	29	— 4.	2.	15	+ 17.	15	6.	ω ² .	du Taureau.
8.	16.	25	57.	9.	36	20.	19.	42	— 4.	2.	45	+ 17.	28	6.	ω ² .			
8.	31.	58	48.	32.	33	25.	49.	8	— 6.	41.	45	— 25.	30	6.	2.			
Mai 18.	14.	57.	5	30.	19.	36	23.	6.	20	+ 1.	31.	15	+ 39.	26	2.	3.	α.	du Bélier.
	15.	5.	17	30.	18.	58	23.	6.	16	+ 1.	30.	37	+ 39.	22	2.	3.		
	15.	5.	17	30.	18.	56	23.	6.	16	+ 0.	8.	45	— 3.	6	6.	1.		
	15.	24.	17	30.	18.	43	23.	6.	4	+ 1.	30.	22	+ 39.	10	2.	3.	α.	du Bélier
	15.	24.	17	30.	18.	33	23.	6.	4	+ 0.	8.	22	— 3.	18	6.	1.		
	19.	14.	43.	29.	59.	21	22.	22.	10	+ 1.	11.	0	— 4.	44	2.	3.		
	14.	52.	55	29.	59.	13	22.	21.	59	+ 1.	10.	52	— 4.	55	2.	3.		
15.	0.	28	29.	59.	13	22.	21.	34	+ 1.	10.	52	— 5.	20	2.	3.	α.		
15.	7.	35	29.	58.	58	22.	21.	21	+ 1.	10.	37	— 5.	33	2.	3.	α.		



Suite de la Table I.^{re}

1787.	TEMPS vrai observé.	ASCENS. droite de la Comète observée.	Déclinaison de la Comète observée boréale.	DIFFÉRENCE en ascens. droite de la Comète avec les Étoil.	Différence en déclinaif. de la Comèt. av. les Ét.	GRANDEUR des Étoiles.	ÉTOILES avec lesquelles la Comète a été comparée.
	H. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	M. S.		
Mai 19.	15. 26. 28	29. 58. 58	22. 20. 48	+ 1. 10. 37	— 6. 6	2. 3	α .
20.	14. 41. 9	29. 45. 6	21. 33. 44	+ 1. 4. 30	— 3. 49	5. 6	χ .
	14. 48. 25	29. 44. 58	21. 33. 23	+ 1. 4. 22	— 4. 10	5. 6	χ du Bélier.
	14. 56. 21	29. 44. 51	21. 33. 0	+ 1. 4. 15	— 4. 33	5. 6	χ .
	15. 2. 25	29. 44. 51	21. 32. 42	+ 1. 4. 15	— 4. 51	5. 6	χ .

TABLE II.^e Des Ascensions droites & des Déclinaisons
des Étoiles avec lesquelles la Comète de 1787
a été comparée.

Leurs positions sont réduites au temps des Observations.

ASCENS. droite des Étoiles.	DÉCLIN. boréale des Étoiles.	GRANDEUR des Étoiles.	NOM des Étoiles.	NOMS DES ÉTOILES qui ont servi à la détermination du lieu de la Comète.
D. M. S.	D. M. S.			
28. 48. 21	22. 26. 54	2. 3	α .	Bélier, déduite de Mayer; Comète comp. 18 & 19
28. 40. 36	21. 37. 33	5. 6	χ .	Bélier, déduite de Mayer; Comète comparée le 20 Mai.
30. 10. 11	23. 9. 22	6.	1.	nouvelle, comp. à α du Bélier; Comète comp. 18
55. 14. 18	26. 14. 38	6.	2.	nouv. comp. à l'Étoile P du Taur. Com. comp. 26
61. 12. 21	20. 2. 14	6.	ω^2 .	du Taureau, déd. de Mayer; Com. comp. 11 & 12
61. 43. 47	20. 36. 29	7.	53.	du Taureau, comparée à ω^2 ; Comète comp. le 11
62. 28. 25	20. 17. 51	7.	3.	nouvelle, comparée à ω^2 ; Comète comparée le 11
62. 45. 28	20. 27. 55	7.	4.	nouvelle, comparée à ω^2 ; Comète comparée le 11
63. 38. 22	19. 20. 21	8.	5.	nouvelle, comp. à ϵ du Taureau; Com. comp. le 11

OBSERVATION
DE L'ÉCLIPSE DE SOLEIL,
LE 15 JUIN 1787,

Faite à Paris, de l'Observatoire de la Marine.

Par M. MESSIER.

LE ciel fut couvert la matinée du 15 jusqu'après midi, de manière que le ciel ne donnoit presque aucune espérance de se découvrir; il tomba un peu de pluie vers les trois heures; après cette pluie les nuages se séparèrent, le ciel s'éclaircit de plus en plus, & le Soleil au commencement de l'éclipse étoit clair, les bords bien terminés: le ciel resta ainsi découvert jusque vers le milieu de l'éclipse; alors des nuages très-épais qui étoient à l'horizon, s'élevèrent du couchant, cachèrent le Soleil, qui ne reparut plus de la journée.

J'avois vu sur le Soleil, avant le commencement de l'éclipse, plusieurs belles taches, deux sur-tout dans la partie inférieure, & une troisième moins grande dans le bas du Soleil; peu de minutes avant l'éclipse, j'observai ces trois taches; j'en rapporte ici les positions.

TEMPS VRAI des Passages.	DIFFÉR. de hauteur au bord supér. du SOLEIL.	OBSERVATIONS
		DU SOLEIL ET DES TACHES.
4 ^h 11' 30"	1. ^{re} bord du ☉ au fil horaire du microm.
4. 12. 29 $\frac{1}{2}$	23'. 48"	N. ^o 1, gr. tache ronde, le milieu, au fil hor.
4. 12. 54 $\frac{1}{2}$	23. 29	N. ^o 2, grande tache un peu ovale, au fil hor.
4. 12. 56	10. 14	N. ^o 3, tache moins grande, qui a été éclips.
4. 13. 49	2. 19	2. ^d bord du Soleil, au fil horaire.
4. 15. 0	31. 28	Diamètre du ☉, mesuré au micromètre.

J'ai employé pour l'observation de l'éclipse, ainsi que

pour la détermination des taches, une lunette achromatique de quarante lignes d'ouverture, garnie de son micromètre à fils, qu'on pouvoit incliner dans tous les sens; c'est au moyen de ce micromètre, que j'avois déterminé le point du limbe du Soleil, où le contact des deux bords du Soleil & de la Lune devoit se faire au commencement de l'éclipse, & je pense y avoir réussi à la seconde; le ciel alors étoit beau, & le Soleil bien terminé, à $4^h 27' 25''$, temps vrai; les deux bords du Soleil & de la Lune commencèrent à se toucher au point du limbe du Soleil, que le fil du micromètre avoit indiqué. La seule incertitude qu'il pourroit y avoir dans l'observation, seroit dans la marche de la pendule, ayant été obligé de conclure le midi du 15, jour de l'éclipse, par des midis éloignés, des 8, 22 & 27 Juin, & par vingt-deux hauteurs correspondantes du Soleil, prises le 22 Mai; d'après ces midis observés, j'ai conclu celui du 15, avec lequel j'ai réduit mes observations au temps vrai.

Après avoir observé le commencement de l'éclipse, j'ai mesuré ensuite les distances des cornes, au moyen du micromètre à fils, qu'on pouvoit incliner, & qui étoit fort commode pour cette observation.

T A B L E.

Temps vrai.	Dist. des corn	Phases de l'Éclipse observée.
$4^h 27' 25''$	Commencement de l'éclipse.
$4^h 31' 25$	$10' 47''$	Distance des cornes.
$4^h 34' 35 \frac{1}{2}$	14. 0	<i>Idem.</i>
$4^h 38' 44 \frac{1}{2}$	16. 56	<i>Idem.</i>
$4^h 40' 52$	18. 22	<i>Idem.</i>
$4^h 43' 57 \frac{1}{2}$	19. 33	<i>Idem.</i>
$4^h 46' 6$	21. 13	<i>Idem.</i>
$4^h 50' 22 \frac{1}{2}$	22. 28	<i>Idem.</i>
$4^h 53' 41$	22. 52	<i>Idem.</i>
$4^h 55' 18 \frac{1}{2}$	23. 50	<i>Idem.</i>
$4^h 58' 8$	24. 25	<i>Idem.</i>
$4^h 59' 34$	Immersion de la tache, n. ^o 3.
$5^h 1' 40 \frac{1}{2}$	25. 22	Distance des cornes.
$5^h 3' 46$	25. 35	Distance des cornes; le Soleil entre dans un nuage.
$5^h 6' 33$	25. 47	Distance des cornes; douteux.
$5^h 7' 43$	Le ☉ disparoit dans des nuages, pour ne plus repar.



E X P É R I E N C E S

Propres à faire connoître que le Plâtre produit par diverses espèces de Gypse, retient plus ou moins d'eau après avoir été gâché & séché.

Par M. SAGE.

LA sélénite est la pierre à plâtre la plus pure ; ce vitriol terreux cristallisé, n'est point avec excès de terre calcaire, comme les pierres gypseuses qui en contiennent souvent un quart (a) ; ce que j'ai reconnu en analysant différens bancs de gypse de Montmartre, & ceux des environs.

La sélénite & la pierre à plâtre contiennent une égale quantité d'eau de cristallisation, qu'on peut extraire en distillant ces vitriols terreux ; le résidu de cette opération est ordinairement à l'état de plâtre.

Deux onces de sélénite blanche transparente ont produit, par la distillation, trois gros vingt-quatre grains d'eau limpide, inodore & insipide.

Le plâtre qui restoit dans la cornue, avoit conservé la forme des cristaux de sélénite, lesquels étoient feuilletés, blancs, opaques, friables, & ne pesoient plus qu'une once quatre gros quarante-huit grains. J'ai pulvérisé ce plâtre, & l'ai gâché avec de l'eau en une pâte molle, qui a pris corps au bout de deux ou trois minutes ; la masse que j'en avois formée pesoit deux onces deux gros : dans cet état, le plâtre avoit donc absorbé environ un quart d'eau, qui s'est exhalée pour la plus grande partie pendant la dessiccation, puisque le plâtras ne pesoit qu'une once cinq gros ;

(a) Pour s'assurer de la quantité de terre calcaire que contient le gypse, il faut le pulvériser & verser dessus de l'acide nitreux, qui dissout avec effervescence la terre calcaire ; on lave le gypse qui reste, & on le fait sécher pour apprécier combien il a perdu de son poids.

ce qui fait connoître que le plâtras produit par la sélénite, ne retient qu'un quarante-huitième d'eau, tandis que la sélénite contenoit un cinquième d'eau.

Cette même sélénite ayant été cuite entre des charbons ardents, n'a point acquis la propriété de faire effervescence avec les acides; elle ne développe point d'odeur lorsqu'on la gâche; la masse qui en résulte ne s'échauffe pas après avoir pris corps, comme cela a lieu lorsque le plâtre a été fait avec la pierre gypseuse, qui contient un excès de terre calcaire.

Les grignards ou lits de sélénite en prismes irréguliers, qu'on trouve en couches continues dans les bancs de gypse, répandent souvent, quand on les frappe, une odeur fétide à peu-près semblable à celle de la pierre-porc de Suède, qui doit son odeur à du bitume. Ces grignards ont une teinte d'un gris jaunâtre; soumis à la distillation, ils produisent de l'eau qui a une odeur fétide & bitumineuse.

Le plâtre qui reste fait effervescence avec l'acide nitreux; après avoir été gâché, il prend moins de corps que la sélénite pure.

Du gypse granuleux & friable qui renfermoit un filix grisâtre rubané, a produit par la distillation un cinquième de son poids d'eau, qui avoit une odeur fétide & bitumineuse.

Le plâtre qui restoit dans la cornue, ayant été gâché avec de l'eau, n'a point pris corps; ce même gypse, après avoir été cuit à travers les charbons, a fait effervescence avec l'acide nitreux, qui en a dégagé du gaz hépatique: ce même acide a séparé de ce plâtre une terre argileuse brunâtre, colorée par du fer.

La colline de Montmartre, du côté de Clignancourt, offre le gypse en très-grands prismes disposés comme les chauffées basaltiques. Ce gypse est avec excès de terre calcaire; soumis à la distillation, il a produit environ un cinquième d'eau insipide & inodore: le plâtre qui restoit

dans la cornue , après avoir été gâché avec de l'eau , n'a point pris corps.

Ce gypse ayant été cuit à feu nu , la portion de terre calcaire qu'il contient en excès , a passé à l'état de chaux vive ; l'eau distillée avec laquelle j'ai lavé ce plâtre , a dissout une partie de cette chaux.

Le plâtre produit par la pierre gypseuse , qui contient un excès de terre calcaire , prend plus facilement corps , que celui produit par la sélénite ; lorsqu'on le gâche , il s'en exhale une odeur de gaz hépatique (b). Quelques minutes après que ce plâtre s'est pris , il s'échauffe ; cette propriété est dûe à la chaux qu'il contient , puisque le plâtre obtenu par la cuisson de la sélénite , ne produit point de chaleur.

Le plâtras produit par la pierre gypseuse de Clignancourt , retient près d'un sixième d'eau lorsqu'on a hâté la dessiccation par le moyen du feu. Mais si ce plâtras s'est desséché spontanément à l'air , il retient alors un cinquième d'eau qu'on peut en extraire par la distillation ; ce plâtras se trouve donc contenir alors autant d'eau que la pierre gypseuse.

Ces expériences font connoître qu'il n'y a que la sélénite , ou pierre gypseuse cristallisée , qui produise du plâtre après avoir été distillée , & que le plâtras qui en résulte , ne retient qu'un quarante-huitième d'eau.

La pierre gypseuse avec excès de terre calcaire , après avoir été privée d'eau par la distillation , ne produit point de plâtre susceptible de prendre corps après avoir été gâché ; mais si ce même gypse a été cuit à feu nu , la terre calcaire passe à l'état de chaux vive ; de sorte que le plâtras ,

(b) Lors de la calcination de la pierre gypseuse avec excès de terre calcaire , une portion de l'acide vitriolique du gypse se sature de phlogistique & forme du soufre qui se combine avec la terre calcaire , & forme le soie de soufre qui se trouve dans le plâtre.

qui résulte de pareil plâtre, doit être regardé comme un mortier gypseux : s'il prend plus tôt corps que le plâtre pur, c'est que la chaux absorbe avec chaleur une portion d'eau surabondante à la cristallisation confuse du plâtras.

Je crois que les enduits faits avec la sélénite réduite en plâtre, doivent être moins altérables que ceux qui ont été faits avec le gypse qui contient un excès de terre calcaire, laquelle absorbe les acides nitreux & marins qui se forment dans l'atmosphère, d'où il résulte des sels déliquescents, lesquels étant interposés dans les plâtras, affoiblissent leur force d'adhésion & de cohésion, & concourent à la dégradation des murailles.



M É M O I R E

S U R L E S O C R E S.

Par M. le Baron DE DIETRICH.

16 Juin 1787.

IL y a dans le Berry une mine d'ocre, que M. le Monnier a visitée. Une eau vitriolique suintoit de tous côtés, & formoit au fond une pluie très-incommode; M. le Monnier a observé que le terrain étoit composé alternativement d'une couche d'ocre & d'une de sablon. *Mémoires de l'Académie, année 1744, Hist. page 47.*

M. Guettard a examiné une ocrière dans un fond des gâtines de la paroisse de Bitry, entre Saint-Amand, Saint-Vrain & Argenton, endroits peu éloignés de Douzy en Nivernois. Les trous ouverts dans ces gâtines pour en tirer l'ocre, ont tout au plus trente pieds de profondeur, sur sept à huit de largeur; ils forment un carré-long: trois bancs de terre différentes précèdent l'ocre; d'abord un sable terreux, ensuite une glaise d'un blanc-cendré ou d'un bleuâtre tirant sur le noir, & enfin une autre glaise d'un rouge-violet. Entre ce dernier banc de glaise & celui de l'ocre, M. Guettard a trouvé un lit d'une espèce de grès jaune ou d'un brun-jaunâtre: le banc d'ocre qui est dessous est le plus considérable de tous; il occupe au moins le tiers de la hauteur du trou, & pose sur le sable qui en fait le fond.

Les ouvriers ne percent point ce sable; ils se contentent d'y creuser deux ou trois chambres immédiatement au-dessous de l'ocre. Pour tirer l'ocre, les ouvriers traversent les différens bancs de glaise & celui de l'ocre, en les fendant avec des coins de bois, longs de plus d'un pied, & très-pointus. Les morceaux d'ocre qu'on sépare avec soin de la glaise, sont transportés dans des halles de trois à quatre

pieds de longueur, faites de poutres espacées, de façon que l'air y puisse librement circuler.

M. Guettard observe qu'il n'y a point, comme on pourroit le croire, d'ocre naturellement rouge, dans l'ocrière de Bitry; celle qu'on y voit n'est autre chose que l'ocre jaune qui a souffert une espèce de calcination.

Cette calcination se fait dans un fourneau semblable à ceux des tuileries; on peut voir les détails de l'opération dans le mémoire de M. Guettard, *page 56* du recueil de l'Académie, *année 1762*.

M. Guettard parle aussi de l'ocrière de Saint-George sur la Prée dans le Berry; il dit que les trous ouverts sur une petite montagne, ont cinquante à soixante pieds de profondeur, sur quatre à cinq de largeur; que le banc d'ocre n'a pas plus de huit à neuf pouces d'épaisseur, mais s'étend au loin horizontalement; qu'immédiatement au-dessous de l'ocre se trouve un sable fin & luisant, que l'on creuse de la hauteur d'un homme, pour y faire des conduits & prendre l'ocre au-dessus de la tête: il ajoute que cette ocre est tendre dans la mine, & qu'on la coupe aisément avec la bêche.

M. Guettard fait encore mention de l'ocrière de Tannay en Brie; il remarque qu'elle est ouverte dans une terre labourable, que le banc de l'ocre épais de huit à neuf pouces & quelquefois d'un pied, se rencontre à moins de vingt pieds de profondeur, & est porté sur un sable verdâtre qu'on ne passe pas.

M. Guettard fait ensuite une longue & savante dissertation sur les caractères de l'ocre véritable. J'ai visité l'ocrière de Saint-George; elle appartient à M. le comte de Riffardo: M.^{rs} Sabardin & Besson, domiciliés à Vierzon, s'en sont rendus fermiers.

En 1785, ce minier étoit exploité par trois fosses; chacune avoit un maître, trois ouvriers & quelquefois cinq; on leur fournit l'huile & les outils: le maître gagne vingt sous par jour, les autres ouvriers douze sous.

Le premier banc qui a jusqu'à quarante-quatre & quelquefois cinquante pieds d'épaisseur, est un sablon ou sable mêlé de terre; immédiatement après se trouve un roc de grès jaunâtre, épais de quatre à cinq pieds; on perce ensuite deux pieds de terre forte ou d'argile grise & jaune qui repose sur le ciel de l'ocre, séparée elle-même par cinq petites veines de sable très-minces.

Le banc d'ocre a quinze à seize pouces d'épaisseur; il en faut retrancher cinq à six pouces de terre que l'on en détache avec une curette : c'est un outil long de huit pouces, large de dix-huit lignes du côté du manche, & dont le tranchant a trois pouces & demi à peu-près.

Toutes les couches supérieures sont inclinées du sud au nord, & le banc d'ocre suit cette inclinaison, qui ne laisse pas d'être forte en quelques endroits; par exemple, dans le travail qui est au milieu des deux autres, & dont la longueur est de soixante pieds, la pente est de quatre pieds. Ce travail du milieu est placé à trois cents pas de distance de chacun des deux autres : voici de quelle manière se fait l'exploitation.

Dès qu'on a creusé un puits, on ouvre une galerie à laquelle on donne le nom de *grande rue*; arrivé à une certaine distance, on fait deux extensions à droite & deux à gauche; elles sont d'abord obliques, sont ensuite le crochet, & courant dans une direction parallèle à la galerie, elles reviennent sur la ligne de l'ouverture de celle-ci; alors on prolonge la galerie. Parvenu à un certain point, on perce des deux côtés une galerie de traverse aussi large, mais moins longue que la grande rue que l'on coupe par ce moyen à angle droit; dans cette galerie de traverse on pratique quatre extensions nouvelles à droite, & autant à gauche : celles-ci sont d'abord obliques comme celles dont nous avons déjà parlé; comme elles, elles sont le crochet, & courent dans une direction parallèle à la galerie de traverse jusqu'au point où celle-ci se termine : on reprend ensuite la galerie principale que l'on poursuit

toujours ; on y fait alternativement des galeries de traverse & des extensions, suivant l'ordre que je viens de tracer. J'observe qu'on a soin de laisser entre chaque extension, les masses qu'on juge nécessaires au soutien du poids supérieur, & que l'on creuse un puits chaque fois que l'on fait une nouvelle galerie de traverse. Chaque chambre où four pratiqué sur le banc d'ocre, est soutenu par de petites planches fixées sur des piquets de bois.

Les outils dont les ouvriers se servent, sont :

Une petite pelle à bêcher, longue d'environ dix-huit pouces pour creuser la couche du sable ; on dégage son sol avec cette pelle.

Une pelle à ocre bien tranchante, large de trois pouces & demi, longue de huit pouces jusqu'au manche, & d'environ dix pouces de ferrure au-dessus du manche, qu'on enfonce avec une masse de deux pouces & demi carré à peu-près ; une tranche avec laquelle on coupe l'ocre en carreaux ; & enfin une lampe, & une brouette pour conduire l'ocre au puits.

Le sablon blanc sert à remblayer le four ou la chambre. On ne quitte les fosses que lorsqu'on y est obligé par les eaux, les éboulemens ou les mouffettes, ou encore lorsqu'une trop grande distance du travail au puits, rend la sortie des déblais trop pénible. On calcule que chaque fosse fournit trois cents futailles ou poinçons de six centcinquante-livres pesant ou sept cents livres avec le bois. On pourra multiplier les fosses autant qu'on le voudra entre les *Goyes* & *Beuvrière* du sud au nord & de l'est à l'ouest, environ à quatre cents pas à l'ouest du village de Saint-George.

Le poinçon d'ocre se vend vingt-huit livres, le brun-rouge trente livres. M. Rideau en tire pour l'usage du port de Brest à trente livres, & fournit de passeport.



M É M O I R E
SUR LA PIERRE DE POIX,
PECHSTEIN DES ALLEMANS.

Par M. DAUBENTON.

25 avril 1787. **O**N apporte à Paris, depuis quelques années, des pierres de Saxe & de Hongrie, sous le nom de *pechstein*, pierre de poix. Ces pierres ont différentes couleurs blanches ou noires, rougeâtres, jaunâtres, verdâtres, &c. elles sont opaques ou demi-transparentes. Toutes celles que j'ai observées étinceloient par le choc du briquet, mais difficilement. La plupart prenoient plus de transparence dans l'eau, qu'elles n'en avoient lorsqu'elles étoient sèches. Leur cassure est vitreuse; la surface de cette cassure est lisse, brillante & ondoyante, jamais plane ni grenue. La cassure vitreuse est ondoyante, parce qu'elle est formée par des concavités & des convexités qui la rendent inégales, & qui sont plus ou moins étendues : par exemple, la cassure du verre, du cristal de roche, du caillou, &c. est vitreuse. La dénomination de pierre de poix, *pechstein* des Allemands, vient de ce que la pierre ainsi nommée a l'apparence d'une gomme ou d'une résine; il y en a qui, au premier coup-d'œil, ressemblent parfaitement au copal, à la gomme gutte & à la colophane; aussi les a-t-on nommées pierres de colophane.

M. Romé de l'Isle croit que la pierre de poix est une pierre mélangée qui vient des volcans, comme celle que les Allemands ont appelée *gæsten* (a).

M. Sage regarde la pierre de poix comme une substance intermédiaire entre l'agate & le silex (b); mais on ne peut

(a) Cristallographie, tome II, page 639.

(b) Analyse chimique & Concordance des trois règnes, tome II, page 171.

pas mettre entre le silex & l'agate une pierre qui ne résiste pas à la lime, & qui n'étincelle que difficilement.

M. Delarbre, médecin à Riom, a trouvé de la pierre de poix en Auvergne, & il a pensé que c'étoit un bois pétrifié. Il arrive très-souvent que l'on prend pour bois pétrifié des pierres formées par des couches qui ressemblent en quelque façon aux couches annuelles du bois. Lorsque les couches des pierres sont irrégulières, entrelacées & pelotonnées, on les compare aux nœuds du bois. Voilà pourquoi des pierres onyxes, des schistes, des albâtres, &c. passent pour être des bois pétrifiés. Je peux donner un moyen sûr pour prévenir toute équivoque à ce sujet; le caractère distinctif des bois pétrifiés, consiste dans les prolongemens médullaires. Il ne suffit pas de voir des couches concentriques, il faut qu'il y ait aussi des lignes qui traversent ces couches, comme les prolongemens médullaires du bois traversent les couches annuelles. On les voit s'étendre sur la coupe transversale d'un arbre, depuis la moëlle jusqu'à l'écorce; elles sont même sensibles dans l'écorce de quelques arbres, tels que le liège & le chêne vert. Il y a plusieurs pierres de poix qui ont des couches bien distinctes, mais il n'y a aucun vestige de prolongemens médullaires; donc ces pierres de poix ne sont pas des bois pétrifiés.

J'ai observé douze des principales variétés de la pierre de poix, tant de Saxe que de Hongrie & d'Auvergne, différentes les unes des autres par leur couleur & leur structure; je n'y ai aperçu aucun indice de l'effet des volcans, ce qui me fait croire que la pierre de poix n'est pas une matière volcanique ou volcanisée. Je donnerai encore d'autres preuves de cette assertion, en rapportant les observations que j'ai faites sur cette pierre, considérée en différens temps de sa formation.

J'ai vu une pierre de poix de Hongrie qui étoit en partie terne, striée & opaque, & en partie brillante, polie & demi-transparente, comme une pierre quartzée. La pierre de poix dont il s'agit, avoit par-tout des teintes

de couleur jaunâtre. Les parties ternes & opaques étoient d'une terre argileuse, car elles tenoient à la langue lorsqu'on l'en approchoit, & j'y ai reconnu la même structure que sur la cassure de l'argile sèche. La couleur de rouille qu'avoit l'argile interposée dans la pierre de poix, étoit un indice de substance ferrugineuse. Les deux substances terreuses & quartzеuses de la pierre de poix, formoient des couches alternativement opaques & demi-transparentes; dans les endroits où elles étoient le plus égales entr'elles, & le plus minces, elles avoient à peu-près un sixième de ligne d'épaisseur. Ces couches formoient différentes courbures plus ou moins étendues, concaves & convexes, sur chacune des faces de la pierre de poix. Il y a des argiles feuilletées dont les feuillets sont encore plus minces, & qui ont toutes sortes de courbures. On apercevoit, dans quelques endroits, que les couches terreuses de la pierre de poix avoient pris la demi-transparence & la consistance des couches quartzеuses, & formoient avec elles une pierre de poix sans interruption. Cette pierre avoit une couleur mêlée de jaune & d'orangé, à peu-près comme l'argile qui étoit entrée dans sa composition, autant que l'on peut comparer les couleurs d'une matière opaque à celle d'une matière transparente.

J'ai observé un autre morceau de pierre de poix de Hongrie, dont une partie étoit composée de couches quartzеuses & de couches argileuses; mais l'autre partie avoit toute l'apparence d'une argile feuilletée, dont les feuillets auroient été gonflés & un peu écartés les uns des autres: j'y ai reconnu la structure de l'argile feuilletée de Sèvres auprès de Paris; mais l'argile de la pierre de poix étoit plus dure, quoique très-fragile; elle étoit déjà fort imprégnée de substance quartzеuse; on voyoit même dans la cassure transversale, que cette substance avoit commencé à remplir les vides qui s'étoient trouvés entre les feuillets de l'argile.

Il y a une pierre de poix de Hongrie, dont la formation est plus avancée que dans les deux précédentes; car on ne distingue plus dans celle-ci les couches argileuses, qu'en ce qu'elles

qu'elles ont une teinte de jaune plus claire que les autres couches , & que l'on aperçoit quelques pores dans leur substance.

J'ai vu deux pierres de poix de Saxe , l'une jaunâtre & l'autre rouge , qui avoient beaucoup de ressemblance avec des argiles connues sous le nom de *bol*, tant pour les couleurs que pour la cassure vitreuse.

J'ai vu aussi une pierre de poix qui avoit une teinte de blanc , de jaune , de roux & de noir ; on l'auroit prise dans ses parties blanches , pour un caillou , si elle en avoit eu la dureté.

Il y a en Saxe des pierres de poix verdâtres , & d'autres noirâtres , dont la cassure forme des convexités & des concavités qui ont peu d'étendue & une forte courbure : cette structure a beaucoup de rapport à celle d'une argile grumeleuse.

Toutes ces observations sur les pierres de poix , peuvent faire présumer qu'elles ont été formées par un suc lapidique , chargé de molécules quartzeuses qui se sont insinuées dans de l'argile , qui lui ont donné de la transparence dans la plupart des pierres de poix. La disparition de l'argile à nos yeux , n'est pas plus surprenante dans ces pierres , que dans le saphir qui contient cinquante - huit parties de cette terre sur cent , ou dans la topaze qui en contient soixante : on saura , par l'analyse chimique , la proportion de l'argile dans les pierres de poix.

Les caractères distinctifs des pierres de poix consistent en ce qu'elles ont la cassure vitreuse , qu'elles ne résistent pas à la lime , qu'elles n'étincèlent que difficilement sous le briquet , & qu'elles prennent de la transparence dans l'eau.

La plupart des pierres de poix sont hydrophanes , parce qu'elles contiennent de l'argile qui peut encore s'imbiber d'eau. Je dis que ces pierres contiennent de l'argile , parce que j'ai vu cette terre dans des pierres de poix qui n'étoient qu'en partie formées.

Il paroît que les caractères qui distinguent les pierres de poix du caillou, de l'agate, de la calcédoine, de la sardoine, de la cornaline, &c. ne viennent que de la terre étrangère au quartz qui est entrée dans la formation de la pierre de poix.

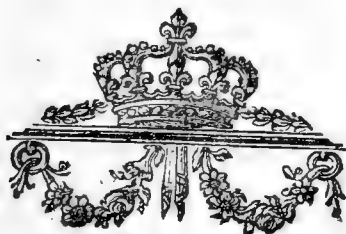
M. Bergman a reconnu que les couches qui enveloppent certains cailloux, & qu'il nomme des *croûtes*, sont hydrophanes; suivant la description que ce célèbre chimiste a faite de ces croûtes, on ne peut douter qu'elles ne soient des pierres de poix. Quoique M. Bergman ait avancé qu'elles n'étinceloient pas avec l'acier, j'ai lieu de croire qu'il ne les avoit pas assez bien éprouvées: on a souvent dit que la pierre de poix ne jetoit point d'étincelles sous le briquet; cependant j'en ai tiré de toutes celles que j'ai mises à cette épreuve.

Il se trouve aussi des couches de pierre de poix entre des couches de calcédoine; elles sont ternes, elles ont la cassure vitreuse, elles ne résistent pas à la lime, elles sont hydrophanes: voilà tous les caractères de la pierre de poix.

M. Bergman ayant comparé, par l'analyse chimique, les croûtes hydrophanes des cailloux à la calcédoine & à l'opale, a conclu que les croûtes hydrophanes des cailloux appartenoient sans aucun doute à la classe du quartz. L'opale d'Eibensstock prend quelquefois de la transparence & du poids dans l'eau, suivant M. Bergman, qui la regarde comme moins dense que la calcédoine: on peut aussi la regarder dans cet état comme pierre de poix.

La substance hydrophane qui se trouve adhérente à des couches de calcédoine, les pierres de poix qui deviennent transparentes dans l'eau, & celles qui y restent opaques, toutes ces pierres ne diffèrent-elles des calcédoines & des cailloux, que parce qu'elles contiennent plus de terre argileuse ou calcaire? je le présume depuis que j'ai vu les trois premières pierres de poix dont j'ai fait mention au commencement de ce Mémoire, & dont j'ai donné la description.

L'argile qui est entre les couches de la pierre de poix; la substance de cette pierre qui s'est formée entre les couches d'une argile feuilletée, & qui a pénétré dans ses feuillets; une pierre de poix veinée, parce qu'elle est composée de couches alternativement jaunes & jaunâtres, compactes & poreuses; ces variétés semblent indiquer que ces couches argileuses, jaunâtres & poreuses sont originaires des feuillets d'une argile feuilletée, qui n'ont pas été entièrement imprégnés de parties de pierre de poix. Toutes ces observations me portent à croire qu'il est entré beaucoup d'argile dans la formation de ces pierres de poix, & que cette terre les rend susceptibles de l'imbibition, & les empêche de résister à la lime & d'étinceler facilement par le choc du briquet, comme les cailloux & d'autres pierres quartzeuses.



M É M O I R E

S U R L A S T R U C T U R E

D E S C R I S T A U X D E S C H O R L .

Par M. l'Abbé HAÛY.

IL n'est peut-être point de genre de substances cristallisées qui présente autant de difficultés que celui des schorls, lorsqu'on essaye d'en déterminer la structure & d'y appliquer la théorie. J'ai déjà remarqué ailleurs (a), qu'on avoit donné le nom de *schorls* à des cristaux de différentes natures. Le vice de ce rapprochement provient de ce que ceux qui l'ont formé, se sont fondés, les uns sur le caractère peu précis qui se tire de la fusibilité, les autres sur la considération des formes extérieures qui est sujette à faire illusion. C'est dans le mécanisme intime de la structure, que j'ai cherché les caractères qui pouvoient servir à distinguer les véritables *schorls* d'avec les autres cristaux que l'on avoit confondus parmi eux; mais ces caractères mêmes exigent, pour être saisis, de longues recherches & des attentions délicates. Les coupes que l'on obtient, en suivant les joints naturels des lames, conduisent à plusieurs angles égaux dans les véritables schorls & dans les cristaux qui doivent en être séparés, & ce n'est qu'en se décidant d'après l'ensemble des angles, que l'on peut éviter d'être induit en erreur; d'ailleurs, dans la plupart des schorls qui se prêtent à des divisions mécaniques, les coupes en général ont peu de netteté, & se laissent seulement entrevoir, en sorte qu'il faut les combiner avec les angles des faces extérieures, pour en déterminer avec précision le sens & les inclinaisons respectives. Enfin,

(a) *Mém. de l'Acad. des Sciences, année 1784.* J'ai prouvé au même endroit, que les cristaux connus sous le nom de *Schorls blancs*, doivent être rangés parmi les feld-spaths.

plusieurs des cristaux dans lesquels l'observation indique une structure commune, s'offrent sous des formes qu'il semble d'abord impossible de ramener à la même origine, en ce que leurs faces semblables & également inclinées, sont placées sur les uns en sens contraire de la position qu'elles occupent sur les autres. Au reste, ces disparates qui, au premier coup-d'œil, paroissent ne laisser aucune prise à la théorie, servent ensuite à la confirmer, lorsqu'elle est parvenue à les rapprocher, & à trouver le point commun dans lequel elles se confondent.

Quoique mon travail sur les schorls ne soit pas encore à son terme, je crois l'avoir poussé assez loin, pour être en état d'assigner, du moins avec une très-grande probabilité, la structure d'une bonne partie des cristaux de ce genre, & l'on jugera, par les détails dans lesquels je vais entrer, que ce ne sont pas les moins intéressans.

Je me bornerai dans ce Mémoire à traiter des schorls appelés *tourmalines*, & qui ont la propriété de s'électrifier facilement à l'aide de la chaleur; des schorls en prismes exaèdres, avec des sommets à trois faces trapézoïdales, & de ceux qui ont un sommet à quatre faces trapézoïdales, & l'autre à deux faces pentagonales.

I.^o Schorls tourmalines.

Forme primitive.

Schorl rhomboïdal. (Fig. 1.^{re})

DÉVELOPPEMENT. Six rhombes égaux & semblables, dont le grand angle BAN est de $113^{\text{d}} 34' 40''$, & le petit angle ABD de $66^{\text{d}} 25' 20''$.

Il est rare de rencontrer cette forme parmi les schorls. Le plus souvent les surfaces supérieures & inférieures du rhomboïde, dont je suppose l'axe dans une position verticale, sont séparées par une espèce de prisme intermédiaire, & de plus on voit des faces accidentelles à la place de certains angles solides & de certaines arêtes du cristal.

Je prouverai bientôt que le rhomboïde qui vient d'être décrit, est susceptible d'être sous-divisé, comme celui du grenat (*b*), par des sections faites sur les petites diagonales AD , DC , DG , & sur celles qui leur correspondent dans la partie opposée. Il suit de-là que les molécules des schorls sont aussi des tétraèdres, mais moins réguliers que ceux du grenat, puisque ces derniers ont toutes leurs faces isocèles, égales & semblables, au lieu que ceux du schorl n'ont que deux triangles isocèles, égaux & semblables, dont chacun est la moitié d'une des faces du rhomboïde; les deux autres triangles sont scalènes, quoique toujours égaux & semblables, & leurs côtés sont formés par la petite diagonale d'une des faces, l'arête opposée & l'axe du cristal.

Formes secondaires.

Schorl à neuf pans, avec des sommets à trois faces. (Fig. 2).

DÉVELOPPEMENT. Trois pentagones $BELXR$, qui forment la surface d'un des sommets; trois hexagones $DNIHGC$, disposés sur l'autre sommet; trois pentagones latéraux $LCGUX$, qui ont leurs bases adjacentes à celles des pentagones du sommet; six rhombes alongés $ELCD$, $EDNK$, &c. accolés deux à deux entre les pentagones précédens.

Angles des pentagones $BELXR$; $EBR = 113^d 34' 40''$; $BEL = BRX = 66^d 25' 20''$; $ELX = RXL = 146^d 47' 20''$.

Angles des hexagones $DNIHGC$; $GHI = CDN = 113^d 34' 40''$; $IND = GCD = 150^d 11' 42''$; $HGC = HIN = 96^d 13' 38''$.

Angles des pentagones $LCGUX$; $CGU = 130^d 19' 12''$; $GCL = GUX = 114^d 50' 24''$; $CLX = UXL = 90$ degrés.

Angles des rhombes alongés $ELDC$; $ELC = EDC = 104^d 57' 17''$; $LED = DCL = 75^d 2' 43''$.

(*b*) Essai d'une théorie sur la structure des cristaux, page 171.

La forme dont on vient de voir le développement, est celle sous laquelle se présentent ordinairement les tourmalines de Ceylan, de Madagascar, d'Espagne, &c. & qu'auroient sans doute l'émeraude & le périclit du Brésil, sans les cannelures multipliées qui sillonnent leur prisme, & qui paroissent être l'effet d'une cristallisation précipitée. Parmi ces cristaux, tous ceux qui jouissent d'un certain degré de transparence, ont la fracture vitreuse, & je n'ai jamais pu y découvrir aucun indice du poli de la Nature. Le schorl de Madagascar, quoiqu'opaque, est dans le même cas : ce n'est que dans les schorls des granits, dont je parlerai plus bas, que j'ai obtenu des coupes à surfaces planes. Le rapport sensible qui existe entre les formes de ces derniers cristaux & celles des tourmalines qui se refusent aux sections, ne permet guère de douter que la structure ne soit la même de part & d'autre. Nous verrons d'ailleurs que cette structure, telle que je la conçois, se trouve ramenée précisément aux mêmes loix de décroissement qui produisent les principales variétés des spaths calcaires, & c'est une raison d'analogie qui vient à l'appui de la théorie.

Concevons que les pans rhomboïdaux *ELCD*, *RMUX*, &c. soient prolongés jusqu'à ce qu'ils se rencontrent, & qu'en même temps les pentagones *BELXR* s'étendent au-delà de leur base *LX*, jusqu'à ce qu'ils entrecoupent ces mêmes pans. On aura un dodécaèdre à douze faces rhombes, dont celles des sommets seront semblables aux rhombes du noyau décrit plus haut. D'après les observations faites sur les schorls des granits, ce dodécaèdre pourroit être divisé comme celui du grenat, par des sections parallèles à toutes ses faces; d'où il résulte qu'il seroit uniquement composé de tétraèdres semblables à ceux que j'ai décrits ci-dessus (*c*).

(*c*) J'ai observé que dans les cristaux dont les molécules formoient par leur réunion de petits rhomboïdes, comme dans le grenat, les décroissemens se faisoient toujours par des ran-

gées de rhomboïdes entiers. D'après cette observation, je considérerai dans ce Mémoire la structure des cristaux, comme si leurs molécules étoient rhomboïdales.

Supposons maintenant que les lames de ce dodécaèdre décroissent par deux rangées de petits rhomboïdes sur les trois angles inférieurs de l'un des deux sommets ; en appliquant ici le raisonnement que j'ai fait par rapport au spath calcaire à douze faces pentagonales (*d*), on en conclura que les faces produites par ce décroissement, doivent être situées verticalement, & d'une figure pentagonale, telle que *LCGUX*. On aura ainsi la structure des tourmalines, qui sont l'objet de cet article.

Si les décroissemens se faisoient à la fois sur les angles inférieurs des deux sommets, il en résulteroit un dodécaèdre à faces pentagonales, analogue à celui du spath calcaire ; mais cette modification de forme n'a point encore été observée parmi les tourmalines.

Schorls à neuf pans, dont un des sommets est exaèdre.

Concevons que dans le cristal de la variété précédente, trois des angles solides du sommet inférieur, pris alternativement, savoir, les angles *G*, *O*, *I*, (*fig. 2*) qui coïncident avec les sommets des pentagones latéraux, se trouvent remplacés par des facettes triangulaires, telles que *CZU*, dont les côtés *CZ*, *UZ* soient parallèles aux lignes que l'on mèneroit par les points *H*, *D*, d'une part, & *H*, *M*, de l'autre, on aura la modification dont il s'agit ici ; alors les pentagones *LCGUX* deviendront des rectangles *LCUX*, & les hexagones *DCGHIN* se changeront en d'autres hexagones *HZCDNS*, qui auront tous leurs côtés opposés parallèles entr'eux ; il ne se fera aucun changement dans les autres parties du cristal.

Quant au développement de la partie qui aura subi des modifications, on aura 1.^o pour le triangle isocèle *CZU*, l'angle $Z = 99^{\text{d}} 35' 38''$; $U = C = 40^{\text{d}} 12' 11''$; 2.^o pour l'hexagone *HZCDNS* ; $HZC = ZCD = DNS = NSH = 123^{\text{d}} 12' 40''$.

(*d*) Essai d'une théorie, &c. page 88.

Les facettes CZU résultent d'une loi de décroissement par une simple rangée de rhomboïdes sur les angles latéraux B, N, F , (*fig. 1*) des lames du noyau. Pour le prouver, soient $dbag, aglk, dglm$, (*fig. 3*) des rhombes semblables aux faces qui aboutiroient à l'un des sommets du noyau; les deux premiers de ces rhombes auront la même position respective que les faces $GCDNIH, GHOPMU$, (*fig. 2*). Concevons maintenant que les lames du noyau décroissent par une rangée de rhomboïdes, vers l'angle a , depuis hn , & parallèlement à la diagonale bg ; soit $coiz$ la surface extérieure d'un des petits rhomboïdes composans; soit pst le triangle mesurateur, dans lequel ps représentera l'arête intérieure qui aboutit à l'angle o de la molécule, & st la moitié de la grande diagonale d'une des faces du rhomboïde voisin sur la lame inférieure. Cela posé, ps sera parallèle à l'arête ak , & st parallèle à ra , moitié de la diagonale ad . Donc, ayant mené rk , le triangle pst sera semblable au triangle rak , & en même temps au triangle oaf , le point f étant pris de manière que l'on ait $af = ah$. Donc, puisque le décroissement se fait parallèlement à la diagonale bg , le plan de la facette qui en résultera, passera par les points hnf , c'est-à-dire, que deux de ses côtés seront parallèles aux petites diagonales bg, gk du noyau. Or, les côtés CZ, ZU du triangle CZU (*fig. 2*), sont, comme je l'ai dit, sensiblement parallèles aux lignes que l'on mèneroit de D en H , & de H en M , lesquelles sont évidemment dans le sens des petites diagonales du noyau. Donc, la loi de décroissement indiquée est celle qui a lieu par rapport à la production des facettes CZU (*c*).

(*c*) Dans quelques tourmalines d'Espagne, on aperçoit, en faisant tourner le cristal à la lumière, un chatoïement très-vif, occasionné par de très-petites facettes parallèles au triangle CZU , & qui sont les rudimens d'autant de décroissemens

semblables à ceux qui produisent ce même triangle. Cet aspect pourroit en imposer, & faire croire que ces cristaux seroient divisibles dans le sens indiqué par les petites lames dont il s'agit; mais l'observation des coupes dont je parlerai plus

Cette loi est la même qui détermine la forme du spath calcaire rhomboïdal à sommets aigus (*f*), en sorte que si les facettes *CZU* se prolongeoient jusqu'à ce qu'elles se rencontraient, & qu'il s'en formât de semblables sur les angles solides du sommet supérieur, on auroit un rhomboïde aigu qui seroit à la forme primitive du schorl, ce qu'est le rhomboïde aigu du spath calcaire relativement au spath d'Illande.

La position des faces de la variété que nous considérons ici, m'a fourni les données à l'aide desquelles j'ai déterminé rigoureusement la mesure des angles plans ou solides des différens schorls. J'ai observé que l'inclinaison de la facette *CZU* sur le rectangle *CUXL*, étoit sensiblement égale à celle de l'arête *ZH* sur la petite diagonale du rhombe situé de l'autre côté du cristal, & qui est devenu dans cette modification un hexagone interposé entre les deux hexagones *DCZHSN*, *UZHFP*.

Soit *dape* (*fig. 4*), un quadrilatère formé par les petites diagonales *ad*, *ep* de deux faces opposées du rhomboïde primitif, & par les arêtes *ap*, *de*, comprises entre ces diagonales. Menons l'axe *ae*, la ligne *af* par le milieu de *ep*, la ligne *pn* perpendiculaire sur l'axe, & par le point *f*, faisons passer *mf* parallèle à l'axe.

Il est aisé de voir que l'angle *mfa* est égal à celui que forme la facette *CZU* (*fig. 2*), avec le plan du rectangle *CUXL*, puisque la ligne *af* représente la hauteur du triangle *b g k* (*fig. 3*), qui est parallèle à la facette *CZU* (*fig. 2*). Or, par la supposition *mfa* = *pad* (*fig. 4*); & à cause des parallèles *ad*, *pe*, d'une part, & *fm*, *ae*, de l'autre, l'angle *mfe* = *ead*: donc aussi, *efa* = *pa*; donc les triangles *aep*, *afe*, sont semblables; donc, *ef*: *ae* :: *ae*: *pe*; & $(ae)^2 = ef \times ep$;

bas, prouve que ce sont les lames de l'accroissement, & non pas celles de la structure, deux choses que l'on ne doit pas confondre, comme je l'ai prouvé dans l'ouvrage cité, page

206 & suivantes. Au reste, ce n'est pas le seul exemple que les cristaux m'aient offert de ces sortes d'accidens.

(*f*) Essai d'une théorie, &c. page 108.

Maintenant par la construction, $ep = 2ef$; donc, $(ae)^2 = 2(ef)^2$; de plus, $an = \frac{1}{3}ae$. $(ef)^2 = (fg)^2 + (ge)^2 = \frac{1}{4}(np)^2 + (an)^2$, à cause de $np = 2fg$, & de $ge = an$. Substituant dans l'équation $(ae)^2 = 2(ef)^2$, elle devient $9(an)^2 = \frac{1}{2}(np)^2 + 2(an)^2$; donc, $7(an)^2 = \frac{1}{2}(np)^2$, & $14(an)^2 = (np)^2$, mais $(an)^2 = (ap)^2 - (np)^2$; donc, $14(ap)^2 = 15(np)^2$: or, np est le rayon oblique d'un triangle équilatéral dont le côté seroit la grande diagonale des faces du rhomboïde. Maintenant dans le rhombe $ABDN$ (fig. 1), qui représente une de ces faces, on a $\frac{4}{3}(BI)^2 = np^2$ (fig. 4); $BA = ap$; donc, $14(BA)^2 = 15 \cdot \frac{4}{3}(BI)^2$ d'où l'on tire $BI = BA\sqrt{\frac{7}{10}}$. Nous pouvons maintenant considérer BI comme le sinus de l'angle ABI , BA étant le rayon r ; nous aurons donc $BI = r\sqrt{\frac{7}{10}}$ (g) & $\log. BI = \log. r + \frac{1}{2}(\log. 7 - \log. 10) = 99225490$, qui répond à $56^d 47' 20''$; donc l'angle BAN sera de $113^d 34' 40''$, ce qui s'accorde avec l'observation.

D'après l'équation $14(ap)^2 = 15(np)^2$, on trouvera pour la valeur de l'angle apn , $14^d 57' 17''$; d'où il suit que l'arête CH (fig. 2) est inclinée sur le pan correspondant du prisme, de $104^d 57' 17''$: cette inclinaison nous sera nécessaire pour la suite (h).

Il est facile maintenant de déduire des données précédentes, les valeurs des angles plans de la molécule tétraèdre des schorls. Soit DRN (fig. 5), un des triangles isocèles de cette molécule, formé par la petite diagonale BD d'une des faces du noyau, & par deux côtés RD , RB de la même face; on aura $BRD = 66^d 25' 20''$; $RBD = RDB = 56^d 47' 20''$. Soit DGR un des triangles scalènes, formé par l'axe DI , la petite diagonale RI d'une des faces & l'arête RD ; on aura $DIR = 61^d$

(g) Si l'on cherche le cosinus du petit angle ABD du rhombe primitif, on trouvera que ce cosinus est précisément les $\frac{7}{10}$ du rayon.

(h) Quant à la valeur de chacun des deux angles mfa , pad , on trouve, d'après les mêmes données, qu'elle est de $136^d 54' 40''$.

$52' 29''$; $DR I = 43^d 5' 31''$ $RDI = 75^d 2'$: on pourra calculer de même tous les autres angles indiqués dans le développement des cristaux.

II.° Schorls qui n'ont pas la propriété des tourmalines, ou qui ne l'ont que foiblement.

1.° Schorls à deux sommets exaèdres très-obtus. (Fig. 6.)

Ce schorl se trouve en gros cristaux dans plusieurs granits. Les faces des sommets qui sont ordinairement assez nettes, présentent trois hexagones *fcurng*, *cfoiab*, *dbcutk*, qui se réunissent par leur angle supérieur, & entre lesquels sont interposés d'autre part trois rhombes *fohg*, *rutl*, *baed*. Pour que ces différentes faces aient les figures qui viennent d'être indiquées, il faut que le prisme soit exaèdre, & dans ce cas la surface est composée de six hexagones irréguliers, tels que *hguxpδ*, mais ordinairement ce prisme est chargé de stries, & subit des arrondissemens qui permettent à peine d'en distinguer les pans; il y a même de ces prismes qui paroissent tendre à la forme ennéaèdre du prisme de la variété précédente: je les suppose ici exaèdres pour plus grande simplicité. Voici les mesures des différens angles plans de ce cristal.

Angles de l'hexagone *hguxpδ*; $ghδ = pxn = 104^d 57' 17''$; $gnx = hδp = 97^d 36' 41''$; $hgn = δpx = 157^d 26' 2''$.

Angles de l'hexagone *fcurng*; $fcu = gnr = 118^d 16' 12''$; $cfg = fgn = cnr = urn = 120^d 5' 54''$.

Angles du rhombe *fohg*; $ofg = ohg = 113^d 34' 40''$; $foh = fgh = 66^d 25' 20''$.

Ce sont principalement les coupes que j'ai obtenues en essayant de diviser les cristaux de cette variété, qui m'ont dirigé dans la recherche de la forme des molécules intégrant du schorl. Ces coupes sont au nombre de douze, dont six parallèles aux faces rhomboïdales des sommets, & les six autres parallèles aux pans du prisme. On conçoit

que le noyau le plus simple qui résulte de ces sections, est un rhomboïde dont les faces correspondent aux rhombes des sommets, & qui seroit susceptible d'être sous-divisé en six tétraèdres égaux & semblables, par des sections faites sur les petites diagonales des rhombes opposés, ou, ce qui revient au même, par des sections parallèles aux pans du prisme.

Pour achever d'expliquer la structure de ce cristal, il ne s'agit plus que de déterminer la loi de décroissement qui donne les hexagones *fcurng*, *cfoiab*, *dbcutk*. Or, il est aisé de voir que les décroissemens se font par une simple rangée de rhomboïdes sur les arêtes qui aboutissent aux extrémités de l'axe du cristal; en sorte que si les six hexagones se prolongeoient jusqu'à s'entre-couper, il en résulteroit un nouveau rhomboïde qui seroit à la forme primitive, ce que le spath calcaire rhomboïdal à sommets très-obtus, est au spath d'Islande (i). J'ai observé que quelques-uns des cristaux de cette même variété avoient aussi, quoique moins sensiblement, la propriété électrique des tourmalines décrites dans l'article précédent; d'autres cristaux ne m'ont donné aucun signe sensible d'électricité.

2.^o *Schorls dodécaèdres, à plans trapézoïdaux.* (Fig. 7).

Dans les différens cristaux de schorl, dont j'ai exposé jusqu'ici la structure, nous avons vu la forme primitive subir des modifications analogues à celles qui sont déjà connues, & cela, par les loix de décroissement les plus simples & les plus ordinaires. Les variétés qui nous restent à considérer, vont nous offrir à la fois & des formes très-particulières, & des décroissemens qui annoncent une marche plus rapide dans la cristallisation.

Cette différence se trouve jointe à une autre, qui est relative au poli des coupes & à la facilité de les obtenir : parmi celles qui sont parallèles aux pans d'un prisme

(i) Voyez l'Essai déjà cité, page 77.

hexagone régulier, il n'y en a jamais que quatre qui soient nettes ; les deux autres qui correspondent à deux pans opposés, se laissent à peine entrevoir dans quelques cristaux, en sorte qu'on ne peut extraire de la plupart qu'un prisme quadrilatère, dont les pans sont inclinés les uns sur les autres de $120 - 60^d$: la surface de ces pans est communément brillante & d'un beau poli. Quant aux joints des lames parallèles aux sommets de la forme primitive, je n'ai jamais pu les apercevoir, quelques tentatives que j'aie faites pour y réussir ; mais la correspondance des angles & l'observation de plusieurs accidens que je décrirai dans la suite, prouvent que ces cristaux sont dans l'analogie des formes dont ce genre est susceptible, & doivent faire présumer que les diversités dont je viens de parler tiennent à quelque cause particulière, plutôt qu'à la nature même des substances.

Voici d'abord le développement du schorl, qui est l'objet de cet article. Parmi les trapézoïdes de chaque sommet, il n'y en a que deux qui soient semblables. Supposons que ce soient les faces *smiu, ileu* ; on aura, dans le trapézoïde *ileu*, par exemple, $uil = 114^d 14' 21''$; $liu = 65^d 45' 39''$; $iue = 63^d 4' 27''$; $uel = 116^d 55' 33''$.

Dans le trapézoïde *moli* ; $mil = 123^d 27' 2''$; $mol = 118^d 16' 12''$; $imo = ilo = 59^d 8' 23''$.

Quant aux pans du prisme, dont quatre sont aussi des trapézoïdes, & les deux autres, savoir, *lezx, smgg*, des rhombes alongés, nous aurons, dans le trapézoïde *olxt* ou *otqm*, $lot = 97^d 36' 41''$; $olx = 82^d 23' 19''$; $lxt = 83^d 54' 8''$; $otx = 96^d 5' 52''$.

Dans le rhombe alongé *lezx*, ou *smgg* ; $lez = lxx = 104^d 57' 17''$; $exx = elx = 75^d 2' 43''$.

Enfin dans le trapézoïde *uezt*, ou *urgs* ; $uez = 96^d 5' 52''$; $eur = 83^d 54' 8''$; $urz = 97^d 36' 41''$; $ezt = 82^d 23' 19''$.

Avant d'expliquer la structure de ce cristal, il est nécessaire de dire un mot de l'inclinaison respective de quelques-unes de ses arêtes & de ses faces. L'arête *iu* a la

même inclinaison que l'une quelconque des arêtes BR , BE , &c. (*fig. 2*) de la forme primitive, c'est-à-dire, qu'elle fait avec l'arête correspondante ur du prisme, un angle d'environ 105^d ; de plus, la face $imol$ a exactement la même inclinaison, c'est-à-dire, que la petite diagonale io fait aussi un angle de 105^d avec l'arête ot . Or, cette inclinaison est égale à celle des faces $curngf$, $dbcutk$, &c. (*fig. 6*), qui remplacent les arêtes du noyau; mais le trapézoïde $imol$ est situé derrière l'arête iu , & par conséquent il remplace une des faces du noyau, & non pas une de ses arêtes. Il résulte de-là une espèce de renversement dans les positions des faces correspondantes des cristaux représentés par les *fig. 6* & *7*, & l'on ne voit pas d'abord comment accorder ces cristaux, soit entr'eux, soit avec la théorie.

Pour résoudre pleinement la difficulté, je vais prouver que c'est une propriété commune à tous les rhomboïdes, de donner, à l'aide d'un décroissement de quatre rangées de molécules sur l'angle supérieur d'une de leurs lames, c'est-à-dire, sur celui qui est adjacent au sommet, une nouvelle face, qui a précisément la même inclinaison que l'une quelconque des arêtes du rhomboïde.

Soit $adep$ (*fig. 8*) une coupe géométrique faite dans un rhomboïde quelconque, de la même manière que celle qui est représentée par la *figure 4*; prolongeons ed de manière que l'on ait $dg = \frac{1}{2}ed$; joignons les points a , g par une droite; prolongeons nk jusqu'à la rencontre de cette dernière ligne, & menons gs parallèle à op . Par la propriété du rhomboïde, on aura $as = es$; d'où il suit que les triangles rectangles $eg's$, ags sont égaux & semblables: donc, les triangles ano , anp , dont l'un a ses côtés parallèles à ceux du triangle ags , & l'autre à ceux du triangle egs , sont aussi semblables entr'eux; donc, l'inclinaison de ao est la même que celle de ap sur la ligne op . Cherchons maintenant la loi de décroissement qui produiroit une face dont la diagonale adjacente au

sommet auroit la même inclinaison que ag . Soit rlm le triangle mesurateur, dans lequel on aura rl, lm, rm parallèles, la première à ad , la seconde à de , & la troisième à ag : rl étant dans le sens de la diagonale qui donne la mesure des décroissemens, il ne s'agit que de trouver sa valeur. Or, $rl : lm :: ad : gd :: ad : \frac{1}{2} de :: 2ad : de$; donc rl est égale au double de la diagonale, ce qui indique des décroissemens par quatre rangées de rhomboïdes. Cette loi est donc celle qui a lieu dans la formation de la face $imol$, (*fig. 7*) à la place d'une des faces primitives,

Maintenant, si l'on suppose d'autres décroissemens par quatre rangées sur les bords des lames, de part & d'autre de l'arête iu , les deux nouvelles faces qui en résulteront, auront exactement les mêmes inclinaisons que les trapézoïdes $iussm, iuel$,

Soit $teisrm$ (*fig. 9*) une molécule rhomboïdale située de manière que l'arête ce soit parallèle à l'arête iu (*fig. 7*), & la diagonale cr parallèle à celle de la face du noyau, qui est remplacée par $milo$. Soit $pnoz$ (*fig. 11*) une section faite sur cette molécule, perpendiculairement aux faces $etmc, eisc$. Ayant mené ik (*fig. 9*) perpendiculaire sur ce , on aura nz (*fig. 11*) $= ik$, $pz = ms$. Or, (*fig. 9*) d'après les valeurs trouvées ci-dessus, de ou $\frac{1}{2} es = ce \sqrt{(\frac{7}{10})}$; donc nous pouvons faire $de = \sqrt{(\frac{7}{10})}$, & $ce = 1$; Mais $cd = \sqrt{[(ce)^2 - (de)^2]} = \sqrt{(\frac{3}{10})}$, & $cd \times es = ce \times ik$, ou $\sqrt{(\frac{3}{10})} \times \sqrt{(\frac{28}{10})} = ik$; d'où l'on tire, $ik = \sqrt{(\frac{42}{50})}$.

Maintenant, nz (*fig. 11*) $= ik$ (*fig. 9*) $= \sqrt{(\frac{42}{50})}$. $yz = de = \sqrt{(\frac{7}{10})}$, $ny = \sqrt{[(nz)^2 - (yz)^2]} = \sqrt{(\frac{42}{50} - \frac{7}{10})} = \sqrt{(\frac{7}{50})}$.

Donc, $yz : ny :: \sqrt{(\frac{7}{10})} : \sqrt{(\frac{7}{50})}$; donc nous pouvons faire $yz = \sqrt{5}$, $ny = 1$.

Soit $ghbl$ (*fig. 10*) une coupe faite sur le noyau du cristal (*fig. 8*), par un plan perpendiculaire aux faces $mius, liue$. Supposons le rhombe $ghbl$ sous-divisé en une multitude

multitude de petits rhombes semblables, tels que $pnzo$. Concevons de plus que les quatre molécules renfermées dans l'espace $lunx$ soient soustraies; ayant mené no & lo , il est facile de voir que l'angle nlo ajouté à 90^d , sera la mesure de l'inclinaison de la face $iuel$ sur le pan correspondant $lezx$, si la loi indiquée est celle qui a lieu dans le cas présent. Or $no = 3ny$ (*fig. 11*) $= 3$. & $ol = 5yz = \sqrt{125}$; résolvant le triangle d'après ces données, on trouve pour la valeur de l'angle oln , $15^d 1' 12''$: donc l'inclinaison dont il s'agit sera de $105^d 1' 12''$, ce qui s'accorde avec l'observation.

Quant au prisme du dodécaèdre, il est clair, d'après les inclinaisons respectives de ses pans qui sont toutes de 120^d , que cette partie du cristal ne subit aucune loi de décroissement.

On connoît une variété de ce schorl qui est singulière, en ce qu'un de ses sommets, représenté (*fig. 12*), est à quatre faces qui sont des trapézoïdes $bacd$, $aefc$, &c. tandis que l'autre sommet, représenté (*fig. 13*), n'a que deux faces qui sont des pentagones $plmqr$, $pstor$. D'après les inclinaisons respectives des plans de ce cristal, comparé avec celui de la *fig. 7*, on voit qu'il est composé de deux portions réunies de ce dernier. Concevons un plan géométrique qui passe par les lignes mq , lx : ce plan détachera un segment de cristal, terminé d'un côté par un triangle lmo , & de l'autre par des trapézoïdes qui feront partie des deux faces opposées à $smiu$, $iuel$. Or le segment dont il s'agit est divisible par des coupes verticales, faites parallèlement à la ligne io : si donc nous supposons deux de ces sections à une petite distance des angles m , l , le triangle lmo deviendra un pentagone par la suppression des mêmes angles; les deux faces opposées seront toujours des trapézoïdes, & les deux arêtes mq , lx , se trouveront remplacées par deux rhombes allongés. Concevons maintenant deux segmens, tels que celui qui vient d'être décrit, réunis par leurs faces verticales adjacentes à ml , & dont

l'un seroit retourné de bas en haut, de manière que le pentagone *p s t o r*, qui forme l'une de ses bases, fût accolé contre le pentagone semblable *p l m q r* de l'autre segment; il résultera de cette réunion un solide tel que celui qui est représenté *fig. 12 & 13*. On sait que la nature produit dans plusieurs substances minérales, comme le gypse, l'alun, le feld-spath, &c. de ces espèces de jeux de la cristallisation qui réunit en sens contraire, tantôt des cristaux entiers, tantôt des portions de cristaux; mais ordinairement ces assemblages présentent d'une part un angle solide saillant, & de l'autre un angle rentrant, au lieu que dans le cas présent, tous les angles sont saillans. Au reste, on conçoit d'autant mieux la possibilité du renversement dont nous parlons ici, que les petits rhomboïdes qui composent les deux segmens, ont leurs faces verticales situées, les unes à l'égard des autres, de manière qu'elles s'engrènent exactement à l'endroit de la jonction des deux portions de cristaux, par leurs angles de 120° . 60° . en sorte qu'elles ne laissent aucun vide entr'elles. Enfin, ce qui paroît prouver d'une manière décisive, que la cristallisation de ce schorl est telle que je viens de l'indiquer, c'est que j'ai des cristaux de la variété dodécaèdre, représentée *fig. 7*, & d'autres à sommets tétraèdres d'une part, & dièdres de l'autre, tels qu'on les voit *fig. 12 & 13*, qui ont d'ailleurs une ressemblance si parfaite, quant à la couleur, à la dureté, au tissu, au poli, aux dimensions, &c. qu'on voit clairement que les uns & les autres ont la même pâte, qu'ils tiennent à la même origine, & ne diffèrent que par une de ces modifications locales, qui doivent être fréquentes dans une des opérations les plus fécondes & les plus diversifiées de la nature.

Reprenons un instant le cristal représenté *fig. 7*. Il suit de ce qui a été dit sur la structure de ce cristal, que si la loi de décroissement qui produit la face *im o l*, & celle qui lui est opposée sur la partie inférieure du cristal, agissoit en même temps sur les quatre autres faces du noyau

rhomboïdal, on auroit un nouveau rhomboïde à sommets très-obtus; ce dernier rhomboïde seroit parfaitement semblable, quant à la forme, à celui qui résulte d'une loi de décroissement par une simple rangée de molécules sur les arêtes DB , DN , DF (fig. 1) du noyau; mais il auroit une structure toute différente.

J'ai cherché s'il ne pourroit point exister aussi un second rhomboïde à sommets aigus, qui offrît la même ressemblance de forme & la même diversité de structure, à l'égard de celui dont les faces auroient la même inclinaison que les facettes triangulaires CZU (fig. 2). J'ai prouvé plus haut que celui-ci est produit en vertu d'un décroissement, par une rangée de molécules sur les angles latéraux des faces de la forme primitive.

Soit maintenant $aped$ (fig. 14), le même quadrilatère que celui de la figure 4: nous avons vu que dans le rhomboïde aigu, qui résulte de la loi dont je viens de parler, la diagonale du rhombe, adjacente au sommet, coïncideroit avec la ligne af , qui coupe pe en deux parties égales. Soit menée as par le milieu m de dg , on aura l'angle $sae = fae$; d'où il suit que si le même rhomboïde aigu peut résulter d'une loi régulière de décroissement sur l'angle supérieur a des faces du noyau, la ligne as en deviendra une des diagonales adjacentes au sommet, & remplacera la diagonale ad du noyau.

Or, ayant mené so parallèle à dg , on aura, à cause des triangles semblables soe , pna d'une part, & aos , agf de l'autre,

$$os : oe :: pn : an,$$

&

$$os : ao :: fg : ag :: \frac{1}{2} pn : 2 an.$$

Prenant les deux valeurs de os & les égalant

$$\frac{oe \times pn}{an} = \frac{ao \times pn}{4an}, \text{ \& } oe = \frac{1}{4} ao = \frac{1}{5} ae.$$

Or $ge = \frac{1}{5} ae$; donc $oe = \frac{1}{5} ge$; donc aussi $se = \frac{3}{5} de$,
& $ds = \frac{2}{5} de$.

Soit txz le triangle mesurateur (k) , dans lequel on aura tz , parallèle à de , tx , parallèle à ad , & xz , qui sera sur le plan d'une des faces du rhomboïde, parallèle à as ; les triangles semblables txz , das , donnent

$$tx : tz :: ad : ds :: ad : \frac{2}{5} de :: \frac{5}{2} ad : de.$$

Or la diagonale ad répond à deux rangées de molécules; d'où il suit que les décroissimens qui donneroient le rhomboïde dont il s'agit, se feroient par cinq rangées de molécules. Quoique la quantité de ce décroissement n'excède que d'une unité celle des décroissimens par quatre rangées, la loi dont elle dépend est beaucoup moins simple, parce que le nombre 4 est en proportion avec 1 & 2, qui expriment les loix les plus ordinaires de décroissement, en sorte que les circonstances qui peuvent déterminer la formation du rhomboïde aigu, par des soustractions de cinq rangées, paroissent devoir se rencontrer très-rarement.

On voit par ce qui précède, que les agens de la cristallisation peuvent produire, avec les mêmes molécules combinées entr'elles d'après différentes loix, des formes absolument identiques. Ainsi la cristallisation, resserrée d'une part dans les limites d'un petit nombre de loix simples & régulières, reçoit d'une autre part une nouvelle extension par la fécondité de ces mêmes loix.

Les modifications singulières que subissent les formes des cristaux de schorl, les différences sensibles qu'on remarque entre ces cristaux, du côté de leurs propriétés électriques, de leurs couleurs, de leur transparence, de leur tissu, &c. font desirer qu'un chimiste habile reprenne l'analyse de ces substances, en observant sur-tout d'en décrire exactement les différentes variétés à mesure qu'elles se succéderont dans l'ordre de son travail. Cette attention est le seul moyen de présenter le tableau des connoissances acquises, sous un point de vue qui instruisse le lecteur, &

(k) Les décroissimens se font ici nécessairement en allant de d vers a , puisque la nouvelle face qui en résulte est plus inclinée sur l'axe que la face correspondante du noyau.

Fig. 1.

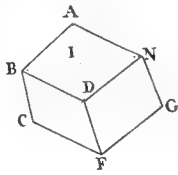


Fig. 2.

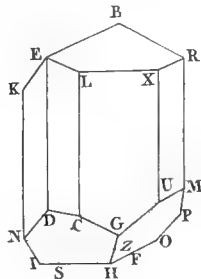


Fig. 3.

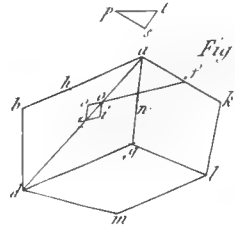


Fig. 4.

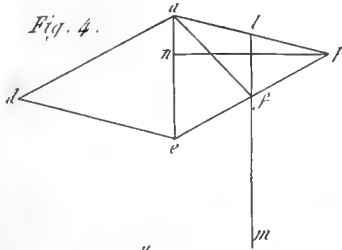


Fig. 5.

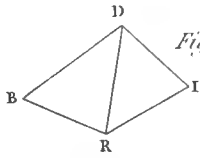


Fig. 6.

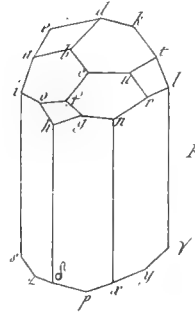


Fig. 7.

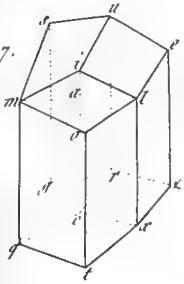


Fig. 8.

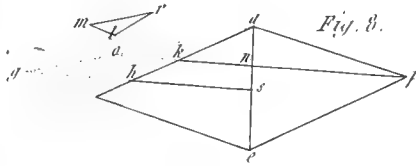


Fig. 9.

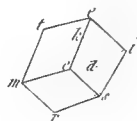


Fig. 11.



Fig. 10.

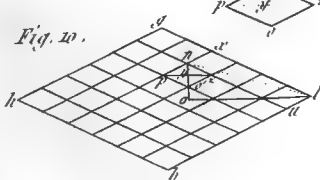


Fig. 12.

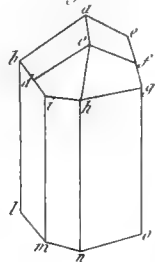


Fig. 13.

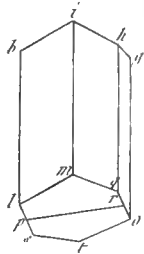
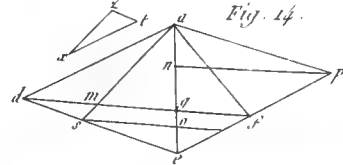


Fig. 14.





le mette à portée de répéter & de vérifier par lui-même les expériences indiquées. Le projet qu'a conçu M. Bertholet d'entreprendre une suite d'opérations sur les corps naturels, pour en déterminer les principes élémentaires, nous promet, relativement à l'objet dont il s'agit, de nouvelles lumières qui, en portant à un plus haut degré de perfection l'une des parties les plus intéressantes de la chimie, concourront, avec le travail du minéralogiste, à représenter plus exactement celui de la nature dans la production des minéraux, & en particulier des cristaux.



SUR LA FORMATION DES COUCHES LIGNEUSES.

Par M. FOUGEROUX DE BONDAROY.

LA figure d'une croix avec son support, découverte dans l'intérieur d'une grosse bûche ou quartier d'un hêtre qu'on refendoit; cette figure, mais avec des dimensions différentes, trouvée aussi sur l'écorce de cette même partie de l'arbre, m'ont servi à confirmer en 1777 (a), ce que le savant Duhamel, d'après des observations suivies, avoit établi dans sa *Physique des arbres*, lorsqu'il a parlé de la formation & de l'accroissement de l'écorce, ainsi que de la régénération des couches ligneuses.

Cette bûche de hêtre qui originairement avoit servi à l'amusement d'un pâtre, est devenue au bout de 45 à 50 ans, un objet d'observation d'autant plus intéressant pour moi, qu'elle me donnoit lieu de faire l'application des principes que cet exact observateur, M. Duhamel du Monceau m'avoit enseignés, & qu'il me montrait vérifiés sur des plaies faites à l'écorce ou au corps ligneux de certains arbres.

Je ne répéterai point ici ce que j'ai dit dans le volume de l'Académie que j'ai cité, lorsque je décrivois ce morceau & que j'exposois les avantages qu'on en pouvoit tirer pour appuyer par des faits la théorie de M. Duhamel, sur ces parties intéressantes de la physique végétale; on me permettra seulement de citer ici le résultat des conséquences que j'en ai tirées & qui s'accordent parfaitement avec celles qui sont énoncées dans l'ouvrage immortel, connu sous le titre de *Physique des arbres*.

(b) Voyez Mémoires de l'Académie de cette année, page 491.

L'écorce est nécessaire à la production & à la régénération des couches ligneuses ; elle revêt le corps & les branches de l'arbre, & varie infiniment dans sa texture, suivant le genre & l'espèce d'arbre auquel elle appartient.

L'écorce, dans tous les arbres, n'est susceptible de s'étendre qu'en largeur, à mesure que grossit le corps de l'arbre.

Elle augmente en épaisseur par de nouvelles couches, & par une extension & un gonflement de celles qui se sont formées précédemment.

Ces conséquences sur l'écorce sont sans contredit les plus intéressantes ; mais combien ne reste-t-il pas à désirer, quand on veut examiner avec plus de détails les différentes parties qui constituent l'écorce, & que l'on cherche à s'assurer des moyens accordés à chacune d'elles pour se régénérer. C'est donc ce que je me suis proposé d'étudier particulièrement, en faisant des plaies à différentes parties de diverses espèces d'arbres, & ce qui donnera lieu à plusieurs Mémoires. L'écorce est formée de l'épiderme, de l'enveloppe cellulaire, des couches corticales & du liber : notre raison se prête-t-elle à imaginer que toutes ces parties soient renfermées en petit dans la graine, & qu'il ne se fasse avec le temps qu'une extension & un développement de celles formées originairement ?

Quand on coupe un arbre au-dessous de ses branches, si cet arbre n'est point trop âgé, on voit de nouveaux boutons percer son écorce, puis ces boutons après s'être développés, reproduire une nouvelle tige couverte de l'écorce, & s'allonger en faisant des productions.

L'écusson qui est un simple bouton appliqué le long de l'écorce, forme aussi un nouvel arbre, & l'on prétend que ce bouton avec ces alongemens, &c. étoient dans la graine de celui qui lui a donné sa première origine : il faut avouer que dans cette extrême extension & divisibilité de la première matière, nous concevons avec difficulté ce dévelop-

pement; il n'est pas plus aisé d'expliquer l'accroissement entier d'un arbre, & on concevra difficilement comment un chêne, dont le tronc également majestueux par sa grosseur & son élévation, se terminant par une tête touffue, n'est avec toutes ses branches qu'une extension du germe contenu dans le fruit de cet arbre. Comme nous ne pourrions qu'effleurer cette question déjà traitée, mais non éclaircie, revenons à ce qui est démontré par les faits.

L'observation indique qu'à mesure que le bouton s'allonge, il se trouve couvert de l'écorce; chaque partie de cette écorce ne prend pas plus d'allongement que les couches ligneuses; elle s'étend seulement en largeur à mesure que le tronc ou la branche grossit.

Il est démontré que l'épiderme est une vraie production de l'écorce, qu'il s'étend en largeur, & que son premier développement dépend de celui de l'écorce, puisqu'il la recouvre dès sa première formation : mais lorsque l'épiderme est détruit, il paroît que l'écorce ne fournit pas aisément à sa réparation; car lorsque la plaie d'un arbre se recouvre d'une nouvelle écorce, par l'extension de celle qui s'est formée précédemment, on aperçoit une différence dans la couleur & les autres apparences de l'épiderme qui recouvre cette écorce, & on le distingue aisément de l'ancien.

Les couches ligneuses, au contraire, ne doivent leur augmentation qu'à de nouvelles lames ajoutées à celles qui ont été produites précédemment entre l'écorce & le bois, & lorsque ces couches sont durcies, elles ne s'étendent ni en largeur ni en longueur. Nous avons dit que l'arbre croissoit par le développement d'un bouton; mais dès que le corps ligneux a pris de la consistance; cet arbre ne croît plus ni en hauteur ni en grosseur, que par des augmentations de nouvelles couches, qui, depuis les racines, forment une addition sur les couches des années précédentes; ce sont des espèces de cônes qui s'interposent entre
la dernière

la dernière couche produite & l'écorce, sans que cette même couche, durcie & devenue ligneuse, change de forme & de position : tout ceci est bien prouvé par la portion du hêtre décrit en 1777, & dont je reinets ici la figure sous les yeux de l'Assemblée (a). Ainsi, lorsque le pâtre s'est amusé à tracer une croix sur cet arbre, en enlevant l'écorce & appliquant ce dessin sur la couche ligneuse dernièrement formée, il lui a donné les dimensions qui sont apparentes aujourd'hui dans le corps ligneux : s'il l'a tracée à une hauteur de 3 pieds $\frac{1}{2}$ de terre, elle se sera trouvée à cette même distance après cinquante ans écoulés ; s'il lui a donné 4 à 5 pouces de hauteur, elle n'en aura pas davantage après cet espace de temps, & elle n'aura changé de forme dans aucune de ses dimensions. Mais si l'arbre a acquis de la grosseur pendant ces années, que nous avons fixées à cinquante, autant de couches nouvelles auront recouvert celle sur laquelle on aura tracé le dessin ; & la circonférence de l'arbre ayant augmenté de 12 lignes environ, & même davantage chaque année, son diamètre qui étoit de 9 pouces, sera de 25 pouces 8 lignes environ plus ou moins en couches ligneuses, après l'espace de cinquante ans on trouvera donc les dessins éloignés de l'écorce de la moitié de la crûe.

Il n'en sera pas ainsi de l'écorce ; le dessin découvert dans la bûche de hêtre, atteste que quand elle est formée, elle ne s'étend plus en hauteur ; mais comme elle augmente en largeur à mesure que l'arbre grossit, on ne trouvera plus une entière similitude entre le dessin qu'elle présente & celui qui s'est enfoncé dans le corps de l'arbre, si on s'attache à son augmentation en largeur ; mais elle n'aura pas varié dans sa hauteur, l'écorce se sera étendue de proche en proche, elle aura recouvert la partie entamée ; & comme l'arbre aura acquis de la grosseur par une addition de couches ligneuses concentriques, l'écorce se sera prêtée à

(a) Voyez les figures du volume de l'année 1777.
Mém. 1787.

cette augmentation dans le rapport du rayon ou de la circonférence du petit arbre avec le rayon , ou la circonférence de l'arbre plus gros.

Nous ne parlons maintenant que des dessins qui sont apparens sur la longueur des couches ligneuses. Quoique dans un second Mémoire de l'année 1777 , j'aie traité aussi de ceux qui deviennent visibles lorsqu'on coupe les bois en travers & horizontalement, j'ai cru, je le répète, pouvoir expliquer les dessins qu'on a découverts dans ce hêtre , en y appliquant la théorie de M. du Hamel, sur l'accroissement & la régénération de l'écorce & des couches ligneuses; je donnois les raisons qui prouvoient comment ils se trouvoient si éloignés de l'écorce au moment présent: mais ce n'étoit pas assez, je résolus dès-lors , d'après les mêmes principes , de former des dessins analogues à ceux que j'avois trouvés, en les appliquant sur la couche ligneuse dernièrement formée; je me proposai d'en tenir note, afin de confirmer cette explication par tous les moyens possibles, & de ne rien laisser à desirer sur les résultats qu'on peut en tirer pour l'explication de divers points de la physique végétale.

Dès le mois de Septembre 1777 , je destinai plusieurs arbres à ces épreuves, & entr'autres un peuplier d'Italie; cet arbre étoit placé dans un terrain très-sec, & qui par conséquent lui étoit peu convenable : je ne fais cette remarque que pour expliquer le peu d'accroissement qu'il a pris dans les années destinées à l'expérience. Le peuplier, au temps où j'enlevai l'écorce pour tracer sur la dernière couche ligneuse le dessin qu'on y voit apparent, avoit à cette partie de l'arbre 14 pouces de circonférence, & par conséquent aux environs de 5 pouces de diamètre. La même expérience a été faite sur des chênes & des ormes; mais le peuplier étant un de ceux qui augmente le plus annuellement en grosseur & en hauteur, c'est aussi celui que j'ai sacrifié à mon impatience, & le seul dont je parlerai maintenant.

J'ai fait abattre cet arbre en Novembre 1780, ainsi il n'est resté en expérience que trois années & deux mois, & pour lors l'arbre, dans le même endroit où j'avois tracé une figure, avoit cinq pouces six lignes de diamètre; il avoit donc augmenté de six lignes en trois ans, ce qui fait deux lignes par an, & dix-huit lignes de circonférence pour les trois ans, à six lignes par chaque année. J'ai laissé le tronçon perdre toute sa sève; & avant de lever l'écorce, je l'ai tenu pendant quelques heures dans de l'eau bouillante, ce qui m'a facilité cette opération.

Puis, d'après la preuve que j'avois de l'augmentation de l'arbre, & les cercles concentriques que j'apercevois sur la couche horizontale du tronçon, je suis parvenu aisément à séparer les couches ligneuses, & à découvrir celle sur laquelle j'avois appliqué le dessin qui s'est trouvé, comme je l'avois prévu, à trois lignes environ de l'écorce dans l'intérieur du bois. Je reviens à la manière dont je traçai en 1777 la figure qu'on y voit maintenant.

Je levai l'écorce de 1 en 2, puis celle de 4 en 3 (*fig. 1.^{re}*); je mis sous ces plaies de la bouze de vache, l'écorce s'est cassée en 4; j'ai seulement passé la lame de l'instrument tranchant sous 5, la portant jusqu'en 6, & n'y ai placé aucune substance intermédiaire.

Le dessin étoit très-apparent depuis 2 jusqu'en 7, abstraction faite de la marque intermédiaire qu'on voit sur l'écorce de 2 en 7: cette partie n'a aucunement augmenté en hauteur ni en largeur, & a encore quatre pouces sept lignes de longueur sur six lignes de largeur; mais l'écorce s'étant cassée en 4, le trait n'est apparent que de 3 en 4; & comme je n'ai fait que lever l'écorce de 5 en 6, on ne voit de marque apparente qu'au point 6, où j'ai appuyé l'instrument sur la couche ligneuse.

Les parties de tout le dessin ont conservé exactement les dimensions que je lui ai données en le traçant; maintenant considérons l'écorce.

Toutes les parties de l'écorce n'ont point changé de

dimensions en hauteur, mais celle qui est désignée par 7, 2, & qui n'avoit, en 1777, qu'aux environs de six lignes de largeur, après trois années écoulées, en Novembre 1780, avoit un pouce trois lignes; les branches de la croix qui avoient deux pouces sept lignes d'étendue, ont maintenant trois pouces dix lignes, & ces dimensions ne sont pas analogues à la portion de cercle qu'occupe le dessin dans la circonférence de l'arbre; elles ont plus d'étendue sur l'écorce, mais je crois pouvoir indiquer plusieurs raisons de cette différence.

Pour tracer le dessin sur la couche ligneuse (*fig. 2*), il faut entamer davantage l'écorce qui sert comme de cadre à ce dessin, & cette partie enlevée au-delà du dessin, augmente proportionnellement à toutes celles de l'écorce; d'ailleurs il est très-possible que cette partie enlevée de l'écorce croisse dans une autre proportion & plus promptement que celles de l'écorce qu'on a laissées intactes.

Il résulte donc de cette expérience, la confirmation parfaite de ce que j'ai établi en 1777, en décrivant le dessin trouvé dans les couches ligneuses, & fort éloigné de l'écorce d'un hêtre.

1.^o Que le dessin se trouve d'autant plus près du centre de l'arbre, & éloigné des couches ligneuses voisines de l'écorce, qu'on a laissé écouler plus d'années depuis celle où on l'a tracé, jusqu'à celle où l'on a abattu l'arbre, & qu'il a acquis plus de grosseur.

2.^o Que pour rendre le dessin sensible sur la couche ligneuse, il faut absolument entamer la lame ligneuse sur laquelle on veut qu'il demeure, & que cela suffit sans y interposer des substances intermédiaires.

3.^o Que ce dessin ne change pas de dimensions, lorsqu'on en juge d'après celui qui étoit placé sur la couche ligneuse précédemment formée, & qu'il a la même hauteur & la même largeur, quoiqu'on ait laissé l'arbre très-long-temps sans l'abattre, & qu'il ait beaucoup augmenté en grosseur.

4.^o Que la couleur est d'un brun-rougeâtre; & ce qui

se trouve confirmé de nouveau par mon expérience, que la lame ligneuse, formée depuis celle sur laquelle on a tracé le dessin, est plus colorée que la lame qui l'a reçue. *Voyez la figure 4.*

5.^o Que l'écorce qui ne s'allonge pas, a la propriété de s'étendre en largeur, & que son augmentation n'est pas proportionnelle à celle des couches concentriques, & par conséquent à la portion de circonférence qui augmente suivant l'étendue du rayon.

6.^o Que le bois, dans la partie entamée, n'augmente en grosseur que par l'addition d'une nouvelle lame ligneuse qui se forme sous l'écorce, à mesure qu'elle s'étend pour recouvrir la plaie.

7.^o Que cette écorce se régénère en formant une espèce de bourrelet qui s'étend chaque année, jusqu'à ce qu'elle soit parvenue à couvrir la plaie, & qu'on aperçoit toujours le point de cette réunion.

8.^o Que souvent l'arbre acquiert plus de grosseur à la partie entamée, qu'il n'en a dans les autres portions de sa circonférence, restées intactes; & ceci suit immédiatement de ce que j'ai dit du progrès de l'écorce dans la partie entamée, qui s'étend dans une proportion plus considérable que ne l'est le rayon, eu égard à la circonférence.

9.^o Que si on enlève l'écorce & qu'on l'applique ensuite sur le bois, cette écorce s'y greffe, & on ne voit aucune marque à la partie ligneuse, à moins qu'on n'ait interposé entre l'écorce & le bois quelque corps étranger.

EXPLICATION DES FIGURES.

LES traits du dessin qu'on a faits sur l'arbre, & les différentes manières dont on a enlevé l'écorce qu'on a seulement soulevée en quelques parties, sans sur quelques autres pénétrer jusqu'à la couche ligneuse.

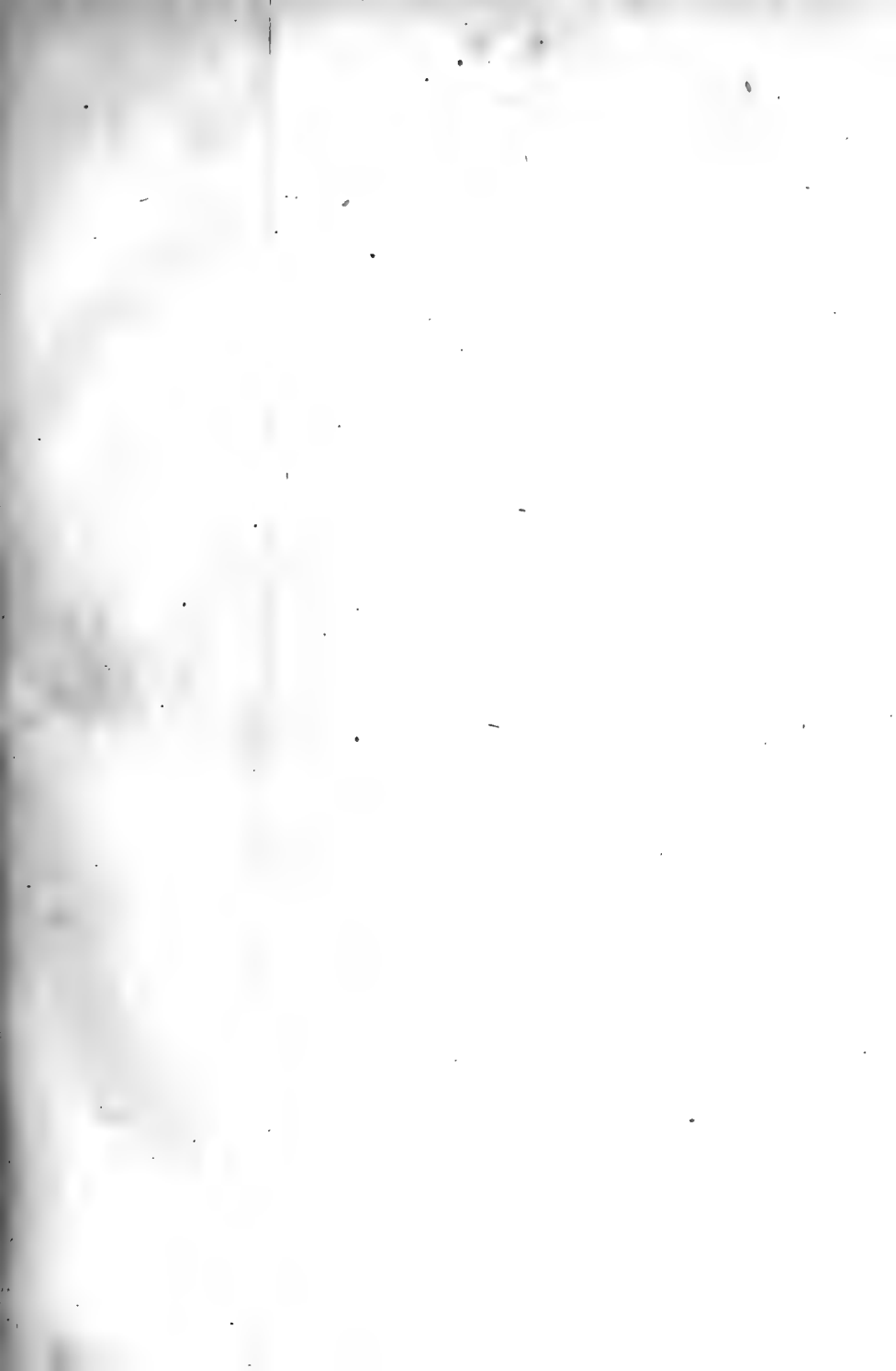
Fig. 2. La portion du peuplier sur laquelle on a tracé le dessin, garnie de son écorce.

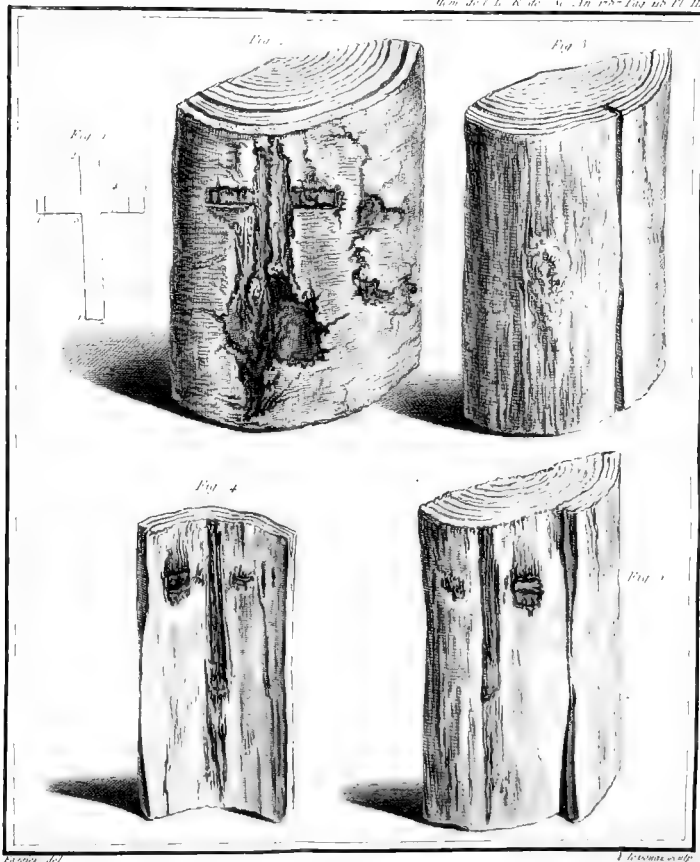
Fig. 3. La même portion d'arbre dépouillée de son écorce, avec la marque au-delà du dessin, & celle dans l'épaisseur des couches ligneuses où ce dessin doit se trouver.

Fig. 4. La figure 3, dont la partie sur laquelle doit se trouver le dessin est retournée; on y voit le dessin exprimé avec une nuance de couleur plus brune qu'elle ne l'est sur la partie, *fig. 5*, qu'elle recouvrait.

Fig. 5. Le même dessin que l'on voit, *fig. 4*, sur les couches ligneuses qui recouvraient la *fig. 3* dont nous parlons; mais ici le dessin entièrement semblable à celui, *fig. 4*, est exprimé seulement par une teinte moins foncée.







M É M O I R E

S U R L A

G É O G R A P H I E D E P T O L É M É E ;

*Et particulièrement sur sa description de l'intérieur
de l'Afrique.*

Par M. BUACHE.

DEPUIS plus de seize cents ans que les ouvrages de Ptolémée sont connus, la géographie a été l'objet particulier de l'étude des géographes, & le sujet des recherches d'un grand nombre de savans ; mais, soit difficulté dans l'entreprise, soit insuffisance dans les moyens, les progrès ont été lents & les efforts presque inutiles jusqu'au commencement de ce siècle. M.^{rs} Delisle & Hასius ont commencé véritablement les découvertes qui ont été faites dans cette partie ; M. d'Anville les a continuées avec plus d'ardeur & plus de succès, & ses travaux en ce genre ont suppléé souvent au défaut des connoissances de la géographie moderne. Il reste dans cette carrière un espace immense à parcourir encore, & c'est, comme on le conçoit aisément, la partie ingrate & la plus difficile : examiner de nouveau les objets que nos prédécesseurs ont cru avoir reconnus, rechercher le fondement des vérités qu'ils nous présentent, distinguer les erreurs qui leur sont propres, reconnoître enfin un nombre infini d'objets dont ils n'ont pu prendre aucune idée ; voilà ce qu'il reste à faire à ceux qui s'intéressent aux progrès de la géographie & à la connoissance de l'histoire des hommes. Je rendrai compte à l'Académie, dans ses séances particulières, de différentes recherches que j'ai faites sur plusieurs parties qui sont encore peu connues ; mais avant tout, je crois devoir lui présenter quelques observations sur la géographie de Ptolémée, rela-

14 Nov.
1787.

tivement à l'idée que l'on doit s'en former ; elles sont la base de ces mêmes recherches , & me paroissent propres à hâter le progrès des connoissances.

La plupart des savans regardent la géographie de Ptolémée comme un ouvrage informe , grossier & plus propre à induire en erreur qu'à fournir des lumières : on a même osé , dit M. de la Nauze (a) , proposer comme un problème , s'il n'auroit pas été plus avantageux à la postérité d'avoir été privée des ouvrages de Ptolémée , que de les connoître. D'autres ne voient dans la géographie de Ptolémée qu'un monument précieux qui mérite la plus grande attention , au moins de la part des géographes , qui peut donner des lumières sur des parties encore peu connues , & qui en donnera dans tous les temps sur l'état ancien du globe. On verra ci-après que des opinions si différentes sont également fondées.

Il est reconnu depuis long - temps que Ptolémée s'est trompé sur le nombre des stades qu'il a attribués à l'arc d'un degré du méridien , & qu'il n'en a compté que cinquante au lieu de six cents & plus. Il est également reconnu que la plupart des latitudes & toutes les longitudes assignées par Ptolémée aux objets qu'il désigne , ont été conclues , ou des itinéraires qu'il a pu recueillir , ou simplement des cartes de Marin de Tyr , qu'il avoit sous les yeux & qu'il cherchoit à rectifier. Ainsi on ne peut donner aucune confiance aux distances qu'on seroit tenté de prendre sur les cartes de sa géographie , ni aux latitudes & longitudes qu'on voudroit déduire de ses tables : les unes & les autres ont dû concourir également à lui faire agrandir les espaces , & c'est un défaut général que l'on a justement reproché à cette géographie dans tous les temps. On doit encore n'avoir aucun égard aux configurations que les côtes & les rivières prennent sur ces anciennes cartes ; & c'est même sur ce point que ces cartes paroîtront le plus défectueuses : le

(a) Mém. de l'Académie des Inscriptions & Belles-lettres , tome XXVI.
plan

plan du Delta de l'Égypte, d'après la description de Ptolémée, ne ressemble pas à celui que Niebuhr nous a donné ; & la carte de l'*India* n'est point l'Inde du major Rennel. Tels sont les principaux défauts de la géographie de Ptolémée, & dont il convient d'être prévenu, quand on veut en faire usage. Maintenant voici les avantages que l'on peut en espérer.

On peut en croire Ptolémée sur l'existence des peuples, des villes, des rivières, & de tous les autres objets qu'il indique : d'autres auteurs de l'antiquité annoncent qu'il est exact au moins dans ce qu'il a de commun avec eux. Il nous donne en général beaucoup plus de détails qu'aucun autre auteur, & il est le seul qui nous instruisse sur plusieurs parties, telles que l'intérieur de l'Afrique & les contrées orientales de l'Asie. Enfin on pourra reconnoître la position même des objets qu'il indique, si on les cherche sur ses traces, c'est-à-dire, en suivant la marche qu'il a tenue, en considérant principalement l'ordre dans lequel il présente ses détails, & en étudiant dans son texte plutôt que dans ses cartes, qui sont l'ouvrage d'Agathemer. Je vais développer cette dernière observation qui me paroît essentielle, & n'avoir pas encore été faite jusqu'à ce jour.

Ptolémée commence la description d'un pays par indiquer ses limites ou les contrées qui l'avoisinent ; il décrit ensuite les côtes, & nomme tous les objets qui lui sont connus, suivant l'ordre dans lequel ils se présentent sur ces côtes. De-là il passe aux objets de l'intérieur ; il considère tout ensemble ce qui appartient à un même fleuve, & l'expose de suite, mais en suivant une autre marche qu'il convient de distinguer : il nomme d'abord tous les lieux situés d'un même côté du fleuve, suivant l'ordre dans lequel ils se présentent ; & il nomme ensuite dans le même ordre ceux qui sont situés du côté opposé. Telle est en général la marche de Ptolémée, qui m'a paru mériter une attention particulière, & dont on peut aisément voir toutes les conséquences.

Mém. 1787,

Q

On remarque que dans les descriptions des côtes, Ptolémée est assez généralement exact, & qu'il nous fournit même des détails assez circonstanciés; cela vient sans doute & de la méthode même de Ptolémée qui n'embrasse ici qu'une dimension, & de la manière dont le faisoit la navigation des anciens, le long des côtes seulement, & sans perdre les terres de vue. A l'égard de l'intérieur, on aperçoit dans les cartes de Ptolémée un désordre & des erreurs monstrueuses, qu'on n'a pu concevoir jusqu'à présent: deux villes que nous savons avoir été situées vis-à-vis l'une de l'autre sur un même fleuve, paroissent éloignées sur ces cartes, & sont séparées par de grands espaces; d'autres au contraire que nous savons avoir été très-éloignées, y paroissent rapprochées & en face l'une de l'autre. On y voit encore deux rivières différentes confondues en une, ou la même rivière divisée en deux très-différentes; mais une grande partie de ce désordre me paroît n'être encore qu'une suite de la marche de Ptolémée, & il peut suffire d'en être prévenu pour le reconnoître. On ne doit s'attendre à trouver quelque exactitude dans la position des lieux, qu'à l'égard de ceux qui sont situés du même côté d'un fleuve, & l'on ne doit pas la faire dépendre de celle des objets qui sont situés d'un autre côté. Pour tout le reste, il est évident que Ptolémée n'a eu que des connoissances très-vagues, qu'il ne faut pas les juger avec trop de sévérité, ni les adopter trop légèrement.

D'après ces observations, j'ai lieu de croire qu'en réunissant les deux opinions que l'on avoit précédemment de la géographie de Ptolémée, on s'en formera une idée plus exacte & plus précise: c'est sans contredit un ouvrage informe, grossier, & qui peut induire en erreur; mais c'est en même temps un monument précieux qui renferme un grand nombre de connoissances qu'on ne peut trouver ailleurs, qui a fourni de grandes lumières sur l'état ancien du globe, & qui en fournira de plus en plus, à mesure qu'il sera plus connu.

Pour citer ici un exemple des défauts de la géographie de Ptolémée, & des moyens de les reconnoître, je vais considérer le détroit que l'on voit sur ses cartes, entre le golfe Arabique & la mer des Indes. Si l'on s'en rapporte à sa configuration, à sa position relativement à la côte d'Arabie, & même aux expressions qui le désignent dans le texte de Ptolémée, *Angusta in Rubro mari* (suivant la version latine), on croira, comme on l'a cru jusqu'ici, que ce détroit est celui que nous connoissons sous le nom de *Babelmandel*; mais si l'on considère la suite des objets de la côte d'Éthiopie, à partir seulement du port d'*Adulis*, aujourd'hui *Matzua*, sans avoir égard aux configurations ni à la position respective des deux côtes, on reconnoîtra bientôt que ce détroit n'est point celui de *Babelmandel*, mais la partie du golfe Arabique même, où les deux côtes commencent à se rapprocher, & qui se trouve à égale distance de *Babelmandel* & *Adulis*. Strabon (Liv. XVI), distingue très-positivement deux détroits dans cette partie, l'un qui a deux cents stades de largeur, où se fait le passage ordinaire d'Éthiopie en Arabie, & qui a seul conservé le nom de *détroit*; l'autre, assez éloigné du premier & situé auprès d'un promontoire & d'une ville nommés *Dira*, ce qui répond au nom de *Détroit*.

Ce dernier est évidemment le détroit des cartes de Ptolémée; on le voit également placé auprès d'un cap & d'une ville nommés *Dira*. En le confondant, comme on l'a fait jusqu'ici, avec le détroit de *Babelmandel*, on a rejeté hors du golfe Arabique, des objets qui étoient en-dedans, tels que les villes de commerce, *Avalites* & *Mulao*, qu'on pouvoit reconnoître aux noms modernes de *Habael* & *Bailul*; & la même erreur influant sur le reste de la côte, on a méconnu généralement toute la partie comprise entre le port *Adulis* ou *Matzua*, & le *Prasum Promontorium*, où finissent les connoissances de Ptolémée sur les côtes orientales de l'Afrique. M. d'Anville n'a cité Strabon, dans sa *Description du golfe Arabique*, que pour dire que cet auteur

étoit extrêmement obscur & confus sur cette partie ; mais on reconnoîtra aisément qu'il n'est sur aucun autre point ni aussi clair ni plus précis.

J'ai considéré sous le même point de vue la carte que Ptolémée nous a donnée de la Lybie intérieure & de l'Éthiopie, & qui m'a paru mériter une attention particulière. M. d'Anville avoit reconnu que les anciens étoient plus éclairés que nous ne le sommes encore sur cette partie de l'intérieur de l'Afrique, & il jugea que les détails de la géographie de Ptolémée pourroient être employés très-utilement dans les cartes même de la géographie moderne, en attendant de nouvelles instructions. Après des recherches très-intéressantes qu'il fit à ce sujet, & qu'il publia en 1752, dans le Recueil des mémoires de l'Académie des Inscriptions & Belles-lettres (*volume XXVI*), il se détermina en faveur de Ptolémée ; il adopta toutes les rivières & les montagnes de son ancienne géographie, il leur donna des formes plus variées, des contours plus agréables, & il nous présenta l'Afrique sous une face nouvelle.

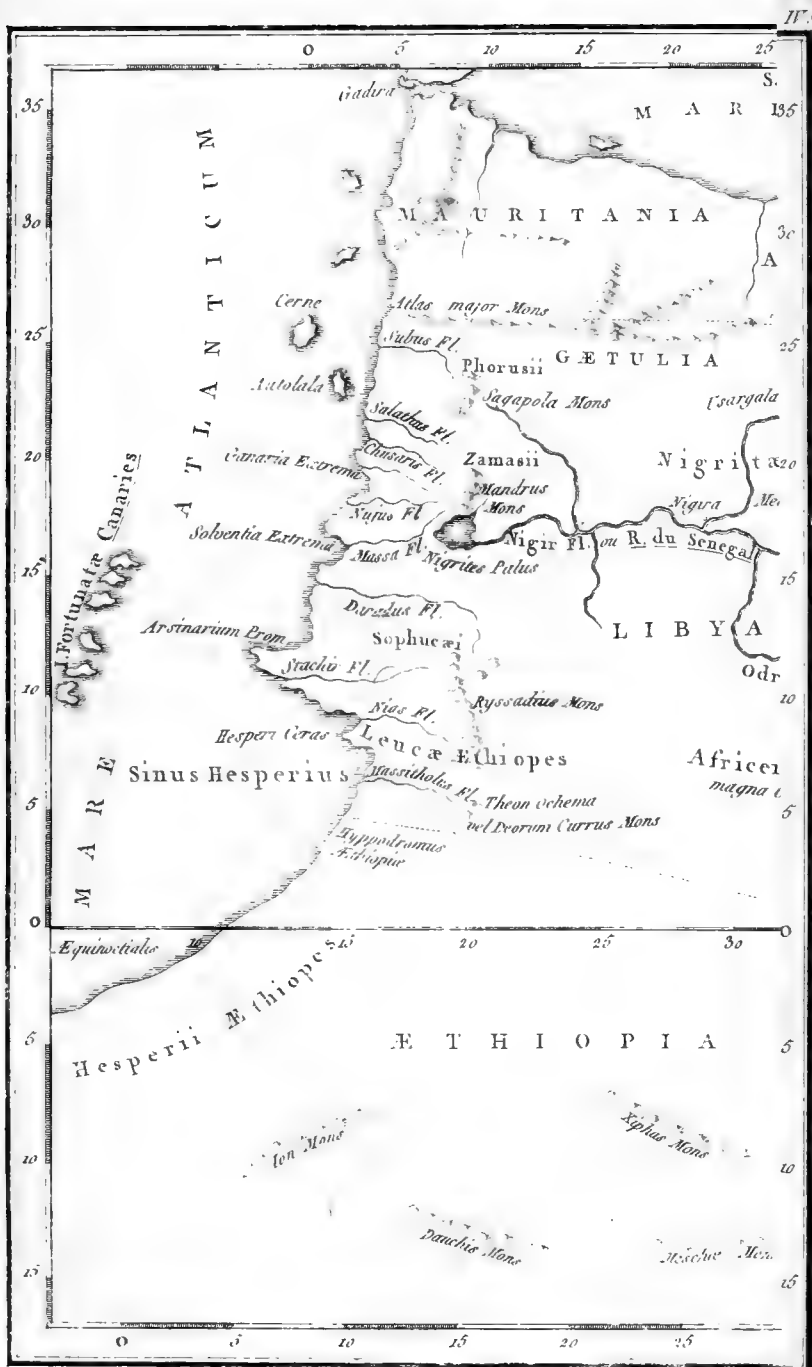
Je ne puis qu'adopter les sentimens de M. d'Anville, sur la préférence qu'il accorde ici à la carte de Ptolémée, & sur l'utilité des connoissances que l'on peut en tirer ; mais les résultats auxquels j'ai été conduit en suivant la marche que j'ai exposée ci-devant, diffèrent considérablement de ceux que ce savant géographe a obtenus de ses recherches. Suivant M. d'Anville, le fleuve *Nigir* de Ptolémée est le grand fleuve qui arrose la Nigritie, & duquel il suppose que le pays a emprunté son nom ; & le fleuve *Gir* est une branche du Nil, qu'il suppose être la même que le *Nil des Nègres*, & qu'il confine dans les déserts du côté de la Nubie. Pour moi, il me paroît évident que le *Nigir* de Ptolémée n'est autre que le fleuve du *Sénégal*, tel à peu-près qu'il est représenté sur nos cartes modernes ; & le *Gir* ne peut être que le fleuve qui arrose la Nigritie, celui que les habitans du pays nomment *Nil*

al Sudan, c'est-à-dire, le *Nil des Nègres*. J'exposerai dans un Mémoire particulier toutes les preuves sur lesquelles je fonde cette nouvelle opinion, & je me contenterai d'observer ici qu'elle est exactement conforme à la géographie de Ptolémée, que M. d'Anville avoit été obligé de changer en plusieurs points, & qu'elle est également conforme à l'idée qu'on peut s'en former d'après les rapports les plus authentiques.

M. d'Anville n'a pu proposer que des conjectures, & il en avertit lui-même dans une note qu'on lit sur sa carte de l'Afrique : « La Nigritie, dit-il, étant peu connue, on croit néanmoins entrevoir les principales circonstances du local de ce grand pays, en joignant à l'étude du géographe Arabe El-Edrissi, qui écrivoit dans le douzième siècle, & de Léon d'Afrique, les notions qu'il convient encore de prendre dans Ptolémée. Il ajoute ensuite : Il y a des raisons de présumer que le Niger, qui donne le nom à cette contrée, coule d'occident en orient, au contraire de l'opinion commune sur ce sujet ». On peut juger, par cette note même, du peu de confiance que M. d'Anville avoit en cette partie de sa carte, & être moins surpris qu'il se soit trompé; il n'a pu trouver aucun rapport, aucune analogie entre les noms anciens donnés par Ptolémée, & les noms modernes tirés de l'Édrissi & de Léon d'Afrique; & cela devoit être ainsi. En effet, si le *Nigir* de Ptolémée est le même fleuve que le Sénégal, c'est en vain qu'on cherchera dans la Nigritie, ou sur les bords du Nil des Nègres, les noms des peuples & des villes que l'ancien géographe a placés sur le Nigir ou dans le Sénégal; & si le *Gir* n'est autre que le fleuve de la Nigritie ou le Nil des Nègres, c'est encore en vain que l'on ira chercher sur une branche du Nil, & près de la Nubie, les noms des peuples & des villes de l'ancien *Gir* ou de la Nigritie; mais on trouvera des rapports & des analogies, & on reconnoîtra les peuples & les villes de l'antiquité, si on les cherche le long du Sénégal & dans

la Nigritie. On conçoit qu'une erreur de ce genre a dû influer sur tous les environs de la Nigritie, & étendre le désordre au loin. Le *Nigir* étant reconnu pour être le Sénégal, il faut placer ailleurs le *Daradus* de Ptolémée, que l'on avoit cru représenter ce fleuve; il faut déplacer également le *Stachir*, qui représentoit la Gambie, & par suite tous les autres détails de la côte, dont on a fait nécessairement une fausse application. On peut croire que la côte & les fleuves dont il est ici question, ont été bien connus dans l'antiquité: plusieurs auteurs nous ont dit que les Carthaginois y avoient un grand nombre de comptoirs & de colonies. On trouve dans Pline des rapports qu'il a traités de fabuleux, à la vérité, mais dont on reconnoît aujourd'hui l'exactitude. Enfin Claudien en parlant du *Gir*, le présente comme le fleuve de l'Éthiopie le plus connu: *notissimus amnis Æthiopum*.

Le cours du Nil, au-dessus des cataractes, ne nous est connu encore aujourd'hui que par Ptolémée, mais l'on n'a pas compris Ptolémée sur cette partie; on s'est trompé sur la position de l'ancienne & célèbre ville de *Meroe*, que l'on a placée trop près des frontières de l'Égypte, de plus de cent lieues; & le cours du Nil, que l'on avoit assujéti à cette position, est conséquemment faux. Ptolémée indique les sources du Nil assez près des côtes de la mer des Indes, & les lacs que forme ce fleuve à peu de distance de ses sources, se trouvent, suivant son texte, à la suite du pays des *Pesendaræ*. On les a placées dans les cartes modernes au centre même de l'Afrique, plus près du golfe de Guinée que de la mer des Indes, & j'ignore sur quel fondement; mais il me paroît qu'on se rapprocheroit davantage des connoissances de Ptolémée, & peut-être de la vérité, en les indiquant dans le royaume de *Zendero*, qui est situé au sud de l'Abyssinie, & peu éloigné de la mer des Indes. Les prêtres Égyptiens disoient que le Nil venoit de l'océan Indien; & cette idée, qui s'explique si facilement, depuis que nous connoissons les *portages* de



l'Amérique , peut être citée comme un témoignage en faveur de l'opinion de Ptolémée.

On peut juger par ces observations que je suis obligé d'abrégé , combien peu nous sommes instruits sur l'intérieur de l'Afrique ; c'est la géographie de Ptolémée qui fait encore la base de la géographie moderne de cette partie , & nous ne connoissons pas Ptolémée. L'on a dit depuis long-temps , & on l'a répété plusieurs fois , que le moyen d'en savoir davantage , seroit d'envoyer quelque Européen voyager à la suite des caravanes ; sans doute la chose est difficile , puisqu'on ne l'a pas faite encore , mais peut-être n'est-elle pas impossible : on peut même croire que les plus grands obstacles sont levés aujourd'hui , du moins pour la nation Française ; les vues de justice & de bienfaisance du monarque qui la gouverne , sont connues par toute la terre , & elle peut espérer que désormais toutes les routes qui tendent aux progrès des connoissances , lui seront ouvertes.



ÉCLAIRCISSIMENTS

GÉOGRAPHIQUES

*Sur la nouvelle Bretagne & sur les côtes septentrionales
de la nouvelle Guinée.*

Par M. BUACHE.

LE capitaine Forrest a inséré dans son Voyage aux îles Moluques & à la nouvelle Guinée, le plan de la nouvelle Bretagne & d'une partie de la nouvelle Guinée, qui avoit été publié par M. Alexandre Dalrymple, relativement à son système sur les îles de Salomon ; & il annonce dans son Introduction (*page 3*), qu'il a été démontré par M. Dalrymple, que la nouvelle Bretagne de Dampier, & les îles de Salomon de Mendana, sont une même terre, & que les assertions de ce savant hydrographe ont été confirmées depuis par les découvertes du capitaine Carteret. Un témoignage si avantageux de la part d'un navigateur célèbre, qui nous a procuré les connoissances les plus exactes sur les Moluques & une partie de la nouvelle Guinée, pourroit être regardé comme un hommage rendu à la vérité, & suffiroit peut-être pour accréditer ce plan, auquel on accorderoit une confiance aveugle ; mais la vérité qu'il convient de mettre dans tout son jour pour l'avancement des connoissances, est que l'opinion de M. Dalrymple se trouve détruite, au lieu d'être confirmée par les découvertes du capitaine Carteret, & que son plan de la nouvelle Bretagne, le plus défectueux de tous ceux que l'on connoît sur cette partie, ne peut servir, sur-tout dans un ouvrage fait pour instruire, qu'à perpétuer des erreurs & retarder le progrès des découvertes.

On conçoit aisément que le capitaine Forrest voulant donner une idée de la partie de la nouvelle Guinée, qu'il

qu'il n'avoit pas vue, aura adopté sans examen le plan d'un auteur qui étoit connu depuis long-temps par des travaux géographiques plus intéressans, & qui avoit d'ailleurs rendu de grands services à la navigation : mais M. Dalrymple ; en dressant ce plan, n'avoit pris en considération que la partie qui forme la nouvelle Bretagne, & dans laquelle il prétendoit retrouver les îles de Salomon ; pour tout le reste, c'est-à-dire, pour la côte de la nouvelle Guinée, il avoit également adopté, sans autre examen, une des cartes dressées pour l'histoire des navigations aux Terres australes, sur laquelle on avoit fait usage des anciennes découvertes. S'il eût été dans le cas de faire des recherches particulières sur cette côte, avec l'attention & les connoissances dont il a donné tant de preuves, il eût aisément reconnu les erreurs de la carte qu'il adoptoit ; il eût vu en même temps le peu de fondement de son système sur les îles de Salomon, & il l'eût abandonné sans peine.

Dans un Mémoire qui a été soumis au jugement de l'Académie en 1781, j'ai essayé de prouver que les îles de Salomon ne pouvoient être que les terres situées dans le sud-est de la nouvelle Bretagne, à la suite de la nouvelle Guinée, & dont une partie avoit été découverte dans ces derniers temps par M.^{rs} de Surville & de Bougainville : je persiste dans la même opinion, que je pourrois appuyer aujourd'hui sur un plus grand nombre d'autorités ; mais je me borne à desirer que M. de la Pérouse puisse être conduit dans ces parages ; il décidera plus sûrement la question, & dissipera tous les doutes qui se sont élevés sur l'existence & la découverte de cet archipel. Je vais considérer dans ce Mémoire la nouvelle Bretagne & la côte septentrionale de la nouvelle Guinée, que ce navigateur ne visitera peut-être pas, parce qu'elles ont déjà été vues par plusieurs autres, & qu'on les croit beaucoup plus connues qu'elles ne le sont.

La nouvelle Guinée fut découverte en 1511, suivant le capitaine Forrest, par Antoine Ambreu & François Serrano ; & toute sa côte septentrionale fut reconnue en 1527, par

Alvarado de Saavedra, Espagnol, ou Don George de Menesès, à qui les Portugais attribuent cette découverte. Vers la fin du seizième siècle, elle fut représentée sur les cartes avec assez de détails, & tous les objets désignés par des noms espagnols ou portugais; elle paroît figurée de cette manière sur une carte de Texeira, que Melchisédech Thevenot a inférée dans son Recueil de Voyages, sur une carte de la mer du Sud, publiée par Ortelius en 1589, sur une carte marine de la même mer, publiée par Tattonus en 1600, & sur plusieurs autres cartes du même temps, qu'il sera aisé de consulter: mais la description & les détails que donnoient ces anciennes cartes ne paroissant point appuyés par des relations connues, on les vit disparaître entièrement des cartes plus modernes, sur-tout après les voyages de le Maire & Schouten, d'Abel Tasman & de Dampier, qui reconnurent de nouveau cette même côte, & dont on se contenta de marquer les découvertes.

L'auteur de l'Histoire des navigations aux Terres australes, avoit cru devoir rappeler la mémoire des premières découvertes; & sur une des cartes insérées dans son ouvrage, on vit reparoître les détails de ces découvertes, appliqués à la partie des côtes, comprise entre l'île de Schouten & la nouvelle Bretagne; mais on n'en fit pas plus d'usage qu'auparavant pour les cartes qui ont été publiées depuis, & ils sont restés dans l'oubli jusqu'en 1767, que M. Dalrymple les adopta pour son *Plan de la terre des Papous & de la nouvelle Hollande*.

Ayant eu occasion de considérer plus particulièrement ces anciennes découvertes, relativement à un groupe d'îles que l'*Arcano del Mare* de Dudley place dans la mer du sud à 15 degrés dans l'est de la nouvelle Bretagne, & que l'on ne voit plus sur les cartes modernes, il m'a paru que les connoissances acquises par ces découvertes étoient assez précises & plus intéressantes qu'on ne l'avoit pensé; qu'elles pouvoient être le résultat de quelques reconnoissances faites avec soin, & qu'elles méritoient à tous égards

d'être conservées, ou de reprendre sur les cartes la place qu'elles y occupoient * : mais il m'a paru en même temps que l'application qui en avoit été faite à la partie de la nouvelle Guinée, comprise entre l'île de Schouten & la nouvelle Bretagne, ne pouvoit être admise ; qu'il falloit étendre cette application à toute la côte jusque dans l'est des îles de la nouvelle Bretagne ; & que ces mêmes îles devoient y être comprises, comme faisant partie des anciennes découvertes.

Je vais tâcher d'éclaircir ou du moins de répandre quelque jour sur ces connoissances anciennes, en les comparant avec celles que les navigateurs modernes nous ont procurées ; & pour rendre cette comparaison plus intelligible & plus frappante, je commencerai par exposer ici un précis des découvertes modernes.

Le Maire & Schouten sont les premiers qui aient abordé aux côtes de la nouvelle Guinée depuis sa découverte. Après avoir traversé la mer du Sud en 1617, ils arrivèrent à l'île de Saint-Jean & à la côte orientale de la partie de la nouvelle Bretagne, qu'on nomme aujourd'hui *nouvelle Irlande* ; ils suivirent cette côte, sans savoir ce que c'étoit, jusques à la pointe la plus occidentale ; de-là, courant à l'ouest, ils aperçurent devant eux une haute terre, précédée d'un grand nombre de petites îles ; ils firent route au sud, & abordèrent la côte septentrionale de la nouvelle Guinée, près d'une île brûlante & d'une haute montagne sur la terre qui formoit un cap avancé. Ils prolongèrent cette côte de la nouvelle Guinée jusqu'à l'extrémité du nord-ouest, sans presque jamais perdre la terre de vue ; mais ils ne

* C'est aussi l'idée que paroît en avoir eue le capitaine Forrest qui s'explique ainsi dans l'Introduction à son voyage, page 1. Les noms Portugais que portent les havres, baies & îles qu'on trouve sur la côte septentrionale de la nouvelle Guinée, entre ce qu'on appelle l'île de Schouten & les

îles de Salomon, donnent lieu de croire que les Portugais fréquentèrent jadis ces parages. Nicolas Struick, dans un livre publié à Amsterdam en 1753, fait une description particulière de la côte septentrionale de la nouvelle Guinée, & il emploie par-tout des noms Portugais.

reconnurent particulièrement qu'une baie où ils mouillèrent en abordant la côte, les îles d'*Insou*, *Moa*, *Arimoa*, & celle qui a reçu de l'un d'eux le nom de *Schouten*.

En 1643, Abel Tasman, après avoir découvert la nouvelle Zélande & quelques autres îles de la mer du Sud, aborda la côte de la nouvelle Guinée, vers un cap que les Espagnols appellent, dit-il, *cap de Sainte-Marie*; c'étoit l'extrémité la plus orientale de la nouvelle Bretagne, & à laquelle Dampier & Carteret ont conservé ce nom. Faisant voile vers le nord-ouest, en suivant la côte de cette terre, comme avoient fait le Maire & Schouten, il vit les îles d'Antoine Caens, de Gardener & de Wischer; & après avoir doublé le cap Struys, qui est dans le voisinage de ces îles, & d'où la côte court au sud & au sud-est, il entra dans une baie, qu'il nomma *baie de Bonne-Espérance*, parce qu'il espéroit y trouver un passage au sud; il reconnut que la côte se continuoît dans l'ouest, & il fut obligé d'aller plus loin chercher un passage, qu'il ne trouva qu'à l'extrémité occidentale de la nouvelle Irlande. De-là il fit route au sud & approcha d'une île brûlante qu'il trouva par 5^d 4' de latitude sud; il prolongea ensuite la côte de la nouvelle Guinée, comme avoient fait le Maire & Schouten, se contentant de reconnoître l'île de *Jakia*, celle de *Moa* où il mouilla, & celle de Schouten; il vit souvent du bois flottant le long de cette côte, & il conjectura qu'il devoit y avoir un grand nombre de rivières.

En 1700, Dampier faisant voile de l'île de Timor, passa par un des détroits qui sont dans l'ouest de la nouvelle Guinée, & vint reconnoître la pointe occidentale de cette terre, qu'il nomma le *cap de Bonne-Espérance*; il vit ensuite deux petites îles, voisines de celle de Schouten, & auxquelles il donna le nom de *la Providence*. De-là il courut à l'est, en se maintenant presque sous la Ligne, & à environ trois cents lieues de distance il découvrit deux îles par 1^d 30' de latitude sud; il nomma l'une *Matthias*, & l'autre l'île *Orange*: ayant ensuite abordé une grande terre, il

suivit d'abord sa côte orientale, & vint mouiller dans une grande ouverture, qu'il crut être une baie, & qu'il nomma *baie de Saint-George*. Il prolongea ensuite la côte méridionale, où il aperçut un autre enfoncement, qu'il nomma *port de Montagu*, & parvenu à l'extrémité occidentale de cette terre, il trouva un détroit qui la séparoit de la nouvelle Guinée, il donna son nom au détroit, & le nom de *nouvelle Bretagne* aux terres qu'il venoit de reconnoître, & qu'il crut ne former qu'une grande île. Après avoir passé ce détroit, il fit son retour en suivant la côte septentrionale de la nouvelle Guinée; il trouva le long de cette côte, dans la partie voisine du détroit, une suite de petites îles, dont trois avoient des volcans, & furent nommées en conséquence *Iles brûlantes*. Il perdit la terre de vue vers le milieu de cette côte, dans l'est de l'île de Schouten, & il éprouva en même temps qu'il étoit entraîné dans le nord par un courant, ce qui lui fit conjecturer qu'il y avoit un détroit dans cette partie.

En 1722, Roggewin, après avoir traversé la mer du Sud, arriva à la côte orientale de la nouvelle Bretagne, & au même lieu où avoient abordé le Maire & Schouten; il suivit, comme ces derniers, les côtes de cette terre, ainsi que celles de la nouvelle Guinée, & toucha seulement aux îles de *Moa* & *Arimoa*.

En 1766, le capitaine Carteret vint relâcher à la pointe du sud-est de la nouvelle Bretagne, & mouilla dans un port de l'ouverture, que Dampier avoit nommé *baie de Saint-George*: il se proposoit de faire son retour en suivant les côtes orientales de cette terre, comme avoient fait le Maire, Tasman & Roggewin; mais un vent contraire l'ayant fait rentrer dans cette baie, & un courant violent l'y ayant entraîné au loin, il reconnut à la fin que la baie de Saint-George étoit un détroit qui partageoit la nouvelle Bretagne en deux îles. Il sortit par ce nouveau détroit; bientôt il perdit de vue les terres du côté de l'ouest, mais il les vit se continuer du côté de l'est, où à

sa droite, en tirant vers le nord-ouest, & il les suivit jusques à la fin : il reconnut par-là que la terre dont le Maire, Tasman & Dampier avoient vu les côtes orientales, étoit une île longue, séparée du reste de la nouvelle Bretagne, & il lui donna le nom de *nouvelle Irlande*. Carteret reconnut ensuite les petites îles & la terre-haute qui avoient été vues dans l'ouest de la nouvelle Bretagne par le Maire & Schouten ; il prolongea la côte méridionale de la terre-haute, qu'il trouva avoir dix-huit lieues de l'est à l'ouest, & il nomma tout ce groupe *îles de l'Amirauté* ; de-là faisant route pour Mindanao, une des Philippines, il s'éloigna des terres de la nouvelle Guinée.

En 1768, M. de Bougainville vint mouiller dans la même baie de Saint-George, & presque au même endroit où avoit mouillé le capitaine Carteret, & il en détermina la longitude au moyen de l'éclipse de Soleil du 13 Juillet, qui y fut observée par M. Veron. Ne connoissant point les découvertes du capitaine Carteret, M. de Bougainville fit son retour le long des côtes orientales de la nouvelle Irlande, passa entre les îles *Matthias* & l'*Orangeuse* de Dampier ; & après avoir couru à l'ouest l'espace d'environ 120 lieues sans rien découvrir que quelques petites îles basses, il arriva à la côte de la nouvelle Guinée par la latitude de trois degrés. De-là il suivit cette côte jusqu'à l'extrémité la plus occidentale ; il ne la perdit de vue que pendant quelque temps, & seulement dans l'est d'une terre qui paroît être l'île de Schouten : il éprouva aussi au même endroit des marées violentes, qui lui firent soupçonner ou une grande rivière, ou un passage, comme Dampier l'avoit soupçonné.

Tel est en général le tableau des découvertes modernes faites aux côtes de la nouvelle Guinée, & les seules que les cartes représentent aujourd'hui ; & on peut se former par ce simple exposé une idée assez juste des connoissances que tant de navigations nous ont procurées.

On remarque d'abord que la plupart de ces célèbres navigateurs ont suivi à peu-près la même route, & ont vu

les mêmes objets , & il en résulte une connoissance plus précise du gisement & de la distance des îles ou parties de côtes qui ont été vues ; mais on remarque en même temps que des navigateurs si capables de perfectionner la description du globe , n'ont vu qu'un très-petit nombre d'objets, qu'ils se sont même contentés souvent de les voir de loin , & qu'ils ont plutôt cherché à s'éloigner de ces terres qu'à s'en approcher. En effet , excepté Dampier , dont l'objet étoit de faire des découvertes dans cette partie , tous les autres, fatigués d'une très-longue course à leur arrivée dans ces parages, n'ont pensé qu'à hâter leur retour & à gagner des ports connus où ils pussent se rétablir ; de-là aussi le peu de détails des cartes modernes , sur-tout à l'égard de la nouvelle Guinée , dont toute la côte septentrionale paroît nue , comme celle d'une terre stérile & inabordable, tandis que les cartes anciennes nous indiquent pour cette même côte un grand nombre de rivières , de baies & de ports avec plusieurs corps d'îles , & la plupart de ces objets désignés par leurs noms. On pourroit assurer que nous sommes moins instruits aujourd'hui sur cette partie du globe, malgré tant de navigations répétées , qu'on l'étoit il y a 200 ans après la première découverte de ces terres ; & notre ignorance vient uniquement du peu de cas que l'on a fait des premières connoissances. Il est certain que si elles eussent été conservées , au moins sur les cartes destinées à la navigation, les navigateurs auroient cherché à reconnoître quelques-uns des ports qu'ils auroient vu indiqués sur ces cartes ; ils auroient suivi les côtes de plus près , & les auroient considérées avec plus d'attention ; ils n'auroient pas d'ailleurs regardé une partie de ces terres comme des découvertes nouvelles , défaut essentiel & très-commun, qui a été la source d'un grand nombre d'erreurs en géographie.

Je passe à l'examen des anciennes cartes , & vais tâcher de reconnoître , s'il est possible , ce qu'on a voulu nous y représenter. Je me servirai , pour retracer le tableau des anciennes connoissances , de la carte marine de la mer du

Sud, publiée par Tattonus en 1600, parce que cette carte nous présente les îles de Salomon & celles de la nouvelle Bretagne, bien distinguées les unes des autres, & dans une position conforme à leurs latitudes connues.

On remarquera d'abord que la direction générale ou le gisement de la côte de la nouvelle Guinée sur cette ancienne carte, est assez conforme à celle que lui donnent les cartes modernes, d'après les dernières navigations. La latitude des points extrêmes est à peu-près la même, ou du moins ne diffère pas beaucoup de celle qui y a été observée dans les derniers temps ; on y voit l'extrémité occidentale de la nouvelle Guinée presque sous la Ligne, & l'extrémité orientale par 6 degrés de latitude sud : or, les cartes modernes placent le cap de Bonne-Espérance de la nouvelle Guinée directement sous la Ligne, & le cap de l'*Averdy* découvert par M. de Bougainville, par 5 degrés 35 minutes. A l'égard de la différence en longitude, point sur lequel on ne doit pas s'attendre à trouver la même précision, il est à remarquer néanmoins qu'elle ne s'écarte pas considérablement de celle que les dernières cartes assignent entre la pointe méridionale de la nouvelle Irlande & le cap de Bonne-Espérance, ou la pointe du nord-ouest de la nouvelle Guinée. La longitude du port *Praslin*, où mouilla M. de Bougainville, près de la pointe méridionale de la nouvelle Irlande, a été déterminée par l'observation de l'éclipse de Soleil, du 13 juillet 1768 ; elle est, suivant le calcul qui en a été fait par M. de la Lande, de 150^d 46' 30" à l'est du méridien de Paris. La longitude du cap de Bonne-Espérance est de 127^d 25', suivant la carte du capitaine Forrest qui a reconnu cette partie de la nouvelle Guinée : on auroit donc pour la différence de longitude entre ce cap de Bonne-Espérance & le port *Praslin*, 23^d 21' 30". La route de M. de Bougainville ne donneroit que 20^d, & celle de Dampier 19 ; mais celle d'Abel Tasman, qu'on reconnoît avoir été faite avec la plus grande attention, en seroit compter 24 ou 25 :
en prenant

en prenant un milieu entre ces résultats, ce qui donneroit 22 ou 23 degrés, on peut être assuré de ne pas s'écarter beaucoup de la vraie différence de longitude. Or, la carte de Tattonus, qui nous présente les anciennes & premières découvertes, admet 25 degrés de différence en longitude entre les îles les plus orientales de la nouvelle Guinée & l'extrémité occidentale de cette terre, prise à la pointe nord-ouest d'une grande île qu'elle nomme *Camambaru*. Une différence de 2 ou 3 degrés en longitude entre des cartes faites à des époques si éloignées, ne nous empêchera pas de voir plus de conformité & de rapport entr'elles qu'on ne devoit en attendre; & ces rapports offrent une probabilité bien fondée, que les côtes de la nouvelle Guinée avoient été assez bien reconnues autrefois, & qu'on ne devoit pas négliger les détails qui nous ont été conservés de ces premières découvertes. On doit savoir gré à l'auteur de l'histoire des navigations aux terres australes, & à M. Dalrymple d'en avoir rappelé la mémoire; mais en les appliquant seulement à la partie des côtes comprises entre l'île de Schouten & le détroit de Dampier, ce qui n'embrasse qu'une étendue de 9 à 10 degrés, ils les ont entièrement défigurés, & il eût été impossible, avec les plans qu'ils en ont donnés, de reconnoître jamais aucun des objets indiqués par les anciennes cartes.

Dans la nouvelle application que je vais essayer d'en faire, je me bornerai aux points principaux & plus remarquables, parce que nous n'avons pas assez de détails dans les découvertes modernes, & que ces points principaux étant une fois reconnus, il suffira d'annoncer le reste sur un plan. Pour ne laisser aucun doute, s'il est possible, & donner un appui de plus à cette application, je considérerai toute la côte septentrionale de la nouvelle Guinée, à partir de l'île de Gilolo, & je comparerai aux cartes modernes ce que la carte ancienne nous offre pour cette côte.

L'île de Gilolo a sur l'ancienne carte la même configuration qu'on lui connoît aujourd'hui, & la même position

sous l'équateur, ce qui la fait suffisamment reconnoître : le nom de Gilolo y est omis ; mais on y voit celui de *Weda* qu'on retrouve dans les cartes du capitaine Forrest, & qui paroît y désigner son principal port. Partant de cette île comme d'un point bien connu, on voit du côté de l'est une île assez grande nommée *Vicholi*, & dans le nord-est de celle-ci un groupe d'îlots entourés de riffs & connus sous le nom d'*Yflas de Negros*. *Vicholi* est l'île de Waigiou, qui est aujourd'hui bien connue par le voyage du capitaine Forrest, & les *Yflas de Negros* sont les petites îles d'*Ayou* ou *Yol*, que ce navigateur a trouvées dans le nord-est de Waigiou, & qu'il dit être entourées de même de riffs.

Dans le sud-est de Waigiou, entre cette île & la pointe de la nouvelle Guinée, où commencent les découvertes Espagnoles, & qui en a pris le nom de *Primera Tierra*, on voit une grande terre formant une île désignée par le nom de *Camambaru*, & dans le nord de cette terre, plusieurs îles sans nom, dont quelques-unes paroissent être assez considérables. Ici la carte ancienne est absolument différente de toutes les cartes modernes, qui étendent la côte de la nouvelle Guinée jusques auprès de l'île de Waigiou ; mais elle paroît mieux fondée, du moins par rapport à la configuration générale qu'elle nous offre, ou le partage qu'elle fait de cette terre en plusieurs îles. On voit la même configuration sur une carte de la collection de voyages de Théodore de Bry, avec cette particularité remarquable, que l'une des îles qu'elle place ici porte le nom de Don George de Menesès, à qui les Portugais attribuent la seconde découverte de la nouvelle Guinée. Le capitaine Forrest étant au port de *Dory*, à 25 lieues dans l'est du cap de Bonne-Espérance, & où se termina sa reconnoissance de la nouvelle Guinée, prit quelques informations sur les terres qui étoient au-delà, & il nous apprend (page 129 de la traduction françoise de son voyage) que de Waropine, la résidence d'un rajah puissant, une longue côte se prolonge jusqu'à l'embouchure d'une rivière ou bras

de mer qui vient de la côte méridionale de la nouvelle Guinée, & que les insulaires de Ceram viennent par ce bras de mer commercer avec les habitans de la côte septentrionale, à qui ils donnent du fer & d'autres marchandises pour de l'écorce de missoy. On a vu ci-devant que Dampier avoit soupçonné un détroit à la côte de la nouvelle Guinée, dans le sud-est de l'île de Schouten, & que M. de Bougainville avoit eu le même soupçon en passant par les mêmes parages. Il est donc plus que probable que la partie occidentale de la nouvelle Guinée est séparée du reste par un détroit, & forme une grande île, comme l'ancienne carte nous l'indique. M. de Bougainville dit dans une de ses cartes, au sujet des terres qui forment le cap de Bonne-Espérance de Dampier, que ces terres sont regardées comme faisant partie de la nouvelle Guinée, mais qu'il les croit de grandes îles : il vient, comme on le voit, à l'appui de l'entière configuration de l'ancienne carte.

Il est aisé maintenant de reconnoître les principaux objets qui sont indiqués par l'ancienne carte. La grande île où se trouve le nom de *Camambaru*, répond à la partie occidentale de la nouvelle Guinée, comprise entre le cap de Bonne-Espérance & l'île nommée *Alie* par M. de Bougainville. On observera seulement que le nom de *Camambaru*, inconnu d'ailleurs, pourroit être le nom de quelque port principal, & non celui de la grande île, comme on a vu ci-devant l'île de Gilolo, désignée par le nom de *Weda*, un de ses ports. Les deux îles qu'on voit au nord de cette grande terre, & près de l'équateur, paroissent répondre, la première, à l'île de la Providence, de Dampier; & la seconde, à l'île de Schouten, qu'on fait, par le voyage du capitaine Carteret, n'être pas fort éloignée du port de Dory. Pour les autres îles voisines de la grande terre, elles n'ont pas encore été reconnues, non plus que la côte orientale de cette terre, depuis la première découverte qui en a été faite par Don George de Menesès. Il paroît que cette côte, dans le sud

de l'île de Schouten, court au sud-est, comme l'indique l'ancienne carte, & que c'est pour cela que Dampier & M. de Bougainville l'ont perdue de vue dans le même parage. On desireroit pouvoir indiquer ici le point de la côte méridionale de la nouvelle Guinée, où aboutit le détroit qu'on vient de reconnoître ; mais nous n'avons pas encore assez de connoissances sur cette partie pour le déterminer d'une manière précise : on observera seulement que les anciennes cartes le placent dans le nord-est des îles d'Arrow, & qu'il pourroit se trouver auprès du cap *del Monte di Neve*, que Dudley indique dans le nord-est de ces îles, & à la suite d'une côte qu'il représente comme bien connue.

Nous voici parvenus aux découvertes des Espagnols, dont l'auteur des navigations aux terres australes & M. Dalrymple ont fait l'application. D'après la reconnoissance que nous venons de faire des îles indiquées à l'ouest de ces découvertes, il est évident que la *Primera Tierra* par où elles commencent, doit être placée dans le sud-est de l'île de Schouten, & à la suite du détroit soupçonné par Dampier & par M. de Bougainville : mais cette partie de côte n'ayant point été vue par aucun des navigateurs modernes, on ne peut assigner avec quelque confiance le point précis auquel répond cette première terre ; on estime seulement qu'il doit se trouver un peu dans l'ouest de l'île d'Alie & du géant Moulineau de M. de Bougainville.

Dans l'est de la *Primera Tierra*, on remarque deux îles d'une grandeur assez considérable, & qui ont paru mériter l'une & l'autre d'être nommées ; l'une s'appelle *Martyres*, & l'autre *Crespos*. Or dans les cartes modernes, les îles les plus remarquables de cette côte sont celles de *Moa* & d'*Arimoa*, qui ont été vues par la plupart des navigateurs. La carte du voyage de le Maire & Schouten place ces dernières à deux degrés dans l'est du méridien de l'île de Schouten : or cette différence de longitude donne lieu de les reconnoître sur la carte de M. de Bougainville, dans l'est du géant Moulineau ; & la configuration de la carte

de M. de Bougainville , dans cette partie , conforme à celle des anciennes cartes , invite à y placer les îles de *Martyres* & de *Crespos*. La carte ancienne nous indique entre Primera Tierra & l'île de *Crespos* , une *Aguada* ou lieu propre à faire de l'eau , une baie de *S. Jago* , un *Porto Bueno* & une rivière de *S.^t André* ; mais aucun de ces objets ne nous est connu par les découvertes modernes.

A six degrés dans l'est de l'île de *Crespos* , on voit sur la carte ancienne une chaîne de sept ou huit îles indiquées sous le nom d'*Abrigo* , près d'un port nommé *Ellabrigo* , & d'un cap élevé , nommé *Punta salida*. Il est aisé de reconnoître ces îles dans celles qu'on voit sur la carte du voyage de le Maire , près du lieu où il aborda la côte de la nouvelle Guinée ; & sur la carte de Dampier , vers le détroit auquel il donna son nom. Les îles vues par le Maire & Schouten , sont à six degrés dans l'est de l'île *Moa* : il y a auprès de ces îles une baie qui fut nommée par les Hollandois , baie de Corneille *Knierfz* , & un cap élevé qui fut nommé *Hoogeborg* , ou la haute montagne. Dampier aperçut des volcans dans quelques-unes de ces îles , & il les nomma en conséquence *Iles brûlantes* : or la carte d'Ortelius qui nous a conservé les anciennes découvertes , nomme une des îles de cette chaîne , *Isola de Humo* , & à cette dénomination on reconnoît une des îles brûlantes de Dampier.

A la suite de ces îles , sur la position desquelles il ne nous reste aucun doute , la carte nous présente une baie nommée de *Saint-Nicolas* , ou *Baya Hermosa* dans Ortelius ; puis une pointe ou cap avancé , nommé *Gaspar-rico* ; & au-delà de ce cap , une suite de côtes qui s'étend assez loin dans l'est-sud-est , & se replie ensuite vers le sud où elle finit d'une manière indéterminée : on voit encore au nord de cette côte un archipel composé d'un assez grand nombre d'îles dont plusieurs ont leurs noms particuliers. D'après la reconnaissance que nous avons faite précédemment , & à la vue des détails de l'ancienne carte sur cette partie , il est évident que la pointe de *Gaspar-rico* répond à celle que Dampier a

nommée *Cap du roi Guillaume*; que la côte qui s'étend à la suite de cette pointe dans l'est-sud est, représente cette partie de la nouvelle Guinée qui a été découverte en 1705, par un yacht Hollandois, nommé le *Geelwinck*; & qu'enfin le grand nombre d'îles qu'on voit au nord de cette côte, représentent l'archipel qui compose la nouvelle Bretagne de Dampier.

La position & le nombre de ces îles se réunissent ici pour démontrer la justesse de l'application qu'on vient d'en faire, & confirmer de nouveau celles des autres parties. La latitude qu'il a toujours été facile de connoître, & sur laquelle les observations anciennes ne diffèrent guère que de 15 à 20 minutes des observations modernes, se trouve être la même pour les îles de la carte ancienne, que celle qui est assignée aux îles de la nouvelle Bretagne. On est assuré d'un autre côté par les routes des navigateurs modernes, qu'il n'y a point d'autres îles à cette latitude, & sur-tout en si grand nombre, près de la nouvelle Guinée, que celles qui forment l'archipel de la nouvelle Bretagne; d'où il suit que la longitude doit être la même encore pour l'un & l'autre archipel.

On ne sera pas étonné aujourd'hui de ne pas voir dans ces îles anciennes la grande terre que Dampier avoit figurée sur sa carte, & qu'il a nommée proprement *nouvelle Bretagne*. On sait déjà par le voyage du capitaine Carteret, que la partie du nord-est de cette grande terre, forme une île particulière qu'on nomme aujourd'hui *nouvelle Irlande*: peut-être le reste de cette terre est-il encore partagé en plusieurs îles; on n'en connoît que la côte orientale vue par Carteret, & la côte méridionale vue par Dampier; le reste est absolument inconnu: il résulte seulement des routes d'Abel Tasman & de Carteret, que la partie qui reste à découvrir ne doit pas être fort étendue, au moins dans le sens de la latitude. Abel Tasman, après avoir doublé la pointe occidentale de ce qui forme aujourd'hui la nouvelle Irlande, fit route directement au sud, jusqu'à ce qu'il rencontrât la côte de la nouvelle Guinée, & il ne vit aucune terre du

côté de l'est. Le capitaine Carteret, après avoir doublé la pointe de *Stephens*, où finit la nouvelle Bretagne du côté du nord-est, n'aperçut non plus aucune terre du côté de l'ouest ni dans le sud. Il est donc très-probable que la partie à laquelle Carteret a conservé le nom de *nouvelle Bretagne*, ne forme pas une île bien considérable, si toutefois elle n'en forme qu'une.

On trouve sur la carte ancienne les noms de quelques-unes de ces îles, & principalement de celles de la partie de l'est, savoir, *Camana*, la *Barbada*, *Nosra Señora*, *Bolcan* & la *Redonda*; & à ces noms on croit pouvoir reconnoître l'archipel incertain & douteux que Robert Dudley figure dans la mer du Sud, à 15 degrés dans l'est de la nouvelle Bretagne, & que l'on n'a point retrouvé. Dudley nous donne dans la mer du Sud les découvertes de Magellan, de Mendana & de le Maire. Après avoir représenté à la suite de la nouvelle Guinée, la partie de la nouvelle Irlande, telle qu'elle a été vue par le Maire & Schouten, ainsi que la Terre-haute qu'ils virent plus à l'ouest, & qui est aujourd'hui connue sous le nom d'*île de l'Amirauté*, il place à 15 degrés plus à l'est une suite de dix îles, & la plupart avec leurs noms particuliers, tels qu'ils suivent : la *Prima*, la *Carimana*, la *Barbada*, la *Madre de Dio*, l'*Ysla longa*, la *Rotonda* & la *Madalena*. On reconnoîtroit à ces noms seuls, que ces îles de Dudley sont les mêmes que celles de l'archipel qu'on a vu sur l'ancienne carte, dans le nord de l'extrémité orientale de la nouvelle Guinée. Le nom de *Camana* que donne l'ancienne carte, se lit *Casimana* dans la carte d'Ortelius, & il est conséquemment le même que le *Carimana* de Dudley; celui de *Nosra Señora* de l'ancienne carte, paroîtra sans peine correspondre à la *Madre de Dio* dans Dudley; les autres noms sont parfaitement semblables, & ne présentent aucune difficulté. On remarquera que ces noms se trouvent sur la carte de Dudley, dans le même ordre que sur la carte ancienne: de plus, les îles dans Dudley sont situées

entre 2 & 6 degrés de latitude, & elles occupent en longitude environ 5 degrés; or c'est l'espace qu'occupent l'archipel du nord-est de la nouvelle Guinée sur l'ancienne carte de Tattonus, & l'archipel de la nouvelle Bretagne sur les cartes les plus récentes. Il est clair par toutes ces considérations, que les îles placées par Dudley à 15 degrés dans l'est de la nouvelle Bretagne, sont les mêmes que celles qui composent la nouvelle Bretagne, & que Dudley en a fait un double emploi, faute d'avoir connu les découvertes des Espagnols, & pour avoir regardé comme de nouvelles découvertes les terres vues par le Maire & Schouten dans cette partie. On voit en effet que Dudley n'a fait usage pour la côte de la nouvelle Guinée, que des découvertes de le Maire & Schouten; & à l'égard des dix îles de dénominations espagnoles qu'il reporte trois cents lieues plus loin dans la mer du Sud, on lit sur la carte même, qu'il n'en fait mention que parce qu'elles sont indiquées sur quelques cartes comme d'anciennes découvertes, & qu'il les regarde comme incertaines & très-douteuses.

Il seroit utile, pour compléter nos recherches & ne laisser aucune incertitude sur cet article, de pouvoir faire l'application des noms qu'offre la carte de Dudley aux îles de la nouvelle Bretagne; mais on ne peut proposer ici que des conjectures, cet archipel n'étant pas encore entièrement connu. Il paroîtroit, à en juger par les latitudes & le gisement, que les îles nommées *Prima* & *Carimana*, qui sont les plus septentrionales, répondroient aux îles *Matthias* & l'*Orangeuse* de Dampier; la *Barbada* ou les deux îles désignées sous ce nom représenteroient les îles de *Gardener* & de *Wischer* d'Abel Tasman; la *Madre de Dio* ou *Nuestra Señora* de la carte ancienne, seroit la nouvelle Irlande, dont l'extrémité méridionale portoit, comme on l'a déjà vu, le nom de cap de Sainte-Marie; l'*Ysla longa* située dans le sud-ouest de *Madre de Dio*, représenteroit la nouvelle Bretagne de Carteret, ou seulement la partie orientale

orientale de cette terre ; & comme Carteret y a aperçu un volcan derrière les montagnes qu'il a nommées *la Mère* & *les Filles*, cette même île seroit celle qu'on voit nommée *Bolcan* sur l'ancienne carte ; la *Madalcna* seroit la partie occidentale de la nouvelle Bretagne, ou l'île du chevalier George Roock, au nord du détroit de Dampier : enfin la *Redonda* qu'on voit placée sur l'ancienne carte , près de l'extrémité orientale de la nouvelle Guinée , paroît être l'île du lord Anson de Carteret , la même que M. de Bougainville nomme *Bouca*, & qui est située dans l'est-sud-est de la pointe sud de la nouvelle Irlande.

La carte ancienne nomme *Yslas de Hombres blancos*, une partie des îles du même archipel qui seroit le plus dans l'ouest ; & sous cette dénomination digne d'être remarquée , on pourroit reconnoître les îles vues par le Maire, Tasman & Carteret , dans l'ouest de la nouvelle Irlande , & nommées par ce dernier, *Isles de l'Amirauté*. Carteret ne put aborder à la grande Terre , à cause du mauvais état de son vaisseau ; mais il vit quelques habitans des petites îles , qui vinrent à lui dans des pirogues , & il nous les représente d'une couleur de cuivre foncé , presque noir , avec une tête laineuse , les cheveux chargés de poudre blanche , & le visage en outre peint de raies blanches.

Il me reste à considérer la partie des côtes de la nouvelle Guinée , que l'on voit se prolonger dans le sud de l'archipel de la nouvelle Bretagne : cette côte , à partir de la pointe de *Gaspar-rico* , court au sud-est l'espace d'environ 5 degrés $\frac{1}{2}$, & jusqu'au-delà de l'île *Redonda* , la plus orientale de l'archipel ; de-là elle se replie vers le sud , & finit d'une manière indéterminée. On voit sur cette côte , des caps , des rivières & des baies , dont deux , entr'autres , ont reçu les noms de *Baya Buena* & d'*Ancon de la Natividad de nostra Señora*.

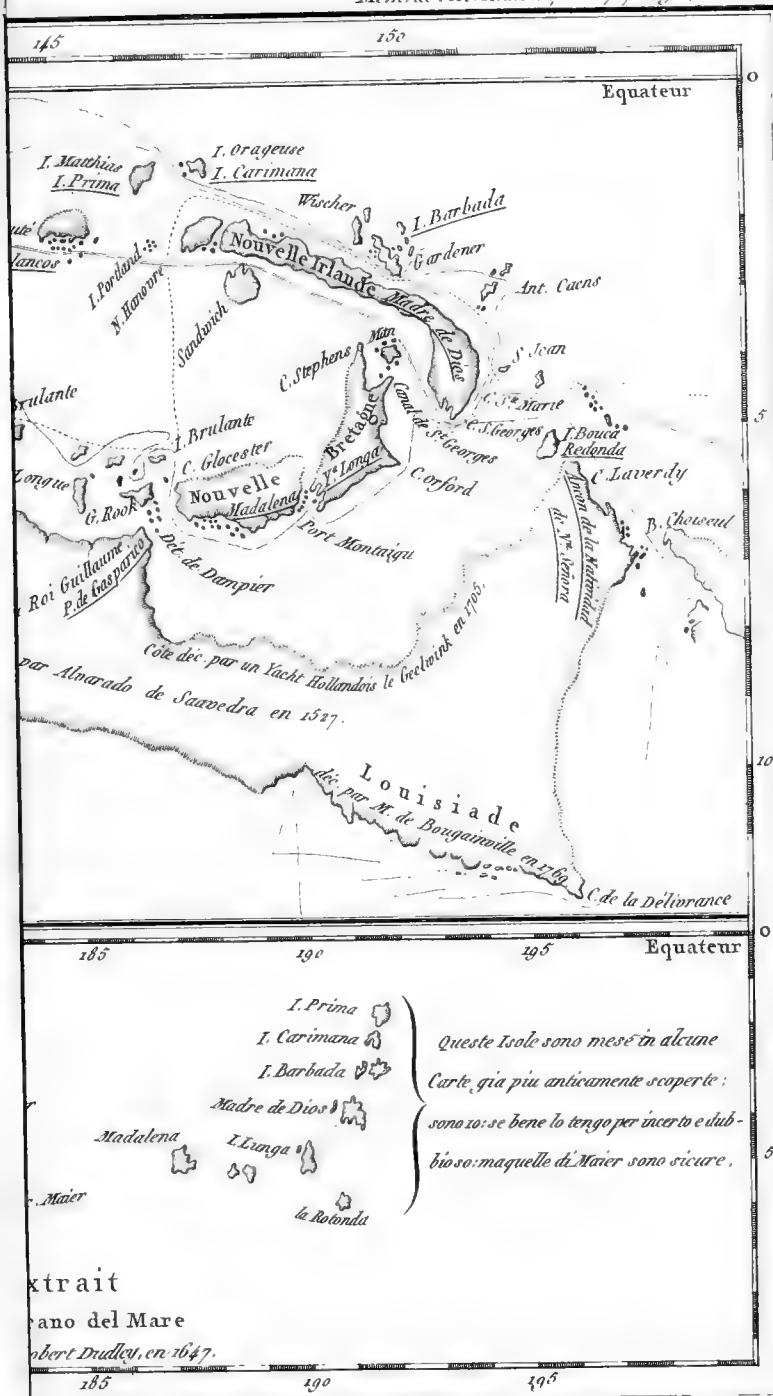
Dampier n'ayant point eu connoissance de cette côte , ou du moins n'en ayant eu que de foibles indices qu'il n'a point exprimés dans sa carte , on a supposé que le cap

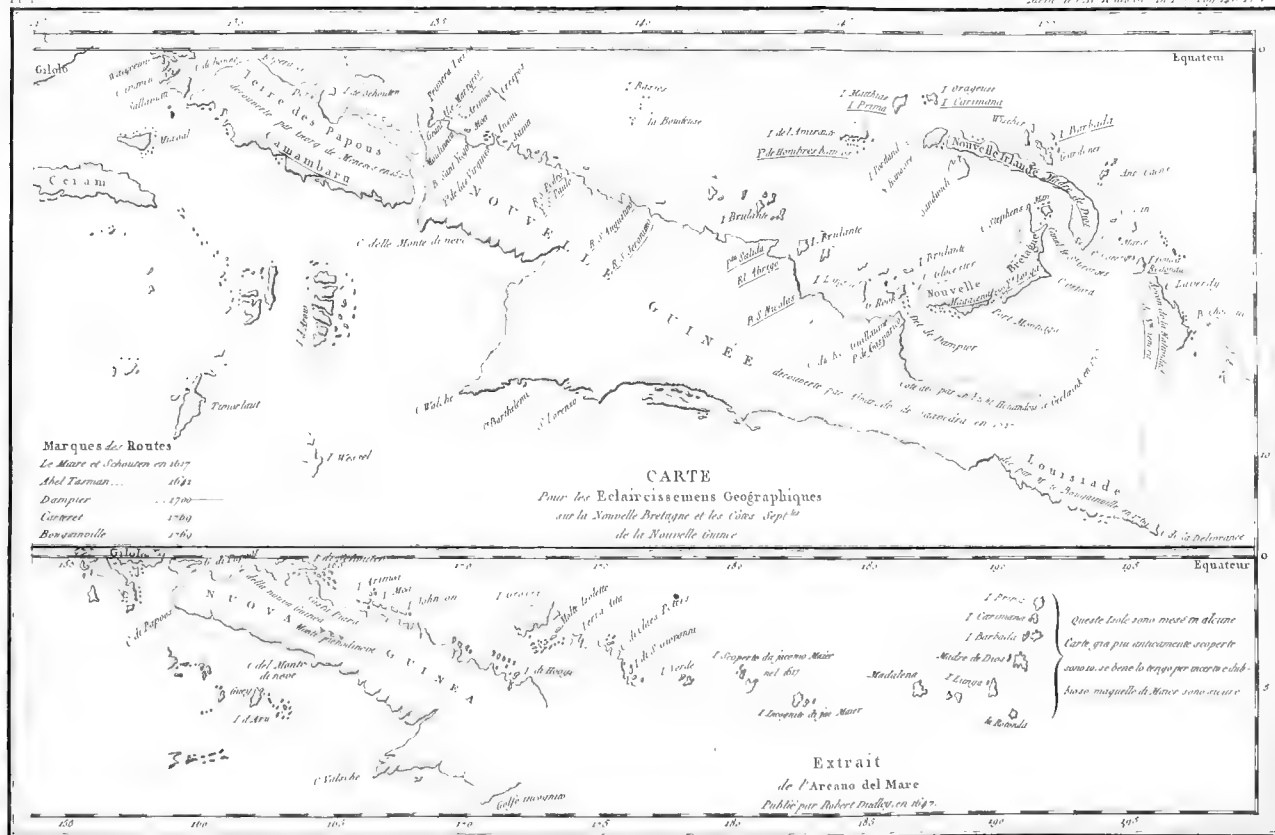
Mém. 1787.

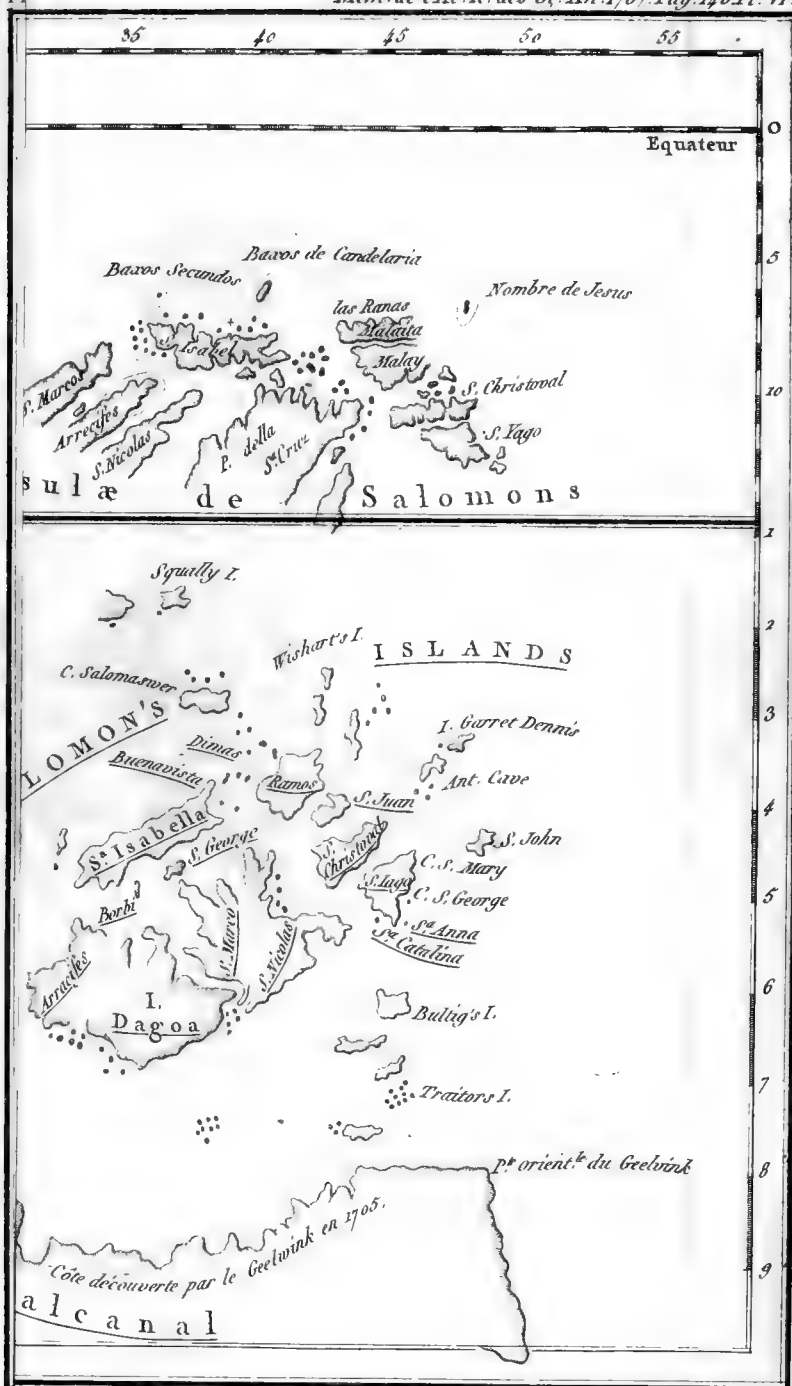
T

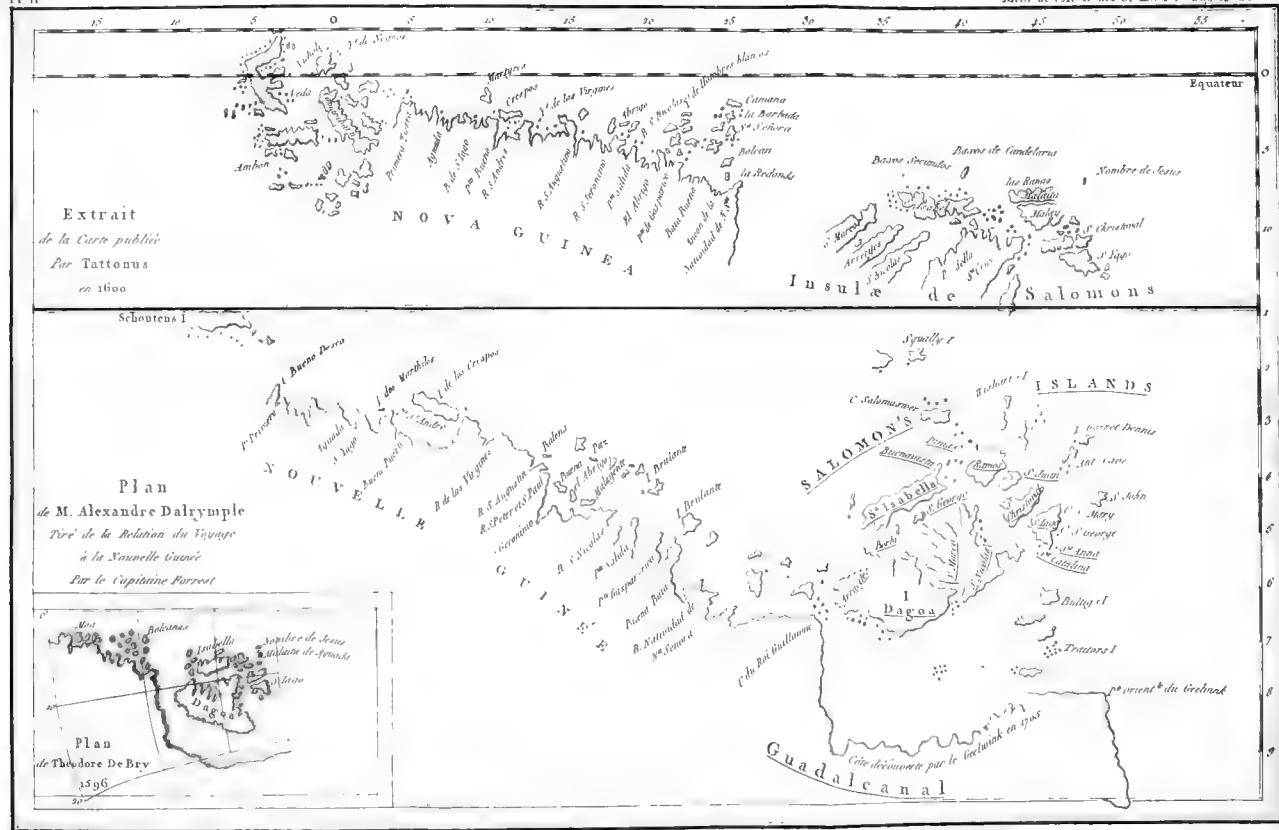
du roi Guillaume, où commence sa navigation, le long de la côte de la nouvelle Guinée, étoit l'extrémité orientale de cette terre; & toutes les cartes dressées depuis ce navigateur, ont adopté cette fausse opinion: il en est résulté que dans la première application qui avoit été faite des découvertes Espagnoles, on a regardé le cap du roi Guillaume comme le terme de ces découvertes, & on a marqué à l'ouest de ce cap l'*Ancon de la Natividad de nostra Señora*. Nous savons aujourd'hui qu'il y a dans le sud de la nouvelle Bretagne, des terres qui sont une suite de la nouvelle Guinée, & M. Dalrymple les a représentées sur son plan, aussi exactement qu'on pouvoit le faire avec le peu de connoissance que nous en avons. On voit sur ce plan la côte de la nouvelle Guinée se continuer au-delà du cap du roi Guillaume, & jusque dans l'est des îles les plus orientales de la nouvelle Bretagne; on la voit suivre à peu-près le même gisement que la côte des découvertes Espagnoles, courir dans le sud-est, puis à l'est-nord-est, & se replier ensuite vers le sud. Cette côte nouvelle, & qu'on dit avoir été découverte en 1705, par un yacht Hollandois, nommé le *Geelwink* ou le *Pinson jaune*, nous représente donc la côte des découvertes Espagnoles, depuis la pointe de Gaspar-rico jusqu'à la pointe la plus orientale où se trouve l'*Ancon de la Natividad de nostra Señora*. Cette pointe où se termina la découverte des Espagnols, est également le terme de la découverte du *Geelwink*, & nous ignorons encore comment se termine la nouvelle Guinée, du côté de l'est. Comme cette pointe se trouve sur les anciennes cartes, à peu-près à la même latitude que celle à laquelle M. de Bougainville a donné le nom de *Cap l'Averdy*, on peut croire que ces deux pointes sont la même; & dans ce cas, la côte vue par M. de Bougainville, dans le sud-est du cap de l'Averdy, seroit une partie de la côte orientale de la nouvelle Guinée.

Parvenus à la fin de ces considérations, nous y trouvons dans la découverte du *Geelwink* une preuve de l'exactitude

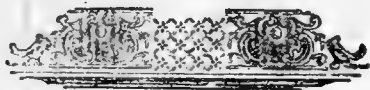








des découvertes Espagnoles, & de la justesse del' applicat que nous avons essayé d'en faire ; on peut ajouter que l'ancienne découverte des Espagnols sert elle-même à confirmer celle du Geelwink, qui est restée pendant longtemps dans l'obscurité, & sur laquelle on n'a encore que des connoissances vagues, comme on le voit par l'Histoire des navigations aux Terres australes (*tome I, p. 444*). Il résulte de ces éclaircissmens, que la nouvelle Bretagne a été découverte par les Espagnols en même temps que la nouvelle Guinée, & long-temps avant le premier voyage de Mendana aux îles de Salomon ; que c'est sans fondement qu'on a prétendu retrouver les îles de Salomon dans l'archipel de la nouvelle Bretagne, & que c'est également sans fondement que Robert Dudley a séparé de la nouvelle Bretagne les dix îles qu'il place à 15 degrés plus à l'est, & que les navigateurs y cherchoient en vain : il en résulte encore, à l'égard de la côte septentrionale de la nouvelle Guinée, que la première découverte qui en a été faite, nous avoit procuré plus de connoissances sur cette partie, que toutes les navigations qui y ont été faites postérieurement ; que ces connoissances sont assez précises, & méritent d'être conservées, du moins pour l'usage des navigateurs, qui cesseront alors de regarder cette terre comme inabordable & stérile.



M É M O I R E

S U R

L'ACIDE PRUSSIQUE.

Par M. BERTHOLLET.

Le 15
Décembre
1787.

IL y a peu d'objets qui aient autant exercé les chimistes que le principe colorant du bleu de Prusse ou prussiate de fer. Schéele a en particulier publié deux dissertations, dans lesquelles il a développé toute la fécondité qu'il possédoit, pour imaginer les moyens de passer les bornes connues de l'art; & cependant la plus grande partie des propriétés de cette substance qui est l'ouvrage de la chimie, n'est connue que d'une manière imparfaite. J'ai aussi entrepris de la soumettre à mes recherches, mais je suis encore fort éloigné d'être parvenu au but que je me proposois. Si je présentois en détail les expériences nombreuses que j'ai faites, elles fatigueroient plus qu'elles n'intéresseroient; je me bornerai donc à indiquer les principales observations, à présenter leurs résultats, & à mettre plus de liaison entre les phénomènes qui en sont l'objet.

Macquer avoit découvert que le principe colorant du prussiate de fer, pouvoit être enlevé au fer par les alkalis, qui le communiquent ensuite aux métaux par la voie des doubles affinités; il proposa de se servir du prussiate de potasse pour reconnoître la présence du fer. Tous les chimistes adoptèrent ce moyen, mais on observa que le prussiate d'alkali dont on se servoit, laissoit déposer un peu de prussiate de fer lorsqu'on le mêloit avec un acide; on supposa que le bleu qui se formoit, étoit tenu en dissolution par une portion d'alkali non saturée du principe colorant; on imagina différens moyens pour purifier cette préparation.

Schéele fit voir ensuite que les prussiates d'alkalis formés par le moyen du prussiate de fer, devoient être considérés comme des sels à trois parties, de manière que l'oxide de fer y est en combinaison, & qu'il donne beaucoup plus de fixité à l'acide prussique. Considérons cette triple combinaison qui est désignée sous le nom de *prussiate de potasse ferrugineux saturé*, & que, pour abréger, j'appellerai simplement dans ce Mémoire, *prussiate de potasse*.

Lorsqu'on fait digérer la potasse commune avec le prussiate de fer, celui-ci se décolore, & si l'on fait évaporer la liqueur, on obtient d'abord les cristaux de prussiate de potasse, & ensuite du carbonate de potasse : ce n'est pas que les alkalis ne puissent aussi décomposer le prussiate de fer, lorsqu'ils sont combinés avec l'acide carbonique ; mais ils s'unissent plus facilement avec l'acide prussique par l'affinité simple & directe, que par double affinité.

Le résidu de cette opération est jaunâtre ; c'est une autre espèce de prussiate de fer avec excès d'oxide ; si l'on verse un acide sur ce résidu, la partie d'oxide de fer qui le rendoit jaune, se dissout, & alors il devient bleu. On peut le traiter de nouveau avec l'alkali, qui pourroit d'une seule opération décomposer entièrement le prussiate de fer ; mais il faudroit pour cela une surabondance d'alkali, & une ébullition continuée long-temps.

L'oxide de fer peut donc se trouver dans deux états différens avec l'acide prussique : ou il domine, & alors il forme une combinaison jaunâtre, ou il se trouve dans la proportion qui donne le bleu de Prusse : on peut facilement ôter, par le moyen de tous les acides, cette partie d'oxide qui est la différence de la première à la seconde combinaison.

Si l'on fait digérer à une légère chaleur l'alkali avec le prussiate de fer, il entre dans la combinaison qui se forme une plus grande quantité d'oxide de fer ; si on le mêle dans cet état avec un acide, celui-ci s'empare de l'excès d'oxide, ainsi que le remarque M. le chevalier

Landicani, & il se forme un précipité bleu, tout comme lorsqu'on mêle une dissolution de fer avec le prussiate d'alkali.

Lorsqu'on fait bouillir le prussiate qui a été préparé à une légère chaleur, l'excès d'oxide de fer se précipite peu-à-peu sous l'état du prussiate jaune que j'ai décrit; & lorsqu'on a évaporé la liqueur jusqu'à siccité, & qu'on a ensuite redissous & filtré le résidu, il ne se forme plus de précipité, & les acides n'y produisent aucune altération, si ce n'est dans les circonstances que je détaillerai plus bas: alors si l'on fait évaporer la liqueur, & si l'on s'est servi de potasse, on obtient des cristaux jaunes d'une figure octaèdre, dont deux pyramides opposées sont tronquées près de leurs bases; il en résulte des lames carrées, dont les bords sont taillés en biseau.

J'ai mis de cette dissolution mêlée avec de l'acide sulfurique, dans un flacon que j'ai exposé à la lumière, & dans un autre flacon que j'ai couvert d'un papier noir, & que j'ai placé à côté du premier; dans peu de minutes le premier est devenu bleu & a fait un dépôt jusqu'à entière décomposition, & le second n'a pris pendant tout ce temps qu'une foible teinte verte qui s'est cependant foncée, mais sans qu'il se formât de dépôt dans l'espace de plus de deux mois. La décomposition se fait aussi par le moyen de la chaleur; mais il faut que le degré de chaleur soit considérable pour qu'elle se fasse promptement.

L'on voit à présent ce qui se passe lorsqu'on emploie les procédés qui ont été proposés en grand nombre par les chimistes, pour purifier le prussiate de potasse. Les acides dont on fait usage, commencent à faire un précipité bleu, sur-tout lorsque le prussiate a été préparé à une chaleur douce; ensuite si l'on emploie une chaleur assez considérable, ou si on laisse la liqueur exposée à la lumière, on décompose en entier le prussiate d'alkali: c'est ce qui arrive dans le procédé de M. Scopoli, qui a prescrit d'exposer le mélange à la lumière pour dépouiller le prussiate alkalin du fer, qu'il

regarde comme étranger à sa composition, & pour le purifier par ce moyen (a).

Le prussiate de potasse qu'on a fait cristalliser, qu'on a desséché & ensuite redissous, est dans un état uniforme de combinaison; ses cristaux m'ont paru parfaitement semblables à ceux que j'avois obtenus en mêlant à la liqueur un peu d'acide acéteux qui n'avoit fait qu'en décomposer une partie & en diminuer la quantité.

Lorsqu'on a pour but de découvrir la présence du fer dans une liqueur, la dissolution de ces cristaux n'y porte par elle-même aucune couleur; mais il seroit inutile d'insister davantage sur ces considérations; M. de Morveau a savamment discuté tout ce qui a rapport aux différens procédés qu'on emploie pour purifier les prussiates, & les avantages que présente le prussiate de chaux, dont M. de Fourcroy a conseillé l'usage dans ses Mémoires de chimie, en 1784.

J'ajouterai seulement que ces purifications me paroissent tout-à-fait inutiles, lorsqu'on n'a pour but que de déterminer la quantité de fer qui est contenue dans une liqueur, pourvu qu'on ait la précaution de précipiter en même temps, avec la même liqueur, une quantité déterminée de fer qu'on a fait dissoudre dans la même espèce d'acide. Ce précipité doit être séché au même degré de chaleur que celui qu'on a obtenu de la dissolution qu'on a dessein d'examiner; & par le poids de l'un des précipités, l'on détermine sûrement le poids du fer qui est contenu dans l'autre; & même sans cette précaution l'on n'est jamais assuré d'avoir atteint le degré de dessiccation dont Bergman s'est servi pour établir le rapport entre le prussiate de fer & le fer qui existoit dans la dissolution dont on l'a précipité. C'est à mon avis le seul moyen de déterminer, avec précision,

(a) Il paroît, par une lettre qui est insérée dans le *Journal de Physique*, depuis la lecture de ce Mémoire, Mai 1788, que M. Barca a observé avant moi la décomposition totale du prussiate d'alkali mêlé avec un acide, par l'action de la lumière.

par les prussiates, la quantité de fer qui est dans une dissolution ; & cette méthode a l'avantage de rendre le choix & la préparation des prussiates tout-à-fait indifférens, à moins qu'on ne veuille observer la couleur des précipités, ou découvrir l'existence du fer.

Le prussiate de fer qu'on précipite par le moyen des prussiates d'alkali, retient une partie considérable de l'alkali qui s'en va ensuite par les lavages dans l'état de prussiate alkalin, de manière qu'en y versant une dissolution de fer, il se forme un précipité bleu ; mais il arrive souvent que l'on n'obtient un précipité bleu qu'après plusieurs lavages, & je me suis assuré qu'il falloit que l'eau ne contînt plus d'acide. Cette observation mérite attention, parce que le prussiate de fer qui a été beaucoup lavé, a éprouvé une perte considérable, & parce que l'on explique par-là ce que devient la surabondance d'alkali, qui autrement devroit rester dans la liqueur dont on précipite du bleu de Prusse ; car Bergman a observé que l'acide prussique contenu dans cent vingt-huit parties de bleu de Prusse, pouvoit en saturer à peu-près deux cents dix-huit de potasse : or, cette quantité de potasse est fort supérieure à celle qui peut saturer l'acide du sulfate de fer, qui est nécessaire pour former les cent vingt huit parties du bleu de Prusse.

J'ai observé que le prussiate de fer, précipité par le prussiate de chaux, retenoit aussi de la chaux, & il paroît qu'il y a de l'ammoniaque dans le prussiate de fer qu'on fait par le moyen du prussiate ammoniacal : car on obtient aussi un précipité des eaux avec lesquelles on l'a lavé, lorsqu'on y verse un acide.

Le prussiate de soude m'a paru posséder des propriétés entièrement analogues à celles du prussiate de potasse ; mais il a une cristallisation qui lui est particulière.

Lorsqu'on expose à la chaleur un mélange d'acide & de prussiate d'alkali, il se dégage de l'acide prussique ; mais une partie considérable de cet acide est retenue dans le prussiate

prussiate de fer qui se précipite, ainsi que Schéele l'a observé ; c'est ce qui l'engagea à chercher un procédé plus avantageux, sur lequel je vais faire quelques observations. Dans ce procédé, on fait bouillir avec le prussiate de fer, l'oxide rouge de mercure qui enlève l'acide prussique à l'oxide de fer, & qui forme par-là une combinaison soluble, dont on obtient des cristaux prismatiques tétraèdres, terminés par des pyramides quadrangulaires, dont les plans répondent aux arêtes du prisme. Après avoir filtré cette combinaison, on y met du fer & de l'acide sulfurique ; le fer enlève l'oxigène au mercure pour se dissoudre dans l'acide sulfurique, & le mercure se précipite sous la forme métallique : par-là l'acide prussique est mis en liberté, & il ne peut pas décomposer le sulfate de fer ; pour le séparer du mélange, on le distille à une légère chaleur, mais on ne l'obtient pas encore dans l'état de pureté, parce qu'un peu d'acide sulfurique passe avec lui. Pour l'en débarrasser, Schéele prescrit de le distiller une seconde fois avec de la craie.

Le fer a la propriété de précipiter le mercure du prussiate mercuriel, par la plus grande affinité qu'il a avec l'oxigène, & l'on a vu que l'oxide de mercure précipitoit au contraire l'oxide de fer combiné avec l'acide prussique. On croiroit au premier coup-d'œil trouver ici deux affinités contradictoires, mais dans le premier cas, c'est l'affinité du fer avec l'oxigène du mercure qui détermine la décomposition ; & dans le second, c'est celle de l'oxide de mercure pour l'acide prussique, relativement à l'oxide de fer. Dans la première occasion, le fer s'oxigène & dégage le mercure ; dans la seconde, l'oxide de mercure remplace l'oxide de fer.

Lorsqu'on rectifie l'acide prussique avec la craie, il faut avoir soin de n'en employer qu'une petite quantité, parce que le carbonate de chaux a la propriété de se combiner avec cet acide, en formant une espèce de sel triple, de sorte que le résidu de la distillation forme un précipité

bleu abondant avec le sulfate de fer ; on pourroit employer pour le même objet un peu de potasse ou de soude.

La craie ou carbonate de chaux que l'on fait bouillir avec le prussiate de fer, a aussi la propriété de le décomposer & de former un prussiate soluble dans l'eau. La craie a même sur la chaux l'avantage de donner un prussiate qui ne peut conserver un excès de base. J'ai fait bouillir de la craie avec du prussiate de fer, la liqueur a précipité l'eau de chaux ; une seconde eau l'a précipitée, mais en plus petite quantité ; une troisième ne l'a point troublée, quoiqu'elle précipitât encore en bleu le sulfate de fer. Il paroît donc que dans la troisième ébullition, l'oxide de fer avoit retenu tout l'acide carbonique, & qu'il s'étoit formé un véritable prussiate de chaux. La magnésie a aussi la propriété de former un prussiate, lorsqu'on la fait bouillir avec le bleu de Prusse, & même elle précipite les dissolutions de fer en un plus beau bleu que les prussiates d'alkali ou de chaux. La première, seconde & troisième ébullition ont également troublé l'eau de chaux. M. de Fourcroy avoit observé avant moi que les carbonates de chaux, de magnésie & même de baryte formoient, lorsqu'on les faisoit bouillir avec le bleu de Prusse, une liqueur qui précipitoit en prussiate de fer les dissolutions de ce métal, & Bergman avoit indiqué cette propriété de la chaux & du carbonate de chaux (*de docimasia humidâ*).

L'acide sulfurique dégage très-peu d'acide prussique du prussiate de mercure, mais il forme un précipité qui est un sel composé, lequel paroît très-peu soluble, & qui n'est pas la combinaison qu'on obtient ordinairement par l'union de l'acide sulfurique & de l'oxide de mercure : ce sel forme de petites aiguilles.

L'acide muriatique dégage du prussiate mercuriel une quantité assez considérable d'acide prussique ; le résidu est un sel composé qui cristallise en aiguilles beaucoup plus solubles que le muriate corrosif ; il est précipité en blanc par les alkalis & par l'eau de chaux.

Le prussiate de mercure n'est précipité, ainsi que l'a

observé Schéele, ni par la chaux, ni par les alkalis, ni par l'acide muriatique; mais j'ai remarqué qu'on le précipitoit, si l'on y mêloit d'abord de l'acide muriatique, & quelque temps après de l'alkali. Ce précipité n'est dû qu'au sel triple qui s'est formé.

Les phénomènes que je viens de présenter prouvent assez combien l'acide prussique s'éloigne, dans la manière de se combiner, du caractère des autres acides, & combien il tend à former des combinaisons complexes: je vais en donner encore un exemple. Le prussiate de potasse ayant été mêlé avec une dissolution nitrique de baryte, il s'est formé des cristaux qui m'ont paru composés des deux sels, & qui sont dûs à un sel complexe moins soluble que les composans, & d'une saveur bien différente; mais si cette dissolution de baryte est un peu étendue d'eau, il ne se forme point de précipité. Lorsque Bergman a cru que l'acide prussique précipitoit la baryte comme les métaux, il est probable que le bleu de Prusse dont il s'étoit servi, contenoit encore un peu d'acide sulfurique; au contraire l'alun forme réellement un précipité qui d'abord ne paroît pas, mais qui se dépose lentement: si l'on verse de l'acide sulfurique sur ce précipité, il ne l'altère point; mais si on le fait digérer dans une dissolution de sulfate de fer, le métal est précipité en prussiate de fer, de sorte que le fer seroit précipité par préférence d'une dissolution dans laquelle il se trouveroit avec l'alumine; cependant, pour éviter les erreurs de poids qui pourroient résulter de ce mélange, il convient de séparer promptement le précipité que l'on forme dans une liqueur dans laquelle on soupçonne que l'alumine se trouve avec le fer.

Si on mêle de l'acide muriatique oxigéné avec l'acide prussique de Schéele, le premier reprend l'état d'acide muriatique, & le second acquiert une odeur beaucoup plus vive, & paroît être devenu plus volatil. L'acide prussique libre a naturellement peu d'affinité avec les alkalis & la chaux; par sa combinaison avec l'oxigène, il n'acquiert point la propriété de se

mieux combiner avec les alkalis, au contraire, les alkalis & la chaux ne font qu'affoiblir son odeur pénétrante, mais ils ne la font pas disparaître. Dans cet état, il ne forme point de bleu de Prusse, mais un précipité vert. Si on expose ce précipité à la lumière, il devient bleu; mais il conserve la couleur verte, si on le tient dans l'obscurité; on le fait passer dans l'instant au bleu, en versant dessus de l'acide sulfureux. On obtient aussi un précipité bleu, si on mêle un peu d'acide sulfureux avec l'acide prussique oxygéné.

Lorsqu'on met du sulfate de fer dans l'acide muriatique oxygéné, & qu'on y verse une dissolution de prussiate de potasse, le précipité vert qui se forme, se redissout; on peut alors le précipiter en bleu par l'acide sulfureux, ou par le sulfate de fer, ou en y mettant simplement du fer. On enlève par tous ces moyens l'oxygène qui changeoit les propriétés de l'acide prussique. On peut aussi donner au bleu de Prusse une couleur verte, en le mêlant avec l'acide muriatique oxygéné, & on peut lui restituer sa couleur par le moyen de l'acide sulfureux, ou de plusieurs lavages avec de l'eau, qui, dissolvant la partie oxygénée, laisse alors du bleu de Prusse; car la partie oxygénée qui est soluble dans l'eau, paroît n'avoir qu'une couleur jaune, qui forme du vert, avec une portion de véritable bleu de Prusse.

On voit donc que l'acide prussique a la propriété de s'oxygéner, même lorsqu'il est combiné avec le fer; mais l'oxygène y tient très-peu, & il peut lui être enlevé par l'acide sulfureux. L'action de la lumière paroît aussi le dégager du précipité vert qu'elle fait passer au bleu.

J'ai pensé, d'après ces observations, que le bleu de Prusse ne devoit pas être altéré par la lumière, qui paroît cependant avoir la propriété de favoriser la combinaison de l'oxygène avec la plus grande partie des autres couleurs, & l'expérience a confirmé cette conjecture.

On peut remarquer que l'acide sulfureux produit dans

cette circonstance un effet opposé à celui de l'acide muriatique oxigéné; l'un donne de l'oxigène, tandis que l'autre s'en empare : on peut réitérer successivement & plusieurs fois ces effets contraires, qui suffisent pour prouver que l'acide muriatique oxigéné & l'acide sulfureux n'agissent pas toujours de la même manière, lorsqu'ils attaquent les couleurs.

Si on imprègne plus fortement l'acide prussique, si on le surcharge d'acide muriatique oxigéné de la manière qui a été décrite dans mon Mémoire sur l'esprit-de-vin & l'éther, & si ensuite on l'expose à l'action de la lumière, il prend des propriétés nouvelles; il ne se combine plus avec le fer qu'on précipite de ses dissolutions; il a pris une odeur qui est tout-à-fait différente de celle qu'il avoit auparavant; elle ressemble à celle d'une huile aromatique : la plus grande partie se sépare de l'eau sous la forme d'une huile qui se rassemble au fond. Cette substance n'est cependant point inflammable; à une très-légère chaleur elle se réduit en vapeurs qui ne se dissolvent pas dans l'eau. Si tout l'acide prussique n'a pas pris cette forme, on n'a qu'à imprégner de nouveau la liqueur d'acide muriatique oxigéné, & l'exposer au soleil; & alors ce qui étoit resté éprouve la même altération, & la partie qui avoit l'apparence d'une huile devient concrète & se réduit en petits cristaux.

Je n'ai pu déterminer encore ce qui se passe dans cette singulière transmutation. L'acide prussique se combine-t-il simplement avec l'oxigène, ou bien se fait-il une combustion de l'un de ses principes? Je suis porté à croire que c'est le dernier qui a lieu; car l'oxigène tient très-peu à l'acide prussique, & cependant je n'ai pu le rétablir, lorsqu'il a éprouvé l'altération dont je viens de parler, ni par le moyen de l'acide sulfureux, ni par le moyen du fer.

Schéele a cherché quels étoient les principes de l'acide prussique, & il conclut de ses expériences ingénieuses, qu'il est formé d'ammoniaque unie à une matière carbonneuse subtile : lorsqu'on distille le prussiate de fer, l'oxide

de fer attire selon lui une partie du phlogistique de la matière colorante ; l'acide carbonique qui est ainsi dégagé passe dans le récipient avec l'alkali volatil devenu libre au même instant. Bergman déduit aussi des mêmes expériences, que l'acide prussique est composé d'acide carbonique, d'alkali volatil & de phlogistique. Mais on ne peut séparer immédiatement par aucun agent chimique l'ammoniaque qu'on suppose dans l'acide prussique , à moins qu'on n'emploie de la chaleur ; or la chaleur produit l'ammoniaque des substances animales dans lesquelles elle n'étoit certainement pas formée ; n'est-il donc pas plus naturel de regarder , ainsi que dans les substances animales , l'ammoniaque qu'on retire de l'acide prussique , comme une combinaison nouvelle ? L'expérience suivante me paroît propre à déterminer d'une manière positive les principes de cette substance.

Lorsque l'acide prussique a été mis par l'acide muriatique oxygéné, en état de former un précipité vert avec le fer, il a la propriété de se changer en ammoniaque, dès qu'on le mêle avec un alkali fixe ou avec la chaux, de sorte qu'aussitôt qu'on a fait ce mélange, il se dégage abondamment des vapeurs alkales ; & si après cela on verse un acide, l'odeur de l'acide prussique n'est plus rétablie, ce qui prouve qu'il a été détruit.

Si l'on fait cette expérience avec cette espèce d'alkool de potasse que j'ai décrite dans les Mémoires de l'Académie 1783, & qui est entièrement privée d'acide carbonique, on aperçoit une effervescence très-sensible, lorsqu'on y ajoute un acide : il se produit donc, dans cette expérience, de l'ammoniaque & de l'acide carbonique.

Si l'on fait la même épreuve avec l'acide prussique de Schéele, on aperçoit à la vérité, en promenant sur le mélange un chalumeau humecté d'un acide, quelques vapeurs alkales ; mais elles sont à peine sensibles, & lorsqu'on verse un acide, l'odeur de l'acide prussique reparoît en son entier ; de sorte qu'il n'y en a qu'une

quantité extrêmement petite, qui étoit probablement oxygénée, comme d'autres phénomènes me l'ont également indiqué, qui ait été décomposée dans cette expérience, & qui ait donné naissance à quelques vapeurs alkales.

Je conclus de-là que l'hydrogène & l'azote existent réellement dans l'acide prussique, qu'ils y sont combinés avec le charbon, & que, lorsqu'on y ajoute de l'oxygène, tous les principes propres à former le carbonate d'ammoniaque se trouvent réunis; mais pour qu'ils prennent la forme de l'ammoniaque & de l'acide carbonique, il faut le concours de l'alkali ou de la chaux qui tendent à se combiner avec l'acide carbonique: c'est ainsi, par exemple, que le soufre exposé à l'air vital, se combine beaucoup plus facilement avec l'oxygène, par le concours de l'alkali ou du fer, qu'il ne le feroit de lui-même.

Il me paroît donc qu'il ne reste rien de douteux sur la composition de l'acide prussique, si ce n'est la proportion de ses principes que je n'ai pas encore pu déterminer. C'est une combinaison d'azote, d'hydrogène, & de charbon pur ou de carbone: lorsqu'on décompose par le feu un prussiate métallique, il se dégage du gaz hydrogène carboné & du carbonate d'ammoniaque, ainsi que l'ont observé M.^{rs} de Laffone, Priestley & Schéele; l'hydrogène carboné vient de l'acide prussique, dont il a été dégagé en se saturant de calorique; l'acide carbonique a été produit par une partie du carbone du même acide, & par une partie de l'oxygène qui étoit uni au métal, lequel se trouve par-là plus ou moins réduit: il a pu se faire selon le degré de chaleur & à différentes époques de l'opération, ou une formation ou une décomposition d'eau; pour l'ammoniaque, elle résulte de l'union de l'azote avec une partie de l'hydrogène; mais si le métal se trouvoit combiné avec une suffisante quantité d'oxygène, & si les principes de l'acide prussique pouvoient soutenir un degré de chaleur suffisant, l'on n'auroit pour résultat de cette décomposition que de l'eau, de l'acide carbonique & du gaz azote. Cela

me paroît prouvé par l'expérience précédente, puisqu'on n'a fait qu'ajouter à l'acide prussique, de l'oxigène, lequel se trouve dans les oxides métalliques, & l'acide prussique s'est changé en carbonate d'ammoniaque. Or, si l'on mêloit avec le carbonate, de l'acide muriatique oxigéné, qui, à la température ordinaire, agit de la même manière que les oxides métalliques à une température élevée, il se formeroit de l'eau, & il se dégageroit de l'acide carbonique & du gaz azote.

D'après ces données, l'on voit facilement pourquoi les substances animales servent à la formation de l'acide prussique; c'est qu'elles contiennent l'azote qui doit entrer dans sa composition: cependant les charbons de substances végétales peuvent produire un peu d'acide prussique, parce que ces charbons contiennent toujours une petite quantité de charbon de substances animales, ainsi que je l'ai remarqué ailleurs: quelques espèces de charbon de terre donnent une quantité plus considérable d'acide prussique, comme l'a observé M. Hassenfratz: mais l'on sait qu'on retire de l'ammoniaque de ces charbons, & par conséquent ils contiennent de l'azote. Le muriate ammoniacal a pu, dans les belles expériences de Schéele, produire de l'acide prussique, parce que les deux principes de l'ammoniaque ont pu se combiner avec le charbon.

L'hydrogène qui existe dans l'acide prussique, rend raison de sa volatilité, & sur-tout de son inflammabilité qui, malgré le mélange de l'azote, est plus grande que celles des substances purement charbonneuses, car le bleu de Prusse s'enflamme à une température inférieure à celle qui est nécessaire même au soufre pour son inflammation; il détonne vivement avec le muriate oxigéné de potasse. Le prussiate de mercure détonne encore plus fortement, & il détonne même avec le nitrate de mercure; la vivacité de ces détonations ne m'a pas permis de recueillir le gaz qui s'en dégage, ainsi que je le desirois.

Je n'ai point parlé jusqu'ici de l'acide phosphorique que
M. Vestrumb

M. Vestrumb prétend être une partie constituante de l'acide prussique, parce que M. Hassenfratz m'a paru avoir prouvé solidement que celui qu'on trouvoit dans les prussiates ordinaires, étoit étranger à sa composition; & effectivement lorsqu'on décompose l'acide prussique oxigéné par un alkali caustique, on ne retrouve point d'acide phosphorique, comme cela devoit arriver s'il y existoit, car il n'a pu se décomposer.

Faut-il regarder le principe colorant du prussiate de fer comme un acide, avec Bergman, M. de Morveau & plusieurs autres chimistes? Ses propriétés s'éloignent de celles des autres substances qu'on a comprises sous le nom d'*acide*; il s'unit très-faiblement avec les alkalis & la chaux: les combinaisons salines qu'il forme, sont dûes principalement à la réunion de trois principes, & ne doivent leur solidité qu'aux oxides métalliques avec lesquels il a une plus grande affinité que les acides mêmes lorsqu'il est dans l'état de fixité. Si l'on considère sa composition, elle paroîtra bien moins voisine de celle de plusieurs acides que de celle de l'ammoniaque; toutefois il a trop de propriétés communes avec les autres acides, pour ne pas le placer dans la même classe; d'autant plus que les classifications que nous faisons ont toujours quelque chose d'arbitraire, & qu'elles doivent plutôt être considérées comme des méthodes utiles, que comme des divisions formées par la Nature.

Entre les différentes propriétés de l'acide prussique, il y en a une dont il est difficile de rendre raison, & que Schéele n'a pas tenté d'expliquer, quoiqu'elle ait attiré son attention. Lorsqu'il est combiné avec l'alkali & de l'oxide de fer, il ne peut être séparé par tout autre acide, à moins qu'on n'emploie de la chaleur, ou qu'on ne l'expose à la lumière; & cependant lorsqu'il est dégagé par l'un de ces moyens, il ne peut plus séparer le fer de l'acide le plus foible, si ce n'est par l'action d'une double affinité.

Il me paroît que cette propriété tient à l'état élastique

qui s'oppose à ses combinaisons; il faut qu'il ait perdu cet état, ou que sa chaleur spécifique ait été diminuée, pour qu'il puisse jouir de ses affinités avec les métaux & les alkalis. On voit par-là pourquoi l'oxigène diminue encore sa disposition à se combiner, puisqu'il augmente son expansibilité. Cette explication me paroît d'autant plus satisfaisante, qu'on observe des phénomènes analogues dans le gaz nitreux, l'acide muriatique oxigéné & l'acide sulfureux. Mais je me propose de faire le rapprochement des propriétés communes de ces différentes substances, dans un Mémoire sur l'acide sulfureux.



PROCÉDÉ PARTICULIER,

USITÉ

EN LIMOSIN ET EN PÉRIGORD,

Pour fabriquer du Fer dur.

Par M. le Baron DE DIETRICH.

J'AI vu fabriquer du fer dur aux forges de Coulon près Peyzac, dans la baronnie de Marquessat en Limosin, & à celles de Savignac, terre appartenant à M. le Marquis de Lubersac. Voici la disposition & la proportion du feu de ces forges. Lû le 30
Mars 1787.

La base de l'aire est élevée au-dessus du sol de l'atelier d'environ 10 pouces du côté de la tuyère, & descend en pente douce du côté opposé.

Une partie de cette base est entourée de trois murailles disposées à angle droit, ou perpendiculaires les unes aux autres. Ces murailles sont de longueur inégale ; celle que traverse la tuyère a 8 pieds ; celle qu'on voit derrière la rustine n'en a que 5, & celle du côté du contrevent, qui tient à la précédente, seulement 2 & demi : ces murailles sont toutes trois élevées d'environ 6 pieds ; à cette hauteur se trouve la naissance de la hotte de la cheminée, dont la face antérieure s'étend en diagonale, puisqu'elle prend de l'extrémité du petit pan de mur qui n'a que 2 pieds & demi, jusqu'à celle du grand côté qui en a 8. Ces murs sont ainsi disposés, afin que le forgeron montant sur l'aire, puisse agir librement tout autour de son feu.

Cette hotte dont la base a 15 pouces de hauteur, s'élève obliquement d'environ 6 pieds en se resserrant jusqu'au toit. L'ouverture du tuyau de la cheminée contenue dans cette hotte ne correspond point directement au feu, mais elle est placée de manière qu'une perpendiculaire abaissée du

bord du tuyau qui est le plus voisin de l'ouvrage, tomberoit derrière le contrevent, sur les lèvres extérieures de la guirlande dont je vais parler.

Le creuset a une forme elliptique ou ovale, déterminée par une pièce de fer forgée en fer-à-cheval, appelée *guirlande*; cette pièce porte 5 pouces de largeur & 1 pouce d'épaisseur.

Le sol de l'ouvrage est à 3 pieds de l'entrée de la tuyère; lorsqu'il se trouve humide, on y place une pierre ou une plaque de fonte; on garnit ou brasque l'ouvrage avec du fraîsil que l'on dispose de manière qu'il reste au milieu un creux ovale dont l'extrémité se trouve à 18 pouces au-dessous de la tuyère, tandis que le haut du talus que forme cet amas de fraîsil, n'est qu'à 1 pouce de l'entrée du vent.

La guirlande est posée à plat sur ce fraîsil & de niveau à la tuyère, les extrémités de ses deux branches touchent au côté du vent; elles sont écartées l'une de l'autre de 18 pouces; il y a de même 18 pouces depuis le mur de la tuyère jusqu'au cintre de cette guirlande; le fraîsil soutenu par des pierres détachées & des *fornes*, suit les contours extérieurs de cette pièce de fer.

La tuyère est horizontale & ne se trouvoit saillante que d'un pouce & demi à la forge de Coulon; elle l'étoit de deux & demi à celle de Savignac.

Des monceaux de fraîsil sont entassés du côté de la rustine & du côté qui devoit être celui du chio; & l'on jette le charbon en talus & en long, depuis le mur du contrevent jusqu'au cintre de la guirlande. Dans l'espèce de rigole oblique qu'on pratique entre le fraîsil du côté du chio & ce charbon, on perce, soit au-dessus de la guirlande pour faire couler le laitier, soit au-dessous pour faire couler la fonte. Chaque percée répétée, ou toutes les demi-heures, ou tous les trois quarts-d'heure, produit à peu-près un cent de matière. Cette fonte est mêlée de laitier, de charbon, & fort chargée d'impuretés.

Il paroît qu'originellement ces forges n'avoient été établies

que pour la fabrication de ce fer dur qu'on a nommé dans le pays *fer de règle*, & dont on fait des outils aratoires.

Autrefois l'usage général étoit de refondre la gueuse dans ces feux, en plaçant son extrémité sur la guirlande, en face du vent, mais plus haut que lui. Aujourd'hui dans plusieurs de ces forges on ne refond la gueuse que lorsqu'on ne peut pas se procurer de la rocaille.

On peut dans une journée fondre environ deux mille livres de gueuse : ces deux mille livres emploient deux bannes de charbon, ou le produit de deux cordes ou de deux brasses de bois.

La banne ou mesure à charbon porte 3 pieds 7 pouces de diamètre, & 2 pieds 5 pouces de hauteur.

La brasse est de 8 pieds de longueur, 5 pieds de hauteur du côté des gros bouts, & 2 pieds & demi à 3 pieds du côté des menus bouts : cette brasse équivaut à une corde de 7 pieds de longueur, 4 de hauteur, & 3 pieds de taille.

Lorsqu'on est dans le cas de refondre des masses considérables, on consomme plus de charbon, car il faut jusqu'à cinq cordes ou cinq bannes pour fondre une enclume de douze cents livres pesant.

La fonte rompue en morceaux & qui a été le produit du travail d'une journée, est ensuite convertie en fer forgé.

On place au contrevent & au-dessous de la guirlande, les fragmens de fonte ; on y ajoute assez de sornes & de crasses pour retirer une quantité de fer forgé, égale à celle de la fonte employée : de cette manière, un mille de fonte rend un mille de fer.

La pièce pèse communément, comme dans les autres forges, à peu-près soixante-dix livres.

Il est rare qu'on puisse faire quatre de ces pièces sans réparer le feu ou l'ouvrage ; c'est pour cette raison que la troisième pièce finit ordinairement le travail, qui ne rend guère par jour, l'un portant l'autre, que deux cents livres de fer forgé.

Le mille de fer, non compris la fonte, consomme entre

fix & sept bannes ou charretées de charbon , & par conséquent autant que dans les affineries ordinaires lorsqu'on y refond de grosses pièces; ainsi la consommation du charbon s'élève , avec le déchet , environ à dix bannes par mille.

Les morceaux de fonte placés au contrevent se fondent & se réunissent au fond de l'ouvrage , sans que l'ouvrier se permette d'y toucher; seulement il relève au vent les sornes; ainsi le fer ne se travaille point au feu. Le laitier en sort avec une forte ébullition & produit dans le creuset une suite d'explosions assez longue : les forgerons disent alors que le fer cuit; lorsque ces explosions cessent, ils disent que la matière est finie , & ils rassemblent leurs pièces.

Le fer qui provient de ce travail n'ayant pas été relevé, est plus dur que le fer ordinaire du commerce; il s'y rencontre quelquefois de l'acier, & je ne doute pas qu'on ne fabriquât de bon acier aratoire , en supprimant ou même en diminuant la quantité de sornes. Ce travail comparé à celui des autres forges est très-peu pénible; il se fait par un Maître & un Goujat : leurs outils sont proportionnés au peu de force qu'ils emploient; ils consistent en deux petits ringards d'environ 10 lignes de diamètre & 3 pieds & demi de longueur, une bécasse nommée *conass*, trois tenailles très-légères, dont l'une sert à cingler; une masse de bois pour battre & réunir la pièce, une pelle, une espèce de rateau de bois plein, & quelques marteaux: ces outils réunis ne valent guère plus de 9 liv.

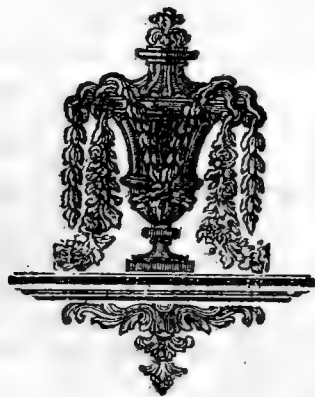
Le gros marteau est disposé de même que celui des grosses forges.

Si cette manière de fabriquer le fer a l'inconvénient d'être très-lente, de rendre la main-d'œuvre plus chère, & de consommer plus de charbon, elle peut néanmoins être adoptée lorsque le cours d'eau est foible; car il faut bien moins d'eau pour faire aller une forge par ce procédé que par celui des affineries ordinaires.

On peut aussi se servir de ce moyen, lorsqu'on n'a que de la rocaille, & qu'on est trop éloigné de hauts fourneaux,

pour en tirer des gueuses qu'on fondroit avec cette rocaille; celle-ci est communément aigre, & fondue seule au feu d'affinerie, elle donneroit du mauvais fer, tandis que par le procédé que je viens de décrire, elle en produit de très-bon.

Ce travail a beaucoup de rapport avec celui du fer mazé ou fer dur du Nivernois, mais il est beaucoup plus brut: avec un peu de soin, on fait, dans les grosses forges du Limosin, du fer aussi dur que dans les petites forges; & dès que les circonstances dont je viens de parler n'ont pas lieu, les feux d'affinerie des grosses forges doivent être préférés.



SUR LES MOUVEMENTS

DE LA

PLANÈTE DE HERSCHEL.

Second Mémoire.

Par M. DE LA LANDE.

6 Juin
1787.

LES élémens que j'avois donnés pour cette nouvelle planète, quelques mois après qu'on l'eut découverte, supposoient son orbite circulaire (*Mém. 1779, page 526*). Nous n'avions pas alors assez d'observations, & l'inégalité de son mouvement n'étoit pas assez sensible, pour nous faire juger de l'ellipticité de son orbite.

Mais aussitôt qu'on eut deux années d'observations, on entreprit de calculer l'équation & l'aphélie; M. Méchain, M. de la Place, M. Oriani, M. Bode, le P. Fixlmillner, M. de Caluso, M. Robison, ont donné des élémens de cette planète; mais ils diffèrent de 15 minutes pour l'équation, & de 6 degrés pour l'aphélie, & c'est par les observations les plus exactes, qu'il faut tâcher de lever l'incertitude: nous avons déjà, ce me semble, de quoi la diminuer, & la méthode que j'expliquerai ci-après pourra y contribuer.

Les tables de Dom Nouet, qui sont dans la Connoissance des temps de 1787, ont été faites sur les élémens calculés par M. de la Place en 1783, que je vais rapporter en les comparant avec ceux de M. Oriani, qui sont dans les Éphémérides de Milan pour 1785 & 1789, ceux du P. Fixlmillner, dont les tables sont dans les Éphémérides de Berlin pour 1787, ceux de M. de Caluso (*Mém. de Turin, 1787*), & ceux de M. Robison (*Transactions d'Édimbourg, tome I*).

1784.	M. de la PLACE.	M. ORIANI. Ephém. 1785.	P. FIXLMILLNER	M. ORIANI. Ephém. 1789.	M. de CALUSO.	M. ROBISON.
	S. D. M. S.	S. D. M. S.	S. D. M. S.	S. D. M. S.	S. D. M. S.	S. D. M. S.
Longitude moyenne.	3.15. 2. 5	3.15.10.37	3.14.41. 0	3.14.45.44	3.14.42.22	3.15. 0.23
Aphélie.....	11.23.24.40	11.25.13.11	11.17.31.33	11.13.22. 7	11.17.18.30	11.23. 8.57
Nœud.....	2.12.49.33	2.12.53.41	2.12.50.50	" " " "	2.12.49.48	2.12.47. 0
Équation.....	5.27.16	5.32.59	5.17.9	5.18. 2	5.19. 8	5.26.56
Révolution tropique..	30445.75	3026116	3058714	3058718	30588167	3045611
Distance moyenne..	19,0818	19,04596	19,16525	19,18273	19,18308	19,0858

Les premiers élémens s'accordent à la seconde pour le mouvement en cinq ans, observé entre l'opposition du 21 décembre 1781, & celle du 13 janvier 1787; ceux du P. Fixlmillner s'écartent déjà de 1' 24" dans la quadrature du 8 mars 1788; d'ailleurs, on a objecté au P. Fixlmillner, que la distance moyenne n'étoit pas d'accord avec la durée de la révolution, c'est-à-dire, qu'il n'y avoit pas le rapport qu'exige la règle de Képler. En effet, le mouvement séculaire par rapport aux étoiles, est selon lui 1542554", celui du Soleil est 129597735"; les deux tiers de la différence des logarithmes de ces mouvemens sont 1,2829047, & suivant le P. Fixlmillner 1,2825144; & ceci donneroit 31' 21" de trop pour le mouvement séculaire, ou 1' 34" pour cinq ans: ainsi, quoique son mouvement s'accorde avec les observations, pour les oppositions, il différeroit dans les quadratures, si l'on employoit la distance qu'exige ce mouvement. Les élémens du P. Fixlmillner supposent que la 34.^e étoile du Taureau dans Flamsteed, étoit la Planète observée en 1690: c'est ce que j'examinerai ci-après.

Pour déterminer avec la plus grande exactitude possible le mouvement de cette Planète en cinq ans, il faut avoir avec soin la position des étoiles auxquelles je l'ai comparée. L'étoile λ des Gémeaux se trouvoit, en 1787, sur son parallèle de même que l'étoile μ du Cancer: or j'ai remarqué que la première étoile étoit plus avancée de 15" dans le catalogue de Bradley, que dans celui de la Caille; & que celui

Mém. 1787.

Y

de Mayer tenoit le milieu; il falloit donc commencer par lever cette incertitude : les observations de M. Maskelyne étoient sur-tout propres à cet objet. Le 21 octobre 1777, il compara cette étoile avec Sirius, Procyon & Pollux; le milieu donne pour le 1.^{er} janvier 1778, son ascension droite $106^{\text{d}} 42' 35'' 6$, la même que dans le catalogue de la Caille; ainsi il faut rejeter les positions des deux autres catalogues qui donnent des longitudes plus grandes; on aura donc pour le 1.^{er} janvier 1787, l'ascension droite de δ des Gémeaux $106^{\text{d}} 50' 41'' 8$.

M. Maskelyne observa aussi la hauteur méridienne de δ : il en résulte que la déclinaison moyenne de δ , le 1.^{er} janvier 1787, étoit de $22^{\text{d}} 21' 36'' 6$; suivant Bradley $36'' 1$; Mayer $34'' 3$; la Caille $40'' 2$.

A l'égard de μ du Cancer, M. de Lambre a déterminé par neuf observations faites à son micromètre, la différence d'ascension droite moyenne entre les deux étoiles $11^{\text{d}} 57' 16'' 2$; ce qui est d'accord avec le catalogue de Mayer: mais l'ascension droite de la première étoile est trop forte de $9''$; il y a donc une pareille correction à faire à la seconde.

M. Messier a observé aussi quatre fois cette différence d'ascension droite, & au lieu de $16''$, il a trouvé $7''$, $7''$, $15''$, $22''$; le milieu est $13''$: ce qui ne diffère que de $3''$ du résultat de M. de Lambre, dont l'ascension droite seroit moindre. Au Collège royal, j'ai trouvé $16''$; je prendrai le milieu, & je supposerai l'ascension droite moyenne de μ pour le 1.^{er} janvier 1787, $118^{\text{d}} 47' 56''$.

Je rapporterai ci-après les quatre observations de M. Messier sur la planète, faites aux environs de l'opposition de 1787; j'en ai mis aussi quelques-unes de l'Observatoire royal, où les hauteurs ayant été prises avec un quart-de-cercle de six pieds, donnent d'une autre manière l'erreur en latitude, & où l'ascension droite ayant été déterminée par d'autres étoiles, donne une idée de l'incertitude qu'il peut y avoir sur ces positions. Voici d'abord mes observations.

DES SCIENCES. 171

OBSERVATIONS de Herschel, faites au
Collège royal.

TEMPS MOYEN, À PARIS.	DIFFÉRENCE D'ASCENSION DROITE.			LONGITUDE observée.	ERREUR des Tables.
1786.	H. M. S.	D. M. S.		S. D. M. S.	
13 Nov.	12. 22. 20	1. 23. 2	μ du Cancer	3. 25. 21. 14	— 19.
24.....	10. 41. 19	1. 24. 29	μ du Cancer	3. 25. 19. 53	— 20.
28.....	12. 26. 10	1. 30. 15	μ du Cancer	3. 25. 14. 34	— 21.
30.....	10. 26. 53	1. 33. 23	μ du Cancer	3. 25. 11. 27	— 23.
2 Déc.	10. 19. 45	1. 36. 46	μ du Cancer	3. 25. 8. 14	— 25.
21.....	11. 34. 43	2. 17. 18	μ du Cancer	3. 24. 30. 2	— 27.
23.....	11. 32. 12	2. 22. 1	μ du Cancer	3. 24. 25. 38	— 11.
24.....	9. 5. 49	2. 24. 39	μ du Cancer	3. 24. 23. 03	— 37.
25.....	13. 26. 40	23. 49. 31	μ des Gém..	3. 24. 20. 29	— 21.
1787.					
13 Janv	12. 9. 4	3. 18. 29	μ du Cancer	3. 23. 32. 13	11.
13 Fév.	10. 1. 17	21. 38. 33	μ des Gém..	3. 22. 17. 14	+ 3.
		23. 39. 22	η des Gém..		
14.....	9. 57. 10	4. 49. 46	μ du Cancer	3. 22. 15. 8	— 1.
		7. 16. 44 $\frac{1}{2}$	δ des Gém..		
16.....	9. 49. 1.	7. 12. 14 $\frac{1}{2}$	δ des Gém..	3. 22. 11. 5	— 3.
		23. 32. 48	η des Gém..		
17.....	9. 44. 59	7. 10. 18	δ des Gém..	2. 22. 9. 11	— 1.
		4. 47. 2	μ du Cancer		
22.....	9. 24. 33	7. 0. 35	δ des Gém..	3. 22. 0. 8	+ 3.
		4. 56. 48 $\frac{1}{2}$	μ du Cancer		
8 Mars	8. 28. 11	6. 39. 19 $\frac{1}{2}$	δ des Gém..	3. 21. 40. 18	+ 4.
		5. 17. 55	μ du Cancer		
9.....	8. 24. 10	6. 38. 18 $\frac{1}{4}$	δ des Gém..	3. 21. 39. 19	+ 12.
		0. 24. 4	Pollux.....		
10.....	8. 20. 10	6. 37. 11	δ des Gém..	3. 21. 38. 8	+ 1.
		6. 35. 18	δ des Gém..		
12.....	8. 12. 11	5. 21. 6 $\frac{1}{2}$	μ du Cancer	3. 21. 36. 23	+ 10.
		6. 34. 18	δ des Gém..		
13.....	8. 8. 11	5. 23. 6	μ du Cancer	3. 21. 35. 29	+ 8.
		5. 24. 0	μ du Cancer		
14.....	8. 4. 12	6. 23. 23	δ des Gém..	3. 21. 24. 34	+ 3.
		6. 29. 17 $\frac{1}{2}$	δ des Gém..		
20.....	7. 42. 19	5. 28. 7 $\frac{1}{2}$	μ du Cancer	3. 21. 30. 42	0.
		6. 28. 47 $\frac{1}{2}$	δ des Gém..		
21.....	7. 36. 22	5. 28. 34	μ du Cancer	3. 21. 30. 24	+ 9.

172 MÉMOIRES DE L'ACADÉMIE ROYALE
A l'Observatoire royal.

TEMPS MOYEN, À PARIS.	DIFFERENCE d'ascension droite.	Déclinaison	LONGITUDE observée.	Erreur des Tab.	Latitude. observée.	Erreur des Tab.
H. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	S. D. M. S.	.S.	D. M. S.	.S.
1786.						
25 Déc. 13. 26. 40	23. 40. 31. μ II	21. 47. 36	3. 24. 20. 39	— 21	0. 31. 37	+ 4
29.....13. 10. 19	11. 33. 44. 2 ∞	21. 49. 6	3. 24. 10. 57	— 5	0. 31. 24	— 13
1787.						
10 Janv. 12. 20. 55	12. 6. 16. 2 ∞	21. 54. 51	3. 23. 40. 17	— 2	0. 31. 47	+ 0
11.....12. 16. 47	23. 3. 51. μ II	21. 55. 24	3. 23. 37. 24	— 18		
<i>Observations de M. Messier.</i>						
1787.						
11 Janv. 10. 50. 50	8. 44. 15. δ II	21. 55. 22	3. 23. 37. 34	— 18	0. 31. 53	+ 6
	3. 13. 7. μ ∞					
12.....10. 43. 44	8. 41. 30. δ II	21. 55. 49	3. 23. 34. 55	— 20	0. 31. 54	+ 6
	3. 15. 37. μ ∞					
13.....10. 44. 9	8. 38. 37. δ II	21. 56. 16	3. 23. 32. 22	— 16	0. 31. 53	+ 4
	3. 18. 30. μ ∞					
14.....10. 44. 37	8. 36. 0. δ II	21. 56. 43	3. 23. 29. 49	— 10	0. 31. 55	+ 5
	3. 21. 15. μ ∞					

La latitude géocentrique doit augmenter chaque jour d'une seconde & un tiers; ainsi l'on voit que le progrès des latitudes observées par M. Messier, est assez régulier, & que l'erreur des tables est insensible à cet égard.

A l'égard de l'erreur en longitude, elle est de 22" par les six premières observations éloignées de l'opposition; de 16 par les quatre de M. Messier, de 11 $\frac{1}{2}$ par les quatre de l'Observatoire.

M. de Lambre ayant fait aussi plusieurs observations avec un nouveau micromètre de Lenoir, a trouvé l'erreur des tables — 10" pour les longitudes, & + 6" pour les latitudes:

En supposant cette erreur de 10", il faut les ôter de la longitude calculée par les tables pour le 13 janvier, 12^h 9' 4", temps moyen, sans aberration & sans nutation, afin que tout soit compté de l'équinoxe moyen, on a 2^e

$23^d 31' 52''$, longitude vraie, moins avancée de $18' 34''$ que la longitude apparente du Soleil. Le mouvement vrai du Soleil en 24 heures solaires moyennes étoit alors $61' 13'' 2$, & celui de Herschel $2' 35'' 1$; d'où il suit que l'opposition est arrivée le 13 janvier à $5^h 10' 2''$, temps moyen, dans $9^f 23^d 32' 37''$, avec $31' 54''$ de latitude géocentrique boréale, ou $30' 13''$ de latitude héliocentrique.

Si l'on augmente de $20''$ le lieu du Soleil, à cause de l'aberration, pour avoir son lieu vrai, on trouvera $7' 32''$ de moins pour le temps de la conjonction, & $0'' 8$ de plus pour la longitude en conjonction.

Mais si au lieu de supposer l'erreur des tables de $10''$, on la suppose de 15 , pour se rapprocher des autres observations, on aura $1' 52''$ de moins pour le temps de la conjonction, & $5''$ de plus pour la longitude en conjonction. Les $15''$ d'erreur n'en font que 14 sur la longitude héliocentrique, & cette erreur est la même que dans l'opposition de 1781.

En 1788, M. Triefnecker, à Vienne, a observé l'opposition le 18 janvier $0^h 2' 16''$, temps moyen, réduit à Paris, à $3^f 28^d 10' 24''$, & l'erreur des tables ne seroit que de $2''$.

Ainsi les tables représentent fort bien l'inégalité du mouvement pendant sept ans; elles représentent également bien l'observation de 1756 : il y aura peu de choses à y changer, à moins que la 34^e étoile du Taureau ne soit en effet la planète de Herschel, observée par Flamsteed le 23 décembre 1690, à $9^h 41'$ temps moyen de Paris, dans $1^f 28^d 2' 30''$, comme le croit le P. Fixlmillner (*Éphém. de Berlin*, 1787, page 249). Mais on a quelque doute sur cette identité. Il y a une petite étoile située $18'$ au midi de la place où Flamsteed a marqué la 34^e étoile du Taureau, & qui a précisément la même ascension droite.

Le 18 novembre 1785, M. Messier observa toutes les étoiles qui sont sur le parallèle où cette étoile devoit se trouver, en les comparant à l'étoile ζ de 5^{me} grandeur,

n.^o 58 du Bélier dans le catalogue de Flamstéed; il n'en passa point à l'endroit où devoit être la 34.^e étoile, mais 18' plus au midi une étoile de 7.^e grandeur, ayant la même ascension droite, ou 11^d 30' 37" de plus que la 58.^e du Bélier, passa 39' 8" plus au midi. Je trouve 45^d 39' 51" pour l'ascension droite, & 20^d 14' 42" pour la déclinaison de l'étoile du Bélier le 18 novembre 1785, d'après le catalogue de Mayer; d'où il suit pour celle du Taureau 57^d 10' 28", & 19^d 35' 34". Or par le catalogue de Flamstéed on trouve pour le 18 novembre 1785, que la 34.^e étoile du Taureau auroit eu 57^d 10' 58", & 19^d 53' 24"; ainsi l'ascension droite est la même à 30" près, & la déclinaison diffère de 17' 50". On a donc pu croire que c'étoit la même étoile sur laquelle Flamstéed se seroit trompé de 20' en écrivant la hauteur, & cela rendroit moins vraisemblable l'identité de la planète de Herschel avec la 34.^e étoile de Flamstéed. Je dis 20' en nombres ronds, parce qu'on pourroit bien évaluer à 2' l'erreur de l'observation, indépendamment de la méprise que je suppose.

M. de Lambre a vérifié cette observation le 23 février 1787; il a trouvé sur le parallèle de 27° une étoile de huitième grandeur, dont l'ascension droite est plus grande de 9^d 33' 32", & la déclinaison plus petite de 22' 17", c'est-à-dire, qui avoit 57^d 11' 24" d'ascension droite, & 19^d 35' 28" de déclinaison; il s'est assuré qu'il n'y a point d'étoile 18 minutes plus haut, où la trente-quatrième devoit être; mais en examinant les observations de Flamstéed, il ne voit pas comment il auroit pu se tromper de 20', parce qu'il déterminoit les déclinaisons par deux méthodes qui ne pouvoient guère concourir à donner la même erreur. Quoiqu'il en soit, nous n'osons pas encore prononcer sur l'identité de Herschel & de la trente-quatrième étoile du Taureau.

M. Montaigne avoit aussi soupçonné que la huitième étoile du Taureau, dans le catalogue de Flamstéed, pouvoit être la planète observée le 29 septembre & le 1.^{er} octobre

1704, à $1^{\circ} 21^d 58'$, avec $5'$ de latitude australe, suivant le calcul de M. le Monnier (*Mém.* 1784, p. 354): mais à cette époque Herschel avoit près de 4 signes de longitude; d'ailleurs il y a vers l'endroit du ciel où doit être la huitième étoile du Taureau, plusieurs étoiles, dont une de septième grandeur, diffère assez peu de celle que M. Montaigne croyoit avoir disparu; ainsi l'on ne peut supposer que cette étoile fût la planète de Herschel.

On voit par les observations précédentes, que l'erreur des tables étoit plus grande avant l'opposition, & plus petite après, ce qui semble indiquer une diminution à faire sur la parallaxe annuelle, & par conséquent une augmentation sur la distance de la planète au Soleil. Pour rendre ces erreurs égales, il faut diminuer la longitude avant l'opposition, l'augmenter après; il faut donc diminuer la parallaxe annuelle, ou augmenter la distance de Herschel au Soleil; s'il y a 10 secondes à ôter de la parallaxe, ce sera 0,017 à ajouter à la distance.

Je trouve presque le même résultat par des observations de M. Maskelyne, faites depuis 1781 jusqu'à 1788, en comparant la planète aux mêmes étoiles dans les deux quadratures, comme on le verra dans la table suivante.

Les observations du 20 & du 31 mars 1788 ont été faites par M. Hornsby, à Oxford, où il a l'avantage d'une lunette méridienne excellente, en sorte qu'on peut s'assurer des ascensions droites, comme à Gréenwich, à une ou deux secondes près, en employant les 34 étoiles de M. Maskelyne, dont les positions ont aussi la même précision. Je vais rapporter aussi des observations faites à Paris, vers les quadratures, en 1786, 1787 & 1788, où l'erreur des tables paroît avoir encore augmenté; j'y ajouterai l'opposition de 1789, qui vient d'être observée au moment où ce Mémoire s'imprime, c'est-à-dire, le 2 Janvier, $19^h 43' 52''$, temps moyen, longitude, $4^{\circ} 2^d 49' 50''$, comptée de l'équinoxe moyen & dégagée des deux aberrations; latitude, $0^d 37' 0''$, boréale.

176 MÉMOIRES DE L'ACADÉMIE ROYALE

TEMPS MOYEN À PARIS.	ASCENSION DROITE.	Déclinaison.	LONGITUDE OBSERVÉE.	LATITUDE boréale.	Erreur en long.
H. M. S.	S. D. M. S.	D. M. S.	S. D. M. S.	D. M. S.	S.
1781.					
28 Sept. 17. 48. 33	93. 8. 22	23. 39. 57	3. 2. 52. 31	0. 13. 40	— 21
8 Oct. 17. 9. 23	93. 10. 47	23. 40. 10	3. 2. 54. 44	0. 13. 56	— 20
1782.					
7 Mars. 7. 11. 47	88. 43. 8	23. 43. 3	2. 28. 49. 37	0. 15. 6	— 9
16 Mars. 6. 26. 36	88. 46. 1	23. 43. 0	2. 28. 52. 16	0. 15. 2	— 4
30 Sept. 18. 0. 58	97. 59. 36	23. 32. 56	3. 7. 19. 26	0. 16. 52	— 15
1783.					
10 Mars. 7. 10. 24	3. 3. 35. 54	23. 44. 19	3. 3. 17. 36	0. 18. 31	— 2
11 Oct. 17. 38. 25	3. 12. 56. 48	23. 16. 39	3. 11. 52. 37	0. 20. 22	— 21
1784.					
23 Mars. 6. 36. 1	3. 8. 32. 30	23. 36. 5	3. 7. 49. 22	0. 21. 45	— 3
15 Oct. 17. 39. 18	3. 17. 51. 22	21. 51. 12	3. 16. 25. 13	0. 23. 45	— 28
1785.					
28 Mars. 6. 36. 59	3. 13. 28. 25	23. 18. 38	3. 12. 21. 21	0. 25. 7	+ 2
26 Oct. 17. 26. 38	3. 22. 46. 46	23. 57. 10	3. 20. 59. 46	0. 27. 3	— 30
1788.					
8 Mars. 8. 54. 33	3. 28. 30. 33	21. 27. 54	3. 26. 22. 24	0. 34. 28	+ 21
20..... 8. 11. 33	3. 28. 18. 7	21. 30. 10	3. 26. 10. 36	0. 34. 30	+ 18
21..... 8. 2. 34	3. 28. 17. 24	21. 30. 0	3. 26. 9. 58	0. 34. 11	+ 18
31..... 7. 28. 0	3. 28. 13. 34	21. 30. 45	3. 26. 6. 20	0. 34. 16	+ 20

	TEMPS MOYEN à Paris.	LONGITUDE APPARENTE.	ERREUR des Tables.	
	H. M. S.	S. D. M. S.	M. S.	
1786. 29 Oct.	17. 16. 3	3. 25. 35. 54	— 0. 15	
1787 { 22 Fév.	9. 24. 16	3. 22. 0. 2	+ 0. 10	Observat. royal.
28 Nov.	15. 37. 27	3. 29. 58. 30	— 0. 28	
6 Mars	8. 52. 18	3. 26. 25. 16	+ 0. 27	
13 } Mars	8. 25. 9	3. 26. 16. 46	+ 0. 26	Collège royal.
29 } Mars	7. 21. 33	3. 26. 6. 48	+ 0. 30	
1788 { 29 } Mars	7. 21. 28	3. 26. 6. 47	+ 0. 28	Observat. royal.
8 Mai	9. 18. 49	3. 26. 41. 6	+ 0. 27	Collège royal.
21 Nov.	16. 22. 2	4. 7. 18. 55	— 0. 23	Observat. royal.

Les deux observations du 8 mai & du 21 novembre, sont chacune le résultat de plusieurs jours d'observations; cependant celles d'Angleterre ne donnent que 20 secondes, au lieu de 27, pour l'erreur des tables au printemps 1788, comme on vient de le voir; mais la différence n'est pas considérable.

Il paroît donc qu'il faudroit actuellement augmenter la distance au Soleil plus que dans les années précédentes, ce qui auroit lieu si l'on diminueoit l'aphélie. M. Oriani, dans les Éphémérides de Milan pour 1789, le diminue en effet de 6 degrés, en même temps qu'il diminue de 9 minutes la plus grande équation, & qu'il augmente de 9 minutes la longitude moyenne de la planète. M. l'abbé de Caluso, dans les Mémoires de Turin pour 1787, diminue également l'aphélie; mais l'un & l'autre sont partis de l'observation supposée en 1690, c'est-à-dire, ont supposé que la trente-quatrième étoile du Taureau, dans Flamsteed, étoit la planète d'Herschel; ce qui paroît douteux, comme on l'a vu ci-dessus.

Au mois de novembre 1788, la quadrature observée plusieurs jours de suite, m'a donné 23 secondes d'erreur; & comme il y en avoit 20 dans la quadrature précédente, il ne s'agit que d'en corriger $21''\frac{1}{2}$, par un milieu entre les deux quadratures; pour cela il faut augmenter la distance de 0,04, & ôter $1''\frac{1}{2}$ de la longitude héliocentrique calculée. Cette augmentation de distance est une donnée d'observation qui m'a paru propre à décider les élémens de l'orbite, parce que les distances sont plus inégales que le mouvement de la planète ne l'a été depuis que nous l'observons.

Mais comme cette planète n'a pu être observée dans les apsides & les moyennes distances, elle présente un problème qui n'est point usité dans l'astronomie; voici celui que j'ai entrepris de résoudre : *Étant données deux distances au Soleil & l'angle compris, avec l'intervalle des temps, trouver la grandeur, la figure & la position de l'orbite.*

Pour avoir la distance au Soleil, je compare des obser-
Mém. 1787. Z

vations faites dans deux quadratures opposées ; si les erreurs des tables ne sont pas égales , il s'ensuit que la distance n'est pas exacte dans les tables ; je la fais varier de manière que les erreurs dans les deux quadratures soient égales ; je m'assure ainsi de la véritable valeur de la parallaxe annuelle ; car comme elle est additive dans l'une des observations , & soustractive dans l'autre , & qu'en corrigeant l'erreur qui reste pour la longitude héliocentrique , il n'en reste plus dans les deux observations : il s'ensuit que les tables deviennent parfaitement d'accord avec l'observation , tant pour la longitude que pour la distance.

Je dégage donc les longitudes observées de l'aberration , de la nutation , de la parallaxe annuelle & de la réduction à l'écliptique , & j'ai des longitudes héliocentriques , telles qu'il faut les employer , ainsi que les distances au Soleil qui répondent aux observations. Par exemple , je trouve pour le 8 oct. 1781, $17^h 9'$, la longitude héliocentrique $2^f 29^d 58' 43''$ & la distance 18,947 ; pour le 31 mars 1788, $7^h 38' 3^f 29^d 5' 46''$, & 18,562 en négligeant les perturbations.

Pour résoudre le problème d'une manière analogue aux méthodes que j'ai données dans mon *Astronomie* , je prends d'abord pour première hypothèse la distance moyenne au Soleil , dans les tables que nous avons déjà , 19,0818 ; je mets pour première supposition l'excentricité & le lieu de l'aphélie qui sont dans ces tables ; je forme deux anomalies vraies , je les convertis en anomalies moyennes , & je calcule avec ces élémens la première des deux distances au Soleil , qui se trouve plus ou moins grande que celle qui est donnée. Je fais varier l'aphélie de manière que cette distance soit la même , & je trouve qu'il faut l'augmenter de $45'$; je change les anomalies vraies de la même quantité ; je les convertis en anomalies moyennes , & je vois de combien le mouvement d'anomalie moyenne diffère de celui qui est donné par les tables $27^d 58' 3''$; c'est l'erreur de la première supposition.

Je fais une autre supposition pour l'excentricité , &

recommençant le même calcul, je trouve une autre erreur pour le moyen mouvement; alors, par une règle de trois, je trouve quelle est l'excentricité qui rendra l'erreur nulle, & j'ai une hypothèse qui représente la première distance & les deux anomalies.

Pour y parvenir, je pourrois également employer le mouvement vrai d'anomalie donné par observation, ou calculer dans chaque supposition la seconde anomalie vraie; car ayant corrigé la première anomalie moyenne, on y ajoutera le mouvement moyen connu, l'on aura la seconde anomalie moyenne; on cherchera l'équation correspondante, ce qui donnera l'anomalie vraie, qui doit être la même que celle qu'on a eue, en la corrigeant par le même changement d'aphélie: s'il y a une différence, on fera varier l'excentricité jusqu'à ce qu'elle soit nulle.

Je calcule dans cette première hypothèse la seconde distance au soleil, & je marque l'erreur qu'elle donne sur la distance, pour la comparer avec l'hypothèse suivante.

La seconde hypothèse se fait avec une autre distance moyenne, qui donne un autre mouvement d'anomalie moyenne; & en faisant varier l'aphélie & l'excentricité, je parviens, comme dans la première hypothèse, à représenter la première distance au Soleil & les deux anomalies; mais la seconde distance ne s'accorde pas avec l'observation, & c'est l'erreur de la seconde hypothèse.

Par le progrès des erreurs de ces deux hypothèses, je trouve quelles sont la distance moyenne, l'excentricité & l'aphélie qui formeront une troisième hypothèse représentant également la première distance, le moyen mouvement & la seconde distance; cette troisième hypothèse donnera les véritables élémens de l'orbite déterminés par les deux longitudes & les deux distances au Soleil que j'ai rapportées ci-dessus.

Cette troisième hypothèse à laquelle je suis parvenu, consiste à faire la distance moyenne 19,1820, & l'excentricité 0,8964 avec le lieu de l'aphélie en 1784, 11^h 17^d 23', moindre de 6^d 2' que suivant M. de la Place. Cette hypothèse

m'a donné $27^d 44' 53''$ pour le mouvement moyen d'anomalie, plus petit seulement d'une seconde que celui qu'exige la distance 19,1820, & la distance en 1788, 18,563, au lieu de 18,562 qu'indiquent les observations.

L'époque de la longitude moyenne dans ces nouveaux élémens, est pour 1784, $3^h 14^d 44' 49''$, plus petite de $17' 16''$ que suivant M. de la Place.

La plus grande équation du centre est $5^d 21' 24''$, plus petite de $5' 52''$; la révolution de 30586 jours & un quart, plus petite de 140 jours & demi.

Le mouvement séculaire total par rapport aux équinoxes $1547637''$, plus petit de $3^d 22' 58''$. Mais l'observation de 1756 diffère de $2' 48''$ de ces nouveaux élémens.

Ainsi j'en conclus seulement que les observations faites depuis sept ans, fussent pour déterminer assez bien les élémens de la planète de Herschel, quand on y fait entrer les distances au Soleil; considération à laquelle les astronomes n'avoient pas eu assez d'égard dans les calculs que j'ai rapportés au commencement de ce mémoire.

J'ai été plus étonné quand j'ai vu que la longitude calculée par mes nouveaux élémens étoit trop grande de $50''$ dans les deux quadratures, le 28 mars & le 26 octobre 1785. Je voyois que la distance à la Terre étoit bien représentée, & que la longitude ne l'étoit pas; je soupçonnai dès-lors que les attractions de Jupiter & de Saturne en étoient la cause, & je sentis la nécessité de les introduire dans le calcul. Je rendrai compte à l'Académie de mes recherches sur les inégalités de Herschel; il me suffira de dire ici qu'il y a en effet une inégalité de $+ 52''$, multipliées par le sinus de la longitude héliocentrique moyenne de Jupiter, moins celle de Herschel, & que cette seule équation rapproche beaucoup mes élémens des quadratures de 1785. J'en ai trouvé aussi une de $+ 23''$ sin. dis. Sat. & deux qui dépendent de l'excentricité de Herschel — $21''$ sin. (dis. — anom.), par l'action de Jupiter, & — $2' 18''$ par celle de Saturne.

Ayant appliqué ces équations aux deux observations de 1781 & 1788, j'en ai déduit les élémens suivans, par la méthode que je viens d'indiquer.

Longitude moyenne en 1784.....	3 ^r 14 ^d 49' 14".
Aphélie en 1784..	11. 16. 19. 30.
Équation.....	5. 26. 47.
Mouvement séculaire.....	2. 9. 11. 11.
Distance moyenne.....	19,2033.
• Révolution tropique.....	30637
Révolution sydérale.....	30737 } jours.

Mais ces élémens diffèrent encore de 8 & de 20" dans les quadratures de 1785 ; ils donnent 11' de trop pour 1756 : cependant ce sont les seuls qui satisfassent aux distances observées, & soient assujettis aux perturbations qui étoient inconnues jusqu'à présent. Cette différence de 11' avec l'observation de 1756, pourroit rendre suspecte l'identité de la planète & de l'étoile observée par Mayer. M. Darcquier, à la fin de ses observations de 1786, remarque qu'il y a une étoile assez belle près de l'étoile 964 de Mayer, & qui n'est point dans son catalogue, & elle auroit pu donner lieu à une méprise. Quoique la révolution soit ici plus longue de 191 jours, & l'aphélie moins avancée de 7^d 5' que dans les tables de Dom Nouet, les erreurs ne sont diminuées que de 20" ; mais je suis assuré néanmoins que mes élémens sont beaucoup plus près de l'orbite réelle, que ceux qu'on avoit donnés jusqu'ici.

De l'Inclinaison & du Nœud.

Les latitudes observées depuis sept ans diffèrent si peu des tables de Dom Nouet, qu'il est presque inutile de chercher une plus grande exactitude. Cependant ayant calculé des observations très-exactes & très-éloignées entr'elles, j'ai voulu voir ce qui en résultoit. L'observation du 28 septembre 1781 & celle du 8 mars 1788, en prenant pour chacune un milieu entre deux jours d'observations, m'ont donné pour la première la longitude héliocentrique, 2^r 29^d 51' 24", & la latitude 13' 38" ; pour la seconde,

$3^{\text{h}} 28^{\text{d}} 48' 49''$, & $33' 20'' \frac{1}{2}$. Le mouvement observé étant diminué de $5' 24''$, à cause de la précession, & la dernière latitude diminuée de $3''$ par la même raison, mais augmentée de $1''$, à cause du mouvement du nœud dans l'intervalle, j'ai trouvé le lieu du nœud au commencement de 1781, $2^{\text{h}} 12^{\text{d}} 44' 12''$, plus petit de $2' 10''$ que dans les tables, & l'inclinaison $46' 20''$, plus grande de $7''$ que celle que M. de la Place avoit déterminée. M. Oriani avoit trouvé $46' 25''$; ainsi la mienne tient le milieu.

Du Mouvement de l'Aphélie & du Nœud.

Je terminerai ce Mémoire sur la nouvelle planète, en rapportant ici les variations que produisent dans son mouvement les attractions de Jupiter & de Saturne, d'après les calculs que M. de la Grange m'a communiqués, & qui serviront de supplément à son grand Mémoire sur les variations de toutes les planètes (*Mémoires de Berlin*, 1782, page 215).

Mouvement annuel de l'Aphélie.

$1'' 3741$ par l'action de Saturne.

$1'' 2447$ par celle de Jupiter.

Mouvement annuel du Nœud

sur l'Écliptique vraie.

+ $1'' 4013$ par l'action de Saturne.

— $10,1983$ par Jupiter.

— $0,9486$ par Mars.

— $27,3309$ par Vénus.

— $0,7928$ par Mercure.

Variation annuelle de l'inclinaison

sur l'Écliptique vraie.

— $0'' 0321$.

+ $0,0604$.

— $0,0037$.

+ $0,0149$.

— $0,0054$.

Variation de l'Équation.

— $0'' 1021$.

— $0,0091$.

Sur l'Éclipt. fixe de 1700.

$2'' 2557$.

+ $0,5075$.

Sur l'Éclipt. fixe de 1700.

— $0,0415$.

— $0,0095$.

De-là il suit qu'en adoptant les masses des planètes, telles que M. de la Grange les a supposées, le mouvement annuel de l'aphélie de Herschel est de $52''95$ par année, & celui du nœud $12''46$. Mais comme j'ai lieu de croire qu'il faut diminuer la masse de Vénus de $\frac{3}{10}$, & la supposer 092 de celle de la Terre, l'effet de Vénus sur le mouvement du nœud vrai diminuera de $8''2$, & le mouvement du nœud sera de $20''\frac{2}{3}$ par année sur l'écliptique vraie, c'est-à-dire sur l'écliptique déplacée par l'action des planètes, de manière que l'obliquité ait une diminution de $50''$ par siècle.

Les satellites de cette planète, découverts à la fin de 1786, ont été observés avec assiduité par M. Herschel; & au mois de Mai 1788 il a lu à la Société royale de Londres un Mémoire où il donne leurs distances & leurs révolutions synodiques de la manière suivante :

<i>Distances.</i>	<i>Révolutions.</i>
I. $33''09$	8i 17^h 1' $19''3$.
II. $44,23$	13. 11. 5. 1,5.

Il en a conclu la masse de la planète par rapport à la Terre, $17,74$; mais ayant observé le diamètre $3''9$ dans les distances moyennes à la Terre, le volume de la planète est $80,49$; ainsi la densité est $0,22$, ce qui s'écarte beaucoup de la règle qu'on avoit cru apercevoir dans les densités des planètes, qui est celle de la raison inverse des distances, car elle devrait être $0,054$: mais cette règle des densités m'a paru déjà en défaut pour Vénus (*Mém. 1786*).

L'inclinaison de ces satellites paroît de près de 89 degrés; mais M. Herschel n'a pu encore s'en assurer (*Transactions Philosophiques, 1788*); non plus que de la position du nœud, parce qu'elle est équivoque pour des orbites qui approchent si fort d'être perpendiculaires à celle de la planète principale.



M É M O I R E

S U R L E S

I N É G A L I T É S D U T R O I S I È M E S A T E L L I T E

D E J U P I T E R.

Par M. D E L A L A N D E.

11 Août
1787.

DANS le quatrième volume des Mémoires de l'Académie d'Upsal, qui parut en 1785, Wargentin publia douze cents cinquante observations du troisième satellite, depuis celle du 12 novembre 1668 jusqu'à celle du 1.^{er} septembre 1782; il les compara toutes avec les tables (a); mais ces tables ne sont point précisément celles qu'il m'avoit envoyées pour la seconde édition de mon Astronomie, où il y avoit deux équations, l'une avec une période de douze ans & demi, l'autre avec une de treize ans deux tiers. Dans les nouvelles tables, il n'a fait qu'une seule équation avec une période de treize ans, mais dont la quantité est variable, & qu'il fait diminuer depuis 1668 jusqu'à 1781. Elle est de 7' de 1668 jusqu'à 1720; de 1720 à 1728, elle est de 6'; de 1728 à 1734, 5' 15"; de 1734 à 1747, 4' 30"; de 1747 à 1754, 3' 30"; & depuis 1754 jusqu'à 1781, 2' 30": c'est ce que M. Prospérin m'a écrit depuis l'examen qu'il a fait des manuscrits de Wargentin.

Ces hypothèses purement empiriques ne paroissent pas fondées dans les attractions des autres satellites, du moins telles que M.^{rs} de la Grange & Bailly les ont trouvées; j'ai donc pensé que pour parvenir à distinguer ces inégalités, il falloit d'abord employer dans les tables deux équations, dont l'une eût une période de quatre cents

(a) Il y a, dans les papiers qu'il a laissés, de semblables comparaisons de toutes les observations des trois autres satellites, & l'Académie de Suède se propose de les publier.

trente-sept jours, & l'autre une de douze ans; la première répondant à la configuration des trois satellites intérieurs, & l'autre à l'excentricité du troisième. Les différences entre des tables ainsi calculées & les observations, nous feront voir quelles sont les inégalités sensibles dont il faut chercher l'explication dans les attractions des autres satellites sur le troisième. Vouloir accorder les tables avec les observations par des moyens aveugles, c'est ne rien faire pour cette théorie; c'est plutôt en retarder les progrès.

J'ai dit dans la seconde édition de mon *Astronomie*, que M. Maraldi, lorsqu'il s'occupoit, en 1764, de la théorie du troisième satellite, avoit trouvé des irrégularités & des sauts qui alloient jusqu'à 18 minutes de degré en six mois de temps; il me paroît actuellement que c'étoit en employant des observations qui devoient être fort suspectes, puisque plusieurs ne se trouvent point dans la grande collection que M. Wargentin a publiée; quelques-unes sont des observations de Pékin, & Wargentin dit qu'il en a trouvé qui différoient de plusieurs minutes des observations faites ailleurs les mêmes jours. Une partie de ces inégalités devoit aussi venir de l'équation dont la période est de quatre cents trente-sept jours, & qui n'étoit point encore employée dans la seconde édition des tables que je publiai en 1759 avec les tables de Halley.

S'il y avoit réellement de ces grandes inégalités, on les retrouveroit dans toutes les circonstances pareilles; cependant parmi les douze cents cinquante observations comparées avec les tables, par Wargentin, dans toutes les positions on ne trouve que peu d'erreurs de 3 minutes, & très-peu qui aillent au-delà, & cependant il n'y a employé que les trois équations dont je viens de parler: ainsi nous avons lieu de croire que les inégalités qui nous restent à découvrir ne vont pas au-delà de 3 ou 4 minutes.

Mais pour s'en assurer, la première considération qu'il faut employer dans cette discussion, est celle des mouvemens vrais de Jupiter, & il suffiroit de n'y avoir pas

eu égard, pour que tout le travail de Wargentin fût inutile. On ne peut établir aucune conséquence sur les erreurs des tables dans ces douze cents cinquante observations, puisqu'elles sont affectées par les erreurs des tables de Jupiter; & il faut recommencer ce travail, en employant les lieux de Jupiter observés dans les mêmes années où l'on a des éclipses de satellites, ou calculés par des tables dont les erreurs n'aillent pas à plus d'une demi-minute. M.^{rs} de la Place & de Lambre sont occupés de ce travail, & je ne puis douter du succès.

En procédant ainsi, on trouve des erreurs différentes de celles qu'on trouvoit avec les tables de Wargentin, malgré les perturbations qu'il y avoit fait entrer: je vais en donner la preuve sur cinquante observations, dans lesquelles les erreurs des tables se trouvent quelquefois diminuées & quelquefois augmentées.

Je commence par rassembler ici les observations du troisième satellite, depuis 1782 jusqu'à l'année présente 1787, pour servir de suite à celles que j'avois rapportées dans les Mémoires de 1779; il y en a plusieurs que j'ai reçues de M. de Beauchamp, Vicaire général de Babylone, & Correspondant de l'Académie, à Bagdad, dont le zèle pour l'astronomie ne se ralentit point, malgré des obstacles de toute espèce, sous un climat brûlant, & dans un pays encore barbare.

Observations du troisième Satellite.

1782.

		9 ^h 15' 45" E.	M. Méchain, à Paris.
20	Juil..	9. 27. 13.	M. de Sylvabelle, à Marseille.
		9. 5. 23.	M. Lindley, à Greenwich.
27	10. 30. 16. I.	M. Méchain.
		10. 40. 33.	M. de Sylvabelle.
14	Oct.	7. 0. 35. I.	Idem.

1783.

31	Mai...	14. 2. 39. I.	M. Méchain. L'atmosphère est chargée, on voit mal les bandes.
----	--------	---------------	---

Suite des Observations du troisième Satellite.

1783.

- 31 Mai { 14^h 14' 13" M. de Sylvabelle.
 { 13. 53. 49. M. Lindley.
 { 15. 9. 58. M. Weifs, à Bude.
- 6 Juil. { 9. 50. 57. I. M. Méchain. Un peu de vapeurs.
 { 9. 52. 19. { M. Messier, la première observ. après son terrible
 { accident. *Mém. Ac.* 1779, page 540.
- 11 Août { 9. 45. 46. E. M. Kœnig, à Manheim.
 { 10. 27. 27. M. Weifs, à Bude.
- 18..... 13. 25. 12. E. M. Messier.
- 30 Sept. 10. 12. 41. E. M. Messier. Douteuse.
- 29 Oct. 6. 8. 0. E. M. de Sylvabelle.
- 5 Nov. 6. 25. 34. E. M. Méchain.

1784.

- 27 Juil. { 10. 21. 20. I. M. Messier. Un peu douteuse.
 { 11. 9. 15. M. Strnadt, à Prague.
- 3 Août { 14. 33. 44. I. M. de Sylvabelle.
 { 14. 22. 44. I. M. Messier. Très-bonne obs.
 { 15. 13. 0. M. Lindley.
- 1 Sept. { 9. 54. 21. E. M. Méchain.
 { 9. 44. 1. M. Maskelyne, avec une lunette acromatique.
 { 9. 44. 31. M. Lindley, avec un télescope de six pieds.
- 8..... { 13. 56. 10. E. M. Méchain.
 { 14. 8. 26. M. de Sylvabelle.
- 7 Oct. { 6. 58. 31. E. M. Strnadt.
 { 6. 24. 59. M. Kœnig.
- 14..... { 6. 56. 25. I. M. Méchain, avec un télescope de six pieds.
 { 10. 13. 18. E. Idem.
 { 7. 43. 43. I. } M. Strnadt.
 { 11. 2. 52. E. }
 { 7. 8. 9. I. } M. de Sylvabelle.
 { 10. 25. 18. E. }
 { 6. 46. 49. I. M. Lindley.
 { 6. 17. 55. I. M. Kœnig.

Suite des Observations du troisième Satellite.

1784.

21 Oct. { 11^h 0' 40" *I.* M. Méchain. Jupiter dans les vapeurs.
 { 11. 12. 56. M. de Sylvabelle.

19 Nov. { 6. 21. 28. *I.* M. Méchain.
 { 6. 21. 36. M. Messier. Bonne observation.

1785.

1 Janv. 6. 26. 5. *E.* M. Bernard, à Marseille.

6 Juil. { 12. 0. 35. *I.* M. Bernard. Jupiter mal terminé.
 { 14. 39. 17. *E.* Idem. Bonne observation.

14..... 4. 2. 12. *I.* Idem.

11 Août { 10. 24. 40. *E.* M. Méchain. Jupiter nébuleux.
 { 10. 24. 33. M. de Cassini. Vapeurs.
 { 10. 24. 51. M. Messier. Douteuse de quelques secondes.
 { 10. 26. 24. M. Bernard.

18..... { 12. 9. 10. *I.* M. Bernard. Estimé.
 { 14. 38. 9. *E.* Idem. Bonne.
 { 14. 25. 40. *E.* M. Méchain.

26..... 4. 12. 35. *I.* M. Bernard.

23 Sept. { 8. 26. 32. *I.* Idem.
 { 8. 13. 40. M. Méchain. Douteuse.
 { 8. 59. 58. M. Strnadt.
 { 11. 26. 45. *E.* Idem.

29 Oct. { 6. 47. 45. *E.* M. Méchain.
 { 6. 47. 48. M. de Cassini. Légères vapeurs.

5 Nov. { 8. 35. 25. *I.* M. Méchain & M. de Cassini.
 { 8. 35. 57. *I.* M. Messier. Bonne observation.
 { 10. 48. 11. *E.* Idem.
 { 10. 48. 18. M. de Cassini. Assez beau temps.
 { 9. 21. 22. *I.* M. Strnadt.
 { 11. 34. 3. *E.* Idem.

1786.

2 Sept. { 11. 4. 56. *I.* M. Beitle, à Mittau.
 { 12. 41. 15. *E.* Idem. Douteuse.

8 Oct. 7. 17. 31. *I.* Idem.

Suite des Observations du troisième Satellite.

1786.

8 Oct..	{	8 ^h 38' 6"	{ M. de Beauchamp, à Bagdad. Jupiter dans les vapeurs de l'horizon.	
		8. 54. 48. E.	M. Beitler.	
	{	10. 19. 9.	M. de Beauchamp. Bonne.	
15.....	{	11 ^h 19' 7"	I. M. Beitler.	
		12. 41. 42.	M. de Beauchamp.	
		12. 56. 6. E.	M. Beitler.	
		14. 23. 10.	M. de Beauchamp.	
22.....	{	13. 56. 21. I.	M. Méchain.	
		14. 22. 15.	M. Nicander, à Stockholm.	
29.....	{	17. 56. 11. I.	Idem. Il y avoit des vapeurs.	
20 Nov.	{	7. 37. 11. I.	Idem. Douteuse.	
		8. 40. 53. E.	M. Nicander.	
		10. 25. 41.	M. de Beauchamp. Très-bonne.	
27.....	{	12. 39. 53. I.	M. de Beauchamp.	
26 Déc.	{	6. 16. 38. E.	Idem.	

1787.

2 Janv..	{	7. 9. 8. I.	M. Beitler. Douteuse.	
		8. 33. 42.	M. de Beauchamp.	
		8. 52. 50. E.	M. Beitler.	
		10. 16. 24.	M. de Beauchamp.	
9.....	{	11. 5. 24. I.	M. Beitler.	
		12. 51. 48. E.		
14.....	{	5. 45. 6. I.	M. Méchain. Un peu de crépuscule.	
		8. 31. 0.	M. de Beauchamp, à Bagdad.	
		7. 28. 15. E.	M. Messier. Bonne observ.	
		10. 20. 48.	M. de Beauchamp.	

1788.

24 Janv.	{	5. 35. 3. I.	M. Bernard, à Marseille.	
		8. 18. 33. E.		

Pour réduire ces différentes observations à Paris, on peut supposer la différence des méridiens : 9' 20" pour Greenwich, 12' 7" pour Marseille, 1^h 25' 32" pour

190 MÉMOIRES DE L'ACADÉMIE ROYALE

Mitau, $1^h 6' 45''$ pour Bude, $24' 28''$ pour Manheim; $48' 58''$ pour Prague, $1^h 2' 55''$ pour Stockholm, $2^h 48' 15''$ pour Bagdad. On trouve quelquefois des différences d'une minute pour la même observation, à cause de la différence des lunettes & de celle des yeux, ou des circonstances d'observations; ces différences limitent la précision que nous pouvons espérer dans ces recherches; les erreurs sur la demi-durée y influent également, excepté dans celles où l'on a les deux phases, mais qui sont en petit nombre dans la table suivante.

Comparaison des cinquante Observations avec les Tables, dans différentes hypothèses.

I. DATE des Observ.	II. ERREUR des Tables.	III. ERREUR de Jupiter.	IV. En temps du Satellite.	V. Perturb. des Tables.	VI. ERREUR des Tab. cor.	VII. Équation E.	VIII. ERREUR sans E.	IX. Changem' de D.	X. ERREUR nouvelle.
	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.
1773.									
8 Août	+1. 11	+0. 48	+0. 23	+1. 51	+2. 39	-2. 29	+5. 8	+2. 59	+2. 9
2 Nov.	+1. 34	+0. 57	+ 27	+2. 1	+3. 8	-2. 27	+5. 35	+2. 35	+2. 0
8 Déc.	+0. 49	+1. 0	+ 29	+2. 6	+2. 26	-2. 26	+4. 52	+2. 26	+2. 26
1774.									
18 Juil.	-0. 58	+1. 14	+ 36	+2. 22	+0. 48	-2. 11	+2. 59	+1. 9	+1. 50
30 Août	-0. 4	+1. 17	+ 37	+2. 24	+1. 43	-2. 7	+3. 50	+0. 56	+2. 54
23 Déc.	-0. 57	+1. 16	+ 37	+2. 26	+0. 52	-1. 54	+2. 46	+0. 14	+2. 32
1775.									
9 Août	-0. 37	+0. 51	+ 24	+2. 19	+1. 18	-1. 20	+2. 38	-1. 12	+3. 50
21 Sept.	-1. 6	+0. 45	+ 22	+2. 16	+0. 48	-1. 13	+2. 1	-1. 26	+3. 27
1776.									
26 Fév.	-1. 57	+0. 19	+ 9	+2. 5	-0. 1	-0. 45	+0. 44	-2. 20	+3. 4
24 Nov.	-3. 36	-0. 49	- 23	+1. 23	-1. 50	+0. 5	-1. 55	-3. 36	+1. 41
1777.									
26 Mars	-2. 46	-1. 17	- 38	+1. 3	-1. 5	+0. 27	-1. 32	-4. 3	+2. 31
1778.									
10 Avril	-4. 36	-2. 40	-1. 17	+0. 5	-3. 14	+1. 32	-4. 46	-4. 32	-0. 14
17 Avril	-3. 17	-2. 41	-1. 17	+0. 4	-1. 56	+1. 34	-3. 30	-4. 34	+1. 4
30 Mai	-3. 56	-2. 49	-1. 21	-0. 3	-2. 38	+1. 40	-4. 18	-4. 32	+0. 14

Suite des Comparaisons des cinquante Observations, &c.

I. DATE des Observ.	II. ERREUR des Tables.	III. ERREUR de Jupiter.	IV. En temps du satellite.	V. Perturbat. des Tables.	VI. ERREUR des Tab. corr.	VII. Équation E.	VIII. ERREUR sans E.	IX. Changem. de D.	X. ERREUR nouvelle
	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.
1778. 26 Nov.	-0.30	-3.20	-1.36	-0.23	-0.43	+2.12	-2.55	-4.20	+1.25
1779. 8 Janv.	-0.41	-3.28	-1.40	-0.28	-0.31	+2.7	-2.38	-4.7	+1.29
19 Fév.	-1.59	-3.35	-1.43	-0.31	-0.47	+2.11	-2.58	-4.2	+1.4
27 Mars	-2.15	-3.39	-1.45	-0.34	-1.4	+2.14	-3.18	-5.55	+0.37
21 Juin	-3.37	-3.40	-1.45	-0.40	-2.32	+2.21	-4.53	-3.41	-1.12
1780. 17 Avril	-0.26	-3.45	-1.47	-0.33	+0.48	+2.30	-1.42	-2.13	+0.41
1781. 26 Fév.	-1.7	-2.53	-1.23	+0.7	+0.23	+2.17	-1.54	-0.23	-1.31
6 Mars	-1.18	-2.52	-1.22	+0.14	+0.18	+2.16	-1.58	-0.19	-1.39
11 Avril	-1.32	-2.46	-1.19	+0.15	+0.2	+2.14	-2.12	+0.3	-2.15
16 Mai	-0.34	-2.40	-1.17	+0.21	+1.4	+2.10	-1.6	+0.7	-2.13
28 Juin	-2.42	-2.27	-1.10	+0.29	-1.3	+2.6	-3.9	+0.23	-3.32
1782. 20 Juil.	-1.28	-0.18	-0.9	+1.46	+0.27	+1.13	-0.46	+2.42	-3.28
27 Juil.	-0.38	-0.16	-0.8	+1.47	+1.18	+1.13	-0.5	+2.38	-2.43
14 Oct.	+0.15	+0.12	+0.6	+2.4	+2.13	+0.59	+1.14	+3.2	-1.48
1783. 31 Mai	+1.45	+1.28	+0.42	+2.44	+3.47	+0.17	+3.30	+3.53	-0.13
11 Août	+0.8	+1.48	+0.52	+2.54	+2.10	+0.4	+2.6	+4.9	-2.3
30 Sep.	+1.31	+1.55	+0.55	+3.0	+3.36	-0.6	+3.42	+4.17	-0.45
19 Oct.	-0.31	+1.59	+0.57	+3.4	+1.36	-0.12	+1.48	+4.20	-2.32
1784. 27 Juil.	+2.18	+2.36	+1.14	+3.19	+4.23	-1.1	+4.24	+4.34	-0.10
3 Août	+2.15	+2.37	+1.15	+3.17	+4.17	-1.2	+5.19	+4.31	+0.48
7 Oct.	+2.10	+2.34	+1.13	+3.15	+4.12	-1.13	+5.26	+4.31	+0.55
14 Oct.	+1.39	+2.33	+1.13	+3.15	+3.41	-1.14	+4.55	+4.30	+0.25
19 Nov.	+1.33	+2.28	+1.11	+3.15	+3.37	-1.20	+4.57	+4.27	+0.30
1785. 1 Janv.	+2.22	+2.23	+1.9	+3.14	+4.27	-1.28	+5.55	+4.23	+1.32
6 Juil.	+2.5	+1.56	+0.55	+2.53	+4.3	-1.54	+5.57	+3.54	+2.3
13 Juil.	+2.25	+1.55	+0.55	+2.52	+4.20	-1.54	+6.14	+3.52	+2.22

I.	II.	III.	IV.	V.	VI.	VII.	VIII.	IX.	X.
D A T E des Observ.	ERREUR des Tables.	ERREUR de Jupiter.	En temps du satellite.	Perturbat. des Tables.	ERREUR des Tab. corr.	Équation E.	ERREUR sans E.	Changem. de D.	ERREUR nouvelle.
	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.
1785.									
18 Août.	+3. 36	+1. 50	+0. 53	+2. 46	+5. 29	+1. 58	+7. 27	+3. 45	+3. 42
23 Sept.	+1. 31	+1. 45	+0. 50	+2. 39	+3. 20	-2. 3	+5. 23	+3. 38	+1. 45
1786.									
8 Oct.	+1. 24	-1. 33	-0. 45	+1. 23	+3. 32	-2. 29	+6. 1	+1. 45	+4. 16
15 Oct.	+1. 45	-1. 36	-0. 46	+1. 22	+3. 53	-2. 29	+6. 22	+1. 42	+4. 40
Im. 22.	+2. 48	-1. 40	-0. 48	+1. 20	+4. 56	-2. 29	+7. 25	+1. 40	+5. 45
29 Oct.	+1. 23	-1. 43	-0. 49	+1. 18	+3. 30	-2. 29	+5. 59	+1. 37	+4. 22
4 Déc.	+1. 12	-2. 3	- 59	+1. 11	+3. 22	-2. 29	+5. 51	+1. 25	+4. 26
1787.									
2 Janv.	+2. 18	-2. 18	-1. 6	+1. 5	+4. 29	-2. 30	+6. 59	+1. 15	+5. 44
9 Janv.	-0. 2	-2. 21	-1. 7	+1. 3	+2. 8	-2. 30	+4. 38	+1. 14	+3. 24
14 Fév.	+1. 43	-2. 35	-1. 14	+0. 56	+3. 53	-2. 30	+6. 23	+1. 0	+5. 23

On voit dans la première colonne de la table précédente, les dates des observations, en commençant par celles que j'ai rapportées dans nos Mémoires de 1779, page 441, où j'annonçois les recherches que je présente aujourd'hui sur cette matière, j'y ai ajouté les observations postérieures jusqu'à cette année 1787. Dans la seconde, j'ai mis l'erreur des tables du troisième satellite, telles qu'elles sont dans mon Astronomie. Le signe + signifie ce qu'il faut ajouter au calcul pour l'accorder avec l'observation. Dans la troisième, est l'erreur des tables de Jupiter, sans tenir compte des perturbations, telles que je les ai données, *Mém. 1784, page 309*, ou que les oppositions des années suivantes ne les ont données; je les ai réduites par des parties proportionnelles aux jours de chaque observation du satellite. Dans la quatrième, on voit les temps qui répondent à ces erreurs à raison du mouvement synodique

synodique du troisième satellite, qui change de $28''{,}7$ de temps pour chaque minute de degré. La cinquième colonne contient les perturbations employées dans le calcul des tables, & qui ont fait trouver les nombres de la première colonne, ou l'excès de ces perturbations, sur $4' 54''$, qui est le *maximum* qu'on a retranché d'avance de toutes les époques des conjonctions; cet excès est la perturbation employée réellement dans le calcul des tables. La sixième colonne fait voir l'erreur qu'on trouvera en employant les perturbations de la quatrième colonne au lieu de celles de la cinquième : c'est la somme ou la différence des colonnes 2, 4 & 5.

Par exemple, le 8 août 1773, on a ajouté par les tables, $6' 45''$ pour les perturbations; on avoit ôté par-tout $4' 54''$; on a donc réellement ajouté ce jour-là $1' 51''$; il ne falloit ajouter que $23''$: ainsi il faut ôter $1' 28''$. Ce jour-là, l'erreur des tables est de $+ 1' 11''$ dont elles donnent la conjonction trop tôt; cette erreur deviendra donc $2' 39''$, en prenant le vrai lieu de Jupiter. Je parlerai bientôt des colonnes suivantes.

On voit par cette table, que les erreurs sont tantôt plus petites, tantôt plus grandes en prenant le vrai mouvement de Jupiter: au reste, quand l'augmentation seroit plus forte, il s'ensuivroit seulement que les équations déterminées par une mauvaise méthode, doivent être changées en employant le procédé que je viens d'indiquer. C'est trop peu que cinquante observations pour la recherche des inégalités du satellite; mais c'est assez pour montrer l'application d'une règle importante pour la théorie, & que les Astronomes les plus habiles n'avoient point aperçue.

Les erreurs des tables de Jupiter étant un peu irrégulières, on pourra y suppléer par le calcul fait sur les nouveaux *Éléments* de M. de la Place, dans lequel les erreurs ne passent guère $30''$. Voici les longitudes calculées pour les époques des dernières années, avec les erreurs des anciennes tables sans perturbations par rapport aux

nouvelles, & celles que donnent les oppositions pour les jours où elles sont arrivées : ces différences pourront servir à calculer les observations du troisième satellite, faites depuis 1781, en ajoutant aux conjonctions calculées, ces erreurs converties en temps de ce satellite, lorsque les nouvelles tables donnent une plus grande longitude de Jupiter. Pour l'avenir, il faudra chercher la différence entre les nouvelles tables & les anciennes, la convertir en temps, & l'appliquer aux tables des satellites, comme on appliquoit la perturbation. Cette différence suppléera à toutes les corrections qu'exigeroient les époques & la grande équation de Jupiter.

	S.	D.	M.	S.	M.	S.	M.	S.
1781	7.	12.	20.	7	—	2.	5	— 2. 41
1782	8.	10.	48.	0	—	1.	7	— 0. 30
1783	9.	10.	30.	53	+	0.	52	+ 1. 45
1784	10.	11.	50.	27	+	2.	18	+ 2. 40
1785	11.	14.	27.	55	+	2.	18	+ 1. 44
1786	0.	17.	49.	38	—	1.	49	— 1. 49

Mais en faisant cette correction, il faudra ajouter pour chaque conjonction la somme des perturbations qu'on en avoit ôtées dans les tables, qui étoit de 10' 14" de degré, & donne en temps pour chaque satellite, les quantités ci-jointes :

	M.	S.
I.	1.	12
II.	2.	25
III.	4.	54
IV.	11.	26

Après avoir ajouté ces quantités, on appliquera aux conjonctions les perturbations dont je viens de parler.

La septième colonne contient l'équation *E* employée par Wargentin, dont le *maximum* est de 2' 30", & dont la période est de $13\frac{2}{3}$ années. En supprimant cette équation, l'on voit que les erreurs vont jusqu'à 7', ce sont celles de la huitième colonne; mais en changeant l'époque de l'équation *D* de la quantité indiquée dans la neuvième

colonne, c'est-à-dire, la faisant commencer vingt-cinq mois plus tard, ou diminuant l'argument D de 168, ce qui suppose qu'on avance l'apside du satellite de 60 degrés, on réduit beaucoup les erreurs, comme on le voit dans la dixième colonne, où elles ne passent guère 4' : telle est l'hypothèse que l'on pourroit substituer, quant à présent, à l'équation E de Wargentin.

On diminueroit encore la plupart des grandes erreurs de la dernière colonne, en augmentant d'une minute les époques des conjonctions; il ne resteroit plus que deux observations où l'erreur seroit de $4\frac{1}{2}'$, celles du 28 Juin 1781 & du 20 Juillet 1782.

Les grandes erreurs sont dans les points où l'équation D est la plus forte; on les diminueroit aussi en ôtant une minute de cette équation, c'est-à-dire, en la réduisant à $3' 30''$.

J'ai voulu voir ensuite à quel point mon hypothèse pouvoit satisfaire aux anciennes observations; en voici trente-quatre que j'ai calculées en retranchant l'équation E , & corrigeant les lieux de Jupiter, ainsi que l'équation du temps : l'erreur va quelquefois à 4'; mais Wargentin n'avoit pas évité $2\frac{1}{2}'$ d'erreur avec son équation; ainsi il y a peu d'inconvénient à l'ôter.

Ces observations sont tirées du recueil que j'avois donné dans la Connoissance des Temps de 1768, & que Wargentin a étendu dans le quatrième volume des nouveaux Mémoires de l'Académie d'Upsal : dans celles où l'on a observé les deux phases, j'ai pris l'erreur des tables pour le milieu de l'éclipse.

		TEMPS VRAI à PARIS.	ERREUR des TABLES.	En rectifiant le lieu de Jupiter.	En supprimant l'équation E.
		H. M. S.	M. S.	M. S.	M. S.
1683.	5 Janv.	8. 49. 38. I.	— 0. 32	— 0. 35	— 2. 26
1683.	14 Mai	8. 45. 26. I.	— 1. 10	— 0. 27	— 2. 32
		12. 15. 10. E.			
1684.	4 Juin	10. 19. 5. E.	— 0. 37	— 0. 51	— 3. 51
1687.	11 Mars	15. 18. 28. I.	— 0. 16	— 0. 54	— 1. 52
		17. 51. 28. E.			
1688.	13 Sept.	10. 21. 12. I.	— 0. 44	— 2. 25	— 1. 39
1691.	17 Déc.	6. 5. 1. I.	+ 0. 19	+ 0. 50	+ 2. 35
		8. 11. 41. E.			
1693.	19 Fév.	6. 9. 35. I.	— 1. 55	— 0. 32	+ 1. 17
		8. 37. 32. E.			
1694.	29 Sept.	13. 34. 10. E.	+ 0. 18	+ 1. 35	+ 2. 51
		9. 36. 35. I.			
1694.	20 Mars	13. 4. 30. E.	— 2. 29	— 1. 5	— 1. 50
		8. 32. 42. I.			
1695.	11 Avril	12. 3. 13. E.	— 2. 32	— 2. 9	— 2. 36
		15. 24. 28. I.			
1696.	8 Janv.	18. 41. 48. E.	+ 2. 11	— 1. 49	— 3. 5
		9. 42. 15. I.			
1697.	31 Mai	11. 59. 28. E.	+ 0. 9	— 0. 2	— 2. 20
		Milieu observé.			
1703.	10 Oct.	11. 13. 22	+ 1. 37	+ 1. 0	+ 3. 4
1705.	22 Nov.	11. 44. 1	— 1. 50	— 2. 11	+ 0. 10
1712.	27 Sept.	8. 9. 21	+ 0. 41	— 0. 32	— 2. 52
1714.	10 Nov.	10. 16. 5	— 0. 18	— 0. 45	— 1. 29
1716.	19 Fév.	7. 11. 12	— 0. 3	+ 0. 49	+ 1. 41
1718.	10 Avril.	11. 8. 57	— 1. 27	— 1. 3	+ 1. 24
1721.	19 Fév.	14. 32. 12	— 0. 13	— 1. 52	— 0. 43
1726.	2 Sept.	13. 54. 7	+ 0. 33	+ 1. 52	— 0. 20
1729.	14 Fév.	11. 18. 21	— 0. 27	— 0. 55	— 0. 47
1733.	1 Mars	14. 17. 32	— 0. 22.	+ 0. 1	+ 2. 21
1737.	8 Nov.	9. 14. 50	+ 1. 23	+ 1. 57	— 0. 3

	TEMPS VRAI À PARIS du milieu observé.	ERREUR des TABLES.	En rectifiant le lieu de Jupiter.	En supprimant l'équation <i>E</i>
	<i>H. M. S.</i>	<i>M. S.</i>	<i>M. S.</i>	<i>M. S.</i>
1740. 10 Mars	7. 13. 40	+ 1. 47	+ 1. 19	— 0. 57
1744. 6 Janv.	16. 5. 10	— 0. 28	— 0. 2	— 1. 30
1749. 24 Déc.	5. 15. 24.	+ 2. 53	+ 3. 21	+ 2. 49
1752. 22 Sept.	15. 37. 41	+ 0. 24	— 0. 45	— 1. 44
1755. 19 Avril	9. 3. 29	— 2. 58	— 0. 23	— 1. 31
1761. 29 Juil.	12. 48. 8	+ 1. 57	+ 2. 7	+ 3. 37
1765. 9 Mars	6. 58. 42	— 1. 18	— 0. 11	— 2. 12
1767. 4 Janv.	17. 5. 58	— 0. 26	+ 0. 17	— 2. 10
1771. 13 Sept.	7. 48. 43	— 0. 29	+ 0. 22	+ 2. 9
1772. 4 Oct.	8. 24. 18	+ 1. 18	+ 2. 24	+ 4. 48
1776. 21 Janv.	11. 0. 11	— 2. 13	+ 0. 17	+ 0. 51

Si l'on diminue le lieu de l'apside du satellite, on diminuera la plupart des erreurs dans le dernier siècle; mais celles de 1687 & 1688 augmenteroient trop. Je laisse donc l'argument *D* tel que Wargentin l'avoit établi pour la fin du dernier siècle; mais pour ce siècle-ci, les grandes erreurs de 1761 diminuent beaucoup par la diminution du nombre *D*, ou l'augmentation du lieu de l'apside. En ôtant une minute des époques anciennes, au lieu de l'ajouter, comme je l'ai fait pour les observations modernes, le plus grand nombre des erreurs diminueroient, mais il y en a qui augmenteroient. Il faudroit voir encore si le mouvement de l'apside plus ou moins prompt, ne satisferoit pas à une partie de ces inégalités, & si les attractions des satellites intérieurs ne changent pas l'excentricité du troisième. Au reste, après toutes ces recherches, on ne pourra espérer que de réduire les erreurs à une ou deux minutes; c'est tout ce que nous pourrons attendre des observations qui n'ont pas été faites en employant les diaphragmes pour connoître le segment invisible & la différence des lunettes,

méthode proposée par M. de Fouchy, qui a été appliquée de la manière la plus savante & la plus complète, par M. Bailly (*Mémoires de l'Académie 1771*,). On n'aura jamais une théorie exacte du troisième satellite, que lorsqu'on aura des observations calculées avec cette attention, si ce n'est tout au plus dans les cas où l'on a l'immersion & l'émergence; encore la proximité du satellite à Jupiter, & sa hauteur au-dessus de l'horizon étant fort différentes dans l'immersion & l'émergence, le milieu doit être changé, par l'équation de M. de Fouchy.

En attendant, il me semble que les observations faites, il y a plus d'un siècle, ainsi que les observations modernes, s'accordent assez bien avec le calcul, pour qu'on puisse supprimer l'équation de $2' \frac{1}{2}$ dont la période est de treize ans; mais c'est par de nouveaux calculs sur les perturbations des satellites que l'on pourra éclaircir cette question: M. de la Place a le projet de s'en occuper, & j'ai espéré que ce Mémoire pourroit servir à faciliter son travail.



CONJONCTION INFÉRIEURE DE VÉNUS,

Le 4 Janvier 1787.

Par M. DE LA LANDE.

LES conjonctions inférieures de Vénus sont les seules observations exactes & décisives pour la théorie de cette planète; mais il n'y en a eu jusqu'ici que bien peu d'observées exactement. Celle qui arrive au commencement de Janvier, tous les huit ans, n'a jamais été observée qu'une fois, savoir en 1779; cependant c'est la seule qui soit aux environs du périhélie, en sorte qu'elle est essentielle pour déterminer le lieu des apsides. Je l'attendois avec impatience : ma grosse lunette acromatique montée sur l'axe de ma lunette méridienne au collège Mazarin, m'a servi pour comparer Vénus au Soleil toutes les fois qu'on a pu les voir au méridien; & cela est arrivé sept fois depuis le 24 Décembre jusqu'au 12 de Janvier.

Connoissant l'ascension droite de Vénus & sa latitude calculée par les tables, je m'en suis servi pour trouver sa longitude, sachant que l'erreur de la latitude ne pouvoit pas être considérable; & les hauteurs méridiennes prises à l'Observatoire royal & ailleurs, m'ont appris que la latitude n'étoit que de 24 secondes trop petite.

J'ai été surpris de voir que l'erreur des tables étoit plus grande après la conjonction qu'auparavant, & cela d'environ 25 secondes; je ne puis l'attribuer qu'aux perturbations que Vénus éprouve par l'action de la Terre : mais il me paroît suffisamment prouvé que l'erreur de mes nouvelles tables étoit d'environ 22 secondes au temps de la conjonction, ce qui ne fait que 8 secondes sur la longitude héliocentrique; & cette quantité est assez petite pour qu'elle

ait dû échapper aux observations que j'ai été obligé d'employer pour mes nouvelles tables, dont les époques sont dans la Connoissance des Temps de 1789, & l'équation dans le quatrième volume de mon Astronomie.

Milord duc de Marlborough qui a dans son superbe château de Blenheim un bel observatoire, M. Hornsby, professeur d'astronomie à Oxford, M. Bernard, correspondant de l'Académie à Marseille, M. Mallet, professeur à Genève, que j'avois engagés à se rendre attentifs à ces observations, m'en ont envoyé plusieurs qui sont réunies avec les miennes; elles ont heureusement rempli les intervalles que le mauvais temps avoit laissés dans les observations, & cela dans les jours les plus voisins de la conjonction. Enfin j'en ai rapporté trois que M. le comte de Cassini a bien voulu me communiquer; en sorte que cette conjonction de Vénus sera mieux déterminée qu'aucune de celles qui ont été observées jusqu'ici.

Observations de Vénus, faites à Paris & à Marseille.

1786.	TEMPS	DIFFÉRENCE		ASCENSION	LATITUDE	LONGITUDE	Correct.	
	MOYEN, à Paris.	d'ascension dr. entre le bord du Soleil & le bord de Vénus*		droite du centre de VÉNUS.				
	H. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	S. D. M. S.	S.	
24 Déc.	1. 12. 53	18. 20. 11	291. 23. 16	1. 44. 55 B.	9. 20. 10. 33	+ 11.	Paris.	
28 Déc.	0. 49. 28	11. 50. 50	289. 30. 21	2. 47. 10	9. 18. 22. 29	+ 5.		
30 Déc.	0. 36. 49	8. 26. 2	288. 18. 29	3. 18. 0	9. 17. 17. 59	+ 13.		
30 Déc.	0. 24. 44	8. 26. 56	288. 18. 49	3. 17. 54	9. 17. 18. 17	+ 14.		
1787.								
1 Janv.	0. 11. 48	4. 57. 57	287. 2. 26	3. 47. 53	9. 16. 9. 1	+ 18.	Marseille.	
2 Janv.	0. 5. 16	3. 12. 34	286. 23. 10	4. 2. 22	9. 15. 33. 9	+ 27.		
5 Janv.	23. 39. 4	3. 48. 40	283. 44. 38	4. 55. 42	9. 13. 6. 52	+ 21.		
6 Janv.	23. 32. 35	5. 32. 42	283. 6. 9	5. 7. 32	9. 12. 31. 3	+ 33.		
6 Janv.	23. 44. 40	5. 33. 31	283. 5. 56	5. 7. 40	9. 12. 30. 52	+ 38.	Paris.	
8 Janv.	23. 31. 53	8. 58. 27	281. 51. 47	5. 29. 22	9. 11. 21. 29	+ 31.		
10 Janv.	23. 19. 38	12. 17. 25	282. 43. 17	5. 48. 16	9. 10. 17. 6	+ 32.		
11 Janv.	23. 16. 26	12. 53. 53	280. 11. 47	5. 56. 30	9. 9. 47. 24	+ 36.		

Observations

Observations faites à l'Observatoire royal.

*Dans les deux premières, Vénus a été comparée avec α du Lièvre,
& dans la troisième, avec Sirius.*

	TEMPS MOYEN.	DIFFÉRENCE d'af. dr. entre l'Étoile & le bord de φ .	HAUTEUR méridienne observée.	LONGITUDE observée.	Erreur des Tables en lon.	LATITUDE observée.	Erreur des Tables en latit.
	H. M. S.	D. M. S.	D. M. S.	S. D. M. S.		D. M. S.	S.
1786.							
30 Déc.	0. 36. 53	152. 32. 55	22. 7. 15	9. 17. 18. 2	+ 15	3. 18. 9	+ 8.
1787.							
11 Janv.	23. 13. 26	199. 21. 22	24. 0. 46	9. 9. 47. 20	+ 32	5. 56. 38	+ 7.
30 Janv.	21. 48. 51	181. 13. 27	24. 23. 55	9. 7. 26. 26	+ 34	6. 28. 31	+ 34.

*Observations de Vénus, faites à Blenheim, par Milord
Duc de Marlborough.*

*Les déclinaisons sont corrigées par la réfraction seulement ;
les deux premières Ascensions droites sont celles du premier
bord, les autres appartiennent au second bord. La première
déclinaison est celle du bord supérieur.*

	TEMPS MOYEN, à Paris.	ASCENSION droite du bord de φ .	LONGITUDE observée du centre.	Erreur des Tables.	DÉCLINAIS. du bord inférieur.	LATITUDE observée.	Erreur des Tables en lat.
	H. M. S.	D. M. S.	S. D. M. S.	S.	D. M. S.	D. M. S.	S.
1786.							
29 Déc.	0. 57. 45	288. 54. 2.2	9. 17. 50. 34	+ 15,5	19. 16. 7,6	3. 3. 7	+ 20
1787.							
3 Janv.	0. 25. 20	285. 41. 59,5	9. 14. 55. 55½	+ 15	18. 23. 23,5	4. 17. 4½	+ 24
6 Janv.	0. 5. 42	283. 44. 16,7	9. 13. 6. 4	+ 19	17. 55. 29,5	4. 56. 17	+ 23
6 Janv.	23. 59. 13	283. 5. 52,2	9. 12. 30. 19	+ 30,5	17. 46. 57,0	5. 8. 11	+ 24
11 Janv.	23. 28. 0	280. 11. 51,6	9. 9. 46. 59½	+ 34	17. 11. 25	5. 56. 59	+ 20
13 Janv.	23. 16. 20	279. 14. 40,0	9. 8. 52. 53	+ 25	17. 0. 42½	6. 11. 20	+ 31
14 Janv.	23. 10. 43	278. 49. 28	9. 5. 28. 59	+ 30	16. 56. 12	6. 17. 19½	+ 24

*Observations de Vénus, faites à Oxford ,
par M. Hornsby.*

Les Déclinaisons sont corrigées par la réfraction seulement.

	TEMPS MOYEN à Paris.	ASCENSION DROITE du bord de Vénus.	LONGITUDE observée.	Erreur des Tables.	Déclinaison du bord de Vénus	LATITUDE observée.	Erreur des Tables.
	H. M. S.	D. M. S.	S. D. M. S.		D. M. S.	D. M. S.	S.
1786.							
21 } Déc.	1. 53. 58	292. 41. 43, 1. ^{er} b.	20. 49. 58 $\frac{1}{2}$		
28 }	1. 3. 39	289. 29. 20, 1. ^{er} b.	19. 27. 29		
29 }	0. 57. 23	288. 54. 8, 1. ^{er} b.	9. 17. 50. 35	+ 15	19. 16. 11 $\frac{1}{2}$	3. 3. 2	+ 15.
30 }	0. 51. 1	288. 17. 3, 1. ^{er} b.	9. 17. 17. 38	+ 11	19. 5. 13	3. 18. 20	+ 10.
1787.							
6 }	23. 58. 50	283. 5. 49, 2. ^e b.	9. 12. 30. 16	+ 25 $\frac{1}{2}$	17. 46. 58	5. 8. 10 $\frac{1}{2}$	+ 24.
11 }	23. 27. 36	280. 11. 49, 4, 2. ^e b.	9. 9. 46. 57 $\frac{1}{2}$	+ 29	17. 11. 23 $\frac{1}{2}$	5. 57. 0	+ 24 $\frac{1}{2}$
13 }	23. 15. 57	279. 14. 41 $\frac{1}{2}$, 2. ^e b.	9. 8. 52. 54 $\frac{1}{2}$	+ 24	17. 0. 42	6. 11. 19	+ 28.
14 } Janv.	23. 10. 19	278. 49. 23 $\frac{1}{2}$, 2. ^e b.	16. 56. 8		
16 }	22. 59. 35	278. 5. 58, 2. ^e b.	16. 48. 44		
25 }	22. 19. 33	276. 56. 3, 2. ^e b.	16. 39. 51 $\frac{1}{2}$		

Observations faites à Genève , par M. Mallet.

1786.	
27 Déc.	{ Centre du Soleil à la lunette méridienne. . 0 ^h 7' 4 ^s , 4 ^e
	{ 1. ^{er} bord de Vénus. 1. 1. 3, 7 ^e
28 Déc.	{ Centre du ☉. 0. 7. 35, 2 ^e
	{ 1. ^{er} bord de ♀. 0. 54. 55, 0 ^e
31 Déc.	{ Centre du ☉. 0. 9. 2, 9 ^e
	{ 1. ^{er} bord de ♀. 0. 35. 5, 7 ^e
1787.	
5 Janv.	{ 2. ^e bord de ♀ (Planète tremblante) 0. 3. 12, 0 ^e
	{ Centre du ☉. 0. 11. 23, 9 ^e

Il paroît, par ces observations, que l'erreur moyenne des Tables, le jour de la conjonction, c'est - à - dire le 4

Janvier, auroit été de $22''$ à peu-près ; j'ai donc pris deux longitudes, calculées exactement par les tables, comptées de l'équinoxe moyen, augmentées de $22''$, & sans aberrations, avec deux longitudes du Soleil, comptées aussi de l'équinoxe moyen, & augmentées de $20''$ à cause de l'aberration, pour avoir le vrai lieu du Soleil.

$$\text{Le 4. } 0^h 4' 13'' \dots\dots\dots \left\{ \begin{array}{l} \odot 9^f 14^d 19' 18'' \\ \ominus 9. 14. 9. 34. \end{array} \right.$$

$$\text{Le 5. } 23. 39. 4 \dots\dots\dots \left\{ \begin{array}{l} \odot 9. 13. 6. 30. \\ \ominus 9. 16. 10. 46. \end{array} \right.$$

Par-là, j'ai trouvé que la conjonction vraie est arrivée le 4 janvier à $2^h 26' 50''$, temps moyen, à $9^f 14^d 15' 39''$ de longitude vraie, comptée de l'équinoxe moyen & dégagée des deux aberrations : c'est ainsi qu'il est nécessaire de traiter les observations de Vénus, quand on veut en tirer tout l'avantage qu'elles présentent ; c'est faute d'y avoir mis jusqu'ici toutes ces attentions, que l'on n'a pas eu des Tables aussi exactes que celles que je viens de publier.

La latitude en conjonction est $4^d 31' 56''$ boréale, en augmentant de $24''$ les latitudes calculées par les tables.

Je rendrai compte, dans les Mémoires de 1788, de la conjonction inférieure du 7 août, observée & calculée avec le même soin ; & qui, comparée avec celle de 1787, m'a donné la détermination la plus exacte qu'on ait eue de l'aphélie de Vénus, $10^f 8^d 30'$ pour le commencement de 1788.



SUR LES

ÉCLIPSES DE SOLEIL,

Arrivées en 1787.

Par M. DE LA LANDE.

11 Juillet
1787.

IL y avoit cette année deux éclipses de Soleil; l'une le 19 janvier, que nous n'avons pas pu observer, mais qui a été vue ailleurs; l'autre le 15 juin, qui a été vue presque par-tout: nous n'avons pu observer que le commencement à Paris; mais comme on a vu la fin en d'autres endroits, nous sommes en état d'en déduire la conjonction & la latitude de la Lune, qui sont les résultats importants de ces sortes d'observations.

La première impression de la Lune sur le disque solaire à Paris, a été vue par M. le Monnier & M. de Lambre, à 1" près au même instant; c'est par un milieu $4^h 27' 31''$, temps réduit à l'observatoire royal. Pour faire cette réduction, j'ai trouvé qu'il falloit ajouter 4" à l'observation de M. le Monnier & 3" à celle de M. de Lambre, à raison de 1" de temps pour 27" de différence en latitude. Cette réduction indépendante de la différence des méridiens, vient du changement de l'angle parallaxique qui résulte de celui de la hauteur du pôle; ainsi les observations qui paroissent d'abord différer de 5", ne diffèrent que d'une seule seconde. M. Méchain & M. Nouet ont marqué le commencement 1" plus tard.

Nous avons ensuite observé plusieurs phases; M. Méchain est un des derniers qui soit parvenu à mesurer la distance des cornes de l'éclipse; au moment où le ciel se couvroit, il étoit $5^h 3' 53''$, & la distance des cornes étoit $25' 46''{,}3$; d'où je conclus que la distance des centres du Soleil & de la Lune étoit $19' 49''$.

Avec ces deux phases & le mouvement apparent que j'ai trouvé de $20' 7''{,}3$ dans l'intervalle des observations, j'ai eu pour le temps vrai de la conjonction vraie $3^h 58' 36''$ & la latitude de la Lune $59' 50''$ au moment de la conjonction.

Les nouvelles tables du Soleil calculées par M. de Lambre, donnent $2^f 24^d 20' 18''{,}4$ pour le lieu du Soleil au moment de la conjonction.

Les tables de la Caille donnent $16''$ de plus; celles de Mayer donnent seulement $10''$ de plus, ou $2^f 24^d 20' 28''\frac{1}{2}$.

M. l'abbé Bertrand, professeur de mathématiques à Dijon, qui occupe le nouvel observatoire disposé dans le Logis du Roi par les soins de M. l'abbé Fabarel, a observé la fin de l'éclipse à $6^h 12' 43''$; j'ai cru que je pouvois combiner cette observation avec le commencement observé à Paris. Pour cela, malgré la distance des deux observatoires, j'ai considéré ces observations comme si elles eussent été faites dans le même endroit; j'ai calculé les parallaxes pour le temps & le lieu de chacune; j'ai formé une orbite apparente imaginaire, qui auroit eu lieu si l'on eût observé à Paris la sortie affectée de la parallaxe qui avoit lieu à Dijon; j'ai calculé le mouvement apparent sur cette orbite supposée; je l'ai combiné avec la somme des demi-diamètres pour Paris & pour Dijon, & j'en ai déduit la conjonction $3^h 58' 30''$ & la latitude de la Lune $59' 53''$: par-là l'erreur des tables seroit de $16''$ en longitude, & de $9''$ en latitude.

Dans ces calculs j'ai diminué de $3''$, tant le diamètre du Soleil que celui de la Lune, pris dans mes tables de 1771; j'ai encore diminué de $2''$ la distance des centres au commencement de l'éclipse, parce que j'ai supposé qu'on ne pouvoit guère apercevoir le commencement de l'éclipse que quand la Lune étoit déjà avancée de $2''$ sur le Soleil.

Nous avons aussi reçu l'observation faite à Marseille par M. Bernard, avec un grand télescope qui grossissoit deux cents fois; commencement $4^h 53' 8''$, fin $6^h 17' 10''\frac{1}{2}$: avec ces deux phases je trouve la conjonction $3^h 58' 34''$.

& la latitude $59^{\circ} 51'$, la même que par le commencement de Paris & la fin de Dijon; ce qui justifie à la fois les cinq observations que j'ai employées dans les calculs précédens.

La conjonction par un milieu peut être supposée à $3^h 58' 33''$ temps vrai; le temps moyen n'en différoit pas à ce moment d'un dixième de seconde.

M. Méchain, par l'observation d'Oxford, trouve $3^h 58' 34'',4$. La latitude en conjonction que je trouve par un milieu $59^{\circ} 51'$, est, suivant M. Méchain, $59^{\circ} 50''$. Les nouvelles tables de la Lune, publiées en Angleterre par M. Mason, donnent la longitude $2^f 24^d 20' 18''$, & la latitude $1^d 0' 0''$. Ainsi l'erreur des tables en longitude est nulle, & l'erreur en latitude est — $10''$ qu'il faut ôter des tables.

M. Poczobut, à Vilna en Lithuanie, sous la latitude de $54^d 41' 2''$, a observé le commencement à $5^h 45' 36''$, & la fin à $7^h 23' 56''$; j'en ai conclu la conjonction à $5^h 30' 13'',1$; la latitude $59^{\circ} 59''$, & la différence des méridiens $1^h 31' 40''$.

M. Beitler, à Mittau en Curlande, $56^d 39' 6''$ de latitude, a observé la fin à $7^h 15' 47''$; il en déduit la différence des méridiens $1^h 25' 15''$; c'est $1^h 25' 29''$ suivant mon calcul. M. Piazzi (a) a trouvé $1^h 25' 36''$ par l'éclipse de 1788, sur laquelle il a fait une multitude de calculs.

M. Toaldo & M. Cagnoli ont observé le commencement à Padoue à $5^h 12' 52''$; j'en ai déduit la différence des méridiens $38' 11''$.

M. Bruna, à Bude ou Ofen en Hongrie, latitude $47^d 29' 44''$, a observé le commencement $5^h 35' 13'',6$; fin $7^h 8' 25''$; le P. Teucher a évalué le vrai commencement $5^h 35' 11''$, & la fin $7^h 8' 24''$.

(a) M. Joseph Piazzi, né à Ponte dans la Valteline, en 1746, Théatin en 1764, professeur à Malte en 1770, & à Palerme en 1781, est venu à Paris pour y cultiver spécialement l'astronomie, au mois d'avril 1787. Il est allé ensuite en Angleterre, où il s'est procuré un cercle fait par M. Ramsden, instrument d'une construction toute nouvelle & d'une exactitude singulière.

M. Strnadt, à Prague, commencement $7^h 14' 39''$, fin $6^h 47' 50''$; cette ville est à $50^d 5' 49''$, & $48' 20''$ environ à l'orient de Paris.

M. Kohler à Dresde, commencement $4^h 50' 32''$ temps moyen, fin $6^h 27' 10''$; M. de Cefaris en conclut la conjonction $4^h 44' 8'',6$ (*Ephém. de Milan, 1789, p. 219*).

M. Hornsby, à Oxford, commencement à $4^h 5' 39''$, fin $5^h 41' 52''$ temps moyen; M. Méchain en a conclu la conjonction à $3^h 44' 13''$, & la latitude $59' 50''$. M. de Cefaris trouve $3^h 44' 10''$ pour la conjonction (*Ephém. de Milan, 1789*).

M. Maskelyne, à Gréenwich, n'a vu que le commencement à $4^h 11' 31''$; M. Méchain en a déduit la conjonction à $3^h 49' 14''$; cela s'accorde très-bien avec l'observation d'Oxford, & comparé avec la conjonction que j'ai trouvée ci-dessus, donne $9' 19''$ entre Paris & Gréenwich: nous avons lieu de croire que la véritable différence des méridiens est $9' 20''$.

M. Aubert, à Loampit-Hill, $5''$ à l'occident de Gréenwich; commencement $4^h 11' 32'',8$ temps moyen, fin $5^h 47' 28'',6$; l'équation du temps à la fin étoit $1'',0$ à ôter du temps moyen: M. de Cefaris en a déduit la conjonction $3^h 49' 14''$.

A Londres, M. le comte de Bruhl, dans Dover-street, à $51^d 30' 49''$ de latitude, & $9' 49'' \frac{1}{2}$ à l'occident de Paris, commencement $5^h 11' 3''$ temps moyen, conjonction $3^h 48' 45''$, calculée par M. de Cefaris.

A Vienne en Autriche, $5^h 23' 57''$, & $6^h 57' 32''$ par M. de Metzbourg.

Le P. Pilgram, $6''$ à l'occident de l'Observatoire, a vu la fin à $6^h 57' 38''$; il en a conclu la conjonction à $4^h 55' 2''$, dans $2^d 24^d 20' 31''$, avec $1^d 0' 35''$ de latitude boréale (*Ephém. de Hell, 1788, page 379*).

M. de Cefaris observa cette éclipse à Milan, commencement $5^h 2' 32''$ temps moyen, & il en déduit la conjonction $4^h 25' 54''$, par un milieu entre divers résultats;

ce qui donne pour la différence des méridiens entre Paris & Milan, $27^{\circ} 21''$: on trouve $22''$ par un milieu entre dix résultats donnés par différentes éclipses.

Dans les Mémoires de l'Académie de Stockolm pour 1787, on trouve plusieurs observations de cette éclipse, faites en Suède.

A Stockholm, commencement $5^h 8' 36''$ temps vrai, fin $6^h 50' 56''$, par M. Ferner; M. Nicander a marqué $5^h 8' 30''$ & $6^h 50' 51''$.

A Abo, par M. Lindquist, commencement $5^h 23' 24''$, fin $7^h 5' 8''$; il en conclut la conjonction à $5^h 17' 47'' \frac{1}{2}$, ce qui donneroit la différence des méridiens $1^h 19' 14''$: on avoit trouvé précédemment $1^h 19' 27''$ & $1^h 19' 51''$.

A Lund, par M. Lidtgren, commencement $4^h 55' 49''$, fin $6^h 36' 5''$. C'est $43' 30''$ à l'orient de Paris.

A Skara, par M. Falck, commencement $4^h 51' 45''$, fin $6^h 34' 15''$, 6.

A Madrid, suivant le *Diario curioso* du 20 juin, le commencement est arrivé à $4^h 26' 35''$, & la fin à $7^h 34' 25''$. J'en voulois conclure la différence des méridiens, mais ayant trouvé une différence trop forte, j'ai écrit en Espagne pour avoir des informations; j'ai appris que cette observation avoit été faite par Don Pedro Alonzo de Salanoba y Guilarte; mais qu'il n'avoit pas employé des hauteurs correspondantes pour régler sa pendule.

L'éclipse de Soleil arrivée le 19 janvier, n'a point été observée à Paris; M. Mougin, curé de la Grand-Combedes-bois, près Pontarlier, m'a envoyé une observation de cette éclipse : commencement $10^h 51' 32''$, fin $11^h 22' 0''$.

La latitude de ce lieu est $47^d 8' 36''$, suivant le calcul que M. Méchain en a fait par les triangles de la France, & la différence des méridiens $17' 48''$; cependant par les éclipses de 1769 & de 1773, on trouve $18' 12''$ & $18' 15''$ pour cette différence des méridiens; l'observation que je viens de rapporter pourra contribuer à lever cette incertitude.

Cette

Cette éclipse a été observée aussi par M. Schröter, à Lilienthal, près de Bremen; commencement $10^h 57' 5''$, fin $11^h 50' 52''$. La dernière observation est bonne (*Ephem. de Berlin*, 1790). Lilienthal est à $53^d 8' 25''$ de latitude, & environ $25' 55''$ de temps à l'orient de Paris, en supposant Berlin à $44' 10''$.

A Montpellier, commencement $10^h 42' 34''$ temps vrai, fin $10^h 50' 39''$; par M. Poitevin.

Je dois avertir en finissant ce Mémoire, que depuis ces calculs j'ai reconnu qu'il falloit diminuer d'environ $5''$ la parallaxe de la Lune employée jusqu'ici, & que M. de Lambre a calculé des tables du mouvement horaire de la Lune beaucoup plus exactes que celles de Mayer (*Connoissance des Temps*, 1791). Quand on emploiera ces nouveaux élémens, on pourra bien trouver de petites différences dans les résultats; mais une éclipse de Soleil n'est pas susceptible d'une assez grande précision, pour que je croie devoir refaire tous les calculs précédens.



M É M O I R E

SUR LE MOYEN MOUVEMENT

DE SATURNE.

Par M. DE LA LANDE.

Lû le 28 Avril
1787.

LES cinq observations anciennes de Saturne qui se trouvent dans l'*Almageste* de Ptolémée, page 261, 269, ont été employées plusieurs fois à déterminer le moyen mouvement de cette planète & son équation séculaire. Ces comparaisons ont été faites par Boulliaud (*Astron. philolaica*), par M. Cassini (*Elémens d'astronomie*), & par moi (*Mém.* 1757, page 440); mais on n'y a point trouvé d'accord suffisant, on a choisi tantôt l'une, tantôt l'autre; les résultats n'étoient pas les mêmes, & probablement une partie de ces différences vient de ce qu'on n'a pas employé les lieux du Soleil & ceux des étoiles qui avoient lieu réellement du temps de Ptolémée.

J'ai fait voir dans les *Mém. de l'Académie* pour 1766, pag. 467 & 469, qu'il falloit rapporter le catalogue des étoiles de Ptolémée à l'année 128 avant notre ère; ainsi il faut ôter 17' des longitudes des étoiles qu'il donne pour l'an 200 avant notre ère, & ajouter 1^d 4' pour l'an 140 de notre ère. De même pour les lieux du Soleil, d'après les équinoxes d'Hipparque, d'accord avec tous ceux des siècles modernes, il y a 31' à ôter pour l'an 200 avant notre ère, & 59' à ajouter pour l'an 140 de notre ère; c'est pour l'an 113 avant J. C. que ces longitudes moyennes du Soleil sont exactes dans l'*Almageste*.

Appliquons ces corrections aux cinq observations de Saturne, rapportées par Ptolémée.

I. La plus ancienne est celle que Ptolémée emploie pour déterminer la révolution de Saturne, & qui est de l'année

228 avant notre ère, suivant la manière de compter des astronomes, ou 229, suivant les chronologistes, qui appellent 1 avant J. C. celle que nous appelons 0. L'an 519 de Nabonassar, le 14 du mois Tybi, Saturne étoit de deux doigts au-dessous de l'épaule australe de la Vierge; c'est l'étoile que nous appelons γ ; le lieu moyen du Soleil étoit, suivant Ptolémée, $11^{\circ} 6^d 10'$, & le lieu de Saturne, $9^d 30'$ (*Almageste, liv. XI, c. VII, pag. 269, édition de 1551*).

II. L'année 11 d'Adrien, ou 874 de Nabonassar, le 7 du mois Pachon, Ptolémée trouva par son astrolabe, que Saturne étoit à $6^{\circ} 1^d 13'$ opposé au lieu moyen du Soleil (*page 261*).

III. L'année 17 d'Adrien, le 18 Épiphi, 4 heures après midi, il le trouva $8^{\circ} 9^d 40'$, par plusieurs observations, opposé au lieu moyen du Soleil (*page 261*).

IV. L'année 20 d'Adrien, le 24 Messori, à midi, Saturne étoit à $9^{\circ} 14^d 14'$ opposé au lieu moyen du Soleil (*pag. 261*).

V. La cinquième observation que Ptolémée emploie pour déterminer la grandeur de l'épicycle de la seconde inégalité, est de la seconde année d'Antonin, ou 886 de Nabonassar, le 6 du mois Mechir au soir, 4 heures avant minuit, le dernier degré du Bélier étant dans le méridien, suivant l'astrolabe, Saturne comparé à Aldebaran étoit à $10^{\circ} 9^d 15'$ éloigné de la Lune d'un demi degré, suivant l'ordre des signes; le lieu moyen du Soleil étoit, suivant Ptolémée, $8^{\circ} 28^d 41'$ (*page 267*).

J'ai rapporté dans le sixième livre de mon Astronomie ces lieux de Saturne corrigés, mais il s'agit de déduire le lieu moyen; pour cet effet, il faut calculer par les tables la parallaxe annuelle, comme on la voit dans la quatrième colonne de la table suivante, & l'appliquer au lieu observé; il faut aussi y appliquer l'équation de l'orbite de Saturne, afin d'avoir le lieu moyen qui résulte de l'observation rapportée par Ptolémée.

Comparant ces lieux moyens qui sont dans la dernière

colonne avec l'époque actuelle des tables, on en conclut le moyen mouvement & la quantité qu'il faut ajouter à celui de mes tables.

Il y a deux de ces observations dans lesquelles on pourroit faire aux lieux des étoiles quelqu'autre correction pour leur mouvement; mais en attendant qu'on connoisse mieux les mouvemens propres des étoiles & l'inégalité de la précession des équinoxes, on peut s'en tenir aux lieux d'étoiles observés par Hipparque, & qui se retrouvent dans Ptolémée, au moyen des corrections que je viens d'indiquer.

OBSERVATIONS ANCIENNES DE SATURNE.

TEMPS MOYEN A PARIS.	LONGIT. & ob serv. corr			L I E U du Soleil.			PARALLAXE Annuelle.	ÉQUAT.	LONGIT. MOYENNE observée.		
H. M	S.	D.	M	S.	D.	M.	D. M.	D. M.	S.	D.	M
I. 228 av.n.ère 1 ^{er} Mars 4. 23	5.	9.	6	11.	7.	26	— 0. 10	— 6. 30	5.	2.	26
II. 127 après id. 26 Mars 4. 14	6.	2.	14	0.	3.	53	+ 0. 11	— 5. 23	5.	27.	2
III. 133..... 3 Juin 2. 8	8.	10.	42	2.	10.	33	— 0. 1	+ 1. 51	8.	12.	32
IV. 136..... 7 Juill. 22. 9	9.	15.	17	3.	14.	5	— 0. 8	+ 5. 30	9.	20.	39
V. 138..... 22 Déc. 6. 11	10.	10.	19	9.	0.	20	+ 3. 46	+ 6. 59	10.	21.	4

En comparant les longitudes moyennes avec celle de 1750, qui résulte des dernières observations de Saturne que M. de Lambre a calculées avec le plus grand soin, on a 10",018 qu'il faut ajouter au moyen mouvement de mes tables 12^h 13^d 26' 5",58; & l'on aura 12^d 13' 36",576, au lieu de 35",54 que donnent les tables de Cassini: celles de Halley ne donnent que 21",46; mais il y employoit l'équation séculaire dont M. de la Place a fait voir l'inutilité, en y substituant les perturbations produites par l'attraction de Jupiter; ce qui lui a fait trouver 12^d 13' 36",81.

Le résultat que je viens de donner pour le moyen

mouvement de Saturne est à peu-près ce'ui qui avoit été indiqué dans les Mémoires. de 1784, page 312, à la suite des observations de Jupiter. Je trouvois alors 7",92 pour la correction du moyen mouvement de mes tables; mais je m'étois contenté de prendre l'équation de Jupiter dans ces mêmes tables: depuis ce temps-là M. de Lambre m'ayant donné les équations qui résultent des perturbations calculées par M. de la Place, telles qu'elles sont ci-dessus dans la cinquième colonne, je trouve une correction un peu plus forte.

Mais les nouvelles tables ne satisfont pas encore parfaitement à ces cinq observations: voici les corrections qu'il y faudroit faire, elles viennent sans doute en grande partie de l'imperfection des observations anciennes. Si l'on s'en tenoit à la première comme la plus ancienne, la correction à faire au moyen mouvement établi par M. de la Place, ne seroit que de — 0",08; par la dernière observation l'on auroit — 1",50; par un milieu entre toutes, — 0",23; mais en rejetant la cinquième, on a + 0",08. Tout cela suffit pour faire voir que l'incertitude est très-petite, & que le moyen mouvement employé dans les nouvelles tables est aussi exact qu'on puisse le désirer.

Ces tables paroîtront dans le douzième volume des *Mémoires présentés à l'Académie*, & dans la troisième édition de mon *Astronomie*.

Observat	CORRECTIONS
I.	+ 3'
II.	+ 18
III.	+ 5
IV.	— 21
V.	+ 40



SUR

L'INCLINAISON DE SATURNE,

Par M. DE LA LANDE.

Lu le 8 Juin
1787.

L'INCLINAISON de l'orbite de Saturne est dans les tables de Catlini, $2^d 30' 36''$; dans celles de Halley, $2^d 30' 10''$. On peut voir dans les *Éléments* de Cassini, page 394, & dans les *Mémoires de l'Académie de 1747*, cinq déterminations dont le milieu est $2^d 30' 24''$; mais le recueil d'observations exactes de M. Maskelyne, qui m'a fourni le moyen de rectifier plusieurs éléments dans les planètes, m'a donné une détermination plus exacte de l'inclinaison de Saturne.

Voici des observations faites aux environs des oppositions, dans les années où Saturne a été le plus éloigné de ses nœuds.

Le 30 mars 1775, $12^h 19' 45''$, temps moyen à Paris, Saturne comparé à Régulus, passoit $2^h 26' 47''$, 6 plus tard, & la distance au zénith de Saturne étoit de $51^d 3' 0''$, 6; d'où l'on conclut l'ascension droite $6^r 5^d 47' 39''$; la déclinaison $0^d 24' 26''$, 6, boréale; la longitude $6^r 5^d 9' 21''$, 2; la latitude $2^d 40' 40''$, 5.

Le 5 avril 1776, à $12^h 20' 44''$ de temps moyen à Paris, Saturne comparé à Procyon & Pollux, passoit $5^h 43' 14''$, 5 plus tard que la première, & $5^h 39' 13''$, $\frac{1}{4}$ plus tard que la seconde, & sa distance au zénith $55^d 57' 57''$, 8; d'où l'on conclut l'ascension droite $6^r 17^d 42' 6''$, & la déclinaison $4^d 30' 45''$, 4; la longitude $6^r 18^d 2' 37''$, 3, & la latitude $2^d 46' 56''$, 5.

Le 16 avril 1777, à $12^h 24' 20''$, Saturne précédoit Arcturus de $2^d 11' 18''$, & sa distance au zénith étoit de $60^d 27' 53''$; ainsi sa longitude étoit de $1^r 0^d 19' 11''$, & sa latitude $2^d 45' 21''$.

Le 19 avril 1777, à $12^h 11' 37''$ de temps moyen à Paris, Saturne comparé à l'épi de la Vierge & à Arcturus, passoit plus tard que la première, de $0^h 42' 24'',3$, & plus tôt que la seconde, $9' 37'',3$; sa distance au zénith étoit de $60^d 23' 7'',4$; d'où l'on conclut l'ascension droite $6^f 28^d 58' 25'',2$; la déclinaison $8^d 56' 10'',7$, australe; la longitude $7^f 0^d 5' 30''$, & la latitude $2^d 45' 22''$.

Le 17 juillet 1777, à $6^h 9' 30''$, Saturne précédoit Arcturus de $5^d 27' 25'',5$, & sa distance au zénith étoit de $59^d 33' 5''$; ainsi sa longitude étoit $0^f 26^d 58' 3''$, & sa latitude $2^d 28' 6''$.

Le 1.^{er} mai 1778, à $12^h 11'$, l'ascension droite de Saturne étoit plus grande que celle de Pollux de $107^d 28' 55'',5$, & plus grande que celle d'Arcturus de $9^d 0' 54''$; sa distance au zénith fut observée de $64^d 25' 19'',6$; d'où je conclus sa longitude $1^f 12^d 1' 45'',5$, & sa latitude $2^d 36' 37'',2$.

La latitude calculée avec l'inclinaison, $2^d 30' 20''$, que j'avois employée dans mes tables, s'est trouvée trop grande dans ces six observations, de $33'', 22'', 29'', 27'', 41''$ & $34''$; le milieu, $31''$, donne $28''$ à ôter de l'inclinaison qui se trouve par-là $2^d 29' 52''$; mais comme cette inclinaison diminue de $23''$ par siècle, on peut la supposer $2^d 29' 45''$ pour 1800: c'est ainsi que je me propose de l'employer dans mes nouvelles tables.

Dans la quadrature du 17 juillet, l'erreur de mes tables ne s'est trouvée que de $9' 45''$, tandis que dans l'opposition précédente elle étoit de $11' 0''$, & dans la suivante $11' 7''$; cela indique une erreur sensible dans le rayon vecteur, ou dans la distance de Saturne au Soleil, que mes tables donnoient pour ce temps-là.



SUR LA

MESURE DE LA TERRE,

Que Fernel publia en 1528.

Par M. DE LA LANDE.

Lû le 19 Mai
1787.

JEAN FERNEL, né à Clermont dans le diocèse d'Amiens en 1485, est le premier qui nous ait fait connoître exactement la grandeur de la Terre; sa mesure fait honneur à la France, comme celle de Picard qui fut la première exécutée avec la grande précision de l'astronomie moderne: mais le livre de Fernel est rare; plusieurs écrivains se sont trompés au sujet de cet auteur & de sa mesure du degré; enfin, personne n'a reconnu tout le mérite & toute l'exactitude de son résultat; c'est ce qui m'a déterminé à présenter à l'Académie la discussion de ce travail.

Je commence par rappeler une erreur concernant la personne de Fernel, & que M. l'abbé de Saint-Léger a remarquée dans son épitaphe à Saint-Jacques de la Boucherie, récemment placé au troisième pilier à droite du second bas-côté de l'église; elle est gravée sur une planche de cuivre, surmontée d'un ancien portrait de Fernel, peint à l'huile, & entourée d'un cadre de marbre blanc. « J'ai relû, dit M. de
 » Saint-Léger, avec un grand plaisir ce monument de la piété
 » filiale de Philibert de Barjot, maître des requêtes & prési-
 » dent au Grand-conseil, gendre de Fernel; mais j'ai été un
 » peu étonné de ce qu'en renouvelant ce monument, on n'avoit
 » pas corrigé une faute qui s'étoit glissée dans l'ancien. L'ins-
 » cription porte que Fernel mourut le 26 avril 1558, à l'âge
 » de cinquante-deux ans; c'est ici qu'est la faute. Guillaume
 » Plancé (*Plantius*), ami de Fernel, dit expressément dans la
 » vie qu'il en a donnée, que ce médecin étoit né sur la fin de
 » 1485; il est donc manifeste que le 26 avril 1558 il avoit
 » soixante-

soixante-douze ans, & non pas cinquante-deux. L'ouvrier « chargé de graver la première épitaphe, écrivit LII au lieu « de LXXII, espèce de méprise qui arrive assez fréquem- « ment, & dont je pourrois citer plus d'un exemple; on né- « gligea dans le temps de corriger cette fausse date, elle a été « copiée dans les livres, & même en restaurant ce monument « on l'a laissé subsister ». (*Journal de Paris*, 8 août 1783).

Weidler, dans son histoire de l'Astronomie, dit que la mesure de Fernel fut faite en 1550; mais c'est encore une erreur, puisque le livre où elle se trouve parut en 1528, comme on le voit sur l'exemplaire qui est à la bibliothèque du Roi, & qui est intitulé : *Joannis Fernelii Ambianatis cosmologia. Parisiis, 1528, quarante-six feuillets in-folio.*

Sur la première page du second feuillet, Fernel parle de la grandeur de la Terre : « Il y a, dit-il, une grande dis- « cordance entre les savans; Ératosthènes, dont on voit le « sentiment dans Strabon, trouvoit pour le degré 700 stades, « qui font 87 milles $\frac{1}{2}$ d'Italie, & il a été suivi par Ambrosius, « Macrobius, Theodosius & plusieurs autres jusqu'à ce jour. »

J. de Monteregio, dans plusieurs endroits de ses écrits, « en a retranché quelque chose, & a réduit le degré à 640 « stades ou 80 milles d'Italie. Suivant Ptolémée il n'y a que « 500 stades ou 62 milles $\frac{1}{2}$. Campanus, Thœbitius, Almæon, « Alphraganus, qui, après Ptolémée, tiennent le premier rang « dans l'astronomie & la cosmographie, font le degré de 56 « milles $\frac{2}{3}$. De nos jours, plusieurs auteurs donnent plus ou « moins, & prenant le premier résultat qui se présentait à « eux, n'ont pas craint de nuire à la science par la diversité « des sentimens, en sorte que personne ne sait lequel il faut « choisir parmi les auteurs même les plus accrédités; c'est « pourquoi j'ai voulu moi-même en faire l'expérience, & « j'ai trouvé par un calcul exact, que chaque degré est de « 68 milles d'Italie & 95 pas $\frac{1}{4}$, qui font 544 stades Romains « 45 pas & $\frac{17}{20}$ ».

« Cette expérience faite avec soin, approche beaucoup « du sentiment de Campanus, d'Almæon, &c. car en donnant

» au degré 56 milles $\frac{2}{3}$, ils disent que le mille contient 1200
 » pas, ce qui fait encore 68 milles ».

Fernel, dans les scholies du premier chapitre, *fol. 3 verso*, donne le détail de son expérience. On voit d'abord qu'il observoit les hauteurs du Soleil avec des règles parallatiques en triangle, à la manière de Ptolémée ; que celle qui représentoit le rayon avoit 8 pieds, & qu'on distinguoit facilement chaque minute. On voit en effet dans sa vie, qu'il faisoit faire beaucoup d'instrumens dispendieux ; qu'il eut avec son beau-père, qui étoit dans la magistrature, des querelles graves à ce sujet, & que celui-ci, réuni avec la femme de Fernel, eut beaucoup de peine à lui faire abandonner un goût ruineux, pour le ramener à l'exercice de la médecine, où il eut en effet de grands succès.

Il choisit un jour très-serein, qui étoit le 25 août (il ne dit pas quelle année, & l'auteur de sa vie n'en parle pas) ; il observa la hauteur du Soleil dans le méridien $49^{\text{d}} 13'$, & comme le Soleil étoit au 11^{e} degré de la Vierge, dont la déclinaison est de $7^{\text{d}} 51'$, il en conclut que la hauteur du pôle étoit de $48^{\text{d}} 38'$.

On voit qu'il supposoit l'obliquité de l'écliptique beaucoup trop grande d'après Ptolémée ; s'il avoit bien calculé la déclinaison qui étoit de $7^{\text{d}} 27' \frac{1}{2}$, il auroit trouvé la hauteur du pôle de $48^{\text{d}} 51' \frac{1}{2}$, comme elle est en effet dans le quartier qu'il habitoit près du collège de Sainte-Barbe : & voilà pourquoi Ptolémée, ainsi que tous ceux qui suivirent, tels que Fernel, Oronce-Finé, Merfenne, Bourdin, Alleaume, &c. faisoient la latitude de Paris beaucoup trop petite. Cependant les Arabes avoient corrigé l'obliquité de l'écliptique ; mais Ptolémée régnoit encore dans l'astronomie, comme Aristote dans la physique.

Fernel avoit calculé, avant que de partir, la déclinaison du Soleil & sa hauteur pour plusieurs jours, & il avoit trouvé que le 29 la hauteur seroit de $46^{\text{d}} 41'$, un degré au nord de Paris.

Il partit, en allant vers le nord le plus directement qu'il

étoit possible ; après avoir fait une journée & demie , il trouva le 27 , 48^d 6' de hauteur ; il alla plus loin , & le 29 il trouva 46^d 41' , ce qui prouvoit qu'il avoit fait un degré , & on lui dit dans le pays qu'il avoit fait vingt-cinq lieues ; mais , ajoute-t-il , je ne me contentai pas de l'estime vulgaire. *Vehiculum quod Parisios rectâ viâ petebat conscendi, in eoque residens totâ viâ, 17024 fere rotæ circumvolutiones collegi, vallibus & montibus ad æqualitatem, quoad facultas nostra ferebat, redactis.*

Erat autem rotæ illius diameter 6 pedum 6 que paulò magis digitorum geom. tricornum, ob idque ejus ambitus pedum erat 20, seu passuum 4; his ergo revolutionibus per 4 ductis, reperi passus 68096, qui millia sunt Italica 68, cum passibus 96.

Il ne prend ensuite que 95 pas $\frac{1}{4}$, afin d'avoir le diamètre de la Terre sans fraction. Ces milles d'Italie de 68 au degré, sont en effet ceux qu'on emploie dans une partie de l'Italie, sur-tout en Toscane ; mais il y a des différences depuis 48 jusqu'à 81 , comme je l'ai expliqué dans mon voyage d'Italie, *article de Bologne.*

Les 68 mille pas que Fernel trouvoit pour le degré, étoient de cinq pieds chacun ; nous ne pouvons douter que ce ne soit des pieds de Paris ; aussi Picard ne fait qu'en ôter un sixième pou. avoir le nombre de toises 56746, qui ne diffère que de 323 toises de notre mesure actuelle 57069.

Mais cette exactitude déjà si singulière , devient bien plus étonnante lorsque l'on tient compte du changement fait au pied de Paris depuis le temps de Fernel. Nous savons positivement par le témoignage de Picard, d'Auzout & de la Hire (*Mém. 1714*), que la toise de Paris fut raccourcie de cinq lignes en 1668 ; donc en calculant sur la toise dont nous nous servons, il faut ajouter 323 toises à la mesure de Fernel , & l'on aura 57070 toises , c'est-à-dire , à une toise près, comme nous le trouvons aujourd'hui.

La correction que nous venons de faire à ce degré, se trouve confirmée par un témoignage bien positif, & qui fait une preuve importante de l'accourcissement de la toise.

Riccioli, dans sa Géographie réformée, où il compare les mesures de tous les pays avec le pas de Bologne, dit qu'il avoit fait venir de Paris deux pieds, qu'on y avoit comparés avec plusieurs autres : or, il est facile de prouver que ce pied françois de Riccioli étoit d'une ligne plus grand que le nôtre. En effet, suivant la comparaison que Cassini en avoit faite lui-même (*Fig. de la Terre, page 297*), le pied de Bologne revient à 168 lignes $\frac{6}{10}$ de Paris ; suivant Riccioli (*pages 45 & 168*), le pied Romain antique de Vespasien (auquel il rapportoit toutes les mesures, par un respect pour l'antiquité, analogue au temps & au pays où il vivoit) étoit $\frac{15}{19}$ de celui de Bologne. Son pied de Paris (*page 43*) étoit $\frac{100}{109}$ du pied antique ; donc celui-ci étoit de 133 lignes & $\frac{1}{10}$, & son pied de Paris 145 lignes 1, au lieu de 144 lignes qu'il auroit dû avoir. Il est vrai que nous ne devrions trouver que $\frac{5}{6}$ de ligne ; mais la différence est bien petite pour des opérations de cette espèce, & il est toujours prouvé que pour rendre justice à Fernel, il faut faire la valeur du degré plus grande que ne le disoit Picard, & reconnoître dans son résultat une précision dont on ne s'étoit pas douté.

On seroit bien plus injuste si l'on admettoit l'évaluation de Riccioli, qui donne pour le degré de Fernel (*page 169*), 64421 pas de Bologne, qui font 62726 toises. On ne seroit pas surpris à la vérité que la mesure de Fernel fût aussi défectueuse ; elle ne le seroit pas plus que celle de Riccioli même, quoique travaillant long-temps après avec de bien meilleurs instrumens : mais il n'est pas juste d'ôter à Fernel le mérite qu'il eut d'opérer beaucoup mieux avec si peu de moyens.

Ce qui a trompé Riccioli, c'est que Fernel dit que les 68 mille pas géométriques qu'il avoit trouvés, font 68 milles d'Italie ; mais que les 56 milles $\frac{2}{3}$ des Arabes font de mille pas commun : il ajoute que ses pas qui sont ceux d'un homme d'une taille médiocre, sont tels que cinq pas communs valent six pas géométriques ; en sorte que 1000 pas communs font 1200 pas géométriques, & que cela est

d'accord avec le sentiment de Campanus & des autres qu'il a cités, qui composoient le mille de 1200 pas géométriques ou de mille pas communs. En effet, si l'on augmente d'un cinquième les 56 milles $\frac{2}{3}$ qu'on attribuoit au degré, l'on aura 68 milles pour le degré en pas géométriques. Or, Riccioli avoit évalué les 56 $\frac{2}{3}$ à 81 mille pas Romains antiques (*p. 146*), d'après différentes conjectures, ou 64421 pas de Bologne; & tel est le fondement de la valeur qu'il donne au degré de Fernel.

Ainsi Fernel suppose que les milles vulgaires d'Italie, sont mille pas géométriques; que les milles employés par les Arabes sont de mille pas communs, qui sont précisément 1200 pas géométriques de cinq pieds de France. Il suppose que les Arabes, que Campanus & les autres avoient fait les 56 milles $\frac{2}{3}$, de mille pas communs ou 1200 pas géométriques, & que ces 1200 pas égaux à mille pas d'homme, étoient aussi précisément de cinq pieds de France; suppositions également précaires. Il faut donc abandonner tout ce que Fernel dit de l'évaluation de sa mesure en milles, & les conséquences de Riccioli. Fernel vouloit s'accorder avec les auteurs les plus accrédités dont il venoit de parler; mais cet accord ne pouvoit être qu'apparent, puisqu'il ignoroit, comme nous l'ignorons encore, ce qu'étoient ces milles dont Ératosthènes, Ptolémée & les Arabes s'étoient servis. Riccioli faisoit aussi un moyen d'accorder sa mesure avec celle des Arabes & de Fernel, en trouvant pour celle-ci 64421 pas de Bologne; mais tout cela est également arbitraire: il n'y a dans le récit de Fernel, qu'une chose certaine; savoir, 68096 pas de cinq pieds de France, c'est à cela qu'il faut s'en tenir, & l'on a vu que cela est très-exact. La mesure du degré faite par Riccioli étoit très-défectueuse; on voit entr'autres erreurs, qu'il avoit négligé la réfraction terrestre entre Modène & le mont Paderno près de Bologne, qu'il avoit fait servir à sa détermination (*page 168*); & cela devoit lui donner un septième de trop.

D'un autre côté, on pourroit suspecter la réalité du

travail de Fernel, parce qu'il ne donne ni l'année de son entreprise, ni le lieu de la station; il ne donne même le lieu du Soleil qu'en degrés: on ne comprend pas comment il a pu, en venant à Paris sur une voiture, évaluer les contours du chemin qui étoient plus considérables alors, & plus irréguliers qu'ils ne le sont aujourd'hui. Celui qui a écrit sa vie fort au long, ne dit pas un mot de ce travail, auquel il semble que Fernel auroit dû mettre une grande importance. On pourroit donc penser qu'il n'a voulu que donner un exemple de ce qu'on pourroit faire pour connoître mieux la grandeur du degré, en disant qu'il l'avoit fait lui-même, & en s'accordant avec les auteurs les plus accrédités; mais on ne doit pas opposer des conjectures vagues à l'affertion formelle d'un auteur estimé d'ailleurs, & attribuer un résultat formel à une combinaison fortuite de suppositions illusoires, parce que ce résultat important est d'une précision surprenante pour un temps où l'on n'avoit fait aucune mesure de la Terre qui pût en aucune façon guider Fernel dans ses recherches.

Nous terminerons donc ce Mémoire, en disant que Fernel est le premier qui ait donné une mesure de la Terre, & qu'elle étoit précisément la même que celle qu'on a trouvée deux cents cinquante ans après par des opérations les plus délicates & les plus scrupuleuses.



OBSERVATIONS

SUR

L'ÉCLIPSE DE SOLEIL,

Arrivée en 1666, & sur la longitude
de Dantzick.

Par M. DE LA LANDE.

LA première éclipse de Soleil qu'on ait observée avec exactitude, est celle du 2 juillet 1666; elle le fut à Paris par Huygens, Roberval, Auzout, Frenicle & Buot, comme on le voit dans l'*Histoire céleste de M. le Monnier*, page 3; le commencement à $5^h 43' 20''$; la fin à $7^h 42' 20''$, dans la maison de Colbert, comme dit Duhamel, page 37. Il paroît que c'étoit au jardin de la bibliothèque du Roi, puisque le sextant de six pieds y étoit (*Histoire céleste*, page 2); la hauteur du pôle y est de $48^d 52' 5''$, & non $48^d 52' 45''$, comme le trouvoient Roberval & Buot (page 2), dans un temps où le sextant n'avoit que des pinnules. Il est 1" à l'orient de l'Observatoire royal; on se servit des hauteurs correspondantes pour avoir le temps vrai; & c'est la première fois qu'on trouve cette méthode employée, comme je l'ai remarqué dans le 4.^{ème} volume de mon *Astronomie*, page 601, en donnant l'histoire de cette méthode.

Hévélius, qui observa cette éclipse à Dantzick, n'étoit pas si avancé que les Astronomes françois; il se contentoit d'observer des hauteurs du Soleil avant & après l'éclipse: j'ai calculé ces hauteurs; voici les temps de l'horloge, les hauteurs du Soleil, les heures que j'ai trouvées par le calcul de ces mêmes hauteurs corrigées de la réfraction, & les corrections ou les quantités qu'il faut ajouter aux temps de l'horloge pour avoir les temps vrais.

Juillet
1787.

TEMPS de L'HORLOGE.			Hauteurs.	TEMPS CALCULÉS.			Correc.		
H.	M.	S.		D.	M.	H. M. S.		M. S.	
5.	51.	11	17.	45	5.	53.	54	2.	44.
5.	57.	5	18.	37	5.	59.	55	2.	50.
6.	0.	0	18.	55	6.	2.	12	2.	12.
9.	23.	6	47.	33	9.	25.	52	2.	46.
9.	24.	16	47.	42	9.	27.	3	2.	47.
9.	28.	29	48.	10	9.	30.	51	2.	22.
9.	30.	36	48.	28	9.	33.	20	2.	44.

Je néglige les deux résultats qui diffèrent trop des autres; le milieu des cinq qui restent est $2' 46''$. Hévélius ne supposoit que $2' 0''$; ainsi il y a $46''$ d'erreur dans les temps corrigés que donne Hévélius (*Machina celestis*, page 475). Puisqu'il fait la même correction aux deux observations du commencement & de la fin, il suppose que son horloge étoit réglée, & je le suppose avec lui; ainsi j'ai pour temps vrais de ces deux observations $6^h 58' 16''$, & $9^h 9' 39''$: j'ai reconnu ensuite que cette durée n'étoit pas très-bonne, puisqu'elle m'a donné une latitude pour la Lune, plus petite que l'observation faite à Paris par les plus habiles astronomes de l'Académie.

J'ai aussi calculé des hauteurs supérieures & inférieures de l'étoile polaire, observées par Hévélius; elles m'ont donné $54^d 22' 10''$ pour la hauteur du pôle; mais M. Wolf l'a réduit à $54^d 21' 5''$ dans les Éphémérides de M. Bode pour 1789. J'ai calculé les parallaxes de longitude & de latitude dans le sphéroïde aplati, & le mouvement apparent pour Paris & pour Dantzick: j'avois fait ces calculs en 1752, je les ai refaits cette année avec des élémens plus exacts; & j'ai trouvé la conjonction vraie pour Paris $7^h 53' 16''\frac{1}{2}$, réduit à l'Observatoire; & pour Dantzick, $8^h 58' 38''$: la différence des méridiens est donc $1^h 5' 22''\frac{1}{2}$ plus

plus petite seulement de 2" que celle que M. Cagnoli a tirée trente ans après de l'éclipse du mois d'octobre 1781. M. Méchain a trouvé $1^h 5' 11''$ par l'ocultation de μ de la Baleine du 23 avril 1777, & par celle de ν du Scorpion du 5 juillet 1778, & $1^h 5' 12''$ par la fin de l'éclipse de 1778; le milieu est $1^h 5' 18''$.

La latitude de la Lune dans la conjonction de 1666, est $27' 3''$ par les observations de Paris, & $26' 30''$ par celles de Dantzick.

Le lieu de la Lune, égal au lieu du Soleil au moment de la conjonction de 1666, est $3^f 10^d 25' 20''7$, suivant les nouvelles tables du Soleil pour le 1.^{er} juillet, à $19^h 56' 30''$, temps moyen de la conjonction.

Le lieu de la Lune, calculé par les nouvelles tables de Maſon, est plus petit de 7" : si l'on compare cette erreur avec le résultat de l'éclipse du 15 juin 1787, où l'erreur est nulle, on trouve qu'il faudroit diminuer le mouvement ſéculaire de la Lune de 6", au lieu de 23 qu'a trouvé M. de Lambre, comme je l'ai dit (*Mém. 1786, page 395*); mais deux observations ne ſuffiſent pas pour établir un pareil réſultat.

Les latitudes conclues de l'observation de Paris & de celle de Dantzick diffèrent de 23"; il est aisé de croire qu'Hévélius ne vit pas le commencement aussi tôt, ni la fin aussi tard que les astronomes de Paris, qui avoient déjà de très-bonnes lunettes; ainsi il dut avoir une latitude apparente trop grande, d'où résulte une latitude vraie boréale trop petite.



OBSERVATIONS

SUR LA

POSITION DE LA MER CASPIENNE.

Par M. DE LA LANDE.

M. DE BEAUCHAMP, Correspondant de l'Académie à Bagdad, me promettoit depuis long - temps d'aller faire des observations vers les côtes méridionales de la mer Caspienne, pour lever les incertitudes qui pouvoient nous rester sur sa position. M. Buache avoit déjà montré, dans les Mémoires de 1781, que la nouvelle direction donnée par M. Bonne à la mer Caspienne, avoit peu de vraisemblance; mais les observations du P. de Beze, dont on s'étoit étayé, devoient être réfutées par des observations, & M. le Maréchal de Castries a bien voulu en faciliter les moyens.

D'ailleurs, M. d'Anville dans sa carte de la mer Caspienne, publiée en 1754, avoit donné à la mer Caspienne un degré en longitude de plus que dans la carte du Czar, publiée en 1721 (*Mém. de l'Acad. 1721*); c'étoit une difficulté de plus, & il n'en falloit pas tant pour animer le zèle de M. de Beauchamp. Il est parti de Bagdad le 5 avril pour Ispahan, malgré les guerres civiles, & il est parti d'Ispahan le 12 juin 1787. Giaffer-kan venoit de sortir de Chiras avec une armée de cinquante mille hommes pour combattre Ali-Mahamed-kan, son compéiteur au trône de Perse, & celui-ci étoit sorti pour aller au-devant de Giaffer-kan. Le danger n'a point arrêté M. de Beauchamp; il a dirigé sa route vers Casbine ou Cazvin, où il desiroit observer la fin d'une éclipse de Lune qui devoit avoir lieu le 30 juin. Il arriva heureusement ce jour-là dès le lever du Soleil; aussi-tôt qu'il fut descendu au caravanserail, il se fit

donner un endroit séparé qui se trouva dans une cour écartée, où il se prépara à prendre des hauteurs correspondantes & à régler la pendule qu'il plaça dans la chambre, n'ayant pas osé l'exposer dans un endroit ouvert à tout le monde; ainsi il ne peut assurer le temps vrai qu'à 20" près, s'étant servi d'une montre qu'il avoit mise d'avance d'accord avec la pendule, & avec laquelle il alloit prendre les hauteurs correspondantes, en prenant à peu-près le tiers & le quart des minutes. Au reste, il ne s'agit ici que de décider un point de géographie sur lequel il y a quelques degrés d'incertitude, non pas de donner exactement la différence au méridien de l'Observatoire de Paris, comme si c'étoit un lieu où l'on dût faire des observations astronomiques & y comparer nos tables; d'ailleurs, une éclipse de Lune n'est pas susceptible d'une si grande précision. S'il y a cette petite incertitude sur le temps vrai, M. de Beauchamp espère qu'il n'y en aura point sur l'observation; car de cinq ou six éclipses de Lune qu'il a observées en Orient, il ne se souvient pas d'en avoir vu la fin aussi-bien: ses yeux étoient frais; il faisoit encore un peu jour, & il s'est servi d'une lunette acromatique d'un pied, dans laquelle il distinguoit très-bien la pénombre. Il auroit eu le temps d'observer l'émergence de quelques taches, la Lune s'étant levée éclipcée de deux ou trois doigts; mais comme il ne pouvoit avoir de correspondantes en Europe, cela eût été inutile. Voici l'observation de la fin.

Le 30 juin 1787, à 7^h 45' 50", temps vrai à Casbine, fin de l'éclipse de Lune.

Cette phase, calculée par M. Méchain, devoit arriver à Paris à 4ⁿ 36' 38"; la différence des méridiens est donc 3^h 8' 52", ou 47^d 13'. Il y a 47^d $\frac{1}{2}$ dans la carte de M. Buache (*Mém. de l'Académie*, 1781), & dans celles de Guillaume de l'Isle. Il y a 48^d 24' dans la carte d'Asie de M. d'Anville, d'où l'on pourroit conclure qu'il fit mal de repousser la mer Caspienne d'un degré à l'orient: la latitude de Casbine, conclue de trois hauteurs méridiennes

du Soleil, s'est trouvée de $36^d 29'$. M. de Beauchamp se dispoſoit à partir à la fin de juillet pour Recht, port de la mer Caſpienne, qui eſt au nord de Caſbine de cinq journées de caravanes, chacune au plus de ſix ou ſept farſaks ou paraſanges de 2568 toiſes chacun, quoiqu'on aſſure qu'il y pleut continuellement; mais une longue maladie l'en a empêché.

Voici des obſervations qu'il a faites à Iſpahan, à ſon retour de Caſbine; ces deux méridiens renferment celui de Recht, ainſi cela ſuffira pour aſſurer la poſition de la mer Caſpienne.

1787.

1	Immersion. 1. ^{er} Satellite.	$15^d 4' 50''$	} ... Temps vrai.
8	Août Immersion. 1. ^{er} Satellite.	$17. 4. 36.$	
12	Immersion. 3. ^{me} Satellite.	$15. 37. 14.$	
12	Sept. Immersion. 2. ^{me} Satellite.	$17. 28. 36.$	
24	Sept. { Immersion. 3. ^{me} Satellite.	$13. 26. 10.$	
		$Émerſion.$ Satellite. $15. 49. 28.$	
2	Oct. { Immersion. 1. ^{er} Satellite.	$13. 58. 28.$	}
7		Immersion. 2. ^{me} Satellite. $14. 44. 11.$	

Latitude d'Iſpahan, $32^d 42'$.

Ces obſervations, comparées avec quelques obſervations faites à Paris par M. Méchain, donnent $3^h 18'$ pour la différence des méridiens, ou $69^d 30'$ pour la longitude d'Iſpahan. De l'Iſle donnoit $69^d 11'$, & M. Bonne $70^d 22'$.

M. de Beauchamp m'a envoyé auſſi un grand nombre d'obſervations des étoiles & des planètes, qu'il a faites à Bagdad dans un Obſervatoire conſtruit avec ſoin dans le pays où furent faites autrefois les premières obſervations qui nous ſoient parvenues; il ſ'en trouve pluſieurs que nous n'aurions pu faire en Europe, & qui ſeront utiles à l'aſtronomie. Dans une nouvelle carte de la Babylonie, qu'il vient auſſi de m'adreſſer & que j'eſpère publier, il place l'ancienne Babyſone $45'$ au midi de Bagdad, c'eſt-

à-dire, à $32^{\text{d}} 34'$ de latitude, & $45''$ de temps à l'occident, ou $2^{\text{h}} 47' 30''$ à l'orient de Paris. La latitude étoit de $32^{\text{d}} \frac{2}{3}$ dans les cartes de Guillaume de l'Isle; je l'avois supposée de $36^{\text{d}} 10'$ (*Mém. de l'Académie, 1757, page 429*), d'après un passage de Ptolémée, qui donne le coucher du Soleil vers $4^{\text{h}} 48'$ au solstice d'hiver; mais il me semble que la tradition subsistante encore dans le pays sur la position de l'ancienne Babylone, est préférable à une opinion peut-être fort imparfaite que Ptolémée pouvoit avoir sur une ville où l'on n'avoit fait que des observations très-grossières.



A V E R T I S S E M E N T

Sur quelques Observations imprimées du passage de la Lune par le Méridien , & sur l'erreur des époques des Tables lunaires qu'on assigne à l'aide de ces Observations.

Par M. LE MONNIER.

10 Mars
1787.

COMME il a été déjà plusieurs fois question dans l'assemblée, de quelques observations de la Lune, jointes à des calculs imprimés avant que l'Académie ait entendu le rapport des Commissaires, qui par-là n'a pas eu lieu, il s'agit de prouver ici la chose sur laquelle j'ai le plus insisté à la dernière séance. J'ai toujours allégué qu'il s'y trouvoit des erreurs considérables dans les temps indiqués du passage de la Lune par le méridien : comment veut-on, sans y avoir égard, indiquer par-là les corrections de l'époque des tables de la Lune? comment en déduira-t-on l'accélération séculaire?

Je ne parcourerai pas ici la liste entière de ces observations déjà publiées, comme je l'ai dit, en ce même temps-là; j'examinerai seulement, de trois mois en trois mois, l'année entière de 1780, puisqu'on m'y a provoqué, pour ainsi-dire, sauf à y entrer dans des détails plus amples.

Je trouve d'abord qu'on a indiqué $5^h 51' 15''$ pour le passage du premier bord de la Lune, le 14 janvier, par le méridien, & il me semble qu'il faudroit y lire $55''$, & non pas $15''$; mais malgré cette correction dont il est aisé de s'apercevoir, je trouve qu'à mon grand quart-de-cercle mural, le premier bord de la Lune a passé $2''$ plus tard qu'au vrai méridien; ce qui réduit le passage observé à $5^h 42' 11'' \frac{1}{2}$, & de temps moyen $5^h 51' 49'' \frac{1}{4}$; savoir,

5" $\frac{2}{4}$ plus tôt que selon les observations imprimées aux Éphémérides.

Cependant dans la longitude de la Lune calculée, on ne trouve pas que cela ait influé jusqu'à 1' $\frac{1}{2}$ ou 1' $\frac{1}{4}$ d'erreur : peut-être y a-t-il eu quelques compensations avantageuses dans les erreurs du plan du quart-de-cercle & dans les passages tant de la Lune que de quelque étoile, qui n'étant pas à même hauteur, aura été comparée avec le 1.^{er} bord de la Lune ; mais ces compensations, comme l'on fait, ne doivent pas s'étendre à tous les cas généralement. On n'a point averti non plus qu'il falloit avoir égard à la parallaxe d'ascension droite, laquelle varie si sensiblement aux approches du méridien ; cette réflexion est d'autant plus utile, que la table des déviations du plan du limbe du quart-de-cercle mural n'ayant pas été communiquée aux Commissaires, il y a apparence que bien des passages des bords de la Lune doivent être corrigés par l'effet de ces parallaxes d'ascension droite.

A la vérité le 11 mars 1780, le passage du 1.^{er} bord de la Lune s'accorde mieux avec celui qui doit convenir au vrai méridien, & mon heure indiquée 4^h 02' 07" $\frac{2}{3}$ ou 4^h 02' 07" $\frac{2}{4}$ de temps moyen, n'est guère en excès que de 1" à 0" $\frac{1}{2}$ de temps ; mais cela ne se soutient pas dans les autres passages, comme je vais le déclarer tout-à-l'heure.

Le 7 juillet, on voit reparoître des différences de 5" $\frac{1}{2}$ à 6", dont les passages sont indiqués trop tard, le 1.^{er} bord de la Lune ayant paru passer de toute cette quantité par le vrai méridien, savoir, avant 4^h 58' 10" de temps moyen.

L'erreur est encore tant soit peu plus grande le 4, ainsi que le 13 septembre 1780 ; car outre que le passage du premier bord a différé de 8" $\frac{1}{2}$ du vrai passage au méridien à 4^h 52' 36" de temps moyen, je trouve que le jour de la pleine Lune le passage indiqué du 2.^e bord a dû différer d'environ 7 à 8".

Si on ajoute à ces erreurs si sensibles, celles qu'on a

recueillies toujours trop imparfaitement des erreurs du plan du quart-de-cercle mural, il doit s'ensuivre que ces erreurs jointes au *deffault* du catalogue des étoiles, seront suffisantes pour nous ôter la connoissance de celui des époques des tables lunaires, ainsi que l'accélération du mouvement de la Lune pendant un siècle, & qu'il n'y a guère d'autres moyens pour y réussir qu'à l'aide des passages de la Lune par les parallèles immédiats des étoiles réitérés plusieurs fois, y ayant d'ailleurs pour objet & pour ancien terme quelques occultations auxquelles on est à portée de les comparer dans l'autre siècle, comme nos anciens mémoires, ainsi que l'histoire céleste & les manuscrits de Bouliaud en font foi.

Cette première ébauche a été suivie d'une lecture plus ample & dans laquelle on n'a pas fait de difficulté d'avoir égard à la différence des méridiens des deux Observatoires, & qui est de 5" de temps.



R É P O N S E

A l'Avertissement de M. le Monnier, lu le 10 mars 1787, sur quelques Observations imprimées du passage de la Lune par le Méridien.

Par M. DE LA LANDE.

LES observations de M. d'Agelet, calculées par M. de Lambre, & que j'ai publiées dans le huitième volume de mes Éphémérides, ont été faites à un très-bon instrument, par un observateur très-exercé, & réduites par un de nos plus habiles calculateurs: mais les objections de M. le Monnier méritoient une vérification; elle a été faite tout de suite.

17 Mars
1787.

D'abord, le 14 janvier 1780,
c'est 5^h 51' 55", & non pas 15", comme on
Mais, suivant M. le Monnier, l'a imprimé par erreur.
ce seroit 5. 51. 48,25.

La différence est de 6",75; c'est cette différence
qui a fait la matière de l'objection à laquelle je suis obligé de répondre.

Dans cette observation, la Lune a été comparée à α de Pégase; or, par
un milieu entre les catalogues de M.^{rs} la Caille, Bradley, le Monnier,
Mayer & Maskelyne, l'ascension droite apparente de cette étoile a dû
être 11^h 13^d 26' 44",2

La distance moyennée de l'équinoxe au Soleil,
calculée sur les tables de la Caille, en dimi-
nuant l'époque de 7", & en la corrigeant de l'équa-
tion des points équinoxiaux, c'est-à-dire, de la
première partie de la nutation en ascension droite,
étoit à midi moyen 2. 6. 27. 28.

Distance du Soleil moyen à l'étoile, à midi
moyen 1. 19. 54. 12.

Mém. 1787,

G g

234 MÉMOIRES DE L'ACADÉMIE ROYALE

La même en temps, ou temps moyen approché	
du passage.....	3 ^h 19' 35" 48".
Accélération des étoiles.....	32. 41.

Temps moyen du passage de l'étoile au méridien de l'École-militaire.....	3 ^h 19' 4" 7".
--	---------------------------

La réduction des temps de la pendule au temps moyen étoit.....	4. 15.
--	--------

Donc au passage de l'étoile la pendule devoit marquer.....	3. 14. 49,1.
--	--------------

Le passage observé, diminué de 7" erreur du mural, est.....	3. 14. 48,5.
---	--------------

Ainsi la différence entre le passage observé & le passage calculé, n'est que de.....	0",6
--	------

Puisque le passage de l'étoile est exact aussi-bien que la longitude de la Lune, il s'ensuit que le passage de la Lune a été bien observé; car une erreur de 6",75 sur le temps, auroit produit une erreur de 1' 42" sur l'ascension droite de la Lune.

Suivant l'observation, le passage du premier bord de la Lune en temps moyen de l'École-militaire, est arrivé à 5^h 51' 47",2; mais comme elle est 7",6 à l'occident de l'Observatoire royal, il s'ensuit que lors du passage à l'École-militaire, on comptoit à l'Observatoire 5^h 51' 54",8.

Cette différence des méridiens est à peu de chose près l'erreur que reproche M le Monnier; ainsi il me paroît qu'il a négligé cette considération, & qu'il n'a pas remarqué qu'on a réduit les temps à l'Observatoire royal en ajoutant 7",6 à tous les passages observés.

Pour trouver le rapport du temps de la pendule au temps moyen, voici le procédé que suit M. de Lambre:

Passage du centre du Soleil au méridien le 14 janvier.....	0 ^h 5' 16",2.
Temps moyen au midi vrai pris dans la Connoissance des temps.....	0. 9. 31,2.

Donc la réduction au temps moyen est... + 4' 15".

Cette correction varie très-peu d'un jour à l'autre ; & la variation étoit alors insensible dans l'espace de 3^h ; en tout cas , on en tient compte avec la plus grande facilité. La méthode ordinaire de déterminer d'abord le temps vrai de l'observation , pour le réduire ensuite en temps moyen , est beaucoup plus compliquée , & par conséquent plus sujette à erreur ; mais on pourroit nous demander si le temps moyen pris dans la Connoissance des temps est assez exact. Pour répondre à cette question , M. de Lambre l'a calculé pour le 14 janvier , comme il suit , sur les tables de Mayer , dont on se servoit pour la Connoissance des temps.

Longitude vraie du Soleil , comptée de l'équinoxe apparent à midi vrai	9 ^f 24 ^d 2' 25",2.
Ascension droite vraie	9. 25. 56. 2,1.
Ascension droite moyenne du Soleil comptée du même équinoxe , ou longitude moyenne du Soleil , corrigée de la nutation en ascension droite. 9. 23. 33. 2,3.	
Différence	2. 22. 59,8.
La même en temps ou équation du temps	9' 31" 59",2.
ou	9. 31,99.

Cette quantité surpasse de $0^{\text{''}}8$ celle de la Connoissance des temps ; voilà donc l'erreur qu'on pourroit reprocher aux calculs. Mais qu'importe que le temps absolu du passage soit marqué une seconde trop tôt ou trop tard ? & falloit-il alonger un calcul déjà trop fastidieux , pour ne pas s'exposer à une erreur si légère ?

En négligeant la nutation en ascension droite , pour l'ascension droite moyenne du Soleil , nous aurions eu la même équation du temps que la Connoissance des temps ; il paroît donc qu'on n'y a pas eu égard.

Le 11 mars 1780 , on nous reproche 1 à 2" de temps ; la Lune ce jour-là fut comparée au Soleil. M. de Lambre a revu son calcul , qui se trouve exact : une petite incertitude sur la quantité précise de la déviation du mural , une petite erreur sur l'équation du temps , prise dans la

Connoissance des temps, quelque petite inexactitude dans le calcul de M. le Monnier; toutes ces causes réunies pourroient bien produire la différence dont il s'agit, & qui ne mérite pas un examen détaillé.

Le 7 juillet 1780, on nous dit que le passage est indiqué trop tard de 6 à 7".

Ce jour il y a véritablement une différence de 2" entre le midi vrai des hauteurs correspondantes & celui du passage au mural corrigé d'après la table des déviations. On a pris le midi des hauteurs, on a comparé la Lune au Soleil; mais comme les déclinaisons étoient fort différentes, il a fallu recourir à la table des déviations, pour avoir le passage de la Lune corrigé. Si on avoit employé cette table pour le Soleil, le passage seroit encore marqué 2" plus tard. Puisque la longitude observée est sensiblement exacte, & que le passage du Soleil n'a tout au plus qu'une incertitude de 2", il s'ensuit que le passage de la Lune n'est pas en erreur de 6 à 7".

Le 4 septembre 1780 l'erreur est, dit-on, un peu plus grande.

Ce jour-là, la Lune fut comparée à la

Lyre, dont le passage fut observé à . . .	7 ^h 16'	4"	} <i>T. de la Pendule.</i>
Le passage calculé d'après les cinq			
catalogues a dû être	7. 16.	5.	

Il n'y auroit donc tout au plus qu'une erreur de 1".

Le 13 septembre 1780, jour de la pleine Lune, la Lune a été comparée à ϕ du Verseau; le passage calculé d'après Bradley & la Caille, qui s'accordent à 0",1 de degré, a dû

arriver à	11 ^h 12'	41"	} <i>T. de la Pendule.</i>
Il a été réellement observé à . . .	11. 12.	42.	

C'est donc encore tout au plus une erreur de 1" sur le temps absolu.

Voilà tous les passages indiqués par M. le Monnier comme defectueux; il me paroît démontré qu'ils ont toute l'exactitude qu'on peut désirer. M. le Monnier convient lui-même que le temps relatif est bon, puisque les longitudes observées

sont justes. Le temps absolu du passage de l'astre comparé à la Lune, est rigoureusement exact, ou bien sujet tout au plus à une incertitude de 1 ou 2'' ; il n'y avoit donc pas lieu à faire des réclamations.

Il reste une objection à examiner ; c'est au sujet de la parallaxe d'ascension droite. La plus grande déviation du mural de l'École-militaire étoit de 8'' : or, à cette distance du méridien la parallaxe d'ascension droite est certainement insensible ; il n'en est pas tout-à-fait de même pour les observations faites au premier ou au troisième fil. Dans les cas extrêmes, la parallaxe d'ascension droite peut aller à 0'',328 : voyons quel est son effet sur le passage conclu par un milieu entre les trois fils.

Soit T le temps du passage au fil du milieu ; I l'intervalle entre le fil du milieu & chacun des deux autres ; P la parallaxe d'ascension droite.

Le passage au premier fil sera..... $T - I + P$.

Le passage au fil méridien..... T .

Le passage au troisième fil..... $T + I - P$.

Somme..... $3T + 0 + 0$.

Donc en prenant le milieu entre les trois fils, l'erreur est exactement nulle.

En effet, à mesure que la Lune approche du méridien, la parallaxe d'ascension droite qui l'en écartoit diminue, & cette diminution produit une accélération réelle dans le passage de la Lune par la lunette. Après le méridien, la parallaxe d'ascension droite va en augmentant, & produit, par une raison contraire, la même accélération ; donc le milieu entre les trois fils est dégagé de l'effet de la parallaxe ; donc il n'est pas besoin d'y songer, si ce n'est dans le cas où l'on n'auroit observé que l'un des fils de côté, avec ou sans le fil méridien. Si l'on n'a observé que le fil de côté, & qu'on néglige la parallaxe, l'erreur sera 0'',328 au plus ; & si l'on a observé au fil méridien & à l'un des autres fils, l'erreur sera 0'',164 ; enfin elle est nulle quand

la Lune a été observée aux trois fils : ainsi M. de Lambre a bien pu négliger la parallaxe d'ascension droite ; il s'est même assuré depuis qu'il n'en a résulté qu'une seule fois une erreur de $0'',2$; mais l'erreur est trop petite pour qu'on puisse lui en faire un reproche.

Ainsi je crois qu'il est suffisamment prouvé qu'il n'y a aucune erreur à reprocher aux observations de M. d'Agelet, ni aux calculs de M. de Lambre, & que la différence entre ces observations & celles de M. le Monnier, ne vient que de la réduction au méridien de l'Observatoire que M. le Monnier n'avoit pas remarquée.

Ces observations de M. d'Agelet sont importantes, puisque ce sont les plus récentes que l'on ait calculées ; elles ont prouvé que le mouvement de la Lune étoit trop fort de $26''$ par siècle, dans les tables de Mayer, comme j'avois déjà trouvé celui du Soleil trop fort de $23''$ par siècle, ainsi qu'on le voit par la durée de l'année que j'ai déterminée, par les observations de M. d'Agelet, comparée à toutes celles des siècles passés (*Mem. de l'Acad. 1782, page 277*). En conséquence de ces nouvelles recherches, j'ai corrigé les tables de la Lune de Mafon, pour la troisième édition de mon Astronomie, soit en diminuant le moyen mouvement de la Lune que j'ai réduit à $10^{\circ} 7^d 53' 12''$ par siècle, soit en ôtant $6''$ de la longitude moyenne, en 1780, qui se trouve de $7^{\circ} 5^d 14' 29'',6$ au méridien de Paris. C'est aussi d'après ce moyen mouvement que M. de la Place a déterminé l'équation séculaire de la Lune $11'',135$ pour un siècle, en partant de 1700, dans le travail curieux qu'il a fait en 1788, sur la cause de l'accélération qu'on avoit remarquée dans le mouvement de la Lune ; il nous a enfin appris que ce n'est qu'un effet périodique de la diminution d'excentricité reconnue dans l'orbite solaire (*Mémoires de l'Académie 1786.*)



OBSERVATIONS

SUR LES

EFFETS DES VAPEURS MÉPHITIQUES,
DANS L'HOMME.*Second Mémoire.*

Par M. P O R T A L.

LES accidens fréquens occasionnés par les vapeurs méphitiques, fixèrent l'attention de l'Académie en 1774; je publiai par son ordre une instruction pour le traitement des personnes qui en seroient affectées, laquelle a eu dans la pratique les plus heureux succès.

Mais dans cette instruction j'ai négligé d'entrer dans quelques détails sur la cause de ce genre de mort. Soit que je voulusse me restreindre pour plus grande brièveté, soit que je n'eusse pas alors assez de connoissance sur cette importante matière, j'invitai les phyficiens à se livrer à ces recherches, ce qui n'a pas été sans succès. M. *Troia*, aujourd'hui chirurgien distingué de la cour de Naples, alors mon disciple, n'épargna pas ses soins pour les découvrir; il fit diverses expériences très-ingénieuses, dont il a rendu un compte exact dans le Journal de physique de M. l'abbé Rosier.

M. *Carminati*, médecin de Padoue, plein de zèle pour les progrès de l'art de guérir, s'en occupa en Italie avec succès, & publia un ouvrage dont nous avons profité pour nos recherches.

M. *Spallanzani*, dont le nom est si bien connu, fit aussi des expériences très-curieuses sur la nature & sur les effets des vapeurs méphitiques.

Ces phyficiens, ainsi que plusieurs autres que je ne cite

pas, ont fait sur cet objet des découvertes utiles, & les ont rendues publiques par la voie de l'impression; mais comme ils n'ont pas tous eu les mêmes résultats dans leurs expériences, & que même ils ont eu, sur plusieurs points, des avis différens, j'ai cru devoir les réitérer pour pouvoir fixer mon opinion à cet égard.

Ce travail m'a conduit à des résultats sur les effets des vapeurs méphitiques dans l'homme & dans les animaux, qui me paroissent d'autant plus curieux & utiles, qu'ils peuvent jeter quelque jour sur des points de physiologie intéressans, & qu'ils conduisent à un bon traitement des suffoqués par les vapeurs méphitiques.

Je ne rendrai pas ici un compte exact de ces expériences; ces détails nous conduiroient trop loin & passeroient les bornes que nous devons nous prescrire dans ce Mémoire.

Ce qui frappe le plus dans la recherche des causes qui font périr les personnes affectées des vapeurs méphitiques, c'est le volume du sang, c'est sa fluidité étonnante: est-ce l'air qui s'y introduit, ou n'est-ce que l'air propre au sang qui s'en dégage & se développe? c'est ce qui est très-difficile à résoudre.

On fait périr les animaux dans des angoisses, dans des convulsions, & enfin en apoplexie lorsqu'on introduit de l'air dans quelques-unes de leurs veines; c'est ce que nous avons éprouvé plusieurs fois, & particulièrement en 1771, dans un cours de physiologie expérimentale que nous avons fait au Collège royal.

Mais si une petite quantité d'air introduite dans la masse du sang des animaux vivans peut produire tant de ravages, accidens ne doit pas occasionner la surabondance, telle qu'on la trouve dans les personnes qui ont péri par le méphitisme (a)?

(a) Les oiseaux exposés aux vapeurs de charbon, y résistent longtemps; les quadrupèdes y périssent plus vite; les chats résistent davantage que les chiens: nous en avons vu périr dans l'espace de trois à quatre

secondes: ils tombent dès que la vapeur méphitique les affecte, leurs membres sont agités par des mouvemens convulsifs, & ils périssent dans l'assoupissement le plus profond.

L'air méphitique pénètre sans doute le sang par le poumon, mais ce n'est pas encore par cette seule voie qu'il y parvient.

M. *Troia* assure avoir trouvé dans des animaux qu'il a fait périr par des vapeurs méphitiques, les bronches percées & déchirées d'une manière plus ou moins remarquable. Nous avons réitéré plusieurs de ces expériences, mais elles ne nous ont jamais offert les mêmes résultats.

Nous avons bien trouvé quelquefois des taches d'un rouge plus ou moins foncé sur la surface interne des bronches, mais nous nous sommes assurés que c'étoient de petites ecchymoses; & en effet, il n'est pas étonnant que lorsque les vaisseaux du poumon sont gorgés d'un sang très-raréfié & dissous, il ne s'en extravase dans la membrane des bronches, comme il s'en épanche dans leur cavité & dans tout le tissu du poumon.

Ce sont sans doute ces ecchymoses qui ont pu en imposer à M. *Troia*, d'ailleurs observateur exact & très-judicieux.

L'on ne peut donc pas se convaincre par ces expériences de l'action des vapeurs méphitiques sur les bronches. J'avois cru qu'en tuant les animaux au moment où l'on voit qu'ils commencent à en être affectés, on trouveroit plus d'air raréfié dans les vaisseaux du poumon que dans les autres; mais j'en ai également trouvé dans tous, sans doute que le développement de cet air se fait si promptement, que dans le même moment il est aussi abondant dans tous les vaisseaux; ce qui feroit croire que ce n'est pas seulement par l'introduction d'un fluide dans le sang, mais encore par quelque affection particulière occasionnée par la vapeur méphitique sur les organes qui le contiennent, que l'air qui lui est propre entre ainsi en expansion.

Mais par quelle voie les organes de la circulation pourroient-ils être affectés? il n'est pas probable que ce soit par les pores de la peau, comme quelques-uns l'ont voulu.

Je me suis convaincu par une expérience bien simple, que étoit par le poumon que la vapeur méphitique agissoit

sur les animaux. J'ai renfermé deux chiens dans une cuve bien bouchée , & avec laquelle communiquoit le tuyau d'un poêle où l'on brûloit du charbon; on avoit adapté à cette cuve un verre pour bien voir dans l'intérieur.

A l'un de ces chiens on avoit attaché au museau une grande vessie pleine d'air, l'autre étoit libre & respiroit l'air de la cuve; ce chien périt suffoqué en moins de trois minutes, tandis que le chien qui ne respiroit que l'air de la vessie, vécut plus de dix minutes.

J'ai réitéré la même expérience une seconde fois, & je me suis convaincu que l'animal qui respiroit la vapeur méphitique, mouroit bien plus vite que l'autre; ce qui prouve que la mort dépend de l'impression que l'air méphitique fait sur les voies aériennes, ou que c'est par ces voies qu'il parvient dans l'intérieur du corps, où il exerce toutes ses fâcheuses impressions.

Mais comme on ne trouve aucune altération dans la surface interne des bronches, capable d'occasionner la mort, on doit plutôt conclure que l'air méphitique parvient dans le sang par les dernières ramifications bronchiales, d'où il est transmis au cœur, sur lequel il agit d'une manière si fâcheuse.

J'ai à cet effet fait d'autres expériences sur les animaux vivans; j'ai ouvert la poitrine de deux grenouilles pour en découvrir le cœur.

A l'une de ces grenouilles on a de plus coupé la tête, & elle a été conservée à l'air libre; l'autre grenouille a été exposée à l'air méphitique.

On a soigneusement examiné le cœur de ces animaux, & l'on a observé que celui de la grenouille à laquelle on avoit ôté la tête & qui étoit à l'air libre, a conservé ses mouvemens beaucoup plus long-temps que le cœur de celle qui étoit affectée de vapeurs méphitiques.

J'ai réitéré cette expérience plusieurs fois sur des grenouilles; je l'ai réitérée sur des chats & des chiens, & elle m'a offert les mêmes résultats, dans les grenouilles

cependant d'une manière plus sensible que dans les autres animaux; ce qui suffit pour prouver que les cœurs des animaux tués par la vapeur méphitique, perdent plus tôt leur mouvement, que lorsqu'ils périssent de toute autre manière.

M. *Carminati* s'est convaincu de la même vérité par une multitude d'expériences qu'il a faites à Padoue, & dont il a rendu compte dans un ouvrage très-curieux qu'il a publié en 1777 (b).

J'avois, avant lui, examiné l'effet des poisons narcotiques sur le cœur de quelques animaux vivans, & j'avois observé & fait observer à mes disciples au Collège royal, dans un cours de physiologie dont M. *Colomb*, docteur en médecine de Montpellier & résidant à Lyon, a rendu compte par la voie de l'impression en 1771 (c), que leur cœur cessoit plus tôt de se mouvoir que celui d'un autre animal sur lequel on ne verroit pas de pareils poisons; ce que j'ai vérifié plusieurs fois depuis cette époque.

J'avois aussi publiquement fait voir la même année 1771, que la teinture d'opium versée sur le cœur d'une grenouille, dont on venoit de détacher la tête du corps, n'en ralentissoit pas les mouvemens aussi promptement que lorsqu'on la verroit sur le cœur d'une grenouille qu'on n'avoit pas ainsi mutilée: expérience bien curieuse & qui prouve que les narcotiques même versés sur le cœur, n'agissent sur lui qu'après avoir affecté le cerveau de l'animal; & sans doute qu'alors les nerfs cessant d'agir sur le cœur, celui-ci languit & meurt.

Les vapeurs méphitiques produisent les mêmes effets, & on pourroit bien le présumer par la ressemblance des symptômes qu'on observe dans l'homme & dans les animaux

(b) *Bastiani Carminati, de animalium ex mephiticis & noxiis halitibus interitu, ejusque propioribus causis. Lib. XIII, 1777, pag. 140.*

(c) Lettre sur un cours de physiologie expérimentale, fait au Collège royal de France, en 1771.

qui sont empoisonnés par les poisons stupéfiants & par les vapeurs méphitiques.

Mais celles-ci n'agissent-elles pas sur le cœur & sur les autres muscles immédiatement, & sans le concours du cerveau ou des nerfs ? M.^{rs} *Carminati*, *Spallanzani* & d'autres physiciens célèbres l'ont pensé ; ils ont vu les cœurs des grenouilles qu'on venoit de séparer de leur corps, perdre beaucoup plus tôt leur pulsation, lorsqu'ils étoient exposés aux vapeurs méphitiques, que ceux de même espèce également séparés du corps & exposés à l'air libre.

Ces expériences si curieuses ont été répétées plusieurs fois par divers anatomistes ; nous les avons faites aussi avec soin, & elles nous ont offert les mêmes résultats.

Mais il s'en faut qu'alors les cœurs détachés du corps des grenouilles, perdent aussi-tôt leur mouvement que les cœurs de celles qu'on a exposées aux vapeurs méphitiques sans les avoir mutilées, & sur-tout sans leur avoir séparé la tête de leur tronc ; ce qui feroit croire que l'action que les vapeurs méphitiques exercent sur les cœurs détachés & sur les muscles en général, n'est point immédiate, mais qu'elle détruit l'influence que les nerfs ont sur eux, & dont l'irritabilité qu'ils possèdent est peut-être une émanation.

On trouve dans le corps des personnes & dans ceux des animaux qui ont été tués par le tonnerre, les mêmes altérations que dans ceux qui ont péri par les vapeurs méphitiques ; ils ont les vaisseaux gorgés d'un sang écumeux & la même flexibilité dans leurs membres ; ils conservent aussi long-temps la chaleur, ce qui fait qu'ils paroissent être en vie, quoiqu'ils soient réellement morts depuis quelque temps.

J'ai vu en 1764 à Montpellier, une femme tuée par le tonnerre dans une maison voisine du bureau de la poste aux lettres, qui conserva long-temps des couleurs vives au visage, & une flexibilité extrême des membres ; on sentit pendant plus de vingt-quatre heures, en touchant l'extérieur de son corps, une chaleur étonnante, & qui parut même au tact, pendant plusieurs heures, plus grande

qu'elle ne l'est pendant la vie : observation que nous avons faite dans la suite sur les corps du marchand & de la marchande de modes étouffés par des vapeurs méphitiques. Nous ferons part dans la suite à l'Académie de quelques ouvertures des corps des personnes qui ont péri par le tonnerre, qui nous sont propres, ou qui nous ont été communiquées, mais dont le résultat est qu'on trouve en elles les mêmes altérations que dans celles qui sont suffoquées par des vapeurs méphitiques.

Qu'il nous suffise d'avoir prouvé que celles-ci ont leurs vaisseaux sanguins pleins d'un sang très-moussueux, & que ceux du cerveau sont aussi dilatés que ceux des personnes qui ont péri de l'apoplexie sanguine, ce qui doit nécessairement donner lieu à la compression des nerfs à leur origine, & intercepter leur action sur les autres parties du corps en général, & sur le cœur en particulier; & peut-être encore que la vapeur méphitique agit immédiatement sur le système nerveux, & en détruit l'influence sur les autres parties du corps. Or, si l'on ajoute à ces causes si fâcheuses de mort, que le cœur perd l'irritabilité dont il jouit, & à la faveur de laquelle le sang se détermine à se contracter, ce qui produit & maintient la circulation, sans laquelle nous ne pouvons exister, qu'il tombe enfin dans l'inertie, on ne sera pas surpris que les vapeurs méphitiques soient si délétères & qu'elles tuent presque dans l'instant.

Mais si cette mort est prompte, elle ne nous a pas paru violente; les animaux que nous avons exposés à la vapeur du charbon, sont devenus calmes & tranquilles dès qu'ils en ont été saisis.

Ils n'ont plus fait des efforts pour sortir de la cuve, & ont même paru passer de l'état de violence où ils étoient d'être renfermés, à celui d'un bien-être apparent. Nous avons plusieurs fois entendu des oiseaux chanter quelques instans avant la mort; ils paroissoient alors dans une espèce d'ivresse, vacillant un instant sur leurs pattes, & tombant doucement sur le côté.

Des hommes qui ont été asphyxiés par les vapeurs méphitiques, & qui ont été rappelés à la vie, m'ont dit avoir d'abord ressenti un léger mal de tête, mais que dans peu ils s'étoient trouvés dans un état de calme & de quiétude ravissant, qu'ils avoient perdu leurs sensations, & qu'ils ne se ressouvenoient plus de rien.

S'il survient quelques légers mouvemens convulsifs, ils cessent au moment de la mort; alors les muscles tombent dans le relâchement; c'est du moins ce que nous avons observé dans les suffoqués par la vapeur du charbon.

Tel est le précis des expériences que nous avons faites, ou d'après d'habiles physiciens, ou d'après nous-mêmes; elles nous suffisent pour nous faire connoître le genre de mort des personnes suffoquées par des vapeurs méphitiques, & l'avantage du traitement que nous avons proposé contre l'asphyxie qu'elles occasionnent.

Exposer au grand air le corps des suffoqués, & leur jeter de l'eau fraîche pour condenser l'air raréfié;

Leur faire prendre, autant qu'on le pourra, du vinaigre affoibli avec de l'eau, soit en boisson, soit en lavement, afin d'exciter la sensibilité des nerfs & l'irritabilité du cœur.

Saigner quelquefois pour diminuer la plénitude extrême des vaisseaux; si les premiers secours ne suffisent pas, introduire de l'air dans la bouche ou dans les narines, pour dissiper les humeurs glaireuses dont elles sont surchargées & pour gonfler le poumon, ce qui concourt à faciliter la circulation du sang:

Voilà les seuls & vrais remèdes contre l'asphyxie; la théorie que nous venons d'exposer les indique, & la pratique en a déjà fait connoître l'efficacité.



ANALYSE

*D'une nouvelle espèce de Mine d'Antimoine terreuse,
d'un jaune clair , parsemée de bleu martial
de Sibérie.*

Par M. S A G E.

J'AI donné à l'Académie, dans le courant de cette année, l'analyse d'une mine de plomb jaunâtre, terreuse, antimoniale, où la terre de ces métaux se trouve combinée avec les acides vitriolique & arsenical. La mine d'antimoine terreuse dont je vais parler est à l'état de chaux, sa couleur est d'un jaune-clair; cette chaux remplit la cavité d'une coquille de la classe des cœurs, dont l'extérieur est encore en partie calcaire, avec des aspérités d'ocre brunâtre, parsemées de bleu martial & de chaux d'antimoine d'un jaune-clair. Deux autres cœurs fossiles trouvés dans la même mine de fer limoneuse de Sibérie, contiennent ce métal dans deux états différens, & renferment en outre dans leur intérieur du schorl strié d'un bleu-foncé.

Une de ces coquilles fossiles est blanche & remplie de mine de fer terreuse jaunâtre; parsemée de globules brunâtres; l'autre est remplie de mine de fer argileuse grisâtre, solide, parsemée de schorl verdâtre fibreux.

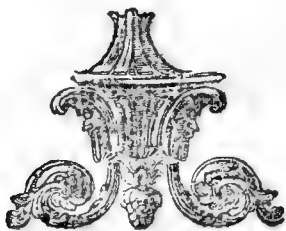
On m'a aussi envoyé de Sibérie des espèces de moules fossiles blanches calcaires, dont l'intérieur est rempli du plus beau bleu martial, parsemé de schorl bleu opaque en prismes très-fins; ces musculites ont été trouvées dans la même mine de fer limoneuse.

La mine d'antimoine terreuse jaune est soluble sans effervescence dans l'acide nitreux; exposée au feu sur des charbons ardents, elle ne répand point d'odeur sensible; elle y devient d'un brun-rougeâtre, & produit des globules vitreux en rapport avec le *ciocus metallorum*.

Si l'on expose cette mine au feu du chalumeau dans le creux d'un charbon, elle y change de couleur, se fond, produit une petite décrépitation, & se réunit en un globule d'antimoine brillant à sa surface; pendant cette expérience, une portion de l'antimoine s'exhale en fleurs blanches qui se fixent en partie sur les bords du charbon.

La mine jaune d'antimoine ayant été fondue avec du verre de borax, a produit un émail d'un brun-verdâtre, lequel, après avoir été pulvérisé, étoit attirable par l'aimant, propriété qu'il doit au bleu martial.

Quoiqu'on ait désigné sous le nom de *bleu de Prusse natif*, la fécule martiale bleue dont je parle, elle en diffère en ce qu'elle est entièrement soluble dans l'acide nitreux, comme l'a observé Brandes, en 1757, dans les Mémoires de l'Académie de Berlin, dans lesquels est insérée l'analyse qu'il a donnée de la terre martiale bleue de Beuthnits qui se trouve déposée par couches de trois ou quatre pieds sous l'*humus* d'un endroit marécageux. Ce bleu martial produit de l'alkali volatil par la distillation; aussi ce menstrue n'a-t-il point d'action sur lui, tandis qu'il décolore le bleu de Prusse.



M É M O I R E

SUR LA

THÉORIE DE L'ANNEAU DE SATURNE.

Par M. DE LA PLACE.

I.

L'ANNEAU de Saturne est un des phénomènes les plus singuliers du système du monde. Huygens donna le premier la véritable explication de ses apparences, en lui supposant la figure d'une couronne circulaire d'une très-mince épaisseur, d'une largeur égale environ au tiers du diamètre de Saturne, & dont le centre est le même que celui de cette planète. M. de Cassini observa ensuite que l'anneau dans sa largeur est divisé en deux parties presque égales, par une bande obscure d'une courbure semblable à celle de l'anneau. Enfin M. Short, avec un fort télescope, aperçut plusieurs bandes concentriques à sa circonférence. Ces observations ne permettent pas de douter que l'anneau de Saturne ne soit formé de plusieurs anneaux situés à peu près dans le même plan ; elles donnent lieu de croire que de plus forts télescopes y feront apercevoir un plus grand nombre d'anneaux.

La théorie de la pesanteur universelle qui s'accorde si bien avec les phénomènes que présentent les mouvemens & les figures des corps célestes, doit également satisfaire à ceux que nous offre l'anneau de Saturne ; mais jusqu'ici personne n'a entrepris de déterminer la figure d'après cette théorie ; car l'explication que M. de Maupertuis a donnée de la formation des anneaux, dans son discours sur la figure des astres, n'étant pas fondée sur la loi de la gravitation mutuelle de toutes les parties de la matière, mais sur la supposition d'une tendance des molécules des anneaux vers plusieurs centres d'attraction ; elle ne doit être regardée que

Mém. 1787.

li

comme une hypothèse ingénieuse, propre tout au plus à faire entrevoir la possibilité des anneaux dans le cas de la nature. En appliquant à cet objet, les recherches que j'ai données dans nos Mémoires de 1782, sur les attractions des sphéroïdes & sur la figure des planètes; je suis parvenu aux résultats suivans que je ne présente que comme un essai d'une théorie de l'anneau de Saturne, qui pourra être perfectionnée, lorsque de nouvelles observations faites avec de grands télescopes, auront fait connoître le nombre & les dimensions des anneaux dont il paroît formé.

Je supposerai, comme les géomètres l'ont fait dans leurs recherches sur la figure des astres, qu'une couche infiniment mince de fluide répandue sur la surface de l'anneau, y resteroit en équilibre, en vertu des forces dont elle seroit animée. Cette hypothèse est la seule admissible; il est en effet contre toute vraisemblance de supposer que l'anneau ne se soutient autour de Saturne, que par l'adhérence de ses molécules; car alors les parties voisines de la planète, sollicitées par l'action toujours renaissante de la pesanteur, se seroient, à la longue, détachées de l'anneau qui par une dégradation insensible, auroit fini par se détruire, ainsi que tous les ouvrages de la Nature qui n'ont point eu les forces suffisantes pour résister à l'action des causes étrangères. C'est par les conditions de l'équilibre de ce fluide, que la figure de l'anneau doit être déterminée; pour cela, je vais rappeler quelques-uns des résultats généraux sur les attractions des sphéroïdes, que j'ai donnés dans les Mémoires cités.

I I.

CONSIDÉRONS l'attraction d'un sphéroïde sur un point quelconque m ; soient x, y, z , les coordonnées de ce point; soit ∂M , une molécule du sphéroïde; x', y', z' , les coordonnées de cette molécule; si l'on nomme ρ sa densité, ρ étant une fonction de x', y', z' , indépendante de x, y & z , on aura $\partial M = \rho \cdot \partial x' \cdot \partial y' \cdot \partial z'$. L'action de ∂M sur m , décomposée parallèlement à l'axe des x , & dirigée vers

leur origine, sera

$$\frac{\rho \cdot \partial x' \partial y' \partial z' \cdot (x' - x)}{[(x - x')^2 + (y - y')^2 + (z - z')^2]^{\frac{3}{2}}};$$

& par conséquent elle sera égale à

$$- \left\{ \frac{\partial}{\partial x} \cdot \frac{\rho \partial x' \partial y' \partial z'}{\sqrt{[(x - x')^2 + (y - y')^2 + (z - z')^2]}} \right\};$$

en nommant donc V l'intégrale

$$\int \frac{\rho \cdot \partial x' \partial y' \partial z'}{\sqrt{[(x - x')^2 + (y - y')^2 + (z - z')^2]}};$$

étendue à la masse entière du sphéroïde; on aura

$-\left(\frac{\partial V}{\partial x}\right)$ pour l'action entière du sphéroïde sur le point m , décomposée parallèlement à l'axe des x , & dirigée vers leur origine.

V est la somme des molécules du sphéroïde, divisées par leurs distances respectives au point attiré m ; pour avoir l'attraction du sphéroïde sur ce point parallèlement à une droite quelconque, il faut donc considérer V comme une fonction de trois coordonnées rectangles dont l'une soit parallèle à cette droite, & différencier cette fonction relativement à cette coordonnée: le coefficient de la différentielle de la coordonnée, pris avec un signe contraire, sera la valeur de l'attraction du sphéroïde, décomposée parallèlement à la droite donnée, & dirigée vers l'origine de la coordonnée qui lui est parallèle.

Si l'on représente par \mathcal{C} la fonction

$$\frac{1}{\sqrt{[(x - x')^2 + (y - y')^2 + (z - z')^2]}};$$

on aura

$$V = \int \mathcal{C} \rho \cdot dx' \cdot dy' \cdot dz'.$$

L'intégration n'étant relative qu'aux variables x', y', z' ; il est clair que l'on aura

$$\left(\frac{\partial \partial V}{\partial x^2} \right) + \left(\frac{\partial \partial V}{\partial y^2} \right) + \left(\frac{\partial \partial V}{\partial z^2} \right) \\ = f_5 . dx' . dy' . dz' . \left[\left(\frac{\partial \partial \mathcal{C}}{\partial x^2} \right) + \left(\frac{\partial \partial \mathcal{C}}{\partial y^2} \right) + \left(\frac{\partial \partial \mathcal{C}}{\partial z^2} \right) \right].$$

Mais il est facile de s'assurer par la différentiation, que l'on a

$$0 = \left(\frac{\partial \partial \mathcal{C}}{\partial x^2} \right) + \left(\frac{\partial \partial \mathcal{C}}{\partial y^2} \right) + \left(\frac{\partial \partial \mathcal{C}}{\partial z^2} \right);$$

on aura donc pareillement

$$0 = \left(\frac{\partial \partial V}{\partial x^2} \right) + \left(\frac{\partial \partial V}{\partial y^2} \right) + \left(\frac{\partial \partial V}{\partial z^2} \right). (1).$$

Cette équation rapportée à d'autres coordonnées, est la base de la théorie que j'ai présentée dans nos Mémoires de 1782, sur les attractions des sphéroïdes & sur la figure des planètes.

Lorsque le sphéroïde est un solide de révolution, l'équation (1) peut se réduire à trois variables. En effet, si l'on suppose $r = \sqrt{x^2 + y^2}$, ou ce qui revient au même, $x = \sqrt{r^2 - y^2}$, & que l'on substitue cette valeur de x dans V , il deviendra fonction de r, y & z ; mais si l'on conçoit que l'axe des z est l'axe même de révolution du sphéroïde, il est clair par la nature du solide de révolution, que la distance r du point attiré à l'axe des z restant la même, ainsi que la distance $\sqrt{r^2 + z^2}$ à l'origine de z , la valeur de V doit rester la même; V doit donc alors être fonction de r & de z sans y , & il ne renferme les variables x & y , qu'autant qu'elles sont contenues dans r . On aura donc

$$\left(\frac{\partial V}{\partial x} \right) = \left(\frac{\partial V}{\partial r} \right) . \left(\frac{\partial r}{\partial x} \right) = \frac{x}{r} \left(\frac{\partial V}{\partial r} \right);$$

d'où l'on tire

$$\left(\frac{\partial \partial V}{\partial x^2} \right) = \frac{y^2}{r^3} . \left(\frac{\partial V}{\partial r} \right) + \frac{x^2}{r^3} . \left(\frac{\partial \partial V}{\partial r^2} \right).$$

On aura pareillement

$$\left(\frac{\partial \partial V}{\partial y^2} \right) = \frac{x^2}{r^3} \left(\frac{\partial V}{\partial r} \right) + \frac{y^2}{r^3} . \left(\frac{\partial \partial V}{\partial r^2} \right),$$

L'équation (1) deviendra donc

$$0 = \frac{1}{r} \cdot \left(\frac{\partial V}{\partial r} \right) + \left(\frac{\partial \partial V}{\partial r^2} \right) + \left(\frac{\partial \partial V}{\partial z^2} \right). (2).$$

Si le sphéroïde est une sphère ou une couche sphérique qui soit par-tout d'une égale épaisseur, l'équation (2) pourra se transformer dans une équation aux différences ordinaires entre deux variables; car en faisant

$$r' = \sqrt{(r^2 + z^2)},$$

ce qui donne

$$z = \sqrt{(r'^2 - r^2)};$$

& en substituant cette valeur dans V qui, relativement aux sphéroïdes de révolution, est fonction de r & de z ; il deviendra fonction de r & de r' . Mais relativement à une sphère ou à une couche sphérique, si l'on fixe l'origine des coordonnées à son centre, la valeur de V sera la même, quel que soit r , pourvu que la distance r' du point attiré au centre de la sphère soit la même; V sera donc alors fonction de r' seul, & il ne renfermera les variables r & z , qu'autant qu'elles sont renfermées dans r' ; on aura ainsi

$$\left(\frac{\partial V}{\partial r} \right) = \frac{r}{r'} \cdot \left(\frac{\partial V}{\partial r'} \right);$$

$$\left(\frac{\partial \partial V}{\partial r^2} \right) = \frac{z^2}{r'^3} \cdot \left(\frac{\partial V}{\partial r'} \right) + \frac{r^2}{r'^2} \cdot \left(\frac{\partial \partial V}{\partial r'^2} \right)$$

$$\left(\frac{\partial \partial V}{\partial z^2} \right) = \frac{r^2}{r'^3} \cdot \left(\frac{\partial V}{\partial r'} \right) + \frac{z^2}{r'^2} \cdot \left(\frac{\partial \partial V}{\partial r'^2} \right),$$

& l'équation (2) deviendra

$$0 = \frac{z}{r'} \cdot \left(\frac{\partial V}{\partial r'} \right) + \left(\frac{\partial \partial V}{\partial r'^2} \right);$$

en intégrant, on aura

$$V = \frac{F}{r'} + H;$$

F & H étant deux constantes arbitraires.

Supposons d'abord le point attiré m , extérieur au sphéroïde; il est clair qu'en supposant r' infini, V doit devenir

nul, ce qui donne $H = 0$. Ainsi relativement aux points extérieurs, l'expression de V se réduit à $\frac{F}{r'}$; mais dans la supposition de r' infini, V est évidemment égal à la masse entière du sphéroïde, divisée par la distance r' de son centre au point m . En nommant donc M cette masse, on aura $F = M$, & par conséquent

$$V = \frac{M}{r'}.$$

La différentielle de V , divisée par $-\partial r'$, exprime, comme on l'a vu, l'attraction du sphéroïde dirigée vers l'origine de r' ; on aura donc $\frac{M}{r'^2}$ pour cette attraction;

d'où il suit que l'action d'une sphère ou d'une couche sphérique, sur un point extérieur, est égale à sa masse divisée par le carré de la distance de son centre à ce point.

Si le point m est placé dans l'intérieur de la couche sphérique, la constante F est nulle, parce que V ne devient point infini lorsque $r' = 0$; on a donc alors $V = F$, & par conséquent la différentielle de V prise par rapport à une droite quelconque, est zéro; d'où il suit qu'un point placé dans l'intérieur d'une couche sphérique, est également attiré de toutes parts. Ces résultats sont bien connus des géomètres; mais on employoit, pour y parvenir, deux méthodes différentes, suivant la position du point attiré à l'extérieur ou dans l'intérieur de la couche sphérique; au lieu que l'analyse précédente renferme ces deux cas dans la même expression de V , en déterminant convenablement ses constantes arbitraires.

III.

ON peut imaginer l'anneau de Saturne, produit par la révolution d'une figure fermée telle que l'ellipse, mue perpendiculairement à son plan, autour du centre de Saturne placé sur le prolongement de l'axe de cette figure. Nous supposons que le rayon r est l'axe même de la

figure génératrice, prolongé jusqu'à Saturne, & qu'il la partage en deux parties égales & semblables; nous supposerons encore que l'axe des z est l'axe de révolution du sphéroïde, & que l'origine de r & de z est au centre de Saturne; enfin nous supposerons que l'anneau a un mouvement de rotation autour de l'axe des z , & que la force centrifuge due à ce mouvement, est g , à une distance de l'axe de rotation prise pour unité de distance. Cela posé.

Si l'on nomme p la force avec laquelle l'anneau attire les points de sa circonférence la plus intérieure, r le rayon de cette circonférence, & S la masse de Saturne; la force avec laquelle les points de cette circonférence tendent vers le centre de cette planète, sera $\frac{S}{r^2} - p - gr$; ainsi, pour qu'ils ne se détachent point de l'anneau supposé fluide, il faut que l'on ait $p > \frac{S}{r^2} - gr$.

Si l'on nomme pareillement p' la force avec laquelle l'anneau attire les points de sa circonférence la plus extérieure, & r' le rayon de cette circonférence, $gr' - p' - \frac{S}{r'^2}$ fera la force avec laquelle ils tendent à se détacher de l'anneau; ainsi, pour qu'ils soient retenus à sa surface, on doit avoir $p' > gr' - \frac{S}{r'^2}$. On aura donc

$$p + \frac{r}{r'} p' > \frac{S \cdot (r'^2 - r^2)}{r^2 r'^3}.$$

Soit q la pesanteur à la surface de Saturne, & R le rayon de son globe, on aura $q = \frac{S}{R^2}$; partant,

$$p + \frac{r}{r'} p' > \frac{q \cdot R^2 \cdot (r'^2 - r^2)}{r^2 r'^3}.$$

La masse de l'anneau est considérablement moindre que celle de Saturne; d'ailleurs, une sphère doit plus fortement agir sur un corps placé à sa surface, qu'un solide de même masse, très-aplati. En vertu de ces deux considérations, q est beaucoup plus grand que p & p' ; d'où il suit que

$\frac{R^2.(r'^3 - r^3)}{r^2.r'^3}$ doit être un très-petit coefficient, ce qui

suppose que r diffère très-peu de r' . Or, cela n'auroit point lieu relativement à l'anneau de Saturne, s'il formoit une masse continue; car les observations donnent $r = \frac{5}{4} R$, & $r' = \frac{7}{3} R$, d'où l'on tire

$$\frac{R^2.(r'^3 - r^3)}{r^2.r'^3} = 0,228805,$$

quantité beaucoup trop grande pour pouvoir être admise: ainsi, quand même les observations ne nous auroient pas fait connoître la division de l'anneau de Saturne, dans plusieurs anneaux concentriques; la théorie de la pesanteur eût suffi pour nous en convaincre. Nous considérerons par conséquent cet anneau, comme étant formé de plusieurs anneaux d'une largeur peu considérable relativement à leurs distances au centre de Saturne; & d'après cette hypothèse, nous allons déterminer leur figure.

I V.

REPRENONS l'équation (2) de l'article II. Dans le cas d'un sphéroïde très-aplati, z est très-petit relativement à r ; de plus, si l'on suppose la figure génératrice divisée en deux parties égales & semblables par le rayon r , la valeur de V est la même pour deux points semblablement placés au-dessus & au-dessous du plan des x & des y ; elle ne change donc point par le signe de z ; d'où il suit qu'elle est fonction de r & de z^2 . En la réduisant en série par rapport aux puissances de z , & en négligeant les quatrièmes puissances de cette variable, on aura

$$V = A + B.z^2,$$

A & B

A & B étant des fonctions de r . Si l'on substitue cette valeur dans l'équation (2) de l'article II, la comparaison des termes indépendans de z , donnera

$$B = - \frac{1}{2r} \cdot \frac{\partial (r \cdot \partial A)}{\partial r^2};$$

partant,

$$V = A - \frac{z^2}{2r} \cdot \frac{\partial (r \partial A)}{\partial r^2}.$$

Telle est l'expression générale de V relative aux sphéroïdes très-aplatis. Pour l'appliquer aux anneaux, il faut supposer leur largeur fort considérable relativement à leur épaisseur; car en nommant l la valeur moyenne de r , V sera fonction de $l - r$ & de z ; ainsi pour que $A + Bz^2$, soit la valeur approchée de V , il est nécessaire que z soit fort petit par rapport à $l - r$. Cela posé, gr étant la force centrifuge du mouvement de rotation du point m , $\frac{1}{2} g r^2$ fera l'intégrale du produit de cette force par l'élément de sa direction. $\frac{S}{\sqrt{(r^2 + z^2)}}$ est la somme de toutes

les molécules de Saturne, divisées par leurs distances respectives au point m ; cette somme est l'intégrale du produit des forces attractives de ces molécules par les élémens de leurs directions, parce que relativement à chaque molécule, cette intégrale est la molécule même divisée par sa distance au point attiré. V est pareillement l'intégrale du produit des forces attractives des molécules de l'anneau, par les élémens de leurs directions. Maintenant, si le point attiré m est à la surface de l'anneau, la condition de l'équilibre exige que l'intégrale de la somme de toutes les forces dont ce point est animé, multipliées par les élémens de leurs directions, soit égale à une constante; on aura donc

$$\text{Const.} = \frac{1}{2} g \cdot r^2 + V + \frac{S}{\sqrt{(r^2 + z^2)}}.$$

z étant supposé très-petit par rapport à r , on a

$$\frac{S}{\sqrt{(r^2 + z^2)}} = \frac{S}{r} - \frac{S \cdot z^2}{2r^3};$$

Mém. 178Z.

Kk

l'équation précédente deviendra donc, en y substituant pour V , sa valeur approchée,

$$\text{Const.} = A + \frac{1}{2} g r^2 + \frac{S}{r} - \frac{z^2}{2r} \cdot \left[\frac{S}{r^2} + \frac{d(r dA)}{d r^2} \right];$$

Soit $r = l + u$, u étant très-petit par rapport à l , & nommons Q , ce que devient A , lorsqu'on y change r , dans l ; on aura, en rejetant les puissances de u , supérieures au carré,

$$\begin{aligned} \text{Const.} &= Q + \frac{1}{2} g l^2 + \frac{S}{l} \\ &- u \cdot \left[g l - \frac{S}{l^2} + \frac{dQ}{dl} \right] \\ &+ \frac{1}{2} u^2 \cdot \left[g + \frac{2S}{l^3} + \frac{d dQ}{d l^2} \right] \\ &- \frac{z^2}{2l} \cdot \left[\frac{S}{l^2} + \frac{d(l dQ)}{d l^2} \right]. \end{aligned}$$

Si l'on détermine l , de manière que le coefficient de u soit nul, on aura

$$\frac{dQ}{dl} = \frac{S}{l^2} - g l;$$

& si l'on fait, pour abréger,

$$\frac{1}{2} g + \frac{S}{l^3} + \frac{1}{2} \cdot \frac{d dQ}{d l^2} = a,$$

l'équation précédente entre u & z deviendra

$$a u^2 + (g - a) \cdot z^2 = k^2,$$

k étant une constante. C'est l'équation de la figure génératrice de l'anneau, & il en résulte que dans les suppositions précédentes, cette figure est une ellipse fort aplatie. Ce résultat nous conduit à examiner plus particulièrement les anneaux formés par la révolution d'une ellipse mue perpendiculairement à son plan, autour du centre de Saturne, placé sur le prolongement de son axe.

V.

L'ANNEAU étant supposé d'une très-petite largeur, relativement à sa distance au centre de Saturne; son

attraction sur un point quelconque m de sa surface, est à fort-peu près égale à celle qu'exerceroit sur un point semblablement placé à son équateur, un ellipsoïde dont le grand axe seroit infini, & dont l'équateur seroit égal à l'ellipse génératrice de l'anneau. En effet, si l'on conçoit que l'ellipsoïde & l'anneau se pénètrent de manière que la section génératrice passant par le point m , & l'équateur de l'ellipsoïde, se confondent; il est visible que ces deux solides se confondront sensiblement jusqu'à une distance d'autant plus considérable, que l'anneau sera plus éloigné de Saturne; en sorte qu'aux points où leur séparation commencera à être sensible, l'attraction qu'exercent sur le point m , leurs parties situées à cette distance & au-delà, sera assez petite pour être négligée. On peut d'ailleurs s'assurer facilement de l'égalité approchée des attractions de ces deux solides sur le point m , en cherchant directement ces attractions par les méthodes connues.

Pour déterminer maintenant l'attraction de l'ellipsoïde, nous observerons que son équation rapportée à trois coordonnées rectangles u , y , z , parallèles à ses trois axes, & qui ont leur origine à son centre, est

$$u^2 + i.y^2 + n.z^2 = k^2,$$

i & n étant positifs. Si l'on suppose que l'axe des u soit sur le rayon mené du centre de Saturne à celui de l'ellipse génératrice de l'anneau, ellipse qui forme l'équateur de l'ellipsoïde; k sera le demi-grand axe de l'ellipse, & par conséquent la demi-largeur de l'anneau; si l'on suppose ensuite que l'axe des z soit dans le plan de cette ellipse, $\frac{k}{\sqrt{n}}$ sera son demi-petit axe, & par conséquent la demi-épaisseur de l'anneau; & il est clair que si l'axe des y est infini, i doit être infiniment petit ou nul.

Soient B & C les attractions du sphéroïde elliptique, parallèlement aux axes des u & des z , sur le point m placé à son équateur, & déterminé par les coordonnées u & z , ces attractions étant dirigées vers l'origine des coordonnées;

Kk ij

on aura en prenant la densité de l'ellipsoïde pour unité des densités,

$$B = \frac{4\pi \cdot u}{\sqrt{(in)}} \cdot \int \frac{t^2 dt}{\left[1 + \left(\frac{1-i}{i}\right) \cdot t^2\right]^{\frac{1}{2}} \cdot \left[1 + \left(\frac{1-n}{n}\right) \cdot t^2\right]^{\frac{1}{2}}}$$

$$C = \frac{4\pi \cdot z}{\sqrt{(in)}} \cdot \int \frac{t^2 dt}{\left[1 + \left(\frac{1-i}{i}\right) \cdot t^2\right]^{\frac{1}{2}} \cdot \left[1 + \left(\frac{1-n}{n}\right) \cdot t^2\right]^{\frac{1}{2}}}$$

π étant le rapport de la demi-circonférence au rayon, & les intégrales étant prises depuis $t = 0$ jusqu'à $t = 1$; (voyez sur cela nos *Mémoires pour l'année 1782*, page 121). Dans la supposition de i nul, on trouvera en faisant $\sqrt{n} = \lambda$,

$$B = \frac{4\pi \cdot u}{1 + \lambda}; \quad C = \frac{4\pi \cdot \lambda \cdot z}{1 + \lambda};$$

ces quantités seront donc les attractions de l'anneau sur le point m , parallèlement aux axes des u & des z . En multipliant ces attractions respectivement par les élémens — du , & — dz de leurs directions, en ajoutant ensuite les intégrales de ces produits, on aura

$$\frac{-2\pi}{1 + \lambda} \cdot (u^2 + \lambda z^2) + \text{const.}$$

pour l'intégrale du produit des forces attractives de l'anneau, multipliées par les élémens de leurs directions, sur un point placé à sa surface; il faut donc substituer cette quantité, au lieu de V , dans l'équation

$$\text{Const.} = \frac{1}{2} g r^2 + V + \frac{S}{\sqrt{(r^2 + z^2)}}$$

trouvée dans l'article précédent. Si l'on suppose de plus dans cette équation, $r = l - u$; on aura, en négligeant les puissances & les produits de u & de z , de plus de deux dimensions,

$$\text{const.} = (gl - \frac{S}{l}) \cdot n + \left(\frac{2\pi}{1 + \lambda} - \frac{S}{l^2} - \frac{1}{2}g \right) u^2$$

$$+ \left(\frac{2\pi \lambda}{1 + \lambda} + \frac{S}{2l^2} \right) \cdot z^2$$

c'est l'équation de l'ellipse génératrice.

Si dans l'équation de l'ellipsoïde, $u^2 + v^2 + n z^2 = k^2$, on suppose $y = 0$; on aura encore pour l'équation de l'ellipse génératrice, $u^2 + \lambda^2 z^2 = k^2$. En la comparant avec la précédente, on aura les deux suivantes,

$$g = \frac{S}{b^3}; \quad \lambda^2 = \frac{\frac{4\pi a}{1+\lambda} + \frac{S}{b^3}}{\frac{4\pi}{1+\lambda} - \frac{3S}{b^3}}.$$

La première de ces équations détermine le mouvement de rotation de l'anneau, & la seconde détermine l'ellipticité de sa section génératrice.

V I.

Si l'on fait $e = \frac{S}{4\pi b^3}$, la seconde des équations précédentes donnera

$$e = \frac{\lambda(\lambda - 1)}{(\lambda + 1)(3\lambda^2 + 1)};$$

d'où l'on voit d'abord que λ est plus grand que l'unité, puisque e est nécessairement positif. L'axe de l'ellipse génératrice, dirigé vers Saturne, est égal à $2k$, & il mesure la largeur de l'anneau; le second axe qui lui est perpendiculaire, est égal à $\frac{2k}{\lambda}$, & il mesure l'épaisseur de l'anneau; cette épaisseur est donc moindre que la largeur.

On voit ensuite que e est nul lorsque $\lambda = 1$, & lorsque $\lambda = \infty$; d'où il suit qu'à la même valeur de e , répondent deux valeurs différentes de λ ; mais on peut choisir la plus grande qui donne toujours un anneau plus aplati. La valeur de e est susceptible d'un *maximum* qui répond à fort peu près à $\lambda = 2,6$; dans ce cas, $e = 0,0543$: cette valeur est donc la plus grande dont e soit susceptible. Il en résulte que la densité moyenne de Saturne ne surpasse pas celle des anneaux voisins de sa surface. En effet, si l'on nomme R le rayon du globe de Saturne, & ρ sa moyenne densité, celle de l'anneau étant prise pour unité; on aura

$$S = \frac{4}{3}\pi \cdot \rho R^3.$$

Partant
$$e = \frac{\rho \cdot R^3}{3 l^3}.$$

La distance de Saturne aux points de son anneau les plus voisins de sa surface, est suivant les observations, égale à $\frac{5}{3} R$, & la largeur de la partie intérieure de l'anneau n'excède pas $\frac{1}{2} R$; ainsi relativement aux anneaux les plus voisins de Saturne, l ne surpasse pas $\frac{11}{6} R$. En donnant à l cette valeur, & à e la valeur dans le cas du *maximum*, on trouve $\rho = 1,0038$; c'est l'expression de la densité de Saturne dans le cas extrême, & il en résulte que, selon toute apparence, la densité des anneaux les plus proches de Saturne, surpasse celle de cette planète.

Supposons que la largeur de la partie intérieure de l'anneau ne soit que le quart du rayon de Saturne; ce qui peut être admis sans faire violence aux observations; l sera, relativement à cet anneau intérieur, égale à $\frac{43}{24} \cdot R$. Le demi-grand axe de l'ellipse génératrice sera $\frac{1}{8} \cdot R$, & par conséquent il sera moindre que $\frac{l}{14}$, ce qui suffit pour l'exactitude des approximations précédentes. Supposons ensuite $\lambda = 10$, l'épaisseur de l'anneau sera $\frac{1}{80}$ du diamètre de Saturne, ce qui peut encore être admis. Dans ces suppositions, la densité de l'anneau intérieur seroit à celle de Saturne comme 213 est à 100, sa masse seroit environ $\frac{1}{36}$ de celle de cette planète, ce qui n'offre rien d'impossible. Au reste, des observations faites avec de très-forts télescopes nous donneront de nouvelles lumières sur cet objet; elles feront peut-être apercevoir plusieurs anneaux concentriques dans la partie intérieure de l'anneau de Saturne, qui nous a paru jusqu'ici former une masse continue. En la supposant formée de deux anneaux d'égale largeur & d'une épaisseur égale à $\frac{1}{160}$ du diamètre de Saturne;

les approximations précédentes seroient plus exactes , la densité de chaque anneau se rapprocheroit davantage de celle de Saturne , & la somme de leurs masses seroit plus petite. Quant à la partie extérieure de l'anneau , comme elle paroît formée de plusieurs anneaux concentriques, on peut satisfaire à ses apparences , d'une infinité de manières.

Il est facile de déterminer la durée de la rotation de chaque anneau , d'après la distance l du centre de la section génératrice , au centre de Saturne ; car la force centrifuge g dûe à son mouvement de rotation , étant égale à $-\frac{S}{l^3}$, il est clair que ce mouvement est le même que celui d'un satellite placé à la distance l du centre de Saturne : on peut en conclure que la durée de la rotation de la partie intérieure de l'anneau est environ dix heures.

V I I.

LA théorie précédente subsisteroit encore , dans le cas où l'ellipse génératrice varieroit de grandeur & de position , dans toute l'étendue de la circonférence génératrice de l'anneau ; il suffit qu'à chaque point , on puisse confondre l'attraction de l'anneau avec celle d'un ellipsoïde dont le grand axe seroit infini , & dont l'équation seroit la même que la section génératrice qui passe par le point donné. L'anneau peut donc être supposé d'une largeur inégale dans ses différentes parties ; on peut même lui supposer une double courbure , pourvu que toutes ces variations de grandeur & de position ne soient sensibles qu'à des distances d'un point quelconque donné , beaucoup plus grandes que le diamètre de la section génératrice passant par ce point. Ces inégalités sont indiquées par les apparitions & les disparitions de l'anneau de Saturne , dans lesquelles les deux bras de l'anneau ont présenté des phénomènes différens. J'ajoute que ces inégalités sont nécessaires pour maintenir l'anneau en équilibre autour de Saturne ; car s'il étoit parfaitement semblable dans toutes ses parties , son

équilibre seroit troublé par la force la plus légère, telle que l'attraction d'un satellite, & l'anneau finiroit par se précipiter sur la surface de Saturne.

Pour le faire voir, imaginons que l'anneau soit une ligne circulaire dont r soit le rayon, & dont le centre soit à la distance z du centre de cette planète: il est clair que la résultante de l'attraction de Saturne sur cette circonférence, sera dirigée suivant la droite z , qui joint les deux centres. Si l'on nomme ω l'angle que forme le rayon r de l'anneau, avec le prolongement de z ;

$$\frac{S \cdot r d\omega \cdot (\zeta + r \cos. \omega)}{(r^2 + 2 r \zeta \cos. \omega + \zeta^2)^{\frac{3}{2}}}$$

sera l'attraction de Saturne sur l'élément $r d\omega$ de l'anneau; décomposée parallèlement à z ; d'où il suit que l'attraction de cette planète sur la circonférence entière de l'anneau, sera

$$S r \cdot \int \frac{d\omega \cdot (\zeta + r \cos. \omega)}{(r^2 + 2 r \zeta \cos. \omega + \zeta^2)^{\frac{3}{2}}},$$

l'intégrale étant prise depuis $\omega = 0$, jusqu'à $\omega = 2\pi$. Nommons A , cette attraction; le centre de l'anneau sera donc mû, comme si toute sa masse étant réunie à ce point; il étoit sollicité par la force A dirigée vers le centre de Saturne.

On peut mettre l'expression de A sous la forme suivante:

$$A = \frac{-d}{d\zeta} \int \frac{S d\omega}{(r^2 + 2 r \zeta \cos. \omega + \zeta^2)^{\frac{3}{2}}};$$

la différentielle étant prise relativement à ζ . Si l'on introduit au lieu de $\cos. \omega$, sa valeur en exponentielles imaginaires, & que l'on désigne par c , le nombre dont le logarithme hyperbolique est l'unité; on aura

$$\frac{1}{(r^2 + 2 r \zeta \cos. \omega + \zeta^2)^{\frac{3}{2}}} = \frac{1}{r \cdot \left(1 + \frac{\zeta}{r} c^{\omega\sqrt{-1}}\right)^{\frac{3}{2}} \cdot \left(1 + \frac{\zeta}{r} \cdot c^{-\omega\sqrt{-1}}\right)^{\frac{3}{2}}};$$

soit

$$\frac{1}{\left(1 + \frac{\zeta}{r} c^{\omega\sqrt{-1}}\right)^{\frac{3}{2}}} = 1 + a \cdot \frac{\zeta}{r} \cdot c^{\omega\sqrt{-1}} + a^2 \cdot \frac{\zeta^2}{r^2} \cdot c^{2\omega\sqrt{-1}} + \&c;$$

on aura

on aura

$$\left(1 + \frac{z}{r} \cdot e^{-\varpi \sqrt{-1}}\right)^{\frac{1}{i}} = 1 + a \cdot \frac{z}{r} \cdot e^{-\varpi \sqrt{-1}} + a^2 \cdot \frac{z^2}{r^2} \cdot e^{-2\varpi \sqrt{-1}} + \&c.$$

Si l'on multiplie ces deux séries l'une par l'autre, & que l'on intègre leur produit multiplié par $d\varpi$, depuis $\varpi = 0$ jusqu'à $\varpi = 2\pi$, on aura en observant que

$$\int d\varpi \cdot e^{\pm i\varpi \sqrt{-1}} = 0,$$

lorsque i est un nombre entier,

$$\int \frac{d\varpi}{(r^2 + 2rz \cos \varpi + z^2)^{\frac{1}{2}}} \\ = \frac{2\pi}{r} \left[1 + a^2 \cdot \frac{z^2}{r^2} + a'^2 \cdot \frac{z^4}{r^4} + \&c. \right];$$

d'où l'on tire

$$A = -\frac{4\pi \cdot z}{r^3} \cdot (a^2 + 2a'^2 \cdot \frac{z^2}{r^2} + \&c.).$$

Cette quantité est négative, quel que soit z ; ainsi le centre de Saturne repousse celui de l'anneau, & quel que soit le mouvement relatif de ce second centre, autour du premier, la courbe qu'il décrit par ce mouvement est convexe vers Saturne: le centre de l'anneau doit donc finir par s'éloigner de plus en plus de celui de la planète, jusqu'à ce que sa circonférence vienne en toucher la surface.

Un anneau parfaitement semblable dans toutes ses parties, seroit composé d'une infinité de circonférences pareilles à celle que nous venons de considérer; le centre de l'anneau seroit donc repoussé par celui de Saturne, pour peu que ces deux centres cessassent de coïncider, & dans ce cas, l'anneau finiroit par se joindre à Saturne.

Les différens anneaux qui entourent le globe de Saturne, sont par conséquent des solides irréguliers, d'une largeur inégale dans les divers points de leur circonférence, en sorte que leurs centres de gravité ne coïncident point avec leurs

centres de figure. Ces centres de gravité peuvent être considérés comme autant de satellites qui se meuvent autour du centre de Saturne, à des distances dépendantes de l'inégalité des parties de chaque anneau, & avec des vitesses de rotation égales à celles de leurs anneaux respectifs.

V I I I.

DANS la recherche de la figure des anneaux, nous avons fait abstraction de leur action mutuelle, ce qui suppose l'intervalle qui les sépare, assez grand pour que cette action n'ait pas une influence sensible sur leur figure. Il seroit facile cependant d'y avoir égard, & l'on peut s'assurer aisément que la figure génératrice de chaque anneau seroit encore elliptique, si les anneaux étoient fort aplatis; mais la stabilité de leur équilibre exigeant que leur figure soit fort irrégulière, & ces anneaux doués de divers mouvemens de rotation, changeant sans cesse leur position respective; leur action réciproque doit être extrêmement variable, & elle ne doit point entrer en considération dans la recherche de leur figure permanente.

On conçoit que ces anneaux sollicités par leur action mutuelle, par celle du Soleil & des satellites de Saturne, doivent osciller autour du centre de cette planète; & l'on pourroit croire qu'obéissant à des forces différentes pour chacun d'eux, ils doivent cesser d'être dans un même plan. Mais si l'on suppose que Saturne a un mouvement de rotation, & que le plan de son équateur soit le même que celui de ses anneaux & de ses quatre premiers satellites, son action pourra toujours maintenir dans ce plan le système de ces différens corps; l'action du Soleil & du cinquième satellite ne fera que changer la position du plan de l'équateur de Saturne, qui dans ce mouvement entraînera les anneaux & les orbes des quatre premiers satellites. Il seroit trop long de démontrer ici ce résultat de la pesanteur universelle; je me contenterai d'observer, que selon

toute apparence, les suppositions précédentes sont dans la nature, & que c'est par un mécanisme semblable que les nœuds des satellites de Jupiter s'éloignent peu des nœuds de son équateur, & que l'orbite du premier satellite est constamment dans le plan de cet équateur.

M É M O I R E

SUR LES

VARIATIONS SÉCULAIRES

DES ORBITES DES PLANÈTES.

Par M. DE LA PLACE.

I.

LES élémens des orbites des planètes éprouvent, en vertu de l'action mutuelle de ces corps, des variations qui en se développant avec une extrême lenteur, deviennent par la suite des temps, très-considérables. Déjà les observations les ont fait reconnoître, mais elles n'ont pu encore en fixer la valeur, parce que, les observations anciennes sont trop imparfaites, & les observations faites avec précision ne remontent guère au-delà d'un siècle. La théorie de la pesanteur a répandu un grand jour sur cet objet important du système du monde; elle nous a fait connoître la cause & les loix de ces variations, & maintenant elle ne laisse plus à desirer qu'une détermination exacte des masses des planètes qui n'ont point de satellites. C'est une connoissance que l'on ne peut attendre que du temps qui, en rendant très-sensibles, les variations séculaires des orbites, fournira les données les plus précises pour y parvenir. Alors on pourra remonter par la pensée aux changemens successifs qu'a éprouvés le système solaire, & prévoir tous ceux que la suite des siècles doit présenter aux observa-

teurs. Mais ne pouvant jouir de ces avantages réservés à la postérité, nous devons au moins tirer de l'analyse, tous les résultats qu'elle peut nous offrir dans l'état actuel de nos connoissances. Il en est deux fort intéressans sur les variations séculaires des orbites, & qui sont indépendans des masses des planètes; l'un est l'uniformité des moyens mouvemens célestes; l'autre est la stabilité du système planétaire. Je suis parvenu autrefois, par approximation, au premier de ces résultats, que M. de la Grange a depuis démontré en rigueur. Les inégalités des moyens mouvemens de Jupiter & de Saturne y sembloient contraires; mais ayant découvert la cause de ces inégalités, j'ai vu que loin d'infirmier ce résultat, elles le confirment de la manière la plus frappante, & qu'elles présentent en même temps une des plus fortes preuves du principe de la pesanteur universelle.

Quant à la stabilité du système planétaire, j'ai prouvé dans nos Mémoires pour l'année 1784, que par cela seul que les planètes se meuvent toutes dans le même sens, & dans des orbites presque circulaires & peu inclinées les unes aux autres, les excentricités & les inclinaisons de ces orbites sont toujours renfermées dans d'étroites limites, & qu'ainsi le système du monde ne fait qu'osciller autour d'un état moyen dont il ne s'écarte jamais que d'une très-petite quantité. Comme ce résultat est d'une grande importance dans l'astronomie physique, je vais le reprendre ici, & le développer avec plus d'étendue que je ne l'ai fait dans les Mémoires cités.

I I.

SOIENT $m^{(0)}$, $m^{(1)}$, $m^{(2)}$, &c. les masses des planètes, celle du Soleil étant prise pour unité; soient $n^{(0)}.t$, $n^{(1)}.t$, $n^{(2)}.t$, &c. leurs moyens mouvemens, le temps étant représenté par t ; soient encore $a^{(0)}$, $a^{(1)}$, $a^{(2)}$, &c. leurs moyennes

distances au Soleil; $e^{(0)}$, $e^{(1)}$, $e^{(2)}$, &c. les rapports des excentricités de leurs orbites à leurs demi-grands axes; $\varpi^{(0)}$, $\varpi^{(1)}$, $\varpi^{(2)}$, &c. les longitudes de leurs aphélies; $\theta^{(0)}$, $\theta^{(1)}$, $\theta^{(2)}$, &c. les tangentes des inclinaisons de leurs orbites sur un plan fixe qui leur soit peu incliné; $I^{(0)}$, $I^{(1)}$, $I^{(2)}$, &c. les longitudes de leurs nœuds ascendants sur ce plan. Soit

$$e^{(0)} \cdot \sin. \varpi^{(0)} = p^{(0)}; \quad e^{(0)} \cdot \cos. \varpi^{(0)} = q^{(0)};$$

$$e^{(1)} \cdot \sin. \varpi^{(1)} = p^{(1)}; \quad e^{(1)} \cdot \cos. \varpi^{(1)} = q^{(1)};$$

&c.

$$\theta^{(0)} \cdot \sin. I^{(0)} = h^{(0)}; \quad \theta^{(0)} \cdot \cos. I^{(0)} = l^{(0)};$$

$$\theta^{(1)} \cdot \sin. I^{(1)} = h^{(1)}; \quad \theta^{(1)} \cdot \cos. I^{(1)} = l^{(1)};$$

&c.

Supposons ensuite qu'en développant la fonction

$$(a^{(i)^2} - 2a^{(i)} \cdot a^{(r)} \cdot \cos. V + a^{(r)^2})^{-\frac{1}{2}},$$

suivant les cosinus de l'angle V & de ses multiples, les deux premiers termes de la série soient

$$(a^{(i)}, a^{(r)}) + (a^{(i)}, a^{(r)})^2 \cdot \cos. V,$$

i & r étant deux nombres entiers positifs, différens l'un de l'autre, & susceptibles de toutes les valeurs depuis zéro, jusqu'au nombre des planètes, que nous désignerons par n . Enfin soit

$$\frac{m^{(r)} \cdot n^{(i)}}{4} \cdot a^{(i)^2} \cdot a^{(r)} \cdot (a^{(i)}, a^{(r)})^2 = (i, r)$$

$$\frac{m^{(r)} \cdot n^{(i)}}{2} \cdot a^{(i)} \cdot [(a^{(i)^2} + a^{(r)^2}) \cdot (a^{(i)}, a^{(r)})^2$$

$$- 3 a^{(i)} \cdot a^{(r)} \cdot (a^{(i)}, a^{(r)})] = \boxed{i, r}.$$

Ces deux fonctions (i, r) & $\overline{i, r}$ sont telles que l'on a

$$\left. \begin{aligned} m^{(i)} \cdot \sqrt{a^{(i)}} \cdot (i, r) &= m^{(r)} \cdot \sqrt{a^{(r)}} \cdot (r, i) \\ m^{(i)} \cdot \sqrt{a^{(i)}} \cdot \overline{i, r} &= m^{(r)} \cdot \sqrt{a^{(r)}} \cdot \overline{r, i} \end{aligned} \right\}; (A)$$

En effet, il est visible que

$$(a^{(i)}, a^{(r)}) = (a^{(r)}, a^{(i)}),$$

&

$$(a^{(i)}, a^{(r)})^2 = (a^{(r)}, a^{(i)})^2;$$

d'où il suit que l'on a

$$\frac{m^{(i)} \cdot (i, r)}{a^{(i)} \cdot n^{(i)}} = \frac{m^{(r)} \cdot (r, i)}{a^{(r)} \cdot n^{(r)}}; \quad \frac{m^{(i)} \cdot \overline{i, r}}{a^{(i)} \cdot n^{(i)}} = \frac{m^{(r)} \cdot \overline{r, i}}{a^{(r)} \cdot n^{(r)}};$$

mais on a, lorsque les planètes tournent dans le même sens,

$$n^{(i)} = \frac{1}{\sqrt{a^{(i)^3}}}; \quad n^{(r)} = \frac{1}{\sqrt{a^{(r)^3}}};$$

en substituant ces valeurs de $n^{(i)}$ & de $n^{(r)}$ dans les équations précédentes, on formera les équations (A). Si les deux planètes $m^{(i)}$ & $m^{(r)}$ tournent dans des sens contraires, $n^{(r)}$ fera d'un signe contraire à $n^{(i)}$; mais les équations (A) subsisteront toujours, pourvu que l'on donne aux radicaux $\sqrt{a^{(i)}}$ & $\sqrt{a^{(r)}}$, les signes de $n^{(i)}$ & de $n^{(r)}$. Cela posé, les quantités $p^{(0)}$, $q^{(0)}$, $p^{(1)}$, $q^{(1)}$, &c. seront déterminées par les équations différentielles,

$$\left. \begin{aligned} \frac{dp^{(i)}}{dt} &= q^{(i)} \cdot \Sigma(i, r) - \Sigma \cdot q^{(r)} \cdot \overline{i, r} \\ \frac{dq^{(i)}}{dt} &= -p^{(i)} \cdot \Sigma(i, r) + \Sigma \cdot p^{(r)} \cdot \overline{i, r} \end{aligned} \right\}; (B)$$

La caractéristique Σ des intégrales finies se rapporte à la variable r , & ces intégrales doivent être prises depuis $r = 0$ jusqu'à $r = u$; mais comme i doit être différent de r , il faut rejeter des intégrales, les termes dans lesquels $i = r$, ce qui revient à supposer $(i, i) = 0$, $\boxed{i, i} = 0$.

On déterminera pareillement les quantités

$$h^{(0)}, l^{(0)}, h^{(1)}, l^{(1)}, \&c.$$

au moyen des équations différentielles

$$\left. \begin{aligned} \frac{dh^{(i)}}{dr} &= -l^{(i)} \cdot \Sigma(i, r) + \Sigma \cdot l^{(r)} \cdot (i, r) \\ \frac{dl^{(i)}}{dr} &= h^{(i)} \cdot \Sigma(i, r) - \Sigma^{(r)} \cdot f^{(r)} \cdot (i, r) \end{aligned} \right\} i(C).$$

équations qui rentrent évidemment dans les équations (B), en changeant dans celles-ci, $\boxed{i, r}$ dans (i, r) . (Voyez, pour la démonstration de ces différentes équations, nos *Mémoires pour l'année 1772*).

III.

Les équations (B) & (C) présentent des rapports très-remarquables que nous allons développer. Si l'on multiplie la première des équations (B) par $p^{(i)}$, & qu'on l'ajoute à la seconde multipliée par $q^{(i)}$, on aura

$$p^{(i)} \cdot \frac{dp^{(i)}}{dr} + q^{(i)} \cdot \frac{dq^{(i)}}{dr} = \Sigma [q^{(i)} p^{(r)} - p^{(i)} q^{(r)}] \cdot \boxed{i, r}.$$

En multipliant les deux membres de cette équation par $m^{(i)} \cdot \sqrt{a^{(i)}}$, & en les intégrant par rapport au nombre variable i , on aura

$$\begin{aligned} \Sigma^i \cdot m^{(i)} \sqrt{a^{(i)}} \cdot \left[p^{(i)} \cdot \frac{dp^{(i)}}{dr} + q^{(i)} \cdot \frac{dq^{(i)}}{dr} \right] \\ = \Sigma^i \cdot \Sigma \cdot [q^{(i)} p^{(r)} - p^{(i)} q^{(r)}] \cdot m^{(i)} \cdot \sqrt{a^{(i)}} \cdot \boxed{i, r} \end{aligned}$$

Σ' étant la caractéristique des intégrales finies, relatives à i . Si l'on prend ces intégrales, depuis $i = 0$, jusqu'à $i = n - 1$; dans la somme des termes que renferme le second membre de cette équation, un terme quelconque

$$(q^{(i)} p^{(r)} - p^{(i)} q^{(r)}) \cdot m^{(i)} \sqrt{a^{(i)}} \cdot [i, r]$$

fera détruit par le terme

$$(q^{(r)} p^{(i)} - p^{(r)} q^{(i)}) \cdot m^{(r)} \sqrt{a^{(r)}} \cdot [r, i]$$

qui affecté d'un signe contraire, lui est égal en vertu de la seconde des équations (A) de l'article précédent. Ce second membre se réduira donc à zéro, ce qui donne

$$\Sigma' \cdot m^{(i)} \cdot \sqrt{a^{(i)}} \cdot \left[p^{(i)} \cdot \frac{d p^{(i)}}{d t} + q^{(i)} \cdot \frac{d q^{(i)}}{d t} \right] = 0;$$

& en intégrant par rapport au temps t ;

$$\Sigma' \cdot m^{(i)} \cdot \sqrt{a^{(i)}} \cdot [p^{(i)^2} + q^{(i)^2}] = \text{constante},$$

ou à cause de $e^{(i)^2} = p^{(i)^2} + q^{(i)^2}$,

$$\Sigma' \cdot m^{(i)} \cdot \sqrt{a^{(i)}} \cdot e^{(i)^2} = \text{constante};$$

équations dans lesquelles on doit observer de donner au radical $\sqrt{a^{(i)}}$, le même signe qu'à $n^{(i)}$.

Les équations (C) de l'article précédent, donneront par la même analyse,

$$\Sigma' \cdot m^{(i)} \cdot \sqrt{a^{(i)}} \cdot [h^{(i)^2} + l^{(i)^2}] = \text{constante},$$

ou $\Sigma' \cdot m^{(i)} \cdot \sqrt{a^{(i)}} \cdot \theta^{(i)^2} = \text{constante}.$

Les équations (C) offrent encore les rapports suivans; si l'on multiplie la première par $m^{(i)} \sqrt{a^{(i)}}$, & qu'on l'intègre relativement à i , on aura

$$\Sigma' \cdot m^{(i)} \cdot \sqrt{a^{(i)}} \cdot \frac{d h^{(i)}}{d t} = \Sigma' \cdot \Sigma \cdot [f^{(r)} - f^{(i)}] m^{(i)} \cdot \sqrt{a^{(i)}} \cdot (i, r).$$

Dans

Dans la double intégrale du second membre de cette équation, un terme quelconque $(l^{(r)} - l^{(i)}) \cdot m^{(i)} \cdot \mathcal{V}(a^{(i)}) \cdot (i, r)$ est détruit par le terme $(l^{(i)} - l^{(r)}) \cdot m^{(r)} \cdot \mathcal{V}(a^{(r)}) \cdot (r, i)$, qui, avec un signe contraire, lui est égal, en vertu de l'équation

$$m^{(i)} \cdot \mathcal{V}(a^{(i)}) \cdot (i, r) = m^{(r)} \cdot \mathcal{V}(a^{(r)}) \cdot (r, i);$$

on aura donc

$$\Sigma^i \cdot m^{(i)} \cdot \mathcal{V}(a^{(i)}) \cdot \frac{d h^{(i)}}{d t} = 0,$$

& en intégrant par rapport à t , on aura

$$\Sigma^i \cdot m^{(i)} \cdot \mathcal{V}(a^{(i)}) \cdot h^{(i)} = \text{constante.}$$

On aura pareillement

$$\Sigma^i \cdot m^{(i)} \cdot \mathcal{V}(a^{(i)}) \cdot l^{(i)} = \text{constante.}$$

Je suis parvenu à ces différentes équations dans nos *Mémoires de 1784*, en les déduisant d'équations plus générales que le principe des aires donne entre les grands axes, les excentricités & les inclinaisons des orbites, & qui sont indépendantes de la petitesse des excentricités & des inclinaisons. J'ai cru que l'on verroit avec plaisir ces mêmes équations résulter directement des équations différentielles qui déterminent les variations séculaires des orbites.

S'il n'y a que deux planètes $m^{(0)}$ & $m^{(1)}$; les trois équations relatives aux nœuds & aux inclinaisons des orbites, deviendront

$$\text{const.} = m^{(0)} \cdot \mathcal{V}(a^{(0)}) \cdot (h^{(0)2} + l^{(0)2})$$

$$+ m^{(1)} \cdot \mathcal{V}(a^{(1)}) \cdot (h^{(1)2} + l^{(1)2})$$

$$\text{const.} = m^{(0)} \cdot \mathcal{V}(a^{(0)}) \cdot h^{(0)} + m^{(1)} \cdot \mathcal{V}(a^{(1)}) \cdot h^{(1)};$$

$$\text{const.} = m^{(0)} \cdot \mathcal{V}(a^{(0)}) \cdot l^{(0)} + m^{(1)} \cdot \mathcal{V}(a^{(1)}) \cdot l^{(1)};$$

en carrant les deux dernières équations, & en retranchant

274 MÉMOIRES DE L'ACADÉMIE ROYALE
de leur somme, la première multipliée par le facteur

$$m^{(0)} \cdot \sqrt{a^{(0)}} + m^{(1)} \cdot \sqrt{a^{(1)}}$$

qui est constant, puisque les demi-grands axes $a^{(0)}$ & $a^{(1)}$ sont invariables; on aura

$$\text{const.} = m^{(0)} \cdot m^{(1)} \cdot \sqrt{a^{(0)}} \cdot \sqrt{a^{(1)}} \cdot [(h^{(1)} - h^{(0)})^2 + (l^{(1)} - l^{(0)})^2].$$

Il est facile de s'assurer par la trigonométrie sphérique, que le cosinus de l'inclinaison respective des deux orbites est

$$\frac{1 + h^{(0)} h^{(1)} + l^{(0)} l^{(1)}}{\sqrt{1 + \theta^{(0)2}} \cdot \sqrt{1 + \theta^{(1)2}}}$$

Si l'on néglige les produits des quatre dimensions de $h^{(0)}$, $h^{(1)}$, $l^{(0)}$, $l^{(1)}$; ce cosinus devient $1 - \frac{1}{2} \cdot [(h^{(1)} - h^{(0)})^2 + (l^{(1)} - l^{(0)})^2]$. En retranchant son carré de l'unité, on trouvera le carré du sinus de l'inclinaison respective des orbites, égal à $(h^{(1)} - h^{(0)})^2 + (l^{(1)} - l^{(0)})^2$. Cette quantité est constante par ce qui précède; ainsi, en vertu de l'action mutuelle des deux planètes, l'inclinaison respective de leurs orbites reste toujours la même.

Ce théorème a généralement lieu pour deux orbites circulaires, quelle que soit leur inclinaison respective; pour le faire voir, je reprends les trois équations,

$$\text{const.} = \frac{m^{(0)} \cdot \sqrt{a^{(0)}} \cdot (1 - e^{(0)2})}{\sqrt{1 + \theta^{(0)2}}} + \frac{m^{(1)} \cdot \sqrt{a^{(1)}} \cdot (1 - e^{(1)2})}{\sqrt{1 + \theta^{(1)2}}}$$

$$\text{const.} = \frac{m^{(0)} \cdot h^{(0)} \cdot \sqrt{a^{(0)}} \cdot (1 - e^{(0)2})}{\sqrt{1 + \theta^{(0)2}}} + \frac{m^{(1)} \cdot h^{(1)} \cdot \sqrt{a^{(1)}} \cdot (1 - e^{(1)2})}{\sqrt{1 + \theta^{(1)2}}}$$

$$\text{const.} = \frac{m^{(0)} \cdot l^{(0)} \cdot \sqrt{a^{(0)}} \cdot (1 - e^{(0)2})}{\sqrt{1 + \theta^{(0)2}}} + \frac{m^{(1)} \cdot l^{(1)} \cdot \sqrt{a^{(1)}} \cdot (1 - e^{(1)2})}{\sqrt{1 + \theta^{(1)2}}}$$

que j'ai trouvées dans les *Mémoires* cités de 1784, & qui ont lieu, quelles que soient les excentricités & les inclinaisons des orbites. Si l'on ajoute ensemble les carrés des seconds membres de ces équations, on aura

$$\begin{aligned} \text{const.} = & m^{(0)^2} \cdot a^{(0)} \cdot (1 - e^{(0)^2}) + m^{(1)^2} \cdot a^{(1)} \cdot (1 - e^{(1)^2}) \\ & + 2 m^{(0)} \cdot m^{(1)} \cdot \mathcal{V}[(a^{(0)}) \cdot (1 - e^{(0)^2})] \cdot \mathcal{V}[(a^{(1)}) \cdot (1 - e^{(1)^2})] \\ & \cdot \left(\frac{1 + h^{(0)} h^{(1)} + l^{(0)} l^{(1)}}{\mathcal{V}(1 + \theta^{(0)^2}) \cdot \mathcal{V}(1 + \theta^{(1)^2})} \right); \end{aligned}$$

mais $a^{(0)}$ & $a^{(1)}$ sont invariables, & dans la supposition des orbites circulaires, $e^{(0)}$ & $e^{(1)}$ sont nuls; on aura donc dans ce cas

$$\frac{1 + h^{(0)} h^{(1)} + l^{(0)} l^{(1)}}{\mathcal{V}(1 + \theta^{(0)^2}) \cdot \mathcal{V}(1 + \theta^{(1)^2})} = \text{const.}$$

& comme le premier membre de cette équation est le cosinus de l'inclinaison respective des deux orbites, il en résulte que cette inclinaison est constante.

I V.

REPRENONS maintenant les équations (B) de l'art. II. Si l'on y suppose successivement $i = 0, i = 1, i = 2, \dots, i = n - 1$; on aura $2n$ équations différentielles linéaires du premier ordre, dont les intégrales doivent par conséquent renfermer $2n$ constantes arbitraires. Supposons

$p^{(i)} = M^{(i)} \cdot \sin. (ft + \mathcal{C})$; $q^{(i)} = M^{(i)} \cdot \cos. (ft + \mathcal{C})$; en substituant ces valeurs dans les équations (B), on aura

$$f M^{(i)} = M^{(i)} \cdot \Sigma (i, r) - \Sigma \cdot M^{(r)} \cdot [i, r].$$

Au moyen des n équations que l'on formera par les suppositions de $i = 0, i = 1, \dots, i = n - 1$, on pourra éliminer les constantes $M^{(0)}, M^{(1)}, \&c.$ & l'on

Mm ij

aura une équation en f , du degré n ; de plus, toutes les constantes $M^{(0)}$, $M^{(1)}$, &c. seront données au moyen de l'une d'elles, telle que $M^{(0)}$ qui restera arbitraire.

Soient f , f' , &c. les n racines de l'équation en f ; on aura par la théorie connue des équations différentielles linéaires,

$$p^{(i)} = M^{(i)} \cdot \sin. (ft + \mathcal{C}) + N^{(i)} \cdot \sin. (f' t + \mathcal{C}') + \&c.$$

$$q^{(i)} = M^{(i)} \cdot \cos. (ft + \mathcal{C}) + N^{(i)} \cdot \cos. (f' t + \mathcal{C}') + \&c.$$

Ces valeurs de $p^{(i)}$ & de $q^{(i)}$ seront complètes, puisqu'elles renfermeront les $2n$ arbitraires, $M^{(0)}$, $N^{(0)}$, &c. \mathcal{C} , \mathcal{C}' , &c.

Maintenant si les racines f , f' , &c. sont réelles & inégales; les valeurs de $p^{(i)}$ & de $q^{(i)}$ resteront toujours fort petites, & comme on a $e^{(i)^2} = p^{(i)^2} + q^{(i)^2}$, les excentricités des orbites seront toujours peu considérables. Mais il n'en est pas de même si quelques-unes de ces racines sont égales ou imaginaires; car alors les sinus & les cosinus se changent en arcs de cercle, ou en exponentielles. Les excentricités des orbites cesseront donc, après un long intervalle de temps, d'être fort petites; ce qui, en changeant la constitution du système solaire, détruiroit sa stabilité. Par conséquent, il importe de s'assurer que les valeurs de f , ne peuvent être ni égales ni imaginaires. Cette recherche paroît supposer la connoissance des masses des planètes, qui entrent dans les coefficients de l'équation en f ; mais il est très-remarquable que quelles que soient ces masses, pourvu qu'elles se meuvent toutes dans le même sens, l'équation en f ne peut avoir que des racines réelles & inégales.

Pour le démontrer de la manière la plus générale, nous observerons que dans le cas des racines imaginaires, la valeur de $p^{(i)}$ contient des termes de la forme $e^{gt} \cdot P^{(i)}$,

c étant le nombre dont le logarithme hyperbolique est l'unité, & $P^{(i)}$ étant une quantité réelle, puisque $p^{(i)}$ qui est égal à $e^{(i)} \cdot \sin. \varpi^{(i)}$, est nécessairement réel. La valeur de $q^{(i)}$ renferme un terme correspondant de la forme $c^{g^i} \cdot Q^{(i)}$, $Q^{(i)}$ étant encore une quantité réelle; la fonction $p^{(i)^2} + q^{(i)^2}$ renfermera donc le terme $c^{2g^i} \cdot (P^{(i)^2} + Q^{(i)^2})$, & par conséquent le premier membre de l'équation

$\Sigma^i . m^{(i)} \cdot \sqrt{(a^{(i)})} \cdot (p^{(i)^2} + q^{(i)^2}) = \text{const.}$
renfermera le terme

$$\Sigma^i . m^{(i)} \cdot \sqrt{(a^{(i)})} \cdot (P^{(i)^2} + Q^{(i)^2}) \cdot c^{2g^i}.$$

Si l'on suppose que l'exponentielle c^{g^i} soit la plus grande de toutes celles que renferment les valeurs de $p^{(i)}$ & de $q^{(i)}$; il est clair que le terme précédent ne peut être détruit par aucun autre, dans le premier membre de cette équation; d'où il suit que ce membre ne peut se réduire à une constante, à moins que l'on ait

$$\Sigma^i . m^{(i)} \cdot \sqrt{(a^{(i)})} \cdot (P^{(i)^2} + Q^{(i)^2}) = 0;$$

or cela est impossible lorsque les quantités $m^{(0)} \cdot \sqrt{(a^{(0)})}$, $m^{(1)} \cdot \sqrt{(a^{(1)})}$, &c. sont toutes de même signe, ou, ce qui revient au même, lorsque toutes les planètes tournent dans le même sens; les valeurs de $p^{(i)}$ & de $q^{(i)}$ ne peuvent donc point renfermer d'exponentielles, & l'équation en f ne peut avoir que des racines réelles, dans le cas de la nature.

Voyons présentement si cette équation peut renfermer des racines égales. Dans ce cas, la valeur de $p^{(i)}$ contient des termes de la forme $t^g \cdot P^{(i)}$, g étant un nombre entier

positif, & $P^{(i)}$ étant une quantité réelle. La valeur de $q^{(i)}$ contient un terme correspondant de la forme $t^g \cdot Q^{(i)}$, $Q^{(i)}$ étant encore une quantité réelle ; la fonction $p^{(i)^2} + q^{(i)^2}$ renfermera donc le terme $t^{2g} \cdot (P^{(i)^2} + Q^{(i)^2})$, & par conséquent le premier membre de l'équation

$$\Sigma' . m^{(i)} . \sqrt{a^{(i)}} . (p^{(i)^2} + q^{(i)^2}) = \text{const.}$$
renfermera le terme

$$\Sigma' . m^{(i)} . \sqrt{a^{(i)}} . t^{2g} . (P^{(i)^2} + Q^{(i)^2}).$$

Si l'on suppose que t^g soit la plus haute puissance de t , qui se trouve dans les valeurs de $p^{(i)}$ & de $q^{(i)}$; le terme précédent ne pourra être détruit par aucun autre, dans le premier membre de cette équation ; ainsi, pour que ce membre soit égal à une constante, il faut que l'on ait

$$\Sigma' . m^{(i)} . \sqrt{a^{(i)}} . (P^{(i)^2} + Q^{(i)^2}) = 0,$$

ce qui est impossible lorsque les planètes tournent dans le même sens. g doit donc être nul, & l'équation en f ne peut avoir que des racines réelles & inégales. Les valeurs de $p^{(i)}$ & de $q^{(i)}$ ne renferment donc que des quantités périodiques qui sont assujetties à l'équation

$$\Sigma' . m^{(i)} . \sqrt{a^{(i)}} . (p^{(i)^2} + q^{(i)^2}) = \text{const.}$$

en sorte que dans le premier membre de cette équation, les coefficients des mêmes cosinus doivent se détruire mutuellement.

Ce que nous venons de dire sur les équations (B) , s'applique également aux équations (C) ; les valeurs de $h^{(i)}$ & de $l^{(i)}$ ne renferment que des quantités périodiques assujetties à l'équation

$$\Sigma' . m^{(i)} \sqrt{a^{(i)}} . (h^{(i)^2} + l^{(i)^2}) = \text{const.}$$

Ces quantités sont encore assujetties aux deux équations suivantes,

$$\Sigma^i . m^{(i)} \sqrt{a^{(i)}} . h^{(i)} = \text{const.}$$

$$\Sigma^i . m^{(i)} . \sqrt{a^{(i)}} . l^{(i)} = \text{const.}$$

Si l'on suppose dans les équations (C),

$$h^{(i)} = M^{(i)} . \sin. (ft + \epsilon); q^{(i)} = M^{(i)} . \cos. (ft + \epsilon);$$

on aura

$$fM^{(i)} = -M^{(i)} . \Sigma . (i, r) + \Sigma . M^{(i)} . (i, r);$$

ce qui, en faisant successivement $i = 0, i = 1, \dots, i = n - 1$, donnera n équations; d'où l'on tirera par l'élimination, une équation en f , du degré n . Mais on peut observer qu'une de ses racines sera toujours nulle: car si l'on suppose $M^{(0)} = M^{(1)} = M^{(2)} = \&c.$ l'équation générale en $M^{(i)}$ sera satisfaite, quelle que soit i , pourvu que l'on fasse $f = 0$; l'équation en f s'abaissera donc au degré $n - 1$.

L'analyse précédente ne peut s'appliquer qu'à un système de planètes qui se meuvent toutes dans le même sens, comme cela a lieu dans notre système planétaire; dans ce cas, on voit que le système est stable, & ne s'éloigne jamais que très-peu, d'un état moyen autour duquel il oscille avec une extrême lenteur. Mais cette propriété remarquable convient-elle également à un système de planètes qui se meuvent en différens sens? c'est ce qu'il seroit très-difficile de déterminer. Comme cette recherche n'est d'aucune utilité dans l'astronomie, nous nous dispenserons de nous en occuper.



M É M O I R E

Sur la nature du Vin lithargiré ou altéré par le plomb , & sur quelques moyens nouveaux d'y reconnoître la présence de ce dangereux métal.

Par M. DE FOURCROY.

Décembre
1787.

IL y a si long-temps que l'on a trouvé l'art dangereux d'adoucir les vins aigres avec la litharge, qu'il est impossible de fixer l'époque où il a été pratiqué la première fois. La chimie a fourni presque aussitôt les moyens de reconnoître cette sophistication; mais il me sera aisé de faire voir qu'elle a trop compté sur l'exactitude de ses instrumens, au moins dans une partie des procédés qu'elle a indiqués pour cela. Aussi les chimistes les plus instruits se sont-ils tous accordés à dire que le seul moyen sûr de reconnoître l'existence du plomb dans les vins, c'est de pousser au feu l'extrait incinéré de ces boissons, & d'en retirer le métal sous la forme métallique.

Il y a eu cependant plusieurs analyses de liqueurs fermentées, dans lesquelles on n'a pas eu recours à ce dernier moyen, & on s'est contenté de les essayer par les divers sulfures alkalis ou *foies de soufre*. On a écrit dans presque tous les ouvrages de chimie, que le sulfure de potasse ou le *foie de soufre alkalin* ordinaire, & le sulfure ammoniacal, nommé *liqueur fumante de Boyle*, étoient des réactifs sûrs pour indiquer la présence du plomb dans les vins, par le précipité noir qu'ils y occasionnent. On a même annoncé avec tant de confiance que cette couleur dans le précipité étoit un indice certain de ce métal, que sans sa présence il ne seroit que blanc.

Des circonstances assez multipliées depuis dix ans m'ont mis dans le cas d'examiner une grande quantité de vins soupçonnés

soupçonnés d'avoir été adoucis avec la litharge. Je ne me suis jamais permis de prononcer sur ces liqueurs, sans en avoir examiné avec soin l'extrait par l'action du feu; mais je n'ai jamais négligé non plus d'en faire l'essai par les réactifs. Comme je n'ai vu aucun vin rouge donner un précipité sans couleur avec le sulfure alkalin, & comme j'ai aussi observé que la plus grande quantité de ces liqueurs donnent un précipité presque noir avec le sulfure ammoniacal, ou la *liqueur fumante de Boyle*, tandis qu'elles ne m'offroient aucun indice de plomb par des procédés plus certains, je crus devoir douter de l'effet des sulfures ou *foies de soufre* annoncés par tous les chimistes, & rejeter la confiance qu'on paroïssoit avoir dans ces réactifs. Le raisonnement le plus simple sur la nature générale des vins, auroit dû détruire depuis long-temps cette confiance dans l'esprit des chimistes : le soufre séparé par l'acide du vin, ne peut jamais avoir sa couleur blanche, puisqu'il entraîne avec lui une matière colorante souvent très-foncée, & que l'action des alkalis contribue à foncer encore davantage; d'ailleurs quelques vins dans lesquels on a dissous un oxide de plomb, ne donnent souvent, avec ces réactifs, qu'un précipité brun moins foncé que celui que fournissent la plupart des vins très-colorés, naturels & non lithargirés.

Ces observations & les réflexions qu'elles devoient faire naître, m'engagèrent à faire des expériences sur cet objet. Je présenterai ici leurs résultats dans deux articles différens : l'un sera relatif à l'état de l'oxide de plomb dans le vin; l'autre comprendra des observations sur les moyens d'en reconnoître la présence.

ARTICLE PREMIER.

De l'état de l'oxide ou chaux de plomb dans le vin.

IL me paroît d'abord nécessaire d'examiner avec soin l'effet de la litharge & de divers oxides ou *chaux de plomb* sur les vins, & de déterminer comment ils y sont tenus en

dissolution. Tous les chimistes qui ont traité de cet objet, n'en ont parlé que d'une manière peu précise; ils se sont contentés de dire vaguement que l'acide du vin s'unissoit à l'oxide de plomb; mais de quel acide ont-ils voulu parler? est-ce de l'acide tartareux, ou de l'acide acéteux? on ne trouve aucune lumière sur ce point dans leurs écrits.

J'ai cherché à déterminer, avant tout, le degré d'affinité du plomb pour ces deux acides végétaux; j'ai reconnu que l'acide tartareux l'emporte sur l'acide acéteux, car une dissolution d'acétite de plomb ou *sel de Saturne*, est précipitée par l'acide tartareux pur, préparé à la manière de Schéele, & bien privé des dernières portions d'acide sulfurique qu'il peut contenir: le précipité blanc qui se forme dans ce cas, est du vrai tartrite de plomb. Si l'on verse une dissolution de tartrite acidule de potasse ou *crème de tartre* dans une dissolution d'acétite de plomb, on a de même un précipité de tartrite de plomb, & la liqueur surnageante contient du tartrite de potasse ou *sel végétal*, & de l'acide acéteux; mais le tartrite de plomb qui doit se former dans le vin par l'addition de la litharge, ne se précipite pas toujours, & y reste souvent en dissolution, comme le démontre le vin lithargiré artificiel. Il falloit donc déterminer comment cette dissolution s'opéroit. Des expériences faites sur l'action comparée des acides tartareux & acéteux, contenus dans différens vins plus ou moins aigres, & des mêmes acides dissous simplement dans l'eau distillée, sur la litharge & sur divers autres oxides de plomb, m'ont conduit aux résultats suivans.

1.^o L'acide tartareux dans l'état d'acidule ou de crème de tartre, c'est-à-dire, en partie saturé de potasse, n'a point d'action sensible sur les oxides de plomb blanc, jaune, rouge & vitreux, qu'on appelle dans les arts *blanc de plomb*, *massicot*, *minium* & *litharge*.

2.^o L'acide tartareux pur, obtenu par la formation du tartrite calcaire; & sa décomposition par l'acide sulfurique, suivant le procédé de Schéele, agit un peu plus sensiblement

sur les divers oxides de plomb. En laissant séjourner cet acide à froid sur la *litharge*, & même en aidant son action par la chaleur, on voit se former un peu de tartrite de plomb, reconnoissable par la couleur blanche qu'il prend; mais la plus grande partie de cet oxide vitreux, reste avec la couleur & toutes les propriétés de la *litharge*.

3.^o Ainsi du vin qui ne contiendrait que du *tartre*, n'auroit presque aucune action sur la *litharge*; d'ailleurs la quantité de ce sel qui existe même dans les vins les plus tartareux, n'étant pas assez grande pour donner à ces liqueurs une saveur aigre qui invite à les adoucir, ce n'est jamais que pour corriger l'aigreur produite par la fermentation, qu'on a fait usage de l'oxide de plomb (*a*).

4.^o L'acide qui se développe par cette fermentation, n'est autre chose que l'acide acéteux; c'est donc alors cet acide qui dissout la *litharge* ou l'oxide de plomb vitreux.

5.^o Mais nous avons prouvé que l'acide acéteux a moins d'affinité avec cet oxide que l'acide tartareux, & que l'acétite de plomb est décomposé par ce dernier acide. Quoiqu'il se forme donc dans les vins qu'on adoucit avec la *litharge*, du véritable acétite de plomb dans le premier instant de la dissolution, ce sel ne reste point dans ces liqueurs; il est promptement décomposé par l'acide tartareux qui s'y trouve.

6.^o C'est pour cela qu'en versant dans du vin une dissolution d'acétite de plomb ou sel de Saturne, il se produit un précipité de tartrite de plomb; mais si c'est un vin assez aigre, le précipité agité & promené dans toute la liqueur, disparoit & se redissout.

7.^o Pour connoître la cause de ce phénomène, nous avons décomposé dans l'eau de l'acétite de plomb par l'acide tartareux, & nous nous sommes convaincus qu'en ajoutant

(a) Je crois aussi que les vins aigres de leur nature & préparés presque sans fermentation, contiennent de l'acide malique, & que c'est à cet acide libre qu'est dûe la dissolution du tartrite de plomb.

du vinaigre, le tartrite de plomb d'abord précipité se redissout en partie. A la vérité, cette dissolution est bien plus prompte & bien plus facile dans le vin que dans l'eau, & nous sommes portés à croire qu'un troisième acide végétal, celui que Schéele a trouvé dans les pommes, & que nous avons appelé *acide malique*, y contribue : nous reviendrons sur ce fait dans une autre occasion. Bergman avoit déjà indiqué cette dissolubilité du tartrite de plomb dans l'acide acéteux, pour distinguer ce sel d'avec le sulfate de plomb.

8.^o Nous sommes donc en état d'apprécier actuellement ce qui se passe lorsqu'on dissout l'oxide vitreux de plomb ou la litharge dans des vins aigres ; l'acide acéteux qui s'y développe par la fermentation, dissout d'abord cet oxide ; l'acétite de plomb formé par cette combinaison, est décomposé à mesure par l'acide tartareux contenu à nu dans le tartre : le tartrite de plomb commence par troubler toute la liqueur vineuse en se précipitant, mais bientôt l'acide acéteux devenu libre, & l'acide malique lorsqu'il y existe, redissolvent le tartrite de plomb à l'aide de l'agitation, de manière que le vin lithargiré est une vraie dissolution de tartrite de plomb dans le vinaigre, & dans un autre acide de la même nature que celui des pommes.

9.^o On conçoit d'après cette théorie simple, que la nature des vins, & la quantité relative des trois acides qu'ils contiennent lorsqu'ils sont aigres, a dû influer sur l'état de l'oxide de plomb qu'on a quelquefois employé pour les adoucir. S'ils sont peu tartareux, & cependant très-aigres, le tartrite de plomb sera entièrement dissous ; les vins transparens, peu altérés dans leur couleur & sans défaut. Si au contraire ils contiennent beaucoup de tartre & peu à proportion d'acide acéteux, le tartrite de plomb sera en partie déposé ; les baignières & les lies en offriront facilement des traces à l'analyse.

10.^o Après avoir trouvé l'état de l'oxide de plomb dans le vin lithargiré, il nous restoit à déterminer la nature de cette combinaison mixte acéto-tartareuse. Je ne parlerai

point ici du malate de plomb que je crois exister aussi dans quelques vins lithargirés; cet objet sera traité dans une autre circonstance.

Le tartrite de plomb sec & pulvérulent n'a pas de saveur sensible, parce qu'il n'est que très-peu dissoluble; on y découvre une légère douceur en le mâchant longtemps; dès qu'on en dissout dans le vinaigre, cet acide s'adoucit, il prend même une saveur sucrée. Ce dernier caractère est cependant bien moins saillant dans cette dissolution, que dans le véritable acétite de plomb saturé. Il est très-remarquable qu'un sel neutre qui n'a par lui-même que peu de saveur, masque celle d'un acide qui le dissout sans décomposition, & qu'il en acquiert une toute différente de celle de cet acide. Quoique l'acide acéteux ne se combine point réellement avec l'oxide de plomb qui tient avec plus de force à l'acide tartareux, il faut cependant qu'il y ait une véritable union chimique entre le tartrite de plomb entier & le vinaigre; que ce dernier réunisse sa force attractive pour le plomb à celle de l'acide tartareux, & qu'il se forme dans cette singulière combinaison un sel triple ou *acéto-tartrite de plomb*, différent de tous les autres sels triplés connus jusqu'ici. Ceux-ci sont en effet des composés du même acide avec deux bases, comme le muriate ammoniac-mercuriel ou *sel Alembroth*, le sulfate ammoniac-magnésien. Notre nouveau sel triple paroît être au contraire un composé de la même base avec deux acides; il y a même cela de singulier dans cette combinaison, que deux acides semblent adhérer à la même base, quoiqu'ils aient pour elle, comme cela a été prouvé plus haut, un degré différent d'affinité.

A R T. I I.

De quelques moyens de reconnoître la présence du plomb dans les Vins.

APRÈS avoir déterminé la manière dont le vin tient

l'oxide de plomb en dissolution, il étoit également important d'apprécier l'effet des réactifs connus sur l'acétotartrite de plomb, & de rechercher s'il n'y auroit pas quelques moyens sûrs & faciles d'en démontrer la présence, même dans de petites quantités. Cette dernière recherche devenoit d'autant plus intéressante, qu'il y a des circonstances où l'on n'a que des quantités de liqueurs soupçonnées assez petites, pour qu'il soit impossible d'en soumettre l'extrait à la réduction par le feu.

J'ai commencé par faire plusieurs essais sur la dissolution pure de tartrite de plomb dans le vinaigre. Les alkalis fixes en séparent l'oxide de plomb sous la couleur blanche; l'ammoniaque *alkali volatil* le précipite moins blanc; l'acide sulfurique ou *vitriolique* lui enlève cet oxide métallique avec lequel il forme du sulfate de plomb, qui se dépose promptement en une poudre très-blanche. L'acide oxalique ou *saccharin*, que l'on fait aujourd'hui, d'après les travaux de Schéele, être combiné avec une certaine quantité de potasse dans le *sel d'oseille* du commerce, s'empare également de l'oxide de plomb, avec lequel il a plus d'affinité que les acides tartareux & acéteux; l'oxalate de plomb qui est très-peu dissoluble, se sépare sur le champ en précipité blanc.

Ces expériences faites comparativement sur des vins rouges purs, & sur les mêmes vins lithargirés, m'ont donné d'autres résultats. Les alkalis fixes & l'ammoniaque précipitent toutes ces liqueurs, mais les précipités sont toujours plus ou moins colorés; aucun indice assez certain ne peut faire distinguer ceux du vin lithargiré : les acides sulfurique & oxalique troublent très-sensiblement ce dernier, & ne produisent point seuls le même effet sur les vins purs. Les précipités de sulfate & d'oxalate de plomb qui se forment, sont plus ou moins rouges & tirant sur le brun, souvent même assez foncé, tandis que ces mêmes précipités produits dans les liqueurs aqueuses, sont très-blancs. En ramassant ces précipités & les traitant avec soin au

chalumeau sur un charbon, on les voit fumer, exhaler une vapeur sensible, devenir jaunes, rouges, & enfin se réduire en globules de plomb avec une effervescence très-sensible. Ces globules sont souvent si petits, relativement à la quantité des précipités, qu'ils disparoissent en s'entouant dans les fentes que la chaleur brusque du chalumeau produit dans le foyer embrasé du charbon; aussi l'usage apprend-il à s'arrêter sur le champ lorsqu'on voit finir l'effervescence qui accompagne la réduction de l'oxide de plomb.

Ces deux réactifs, l'acide sulfurique concentré dans l'état de ce qu'on appelle improprement *huile de vitriol*, & l'acide oxalique ou *saccharin* pur, sont donc propres à indiquer la présence du plomb dans les vins, puisqu'il n'y a presque jamais rien dans ces liqueurs que ce métal qui puisse être précipité en blanc par ces acides. D'ailleurs la propriété de se réduire sur le charbon à l'aide du chalumeau, & de donner des globules de plomb dont jouissent ces deux sels, & sur-tout le dernier ou l'oxalate de plomb, doit ne laisser aucun doute sur la nature des précipités, & rendre certaine l'existence de ce métal dans le vin. Ces procédés simples ont encore un grand avantage sur ceux qui ont été employés jusqu'ici; c'est qu'ils peuvent être mis en usage sur des quantités assez petites de liqueurs; quantités sur lesquelles la calcination & la fusion de l'extrait ne pourroient pas fournir de résultat sensible.

Mais il entroit aussi dans le plan de mes recherches, de trouver un réactif qui pût indiquer très-promptement & dans l'instant même de son mélange, la présence du plomb, par un effet qui ne fût absolument propre qu'à ce métal. Ce réactif, s'il existoit, devoit sur-tout avoir l'avantage précieux d'annoncer avec certitude la quantité la plus petite du métal dangereux, & telle qu'elle pourroit échapper aux deux procédés déjà décrits, & à plus forte raison aux moyens employés avant ces derniers. J'ai trouvé ce réactif sûr dans la dissolution du gaz hydrogène sulfuré, ou gaz hépatique,

dans l'eau distillée (b). Cette eau sulfureuse artificielle, versée dans une dissolution acéteuse de tartrite de plomb, y produit tout-à-coup un nuage brun-noirâtre si marqué & si apparent, qu'un 000,10 de ce sel dans l'eau y est très-sensible, & qu'on peut même en reconnoître jusqu'à 000,100. En faisant cet essai sur un vin *lithargiré* artificiellement, on a un précipité noir si abondant, lorsque cette liqueur contient une quantité notable d'oxide de plomb, qu'il ne peut rester nul doute sur sa présence. On peut même étendre cette liqueur d'une quantité d'eau assez grande pour en détruire presque entièrement la couleur rouge naturelle, & le nuage n'en devient que plus sensible. Je me suis d'ailleurs assuré par beaucoup d'expériences, que tous les vins connus n'éprouvent nulle altération dans leur couleur par l'eau sulfureuse, & qu'il n'y a absolument qu'un oxide métallique qui puisse alors y faire naître un précipité. Enfin, parmi les divers métaux que j'ai dissous dans le vin, le plomb est celui de tous qui donne le précipité le plus foncé, & dont l'action est la plus marquée sur le gaz hydrogène sulfuré. Je regarde donc cette expérience comme la plus décisive & la plus sûre, pour reconnoître les plus petites quantités de plomb dans le vin; elle ne peut pas induire en erreur comme les sulfures ou *foies de soufre*, puisqu'elle ne donne aucun précipité avec les vins purs & qui ne contiennent pas de plomb, tandis que ceux-ci

(b) Pour préparer ce réactif, on reçoit dans un flacon plein d'eau distillée, le tiers de son volume du gaz dégagé des sulfures alkalis ou foies de soufre solides par les acides, en renversant ce flacon sur une planche d'une petite cuve pneumatique, également remplie d'eau distillée. On bouche le flacon dans l'eau, on l'agite fortement, & l'eau distillée se trouve bientôt chargée du gaz hydrogène sulfuré ou gaz hépatique qu'elle peut dissoudre. On peut se servir aussi de l'appareil

de Noorth, pour aciduler l'eau, en mettant dans le vase qui sert de pied à cette machine, du sulfure alkalin en poudre, au lieu de craie. Cette eau sulfureuse artificielle doit être préparée récemment, pour être employée comme réactif dans les vins ou les liqueurs lithargirées; on ne peut la garder quelque temps sans qu'elle s'altère. Une eau sulfureuse naturelle, comme celle d'Enghien près Paris, pourroit être employée avec le même avantage.

décomposent

décomposent & précipitent très-abondamment ces réactifs. Si l'on vouloit encore avoir une certitude plus grande sur la présence du plomb, il seroit aisé de recueillir le précipité & de l'examiner par le chalumeau; cet essai présenteroit alors les phénomènes connus de la Galène.

CINQUIÈME MÉMOIRE

SUR LES

CAPSULES MUQUEUSES DES TENDONS.

ARTICLE V.

Des Capsules muqueuses des tendons qui environnent l'articulation du genou.

Par M. DE FOURCROY.

LES quatre articulations aux environs desquelles j'ai décrit des capsules muqueuses, liées aux tendons qui les avoisinent, ne présentent qu'une structure simple & peu compliquée en comparaison de celle du genou. Cette partie dont l'examen & la description ont déjà occupé tant d'anatomistes, offre encore un travail presque neuf, relativement aux tendons qui l'entourent & aux capsules muqueuses qui les attachent dans son voisinage. Ces capsules sont si multipliées & si grandes, que l'on pourroit regarder l'espace compris entre le périoste des extrémités du fémur, du tibia & du péroné, & les tendons qui les recouvrent, comme creusé de cavités allongées, irrégulières, séparées les unes des autres par des cloisons membraneuses, & destinées à éloigner la face interne des tendons de la face externe des os. Cependant les productions membraneuses qui forment ces capsules, attachent les tendons aux surfaces osseuses, & les empêchent de s'en écarter lorsqu'ils sont de grands

Janv. 1788.

Mém. 1787.

Oo

mouvemens. C'est sans doute en raison de la longueur des muscles qui s'insèrent autour du genou, & du grand éloignement de leurs attaches supérieures au point de leurs insertions inférieures, que la Nature les a munis d'un grand nombre de membranes capsulaires propres à rendre leurs mouvemens plus faciles & plus sûrs, & à en prévenir en même temps l'écartement réciproque.

Albinus est le premier qui ait décrit plusieurs de ces capsules (a). *Jancke* les a connues & indiquées presque toutes; la description qu'il en a donnée est même la partie la plus exacte & la mieux faite de sa dissertation (b). *M. Sabatier* n'a fait mention que de quatre de ces capsules (c); mais l'objet de ces anatomistes n'ayant pas été d'en faire un examen particulier, il n'est point étonnant qu'il leur ait échappé beaucoup de faits sur leur siège & leur structure, comme nous aurons occasion de le faire voir.

S. I.

ALBINUS décrit une capsule ou bourse existant derrière les tendons du crural & des deux vastes, au-dessus de leur réunion, & sous le point même de cette réunion jusqu'à la rotule, adhérente aux tendons par leur paroi antérieure, & à la capsule articulaire par leur paroi postérieure; il annonce qu'elle est mince, mais fort étendue (d). *Jancke* en indique deux au-dessus de la rotule, l'une située entre le droit antérieur & le crural, l'autre entre ce dernier & les deux vastes (e). J'ai cherché un grand nombre de fois cette capsule sans pouvoir la rencontrer dans le lieu désigné; j'y ai mis d'autant plus de soin & d'attention, qu'elle avoit été décrite d'une manière positive par un anatomiste dont l'exactitude est connue. J'ai toujours trouvé les tendons

(a) *Hist. musculor. homin.* 1734, in-4.° pag. 532, 537, 547, 551, 559.

(b) *De capsulis tendinum articularibus.* Lipsiæ, 1753, pag. 16, 17, 18.

(c) *Traité d'Anatomie, tome I,* pages 364, 365, 379, 382.

(d) *Lib. III, cap. 198.*

(e) *Loco citato,* pag. 16, litt. a.

des muscles droit antérieur, crural & vastes, adhérens dans leur milieu par un tissu cellulaire très-lâche & sans bourse capsulaire ; mais j'ai constamment observé deux capsules placées aux parties supérieures & latérales de la rotule, & séparées en haut par l'épaisseur de l'extrémité supérieure de l'os. Lorsqu'on détache avec le scalpel, le tendon du crural de celui des deux vastes au-dessus du genou, on pénètre vers les deux parties latérales & supérieures de la rotule dans deux cavités assez grandes, situées sous ces tendons réunis, l'un sur le condyle interne, l'autre sur le condyle externe du fémur. Ces deux cavités sont formées par une membrane très-mince, qui adhère en-devant à la face interne des tendons, & en arrière à la face externe du ligament capsulaire de l'articulation du genou. Leur cavité est fort irrégulière & comme semi-lunaire ; dans leur milieu elles sont fort voisines l'une de l'autre, & séparées par l'adossément de la membrane qui constitue chacune d'elles. Cet adossément ressemble à un frein ou à une bride ligamenteuse adhérent au haut de la face interne de la rotule ; elles s'étendent en-bas jusqu'à l'intervalle compris entre cet os & les condyles ou fémur ; elles sont enduites d'une grande quantité de synovie : je n'ai pas pu y trouver de communication avec la cavité de l'articulation ; elles en sont séparées par la capsule articulaire, à laquelle leur paroi postérieure est adhérente ; leur usage paroît être de faciliter le mouvement du tendon combiné du triceps crural. Plusieurs anatomistes ont dit que ces muscles soulevoient la capsule articulaire du genou, & l'empêchoient d'être pincée par les os auxquels elle s'insère ; mais il est évident, d'après ce que nous venons d'exposer, qu'ils ne peuvent soulever que la paroi antérieure de la capsule muqueuse, située de chaque côté sous leur tendon, & qui met un obstacle à leur contact avec le ligament capsulaire du genou.

S. I I.

Tous les anatomistes connoissent le gros ligament qui

attache la rotule au tubercule antérieur & supérieur du tibia, mais aucun, si l'on excepte Jancke (*f*), n'a décrit la capsule muqueuse qui se trouve entre la face interne de ce ligament & l'externe de l'os de la jambe. Lorsqu'on coupe le ligament avec attention, on observe qu'il laisse un petit espace vide au bas de la rotule & sur le tubercule du tibia; c'est dans cet espace qu'est placée la capsule muqueuse dont il est question. Cette capsule est petite, comprimée & aplatie, collée en-devant à la face postérieure du ligament, & en arrière à la face antérieure du tibia. En haut, elle est fort voisine de la partie inférieure de la capsule articulaire, mais elle n'a aucune communication avec la cavité de l'articulation. Lorsqu'on ouvre cette capsule muqueuse, on trouve sa cavité lisse, polie & lubrifiée par l'humeur synoviale, de sorte que sa paroi antérieure peut glisser facilement sur la postérieure. Ce mouvement de glissement a lieu toutes les fois que la rotule est tirée par l'action du triceps crural; mais il est très-peu considérable en raison du peu de mobilité de bas en haut dont cet os paroît jouir.

§. III.

IL n'y a dans le corps humain aucun tendon qui offre des capsules muqueuses plus fortes & plus manifestes que celui du demi-membraneux. *Albinus* en a indiqué une petite existant entre ce tendon & la capsule articulaire du genou (*g*). *Jancke* dit en avoir trouvé trois dans deux sujets, & il en a décrit le lieu avec beaucoup d'exactitude (*h*). Je les ai aussi trouvées; comme je le dirai dans un instant. *M. Sabatier* en annonce une entre le tendon & la facette cartilagineuse du tibia sur laquelle il glisse (*i*). C'est celle-ci qui est la plus grande & la plus remarquable; elle est située

(*f*) *Loco citato*, pag. 16, litt. b.

(*g*) *Hist. musculor. lib. III, cap. 192.*

(*h*) *Loco citato*, pag. 17, litt. d.

(*i*) *Traité d'Anatomie, vol. I, page 365.*

sur le condyle interne du tibia, un demi-pouce environ avant le lieu où s'insère le tendon du demi-membraneux, entre ce tendon & la face osseuse. Sa paroi postérieure est adhérente à l'os & comme enfoncée dans une légère cavité que présente en cet endroit le tibia, & qui est même sensible sur cet os sec par une trace polie & cartilagineuse. Sa paroi antérieure passe par-dessus ce tendon & l'enveloppe comme une espèce de gaine; son tissu est dur & ferré, de sorte qu'on pourroit la regarder avec Jancke, comme une espèce de frein ligamenteux qui fixe le tendon au-dessus de son insertion, en facilitant d'ailleurs son mouvement sur la surface osseuse. Sa forme est alongée & oblique de derrière en devant & de haut en bas; sa cavité est lisse, polie & remplie de synovie; la portion du tendon qui baigne dans cette capsule, est brillante & argentée.

Les deux autres qui sont indiquées par Jancke, ne se trouvent pas aussi constamment que la première; l'une d'elles est au-dessus de la précédente & commune au tendon du demi-membraneux & à celui du gastrocnémien; elle est petite & située vers le pli postérieur de l'articulation. Sa paroi antérieure adhère à la face postérieure ou interne du tendon du demi-membraneux: sa paroi postérieure est collée à la face antérieure ou externe de celui du gastrocnémien interne, devant laquelle le premier passe obliquement; l'autre est plus bas, très-près de l'insertion du demi-membraneux, & se trouve entre son bord antérieur & le tendon voisin du demi-tendineux; & celle-ci est très-petite, fortement liée à l'un & à l'autre de ces tendons. L'usage de ces deux capsules est de favoriser le glissement de ces tendons les uns sur les autres.

S. I V.

LES trois tendons qui s'insèrent au tibia au-dessous & au-devant du demi-membraneux, savoir, ceux du couturier, du grêle interne & du demi-tendineux, font sur l'os de la jambe un contour très-sensible qui commence sur le

ligament cruro-tibial interne du genou, & qui s'étend jusqu'au point où ils s'attachent en s'épanouissant; outre qu'ils sont fixés à leur place par l'aponévrose qui les recouvre, & dont ils fournissent même la plupart des fibres; ils sont encore retenus par des capsules muqueuses qui se trouvent entre leurs faces postérieures & celles de l'os sur lequel ils s'appuient. *Winslow* n'en a point parlé; *Albinus* en a fait mention dans sa description du grêle interne, mais il n'en indique qu'une générale, située entre ces trois tendons & le ligament latéral interne du genou (*k*). *Jancke* en a fait une description beaucoup plus exacte, & il en a connu les variétés; il dit que souvent il y en a une commune aux trois tendons, que quelquefois il s'en trouve deux, & quelquefois trois (*l*). *M. Sabatier* l'a désignée avec exactitude, en disant que l'aponévrose formée par la réunion des trois tendons, est assujettie au tibia par une large capsule qui leur est commune (*m*). Voici la structure que cette capsule m'a présentée en l'examinant avec beaucoup de soin sur plusieurs sujets. Les trois tendons du couturier, du grêle interne & du demi-nerveux, sont adhérens les uns aux autres par une aponévrose dont on peut séparer facilement trois couches: la première & la plus extérieure est fournie par le bord inférieur du tendon du couturier qui recouvre une partie de celui du grêle interne; celui-ci qui s'avance un peu sur le tendon du demi-nerveux, donne une autre production aponévrotique, qui se joint bientôt à celle qui se dégage du demi-nerveux, de manière que ces trois feuillets aponévrotiques dont il part en-haut, en-arrière & en-bas des faisceaux qui se jettent sur l'aponévrose de la jambe, sont intimement unis & adhérens entr'eux. Il en résulte une membrane tendineuse assez forte, qui renferme les trois tendons dans ses duplicatures, & qui flotte librement sur la face interne du tibia

(*k*) *Hist. musculor. lib. III, cap. 201.*

(*l*) *Loco citato*, page 17, litt. c.

(*m*) *Traité d'Anatomie, tome I, page 364.*

au-dessous du condyle interne, depuis le ligament cruro-tibial jusqu'à la naissance de la crête qui termine cet os en devant. C'est sous cette aponévrose, entre sa face interne & le tibia, qu'est placée la capsule dont nous nous occupons : tantôt il n'y en a qu'une très-large qui s'étend depuis le ligament jusqu'au-dessous du tubercule du tibia, dont la paroi antérieure adhère à l'aponévrose & aux trois tendons, & dont la postérieure tient au périoste & à la face externe du ligament interne du genou. Souvent cette capsule se trouve partagée en deux ou trois autres capsules particulières à chaque tendon, par deux brides membraneuses qui la divisent en trois cavités; souvent cette division n'en présente que deux, l'une commune au couturier & au grêle interne, l'autre particulière au demi-tendineux. Quand cette capsule est seule & sans division, on y trouve une bride inférieure pour chaque tendon qui l'attache au périoste & au ligament cruro-tibial. La cavité de cette capsule est très-large; elle s'étend depuis le bord du ligament jusqu'à la crête du tibia, à près d'un pouce au-dessous de son tubercule; elle se trouve dans cet endroit terminée par un bord tranchant & semi-lunaire; elle est plus large & plus profonde au-dessous du ligament. Sa face interne est lisse, polie & lubrifiée par une grande quantité de synovie; on n'y trouve ni graisse ni glande synoviale. Le périoste & le ligament cruro-tibial, sur lesquels les trois tendons glissent librement, offrent une surface brillante & argentée, qui dépend de l'humeur synoviale dont ils sont continuellement imprégnés. L'inspection de cette belle capsule muqueuse suffit pour démontrer que son usage est de faciliter le mouvement des tendons, sur-tout dans la rotation de la jambe fléchie. La fréquence de cette rotation fait connoître la cause du brillant qu'acquièrent le ligament & le périoste, sur lesquels les tendons frottent avec beaucoup de force.

S. V.

Sous la capsule muqueuse la plus élevée de celles dont

le tendon du demi-membraneux est environné, on en trouve une autre appartenant au tendon du gastrocnémien interne; plusieurs anatomistes en ont déjà reconnu l'existence, mais ils n'ont fait que l'indiquer sans en donner la description. *Albinus* annonce dans sa description des gastrocnémiens, qu'il y a sous le tendon de l'interne une grande bourse adhérente au demi-tendineux & à la capsule articulaire du genou (*n*). *Jancke* paroît l'avoir confondue avec l'une des trois qu'il a attribuées au demi-membraneux (*o*), quoiqu'elle en soit très-distincte, même lorsque ces trois dernières existent; *M. Sabatier* en a fait mention & en a désigné la place comme *Albinus*, entre le tendon du gastrocnémien interne, la capsule articulaire du genou & le demi-nerveux (*p*).

Cette capsule muqueuse est située sous le tendon du gastrocnémien interne, & s'étend sur son bord externe, de manière qu'elle est adhérente aux tendons voisins du demi-nerveux & même du demi-membraneux; mais la plus grande partie se trouve entre le condyle interne du fémur & la face interne du tendon du gastrocnémien. Pour la bien voir, il faut couper & détacher les tendons du demi-membraneux & du demi-nerveux, & enlever le muscle auquel elle appartient de bas en-haut jusqu'à la partie postérieure de la capsule articulaire du genou. On trouve dans cet endroit le pli ou bord inférieur de cette capsule muqueuse, adhérent au ligament capsulaire de l'articulation; on reconnoît qu'elle se prolonge jusque sur le condyle interne du fémur, & qu'elle ne se termine qu'à très-peu de distance de l'insertion du tendon. On trouve autour de cette capsule muqueuse, dont la cavité ne communique point avec l'articulation, des paquets de graisse qui paroît de la nature de celle dans laquelle sont semées les glandes synoviales. Il y a sur la partie postérieure du condyle interne du fémur une facette

(*n*) *Hist. musc. lib. III. cap. 205.*

(*o*) *Loco citato*, pag. 17, lit. d.

(*p*) *Traité d'Anatomie*, tome I, page 379.

cartilagineuse sur laquelle repose cette capsule; ses parois sont d'un tissu dur & ferré, sur-tout dans la portion qui se prolonge en dehors sur les tendons du demi-membraneux & du demi-nerveux. Sa cavité est lisse, polie & lubrifiée par une synovie très-abondante; son usage est de favoriser le glissement du tendon du gastrocnémien interne sur la capsule articulaire & sur une partie du condyle du fémur, ainsi que celui du tendon du demi-membraneux & du demi-nerveux sur celui du gastrocnémien qu'ils touchent vers son bord externe.

§. V I.

L'EXTREMITÉ inférieure du tendon du biceps présente souvent deux capsules muqueuses, l'une qui lui est commune avec le tendon du gastrocnémien externe, l'autre située entre la face interne de son tendon, & le ligament cruro-péronien ou latéral externe du genou. Albinus n'a connu que la dernière de ces capsules, qui à la vérité est la plus marquée & la plus constante (q). Jancke les a indiquées toutes les deux, mais sans description exacte; aucun anatomiste n'en a parlé depuis eux (r).

La première capsule annoncée par Jancke, entre le tendon du biceps & celui du gastrocnémien, n'existe pas constamment; elle est très-petite & très-marquée lorsqu'elle existe; elle demande même une dissection très-soignée & très-attentive pour être aperçue, parce qu'elle est facile à détruire: on la trouve vers le bord externe du tendon gastrocnémien, dessous celui du biceps & un peu au-dessus & en dedans d'une fossette remplie de graisse, située entre ces tendons & le bord du ligament latéral externe. Son étendue est peu considérable; elle est oblongue & irrégulièrement ovale; elle ne permet qu'un très-petit mouvement au biceps sur le gastrocnémien. Il paroît que son usage n'est pas très-important, puisqu'on ne la rencontre pas toujours; l'autre

(q) *Hist. musculor. lib. III, cap. 190.*

(r) *Loco citato, pag. 16, litt. c.*

Mém. 1787.

est au contraire très-constante; aussi Albinus l'a-t-il décrite comme une partie du biceps, dont la connoissance est nécessaire pour bien concevoir son action. Le tendon du biceps s'aplatit avant de s'insérer à la tête du péroné; il envoie de son bord postérieur un faisceau aponévrotique qui contribue à la formation de l'aponévrose qui recouvre les muscles postérieurs de la jambe, & que l'on doit comparer à celui qui est fourni au bras par le biceps de l'extrémité supérieure. Du bord antérieur de ce tendon partent aussi en-devant des fibres aponévrotiques, qui forment l'aponévrose de la jambe dans cette région; c'est sous la naissance du prolongement aponévrotique antérieur, que se rencontre la capsule muqueuse constante du biceps, entre la face interne de ce prolongement & le ligament cruro-péronien sur lequel le tendon & son faisceau aponévrotique glissent très-librement. Cette capsule muqueuse a plus d'un pouce de longueur de haut en bas; sa cavité est lisse, très-polie & lubrifiée par une quantité notable de synovie. La surface du ligament sur lequel cette capsule est située, est brillante & argentée, comme celle du ligament interne; cette structure annonce que pendant la contraction du biceps, le prolongement aponévrotique que son tendon envoie en devant, est très en haut & en arrière, qu'il glisse sur le ligament externe du genou, & qu'il tend l'aponévrose étendue sur le devant de la jambe. Cet usage avoit échappé aux anatomistes qui ont fait l'examen des muscles: au reste, on fait que les aponévroses n'ont point encore été décrites avec assez d'exactitude, & que leurs usages ne sont pas aussi connus qu'ils mériteroient de l'être. La tension de celle de la jambe dont je viens de parler, sert sans doute à la fixer & à donner un point d'appui aux muscles situés au-dessous d'elle, dans la gouttière formée entre le tibia & le péroné.

§. V I I.

JANCKE a indiqué une ou plusieurs capsules muqueuses

entre le tendon du muscle poplité, le condyle externe du fémur, celui du tibia & le cartilage semi-lunaire (*f*). Albinus n'en a point connu dans cet endroit; M. Sabatier en a décrit une entre ce tendon & une coulisse cartilagineuse pratiquée derrière la tête du péroné (*t*). J'ai trouvé dans le tendon du poplité & dans la capsule muqueuse qui accompagne son insertion au condyle externe du fémur, une structure qui a échappé aux anatomistes, & qui mérite d'être décrite avec soin.

Derrière la tête du péroné, sur le bord postérieur du condyle externe du tibia, j'ai remarqué deux dépressions ou coulisses croisées dans le cartilage qui recouvre cette partie de l'os de la jambe, dans lesquelles glissent deux petits tendons appartenans au poplité, & dont Albinus a bien annoncé l'origine. L'un de ces tendons part du condyle du fémur, l'autre du bord postérieur du cartilage semi-lunaire externe; ils se réunissent & se confondent dans le lieu où ce muscle devient charnu: c'est au-dessus de ces deux dépressions ou coulisses que se trouve la capsule muqueuse & synoviale de ce tendon; elle commence vers la partie supérieure & postérieure du condyle externe du tibia, derrière & au-dessus de la tête du péroné, & elle s'étend jusqu'au condyle du fémur vers l'insertion du poplité. La paroi antérieure ou externe de cette capsule, adhère fortement au bord du tendon du poplité; & vers l'insertion de ce tendon au ligament semi-lunaire externe, on observe que cette capsule collée au ligament orbiculaire de l'articulation, forme une bride ligamenteuse, qui attache les tendons divisés du poplité à cette région. En ouvrant cette capsule muqueuse à son extrémité inférieure, on trouve un paquet de glandes synoviales dans une cavité creusée vers l'angle des deux origines tendineuses du poplité, derrière le bord postérieur du cartilage semi-lunaire. Dans le même endroit,

(*f*) *Loco citato*, pag. 18, lit. f.

(*t*) *Traité d'Anatomie*, tome I, page 382.

en continuant la section de la capsule muqueuse, on remarque qu'elle s'ouvre dans l'articulation du genou, au-dessous du condyle externe du fémur; ses deux parois réunies & collées ensemble tiennent lieu de la capsule articulaire qui manque dans cet endroit, de sorte que la moitié supérieure du tendon du poplité au-dessus du cartilage semi-lunaire externe, plonge & baigne entièrement jusqu'à son insertion dans l'articulation du genou. Aucun anatomiste n'avoit fait mention de cette structure, quoique plusieurs aient remarqué que ce tendon adhère fortement à la capsule articulaire.

§. V I I I.

QUOIQ'IL n'entre pas spécialement dans le plan que je me suis proposé de décrire les capsules muqueuses, situées dans l'intérieur des articulations entre les ligamens & les cartilages inter-articulaires, j'en indiquerai ici une qui est renfermée dans l'articulation du genou, parce qu'elle est très-remarquable & voisine de celle que je viens de faire connoître. Cette capsule est située en arrière de l'insertion supérieure des ligamens croisés; elle paroît appartenir spécialement au ligament croisé postérieur, & elle l'accompagne jusqu'à son insertion, à l'espace inter-condylaire du fémur: elle paroît destinée à diminuer le frottement très-fort qui a lieu entre les deux ligamens dans la rotation du tibia sur le fémur.



SIXIEME ET DERNIER MÉMOIRE
SUR LES
CAPSULES MUQUEUSES DES TENDONS.

ARTICLE VI.

Des Capsules muqueuses des tendons situés aux environs de l'articulation du pied avec la jambe, & des Os du pied entr'eux.

Par M. DE FOURCROY.

LES capsules muqueuses des tendons qui s'attachent autour de l'articulation des os du pied entr'eux, ont un rapport marqué avec celles des tendons insérés aux os de la main; on en trouve au moins un aussi grand nombre dans l'extrémité inférieure que dans la supérieure, quoique les anatomistes n'en aient pas décrit autant: elles sont en général plus larges, plus fortes, plus exprimées en raison de la grosseur, de l'étendue & de la force des tendons, qu'elles accompagnent. Albinus n'a indiqué que deux de ces capsules; Jancke n'a fait mention que de trois; M. Sabatier a décrit deux de celles qui sont le plus remarquables. On voit d'après cet énoncé, que la situation & la structure de ces capsules peuvent faire l'objet d'une description nouvelle.

§. I.

Parmi les muscles qui ont leurs tendons placés au-devant de la jambe, on ne trouve de capsules superficielles semblables à celles qui ont été décrites dans ceux de la main, que sur le jambier antérieur, le long extenseur commun & le court péronier. Ces capsules situées immédiatement au-dessous de l'aponévrose dont elles tirent leur

origine, attachent les tendons à cette membrane & les lient aussi entr'eux: elles ne sont point aussi apparentes que celles que l'on observe sur les tendons superficiels de la partie inférieure de l'avant-bras; & comme leur structure est semblable à celle de ces dernières, on n'en donnera point ici la description particulière.

§. I I.

LA capsule superficielle qui recouvre le tendon du long extenseur commun des orteils, est mollassé, muqueuse; elle s'étend jusque sur la chair de ce muscle à sa partie inférieure; elle se fortifie & se prolonge sous le ligament commun, ainsi que sous le ligament croisé dont elle est très-distincte. Dans cet endroit & à la hauteur de la malléole externe, elle prend plus de volume, elle entoure entièrement le tendon dont elle ne recouroit un peu au-dessus que la surface; bientôt elle se partage en quatre capsules particulières alongées & fort remarquables, qui accompagnent chacun des tendons du long extenseur jusqu'aux doigts où ils s'insèrent: ces capsules particulières attachent les tendons du long extenseur à ceux du court extenseur ou du pédieux.

§. I I I.

LE tendon de l'extenseur propre du pouce, passe dans une gaine ligamenteuse particulière sur le bord interne & supérieur du pied; il est muni dans cet endroit d'une large & forte capsule muqueuse, qui l'attache à la face convexe de la première phalange du pouce, & qui le suit jusqu'à la base de la seconde où il se termine. Cette capsule l'entoure de tous côtés, elle s'insère aux bords de la partie convexe de la première phalange par des fibres ligamenteuses que M. Sabatier a décrites (*a*); elle facilite le mouvement de ce tendon: c'est la plus apparente de celles qui se trouvent sur la partie convexe du pied.

(a) Traite d'Anatomie, tome I, page 371.

S. I V.

ON trouve une capsule muqueuse très-forte sur le bord interne du pied & sous le tendon du jambier antérieur; on aperçoit sous le ligament annulaire de la jambe, le principe supérieur de cette capsule qui présente une membrane molle & muqueuse. Cette production membraneuse s'épaissit, se fortifie & prend la forme d'une véritable capsule sous le ligament annulaire du pied; cette capsule entoure complètement le tendon, elle se prolonge & se contourne avec lui jusqu'au bord interne & inférieur du grand os cunéiforme auquel ce tendon s'attache. La portion la plus remarquable est située sur le bord interne du pied; elle est très-large & très-forte dans cette région, sa cavité est lisse & synoviale; la surface du tendon qui y est plongée, est brillante & très-polie. Lorsqu'on soulève le tendon dans cet endroit, on observe que la partie inférieure de la capsule muqueuse est mince & chargée d'une assez grande quantité de graisse molle & très-blanche, comme celle des articulations. Au reste, ces flocons adipeux se rencontrent dans toutes les capsules muqueuses des gros tendons qui s'insèrent aux os du pied. La capsule du tendon du jambier antérieur qui a été indiquée par Albinus (b) & par Jancke (c), a des usages analogues à toutes celles que j'ai décrites précédemment; son étendue, sa force & la quantité de synovie qu'elle contient, annoncent que les mouvemens du jambier antérieur lui doivent une grande partie de la facilité avec laquelle ce muscle les exécute, & en indiquent en même temps la grande utilité.

S. V.

VERS le quart inférieur du péroné, les tendons du long

(b) *Hist. muscul.* pag. 596. « *Et ante finem tendinis, ubi is ad dorsum pedis se atterit, subiecta tendini bursa tenuis accretaque.* » Lit. b.

(c) *Loco cit.* pag. 18. *Inter tendinem tibialis antici & os cuneiforme magnum.*

& du moyen péronier sont réunis dans une capsule ou gaine muqueuse commune, dont on reconnoît le principe membraneux au-dessus de l'endroit indiqué. Cette capsule commune qui est très-distincte du ligament annulaire de la jambe, enveloppe les deux tendons jusqu'au calcaneum, à la partie externe duquel ils s'écartent & se séparent pour aller chacun à leur destination. Si on la coupe avec précaution, on observe qu'elle recouvre deux autres capsules qui enveloppent chacune les tendons en particulier, & dont les parois accolées forment entr'eux une cloison qui les sépare. On reconnoît très-bien cette structure en passant le manche d'un scalpel au-dessous de la capsule externe; les tendons paroissent unis après la dissection de cette première gaine membraneuse. Si l'on fend une des capsules propres à chaque tendon, & si l'on y introduit le même instrument, on observe avec facilité la cloison qui les sépare & qui appartient aux parois accolées de ces deux capsules: ces dernières sont d'un tissu plus mince que la première. Lorsqu'on les coupe, on trouve la surface lisse & brillante des tendons qui glisse sur leur face interne; une humeur synoviale assez abondante lubrifie ces parties, & empêche leur adhérence réciproque.

La capsule muqueuse interne, particulière au tendon du long péronier, l'accompagne jusqu'à sa séparation d'avec le tendon du moyen; elle disparoit peu-à-peu après son écartement, & on n'en retrouve de traces que jusqu'à son passage dans la gouttière creusée à la face inférieure du cuboïde, & un peu avant le troisième renflement de ce tendon.

La capsule muqueuse interne, propre au tendon du moyen péronier, se prolonge jusqu'à son insertion à la base du cinquième os du métatarse; là ce tendon semble s'épanouir en s'aplatissant, & il envoie de son bord interne des fibres aponévrotiques très-fortes qui s'avancent jusqu'à la première phalange du petit doigt, & qui recouvrent le quatrième muscle interosseux supérieur.

Winflow

Winflow (*d*) & Albinus (*e*) ont fait mention de ce prolongement aponévrotique, mais aucun anatomiste n'a décrit les capsules dont il est ici question; Jancke n'en a fait absolument aucune mention, quoiqu'il ait eu pour objet d'indiquer les capsules des tendons les plus remarquables, & je puis assurer que celle-ci appartient véritablement à cette classe.

S. V I.

Tous les anatomistes, depuis Albinus, ont bien décrit le tendon d'Achille; plusieurs ont même indiqué la capsule muqueuse qui attache ce tendon au calcaneum; mais aucun n'a insisté assez sur la structure de cette capsule pour en faire connoître tous les détails. Albinus est le premier qui en ait fait mention, & c'est celui qui en a parlé avec le plus d'étendue: « Il y a, dit ce grand anatomiste (*f*), entre la tubérosité du calcaneum & le tendon d'Achille, une bourse « remarquable qui y est fortement attachée. Une substance « comme glanduleuse remplit l'intervalle qui se forme entre « cette tubérosité & le tendon pendant l'extension du pied; « elle est comprimée pendant sa flexion, & elle laisse suinter « une humeur lubrifiante, propre à rendre les mouvemens « plus libres. » Jancke, en indiquant cette capsule, renvoie à la description d'Albinus (*g*). M. Sabatier dit que le tendon d'Achille se termine à la partie postérieure & inférieure du calcaneum, après avoir glissé sur une facette cartilagineuse qui se voit un peu au-dessus, & à laquelle il est assujetti par une capsule membraneuse (*h*). En décrivant cette

(*d*) *Expos. anat. in-4.º page 224.*
« Il jette une corde à la 1.^{re} phalange
du petit orteil. »

(*e*) *Hist. musc. pag. 587.* « *Extre-*
« *mum ejus dilatatum, extenuatum,*
« *aliquandò in fasciculos distinctum,*
« *aliquandò velut bicornè ».*

(*f*) *Alb. hist. musc. pag. 563.*
« *Inter eam tendinemque interjecta*
« *bursa notabilis, accretæ utique; eini-*
« *netque intrâ eam glandulosum quid*

« *implens intervallum, quod inter ten-*
« *dinem superioremque tuberis partem*
« *eo tempore intercedit, quo crus in*
« *pede extremo rectè infissit, pressum*
« *autem, cùm pes in priora flectitur,*
« *exsudansque humorem lubricum,*
« *unde liberior mobilitas. »*

(*g*) *Loco cit. pag. 18, lit. a.*

(*h*) *Traité d'Anatomie, tome I,*
page 383.

capsule après ces anatomistes, je donnerai quelques détails qui leur ont échappé. Tout le voisinage de l'insertion du tendon d'Achille est rempli d'une graisse molle & abondante, dont une partie s'insinue entre ce tendon & le calcaneum, & forme des espèces de coussins qui contribuent sans doute beaucoup à la facilité & à la douceur de ses mouvemens; c'est au milieu de cette graisse & assez profondément, que se trouve la capsule muqueuse qui nous occupe. Le tendon adhère à la face postérieure du calcaneum, dans l'espace de plus d'un pouce au-dessus de cette insertion. En enlevant avec attention les paquets glanduleux qui l'environnent, & en écartant le tendon de la surface osseuse, on remarque qu'il tient au calcaneum par une membrane assez dure & résistante, fermée de tous côtés, adhérente d'une part à la substance osseuse, & de l'autre au tendon qu'elle bride & tient attachée à l'os; c'est la face externe de la capsule. En la suivant avec attention, on observe qu'elle est fixée aux deux bords du tendon, & à l'espace raboteux du calcaneum qui se voit au-dessus d'une face polie & comme articulaire de cet os. Cette membrane ouverte laisse apercevoir une cavité large de plus d'un pouce, lisse, polie & lubrifiée par une synovie fort abondante; on remarque aussi une facette cartilagineuse du calcaneum, renfermée dans cette cavité, & sur laquelle glisse librement la face interne du tendon. J'ai trouvé constamment dans l'intérieur de cette capsule, l'une des plus grandes & des plus marquées de toutes celles que j'ai décrites jusqu'ici, une substance graisseuse, dure & grenue, d'une forme aplatie, renflée dans son milieu, mince & comme frangée sur les bords, libre à sa partie supérieure, & adhérente au fond de la capsule vers l'insertion tendineuse à sa partie inférieure: cette substance ressemble aux graisses synoviales & glanduleuses situées dans les cavités articulaires, & l'on ne peut douter qu'elle n'en remplisse les usages. J'ai aussi remarqué deux ou trois brides ligamenteuses qui partent de la surface interne du tendon d'Achille, & qui vont s'implanter dans

le calcaneum ; cette structure annonce que les usages de cette capsule sont importans. L'examen répété que j'en ai fait sur un grand nombre de sujets, m'a convaincu qu'outre la facilité des mouvemens à laquelle elle est sans doute destinée , elle a encore l'avantage de tenir le tendon d'Achille fixé sur le calcaneum, & d'en prévenir le trop grand écartement qui auroit pu avoir lieu dans l'extension du pied.

J'ajouterai ici une remarque sur la situation & l'usage du tendon du plantaise grêle, relativement à la capsule dont il s'agit. Les anatomistes ont remarqué que ce tendon ne descend pas jusqu'à l'aponévrose palmaire, & qu'il se termine au bord interne du tendon d'Achille, au-dessus de l'insertion de ce dernier. M. Sabatier a fait observer que le bord interne du tendon d'Achille étoit creusé & comme cannelé pour recevoir celui du plantaise grêle. La singularité de ce petit tendon & son peu d'énergie par rapport aux jumeaux & au solcaire, dont on l'a regardé généralement comme congénère, devoient faire soupçonner qu'il pourroit bien avoir un usage différent. En examinant avec soin son insertion, j'ai observé qu'il se termine constamment à la partie supérieure & interne de la capsule muqueuse du tendon d'Achille. Cette terminaison m'a fait penser que ce muscle étoit destiné à relever & à agiter cette capsule, & je crois cet usage ignoré jusqu'ici des anatomistes, d'autant plus digne de leur attention, que j'ai cru remarquer que la capsule étoit plus mince, moins forte & moins dilatée lorsque ce muscle manquoit.

S. V I I.

DERRIÈRE la malléole interne, les tendons du fléchisseur commun & du jambier postérieur sont réunis par une capsule muqueuse commune, semblable à celle qui lie les tendons des fléchisseurs des doigts de la main, & dont la dissection laisse voir dans l'intérieur deux autres capsules plus molles & plus lâches, qui sont particulières à chacun

de ces muscles. Elles ne présentent rien de remarquable ; si ce n'est une graisse blanche & douce, remplie de petits grains de glandes synoviales qu'on trouve en général beaucoup plus abondamment autour des articulations des os du pied, que dans toutes les autres régions du corps humain. La seule inspection, la surface lisse & brillante des cartilages sur lesquels glissent ces tendons, indiquent que l'usage de ces capsules est de favoriser leurs mouvemens, & de les rendre faciles.

§. V I I I.

LE tendon du long fléchisseur du pouce du gros orteil, est placé derrière ceux des deux derniers muscles, avant de s'engager dans la gouttière creusée sur le calcaneum. Il est enveloppé d'une capsule muqueuse dont le tissu est très-lâche, & qui l'accompagne jusqu'à son insertion ; on trouve des paquets de graisse & de glandes synoviales dans cette capsule : il paroît même qu'il y a une communication entre ces graisses & les articulations voisines. Cette communication paroît aussi exister entre les diverses articulations des os du tarse & du métatarse, & des petites capsules muqueuses, situées sous plusieurs des ligamens profonds du pied. Ces dernières capsules varient beaucoup, & ne méritent pas de description particulière.



M É M O I R E

S U R

L'INTÉGRATION DE QUELQUES ÉQUATIONS
AUX DIFFÉRENCES PARTIELLES.

Par M. LE GENDRE.

(I.)

De l'Équation de la moindre Surface.

ON fait, d'après M. de la Grange, que la surface la moindre entre des limites données, a pour équation différentielle

$$(1 + q^2) \frac{ddz}{dx^2} - 2pq \frac{ddz}{dx dy} + (1 + p^2) \frac{ddz}{dy^2} = 0,$$

en faisant, pour abrégér, $\frac{dz}{dx} = p$, $\frac{dz}{dy} = q$. M. Monge

a tenté d'intégrer cette équation dans les Mémoires de l'Académie de 1784 ; mais l'intégrale qu'il a donnée (page 149) n'étant pas à l'abri de toute objection, attendu que les signes d'intégration qui s'y trouvent, s'étendent sur des différentielles à plusieurs variables non assujetties à la condition d'intégrabilité, les difficultés qu'on a faites à ce géomètre, l'ont engagé à traiter de nouveau la même équation. Ses nouvelles recherches l'ont conduit à la vraie intégrale, qu'il a bien voulu me communiquer avec le procédé qu'il avoit suivi ; mais ce procédé tenant à quelques principes métaphysiques dont les géomètres ne conviennent pas encore, j'ai été curieux de chercher la même intégrale par les voies ordinaires, & j'y ai été engagé par M. Monge lui-même. On verra que j'y suis parvenu fort simplement par un changement de variables qui peut être utile dans d'autres occasions, & que j'appliquerai ensuite à des équations plus générales.

Le problème dont il s'agit maintenant, se réduit à déter-

Lû le 1.^{er}
Septembre
1787.

miner p & q en fonctions de x & y , de manière que $pdx + qdy$, & $\frac{pdy - qdx}{\sqrt{(1 + p^2 + q^2)}}$ soient toutes deux des différentielles exactes. Soit, pour abréger, $1 + p^2 + q^2 = u^2$, & il est clair que les quantités $x dp + y dq$ & $yd(\frac{p}{u}) - xd(\frac{q}{u})$ feront aussi des différentielles complètes. Considérons x & y comme des fonctions de p & q , & faisons

$$x dp + y dq = d\omega,$$

ce qui donnera $x = \frac{d\omega}{dp}$, $y = \frac{d\omega}{dq}$; en développant $yd(\frac{p}{u}) - xd(\frac{q}{u})$, on a

$$[(1 + q^2)y + pqx] \frac{dp}{u^3} - [(1 + p^2)x + pqy] \frac{dq}{u^3};$$

laquelle doit être une différentielle exacte, & donne par conséquent cette équation, en substituant les valeurs de x & y ,

$$(1 + q^2) \frac{dd\omega}{dq^2} + 2pq \frac{dd\omega}{dp dq} + (1 + p^2) \frac{dd\omega}{dp^2} = 0 \dots (A').$$

équation qui a beaucoup d'analogie avec la proposée, mais dont la forme est plus simple, en ce qu'elle contient les variables p & q , au lieu de leurs différences partielles du premier ordre.

Lorsque la valeur de ω sera connue, il est clair qu'on aura celles de x , y , z , exprimées en p & q ; savoir,

$$x = \frac{d\omega}{dp}, \quad y = \frac{d\omega}{dq};$$

$$z = px + qy - \omega.$$

On peut aussi trouver directement les équations en x , y , z ; à l'aide de ces valeurs & de l'équation (A'). On aura de cette manière

$$(1 + q^2) \frac{ddx}{dq^2} + 2pq \frac{ddx}{dp dq} + (1 + p^2) \frac{ddx}{dp^2} \\ + 2q \frac{dx}{dq} + 2p \frac{dx}{dp} = 0 \dots (B').$$

& on trouve une équation entièrement semblable pour y & pour z , ce qui est assez remarquable.

Procédons maintenant à la résolution des équations (A') & (B'), ou seulement de l'une des deux. Il faut d'abord déterminer les quantités comprises sous les fonctions arbitraires; ces quantités que je nomme a & b , sont, comme l'on fait, les deux constantes que fournira l'intégrale de la double équation

$$(1 + q^2) dp^2 - 2pqdpdq + (1 + p^2) dq^2 = 0 \dots (C').$$

Entr'autres manières d'intégrer cette équation, je choisis celle-ci. Soit $p = aq + A$, a & A étant des constantes, l'équation se réduit à

$$1 + a^2 + A^2 = 0;$$

d'où il suit que a restera arbitraire, & qu'on aura

$$A = \pm \sqrt{-1 - a^2};$$

donc les deux intégrales de l'équation (C') seront

$$p = aq + \sqrt{-1 - a^2},$$

$$p = bq - \sqrt{-1 - b^2};$$

les deux constantes arbitraires a & b sont les deux racines de l'équation

$$(1 + q^2) a^2 - 2pqa + 1 + p^2 = 0,$$

de sorte qu'on aura

$$a + b = \frac{2pq}{1 + q^2}, \quad ab = \frac{1 + p^2}{1 + q^2}.$$

On peut simplifier maintenant les équations (A') & (B') en regardant ω & x comme fonctions de a & b . Pour la facilité des substitutions, on pourra laisser A à la place de $\sqrt{-1 - a^2}$, & B à la place de $\sqrt{-1 - b^2}$, l'équation (A') deviendra *

(*) Lorsqu'on considère une quantité ω comme fonction de p & q , ensuite cette même quantité comme fonction de a & b , ou réciproquement, il ne faut pas confondre $\frac{d\omega}{dpda}$ avec $\frac{d\omega}{da dp}$; c'est une erreur qu'il seroit facile de commettre dans les substitutions indiquées.

$$(a - b) \frac{d\omega}{da db} - \frac{A}{B} \cdot \frac{d\omega}{da} + \frac{B}{A} \cdot \frac{d\omega}{db} = 0,$$

& l'équation (B')

$$\frac{ddx}{da db} = 0.$$

Celle-ci a pour intégrale

$$x = \phi : a + \psi : b,$$

ϕ & ψ étant deux fonctions arbitraires. Et puisque les équations en y & z sont absolument semblables à l'équation en x , on auroit aussi

$$y = \phi_1 : a + \psi_1 : b,$$

$$z = \phi_2 : a + \psi_2 : b,$$

$\phi_1, \phi_2, \psi_1, \psi_2$, étant de nouvelles fonctions arbitraires. Mais il n'est pas nécessaire d'introduire un si grand nombre de fonctions, & les deux qui entrent dans la valeur de x suffisent pour déterminer les autres.

En effet, on a d'abord x ou $\frac{d\omega}{dp} = \phi : a + \psi : b$; donc $d\omega = dp \cdot \phi : a + dp \psi : b$. Cette valeur suppose q constant; & à cause de $p - qa = A, p - qb = -B$, on a dans cette hypothèse

$$dp = (q + A') da,$$

$$dp = (q - B') db,$$

où l'on voit que A' & B' sont mis pour $\frac{dA}{da}$ & $\frac{dB}{db}$.

J'aurai donc

$$d\omega = (q + A') da \phi : a + (q - B') db \psi : b.$$

à la place de ϕ & ψ , je prends ϕ' & ψ' qui seroient à l'ordinaire $\frac{d\phi}{da}$ & $\frac{d\psi}{db}$, ce qui donnera

$$x = \phi' : a + \psi' : b;$$

& en intégrant la valeur de $d\omega$,

$$\omega =$$

$$\omega = q(\varphi + \psi) - A\varphi' + B\psi' \\ + \int A\varphi'' da - \int B\psi'' db + \pi:q,$$

j'ajoute une fonction arbitraire de q , puisque q a été supposé constant dans la valeur de $d\omega$.

Maintenant $y = \frac{d\omega}{dq}$, & en supposant p constant, on a

$$\frac{da}{dq} = \frac{-a}{q+A'}, \quad \frac{db}{dq} = \frac{-b}{q-B'}; \text{ donc}$$

$$y = \varphi + \psi - a\varphi' - b\psi' + \pi':$$

mais nous savons que y doit être de la forme

$$\varphi : a + \psi : b;$$

donc π' ne contient point q . On peut supposer $\pi = 0$, & l'on aura

$$y = \varphi - a\varphi' + \psi - b\psi'$$

$$\omega = q(\varphi + \psi) - A\varphi' + B\psi' + \int A\varphi'' da - \int B\psi'' db;$$

de-là résulte $px + qy = \omega$, ou

$$z = -\int A\varphi'' da + \int B\psi'' db;$$

ainsi en partant des deux fonctions arbitraires φ & ψ , les trois coordonnées x, y, z de la surface cherchée, ont pour valeurs

$$x = \varphi' + \psi'$$

$$y = \varphi - a\varphi' + \psi - b\psi'$$

$$z = -\int A\varphi'' da + \int B\psi'' db.$$

Telle est l'intégrale de l'équation de la moindre surface que M. Monge avoit trouvée par sa méthode, & dont la découverte lui appartient. Il est aisé de faire disparaître entièrement les signes \int dans ces expressions; car en intégrant par parties, on a

$$\int A\varphi'' da = A\varphi' - A'\varphi + \int A''\varphi da;$$

faisant donc $\int A''\varphi da = \Phi$, & de même $\int B''\psi db = \Psi$,

les valeurs de x, y, z , s'exprimeront ainsi par les nouvelles fonctions arbitraires $\Phi a, \Psi b$:

$$\begin{aligned} x &= A^3 \Phi'' - 3 A a \Phi' + B^3 \Psi'' - 3 B b \Psi' \\ y &= -A^3 a \Phi'' + (2a - 1) A \Phi' - B^3 b \Psi'' + (2b - 1) B \Psi' \\ z &= -A^2 \Phi'' + 2A^2 a \Phi' - \Phi + B^2 \Psi'' - 2B^2 b \Psi' + \Psi, \end{aligned}$$

valeurs où on a laissé A & B à la place de $\sqrt{-1 - a^2}$ & $\sqrt{-1 - b^2}$. Mais on voit que les premières formules seront souvent plus simples, malgré les signes d'intégration qui y restent.

Voici deux applications de ces formules.

1.° Soit $\phi' = \frac{A}{a}$ & $\psi' = \frac{B}{b}$; soit aussi $y^2 + z^2 = r^2$

& c une constante arbitraire, on aura l'équation de la surface

$$e^{\frac{x}{c}} + e^{-\frac{x}{c}} = \frac{2r}{c};$$

c'est celle du solide produit par la révolution de la chaînette, surface qui, comme on fait déjà, est la moindre parmi celles des solides de révolution entre deux limites données.

2.° Si on cherche la surface la moindre entre deux lignes droites données, non situées dans le même plan, soit m la plus courte distance de ces lignes, λ l'angle qu'elles font entr'elles; on pourra déterminer *à priori* la forme des fonctions ϕ & ψ , & il en résultera pour l'équation de la surface cherchée, réduite à la forme la plus simple,

$$z = x \operatorname{tang.} \frac{\lambda y}{m} \quad (11).$$

D'une Équation plus générale dont les coefficients sont fonctions de p & q .

JE me propose maintenant l'équation

$$A \frac{ddz}{dx^2} + B \frac{ddz}{dx dy} + C \frac{ddz}{dy^2} = 0. (D')$$

dont les coefficients sont fonctions de $\frac{dz}{dx}$ & $\frac{dz}{dy}$, que

j'appelle toujours p & q . Au lieu de considérer z , p , q , comme des fonctions de x & y , rien n'empêche de regarder x , y , z , comme des fonctions de p & q ; alors $x dp + y dq$, étant une différentielle exacte que j'appelle $d\omega$, il est clair qu'on aura

$$x = \frac{d\omega}{dp}, y = \frac{d\omega}{dq}, z = px + qy - \omega.$$

Tout se réduit donc à déterminer la fonction ω : or on a

$$\frac{ddz}{dx^2} = \frac{dp}{dx}, \text{ valeur qui suppose } y \text{ constant, \&}$$

par conséquent

$$\frac{dd\omega}{dq dp} \cdot dp + \frac{dd\omega}{dq^2} dq = 0;$$

on a en même temps

$$dx = \frac{dd\omega}{dp^2} \cdot dp + \frac{dd\omega}{dp dq} \cdot dq; \text{ substituant la}$$

valeur de dq , tirée de la supposition de y constant, on aura

$$dx = \left(\frac{dd\omega}{dp^2} - \frac{\left(\frac{dd\omega}{dq dp} \right)^2}{\frac{dd\omega}{dq^2}} \right) dp;$$

donc $\frac{dp}{dx}$ ou

$$\frac{ddz}{dx^2} = \frac{\frac{dd\omega}{dq^2}}{\frac{dd\omega}{dp^2} \cdot \frac{dd\omega}{dq^2} - \left(\frac{dd\omega}{dp dq} \right)^2}.$$

On trouvera de même

$$\frac{ddz}{dx dy} = \frac{\frac{dd\omega}{dp dq}}{\frac{dd\omega}{dp^2} \cdot \frac{dd\omega}{dq^2} - \left(\frac{dd\omega}{dp dq} \right)^2},$$

$$\frac{ddz}{dy^2} = \frac{\frac{dd\omega}{dp^2}}{\frac{dd\omega}{dp^2} \cdot \frac{dd\omega}{dq^2} - \left(\frac{dd\omega}{dp dq} \right)^2}.$$

R r ij

Substituant ces valeurs dans l'équation à résoudre, on aura cette transformée

$$A \frac{d^2 \omega}{d q^2} - B \frac{d^2 \omega}{d p d q} + C \frac{d^2 \omega}{d p^2} = 0 \dots (E')$$

qui est analogue à la proposée, mais qui est plus simple en ce qu'elle ne contient point de différences partielles du premier ordre.

L'équation de la moindre surface n'est, comme on voit, qu'un cas particulier de celle-ci. Voici encore un problème qui se rapporte à la même formule.

L'équation de la surface qui éprouve le moins de résistance dans le sens de l'ordonnée z , est

$$\frac{d \left(\frac{p}{u^2} \right)}{d x} + \frac{d \left(\frac{q}{u^2} \right)}{d y} = 0,$$

en faisant

$$d z = p d x + q d y, \text{ \& } u^2 = 1 + p^2 + q^2.$$

Cette équation étant développée devient

$$(1 + q^2 - 3 p^2) \frac{d^2 z}{d x^2} - 8 p q \frac{d^2 z}{d x d y} + (1 + p^2 - 3 q^2) \frac{d^2 z}{d y^2} = 0;$$

elle se réduit donc à la résolution de celle-ci

$$(1 + q^2 - 3 p^2) \frac{d^2 \omega}{d q^2} + 8 p q \frac{d^2 \omega}{d p d q} + (1 + p^2 - 3 q^2) \frac{d^2 \omega}{d p^2} = 0.$$

Pour avoir les quantités enveloppées sous les fonctions arbitraires, il faut intégrer l'équation

$$(1 + q^2 - 3 p^2) d p^2 - 8 p q d p d q + (1 + p^2 - 3 q^2) d q^2 = 0;$$

je la mets sous la forme

$$(1 + q^2 + p^2) (d p^2 + d q^2) = 4 (p d p + q d q)^2,$$

\& faisant $p = r \sin. \theta$, $q = r \cos. \theta$, elle deviendra

$$(1 + r^2) (d r^2 + r^2 d \theta^2) = 4 r^2 d r^2;$$

d'où l'on tire

$$d\theta = \pm \frac{dr}{r} \sqrt{\frac{3r^2 - 1}{1 + r^2}}.$$

Il est facile d'intégrer le second membre, en faisant

$$\frac{1 + r^2}{3r^2 - 1} = s^2,$$

ce qui donne

$$\pm d\theta = \frac{ds}{1 + s^2} - \frac{3ds}{3s^2 - 1},$$

& en intégrant,

$$a \pm \theta = A \operatorname{tang.} s + \frac{\sqrt{3}}{2} \log. \left(\frac{s\sqrt{3} + 1}{s\sqrt{3} - 1} \right);$$

ainsi les deux quantités a , b , enveloppées sous les fonctions, seront

$$A \operatorname{tang.} s + \frac{1}{2} \sqrt{3} \log. \frac{s\sqrt{3} + 1}{s\sqrt{3} - 1} + \theta$$

$$\& A \operatorname{tang.} s + \frac{1}{2} \sqrt{3} \log. \frac{s\sqrt{3} + 1}{s\sqrt{3} - 1} - \theta;$$

mais la complication de ces quantités laisse peu d'espoir de trouver la valeur de ω en un nombre fini de termes.

(I I I).

De l'Équation qui ne contient que les termes du second ordre.

SOIT

$$\frac{ddz}{dx^2} = r, \quad \frac{ddz}{dx dy} = s, \quad \frac{ddz}{dy^2} = t,$$

& supposons qu'on ait une équation quelconque entre r, s, t , sans aucune autre variable, savoir

$$r = F(s, t);$$

voici comment je ramène cette équation à une équation linéaire de même ordre, qui ne renfermera point de différences partielles du premier.

Puisqu'on a $dp = rdx + sdy$, & $dq = sdx + tdy$, il est clair que $xdr + yds$ & $xds + ydt$ sont des différentielles exactes. Considérons x & y comme des fonc-

tions de s & t , & faisons $x ds + y dt = d\omega$, on aura

$$x = \frac{d\omega}{ds}, y = \frac{d\omega}{dt};$$

mais l'équation entre r , s & t donnera

$$dr = A ds + B dt,$$

A & B étant des fonctions connues de s & t ; ainsi la quantité $x dr + y ds$ deviendra

$$(Ax + y) ds + Bx dt;$$

& puisqu'elle est une différentielle complète, on aura

$$\frac{d(Ax + y)}{dt} = \frac{d(Bx)}{ds};$$

d'où l'on tire $A \frac{dx}{dt} + \frac{dy}{dt} = B \frac{dx}{ds}$, à cause de

$$\frac{dA}{dt} = \frac{dB}{ds}. \text{ Substituant les valeurs de } x \text{ \& } y, \text{ on aura}$$

$$\frac{dd\omega}{dt^2} + A \frac{dd\omega}{dtds} - B \frac{dd\omega}{ds^2} = 0,$$

équation linéaire dont les coefficients A & B sont simplement fonctions de t & s , sans différences partielles. On fait intégrer cette équation lorsqu'elle satisfait à la condition requise pour que son intégrale soit exprimable en un nombre fini de termes.

Il est clair que ω étant trouvé, on aura x & y par les équations $x = \frac{d\omega}{ds}$, $y = \frac{d\omega}{dt}$; on aura ensuite $q = sx + ty - \omega$, & $p = rx + sy - \int (x dr + y ds)$, quantité qui sera intégrable; enfin on aura $z = px + qy - \int (rx dx + sx dy + sy dx + ty dy) = px + qy - \frac{rx^2}{2} - sxy - \frac{ty^2}{2} + \int (\frac{x^2}{2} dr + xy ds + \frac{y^2}{2} dt)$, quantité qui sera pareillement intégrable.

La théorie des équations linéaires étant la plus importante dans le calcul intégral aux différences partielles, je

faîsrai cette occasion de présenter ici quelques résultats généraux sur ce genre d'équations. Ils sont le fruit d'un calcul assez pénible, mais dont je crois devoir supprimer les détails à cause de leur longueur.

(I V).

De l'Équation linéaire du second ordre à trois variables.

v étant la variable principale, fonction inconnue des deux autres x & y , je me propose l'équation

$$\frac{ddv}{dx^2} + a \frac{ddv}{dxdy} + b \frac{ddv}{dy^2} + c \frac{dv}{dx} + f \frac{dv}{dy} + gv = 0,$$

dont les coefficients ne contiennent que x & y , & qui n'a point de dernier terme sans v . Ce dernier terme ne compliqueroit pas beaucoup le calcul; mais il est si aisé de le faire disparaître par la valeur la plus particulière de v , que j'ai cru pouvoir le supprimer.

M. de la Place a déjà considéré cette équation dans les Mémoires de l'Académie (*année 1773*), & il a donné une méthode fort simple pour parvenir à l'intégrale par différentes transformations, si toutefois cette intégrale est possible en un nombre fini de termes, ce qui exige une équation de condition.

Mais la méthode de M. de la Place suppose qu'on fasse disparaître deux des trois premiers termes de l'équation, ce qui peut être embarrassant dans plusieurs cas: voici un procédé qui n'est point sujet à cet inconvénient, & qui mène au même but.

Soient p & P les deux racines de l'équation

$$p^2 - ap + b = 0,$$

ces quantités sont très-remarquables, en ce qu'elles font connoître la nature des fonctions arbitraires. En effet, si on intègre les équations $dy - p dx = 0$, $dy - P dx = 0$, & que les intégrales soient $\theta = \text{const.}$ $\odot = \text{const.}$ les fonctions arbitraires seront $\varphi : \theta$ & $\downarrow : \odot$.

Les valeurs de p & P feront connoître celles de q , Q & μ , par les équations

$$(2p - a)q = \frac{dp}{dx} + (a - p) \frac{dp}{dy} + (cp - f),$$

$$Q = c - q,$$

$$\mu = \frac{dq}{dx} + P \frac{dq}{dy} + Qq - g;$$

alors v' étant une nouvelle variable, l'équation proposée équivaldra à ces deux-ci,

$$\left. \begin{aligned} \frac{dv'}{dx} + p \frac{dv'}{dy} + qv' &= v' \\ \frac{dv'}{dx} + P \frac{dv'}{dy} + Qv' &= \mu v' \end{aligned} \right\}:$$

il est facile de s'en assurer en éliminant v' .

Si $\mu = 0$, il est clair que l'équation est intégrée, puisqu'elle est ramenée au premier ordre; mais si μ n'est pas zéro, on procédera à une nouvelle transformée. On prendra M & v par les valeurs

$$(P - p)M = \frac{dP}{dx} + p \frac{dP}{dy} - \frac{dp}{dx} - P \frac{dp}{dy},$$

$$v = \frac{1}{\mu} \cdot \frac{d\mu}{dx} + \frac{p}{\mu} \cdot \frac{d\mu}{dy},$$

& on fera

$$q' = q - v - M,$$

$$Q' = Q + M,$$

$$\mu' = \mu + \frac{dq'}{dx} + P \frac{dq'}{dy} + Mq' - \frac{dQ}{dx} - p \frac{dQ}{dy} - MQ;$$

on aura les deux nouvelles équations

$$\left. \begin{aligned} \frac{dv''}{dx} + p \frac{dv''}{dy} + q'v'' &= v'' \\ \frac{dv''}{dx} + P \frac{dv''}{dy} + Q'v'' &= \mu'v'' \end{aligned} \right\}$$

qui tiendront lieu de la transformée en v' , laquelle seroit du même degré que la proposée. Si μ' est zéro, la question est ramenée au premier ordre, sinon on continuera les transformations

transformations ; & en conservant toujours p, P, M qui sont invariables dans les différentes transformées , on fera

$$v' = \frac{1}{\mu'} \cdot \frac{d\mu'}{dx} + \frac{p}{\mu'} \cdot \frac{d\mu'}{dy}$$

$$q'' = q' - v' - M$$

$$Q'' = Q' + M$$

$$\mu'' = \mu' + \frac{dq''}{dx} + P \frac{dq''}{dy} + Mq'' - \frac{dQ'}{dx} - p \frac{dQ'}{dy} - MQ'$$

& on aura les nouvelles transformées

$$\frac{dv''}{dx} + p \frac{dv''}{dy} + q'' v'' = v'''$$

$$\frac{dv'''}{dx} + P \frac{dv'''}{dy} + Q'' v''' = \mu'' v''.$$

On procédera ainsi jusqu'à ce qu'on trouve un terme $\mu^{(i)}$ qui soit nul, dans la suite $\mu, \mu', \mu'', \&c.$ l'équation $\mu^{(i)} = 0$, sera l'équation de condition, pour que l'intégrale de la proposée, considérée par rapport à la fonction arbitraire $\phi : \theta$, soit composée d'un nombre fini de termes. Il sera facile de remonter ensuite à la valeur complete de v .

En effet, soit, par exemple, $\mu''' = 0$, à cause de $Q^{(i)} = Q + i M$, on aura l'équation du premier ordre

$$\frac{dv^{iv}}{dx} + P \frac{dv^{iv}}{dy} + (Q + 3 M) v^{iv} = 0.$$

v^{iv} étant connu, pour intégrer l'équation

$$\frac{dv'''}{dx} + p \frac{dv'''}{dy} + q''' v''' = v^{iv},$$

on observera que $q''' = q + 3 M - v - v' - v''$, & qu'en faisant $v''' = \mu \mu' \mu'' V'''$, cette équation devient

$$\frac{dV'''}{dx} + p \frac{dV'''}{dy} + (q + 3 M) V''' = \frac{v^{iv}}{\mu \mu' \mu''}.$$

La valeur complete de v^{iv} renferme la fonction arbitraire $\downarrow (\odot)$; celle de v''' renferme en outre l'autre fonction $\phi \theta$;

on remonte ensuite à la valeur de v par les équations

$$\mu'' v'' = \frac{d v'''}{d x} + P \frac{d v'''}{d y} + (Q - 2M) v'''$$

$$\mu' v' = \frac{d v''}{d x} + P \frac{d v''}{d y} + (Q - M) v''$$

$$\mu v = \frac{d v'}{d x} + P \frac{d v'}{d y} + Q v';$$

ce qui n'exige que des différenciations. Si on négligeoit tout-à-fait $\downarrow \odot$, on auroit $v''' = 0$, & la valeur de v seroit de cette forme ;

$$v = A \phi + B \frac{d \phi}{d \theta} + C \frac{d d \phi}{d \theta^2} + D \frac{d^3 \phi}{d \theta^3}.$$

E X E M P L E.

Il ne fera pas inutile d'appliquer cette méthode à un exemple connu : soit donc l'équation des cordes vibrantes

$$\frac{d d v}{d x^2} - h^2 y^{2m} \frac{d d v}{d y^2} = 0,$$

on aura d'abord dans toutes les transformées

$$p = h y^m, P = -h y^m, M = 0.$$

Soit

$$\frac{d p}{d y} = p', \quad \frac{d p'}{d y} = p'' \quad \& \quad \frac{m-1}{m} = n;$$

les valeurs des coefficients dans les transformées successives, suivront cette loi :

$$q = -\frac{1}{2} p', \quad \mu = \frac{2n-1}{4} p' p'$$

$$Q = \frac{1}{2} p', \quad v = 2n p'$$

$$q' = -\left(\frac{1}{2} + 2n\right) p', \quad \mu' = \frac{(2n+1)(4n-1)}{4} p' p'$$

$$Q' = \frac{1}{2} p', \quad v' = 2n p'$$

$$q'' = -\left(\frac{1}{2} + 4n\right) p', \quad \mu'' = \frac{(4n+1)(6n-1)}{4} p' p'$$

$$Q'' = \frac{1}{2} p', \quad v'' = 2n p'$$

&c.

&c.

Les quantités $Q, Q', Q'', \&c.$ ne changent donc pas non plus que $v, v', v'', \&c.$ mais il faut principalement faire attention aux quantités $\mu, \mu', \mu'', \&c.$ Et on voit qu'une de ces quantités s'évanouira toujours, si on a $n = \pm \frac{1}{2K}$;

ce qui donne $m = \frac{2K}{2K \pm 1}$, K étant un entier. En effet, on sait d'ailleurs que l'intégrale de l'équation proposée est possible en termes finis, dans les mêmes cas que l'équation de Riccati.

(V.)

De l'Équation linéaire du second ordre, à quatre variables.

SOIT l'équation

$$0 = \frac{ddv}{dx^2} + a \frac{ddv}{dx dy} + b \frac{ddv}{dx dz} + c \frac{ddv}{dy^2} + f \frac{ddv}{dy dz} \\ + g \frac{ddv}{dz^2} + h \frac{dv}{dx} + i \frac{dv}{dy} + k \frac{dv}{dz} + l v,$$

dont les coefficients sont fonctions de x, y, z seuls, & qui n'a point de dernier terme sans v .

Il y a d'abord une condition nécessaire pour que l'intégrale de cette équation soit composée d'un nombre fini de termes, par rapport à l'une des fonctions arbitraires; il faut qu'on ait

$$(ab - 2f)^2 = (a^2 - 4c)(b^2 - 4g) \dots \dots (A''),$$

ou, ce qui revient au même, il faut que le polynome

$$x^2 + axy + bxz + cy^2 + fyz + g z^2$$

formé avec les coefficients des termes du second ordre, soit décomposable en deux facteurs rationnels

$$x + py + qz$$

$$x + Py + Qz;$$

propriété très-remarquable, & qui a lieu d'une manière analogue dans les équations de tous les ordres, avec un nombre quelconque de variables.

Sij

Soit, pour abrégér,

$$a = 2p^2 + m,$$

$$b = 2q + n;$$

on aura

$$c = p^2 + pm,$$

$$f = 2pq + pn + qm,$$

$$g = q^2 + qn.$$

Ainsi les cinq coefficients a, b, c, f, g , seront donnés par les quatre quantités p, q, m, n , & l'équation de condition (A'') sera remplie d'elle-même. De plus, on aura

$$P = p + m,$$

$$Q = q + n.$$

Il importe d'abord d'examiner quelles quantités entrent sous les fonctions arbitraires. Or si l'on combine les deux équations

$$dy - p dx = 0,$$

$$dz - q dx = 0,$$

& qu'on en tire les deux intégrales $\theta = \text{const.}$ $\theta' = \text{const.}$ l'une des fonctions sera $\phi(\theta, \theta')$. De même, si des deux équations

$$dy - P dx = 0,$$

$$dz - Q dx = 0,$$

on tire les deux intégrales $\Theta = \text{const.}$ $\Theta' = \text{const.}$ l'autre fonction arbitraire sera $\psi(\Theta, \Theta')$.

La possibilité de représenter ainsi les fonctions arbitraires, tient à l'équation de condition (A''); en sorte que si cette équation n'a pas lieu, le calcul se refuse à représenter les fonctions arbitraires par des fonctions de deux variables.

Il s'agit de savoir maintenant quels sont les cas où la valeur de v considérée par rapport à l'une des fonctions arbitraires ϕ , contiendra un nombre fini de termes, & fera de la forme

$$\begin{aligned}
 A\phi + B \frac{d\phi}{d\theta} + D \frac{dd\phi}{d\theta^2} + \&c. \\
 + C \frac{d\phi}{d\theta^3} + E \frac{dd\phi}{d\theta d\theta^2} + \&c. \\
 + F \frac{dd\phi}{d\theta^2} + \&c. \\
 + \&c.
 \end{aligned}$$

Or le genre d'équations dont il s'agit présente un cas très-étendu, où quatre équations de condition suffisent pour que l'intégrale soit composée d'un nombre indéfini de termes; en voici les symptômes.

Si on conserve les dénominations précédentes, & qu'on détermine de nouveau r , R , μ , par les quatre équations

$$mr = -\frac{dp}{dx} - P \frac{dp}{dy} - Q \frac{dp}{dz} - hp + i,$$

$$nr = -\frac{dq}{dx} - P \frac{dq}{dy} - Q \frac{dq}{dz} - hq + k,$$

$$R = h - r$$

$$\mu = \frac{dr}{dx} + P \frac{dr}{dy} + Q \frac{dr}{dz} + Rr - l,$$

ce qui donne cette seconde équation de condition,

$$\begin{aligned}
 &\frac{dp}{mdx} + P \frac{dp}{mdy} + Q \frac{dp}{mdz} + \frac{hp - i}{m} \\
 = &\frac{dq}{ndx} + P \frac{dq}{ndy} + Q \frac{dq}{ndz} + \frac{hq - k}{n} \dots (B'');
 \end{aligned}$$

l'équation proposée sera équivalente à ces deux-ci,

$$\frac{dv}{dx} + P \frac{dv}{dy} + Q \frac{dv}{dz} + rv = v',$$

$$\frac{dv'}{dx} + P \frac{dv'}{dy} + Q \frac{dv'}{dz} + Rv' = \mu v.$$

Si donc μ étoit zéro, ce qui feroit une troisième équation de condition, l'équation feroit ramenée au premier ordre, & par conséquent intégrée; alors v' ne contiendrait point la fonction ϕ , & v la contiendrait dans un seul terme.

Si μ n'est pas zéro, il est aisé de voir que l'équation

en v' sera du même degré que la proposée, & qu'elle pourra être traitée de la même manière, d'autant plus que les termes affectés des différences du second ordre auront les mêmes coefficients. Mais sans développer cette équation en v' , on peut continuer ainsi les transformations. Soit, pour abréger,

$$\begin{aligned} v &= \frac{d\mu}{\mu dx} + p \frac{d\mu}{\mu dy} + q \frac{d\mu}{\mu dz}, \\ Mm &= \frac{dm}{dx} + p \frac{dm}{dy} + q \frac{dm}{dz} - m \frac{dp}{dy} - n \frac{dp}{dz}, \\ Nn &= \frac{dn}{dx} + p \frac{dn}{dy} + q \frac{dn}{dz} - m \frac{dq}{dy} - n \frac{dq}{dz}; \end{aligned}$$

on trouvera que l'équation de condition (B'') appliquée à la transformée en v' , donne $M = N$, ou

$$\begin{aligned} \frac{dm}{mdx} + p \frac{dm}{mdy} + q \frac{dm}{mdz} - \frac{dp}{dy} - \frac{n}{m} \cdot \frac{dp}{dz} \\ = \frac{dn}{ndx} + p \frac{dn}{ndy} + q \frac{dn}{ndz} - \frac{m}{n} \frac{dq}{dy} - \frac{dq}{dz} \dots (C''); \end{aligned}$$

nouvelle équation de condition qui heureusement ne contient que des quantités invariables, & qui par conséquent, une fois remplie, aura toujours lieu dans les transformées successives.

Nous avons donc jusqu'à présent trois équations de condition (A''), (B''), (C''), au moyen desquelles, faisant

$$\begin{aligned} r' &= r + M - v, \\ R' &= R - M, \end{aligned}$$

$$\mu' = \left\{ \begin{aligned} &\mu + \frac{dr'}{dx} + p \frac{dr'}{dy} + q \frac{dr'}{dz} - Mr' \\ &- \frac{dR}{dx} - p \frac{dR}{dy} - q \frac{dR}{dz} + MR \end{aligned} \right\},$$

l'équation en v' sera équivalente à ces deux-ci,

$$\begin{aligned} \frac{dv'}{dx} + p \frac{dv'}{dy} + q \frac{dv'}{dz} + r' v' &= v'' \\ \frac{dv''}{dx} + p \frac{dv''}{dy} + q \frac{dv''}{dz} + R' v'' &= \mu' v'. \end{aligned}$$

Il est clair maintenant que, sans aucune condition nouvelle,

on peut continuer les transformées aussi loin qu'on voudra : ainsi faisant

$$v' = \frac{d\mu'}{\mu' dx} + p \frac{d\mu'}{\mu' dy} + q \frac{d\mu'}{\mu' dz}$$

$$r'' = r' + M - v'$$

$$R'' = R' - M$$

$$\left. \begin{aligned} \mu'' &= \mu' + \frac{dr''}{dx} + P \frac{dr''}{dy} + Q \frac{dr''}{dz} - M r'' \\ &\quad - \frac{dR'}{dx} - p \frac{dR'}{dy} - q \frac{dR'}{dz} + M R', \end{aligned} \right\}$$

l'équation en v'' sera équivalente à ces deux-ci

$$\frac{dv''}{dx} + p \frac{dv''}{dy} + q \frac{dv''}{dz} + r'' v'' = v'''$$

$$\frac{dv'''}{dx} + P \frac{dv'''}{dy} + Q \frac{dv'''}{dz} + R'' v''' = \mu'' v''.$$

Supposons donc que dans la suite μ' , μ'' , μ''' , &c. il y ait un terme $\mu^{(i)}$ qui s'évanouisse ; $\mu^{(i)} = 0$ sera la quatrième équation de condition nécessaire pour obtenir par cette méthode l'intégrale complète.

Soit, par exemple, $\mu''' = 0$; on commencera par intégrer l'équation

$$\frac{dv^{IV}}{dx} + P \frac{dv^{IV}}{dy} + Q \frac{dv^{IV}}{dz} + (R - 3M) v^{IV} = 0,$$

& la valeur de v^{IV} sera de la forme $A \downarrow (\Theta, \Theta')$. On intégrera ensuite l'équation

$$\frac{dv'''}{dx} + p \frac{dv'''}{dy} + q \frac{dv'''}{dz} + (r + 3M - v' - v'' - v''') v''' = v^{IV}$$

qui en faisant

$$v''' = \mu \mu' \mu'' V''',$$

se réduit à cette forme

$$\frac{dV'''}{dx} + p \frac{dV'''}{dy} + q \frac{dV'''}{dz} + (r + 3M) V''' = \frac{v^{IV}}{\mu \mu' \mu''};$$

il en résultera dans la valeur de v''' une nouvelle fonction arbitraire $\phi(\theta, \theta')$, & à l'aide des équations

$$\mu'' v'' = \frac{d v'''}{d x} + P \frac{d v'''}{d y} + Q \frac{d v'''}{d z} + (R - 2M) v''',$$

$$\mu' v' = \frac{d v''}{d x} + P \frac{d v''}{d y} + Q \frac{d v''}{d z} + (R - M) v'',$$

$$\mu v = \frac{d v'}{d x} + P \frac{d v'}{d y} + Q \frac{d v'}{d z} + R v';$$

il ne faudra plus que des différenciations pour parvenir à la valeur complete de v .

Je remarquerai en général que si on a $\mu^{(i)} = 0$, & qu'on détermine T par l'équation

$$\frac{d T}{d x} + p \frac{d T}{d y} + q \frac{d T}{d z} + (r + i M) T = 0;$$

qu'ensuite on fasse

$$m \frac{d T}{d y} + n \frac{d T}{d z} = T^{(1)}$$

$$m \frac{d T^{(1)}}{d y} + n \frac{d T^{(1)}}{d z} = T^{(2)}$$

&c.

la valeur de v , considérée seulement par rapport à la fonction φ , qui entre dans T , sera de cette forme,

$$v = T^{(i)} + \alpha T^{(i-1)} + \zeta T^{(i-2)} \dots + \omega T.$$

On pourroit donc se servir directement de cette forme, & il n'y auroit plus à déterminer, dans les différens cas, que les coefficients α , ζ , &c. ce qui pourroit se faire de bien des manières.

Tel est le développement d'un cas très-étendu, où l'on peut assigner l'intégrale complete de l'équation proposée, si elle satisfait seulement à quatre conditions, ou même à trois, au cas que l'intégrale ne doive contenir qu'un terme. Mais on se tromperoit beaucoup, si l'on croyoit la théorie de ces équations épuisée par la considération seule du cas précédent. Le succès de la méthode exposée dans l'article IV, est fondé sur deux choses; 1.^o si la valeur de v contient un nombre

un nombre fini de termes affectés de la fonction & de ses différences, celle de v' ou de

$$\frac{d v}{d x} + p \frac{d v}{d y} + q v,$$

contiendra un terme de moins; 2.^o & ce qui est bien essentiel, l'équation en v' sera du même ordre que la proposée.

Nous avons suivi la même marche dans les équations à quatre variables de l'article présent. Il a été facile d'obtenir le premier point, & de faire en sorte que la valeur de v' ou de

$$\frac{d v}{d x} + p \frac{d v}{d y} + q \frac{d v}{d z} + r v,$$

contînt toujours un terme de moins que la proposée. Pour obtenir le second point, c'est-à-dire, pour que l'équation en v' fût du même ordre que la proposée, il a fallu de plus satisfaire à l'équation de condition (B''), équation qui paroîtoit devoir se renouveler à chaque transformation, & multiplier ainsi les conditions, à mesure que le nombre des termes augmenteroit dans la valeur de v . Mais il s'est trouvé heureusement qu'en satisfaisant deux fois à cette condition, par les équations (B'') & (C''), on y satisfaisoit toujours, & qu'il n'y avoit par conséquent que quatre conditions à remplir pour que l'intégrale eût un nombre indéfini de termes.

Les autres cas qui restent à considérer sont bien plus compliqués, en ce que les transformées successives ne sont plus du même ordre que la proposée. Alors on n'a guère d'autre méthode pour parvenir aux intégrales, que celle des coëfficiens indéterminés; méthode très-laborieuse, malgré les artifices de calcul par lesquels on peut la simplifier. Voici les résultats qu'elle m'a fournis.

Les quantités sous les fonctions se déterminent d'abord comme dans le cas précédent, & on tombe de même sur l'équation de condition (A'') qui paroît essentiellement nécessaire dans tous les cas. On suivra donc les mêmes

dénominations que dans le commencement de cet article; faisant ensuite

$$\frac{dp}{dx} + P \frac{dp}{dy} + Q \frac{dp}{dz} + hp - i = -mr,$$

$$\frac{dq}{dx} + P \frac{dq}{dy} + Q \frac{dq}{dz} + hq - k = -ns,$$

$$R = h - r,$$

$$\mu = \frac{dr}{dx} + P \frac{dr}{dy} + Q \frac{dr}{dz} + Rr - l,$$

l'équation proposée sera équivalente à ces deux-ci,

$$\frac{dv}{dx} + p \frac{dv}{dy} + q \frac{dv}{dz} + rv = v',$$

$$\frac{dv'}{dx} + P \frac{dv'}{dy} + Q \frac{dv'}{dz} + Rv' = \mu v + v(r - s) \frac{dv}{dz} :$$

mais le terme $n(r - s) \frac{dv}{dz}$ qui ne s'évanouit pas maintenant, empêche que l'équation en v' ne soit du même ordre que la proposée, quoique v' contienne un terme de moins que v .

Maintenant les valeurs de M & N étant prises comme ci-dessus, si la valeur de v considérée par rapport à la fonction arbitraire ϕ , contient nécessairement cette fonction & les coefficients de ses différences successives jusqu'à l'ordre e inclusivement, elle satisfera à l'équation de condition

$$r - s = e(N - M) \dots (D^e),$$

& le nombre total des conditions, y compris les équations (A'') & (D'') , sera $e + 3$. Quant à la forme la plus simple sous laquelle on peut mettre la valeur de v , supposons qu'on a déterminé T par l'équation

$$\frac{dT}{dx} + p \frac{dT}{dy} + q \frac{dT}{dz} + (r + eM)T = 0,$$

& la valeur de v fera,

$$\text{si } e = 1, v = m \frac{dT}{dy} + n \frac{dT}{dz} + aT,$$

$$\left. \begin{aligned} \text{si } e = 2, v = m^2 \frac{ddT}{dy^2} + 2mn \frac{ddT}{dyd\zeta} + n^2 \frac{ddT}{d\zeta^2} \\ + \alpha \frac{dT}{dy} + \epsilon \frac{dT}{d\zeta} + \gamma T \end{aligned} \right\};$$

$$\begin{aligned} \text{si } e = 3, v = m^3 \frac{d^3T}{dy^3} + 3m^2n \frac{d^3T}{dy^2d\zeta} + 3mn^2 \frac{d^3T}{dyd\zeta^2} + n^3 \frac{d^3T}{d\zeta^3} \\ + \alpha \frac{ddT}{dy^2} + \epsilon \frac{ddT}{dyd\zeta} + \gamma \frac{ddT}{d\zeta^2} \\ + \delta \frac{dT}{dy} + \epsilon \frac{dT}{d\zeta} + \zeta T, \end{aligned}$$

&c.

de sorte qu'on pourra achever le calcul dans tous les cas, par un moindre nombre de coefficients indéterminés.

Le cas général que nous avons examiné, ne se rapporte à aucun de ceux-ci, puisque $r = s$ & $N = M$ étant nuls l'un & l'autre, la quantité $\frac{r-s}{N-M}$ reste indéterminée.

V I.

Des Équations du second ordre à cinq variables.

NOUS ne dirons qu'un mot des équations du second ordre à cinq variables. D'abord les coefficients des différentielles du second ordre donnent un polynome de dix termes, lequel doit se décomposer en deux facteurs rationnels

$$x + py + q\zeta + rt,$$

$$x + Py + Q\zeta + Rt,$$

d'où résultent trois équations de condition nécessaires dans tous les cas. Si on combine les trois équations

$$dy - p dx = 0,$$

$$d\zeta - q dx = 0,$$

$$dt - r dx = 0,$$

& qu'on en tire trois intégrales, $\theta = \text{const.}$ $\theta' = \text{const.}$ $\theta'' = \text{const.}$ l'une des fonctions arbitraires sera fonction

de θ , θ' , θ'' ; l'autre se trouvera pareillement par l'intégration des trois équations

$$dy - Pdx = 0,$$

$$dz - Qdx = 0,$$

$$dt - Rdx = 0.$$

La théorie de ces équations présente un cas très-étendu, où, moyennant huit équations de condition, on peut trouver l'intégrale complète avec un nombre indéfini de termes. Ce cas est analogue à celui qui suppose quatre conditions dans les équations à quatre variables, c'est pourquoi nous nous contentons de l'indiquer; les autres équations qui pourroient être intégrables dans le même ordre, supposent un si grand nombre de conditions, qu'il paroît inutile de s'en occuper.

V I I.

D'une Équation particulière du troisième ordre à trois variables.

ON ne peut traiter en général les équations du troisième ordre, malgré la restriction que nous mettons dans leurs coefficients, de même que nous avons traité celles du second; la raison en est que si la valeur de v contient un nombre fini de termes par rapport à l'une des fonctions, on peut

bien déterminer p & q , de manière que $\frac{dv}{dx} + p \frac{dv}{dy}$

+ $q v$ ou v' contienne un terme de moins que v ; mais l'équation en v' n'est plus en général du même degré que la proposée, difficulté qui nous a déjà arrêtés dans les équations du second ordre à plus de trois variables. L'équation en v' se trouveroit du troisième, & même on auroit deux équations de cet ordre, entre lesquelles on pourroit choisir seulement, car il ne faudroit pas chercher à les combiner entr'elles pour abaisser leur degré, cette combinaison mèneroit à une équation identique. Il ne reste donc guère

dans les équations au-dessus du second ordre, que la méthode vague des coefficients indéterminés; cependant voici un cas assez étendu, qui se laisse résoudre avec une seule équation de condition.

Supposons que les différences, par rapport à l'une des variables, ne passent pas le premier ordre & qu'on ait

$$\frac{d^3 v}{dx^3} + a \frac{ddv}{dx^2} + b \frac{dv}{dx} + cv \\ + f \frac{d^3 v}{dx^2 dy} + g \frac{ddv}{dx dy} + h \frac{dv}{dy} = 0;$$

alors, des trois fonctions arbitraires qui doivent entrer dans la valeur de v , deux seront fonctions de y seule, & si la valeur de v considérée par rapport à l'une de ces fonctions est terminée, voici comment on y parviendra.

Soit

$$\frac{dv}{dx} + pv = v';$$

on aura

$$\frac{ddv'}{dx^2} + A \frac{ddv'}{dx dy} + B \frac{dv'}{dx} + C \frac{dv'}{dy} + Dv' = \mu v,$$

en prenant les coefficients de la manière suivante :

$$A = f$$

$$B = a - p$$

$$C = g - fp$$

$$D = b - ap + pp - f \frac{dp}{dy} - 2 \frac{dp}{dx}$$

$$\mu = \frac{ddp}{dx^2} + A \frac{ddp}{dx dy} + B \frac{dp}{dx} + C \frac{dp}{dy} + Dp - c$$

$$\frac{dp}{dx} = pp + \frac{h-gp}{f}.$$

Il n'y a donc aucune équation de condition; au contraire, la quantité p qui sert à déterminer les autres coefficients, dépend d'une équation différentielle dont la constante arbitraire est une fonction quelconque de y . Mais il est inutile

334 MÉMOIRES DE L'ACADÉMIE ROYALE
d'intégrer complètement cette équation, & une seule valeur particulière de p suffit.

Des deux équations

$$\frac{dv}{dx} + pv = v'$$

$$\frac{ddv'}{dx^2} + f \frac{ddv'}{dx dy} + B \frac{dv'}{dx} + C \frac{dv'}{dy} + Dv' = \mu v,$$

on déduira cette transformée en v'

$$\frac{d^3 v'}{dx^3} + a' \frac{ddv'}{dx^2} + b' \frac{dv'}{dx} + c' v'$$

$$+ f \frac{d^3 v'}{dx^2 dy} + g' \frac{ddv'}{dx dy} + h' \frac{dv'}{dy} = 0;$$

où l'on voit que le coefficient f n'a pas changé, comme appartenant aux termes du troisième ordre qui déterminent la nature des fonctions arbitraires. Les autres coefficients sont,

$$a' = B + p - \frac{d\mu}{\mu dx}$$

$$g' = C + \frac{df}{dx} + f \left(p - \frac{d\mu}{\mu dx} \right)$$

$$b' = D + \frac{dB}{dx} + B \left(p - \frac{d\mu}{\mu dx} \right)$$

$$h' = \frac{dC}{dx} + C \left(p - \frac{d\mu}{\mu dx} \right)$$

$$c' = \frac{dD}{dx} + D \left(p - \frac{d\mu}{\mu dx} \right) - \mu.$$

Si dans la transformée en v' on fait de même,

$$\frac{dv'}{dx} + p' v' = v'',$$

on aura d'abord une équation de la forme

$$\frac{ddv''}{dx^2} + f \frac{ddv''}{dx dy} + B' \frac{dv''}{dx} + C' \frac{dv''}{dy} + D'v'' = \mu' v;$$

puis en éliminant v' , on aura une seconde transformée en v'' , de la même forme que la proposée, & ainsi de suite, sans que le calcul offre aucune condition à remplir.

Supposons maintenant que dans la suite $\mu, \mu', \mu'', \&c.$ il y ait un terme $\mu^{(i)}$ qui s'évanouisse, l'équation $\mu^{(i)} = 0$, sera la condition requise pour que l'intégrale de la proposée ait un nombre fini de termes par rapport à l'une des fonctions de y qu'elle doit contenir. Il sera facile ensuite de trouver la valeur de v développée suivant cette fonction & ses différences.

Par exemple, si on a $\mu'' = 0$, l'équation qui détermine v''' ne sera que du second ordre, savoir,

$$\frac{d d v''}{d x^2} + f \frac{d d v''}{d x d y} + B'' \frac{d v''}{d x} + C'' \frac{d v''}{d y} + D'' v'' = 0;$$

c'est-à-dire que des trois fonctions arbitraires que doit contenir la valeur complète de v , l'une qui est fonction de y seule, ne se rencontre point dans v''' . Ainsi en ne considérant que cette fonction, on a $v''' = 0$; ensuite la valeur de v'' se trouvera par l'équation

$$\frac{d v''}{d x} + p'' v'' = 0,$$

elle renfermera par conséquent la fonction de y dont il s'agit.

On déterminera ensuite v' & v par la simple différentiation au moyen des équations

$$\mu' v' = \frac{d d v''}{d x^2} + f \frac{d d v''}{d x d y} + B' \frac{d v''}{d x} + C' \frac{d v''}{d y} + D' v''$$

$$\mu v = \frac{d d v'}{d x^2} + f \frac{d d v'}{d x d y} + B \frac{d v'}{d x} + C \frac{d v'}{d y} + D v';$$

d'où il suit que la valeur de v contiendra trois termes, & sera de la forme

$$v = M \phi + N \phi' + P \phi''.$$

Si on vouloit avoir la valeur complète de v , il faudroit intégrer complètement l'équation du second ordre qui détermine v''' .

(VIII),

D'une Équation à trois variables d'un ordre indéfini.

ON peut intégrer généralement toute équation de la forme

$$T = av$$

$$+ b(x \frac{dv}{dx} + y \frac{dv}{dy}) \\ + c(x^2 \frac{d^2v}{dx^2} + 2xy \frac{d^2v}{dxdy} + y^2 \frac{d^2v}{dy^2}) \\ + f(x^3 \frac{d^3v}{dx^3} + 3x^2y \frac{d^3v}{dx^2dy} + 3xy^2 \frac{d^3v}{dx dy^2} + \frac{d^3v}{dy^3}) \\ + \&c.$$

$a, b, c, f, \&c.$ étant des constantes, & T une fonction quelconque de x & y .

En effet, il seroit facile de l'abaisser généralement à un ordre inférieur, en lui conservant la même forme; mais la méthode la plus simple, c'est de la ramener aux différences ordinaires. Soit $\frac{x}{y} = \theta, y = \pi$, & considérons maintenant v comme une fonction de θ & π ; l'équation proposée deviendra

$$T = av + b\pi \frac{dv}{d\pi} + c\pi^2 \frac{d^2v}{d\pi^2} + f\pi^3 \frac{d^3v}{d\pi^3} + \&c.(A'''),$$

où il est clair qu'on ne doit plus considérer que la variabilité de π , & que les constantes en nombre égal au degré de l'équation, seront autant de fonctions arbitraires de θ ou de $\frac{x}{y}$.

L'équation (A''') est connue des géomètres, & on sait l'intégrer en général; mais il semble qu'on n'a pas pensé à lui donner une forme encore plus simple en faisant $\frac{d\pi}{\pi} = d\omega$; alors on a

$$\frac{dv}{d\pi} = \frac{1}{\pi} \frac{dv}{d\omega} \\ \frac{d^2v}{d\pi^2} = \frac{1}{\pi^2} \left(\frac{d^2v}{d\omega^2} - \frac{dv}{d\omega} \right) \\ \frac{d^3v}{d\pi^3} = \frac{1}{\pi^3} \left(\frac{d^3v}{d\omega^3} - \frac{3d^2v}{d\omega^2} + \frac{2dv}{d\omega} \right) \\ \frac{d^4v}{d\pi^4} = \frac{1}{\pi^4} \left(\frac{d^4v}{d\omega^4} - \frac{6d^3v}{d\omega^3} + \frac{11d^2v}{d\omega^2} - \frac{6dv}{d\omega} \right), \\ \&c.$$

la loi

la loi des coefficients étant la même que dans les produits, $x, x(x-1), x(x-1)(x-2), x(x-1)(x-2)(x-3), \&c.$ ainsi la transformée sera

$$T = av + b' \frac{dv}{d\omega} + c' \frac{ddv}{d\omega^2} + f' \frac{d^3v}{d\omega^3} + \&c.$$

& aura ses coefficients constants, ce qui est le dernier degré de simplicité.

(I X.)

Des Équations non linéaires du premier ordre.

M. de la Grange a considéré ces équations sous un point de vue fort ingénieux dans les *Mémoires de Berlin, années 1772 & 1774*. Nous suivrons ici les traces de cet illustre géomètre, & nous tâcherons de généraliser quelques-uns de ses résultats.

Faisant à l'ordinaire

$$\frac{dz}{dx} = p, \& \frac{dz}{dy} = q,$$

une équation quelconque du premier ordre est une relation entre les cinq variables p, q, x, y, z ; d'où l'on peut déduire q , par exemple, en fonction des quatre autres, & poser

$$dq = A dp + B dx + C dy + D dz.$$

Considérons les trois variables x, y, z , comme indépendantes entr'elles, & p comme une fonction inconnue de ces trois variables; on aura

$$dq = (B + A \frac{dp}{dx}) dx + (C + A \frac{dp}{dy}) dy + (D + A \frac{dp}{dz}) dz;$$

alors l'équation $dz - p dx - q dy = 0$, n'est plus identique; elle doit seulement être intégrable par le moyen d'un facteur, & satisfaire à l'équation de condition

Mém. 1787.

U u

$$\frac{d q}{d x} - \frac{d p}{d y} + p \frac{d q}{d z} - q \frac{d p}{d z} = 0$$

qui devient, en faisant les substitutions,

$$A \frac{d p}{d x} - \frac{d p}{d y} + (p A - q) \frac{d p}{d z} + B + p D = 0 \dots (a').$$

L'équation non linéaire du premier ordre est ainsi ramenée à une équation linéaire du même ordre où il y a une variable de plus.

Il n'est pas nécessaire de résoudre complètement l'équation (a'), il suffit d'en tirer une valeur de p qui renferme une constante arbitraire a . En effet, cette valeur de p , substituée dans l'équation $d z - p d x - q d y = 0$, rendra cette équation intégrable. Je suppose que l'intégrale soit $V = b$, b étant la nouvelle constante arbitraire, cette intégrale seroit encore vraie, en supposant a variable, si on prenoit

$$b = \phi(a), \text{ \& } \frac{d V}{d a} = \phi'(a);$$

il n'y a donc qu'à chasser a , ou imaginer qu'il soit chassé des deux équations

$$V = \phi(a), \quad \frac{d V}{d a} = \phi'(a),$$

\& on aura l'intégrale de l'équation proposée, intégrale complète, puisqu'elle renferme la fonction arbitraire ϕ .

Sans recourir à l'équation (a'), on auroit pareillement l'intégrale complète de l'équation proposée, si on avoit une valeur de z qui renfermât deux constantes arbitraires a \& b ; car il en seroit de cette valeur comme de l'équation $V = b$ dont nous venons de parler; on la différentieroit en faisant tout varier, \& on auroit

$$d z = p d x + q d y + M d a + N d b;$$

donc, pour que la supposition de a \& b variables satisfasse à l'équation, comme celle de a \& b constans, il faut supposer

$$b = \phi(a),$$

$$M + N \phi'(a) = 0,$$

& combiner ces équations avec la relation donnée entre x, y, z, a, b : on peut concevoir que a & b en soient éliminés, & qu'on ait ainsi l'intégrale complete avec la fonction arbitraire φ .

En général, soit une équation aux différences partielles du premier ordre, entre une fonction inconnue Z , & tant de variables qu'on voudra, x, y, z, u , &c. si on connoît une valeur particulière de Z qui renferme autant de constantes arbitraires a, b, c, e , &c. qu'il y a de variables x, y, z, u , &c. il sera facile d'en déduire l'intégrale complete; car en faisant tout varier, on aura

$$dZ = p dx + q dy + r dz + s du + \&c. \\ + Mda + Ndb + Pdc + Qde + \&c.$$

Supposons que a soit une fonction quelconque des autres constantes arbitraires b, c, e , &c. en sorte qu'on ait

$$a = \varphi(b, c, e, \&c.);$$

pour faire disparoître la partie $Mda + Ndb + \&c.$ il faudra supposer

$$0 = N + M \frac{d\varphi}{db},$$

$$0 = P + M \frac{d\varphi}{dc},$$

$$0 = Q + M \frac{d\varphi}{de},$$

&c.

Ces équations sont en même nombre que les constantes b, c, e , &c. si nous y joignons la valeur de Z dans laquelle on mettra φ à la place de a , nous pourrons concevoir que b, c, e , &c. soient éliminées, & qu'il reste ainsi l'intégrale complete avec la fonction arbitraire φ dans toute sa généralité.

Il pourra arriver dans des cas particuliers, que la valeur de Z , quoique renfermant le nombre de constantes exigé,

U u ij

ne soit cependant pas assez générale pour faire parvenir à l'intégrale complète; alors on trouveroit quelques relations entre les coefficients $\frac{d\phi}{db}$, $\frac{d\phi}{dc}$, &c. qui diminueroient le nombre des quantités b, c, e , &c. sur lesquelles s'étend la fonction ϕ . Mais ce ne seroit point un défaut de la méthode que nous venons de développer, elle seroit toujours parvenir à l'intégrale la plus générale qu'il est possible de déduire de l'intégrale particulière supposée. Un exemple éclaircira cette idée: supposons que l'intégrale complète soit

$$Z = \phi(xy, \frac{z}{x}, x + uy),$$

si on partoît de cette valeur particulière

$Z = axy + bx^2y^2 + \frac{c}{xy} + e$, quoiqu'il y eût quatre constantes, on n'en pourroit tirer que cette valeur plus générale, $Z = \phi(xy)$.

Si on prenoit $Z = axy + \frac{bz}{x} + cyz + e$, on n'en pourroit déduire que cette intégrale

$$Z = \phi(xy, \frac{z}{x}),$$

plus générale que la précédente, mais encore incomplète.

Revenons à la résolution de l'équation (a') . D'après la théorie de M. de la Grange sur les équations linéaires, on fait que l'équation (a') sera résolue complètement si on intègre les équations aux différences ordinaires,

$$\left. \begin{aligned} dx + A dy &= 0 \\ dz + (pA - q) dy &= 0 \\ dp - (B + pD) dy &= 0 \end{aligned} \right\} (b').$$

En effet, si les intégrales déduites de la combinaison de ces trois équations, sont

$$\begin{aligned} \alpha &= \text{const.} \\ \epsilon &= \text{const.} \\ \gamma &= \text{const.} \end{aligned}$$

l'intégrale de l'équation (a') sera généralement

$$a = \phi(\zeta, \gamma),$$

ϕ étant une fonction quelconque de ζ & de γ .

On voit donc que la résolution des équations aux différences partielles non linéaires du premier ordre, est ramenée à celle de trois équations aux différences ordinaires entre quatre variables p, x, y, z ; d'ailleurs il n'est pas nécessaire d'avoir les trois intégrales complètes auxquelles ces équations doivent conduire; il suffit d'en avoir une seule, suivant ce que nous avons démontré.

Donc dans tous les cas où la combinaison des équations (b') mènera à une équation intégrable, on aura la solution complète de l'équation aux différences partielles proposée. Nous connoissons donc les cas d'intégrabilité les plus simples des équations dont il s'agit, si nous cherchons en général quelles sont les valeurs de q , pour que les équations (b') donnent ou une équation entre deux variables, ou deux équations entre trois. Il y auroit naturellement six cas de la première espèce & quatre de la seconde; mais en omettant ceux qui rentreroient dans les équations linéaires, il restera trois cas de la première espèce & trois de la seconde, que nous allons considérer successivement.

Premier cas d'intégrabilité.

Supposons que l'équation

$$dp - (B + pD) dy = 0$$

est intégrable d'elle-même, il faudra que $B + pD$ soit une fonction de p & y seuls; nommant ϕ cette fonction, on aura

$$\frac{dq}{dx} + p \frac{dq}{dz} = \phi(p, y),$$

équation linéaire d'où l'on tire

$$q = x \phi(p, y) + \downarrow(\zeta - px, p, y),$$

\downarrow désignant une fonction quelconque des trois quantités

$z - px, p, y$. Si donc la valeur de q est comprise dans cette forme générale, on intégrera l'équation aux différences ordinaires,

$$dp - \phi dy = 0;$$

d'où l'on tirera une valeur de p avec une constante arbitraire, & de-là l'intégrale complete de l'équation aux différences partielles proposée.

Deuxième Cas.

Supposons qu'en éliminant dy de la première & de la troisième des équations (b'), on ait cette équation intégrable

$$A dp + (B + pD) dx = 0,$$

il faudra que $\frac{B + pD}{A}$ soit une fonction de p & x seuls, ce qui donnera

$$\frac{dq}{dx} + p \frac{dq}{dz} = \frac{dq}{dp} \phi(p, x);$$

d'où l'on tire

$$q = \psi(z - \int p dx, \theta, y),$$

θ étant une nouvelle fonction de p & x prise arbitrairement, $\int p dx$ est prise en supposant θ constante; & ψ ou q désigne une fonction quelconque des trois quantités $z - \int p dx, \theta, y$.

Lorsque la quantité q aura cette forme, on fera $\theta = a$, ce qui donnera la valeur de p avec une constante arbitraire.

On peut particulariser cette formule & en déduire une infinité d'autres en donnant des valeurs à θ . Soit, par exemple, $\theta = px^2$ on aura $\int p dx = \int \frac{\theta dx}{x^2} = -\frac{\theta}{x} = -px$; donc

$$q = \psi(z + px, px^2, y);$$

dans ce cas on feroit $p = \frac{a}{x^2}$, a étant la constante arbitraire, d'où résulteroit l'intégrale complete.

Pour vérifier la valeur générale de q , il est nécessaire de connoître les différences partielles de la formule intégrale

$\int p dx$, prise en supposant constante une fonction θ des deux variables p & x . Considérons en général la formule $\Delta = \int T dx$, dans laquelle T est une fonction de p & x , & qu'on a intégrée en supposant constante la quantité θ qui est pareillement fonction de p & x . Nous pourrions supposer $\Delta = \int (T dx + \mu d\theta)$, puis faisant $d\theta = \alpha dx + \mathcal{C} dp$, nous aurons

$$\Delta = \int [(T + \mu\alpha) dx + \mu\mathcal{C} dp].$$

On peut concevoir que μ est déterminé de manière que la quantité sous le signe est une différentielle complète, ce qui donnera

$$\frac{d(T + \mu\alpha)}{dp} = \frac{d(\mu\mathcal{C})}{dx},$$

ou simplement

$$\frac{dT}{dp} + \alpha \frac{d\mu}{dp} = \mathcal{C} \frac{d\mu}{dx};$$

alors la valeur de Δ , telle que nous la venons d'écrire, ne suppose plus θ constant, & on a par conséquent

$$\frac{d\Delta}{dx} = T + \mu\alpha, \quad \frac{d\Delta}{dp} = \mu\mathcal{C}.$$

On trouvera que ces valeurs suffisent, sans chercher à déterminer μ .

Troisième Cas.

La seconde & la troisième des équations (b') donnent

$$(B + pD) dz + (pA - q) dp = 0.$$

Supposons donc que cette équation est intégrable, & que son intégrale est $\theta = \text{const.}$ Soit

$$d\theta = \alpha dz + \mathcal{C} dp,$$

ce qui donnera

$$\frac{dq}{dx} + p \frac{dq}{dz} = \frac{\alpha}{\mathcal{C}} (p \frac{dq}{dp} - q),$$

on tirera de cette équation la formule

$$q = p \psi \left(x - \int \frac{dz}{p}, \theta, y \right),$$

l'intégrale $\int \frac{dz}{p}$ étant prise en supposant θ constant. Prenant

donc pour θ une fonction quelconque de p & z , on aura des formules particulières qui présenteront une infinité de cas d'intégrabilité. Dans les cas particuliers on fera $\theta = a$, ce qui donnera une valeur de p renfermant une constante arbitraire.

Au reste, avec un peu d'attention on voit que ce cas a une grande analogie avec le précédent, & pourroit même en être déduit par une simple permutation. En effet, l'équation $dz = p dx + q dy$, donne $dx = \frac{dz}{p} - \frac{q}{p} dy$; comparant terme à terme ces deux équations, on trouve que les deux cas rentrent l'un dans l'autre.

Quatrième cas.

Considérons les deux équations

$$dx + A dy = 0$$

$$dp - (B + pD) dy = 0;$$

elles seront intégrables, si les coefficients A & $B + pD$ sont fonctions de p , x & y sans z . Ainsi F & f désignant des fonctions quelconques de p , x & y , on aura

$$\frac{dq}{dp} = F(p, x, y),$$

$$\frac{dq}{dx} + p \frac{dq}{dz} = f(p, x, y).$$

La première équation donne

$$q = \phi(p, x, y) + \psi(x, y, z);$$

cette valeur étant substituée dans la seconde, on trouve que

$$\frac{d\psi}{dx} + p \frac{d\psi}{dz}$$
 doit se réduire à une fonction de

p, x, y seuls, & qu'on a par conséquent

$$\frac{d d \downarrow}{d x d z} + p \frac{d d \downarrow}{d z^2} = 0;$$

de-là résulte

$$\frac{d \downarrow}{d z} = \Gamma (z - p x, y, p);$$

mais \downarrow par sa première valeur ne doit pas contenir p ; donc on a simplement

$$\frac{d \downarrow}{d z} = \Gamma (y),$$

ou

$$\downarrow = z \Gamma (y),$$

& par conséquent

$$q = \phi (p, x, y) + z \Gamma (y).$$

Telle est la valeur que doit avoir q , pour que la solution de l'équation proposée ne dépende que de deux équations entre trois variables

$$d x + A d y = 0,$$

$$d p - (B + p D) d y = 0,$$

il n'y aura pas plus de difficulté dans ce cas que dans celui des équations linéaires.

Cinquième cas.

Supposons que des trois équations (b'), les deux suivantes,

$$d z + (p A - q) d y = 0,$$

$$d p - (B + p D) d y = 0,$$

ne renferment que trois variables p, y, z , & soient par conséquent intégrables, sans le concours de la troisième équation; il faudra qu'on ait

$$p \frac{d q}{d p} - q = F (p, y, z)$$

$$\frac{d q}{d x} + p \frac{d q}{d z} = f (p, y, z);$$

Mém. 1787.

XX

346 MÉMOIRES DE L'ACADÉMIE ROYALE
de-là on tire, par un calcul semblable à celui du cas précédent,

$$q = \varphi(p, y, z) + p \times \Gamma(y).$$

Cette formule se déduiroit de celle du cas précédent, en faisant les permutations qu'exige le changement terme à terme de l'équation,

$$d z = p d x + q d y,$$

en celle-ci

$$d x = \frac{1}{p} d z - \frac{q}{p} d y.$$

Sixième cas.

La dernière combinaison qui nous reste à examiner, est celle de deux équations entre x, p, z ; savoir:

$$(p A - q) d x - A d z = 0,$$

$$(B + p D) d x + A d p = 0.$$

Pour qu'elles soient intégrables sans le secours d'une troisième équation, il faut qu'on ait

$$p \frac{d q}{d p} - q = \frac{d q}{d p} F(p, x, z)$$

$$-\frac{d q}{d x} + p \frac{d q}{d z} = \frac{d q}{d p} f(p, x, z);$$

de-là on tire

$$q = \Gamma(y) \cdot \varphi(p, x, z),$$

formule où l'on pourroit supposer $\Gamma y = 1$; car dans l'équation $d z = p d x + \Gamma \cdot \varphi d y$, à la place de $d y \cdot \Gamma(y)$ ou simplement $\Gamma \cdot d y$, on peut mettre $d y$, sans rien perdre du côté de la généralité.

Tels sont les cas généraux où les équations aux différences partielles seront intégrables, soit par le moyen d'une équation aux différences ordinaires du premier ordre entre deux variables, soit par le moyen de deux équations entre trois variables. On peut regarder tous ces cas comme aussi simples que l'équation linéaire prise en général.

Si une équation proposée ne se rapporte à aucune des formes précédentes, on pourra tenter de l'y ramener par différentes permutations ou transformations de l'espèce de celles que nous avons déjà eu occasion d'indiquer.

Une des plus remarquables consiste à faire

$$p x + q y - z = r;$$

alors on a

$$d r = x d p + y d q,$$

équation d'où l'on peut tirer de nouvelles formules.

Par exemple, on voit que cette dernière équation seroit linéaire, si on avoit

$$y = x \varphi(p, q, r) + \psi(p, q, r);$$

donc une équation proposée seroit immédiatement réduite à une équation linéaire, si on avoit

$$y = x \varphi[p, q, p x + q y - z] + \psi[p, q, p x + q y - z].$$

Enfin, si on veut avoir une formule générale qui renferme tous les cas, & de laquelle au moins on puisse tirer des formules particulières assez simples, non comprises dans les précédentes, il faudra combiner à la fois les trois équations (*b'*), ce qui donnera

$$d p + \mu d z + \nu d x + [(\mu p + \nu) A - B - p D - \mu q] d y = 0,$$

équation toujours intégrable, en donnant aux quantités arbitraires μ & ν les valeurs convenables. Supposons que l'intégrale soit $\theta = \text{const.}$ θ étant une fonction quelconque de p, z, x, y , & soit

$$d \theta = \alpha d p + \epsilon d z + \gamma d x + \epsilon d y;$$

on aura

$$\mu = \frac{\epsilon}{\alpha}, \nu = \frac{\gamma}{\alpha}, (\mu p + \nu) A - B - p D - \mu q = \frac{\epsilon}{\alpha}.$$

Cette dernière devient

$$(\mu p + \nu) \frac{d q}{d p} - \frac{d q}{d x} - p \frac{d q}{d z} - \mu q = \frac{\epsilon}{\alpha}.$$

Pour en tirer une valeur générale de q , soit intégrée l'équation

$$dz - p dx = 0,$$

en supposant θ & y constans, & soit l'intégrale $\lambda = a$. Soit pareillement intégrée l'équation

$$dq + \mu q dx + \frac{e}{a} dx = 0;$$

en supposant θ , λ , y constans, & soit l'intégrale

$$q e^M - N = b;$$

on aura généralement

$$q = e^{-M} N + e^{-M} \psi(\theta, \lambda, y).$$

Cette formule ayant lieu dans un cas particulier, on fera $\theta = \text{const.}$ ce qui donnera la valeur de p avec une constante arbitraire, & de-là l'intégrale complète.

Pour faire voir, par un exemple, qu'on peut déduire une infinité de cas d'intégrabilité de la formule précédente,

soit $\theta = \frac{p y z}{x}$, & on trouvera, en exécutant les opérations indiquées

$$q = -\frac{z}{2y} + \frac{1}{z} \psi \left[z^2 - p x z, \frac{p y z}{x}, y \right].$$

Si cette forme a lieu, on fera $\frac{p y z}{x} = a$, & on en déduira aisément l'intégrale complète.

*ADDITION au Mémoire imprimé dans le volume précédent,
sur la manière de distinguer les Maxima des Minima,
dans le calcul des variations.*

IL y a deux points sur lesquels j'ai peu insisté dans ce Mémoire, & qui méritent quelques éclaircissemens pour la solidité des démonstrations. Il s'agit de faire voir 1.^o que les quantités auxiliaires nommées α , ϵ , γ , &c. dans les différens cas qu'on a considérés, peuvent toujours être supposées réelles, sans quoi la quantité sous le signe, quoique réduite à la forme d'un carré, pourroit n'être pas du même signe que son coefficient. 2.^o Que les constantes arbitraires

qu'on imagine entrer dans les valeurs de α , \mathcal{C} , γ , &c. peuvent être prises de manière que la partie hors du signe s'évanouisse, sans que cette condition les rende imaginaires.

J'appliquerai mon raisonnement au cas de l'*art. II*, pages 11 & 12; on verra aisément qu'il s'étend à tous les autres.

Première partie. Les équations qui déterminent α , \mathcal{C} , γ , sont de la forme

$$d\alpha = \phi dx, d\mathcal{C} = \psi dx, d\gamma = \omega dx;$$

ϕ , ψ , ω étant des fonctions rationnelles & entières de α , \mathcal{C} , γ ; cette circonstance des fonctions entières aide à démontrer que les quantités α , \mathcal{C} , γ seront toujours réelles, quelles que soient leurs valeurs pour une abscisse donnée, c'est-à-dire, quelles que soient les constantes arbitraires, pourvu qu'on les suppose réelles.

En effet, différentiant ces équations, en supposant dx constante, & faisant les substitutions nécessaires, on aura

$$dd\alpha = \phi_1 dx^2, dd\mathcal{C} = \psi_1 dx^2, dd\gamma = \omega_1 dx^2,$$

$$d^3\alpha = \phi_2 dx^3, d^3\mathcal{C} = \psi_2 dx^3, d^3\gamma = \omega_2 dx^3,$$

&c.

&c.

&c.

ϕ_1 , ψ_1 , ϕ_2 , &c. étant pareillement des fonctions entières de α , \mathcal{C} , γ .

Soient α' , \mathcal{C}' , γ' les valeurs de α , \mathcal{C} , γ qui répondent à l'abscisse donnée $x = a$, ces quantités α' , \mathcal{C}' , γ' seront les trois constantes qu'on suppose réelles, mais arbitraires. Si on substitue ces constantes à la place de α , \mathcal{C} , γ , dans les quantités ϕ , ψ , ω , ϕ_1 , ψ_1 , ω_1 , &c. supposons que ces quantités deviennent ϕ' , ψ' , &c. il suit du théorème de Taylor, que les valeurs de α , \mathcal{C} , γ , correspondantes à l'abscisse $a + i$ peu différente de a , seront

$$\alpha' + i\phi' + \frac{i^2}{2}\phi'_1 + \frac{i^3}{2.3}\phi'_2 + \text{\&c.}$$

$$\mathcal{C}' + i\psi' + \frac{i^2}{2}\psi'_1 + \frac{i^3}{2.3}\psi'_2 + \text{\&c.}$$

$$\gamma' + i\omega' + \frac{i^2}{2}\omega'_1 + \frac{i^3}{2.3}\omega'_2 + \text{\&c.}$$

suites convergentes, & par conséquent exactes, si aucune des quantités ϕ' , $\phi' 1$, ψ , &c. n'est infinie. Or ces quantités sont des fonctions entières des constantes α' , ϵ' , γ' ; elles ne peuvent donc devenir infinies par des valeurs particulières & finies de ces constantes; elles ne pourroient devenir infinies que par l'influence des quantités P , Q , R , S , &c. fonctions de x seule, qui indiqueroient alors quelque limite dans la courbe ou quelque irrégularité de courbure, dont nous devons faire abstraction en considérant les choses en général.

Connoissant les valeurs de α , ϵ , γ , pour l'abscisse $a + i$, on peut s'en servir comme de nouvelles arbitraires pour déterminer les valeurs de α , ϵ , γ , jusqu'à l'abscisse $a + 2i$, ou pour concevoir au moins qu'elles soient déterminées; car si on faisoit réellement les substitutions dans la formule de Taylor, il y auroit des cas où elle cesseroit d'être convergente. Donc les auxiliaires α , ϵ , γ , peuvent être censées réelles pour une abscisse quelconque (où l'ordonnée y de l'aire $\int y dx$ sera réelle), & renfermer dans leur expression générale, quelle qu'elle soit, trois constantes arbitraires réelles.

Seconde partie. Il faut prouver que la quantité hors du signe

$$\begin{aligned} & (\alpha \delta y^2 + 2 \epsilon \delta y \delta p + \gamma \delta p^2)^0 \\ & - (\alpha \delta y^2 + 2 \epsilon \delta y \delta p + \gamma \delta p^2)^1 \end{aligned}$$

peut être supposée zéro, sans qu'il soit à craindre que cette supposition rende imaginaires les constantes.

Pour faciliter cette démonstration, j'observe que l'intégrale $\int S dx (\delta q + \mu \delta p + \lambda \delta y)^2$ devant être prise entre les mêmes limites que l'intégrale $\int y dx$, par exemple, depuis $x = 0$ jusqu'à $x = b$, on peut diviser cet intervalle en un certain nombre de parties égales très-petites, dont chacune soit désignée par i , & considérer l'intégrale entière comme composée de différentes parties

$$\begin{aligned} & (\alpha \delta y^2 + 2 \epsilon \delta y \delta p + \gamma \delta p^2)^0 \\ & - (\alpha \delta y^2 + 2 \epsilon \delta y \delta p + \gamma \delta p^2)^1 \\ & + \int S dx (\delta q + \mu \delta p + \lambda \delta y)^2 \end{aligned}$$

prises depuis le commencement jusqu'à la fin d'une des divisions de l'abscisse, par exemple, depuis $x = a$ jusqu'à $x = a + i$.

Or la forme que nous avons donnée ci-dessus aux valeurs de α , \mathcal{C} , γ , depuis $x = a$ jusqu'à $x = a + i$, nous fait voir qu'en étendant aussi peu notre intégrale, il sera toujours aisé de prendre les constantes réelles α' , \mathcal{C}' , γ' , de manière que la partie hors du signe soit zéro.

Appliquant le même raisonnement à chacune des divisions de l'abscisse, les constantes pourront changer de l'une à l'autre; mais elles seront toujours réelles, les parties hors du signe auront disparu, & l'intégrale totale qui représente la variation du second ordre, aura le même signe que S .

Cette division de l'intégrale en petites portions indépendantes les unes des autres, peut être appliquée à la démonstration de la première partie, & alors les difficultés qu'on pourroit encore élever sur la non-convergence des suites dont on a fait usage, seroient entièrement résolues; car on voit facilement que ces suites seront toujours convergentes en prenant α' , \mathcal{C}' , γ' , très-petits. A la vérité les constantes α' , \mathcal{C}' , γ' ne seroient plus les mêmes pour les différentes divisions de l'abscisse, mais la proposition n'en seroit pas moins établie que $\int S dx (\delta q + \mu \delta p + \lambda \delta y)^2$ est du même signe que S , & que les quantités hors du signe intégral sont nulles.



M É M O I R E

Sur les Opérations trigonométriques, dont les résultats dépendent de la figure de la Terre.

Par M. LE GENDRE.

IL n'est question ici que des opérations qui exigent une très-grande précision, telles que la mesure des degrés du méridien ou d'un parallèle, & la détermination géographique des principaux points d'une grande carte, d'après les triangles qui les enchaînent. Ces sortes d'opérations pourront être portées désormais à un grand degré de perfection par le moyen du cercle entier. En effet, l'usage que nous avons fait de cet instrument en 1787 *, nous a convaincus qu'il peut donner chaque angle d'un triangle à deux secondes près ou même plus exactement, si toutes les circonstances sont bien favorables. Il est donc nécessaire que les calculs établis sur de pareilles données ne leur soient pas inférieurs en exactitude; il faut tenir compte sur-tout de la réduction à l'horizon qui monte assez souvent à plusieurs secondes; & de-là naissent des triangles infiniment peu courbes, dont le calcul exige des règles particulières. Car en les considérant comme rectilignes, on négligerait le petit excès de la somme des trois angles sur 180 degrés, & en les considérant comme sphériques, les côtés seroient changés en très-petits arcs, dont le calcul ne seroit ni exact ni commode par les tables ordinaires.

J'ai rassemblé dans ce Mémoire les formules nécessaires, tant pour la réduction & le calcul de ces sortes de triangles, que pour ce qui concerne la position des différens points

* L'opération que nous avons faite en commun, M. de Cassini, M. Méchain & moi, avoit pour but la jonction des côtes de France & d'Angleterre; M. de Cassini se proposoit d'en publier le résultat incessamment.

d'une chaîne de triangles sur la surface du sphéroïde. Jusqu'à présent on a déterminé ces positions au moyen des perpendiculaires à la méridienne; mais lorsque les distances deviennent un peu grandes, il est à craindre que les erreurs ne se multiplient : je préfère de calculer de proche en proche la position de chaque point, par celle d'un autre point déjà déterminée sur le même triangle. Au reste, la méthode des perpendiculaires est un corollaire de la mienne, & je crois avoir résolu le problème complètement, quelle que soit la distance des deux points dont il s'agit de déterminer la position respective.

J'ai appliqué ces formules à la chaîne de triangles que nous avons formée sur les côtes de France & d'Angleterre, & je me propose de continuer cette application dans les triangles formés depuis Douvres jusqu'à Londres, lorsque M.^{rs} les Commissaires Anglois nous auront fait part de leurs observations.

Il y a dans ces calculs quelques élémens susceptibles d'une légère incertitude; telle est principalement la quantité de l'aplatissement, telles sont la base de Dunkerque à Hondscote, la longitude & la latitude de la tour de Dunkerque, la direction d'un des côtés par rapport au méridien, &c. Pour ne faire le calcul qu'une fois, & pour juger d'un coup-d'œil de l'influence des erreurs, j'ai supposé la valeur de chaque élément principal, augmentée d'une quantité indéterminée qui en désigne la correction. Ces quantités littérales qu'on regarde comme très-petites, n'empêchent pas de procéder au calcul par logarithmes de la manière accoutumée; seulement à la suite de chaque logarithme ou du nombre qui en est déduit, on a autant de petites corrections ou équations qu'il y a d'éléments incertains. Le calcul fini on a le résultat, non d'une seule hypothèse, mais de toutes celles où on feroit varier très-peu les éléments de la question; on est donc à portée, ou de corriger ces éléments, ou d'estimer l'influence de leurs erreurs sur le résultat. Cette méthode est fort simple & revient dans le fond

à celle de M. du Séjour; cependant je ne crois pas qu'on l'ait encore employée sous le même point de vue.

Ce Mémoire sera terminé par quelques réflexions théoriques & pratiques sur l'usage du cercle de M. le chevalier de Borda, dans les opérations qui auroient pour objet la mesure des degrés du méridien.

(I.)

Réduction d'un angle à l'horizon.

Soit A l'angle qu'il faut réduire, soient α & ϵ , les abaiffemens de ses côtés, au-dessous du plan de l'horizon; comptés en secondes; on fera

$$\frac{\alpha + \epsilon}{2} = p, \quad \frac{\alpha - \epsilon}{2} = q,$$

& le nombre de secondes à ajouter à l'angle A , pour sa réduction à l'horizon, sera

$$\frac{p^2}{R} \operatorname{tang.} \frac{1}{2} A - \frac{q^2}{R} \cot. \frac{1}{2} A,$$

R étant le rayon compté en secondes; ainsi on prendra

$$\log. R = 5,314425,$$

ou son complément

$$\log. \frac{1}{R} = 4,685575.$$

Il faudra faire attention aux signes; car si l'un des deux objets entre lesquels on a mesuré l'angle A , est élevé au-dessus de l'horizon, au lieu d'être abaissé, son abaiffement α ou ϵ sera négatif. De même la réduction trouvée peut être négative, & alors il faudra la soustraire de l'angle A .

Si on a observé immédiatement avec le cercle les angles de hauteur ou de dépression des deux objets, on les réduira en secondes, & on aura α & ϵ ; mais si par d'autres mesures on connoît les hauteurs absolues des deux stations par rapport à celle où l'on observe, & si on connoît en même temps la distance approchée de ces stations, on déterminera comme il suit chacun des angles α & ϵ .

(I I .)

Angle de Dépression ou d'élévation d'un point observé , par rapport à l'horizon du lieu où l'on observe.

Soit H la hauteur du lieu de l'observation au-dessus d'un horizon déterminé, tel que le niveau de la mer.

Soit h la hauteur du lieu observé au-dessus du même horizon ; soit D la distance de ce lieu , H, h, D étant exprimées en toises.

Soit r le rayon d'un grand cercle de la Terre , exprimé pareillement en toises , & enfin R le rayon des tables toujours compté en secondes.

L'abaissement a du lieu observé, se trouvera par cette formule

$$a = \frac{H-h}{D} . R + \frac{D}{2r} R,$$

dont la première partie est due à la différence de hauteur des deux lieux , & l'autre à la courbure de la Terre.

On aura toujours

$$\log. R = 5,314425;$$

& quant au $\log. r$, on peut supposer, sur-tout vers 51^d de latitude,

$$\log. r = 6,515439;$$

c'est un milieu entre le logarithme du rayon de courbure du méridien qui est $6,515169$, & le logarithme du rayon de la section perpendiculaire au méridien qui est $6,515709$.

(I I I .)

Remarque sur les réfractions terrestres.

SI on comparoit la valeur de a avec celle qu'auroit donnée la mesure immédiate, on trouveroit toujours celle-ci moindre, à cause de la réfraction terrestre qui élève le rayon parti d'un objet éloigné. La quantité de cette réfraction est à peu-près $\frac{1}{14}$ de la distance du lieu observé ,

Y y ij

réduite en degrés & minutes de grand cercle; de sorte que si un objet est à 14000 de distance, la réfraction le fera paroître plus élevé de $\frac{1}{37}$ de degré, ou à très-peu-près de 1' 3"; à une distance double, la réfraction seroit deux fois plus grande.

Si on n'a pas la valeur de α immédiatement mesurée par le cercle, & par conséquent affectée de la réfraction, il sera bon de ne pas omettre cette correction dans les grandes distances, & de prendre

$$\alpha = \frac{H-h}{D} R + \frac{D}{2r} R - \frac{D}{14r} R,$$

ou simplement

$$\alpha = \frac{H-h}{D} R + \frac{3D}{7r} R;$$

dans le calcul de la seconde partie, on aura

$$\log. \frac{3R}{7r} = 8,430735.$$

Le cercle garni d'un bon niveau, est un instrument très-propre à prendre en chaque lieu les hauteurs ou abaiffemens des autres stations. Il n'est pas nécessaire de mettre dans ces sortes d'observations la même précision que dans les angles horizontaux; mais il faut que la hauteur de chaque point ait été observée au moins une fois de quelque station, pour qu'on soit en état de réduire tous les angles à l'horizon.

Si on mesure avec quelque précision les hauteurs ou abaiffemens de deux stations observées l'une de l'autre, on trouvera que la somme des deux distances au zénith, qui, sans la réfraction, seroit égale à 180°, plus l'arc de grand cercle compris entre les deux stations, sera moindre que cette quantité du double de la réfraction à chaque lieu; & on verra par ce moyen que la réfraction est à peu-près, comme nous l'avons dit, $\frac{1}{14}$ de la distance des lieux réduite en degrés & minutes de grand cercle.

Les observations de ce genre, faites à de grandes distances, seroient très-intéressantes; on en trouve quelques-

unes, dans la *Méridienne vérifiée, troisième partie, page 11*; mais, de l'aveu de l'auteur, elles ne sont pas suffisamment exactes: en voici cependant une qui s'accorde assez bien avec ce que nous venons de dire. A Aiguesmortes, on observa la montagne des Houpies, dont la distance au zénith fut trouvée de $89^{\text{d}} 50' 19''$: réciproquement, de la montagne des Houpies, on observa la distance d'Aiguesmortes au zénith, de $90^{\text{d}} 40' 20''$. La somme de ces deux distances surpasse 180^{d} de $30' 39''$; mais la distance des lieux réduite en minutes de grand cercle, est de $35' 36''$; donc la double réfraction étoit de $4' 57''$, & la réfraction simple $2' 28'' \frac{1}{2}$, ce qui est à très-peu-près $\frac{1}{14}$ de la distance.

(I V.)

Réduction d'une distance à l'horizon.

CETTE opération est superflue; il suffit d'avoir réduit à l'horizon le côté qui est la base même, ou qui sert de base; alors dans chaque triangle sphérique on connoîtra toujours les trois angles & un côté: on pourra donc trouver les deux autres côtés par les moyens que nous donnerons ci-après pour avoir égard à la courbure de ces sortes de triangles.

Cependant si on veut réduire immédiatement une distance à l'horizon, ne fût-ce que pour la comparer avec le résultat du calcul que nous venons d'indiquer, voici la formule. Soient toujours H & h les hauteurs des deux stations, D leur distance, r le rayon de la Terre, le tout compté en toises; la distance D réduite à l'horizon sera

$$D - \frac{(H + h)}{2r} \cdot D - \frac{(H - h)^2}{2D};$$

les deux corrections sont donc constamment soustractives.

Au reste, on néglige dans cette formule la petite différence entre l'arc de grand cercle qui mesure une distance & la corde; mais il faudroit que cet arc fût de 32000 toises, pour que la différence en question fût de $\frac{1}{8}$ de toise. Dans

de calcul que nous indiquerons ci-après, on aura égard à la courbure des triangles, & rien ne sera négligé.

(V.)

Formule pour avoir l'excès de la somme des trois angles d'un triangle réduit à l'horizon, sur 180^d.

CET excès dans tout triangle sphérique est proportionnel à sa surface. Soit a un côté de l'un de nos triangles infiniment peu courbes, B & C les deux angles adjacens, A l'angle opposé; sa surface fera $\frac{a^2 \sin. B \sin. C}{2 \sin. A}$, & l'excès de la somme des trois angles sur 180^d, fera en secondes,

$$\frac{a^2 \sin. B \sin. C}{2 r^2 \sin. A} R.$$

Ainsi au logarithme de $\frac{a^2 \sin. B \sin. C}{\sin. A}$ qui représente le double de la surface, il faudra ajouter le logarithme constant 1,982525, pour avoir le logarithme du nombre de secondes cherché.

Par exemple, dans un triangle équilatéral dont le côté est de vingt mille toises, l'excès de la somme des trois angles sur 180^d est de 3" $\frac{1}{3}$; on peut conclure de-là ce qu'il seroit dans tout autre triangle à raison de sa surface.

(V I.)

Théorème concernant les triangles sphériques, dont les côtés sont très-petits par rapport au rayon de la sphère.

SI la somme des trois angles d'un triangle sphérique infiniment petit, est supposée 180^d + ω , & que de chaque angle on retranche $\frac{1}{3} \omega$, afin que la somme des angles restans soit précisément de 180^d, les sinus de ces angles seront entr'eux comme les côtés opposés; de sorte que le triangle, avec les angles ainsi diminués, pourra être considéré & résolu comme s'il étoit parfaitement rectiligne.

Cette proposition singulière ramène tout d'un coup aux triangles rectilignes, ces triangles infiniment peu courbes qui paroissent tenir une espèce de milieu entre les triangles rectilignes & les triangles sphériques. Il faudra, dans tous les cas, commencer par calculer ω au moyen de la formule de l'article précédent. Au reste, ce théorème seroit encore sensiblement vrai pour des triangles sphériques assez grands, dans lesquels l'excès ω seroit de quelques degrés.

(V I I .)

Valeurs des degrés du méridien dans le sphéroïde.

SOIT le rapport des axes celui de 1 à $1 + \alpha$, α représentera l'aplatissement; cette quantité est petite & assez peu connue; on peut négliger son carré jusqu'à ce que les observations d'où on la conclut deviennent plus parfaites.

Soit b le demi-petit axe du sphéroïde, M le 45.^{me} degré du méridien, π le rapport de la circonférence au diamètre;

on aura
$$b = \frac{180}{\pi} \cdot M \left(1 - \frac{1}{2} \alpha \right),$$

& le degré à la latitude L fera

$$M \left(1 - \frac{3}{2} \alpha \cos. 2 L \right);$$

la latitude augmentant de 1^d, le degré du méridien augmentera de

$$M \cdot \frac{\pi}{180} \cdot 3 \alpha \sin. 2 L.$$

(V I I I .)

Formules pour déterminer la position respective de différens lieux sur la surface du sphéroïde.

SOIT P le pôle boréal; PC le demi-axe du sphéroïde; PA , PB deux méridiens; AM la normale au point A ; enfin AB une section quelconque de l'ellipsoïde dirigée suivant la verticale AM .

Fig. 14

On connoît la latitude du lieu A = L ;

la distance AB mesurée trigonométriquement... $AB = D$, & l'angle de direction, ou d'azimuth... $PAB = A$; il s'agit de déterminer la longitude & la latitude du point B , ainsi que l'angle PBA que fait la section AB avec le méridien du lieu B , prolongé vers le nord.

Pour cela, du point M , comme centre, décrivons le triangle sphérique pab : nous connoissons dans ce triangle deux côtés & l'angle compris; savoir, le côté ap , complément de la latitude en A ; le côté ab , égal à l'angle AMB , connu par la distance AB & la normale AM ; enfin l'angle pab , égal à l'angle connu A .

Soit d'abord la normale $AM = n$, & l'angle $AMB = \delta$; on aura

$$n = b (1 + 2 \alpha - \alpha \cos^2 L)$$

$$\delta = \frac{D}{n}$$

Cela posé, la résolution de notre triangle donnera les trois formules suivantes, où l'on a négligé seulement les α^2 & les δ^3 .

$$\text{Différ. en long.} \dots P = \frac{\delta \sin. A}{\cos. L} (1 + \delta \tan. L \cos. A),$$

$$\text{Latitude du lieu } B = L + \delta \cos. A (1 + 2 \alpha \cos^2 L) - \frac{1}{2} \delta^2 \tan. L \sin.^2 A,$$

$$\text{Azimuth} \dots PBA = 180^\circ - A - \delta \sin. A \tan. L - \delta^2 \sin. A \cos. A (\frac{1}{2} + \tan.^2 L).$$

Les quantités affectées de δ & δ^2 dans ces trois formules, sont exprimées en parties du rayon 1; on les réduira commodément en minutes & parties décimales de minutes; pour cela il faut les multiplier par le nombre de minutes comprises dans le rayon dont le logarithme est

$$\text{Log. } R = 3,536274.$$

Je propose de réduire ainsi en minutes & non en secondes, parce que dans ces sortes de calculs il suffira d'employer des tables à fix décimales, qui sont les plus commodés, & dans lesquelles le quart-de-cercle n'est divisé que de minutes en minutes.

La distance AB représente un côté quelconque dans une suite de triangles réduits à l'horizon. Ainsi en partant d'un

d'un point dont la latitude sera connue & où on connoîtra l'angle que fait un côté avec le méridien, on pourra déterminer la latitude de tous les autres points, leurs différences en longitude, & les directions des différens côtés par rapport au méridien du lieu où ils aboutissent.

(I X.)

Solution plus exacte du problème précédent.

LES formules précédentes où l'on n' a eu égard qu'aux termes du second ordre $\alpha \delta$, δ^2 , suffisent lorsque l'angle δ ne surpasse pas un demi-degré, ou lorsque la distance AB n'excède guère 28000 toises. Alors on peut être assuré d'avoir la position du point B à un ou deux dixièmes de seconde près, précision que ne donneroit pas toujours la résolution immédiate du triangle pab , même avec des tables de sept décimales.

Si la distance AB excède 28 ou 30000 toises, ce qui doit être bien rare dans la pratique, il faudra pousser l'approximation jusqu'aux termes du troisième ordre δ^3 , $\alpha \delta^2$, $\alpha^2 \delta$; les formules qu'on obtiendra auront d'ailleurs l'avantage de faire connoître l'erreur des précédentes plus exactement que nous n'avons pu l'indiquer.

Quelque grand que soit AB , l'angle AMB (δ), sera Fig. 1. toujours assez exactement représenté par $\frac{AB}{AM}$ ou $\frac{D}{n}$, car il ne surpasse cette valeur que de $\frac{1}{3} \alpha \delta^3 \cos^2 A \cos^2 L$, quantité du quatrième ordre & de nul effet par rapport aux termes du troisième que nous nous proposons d'ajouter à nos formules.

Il est nécessaire d'abord de prendre les valeurs de b & de n plus approchées; or ces valeurs sont rigoureusement

$$b = \frac{180}{\pi} M. \frac{(1 + \alpha + \frac{1}{2} \alpha^2)^{\frac{1}{2}}}{1 + 2\alpha + \alpha^2}$$

$$n = \frac{b (1 + \alpha)^2}{\sqrt{1 + (2\alpha + \alpha^2) \cos^2 L}}$$

Mém. 1787.

Zz

M étant toujours la longueur d'un degré du méridien, selon la courbure à 45^d de latitude.

Développant ces quantités jusqu'aux α^2 inclusivement, ce qui sera toujours très-suffisant, on aura

$$b = \frac{180}{\pi} M \left(1 - \frac{1}{2} \alpha + \frac{9}{8} \alpha^2 \right).$$

$$n = \frac{180}{\pi} M \left\{ 1 + \alpha \left(\frac{1}{2} + \frac{\sin^2 L}{2} \right) + \alpha^2 \left(\frac{5}{8} - \sin^2 L + \frac{3}{2} \sin^4 L \right) \right\}$$

donc $\frac{D}{n}$, ou

$$\delta = \frac{\pi}{180} \cdot \frac{D}{M} \left\{ 1 - \alpha \left(\frac{1}{2} + \frac{\sin^2 L}{2} \right) - \alpha^2 \left(\frac{3}{8} - 2 \sin^2 L + \frac{1}{2} \sin^4 L \right) \right\}$$

soit μ le module 0,4342945, & on aura

$$\log. \delta = \log. \frac{\pi}{180} + \log. \frac{D}{M} - \mu \alpha \left(\frac{1}{2} + \sin^2 L \right) - \mu \alpha^2 \cos^2 L \left(\frac{1}{2} - \sin^2 L \right),$$

valeur commode pour le calcul, & dont le dernier terme est déjà insensible.

Fig. 1. Cela posé, connoissant dans le triangle pab , les deux côtés pa , ab , & l'angle compris $pa b$, la résolution donnera l'angle p , le côté bp & l'angle abp ; l'angle p sera la différence en longitude des points A & B ; le complément du côté pb ne sera pas tout-à-fait la latitude du point B , parce que BM n'est pas perpendiculaire à la surface du sphéroïde. Il faut ajouter à ce complément la quantité $(2\alpha + \alpha^2) \delta \cos. A \cos.^2 L - \alpha \delta^2 \sin. L \cos. L (1 + 2 \cos.^2 A)$ pour avoir la latitude en B .

Enfin l'angle pba n'est pas précisément l'azimuth du point A observé de B , comme l'angle PAB l'est du point B observé de A . Car suivant la même corde AB , on peut imaginer deux plans ABM , ABO verticaux, l'un en A , l'autre en B , lesquels n'auront pas la même intersection avec la surface du sphéroïde. Il est évident que l'intersec-

tion du plan ABO est un arc AzB situé un peu à droite de AB , & qu'ainsi on doit regarder comme un peu différens, quant à la direction, les deux chemins de A en B ou de B en A . Le calcul du triangle sphérique pab , nous donnera la valeur de l'angle PBA ; il faut y ajouter le petit angle ABz pour avoir l'azimuth du point A observé de B : or la valeur de ce petit angle est

$$- \alpha \delta^2 \sin. A \cos. A \cos.^2 L.$$

Il falloit en tenir compte, puisqu'elle est du troisième ordre. Quant à la différence des deux chemins entre A & B , on trouve qu'elle est du quatrième ordre, & qu'ainsi on peut se dispenser d'y avoir égard.

Voici maintenant les formules qui suivent de la résolution analytique du triangle pab , & des observations qu'on vient de faire.

Azimuth PBA .

$$\begin{aligned} 180^\circ - A - \delta \tan. L \sin. A - \delta^2 \sin. A \cos. A \left(\frac{1}{2} + \tan.^2 L \right) \\ - \delta^3 \sin. A \cos.^2 A \tan. L \left(1 + \frac{2}{3} \tan.^2 L \right) \\ + \frac{\delta^3}{3} \sin. A \tan. L \left(\frac{1}{2} + \tan.^2 L \right) \\ - \alpha \delta^2 \sin. A \cos. A \cos.^2 L. \end{aligned}$$

Différence en longitude, APB .

$$\frac{\delta \sin. A}{\cos. L} \left\{ 1 + \delta \tan. L \cos. A + \frac{\delta^2}{6} \tan.^2 L (1 + 5 \cos. 2 A) \right. \\ \left. + \frac{\delta^3}{3} \cos. 2 A \right\}$$

Latitude du point B .

$$\begin{aligned} L + \delta \cos. A - \frac{\delta^2}{2} \tan. L \sin.^2 A - \frac{\delta^3}{2} \cos. A \sin.^2 A (\tan.^2 L + \frac{1}{3}) \\ + 2 \alpha \delta \cos.^2 L \cos. A - \alpha \delta^2 \sin. L \cos. L (1 + 2 \cos. A) \\ + \alpha^2 \delta \cos. A \cos.^2 L. \end{aligned}$$

Dans les applications, les termes qui contiennent $\alpha^2 \delta$ & $\alpha \delta^2$, seront presque toujours assez petits pour être négligés.

On peut vérifier ces formules d'une manière satisfaisante,

Zz ij

en partant des trois élémens qui conviennent au point *B*, pour déterminer ceux qui conviennent au point *A*, & qu'on trouvera tels qu'on les avoit supposés; on observera dans ce calcul que la distance *D* est bien la même de part & d'autre, mais non pas δ , parce que les normales sont différentes en *A* & en *B*.

Déduisons maintenant quelques corollaires généraux de nos formules.

1.^o Si le côté *AB* est dirigé selon le méridien même, dans un sens ou dans l'autre, & qu'ayant pris les arcs *AK*, *AI* de la longueur *D*, on détermine δ comme ci-dessus, les latitudes des points *K* & *I* seront

$$\text{lat. de } K = L + \delta + 2 \alpha \delta \cos.^2 L - 3 \alpha \delta^3 \sin. L \cos. L + \alpha^2 \delta \cos.^2 L;$$

$$\text{lat. de } I = L - \delta - 2 \alpha \delta \cos.^2 L - 3 \alpha \delta^3 \sin. L \cos. L - \alpha^2 \delta \cos.^2 L.$$

2.^o Si le côté *AB* se confond avec la perpendiculaire à la méridienne, les formules se simplifient beaucoup & deviennent

$$\text{azim. } PBA = 90^\circ - \delta \tan. L + \frac{\delta^3}{3} \tan. L \left(\frac{1}{2} + \tan.^2 L \right);$$

$$\text{diff. en longit.} = \frac{\delta^3}{\cos. L} - \frac{2}{3} \delta^3 \left(\frac{1}{2} + \tan.^2 L \right);$$

$$\text{latitude de } B = L - \frac{\delta^2}{2} \tan. L - \alpha \delta^2 \sin. L \cos. L.$$

3.^o Au moyen des perpendiculaires à la méridienne, on déterminera toujours la position du point *B*, quel que soit l'azimuth *PAB*. En effet, du point *B* soit abaissée la perpendiculaire *BI* sur le méridien du lieu *A*, on trouvera, en ayant égard à la courbure du triangle rectangle *AIB*,

$$BI = D \sin. A \left(1 - \frac{D^2}{6 b^2} \cos.^2 A \right)$$

$$AI = -D \cos. A \left(1 + \frac{D^2}{3 b^2} \sin.^2 A \right)$$

La valeur de *AI* fera connoître la latitude du point *I*; ensuite par le moyen de cette latitude & de la perpendiculaire à la méridienne *BI*, on déterminera la position du point *B*.

De cette manière on aura évité les longues formules, mais on aura multiplié les opérations, ce qui revient à peu-près au même; d'ailleurs dans ces longues formules, il n'y a que les premiers termes qu'il faille calculer avec soin; les derniers sont si petits qu'il suffit de les évaluer assez grossièrement, & qu'on peut même en négliger plusieurs.

(X.)

Autre solution plus générale, déduite de la nature de la ligne la plus courte sur la surface du sphéroïde elliptique.

SUPPOSONS qu'on ait formé une chaîne de triangles entre deux points éloignés, A & I , & que tous ces triangles soient réduits à l'horizon. Supposons en même temps que la ligne la plus courte tirée de A en I , coupe tous ces triangles, ou au moins n'en laisse pas quelques-uns à de trop grandes distances; voici comment on déterminera les différens points M, O, P, Q , &c. où cette ligne rencontre les côtés des triangles ou leurs prolongemens, ainsi que la longueur entière de cette ligne & son inclinaison par rapport aux côtés extrêmes AC, GI . Fig. 2.

La position relative des points A & I étant censée à peu-près connue, on supposera l'angle CAM égal à une valeur approchée, plus une correction indéterminée γ , & on résoudra le triangle AMC dans lequel on connoît le côté AC & les deux angles adjacens; car l'indéterminée qui fait partie de l'angle CAM , n'empêche pas qu'on ne puisse calculer par logarithmes, & suivre la résolution ordinaire; seulement les angles & les côtés qu'on trouvera, seront affectés d'une légère correction de la forme $p\gamma$, p étant un coëfficient connu. Pour plus d'exactitude, on aura égard à la courbure du triangle ACM & des suivans.

Ainsi on connoîtra AM, MC & l'angle AMC . Dans le triangle suivant MCO , connoissant MC & les deux angles adjacens, on déterminera de même MO, CO & l'angle MOC . On voit ensuite que la ligne OI s'écartant de la chaîne des triangles, il faudra prolonger quelqu'un

de leurs côtés jusqu'à la rencontre de OI . Prolongeons, par exemple, FE jusqu'en P , nous aurons le triangle OEP dans lequel on connoîtra le côté OE & les deux angles adjacens; car $OE = CE - CO$, & l'angle OEP est le supplément de la somme des deux angles connus CED , DEF ; on déterminera donc OP , PE & l'angle OPE . Prolongeant de même FG jusqu'en Q , dans le triangle FPQ on connoîtra le côté FP & les deux angles adjacens; on déterminera donc PQ , FQ & l'angle Q . Enfin dans le triangle GQI on connoît le côté GQ & les deux angles adjacens, & de plus le côté GI . Cette nouvelle donnée GI exige une égalité d'où on conclura la valeur de la correction z jusqu'à-là inconnue.

z étant déterminée, on connoîtra toutes les parties de la ligne AI , & partant la ligne totale avec l'inclinaison des différens côtés des triangles sur cette ligne.

La ligne AI ainsi tracée sur la surface du sphéroïde, fera la ligne la plus courte entre les points A & I , puisque deux de ses élémens successifs se trouveront toujours dans un plan perpendiculaire à la surface. Plus la distance AI sera grande, plus il s'en faudra que cette ligne soit dans un seul & même plan, & se confonde avec l'une ou l'autre des sections verticales menées de A en I ou de I en A .

Soit AB une portion quelconque de la ligne la plus courte: connoissant la distance $AB = D$, l'azimuth $PAB = A$, & la latitude en $A = L$, il s'agit de déterminer la position du point B & l'azimuth PBA , c'est-à-dire les trois inconnues,

lat. en $B = \lambda$, long. $APB = \phi$, & l'azimuth $PBA = B$. Prenons d'abord les quantités L' & λ' correspondantes aux latitudes L & λ , de sorte qu'on ait

$$\text{tang. } L' = \frac{\text{tang. } L}{1 + \alpha}, \quad \text{tang. } \lambda' = \frac{\text{tang. } \lambda}{1 + \alpha},$$

Fig. 3. & concevons le triangle sphérique $PA'B'$ dans lequel on ait $PA' = 90^\circ - L'$, $PB' = 90^\circ - \lambda'$, & l'angle

$PA'B' = A$; on aura l'angle B' égal à l'azimuth B , & on va voir combien il y a d'analogie entre la résolution de ce triangle sphérique & celle du triangle PAB formé sur la surface du sphéroïde.

Abaissons l'arc PZ perpendiculaire sur $B'A'$, & supposons

$$A'PZ = m, PZ = p, A'Z = q,$$

$$A'PB' = x, A'B' = y;$$

on trouvera les quantités m, p, q , par la résolution ordinaire des triangles sphériques rectangles, ou par les formules

$$\sin. p = \sin. A \cos. L',$$

$$\text{tang. } q = \frac{\sin. A \sin. L'}{\cos. A \cot. L'},$$

$$\cot. m = \frac{\sin. A \sin. L'}{\sin. p \cot. q}.$$

Si on suppose pour un moment y connu, on trouvera x, B & λ , par la résolution du triangle rectangle $PB'Z$, ou par les formules

$$\text{tang. } (m + x) = \frac{\text{tang. } (q + y)}{\sin. p},$$

$$\text{tang. } \lambda = (1 + \alpha) \cot. p \cos. (m + x),$$

$$\text{tang. } B = \frac{\text{tang. } p}{\sin. (q + y)};$$

ces formules détermineroient déjà λ & B , deux de nos élémens inconnus: il ne reste que la différence en longitude, qu'on peut exprimer ainsi, en rejetant les puissances de α supérieures à la seconde,

$$\begin{aligned} \varphi = x - \alpha y \sin. p + \alpha^2 y \sin. p (1 + \frac{1}{4} \cos.^2 p) \\ + \frac{\alpha^3}{4} \sin. p \cos.^2 p \sin. y \cos. (2q + y); \end{aligned}$$

formule dont les deux derniers termes seront si petits dans les applications, qu'on pourra presque toujours s'en tenir aux deux premiers & prendre $\varphi = x - \alpha y \sin. p$.

Ainsi tout se réduit à déterminer la valeur de y par le moyen de la distance D . Or on a

$$\begin{aligned} \frac{D}{b} = & \left[1 + \frac{a}{2} \cos.^2 p + \frac{a^2}{4} \cos.^2 p \left(1 - \frac{3}{4} \cos.^2 p \right) \right] y \\ & + \left[\frac{a}{2} \cos.^2 p + \frac{a^2}{4} \cos.^2 p \sin.^2 p \right] \sin. y \cos. (2q + y) \\ & - \frac{1}{3^2} a^2 \cos.^4 p \sin. 2y \cos. (4q + 2y). \end{aligned}$$

Pour tirer de cette équation la valeur de y , soit

$$\omega = \frac{D}{b} \left[1 - \frac{a}{2} \cos.^2 p - \frac{a^2}{4} \cos.^2 p \left(1 - \frac{7}{4} \cos.^2 p \right) \right],$$

& on aura

$$\begin{aligned} y = \omega - & \frac{a}{2} \cos.^2 p \sin. \omega \cos. (2q + \omega) \\ & + \frac{a^2}{4} \cos.^2 p \cos. 2p \sin. \omega \cos. (2q + \omega) \\ & + \frac{a^2}{4} \cos.^4 p \cos. (2q + 2\omega) \sin. \omega \cos. (2q + \omega) \\ & + \frac{a^2}{3^2} \cos.^4 p \sin. 2\omega \cos. (4q + 2\omega); \end{aligned}$$

formule dont les trois derniers termes seront négligeables dans les applications, & ne serviront qu'à faire juger de l'exactitude du reste,

Ainsi la résolution du problème, fondée sur la nature de la ligne la plus courte, ne sera guère plus composée que la résolution d'un triangle sphérique ordinaire, & aura l'avantage de s'étendre à des distances quelconques: voici la récapitulation des opérations précédentes.

Connoissant l'azimuth A , la latitude L & la distance D , on cherchera d'abord L' par la formule

$$\text{tang. } L' = \frac{\text{tang. } L}{1 + a},$$

puis on résoudra le triangle sphérique rectangle PZA' , dans lequel on connoît l'hypothénuse $PA' = 90^\text{d} - L'$, & l'angle $PA'Z = 180^\text{d} - A$. On connoitra donc la perpendiculaire $PZ = p$, le côté $A'Z = q$, & l'angle $ZPA' = m$. Remarquez que q & m seroient négatifs si l'angle A étoit aigu.

On

On déterminera ensuite ω & y par les formules

$$\omega = \frac{D}{b} \left[1 - \frac{a}{1} \cos.^2 p - \frac{a^2}{4} \cos.^2 p \left(1 - \frac{7}{4} \cos.^2 p \right) \right]$$

$y = \omega - \frac{1}{2} a \cos.^2 p \sin. \omega \cos. (2q + \omega)$
& il restera à résoudre le triangle rectangle $P B' Z$, dans lequel on connoît les deux côtés de l'angle droit $PZ = p$ & $ZB' = q + y$. On trouvera donc l'angle B' , le côté PB' & l'angle $ZPB' = m + x$. L'angle B' sera égal à l'azimuth PBA ; le côté $PB' = 90^\circ - \lambda'$, donnera la latitude en B par la formule

$$\text{tang. } \lambda = (1 + a) \text{ tang. } \lambda',$$

ou même sans calculer le côté PB' , on a immédiatement

$$\text{tang. } \lambda = (1 + a) \cot. p \cos. (m + x);$$

enfin la longitude du point B sera

$$\phi = x - a y \sin. p (1 - a)$$

en rejetant les termes trop petits, mais que nous avons rapportés ci-dessus pour n'omettre aucun terme de l'ordre a^2 , & pour qu'on puisse juger du degré d'exactitude de ces approximations.

En finissant cet article, je dois avertir que M. Clairaut s'est occupé à peu près de la même question, *volumes de l'Académie de 1733 & 1739*, & que M. du Séjour l'a traitée avec beaucoup de soin dans le *volume de 1778*, & dans son *Traité analytique des mouvemens apparens des Corps célestes*.

(X. I.)

Application des formules de l'article VIII à une chaîne de triangles, qui doit être prolongée depuis Dunkerque jusqu'à Gréenwich.

LA *Figure 4* représente ces triangles : le tableau suivant donne leurs angles réduits à l'horizon & les côtés qui en sont déduits, en supposant la base de 8167,40 toises; c'est la distance du clocher d'Hondscote à la tour de Dunkerque.

Mém. 1787.

Aaa

Tableau des triangles.

N O M S DES STATIONS.	A N G L E S des triangles.			L O G A R I T H M E S des côtés opposés.
	D.	M.	S.	
Dunkerque	51.	7.	4,7	4,0408892.
Hondscote	93.	31.	34,5	4,1488416.
Cassel	35.	21.	21,7	3,9120837. BASE.
Dunkerque	42.	7.	12,2	3,9915206.
Cassel	63.	24.	50,2	4,1164670.
Watten	74.	27.	58,8	4,1488416.
Dunkerque	51.	39.	12,5	4,1822134.
Watten	85.	57.	47,2	4,2866683.
Calais	42.	23.	2,1	4,1164670.
Calais	66.	30.	36,5	4,1457739.
Watten	27.	37.	14,9	3,8495015.
Fiennes	85.	52.	9,6	4,1822134.
Calais	64.	21.	43,2	3,8336692.
Fiennes	46.	24.	25,2	3,7385736.
Blannet	69.	13.	51,9	3,8495015.
Blannet	51.	18.	27,4	3,9756754.
Fiennes	94.	26.	28,0	4,0819896.
Montlambert	34.	15.	5,3	3,8336692.
Blannet	119.	46.	12,2	4,3323226.
Calais	47.	27.	2,6	4,2610817.
Douvres. <i>Conclu.</i>	12.	46.	46,0	3,7385736.
Blannet	119.	41.	28,5	4,4215936.
Douvres. <i>Conclu.</i>	23.	25.	5,9	4,0819896.
Montlambert. <i>Conclu.</i>	36.	53.	27,4	4,2610817.
Dunkerque	4.	48.	20,0	4,0029193.
Calais	4.	27.	36,5	3,9705946.
Gravelines	170.	44.	3,6	4,2866683.

Voici maintenant les élémens dont je me servirai pour calculer la position des différens points de cette chaîne, au moins de ceux qui contribuent le plus immédiatement à la jonction des deux côtes, & qu'il importe de déterminer avec le plus de précision.

Degré du méridien selon sa courbure à 45^d de latitude,

$$57028^{\text{toises}} + 10\omega.$$

La valeur 57028 me paroît la plus probable ; si elle exige quelque correction, cette correction est indiquée par $+ 10\omega$: or il est vraisemblable que ω est plutôt positif que négatif, mais qu'il ne surpasse pas deux unités.

Aplatissement nommé α dans les formules précédentes,

$$\frac{1 + \epsilon}{320}.$$

Il y a beaucoup de raisons pour croire que l'aplatissement ne surpasse pas $\frac{1}{320}$; mais quand on le supposeroit de $\frac{1}{178}$, ϵ seroit encore au-dessous de l'unité. Au reste, il faudroit que la figure de la Terre fût bien irrégulière, pour que l'hypothèse elliptique pût écarter sensiblement de la vérité, dans la petite étendue de surface qu'occupent nos triangles.

Base ou distance des centres de la tour de Dunkerque & du clocher d'Hondscote, réduite à l'horizon

$$8167^{\text{toises}},4 + \theta^{\text{toises}}.$$

On peut voir dans la *Méridienne vérifiée*, pages 54 & suiv. ce qui concerne cette base ; elle a été mesurée immédiatement sur le bord de la mer, & trouvée de $8166^{\text{toises}},\frac{1}{4}$; mais la mesure a été faite avec des perches de bois qui semblent s'être allongées par l'humidité. En effet, la même distance conclue de différentes suites de triangles, s'est trouvée constamment plus grande. C'est par un milieu que nous la supposons ici de $8167^{\text{toises}},4$: l'erreur θ ne peut surpasser une toise. Tous les côtés de nos triangles sont

affectés de l'erreur de la base; c'est pourquoi dans l'application nous augmenterons leurs logarithmes de 532θ , ou seulement de 53θ , si on ne fait usage que de logarithmes à six décimales.

Latitude de la tour de Dunkerque, $51^{\text{d}} 2' 10''$, ou en se servant de millièmes de minute, ce qui sera plus commode avec les tables à six décimales,

$$51^{\text{d}} 2' 167 + 1000 x:$$

la correction $1000 x$ représente aussi des millièmes de minute pour l'uniformité, elle équivaut à x minutes. Cette correction ne peut être au plus que de trois à quatre secondes, de sorte que x ne surpasse pas $\frac{1}{15}$.

Longitude de la même tour à l'orient de l'Observatoire royal de Paris, $2' 22''$, ou avec la correction,

$$2' 367 + 1000 y:$$

l'incertitude $1000 y$ est à peu-près aussi petite que celle de la latitude.

Azimuth de Calais, ou angle à Dunkerque, entre le méridien prolongé vers le nord & la direction du clocher de Notre-Dame de Calais,

$$102^{\text{d}} 59' 867 + 1000 z:$$

l'erreur ne doit pas monter à $15''$, de sorte que z est au-dessous de $\frac{1}{4}$.

Quoique ces élémens soient ainsi accompagnés d'une correction indéterminée, on peut néanmoins procéder au calcul par logarithmes, comme s'ils étoient entièrement connus. Les différences des tables feront connoître ce qu'il faut ajouter à chaque logarithme ou à chaque nombre qui en est déduit, pour la partie indéterminée. Ainsi on trouvera que le sinus de $102^{\text{d}} 59' 867 + 1000 z$, a pour logarithme $9,988728 - 29 z$, la partie $29 z$ étant exprimée en unités décimales du sixième ordre, comme le logarithme. Pareillement le logarithme d'un arc exprimé en minutes, étant

$1.497427 - 14986 - 760 + 530 - 292 + 157x$,
on trouvera cet arc de

$$31'436 - 1086 - 50 + 40 - 22 + 11x,$$

les corrections 1086 , 50 , &c. étant comptées en millièmes de minute. Cela posé, voici le résultat du calcul fait d'après les formules de l'article VIII & les élémens précédens, pour déterminer la position de quelques-uns des points nécessaires à la jonction des côtes de France & d'Angleterre. Les longitudes sont comptées du méridien de Paris, elles sont toutes occidentales, à l'exception de la tour de Dunkerque. On a rapporté pour chaque point sa longitude, sa latitude, & l'azimuth d'un second point observé du premier. Cet azimuth est l'angle compris entre la direction du second lieu & celle du méridien prolongé vers le nord; il sert à déterminer dans les triangles consécutifs la position des différens côtés par rapport au méridien. La figure indique assez si l'azimuth est observé à l'est ou à l'ouest, mais pour éviter tout embarras, nous avons distingué le sens de l'azimuth par les lettres *E* & *O*.

*Position de quelques points de la chaîne de triangles,
qui doit être tracée depuis Dunkerque jusqu'à
Greenwich.*

	D.	M.
	<i>Tour de Dunkerque.</i>	
Longitude <i>E</i>	0	$2,367 + 1000 y$.
Latitude	51	$2,167 + 1000 x$.
Azimuth <i>O</i> de Calais . . .	102	$59,867 + 1000 z$.
	<i>N. D. de Calais.</i>	
Longitude	0	$29,217 - 1086 - 50 + 40 - 22 + 11x - 1000 y$.
Latitude	50	$57,523 + 56 + 0 - 0 - 62 + 1000 x$.
Azimuth <i>E</i> de Dunkerque	76	$35,743 + 846 + 40 - 30 - 9982 - 15x$.

	D.	M.
	<i>Signal du cap Blannez.</i>	
Longitude.....	0	$37,571-137^{\circ}-6\omega+5\theta-3\zeta+14x-1000y.$
Latitude.....	50	$55,534+7^{\circ}+\omega-\theta-8\zeta+1000x.$
Azimuth E de Calais....	69	$44,465+107^{\circ}+5\omega-4\theta-19x-997z.$
	<i>Signal de Montlambert, proche Boulogne.</i>	
Longitude.....	0	$41,140-149^{\circ}-7\omega+5\theta-9\zeta+15x-1000y.$
Latitude.....	50	$43,042+19^{\circ}+3\omega-3\theta-9\zeta+1000x.$
Azimuth E de Blannez..	10	$14,020+116^{\circ}+5\omega-4\theta-21x-993z.$
	<i>Tour nord du château de Douvres.</i>	
Longitude.....	1	$0,928-218^{\circ}-11\omega+8\theta+3\zeta+22x-1000y.$
Latitude.....	51	$7,813-4^{\circ}-\omega-12\zeta+1000x.$
Azimuth E de Calais....	116	$53,334+169^{\circ}+8\omega-6\theta-30x-1002z.$

Ces calculs seront continués, lorsque M.^{rs} les commissaires Anglois nous auront fait part de leurs mesures, depuis Douvres jusqu'à Gréénwich.

(X I I .)

Des opérations qui ont pour objet la mesure des degrés du méridien.

Si on avoit dessein de répéter cette mesure en France ou ailleurs, il semble qu'au moyen du cercle de M. le chevalier de Borda, on pourroit pousser la précision aussi loin qu'on voudroit, & simplifier en même temps plusieurs parties de cette grande opération : je vais proposer quelques idées à ce sujet.

1.^o Il faudroit commencer par se munir d'un cercle de dix-huit pouces de diamètre, bien divisé, garni d'un bon niveau & de deux excellentes lunettes égales en force, & suffisantes pour observer, en cas de besoin, des signaux à douze ou quinze lieues de distance.

2.^o Il faudroit employer les plus grands triangles possibles, & ne pas s'inquiéter des angles aigus ou obtus qui pourroient s'y rencontrer; car étant assuré de mesurer les angles quand il le faut à la précision d'une seconde, on ne doit pas craindre d'erreur sensible sur la valeur des côtés, quand même il y auroit des angles assez obliques: mais pour obtenir réellement cette précision sur les angles, il faudroit choisir des signaux très-distincts, & faire avec grand soin les réductions au centre des stations. Dans le cas où il seroit difficile de se procurer de pareils signaux, on pourroit y suppléer par des feux qu'on observeroit la nuit, & qui seroient allumés derrière un gros mât placé au centre de la station; une simple lampe à réverbère dirigée d'une station à l'autre, peut être aperçue assez distinctement à une distance de sept à huit lieues.

3.^o Il faudroit avoir soin de mesurer fréquemment les hauteurs ou abaissemens des stations vues les unes des autres, afin d'être à portée, par cette espèce de nivellement, de réduire toute la chaîne de triangles à un horizon constant, tel que le niveau de la mer.

4.^o L'exactitude nécessaire dans toutes les parties de l'opération, l'est sur-tout dans la mesure de la base; mais il est inutile de porter le scrupule au-delà de certaines bornes que je vais essayer de fixer. Quelques précautions que l'on prenne pour conserver une mesure, elle sera toujours sujette à quelque altération au bout d'un certain nombre d'années. Supposons que cette altération soit parvenue à un douzième de ligne sur la toise, ce qui fait un sur dix mille; c'est à peu-près le degré d'exactitude dont la mesure du pendule est susceptible, & c'est à quoi on pourroit borner la précision sur la mesure de la base, s'il n'y avoit des moyens très-simples de la pousser encore plus loin.

Les perches de bois ont été souvent employées dans les mesures des bases, & l'expérience a prouvé qu'elles donnent une assez grande précision lorsqu'on prend les précautions convenables; cependant nous n'en conseillerions pas l'usage

dans une opération très-exacte, parce qu'il est difficile d'apprécier dans ces perches les effets de la sécheresse & de l'humidité.

L'expérience a fait voir en Angleterre, dans la mesure d'une base à Hounslow-heath (*a*), qu'on peut attendre beaucoup d'exactitude d'une chaîne de métal faite avec grand soin & corrigée des variations de température ; mais cette chaîne a l'inconvénient d'exiger une tension toujours égale, & d'être sujette à un petit frottement qui tend à en augmenter la longueur.

Il me semble qu'on trouve la simplicité réunie à toute l'exactitude désirable dans les règles de fer dont on s'est servi en 1740, pour la mesure d'une base de Villejuif à Juvisy. Ce moyen est suffisant, puisque de cinq mesures faites dans un intervalle de deux mois, les extrêmes n'ont pas différé d'un tiers de toise sur 5728 ; précision d'environ un vingt millième, & qui ne peut manquer de devenir plus grande en prenant un milieu entre les cinq résultats ; de sorte que ce n'est pas se hasarder beaucoup de fixer la précision sur la base à un quarante millième, par le moyen des règles de fer corrigées de la température.

Il n'est pas nécessaire de supposer le terrain bien de niveau ; il suffit que ses irrégularités ne soient pas trop grandes, afin que les règles posées à terre se touchent toujours bout-à-bout ; on peut ensuite au moyen d'un petit nivellement, calculer à très-peu près la correction due à la figure du terrain.

Remarquons que la grande précision qu'on obtiendrait par le moyen du cercle dans la mesure des angles, rendroit moins nécessaires les bases de vérification, & donneroit beaucoup plus d'uniformité dans les résultats obtenus par différentes suites de triangles.

Je proposerois donc de mesurer trois bases seulement,

(*a*) Voyez l'Ouvrage du major-général Roy, sur la mesure de cette base ; il renferme un grand nombre de détails intéressans & instructifs pour ceux qui voudroient répéter de pareilles opérations.

l'une vers le milieu de la chaîne; ce seroit la base principale qu'on mesureroit avec le plus de soin; & les deux autres vers les extrémités, qui ne seroient que des bases de vérification.

5.^o Jusqu'à présent on s'est servi de grands secteurs astronomiques pour observer les hauteurs des étoiles voisines du zénith dans les stations extrêmes; d'où l'on conclut l'arc céleste qui mesure la différence en latitude. Cette méthode est sans doute très-bonne & presque indépendante des réfractions, mais il y a de l'embarras à transporter un instrument aussi lourd, & de la difficulté à faire toutes les vérifications nécessaires. Si on pouvoit obtenir une pareille exactitude au moyen du même cercle qui a servi aux opérations géodésiques, il n'est pas douteux que cet instrument si léger & si commode ne dût avoir la préférence sur l'autre; c'est ce qu'il faut examiner.

Ayant choisi le temps où l'étoile polaire peut être observée au méridien le matin & le soir, la lenteur de son mouvement permettra de prendre avec le cercle un assez grand nombre de hauteurs dans le voisinage du méridien, lesquelles étant corrigées du mouvement de l'étoile, équivaldront à l'observation d'un point immobile, & donneront avec une grande précision la hauteur du pôle dans chacune des stations extrêmes.

J'ai fait un essai de cette méthode avec un cercle de dix pouces de diamètre, appartenant à M. le duc d'Angoulême, & j'ai trouvé par vingt-quatre observations, dont dix le matin & quatorze le soir, faites à l'Observatoire royal de Paris en Janvier 1787; j'ai trouvé, dis-je, la hauteur du pôle de $48^{\text{d}} 50' 15''$, & la distance de l'étoile polaire au pôle, de $1^{\text{d}} 49' 25''{,}9$. La latitude de l'Observatoire est assez généralement admise de $48^{\text{d}} 50' 14''$, & la distance de l'étoile polaire au pôle étoit à cette époque, suivant les tables, $1^{\text{d}} 49' 24''$; suivant les observations faites à l'Observatoire royal en même temps que les miennes, $1^{\text{d}} 49' 23''$; & suivant les observations de M. Maskelyne,

Mém. 1787.

Bbb

1^d 49' 22", 1 : ainsi on voit que mon résultat ne s'écarte de la vérité que de 1" sur la latitude, & d'environ 3" sur la distance de l'étoile polaire au pôle. L'une de ces mesures sert de preuve à l'autre, & fait voir que ce n'est point par hazard qu'on a trouvé un résultat exact.

Avec un plus grand instrument, plus de soin & des observateurs plus exercés, je ne doute pas que la latitude de chaque station ne puisse se déterminer à une demi-seconde près, précision qu'on jugera suffisante, & que ne surpasseroient point les grands secteurs astronomiques.

On peut objecter contre cette méthode, l'incertitude qu'il y a sur les réfractions à la hauteur de l'étoile polaire; mais pour conclure la différence de latitude des deux stations, on ne fait usage que des différences de réfraction à des hauteurs peu différentes: or, sur cette différence il ne paroît pas, qu'il y ait beaucoup plus d'incertitude à la hauteur de l'étoile polaire que vers le zénith.

Une objection plus solide pourroit être fondée sur l'irrégularité des réfractions à la même hauteur & dans le même lieu; mais nous supposons qu'on répète plusieurs jours de suite les observations, afin de voir si elles sont suffisamment d'accord entr'elles, & que d'ailleurs on tienne compte des hauteurs du baromètre & du thermomètre.

6.^o Il ne nous reste plus qu'à nous occuper de la direction des côtés par rapport au méridien. Les azimuths du Soleil ou des étoiles donnent ces directions avec assez d'exactitude, & ils peuvent être observés toujours avec le même instrument; mais si on aspire à une plus grande précision, voici le moyen que je conseillerois.

Dans le même lieu où l'on auroit observé les deux hauteurs méridiennes de l'étoile polaire, & à peu-près dans le même temps, on feroit placer à la distance d'une lieue ou deux au moins vers l'est ou vers l'ouest, une lampe à réverbère dirigée vers le lieu de l'observation. On prendroit avec soin la distance au zénith du point lumineux, & choisissant le moment où l'étoile polaire seroit le plus près

ou le plus loin de ce point, on mesurerait plusieurs distances de l'étoile à la lampe. Ces distances réduites à un seul instant, & corrigées de la distance de l'étoile au pôle, donneroient la vraie distance de la lampe au pôle. Imaginant ensuite un triangle sphérique formé par le zénith, le pôle & le centre de la lampe, on connoitroit les trois côtés de ce triangle, d'où il seroit facile de conclure l'angle au zénith, qui donneroit la direction de la lampe par rapport au méridien. Les réfractions tant terrestres que célestes ne changeroient rien à cet angle, & il faudroit n'y point avoir égard, si ce n'est dans la très-petite altération que reçoit le parallèle de l'étoile polaire, altération dont nous donnerons le calcul ci-après.

7.^o Enfin, comme les difficultés augmentent à mesure qu'on veut se procurer une plus grande exactitude, il ne sera pas inutile d'entrer dans quelques détails dont on sentira l'importance dans la pratique.

Les flèches des clochers sont des objets très-apparens, & qu'on est porté naturellement à prendre pour points de mire; mais il est rare que ces flèches soient bien verticales & ne s'écartent pas du centre de la galerie où l'on observe; de-là peuvent résulter des erreurs d'un assez grand nombre de secondes, sur-tout si les côtés des triangles ne sont pas bien grands.

En calculant la réduction à l'horizon, il faut partir des hauteurs des points de mire, & non de celles des stations qui sont ordinairement plus basses; de-là pourroit résulter dans certains cas une erreur de quelques secondes.

S'il y a réellement une différence sensible entre la hauteur d'une station & celle de son point de mire, on ne doit pas s'attendre à ce que la somme des trois angles du triangle, quand ils seroient mesurés sans erreur, fasse précisément cent quatre-vingts degrés. Dans ce cas, il suffira de réduire chaque angle à l'horizon, & connoissant *à priori* la somme des trois angles, on appliquera à chacun, une partie de la correction qui convient à la somme des trois;

le tiers, si les angles sont mesurés avec une égale justesse.

Les deux points observés doivent être placés dans la lunette le plus près qu'on pourra de l'intersection des fils; & comme l'instrument, par sa nature, n'a de mouvement que dans son plan, on trouvera que les deux objets répondent toujours parfaitement au centre de la lunette; en cas de dérangement, il faudroit les y ramener. Les deux fils qui se croiseront au foyer de la lunette, & qu'on aura soin de mettre bien exactement à ce foyer pour éviter la parallaxe, seront à l'ordinaire, l'un parallèle, l'autre perpendiculaire au plan de l'instrument; mais il seroit bon que le chassis qui porte ces fils, fût mobile dans son plan, afin que quand on observe un objet vertical (le plan de l'instrument étant horizontal), cet objet divisât en deux parties égales l'angle formé par les deux fils. C'est ce que nous avons vu pratiqué avec succès dans un excellent instrument de Ramsden, qui a servi au major-général Roy pour ses opérations. En effet, sans cette précaution, un objet vertical, mince & éloigné, à mesure qu'il s'approche du fil vertical, perd de sa lumière jusqu'à disparaître presque entièrement, & à laisser incertain s'il est sous le fil ou à quelque distance; inconvénient qui n'auroit point lieu si le fil étoit écarté de la station verticale par le mouvement du chassis. La position ordinaire des fils serviroit toujours dans le cas des hauteurs.

(X I I I .)

Calculs relatifs aux observations de l'étoile polaire.

Fig. 5. Soit AMB le parallèle apparent de l'étoile polaire, P son centre ou le pôle apparent, BPA une portion du méridien. Soit a la vraie distance de l'étoile polaire au pôle, L la latitude, ω la réfraction à la hauteur du pôle, t le temps écoulé depuis le passage de l'étoile au méridien en A , temps qui doit être réduit en degrés à raison de 360^d pour $23^h 56' 4''$. Cela posé, si le parallèle de l'étoile polaire n'étoit pas altéré par la réfraction, il est clair qu'au

bout du temps t , le lieu de l'étoile seroit déterminé en prenant l'angle $APM = t$, & la distance PM que j'appelle $r = a$. Mais, à cause de la réfraction, le lieu M se déterminera ainsi :

$$APM = t + \omega \sin. t \cos. t \cot. L$$

$$PM (r) = a - \frac{a \omega}{\sin. L \cos. L} + a \omega \cot. L \sin.^2 t;$$

il suit de-là que le parallèle apparent de l'étoile polaire est une espèce d'ellipse dont le demi-axe vertical

$$= a - \frac{a \omega}{\sin. L \cos. L},$$

& le demi-axe horizontal $= a - a \omega \tan. L$. A la latitude de Paris & en supposant $a = 1^d 49'$, $\omega = 49'' \frac{1}{2}$, la diminution du rayon vertical est $3'' \frac{1}{6}$, & celle du rayon horizontal $1'' \frac{8}{10}$.

Supposons qu'on ait observé plusieurs distances de l'étoile polaire au zénith, quelque temps avant ou après son passage inférieur au méridien. La correction à ajouter à chaque distance observée pour avoir la distance méridienne, sera

$$\frac{2 \sin. r \cos. L \sin.^2 \frac{1}{2} t}{\cos. (L - r)}.$$

Si les observations ont été faites vers le passage supérieur, la correction à retrancher de chaque distance observée, pour en conclure la distance méridienne, sera

$$\frac{2 \sin. r \cos. L \sin.^2 \frac{1}{2} t}{\cos. (L + r)} :$$

dans l'un & dans l'autre cas, t représente toujours la différence entre le temps de l'observation & le temps du passage de l'étoile au méridien.

Prenant un milieu entre tous les résultats, on aura les distances des points A & B au zénith. Leur demi-somme donnera la distance au zénith du pôle apparent P , à laquelle ajoutant la réfraction ω , on aura le complément de la latitude. La demi-différence de ces mêmes distances donnera

le demi-diamètre vertical AP , auquel ajoutant $\frac{a \omega}{\sin. L \cos. L}$, on aura la vraie distance de l'étoile au pôle.

Dans un premier calcul il suffira de prendre $r = a$, & de donner à L & a les valeurs qu'on connoît toujours à très-peu près; mais ensuite il sera bon de calculer les corrections plus exactement, au moyen des valeurs de L & a corrigées. Quant à la valeur de r , on pourra toujours la supposer $= a$, parce que les observations ne devant pas s'étendre à plus d'une heure de distance du méridien, la quantité $2 \sin.^2 \frac{1}{2} t$ reste toujours fort petite.

Soit maintenant E un objet terrestre dont on connoisse la distance au zénith, & dont on ait observé plusieurs distances EM à l'étoile polaire vers le temps de sa plus grande proximité. Il s'agit de conclure de ces observations l'azimuth du point E , & d'abord la distance de ce point au pôle apparent P .

Pour cela, on commencera par ajouter la plus petite distance observée au rayon PF , que l'on peut supposer $= a$, & on aura une première valeur approchée de PE . Ensuite
 Fig. 6. dans le triangle sphérique ZPE , où Z est le zénith, connoissant les trois côtés, savoir, ZE , distance du point E au zénith; ZP , complément de la hauteur du pôle apparent, & PE ; on cherchera l'angle ZPE , dont le supplément sera une première valeur approchée de l'angle EPA . J'appelle la distance $EP = E$, & l'angle $EPA = \gamma$; on aura donc des valeurs approchées de E & de γ .

Fig. 5. Cela posé, soit EM une distance observée dans le voisinage du point F , le temps t de l'observation étant compté depuis le passage au méridien en A , on retranchera de EM la correction

$$\frac{2 \sin. \gamma \sin. E}{\sin. (E - \gamma)} \sin.^2 \left(\frac{t - \gamma}{2} \right),$$

& on aura la distance EF , qui n'est pas tout-à-fait la plus courte, mais qui n'en diffère pas sensiblement. Si on ajoute à EF le rayon

Fig. 1.

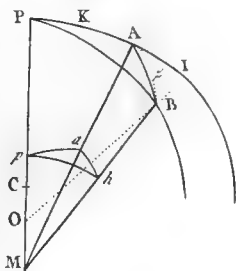


Fig. 2.

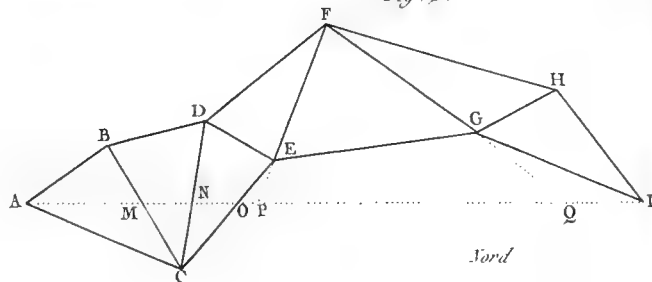


Fig. 3.

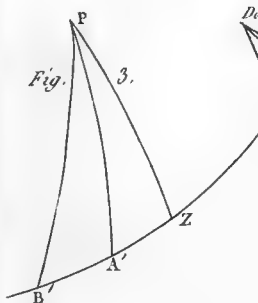


Fig. 4.

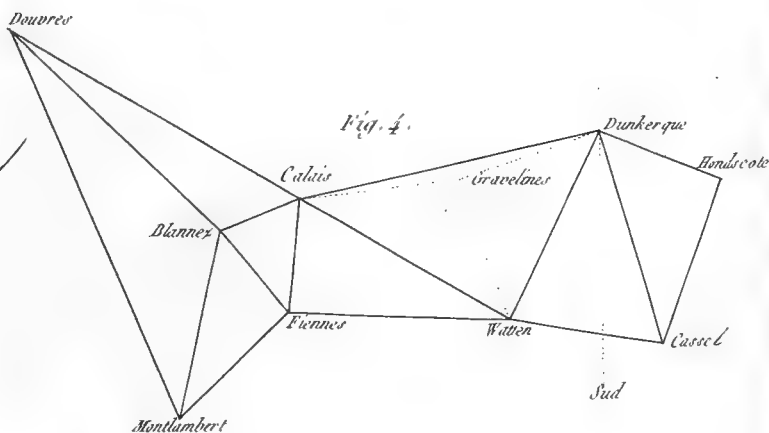


Fig. 5.

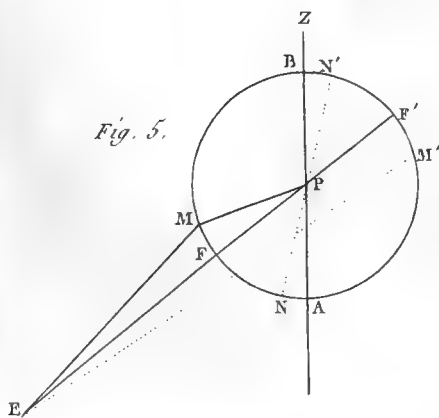
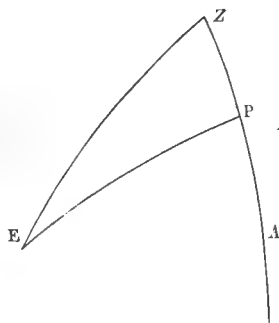


Fig. 6.





$FP = a - \frac{a \omega}{\sin. L \cos. L} + a \omega \cot. L \sin.^2 \gamma$, on aura la valeur de EP .

Chaque observation ainsi réduite, donnant une valeur de E , on prendra le milieu entre tous ces résultats, & on connoîtra E fort exactement. Ensuite dans le triangle EZP , où l'on connoît les trois côtés, on cherchera l'angle au zénith Z , qui sera l'azimuth du point E . Fig. 6.

Pour plus d'exactitude, il sera bon de calculer une seconde fois les corrections avec des élémens plus exacts, en prenant même, si l'on veut,

$$r = a - \frac{a \omega}{\sin. L \cos. L} + a \omega \cot. L \sin.^2 t;$$

mais on pourra éviter ce nouveau calcul, en augmentant la première valeur de E d'une correction indéterminée. Si on a quelque doute sur le temps du passage au méridien, on pourra aussi augmenter la valeur de t d'une indéterminée, pour voir quelle est l'influence de cette erreur sur le résultat, & comment on pourroit la corriger par les observations extrêmes, qui sont des espèces de hauteurs correspondantes.

Si les observations ont été faites vers le point F' , dans les plus grandes distances de l'étoile polaire, le temps t se comptera depuis le passage supérieur au méridien en B , l'angle γ , ou BPF' , se déterminera comme ci-dessus, d'après une première valeur approchée de la distance $EP = E$, & la correction additive à la distance observée EM' fera Fig. 5.

$$\frac{2 \sin. r \sin. E}{\sin. (E + r)} \sin.^2 \frac{r - \gamma}{2},$$

d'où l'on conclura une valeur plus exacte de E , & enfin celle de l'azimuth qui fait l'objet de ces recherches.



OBSERVATION DE L'ÉCLIPSE DE SOLEIL.

Du 15 Juin 1787.

Par M. PINGRÉ, à S.^{te}-Geneviève.

16 Juin 1787. **T**RÈS-ATTENTIF à l'extrémité occidentale du diamètre horizontal du Soleil, j'ai vu le disque s'entamer très-légèrement à 4^h 27' 31", temps de ma pendule bien réglée sur le temps moyen, qui ne différoit pas alors du temps apparent. Les nuages survenus ensuite n'ont pas permis d'observer la plus grande phase, ni la fin de l'éclipse.



R E C H E R C H E S

Sur la date de l'application des Lunettes aux instrumens , sur le temps auquel on a commencé à observer , à l'aide de ces Lunettes , les planètes & les principales étoiles en plein jour , & sur l'Auteur de ces découvertes.

Par M. DE FOUCHY.

LES deux découvertes qui font l'objet de ce Mémoire, 12 Nov.
1783. sont au nombre de celles qui ont le plus contribué à porter l'astronomie au degré de perfection où elle est parvenue de nos jours. Il est bien singulier que la reconnaissance des astronomes n'ait pas conservé à la postérité le nom de celui qui les a faites , & que l'Académie ait encore au bout de plus d'un siècle cette omission à réparer : heureusement il est toujours temps de rendre justice ; l'honneur & la reconnaissance ne connoissent pas de prescription.

Il fut question , l'année dernière , de citer l'auteur de l'application des lunettes aux instrumens , au lieu de pinnules , de fixer la date de cette invention , & de déterminer le temps auquel on avoit commencé , à l'aide de ces lunettes , à observer les planètes & les plus belles étoiles en plein jour. La plupart des astronomes attribuoient ces deux utiles inventions , les uns à M. Auzout , & les autres à M. Picard. Comme je me souvenois d'avoir vu ces deux points assez bien établis dans un livre que j'avois lû autrefois , je dis simplement que je soupçonnois qu'on en rapprochoit beaucoup trop l'époque , & l'Académie me chargea de rechercher ce que je pourrois trouver sur ce sujet : voici le fruit de mon travail.

Feu M. de la Hire donna en 1717 , un Mémoire intitulé : *Recherches des dates de l'invention du micromètre , des* Mém. 1717
page 78.

Mém. 1787.

C c c

horloges à pendule & des lunettes d'approche. Comme je savois qu'il avoit parlé dans ce Mémoire de quelques autres inventions astronomiques, je voulus voir s'il n'auroit pas fait mention de celle-ci; je trouvai qu'il n'avoit pu découvrir l'époque certaine ni le nom de l'auteur de cette invention; qu'il en avoit parlé à M. l'abbé Picard, qui lui avoit dit froidement que M. Auzout y avoit eu beaucoup de part, ce qui revient assez à ce que M. Picard en dit lui-même au commencement de son Traité de la mesure de la Terre, qu'on s'étoit avisé depuis quelque temps de mettre aux instrumens des lunettes au lieu de pinnules. M. de la Hire ajoute même qu'il avoit cherché dans les Transactions philosophiques, sans y avoir rien trouvé de relatif à cet objet; je pris donc le parti de revenir pour ainsi dire sur mes pas, je cherchai à me rappeler où j'avois vu ces points discutés, & je me ressouvins enfin que c'étoit dans la Science des longitudes de Morin.

Dans la célèbre conférence qu'il eut sur cette matière le 30 mars 1634, avec les commissaires nommés par le cardinal de Richelieu, Morin répondant à l'objection tirée de la grandeur des instrumens qui ne permettoit pas de s'en servir sur mer, met au nombre des moyens qu'il emploie pour conserver leur exactitude en diminuant leur rayon, l'application des lunettes à l'alidade, au lieu de pinnules; voici ses termes : « Le troisième moyen est l'application que j'ai trouvé moyen de faire d'une lunette à l'alidade, au lieu de pinnules, pour mesurer plus promptement & plus exactement la distance de la Lune aux étoiles (a). » Car, comme il s'agissoit, dans la méthode, de tirer la longitude de la distance observée de la Lune aux étoiles, Morin avoit très-bien aperçu qu'il ne pouvoit espérer une justesse suffisante de la collimation à une étoile à travers des

(a) *Astronomia jam à fundamentis integrè & exactè restituta, complectens 9 partes hætenùs optata scientiæ longitudinum, &c. autore J. B. Morino, 1640, in-4.º, pars I, pag. 18.* Cette date du frontispice est postérieure à la première publication qui est de 1634.

pinnules, & il avoit imaginé d'y employer des lunettes d'approche, dont l'invention ne remontoit pas alors à plus de vingt-cinq ans.

Il avoit donc assujetti une lunette sur l'alidade de ses instrumens; il vit alors les étoiles avec la plus grande netteté, mais il falloit déterminer le point du champ de la lunette auquel on devoit placer l'étoile, pour que la ligne passant par le centre optique de l'objectif, elle fût parallèle à la ligne de foi de l'alidade. Morin n'avoit plus qu'un pas à faire pour tirer tout le parti possible de son invention, en appliquant les fils en croix au foyer commun des deux verres (*b*); mais je ne fais par quelle fatalité les moyens les plus simples sont ordinairement les derniers à se présenter: il prit une autre route moins exacte, & qui lui procura un inconvénient; il imagina de couvrir l'oculaire d'un disque mince de cuivre ou de fer percé dans son milieu d'un très-petit trou. Il obtenoit à la vérité par ce moyen une partie de ce qu'il desiroit, car il est bien sûr que l'étoile, une fois vue dans le centre du petit trou, étoit à très-peu près dans une ligne constante qu'on pouvoit rendre parallèle à la ligne de foi de l'alidade. Nous disons à très-peu près, car quelque petit qu'on suppose le trou fait au centre de la plaque, on aura toujours peine à s'assurer que l'étoile en occupe précisément le centre, & pour peu que l'œil se dérange, l'étoile paroîtra aussi changer de place, ce qui ne pouvoit que nuire à la justesse de l'opération; mais un bien plus grand inconvénient étoit qu'il devenoit très-difficile de trouver l'étoile, & que souvent le moment de l'observation étoit passé avant qu'on la vît dans la lunette: voici comment Morin y avoit remédié.

Il avoit mis sur le bout objectif de la lunette, une pinnule refendue dans son milieu d'une fente assez large *Scien. longit.*
pars I. p. 55. répondant au diamètre du champ de la lunette; lorsqu'il vouloit observer une étoile, il la plaçoit au haut de cette

(*b*) Ce fut Huygens qui imagina cette méthode, *Systema Saturnium*, 1659.

fente & la conduisoit jusque sur le tuyau; il étoit sûr alors de la trouver dans la lunette, & de la pouvoir placer au milieu du petit trou de la plaque.

Telle avoit été la marche de Morin dans cette recherche; il en résulte qu'il est véritablement le premier qui ait adapté des lunettes aux instrumens, au lieu de pinnules, mais que l'espèce d'ocilleton dont il couvroit l'oculaire, n'étoit ni aussi commode ni aussi précis que les fils en croix mis au foyer commun des deux verres par M. Auzout vers 1667; aussi Morin ne doutoit-il pas que son invention ne fût perfectionnée par la suite : écoutons-le se rendre justice à lui-même sur cet article.

*Scienc. long.
pars I, p.
56.*

« Je ne doute point, dit-il, qu'on ne puisse ajouter à ce que j'ai inventé, des moyens ingénieux qui en rendent l'usage plus exact & plus facile; je le desire même bien sincèrement, & suis prêt à donner à ceux qui auront fait ce travail les justes louanges qu'ils mériteront, me contentant d'avoir ouvert à des esprits plus subtils que le mien, des routes qui avoient été fermées jusqu'à présent. » Un auteur qui parle avec tant de modestie de son propre ouvrage, mérite d'être écouté favorablement.

Je n'ai pu déterminer la date précise de cette invention de Morin, mais il y a grande apparence qu'elle a précédé de peu la célèbre discussion du 30 mars 1634. Je vais être plus précis sur la recherche du temps auquel on a commencé à observer en plein jour, à l'aide des lunettes, les planètes & les belles étoiles. Morin nous en a conservé l'histoire, & cet endroit même de son livre est écrit avec une légèreté & un style poétique qu'on n'attendrait ni de sa plume ni du sujet; je ne ferai presque que le traduire, voici comment il s'en explique.

*Ibid. partie
VI, p. 210
& seq.*

« Un soir de la fin de mars 1635, je m'amusois à conférer avec ma lunette d'approche, entr'autres objets célestes, Jupiter avec ses satellites, rêvant profondément & cherchant quel pouvoit être l'usage auquel ces petites planètes étoient destinées, lorsque tout d'un coup un messager céleste vint à

tire-d'aile se présenter à moi & me tint ce discours : Pour- «
quoi fatiguer inutilement tes yeux à regarder avec cet instru- «
ment, la Lune, le Soleil & Jupiter ? laisse cet amusement aux «
autres, & applique-toi à des choses plus utiles & auxquelles tu «
es destiné ; si tu suis ce conseil, une plus grande gloire t'est «
réservée, puisque tu verras en plein jour les planètes & les «
principales étoiles qu'aucun mortel n'a jusqu'ici pu aper- «
cevoir, si ce n'est pendant la nuit, ce qui te donnera le plus «
sûr moyen de restituer les principaux élémens de l'astro- «
nomie ; & après m'avoir dit ce peu de mots, il disparut. «
Son discours ne s'effaça pas de ma mémoire, & je n'eus «
plus de repos que je n'eusse trouvé par quel moyen je «
pouvois voir les planètes & les belles étoiles en plein «
jour ; & je m'y appliquai avec d'autant plus d'ardeur, que «
je me souvenois d'avoir vu dans de certaines circonstances, «
Vénus paroître à la vue simple, le Soleil étant fort élevé «
sur l'horizon ; & voici comment je m'y pris. «

J'attachai une lunette d'un pied & demi à l'alidade d'un de «
mes instrumens qui devoit lui servir de support, & je plaçai «
cet équipage sur la fenêtre occidentale de mon cabinet, «
afin que le brillant du Soleil levant ne m'éblouît pas. Je mis «
beaucoup avant le jour, & les belles étoiles étant encore «
très-visibles, celle d'Arcturus dans ma lunette, & je l'y «
conservai presque jusqu'au lever du Soleil, remarquant avec «
plaisir que je la voyois encore distinctement dans la lunette «
long-temps après que le brillant du jour naissant me l'avoit «
fait perdre à la vue simple : un nuage la couvrit dans ce «
moment, & quand il fut passé, il ne me fut plus possible de «
la retrouver. Cet accident m'affligea, cependant je pris «
patience, sachant bien que sans ce nuage j'aurois pu con- «
server l'étoile bien plus long-temps. Le lendemain avant «
le jour, le ciel étant très-serein, je mis Arcturus dans ma «
lunette & je l'y conservai jusqu'à ce que je visse la lumière «
du Soleil levant éclairer les objets placés à l'occident. J'en «
eus une si grande joie que je pensai renverser la lunette & «
l'instrument ; mais ce premier mouvement étant apaisé, «

» je continuai mon opération plus d'une demi-heure après
 » le Soleil levé; alors l'étoile que la lumière du jour croissant
 » faisoit toujours diminuer m'échappa.

» Le jour suivant, Vénus étant dans le Verseau & se levant
 » avant le Soleil, je la mis dans ma lunette; & quoiqu'elle
 » fût alors en croissant, & par conséquent moins lumineuse,
 » je la conservai bien plus facilement qu'Arcturus, pendant
 » une heure & plus après le Soleil levé. J'ai fait les mêmes
 » observations sur les autres planètes & sur les plus belles
 » étoiles. » Tout ceci paroît n'avoir duré que quatre ou cinq
 jours & doit être rapporté à la fin de mars 1635.

Tel est le récit que fait Morin de cette découverte, de laquelle il paroît avoir été affecté jusqu'à l'enthousiasme. S'il avoit employé une lunette un peu plus longue, il auroit pu observer les planètes & les belles étoiles, non-seulement en plein jour, mais même en plein midi. Je ne crois pas cependant qu'on puisse lui disputer l'honneur d'avoir le premier observé les planètes & les belles étoiles en présence du Soleil; avantage immense pour l'astronomie & qui lui donne un droit bien acquis à la reconnoissance des astronomes.

Après ce que nous venons de dire, pourroit-on croire qu'en 1669, plus de trente-trois ans après la publication de cette découverte, M. l'abbé Picard s'en soit donné pour l'auteur? voici le passage de l'histoire de l'Académie, par M. de Fontenelle. « Le 3 mai de cette année (1669),
 » M. Picard fut fort surpris de pouvoir observer la hauteur
 » méridienne du cœur du Lion, près de treize minutes avant
 » le coucher du Soleil: non-seulement on n'avoit pas observé
 » jusque-là les fixes en plein soleil, mais on n'y pensoit pas
 » même dans la force du crépuscule. M. Picard alla plus loin,
 » il observa, le 13 juillet, la hauteur méridienne d'Arcturus,
 » le Soleil étant encore élevé de près de dix-sept degrés. » On trouve à peu-près la même chose dans l'Histoire latine de M. Duhamel.

Comment M. Picard pouvoit-il ignorer que vers la fin

de mars 1635, plus de trente-quatre ans avant son observation, Morin avoit fait cette belle découverte, & qu'il l'avoit publiée en 1635 dans sa Science des longitudes? *Pars VI, p. 210 & seq.* Je serois extrêmement fâché que cet article, que l'intérêt seul de la vérité m'oblige de rapporter dans ce Mémoire, pût jeter le plus petit soupçon de plagiat sur la mémoire de M. l'abbé Picard; tout ce qui nous reste de lui nous le peint trop éloigné de cette bassesse, mais il n'avoit probablement pas lu le livre de Morin, & cet événement peut apprendre à tous ceux qui se livrent à l'étude des sciences, qu'ils ne doivent jamais négliger de lire tout ce qui peut avoir le moindre rapport à l'objet de leurs recherches: ce n'est qu'en lisant un livre, qu'on peut acquérir le droit de le négliger, & celui de Morin ne méritoit sûrement pas ce mépris.

Qu'il me soit permis, en finissant ce Mémoire, de dire encore un mot de Morin, auquel il paroît qu'on n'a pas rendu justice sur beaucoup de points. Il avoit donné dans les rêveries de l'astrologie judiciaire, ce qui a sûrement mis quelque obstacle à sa réputation; mais il s'en falloit beaucoup que comme astronome il fût sans mérite. Pour l'apprécier avec justice, ce n'est pas aux astronomes de ce siècle qu'il le faut comparer; on sait quel chemin les sciences, & sur-tout l'astronomie, ont fait depuis environ cent cinquante ans; mais si on le compare à ses contemporains, on verra qu'il étoit en état de figurer & même en commerce de lettres avec les plus illustres de son temps. Il n'avoit garde de connoître les sublimes théories qui ne sont venues que long-temps après lui, mais il possédoit tout ce qui faisoit alors la plus grande partie du mérite d'un astronome. On voit par les lettres que Gassendi, Longomontan & plusieurs autres lui écrivoient, qu'ils le regardoient comme un des bons mathématiciens de son siècle. Il étoit professeur de mathématiques au collège royal; il a publié en 1633 un traité de trigonométrie rectiligne & sphérique, accompagné de tables de logarithmes & des sinus, tangentes, &c. Il a

le premier rassemblée, complété & démontré ce qui avoit été dit avant lui sur la science des longitudes, & par-là jeté pour ainsi dire le fondement de tout ce qui a été fait depuis sur cette matière. Il ne l'avoit certainement ni porté, ni pu porter au point où elle l'a été de nos jours, trop de choses lui manquoient alors; & malgré les torts très-graves qu'eurent à son égard plusieurs de ses commissaires, ils eurent raison de décider qu'il n'avoit pas complètement résolu le problème des longitudes, ce qui n'empêche pas la Science des longitudes d'être un très-bon livre, & s'il n'est lû aujourd'hui que de peu de personnes, il y a toute apparence que c'est parce qu'il l'a surchargé de choses étrangères à son sujet, & sur-tout des altercations qu'il avoit eues, tant avec ses commissaires qu'avec d'autres, ce qui en rend aujourd'hui la lecture très-ennuyeuse. Cependant, n'eût-il donné que cet ouvrage & les deux inventions dont nous venons de parler, il auroit toujours mérité d'être mis au nombre de ceux qui, par leurs travaux, ont contribué à l'avancement des sciences, & par conséquent au bien de l'humanité. S'il est peu intéressant pour le public de connoître l'auteur d'une découverte dont il jouit, il lui importe beaucoup qu'on fasse des découvertes, & le moyen le plus sûr de les multiplier, est de rendre aux auteurs pleine & entière justice: l'accueil qu'on fait à leurs ouvrages est la partie la plus flatteuse de leur récompense, & c'est manquer à ce qu'on leur doit que de les en priver.

Nota. Ce mémoire lû à l'Assemblée publique du 12 novembre 1783, alloit être imprimé dans le volume de 1784, lorsqu'il tomba entre les mains de l'Académie, l'original d'une lettre latine de Picard à Hevelius, qui avoit quelque rapport au sujet de ce mémoire; elle la jugea digne d'être publiée, & me chargea de la traduire; c'est ce que j'exécute aujourd'hui.

LETTRE DE PICARD A HEVELIUS.

Clarissime doctissimeque Domine ,

MACHINAM cœlestem, librum illum scilicet optatissimum quem dono mittere dignata est humanitas tua , tandem perlegi , non sine maximâ admiratione pro tam eleganti, tam operosâ , & ut ità dicam , regiâ instrumentorum quæ ibi adumbrantur supellectile ; ut non mediocriter doluerim illa etiam manibus non pertractasse , quorum tam faciles ac tam expeditos usus clarè demonstras. Lubens sanè post expeditionem meam Uraniburgicam ad te pervolassem, præsertim invitatus, sed inviderunt fata : ingruens scilicet bellum , difficilem ad meos receptum comminabatur , diutius commoranti ; quin & valetudo parùm integra revocavit invitum. Sed ut ad librum redeam , plurima quidem in eo scitu dignissima & ad astronomiam maximè conducentia passim animadverti, nec laudare satis habeo Machinamentum illud directorium quod astrorum motibus tam bellè obsequitur ; etsi dubitare quis valeat an adjunctus scrupulorum index numeratorius, eum quem præ se fert usum præbeat accuratè. Sed missis cæteris, unum est quod viro ingenuo ac veritatis præsertim amantissimo dissimulare noluerim, circà pinnacidia scilicet telescopica quæ immeritò , ni fallor, visus es improbare. Quantum sua cuique placeant scio , & quæ pinnacidiiis Tychonicis tua adjecit industria admodùm probo ; sed quòd posthabitis telescopicis, ad serias, ut ais, observationes, & ad astronomiæ instaurationem potissimum eligenda sint, pace tuâ haud quaquam arbitror. Immo contendo dioptras telescopicas cujusmodi à nobis usurpantur, omnium optimas reliquisque omnibus anteponendas esse. Et nos quidem initio utcumque acquievimus Tychonicis

Mém. 1787.

D d d

modulo etiam nostro elaboratis. Sed postquam incidit usus
 dioptrarum telescopicarum, victi demum evidentiâ perfectæ
 collimationis, nihil deinceps curavimus nisi ut optimâ formâ
 dioptrarum antiquarum loco, aptarentur telescopia; quod
 an simus consecuti, patebit ex tractatu mox edendo. Nec est
 sanè quòd quis moretur firmitudinem illam quam in pinna-
 cidiorum ritè semel appositorum situ meritò requiris; huic
 enim, opinor, abundè provisum est; sed cùm multa interve-
 nire possint adversùs quæ nulla omninò cautio est, contractum
 vitium, si quod sit, exploratum habere, illudque subindè dicto
 citiùs emendare, in promptu est nobis. Quid porrò indè
 accesserit astronomiæ, non vacat hic fusiùs commemorare;
 instar tamen omnium sit altitudo meridiana Veneris perigeæ
 anno 1670, aprilis 16, paulò antè meridiem observata,
 quodque pariter inauditum, altitudines etiam meridianæ
 fixarum insigniorum, de die, paucis horis antè vel post
 meridiem sæpiùs habitæ, necnon earumdem à sole distantia.
 Prætereo reliquas tùm luminarium cæterorumque plane-
 tarum, tùm etiam fixarum observationes, quæ jam aliquot
 voluminibus continentur. Valent sanè ubique dioptræ tele-
 scopicæ, etiam ad fixas illas quæ admisâ intrâ tubum luce
 vel minimâ solent evanescere, de quibus aliàs; nec si hâc
 in parte minùs principali cessaret usus dioptrarum telefo-
 picarum, essent idcirco abjiciendæ, cùm & potiori jure dam-
 nandæ essent Tyconicæ quæ circà solem præsertim vacant,
 quæque observatorem de cætero postulant oculatissimum,
 cùm è contrâ telescopicæ usum præbeant facillimum, vel etiam
 maximè lusciosis. Promptum est autem dioptricæ perito
 demonstrare, filorum in communi lentium foco sese decus-
 santium commune punctum, itemque lentis objectivæ medio-
 critèr patentis & ritè semel stabilitæ centrum seu potius ver-
 ticem, ac demum objecti partem illam quæ à filorum inter-
 sectione obtegatur; hæc tria inquam in eadem esse prorsùs
 rectâ lineâ, idemque constanter appariturum, absque ullâ
 parallaxi, sive oculus in ipso vitrorum axe constiterit, sive

hinc indè paulum aberret, quia scilicet obex in lentis ob-
 jectivæ foco positus, picturam illam quæ objecti vicaria est
 sic intercipit, ut idem in oculo reipsâ contingat, ac si obex
 alter debitæ magnitudinis ipsimet objecto cominùs appo-
 neretur. Atque hinc constat non rectè institui compara-
 tionem inter dioptras telescopicas Tychonicasque, quòd hæ
 interdum quinque vel sex pedum distantia fulciunt colli-
 mationem, illæ verò quatuor aut quinque digitorum inter-
 vallo dumtaxat, quantò scilicet oculus à filis distet. Sed si
 meliorem calculum inire lubet, conferatur primò fili serici
 simplicis crassities cum aperturâ dioptræ Tychonicæ ut ut
 angustâ. Filum ejusmodi quale à nobis adhiberi solet, est ut
 plurimum pollicis Parisini pars 1500^a , seu opinor Dantif-
 cani 1325^a . Jam si dioptræ Tychonicæ apertura suppo-
 natur esse pollicis Dantiscani pars 40^a evadet fili serici ad
 dictam aperturam ratio ut 1 ad $33\frac{1}{8}$. Suppositis igitur æqua-
 libus, tum pinnacidiorum Tychonicorum ab invicem, tum foci
 seu fili serici à lente objectivâ, uti par est, distantis, certior
 in dictâ proportionem, accuratiorque fieri poterit collimatio
 dioptris telescopicis, quàm Tychonicis. Sed accedit ratio
 augmenti, juxtâ quam objectum telescopio visum, majus dis-
 tinctiusque cernitur quàm nudo oculo; ut si ponamus adhi-
 bitum fuisse telescopium 3 pedum, quod objecta secundum
 diametrum augeat in ratione vigecuplâ, ductis $33\frac{1}{8}$ per 20,
 productum fiet 676, indicans quot vicibus dictum telesc-
 opium filiis sericis debitè instructum plus valeat ad colliman-
 dum quàm dioptræ Tychonicæ; similiterque posito tele-
 scopio pedum 6 evadet ratio plusquàm millecupla, nec
 sanè apparet quid indè detrahendum sit. Si deniquè calculo
 minùs credatur, en modum experimenti præbebit facilli-
 mum machina tua directoria, cujus motus ferè pinnacidis
 tuis inobservabiles, non tamen infrâ glumæ sericæ crassitiem
 facti sentientur demùm, adhibitis dioptris telescopicis.


Hactenùs libertate, ut aiunt, philosophicâ. Nec enim quis
 miretur quòd in tanti viri placita, tenuitatis meæ conscius,

ausus sim animadvertere; favit enim amicæ veritatis patrocinium. Hæc eo igitur quò scripta sunt animo accipias velim, meque tibi in perpetuum pro collato ergà immeritum beneficio fore devinctum credas. Vale & ama,

Clarissime doctissimeque Domine,

Tibi obsequentiſſimum
addictiſſimumque,

J. PICARD.

 Paris, novembris 16.^a 1674.

Traduction de la Lettre précédente, avec des notes.

JE suis enfin parvenu, Monsieur, à finir la lecture de votre *machine céleste* (a), c'est-à-dire, ce livre si désiré dont vous avez bien voulu me faire présent. J'ai été pénétré de la plus grande admiration en voyant la collection nombreuse, & si je l'ose dire vraiment royale, d'instrumens astronomiques que vous y avez décrits; & j'ai été très-mortifié de n'avoir pu en faire moi-même les usages que vous démontrez si faciles. J'aurois été charmé de me rendre auprès de vous au retour de mon voyage d'Uranibourg, y ayant sur-tout été si gracieusement invité; mais le sort en a décidé autrement. La guerre, pour peu que je retardasse mon retour, menaçoit de le rendre difficile, & ma santé très-altérée l'exigeoit absolument.

Mais pour revenir à votre livre, j'y ai trouvé bien des choses très-dignes d'être données au public, & qui peuvent beaucoup contribuer à l'avancement de l'astronomie. Je ne puis sur-tout assez louer cette ingénieuse machine (b)

(a) *Joannis Hevelii machinæ cælestis pars prior. Gedani, 1673, in-fol.* Ce premier volume contient la description des instrumens; le second qui parut en 1679, contient les

observations; il est extrêmement rare.

(b) La machine dont parle ici Picard, est décrite sous le nom de *machinamentum directerium*, à la page 328 de la *Machine céleste*. C'est la

qui se prête si bien aux plus petits mouvemens des astres, quoique peut-être on pût révoquer en doute que l'aiguille qui indique les minutes au moyen d'un rouage, puisse le faire avec toute l'exactitude qu'elle annonce. Mais laissant-là tout le reste, la connoissance que j'ai de votre candeur & votre amour pour la vérité, ne me permet pas de dissimuler que ce n'est pas avec raison, ce me semble, que vous avez condamné l'usage des pinnules télescopiques, ou lunettes appliquées aux instrumens. Je n'ignore pas combien chacun est attaché à ses procédés (c), & personne n'approuve plus que moi les changemens que vous avez faits aux pinnules de Tycho; mais soit dit sans vous offenser, je ne puis pas de même être de votre avis, lorsque vous proposez d'abandonner les pinnules télescopiques pour avoir, dites-vous, des observations plus concluantes, & qui puissent servir à la perfection de l'astronomie. Je prétends même que les pinnules télescopiques, telles que nous les avons, sont préférables à toutes les autres. Nous avions nous-mêmes adopté les pinnules de Tycho, auxquelles nous avons fait quelques changemens; mais dès que nous eûmes l'usage des lunettes, nous ne pûmes résister à l'évidence de la parfaite collimation, & nous ne pensâmes plus qu'à chercher les moyens les plus avantageux de les appliquer aux instrumens, à la place des anciennes pinnules : le Traité qui est sur le point de paroître, fera connoître jusqu'à quel point nous avons réussi. Il n'y a aucune difficulté relativement à la solidité que vous exigez, avec raison, dans la manière de

vis qui servoit de support à l'alidade du grand quart-de-cercle à laquelle Hevelius avoit adapté un rouage pour lui faire marquer les minutes & les secondes; & qui formoit une espèce de micromètre extérieur qui étoit imparfait précisément par l'endroit qu'avoit soupçonné Picard; aussi a-t-il été abandonné & remplacé avec avantage par le micromètre

actuel duquel nous nous servons.

(c) On a fait beaucoup d'objections à Hevelius sur cet article. *Hooke animadversions on the first part of the machina cœlestis*, 1674, in-4.^o, *Philosophical Transactions*, n.^os 96, 102. Halley alla à Dantzick en 1679, pour discuter cette matière avec Hevelius. *Annus cœlinæticus* pag. 14.

joindre les pinnules aux instrumens ; nous y avons , à ce que je crois , très-bien pourvu , & si quelqu'un de ces accidens qu'on ne peut prévoir y introduisoit quelque léger défaut , il sera toujours facile de le connoître & de le corriger à l'instant (*d*). Je ne m'arrêterai point plus long-temps à faire connoître tous les avantages qui peuvent résulter pour l'astronomie de cette invention ; je n'en apporterai qu'un seul exemple , c'est la hauteur de Vénus périgée , observée au méridien le 16 avril 1670 , peu de temps avant midi , ce dont on n'avoit pas même d'idée , non plus que des hauteurs méridiennes des plus belles étoiles & de leurs distances au Soleil , observées de jour peu de temps avant ou après midi. Je passe sous silence toutes les autres observations du Soleil , de la Lune & même des étoiles , qui forment déjà plusieurs volumes des registres de nos observations. Les pinnules télescopiques servent dans tous ces cas , même pour les étoiles que leur petitesse faisoit disparaître à la moindre lumière introduite dans le tuyau ; mais j'en parlerai ailleurs. Au reste , quand même les pinnules télescopiques seroient insuffisantes dans cette dernière partie moins essentielle que les autres , ce ne seroit pas une raison suffisante pour les abandonner , puisqu'il faudroit à plus forte raison rejeter aussi les pinnules de Tycho , qui ne peuvent presque servir que pour le Soleil , & exigent de l'observateur une vue excellente , au lieu que les pinnules télescopiques sont , pour tous les astres , d'un facile usage , & servent aux plus mauvaises vues.

Il est au reste facile de démontrer à quelqu'un qui est au fait des principes de la dioptrique , que les fils qui se croisent au foyer commun de l'oculaire & de l'objectif , le centre optique de l'objectif & la partie de l'objet couvert par l'intersection des fils , sont vus constamment par l'œil de l'observateur dans une même ligne droite sans aucune

(*d*) Il avoit expliqué ces vérifications fort au long dans son ouvrage sur la figure de la Terre , en 1671.

parallaxe, soit que l'œil soit placé dans l'axe optique de la lunette, soit qu'il s'en écarte un peu de part ou d'autre. La raison de cette constance est que l'obstacle des fils mis au foyer commun des deux verres, intercepte tellement la partie de l'objet qui y est représenté, qu'il arrive dans l'œil la même chose que si un objet semblable, mais de grandeur proportionnée, étoit réellement appliqué sur l'objet auquel on pointe; d'où il suit qu'on ne feroit pas une comparaison juste entre les pinnules télescopiques & celles de Tycho, en disant que ces dernières dirigent le rayon visuel par deux points distans l'un de l'autre de 5 à 6 pieds (distance entre les pinnules), tandis que les pinnules télescopiques n'apportent la direction du rayon visuel que sur deux points distans de 4 ou 5 pouces, c'est-à-dire, sur la distance des fils à l'œil. Mais si on veut se convaincre par un calcul plus simple de la supériorité des pinnules télescopiques sur celles de Tycho, que l'on compare premièrement la grosseur d'un fil de soie simple à la fente d'une pinnule de Tycho, la plus étroite qu'on puisse supposer; on trouvera le diamètre du fil de la 1500^{e} partie du pouce de Paris, ce qui fait, ce me semble, la 1325^{e} partie de celui de Dantzic. L'ouverture de la pinnule peut être supposée $\frac{1}{40}$ du même pouce; on aura donc pour le rapport de l'ouverture de la pinnule à la grosseur du fil de soie, celui de $33\frac{1}{8}$ à 1. Supposant donc le même intervalle pour les deux pinnules de Tycho, & pour la distance du centre optique de l'objectif à son foyer, où est placé le fil de soie, & cette égalité est nécessaire si l'on veut en faire une comparaison exacte, l'exactitude de la collimation faite avec les pinnules télescopiques, est à celle de la collimation faite avec les pinnules de Tycho, dans le même rapport de $33\frac{1}{8}$ à 1. Ajoutez une autre raison de préférence: la lunette fait paroître l'objet auquel on pointe plus gros & plus distinct que la vue simple; supposons qu'elle soit de trois pieds, elle augmentera vingt fois le diamètre de l'objet; multipliant donc $33\frac{1}{8}$ par 20, on aura 676,

qui exprimera combien une lunette garnie de ses fils convenablement placés, fera voir à l'observateur les objets plus nettement qu'on ne les verroit avec les pinnules de Tycho; & si l'on suppose la lunette de six pieds, le rapport deviendra celui de 1000 à 1; & je ne vois en vérité pas ce qu'on en peut diminuer.

Si enfin vous aviez quelque peine à vous en rapporter au calcul, votre machine même peut très-facilement vous procurer le moyen de vous en assurer par expérience. Ses moindres mouvemens qui ne causent aucun déplacement sensible à l'objet vu par les pinnules de Tycho, en font voir un très-perceptible en se servant des pinnules télescopiques: il suffit de l'épaisseur d'une pellicule de ver à soie.

Je vous ai parlé, Monsieur, avec une liberté philosophique, & l'on ne s'étonnera point de ce que connoissant ma médiocrité, j'ai osé trouver quelque chose à redire dans les idées d'un aussi grand homme. Je ne l'ai fait qu'à la faveur de la vérité, pour laquelle je connois votre amour. Recevez donc, je vous prie, tout ceci dans le même esprit que je l'ai écrit, & croyez que je conserverai toute ma vie la plus vive reconnaissance de la faveur que vous m'avez faite sans que je l'eusse méritée.



M É M O I R E

S U R L E S

LUNETTES NOMMÉES BINOCLES;

*Et sur un Voyage aux côtes maritimes occidentales
de France.*

Par M. LE GENTIL.

L'INVENTION des lunettes qui ne fut d'abord qu'un essai fort grossier, ne tarda pas à se perfectionner. La curiosité innée à tous les hommes, aux astronomes surtout, avides de découvertes dans le ciel, fit bientôt naître des artistes célèbres en ce genre, & la dioptrique oculaire fit des progrès rapides en peu de temps. Nous n'entendons point parler des accroissemens qu'a reçus cet art dans ces derniers temps par l'invention des lunettes achromatiques, mais des efforts que l'on a faits dans le dernier siècle, & dans les commencemens de celui-ci pour perfectionner la vision; ce qu'on peut y ajouter encore, & ce qu'il peut en résulter d'utile pour les observations astronomiques.

Lû le 18
Avril 1787.

Plusieurs personnes se sont rendues célèbres dans l'art de travailler les grands verres, principalement le célèbre mathématicien Huyghens, Hartsoëker, Borelly, de la Hire & plusieurs autres: mais personne n'a approché de la perfection comme Campani; il les a surpassés de beaucoup, & l'on regrettera toujours que cet habile ouvrier n'ait point donné son secret, s'il en avoit cependant un, & si ce secret ne consultoit pas seulement dans le choix de la matière, & dans la grande dextérité de l'artiste, comme nous le soupçonnons; car, malgré tout l'avantage que nous ont procuré les lunettes achromatiques depuis leur invention, j'ose assurer que toutes celles que nous avons ne tranchent pas

Mém. 1787.

E e e

l'objet aussi nettement que le fait un excellent objectif simple; & si elles ont la préférence aujourd'hui, elles la doivent très-certainement en grande partie à leur peu de longueur qui les rend infiniment commodes pour les observations astronomiques.

Pour perfectionner la vision, on imagina dans le dernier siècle de se servir de deux objectifs pour regarder avec les deux yeux; on nomma cette double lunette *binocle*. Il est bien certain qu'en regardant un objet avec les deux yeux, il existe réellement deux images de cet objet, peintes séparément dans chaque œil; sans doute qu'elles se réunissent dans le cerveau, en s'appliquant l'une sur l'autre pour produire une sensation unique. En supposant égales en intensité les deux images qui contribuent à produire cette sensation, on doit voir beaucoup mieux avec les deux yeux qu'avec un seul.

« Il semble en effet que la Nature ne nous ait donné deux » yeux que pour mieux voir, *comme dit M. Bailly*, pour avoir » une sensation plus forte par deux impressions reçues: ce n'est » pas qu'on voie l'objet sous un plus grand angle avec deux » lunettes; mais il en résulte beaucoup plus de clarté, & nous » jugeons toujours les objets éclairés plus proches de nous. » (*Hist. de l'Astron. moderne, tome II, page 139*).

Le P. de Rheyta est le premier, que je sache, à qui cette idée soit venue; il est réellement l'inventeur de cette double lunette, & le premier il en a fait l'essai. Il nous assure qu'il a vu les objets beaucoup plus grands & plus éclairés, c'est-à-dire, comme nous venons de l'expliquer, qu'il les a jugés beaucoup plus près de lui, parce qu'il les avoit vus beaucoup plus éclairés en les regardant avec les deux yeux.

Le P. Chérubin, capucin d'Orléans, dans sa Dioptrique oculaire, a beaucoup écrit sur les binocles & en leur faveur; mais il m'a paru qu'il a plus parlé de leurs effets d'après le P. de Rheyta, que d'après ses propres observations, & qu'il s'est plus occupé de l'art de les construire, & de faire

aisément mouvoir les oculaires, que d'expériences. La manière dont il s'y prend nous a paru fort ingénieuse.

Mais malgré ce qu'ont pu dire en faveur des binocles ces deux religieux, les lunettes simples ont prévalu, soit à cause de la difficulté de faire des binocles, soit à cause de l'embarras pour s'en servir; car il faut convenir qu'il n'est pas bien facile du premier abord d'appliquer les deux yeux à un long binocle, & de suivre en même temps le mouvement d'un astre. Cet inconvénient est cause, sans doute, que *Hartsoëker* ne paroît pas approuver les binocles.

Je ne parle pas, *dit-il*, des lunettes binocles, puisqu'il est certain que l'embarras qu'elles causent surpasse de beaucoup l'utilité qu'on en pourroit espérer par-dessus les autres, & qui dans le fond seroit encore très-peu de chose.

Mais ce jugement d'*Hartsoëker* nous a paru très-précipité, en même temps qu'injuste, d'autant plus qu'il ne paroît pas qu'*Hartsoëker* parle d'après ses observations : il ne dit point en avoir fait l'essai. Nous allons voir qu'un bon binocle peut donner de l'avantage; d'ailleurs, on s'y fait très-aisément, & au moyen de supports commodes qu'on peut imaginer & se procurer, il est très-facile de suivre un astre, même assez long-temps. J'ose même assurer que j'ai remarqué que le binocle ne fatigue nullement les yeux; il semble bien plutôt qu'il soit fait pour les reposer, au lieu qu'une lunette seule les fatigue considérablement, étant l'un & l'autre dans une espèce d'état de contrainte; le gauche, parce qu'on est forcé de le tenir continuellement fermé; le droit, parce qu'on est contraint de le tenir ouvert, & dans une tension la plus forte qu'il est possible; ce que doivent éprouver tous les observateurs.

J'ajouterai enfin que les astronomes ne doivent point considérer leurs peines ni leurs aises, que c'est la chose dont ils doivent le moins s'embarrasser vis-à-vis l'objet qu'ils ont en vue.

Ayant réfléchi sur cette idée, j'ai cru apercevoir que les expériences qu'on avoit faites dans le dernier siècle sur les

binocles, n'avoient pas été poussées jusqu'au terme où elles pouvoient l'être, que par conséquent cette idée avoit été abandonnée un peu trop légèrement. Je résolus donc de les répéter il y a quatre à cinq ans; j'ai cru d'ailleurs que c'étoit une expérience philosophique à tenter, de savoir si on voyoit des deux yeux, c'est-à-dire, beaucoup mieux qu'avec un seul, & avec une lumière double, comme semblent nous le dire la forme du nerf optique & la construction de nos deux yeux, telles qu'on les trouve dans le Traité de Descartes & celui d'Hartloëker sur la dioptrique & la vision.

C'est de ces expériences dont je prie cette illustre assemblée de me permettre de lui rendre un compte précis & succinct en faveur de ceux qui voudroient les répéter, & juger le fait par eux-mêmes.

L'héliomètre de M. Bouguer, tel qu'il l'imagina & le composa de deux objectifs entiers de douze pieds de foyer chacun, me parut très-propre à remplir mon idée. J'avois entre les mains cet héliomètre depuis la mort de cet illustre confrère. L'ouverture de ces objectifs étoit de treize lignes; cette proportion ne pouvoit pas excéder celle qui devoit se trouver entre les deux axes de mon binocle, car il faut que les deux lunettes qui composent un binocle soient parallèles entr'elles, & que leur distance respective soit égale à celle qui se trouve entre les deux yeux de l'observateur.

Je fis donc construire deux tuyaux carrés de douze pieds de longueur, chacun d'un bois fort léger, & je les accouplai au moyen de trois collets également de bois, un à chacun des deux bouts, & le troisième vers le milieu. Je pouvois écarter & rapprocher ces deux tuyaux l'un de l'autre par le moyen d'une vis en fer que contenoit chaque collet, & en appliquant des cartes à jouer entre deux à l'endroit des collets. Je me proposois bien au reste de perfectionner tout cet assemblage si cette première expérience réussissoit à mon gré : j'appliquai ensuite mes objectifs à ces tuyaux, & me

servis d'oculaires de trois pouces de foyer. Je ne grossiffois avec ces oculaires qu'environ quarante-huit fois, ce qui n'est qu'un très-foible grossissement ; mais M. Bouguer n'avoit employé que le même grossissement pour son *héliomètre*. Pour trouver, sans un trop long tâtonnement, la distance qu'il devoit y avoir entre les centres de mes objectifs & de mes oculaires, c'est-à-dire, la distance entre les deux axes optiques de mon binocle, plusieurs fois je fis prendre, par une personne fort adroite, avec un compas dont les pointes étoient très-fines, la longueur exacte d'un de mes yeux, en les tenant bien ouverts ; & sachant que la distance du centre d'un œil au centre de l'autre, est égale à deux fois la longueur d'un des deux, j'arrangeai mes deux tuyaux en conséquence, & je me trouvai tout de suite au point nécessaire, lorsque je regardai la première fois avec mon binocle. Cette distance se trouva d'un peu moins de vingt-huit lignes, mais elle doit varier selon les sujets.

Je fus on ne peut pas plus surpris en voyant pour la première fois l'effet de cette lunette, même sur les objets terrestres. Le premier que je regardai fut le dôme du Val-de-Grâce qui est à ma portée, de l'Observatoire royal où j'ai fait les premiers essais de ce binocle. Je regardai d'abord cet objet avec chaque lunette séparément pour les mettre à leur point, puis avec les deux yeux, & ce fut ici où je fus singulièrement affecté de la forte impression que je reçus en regardant la boule & la croix qui terminent ce dôme : le beau champ de la lunette, la grosseur apparente de l'objet, sa netteté par comparaison avec ce que je voyois en ne regardant qu'avec une seule lunette, ne me donnèrent aucun lieu de douter qu'on ne voie des deux yeux, & beaucoup mieux qu'en n'observant qu'avec un seul.

J'observai ensuite le Soleil & ses taches, en choisissant pour cet effet un beau jour ; c'étoit dans le mois d'août. On doit s'attendre que le Soleil me fit la plus vive impression.

Jusque-là je n'avois fait usage que d'un foible grossissement, de celui qu'avoit employé M. Bouguer pour son

héliomètre; mais jugeant que la grande quantité de lumière que je recevois, pouvoit me permettre d'employer des oculaires de deux pouces au lieu de trois, j'en fis faire quatre de quatre pouces de foyer chacun, & les ayant ajustés à la place des autres, ils augmentèrent mon grossissement, & de quarante-huit, le portèrent à soixante-douze. Mon binocle me parut faire encore plus d'effet sur le Soleil; mais il est assez singulier que ce fût en regardant la Lune dans son plein, que je m'aperçus du défaut qu'avoit ce binocle. En effet, je trouvai les bords de la Lune un peu mal terminés; or, en faisant déborder les deux images, je m'aperçus qu'il y en avoit une beaucoup plus nette que l'autre, d'où il arrivoit qu'en les faisant concourir ensemble, il en résultoit une seule image un peu embrouillée & mal terminée; ce que je vérifiai encore mieux avec des oculaires d'environ vingt lignes de foyer.

Je vis donc évidemment qu'un de mes deux objectifs ne valoit rien avec un fort grossissement, & que c'étoit sans doute la raison pour laquelle M. Bouguer n'avoit employé qu'un oculaire de trois pouces de foyer; il grossissoit beaucoup moins, mais il avoit l'avantage de bien terminer les diamètres des astres, sur-tout ceux du Soleil, la seule chose que M. Bouguer ait eu en vue en construisant son héliomètre.

Je conçus donc par cet essai combien il étoit difficile de réussir à faire deux objectifs d'un long foyer parfaitement semblables & également bons, car les miens avoient été travaillés avec le plus grand soin par feu Georges, qui avoit dans son temps la réputation de réussir dans le travail des verres de ce genre, & que cette difficulté étoit sans doute une des principales raisons qui avoient fait abandonner ces fortes de lunettes. Je crus donc inutile de prendre la peine de faire aucun essai de mon binocle sur la planète de Jupiter, puisqu'il étoit évident que je la verrois mal terminée.

Je communiquai alors mon idée, que j'avois tenue secrète jusqu'à ce moment, au P. Gaudibert, jacobin de la rue Saint-Dominique, avec lequel j'étois fort lié, & qui

cultivoit la dioptrique avec beaucoup de succès. Il me promit de travailler, & me fit même concevoir des espérances.

Je ne détaillerai point les difficultés qu'il essuya du côté du choix de la matière, & ne dirai point combien de verres il rebuta; mais je dirai qu'il parvint à me donner deux objectifs superbes & excellens, travaillés à la main, ayant vingt-deux lignes chacun d'ouverture, pendant que ceux de M. Bouguer, avec treize lignes seulement d'ouverture, n'étoient que médiocres; enfin je ne pense pas exagérer en publiant que je ne crois pas que depuis Campani, personne ait fait des verres de cette espèce avec tant d'ouverture si parfaitement bons; car les tables de grossissement des lunettes ne portent que vingt ou vingt-une lignes, les ouvertures des meilleurs objectifs de douze pieds de foyer, & les miens en portoient facilement vingt-deux; mais comme je ne pouvois leur en donner qu'environ dix-neuf, nous fûmes obligés d'en couper environ trois lignes.

Le P. Gaudibert enchassa ensuite ces objectifs dans des bouts de tuyaux de cuivre, les tourna & les sertit lui-même: or, le tout est aussi-bien exécuté qu'il auroit pu l'être en Angleterre.

Mon nouveau binocle supporte aisément des oculaires de dix-sept à dix-huit lignes de foyer; il grossit quatre-vingt-dix-huit à quatre-vingt-dix-neuf fois avec la plus grande netteté & la plus grande clarté; je vois Jupiter parfaitement terminé, ses bandes & pareillement ses satellites très-brillans.

Je ne parlerai point ici des observations que j'ai faites en grand nombre sur les taches, de celles que j'ai également faites sur quelques-unes de ces étoiles, nommées assez imparfaitement *étoiles doubles*, & sur quelques nébuleuses, parce que je me propose de les vérifier encore. Je me contenterai d'ajouter à ce que j'ai déjà dit de l'effet de mon binocle, une expérience que j'ai faite, qui m'a paru curieuse, & que j'ai pris plaisir à répéter plusieurs fois sur le Soleil; c'est qu'en séparant ou détachant les deux images, ce que

je faisois en écartant un peu les tuyaux les uns des autres du côté des oculaires, je voyois en effet ces deux images dont l'une débordoit l'autre ; elles me paroissoient égales en intensité, & dans l'état à peu-près que je les voyois lorsque je les regardois séparément avec une seule lunette : mais lorsqu'au moyen de ma vis, sans quitter les yeux du binocle, je parvenois à réunir les deux images en une seule, j'éprouvois dans cet instant de réunion, une impression ou sensation subite & singulière d'augmentation de lumière, de clarté, de netteté & même de grossissement apparent tout à-la-fois, qui produisoient dans mes yeux l'effet d'une espèce d'éclair subit auquel on ne s'attend pas ; ce qui acheva de me convaincre que ma vision étoit beaucoup plus parfaite en me servant de mes deux yeux, qu'en ne regardant qu'avec un seul.

Nous nous étions proposé de reconstruire encore une fois ce binocle, en le faisant *achromatique* ; je me flattois d'un effet encore plus considérable, & que j'en tirerois un plus grand parti pour les observations ; car le P. Gaudibert réussissoit également bien dans les lunettes achromatiques ; mais malheureusement la mort l'a enlevé aux arts, il y a environ dix-huit mois, dans le temps qu'il s'occupoit déjà du choix du *flint-glass* pour la construction du nouveau binocle, & je regarde cette mort comme une vraie perte que la dioptrique a faite : s'il ne surpasseoit pas, il égaloit au moins à l'âge de quarante-trois ans où il est mort, nos meilleurs opticiens. Pleinement satisfait de mon second essai, j'ai fait garnir mon binocle en cuivre par les deux bouts, & fait faire également en cuivre les porte-oculaires ; je leur ai donné huit pouces & plus de longueur, pour n'avoir aucun jeu à craindre dans l'emboîtage ; à la place de celles de bois, j'en ai fait faire en cuivre avec des vis, & de petits ressorts à ceux des deux bouts, au moyen desquels & des vis, je peux rapprocher ou écarter à volonté les bouts des tuyaux les uns des autres de la plus petite quantité possible. Mes objectifs ayant donc près de dix-huit lignes & demie
d'ouverture

d'ouverture chacun, j'ai par ce moyen une double ouverture qui équivaut à une seule d'environ vingt-six lignes; mais l'ouverture des lunettes achromatiques ordinaires dont nous nous servons aujourd'hui, est beaucoup plus grande, puisqu'elle va à trente-huit ou trente-neuf lignes. Cependant ces lunettes ne grossissent que quatre-vingt-seize & cent fois, comme fait mon binocle; mais, autant que j'en ai pu juger jusqu'à ce moment, mon binocle dans son état actuel fait aussi-bien sur Jupiter que font la plupart de ces lunettes, & je pourrois encore augmenter son pouvoir amplifiant. Un bon binocle peut donc donner de l'avantage. C'est avec le secours de ce binocle que j'ai vu avec la plus grande satisfaction la sortie de Mercure de dessus le Soleil; le 4 mai dernier 1786.

J'ai fait cette observation en basse Normandie, à un petit quart de lieue de la ville de Coutances, & à deux lieues & demie au plus du bord de la mer. J'avois emporté avec moi, outre ce binocle, deux excellentes pendules à secondes, & mon quart-de-cercle de trois pieds de rayon, qui, après avoir servi à M. l'abbé de la Caille dans tous ses voyages pour les observations, est passé dans mes mains, a voyagé avec moi dans les mers de l'Inde, & en est également revenu. Cet instrument fait par Langlois en 1742, est excellent. Plus de deux cents observations faites à des points tout-à-fait différens, qui m'ont servi à déterminer les réfractions & la distance des tropiques entr'eux, par des hauteurs prises du côté du nord & du côté du sud; toutes ces différentes observations, dis-je, s'accordent à un tel degré de précision, que la latitude de Pondichery déduite des observations de l'étoile polaire, s'accorde à trois à quatre secondes près avec la latitude de la même ville, déduite de l'observation de la distance des tropiques entr'eux. Depuis plus de douze ans que je suis de retour, j'avois toujours désiré de répéter en France, avec ce même quart-de-cercle, les observations que j'avois faites en très-grand nombre à Pondichery sur les réfractions astronomiques à l'horizon de

la mer, parce que je pensois qu'il seroit très-curieux & très-intéressant de vérifier si les phénomènes que j'avois observés dans la zone torride au lever du Soleil à l'horizon de la mer, & dont j'ai rendu compte dans le premier tome de mes Voyages, avoient également lieu dans les zones tempérées, ou si les différences étoient bien sensibles; mais jusqu'à ce moment les circonstances ne m'ayant pas paru favorables, j'avois été contraint d'y renoncer.

Un Ministre, qui semble avoir été réservé à nos jours, pour en faire une époque de l'encouragement des sciences & des arts, a bien voulu accueillir mon projet.

M. le baron de Breteuil m'obtint dans le mois d'avril 1786, l'approbation de Sa Majesté *pour répéter sur nos côtes maritimes occidentales, les observations astronomiques que j'ai faites dans l'Inde.*

Mes préparatifs étant déjà tout faits, je partis en conséquence pour me trouver sur les lieux à temps pour l'observation de Mercure. Le temps fut très-inconstant; la veille de l'observation fut un jour très-pluvieux, accompagné d'un très-grand vent de sud-ouest.

Le 4 mai, jour de l'observation, on ne voyoit encore nulle apparence de beau temps à sept heures du matin; il pleuvoit, & on ne voyoit que quelques éclaircies de place en place.

Cependant un quart d'heure avant l'observation, le ciel se trouva balayé aux environs du Soleil, & j'aperçus Mercure fort distinctement par le plus beau ciel du monde, un gros paquet de taches, & une grosse tache isolée aussi grosse que Mercure.

Je jugeai donc le premier contact de Mercure au bord du Soleil à $8^h 19' 17''$ de temps vrai à ma pendule qui a marché fort uniformément. Je jugeai Mercure à moitié sorti à $8^h 25' 7''$ à ma montre, qui retardoit de $4' 8''$ sur ma pendule.

Enfin, je jugeai la sortie totale de Mercure à $8^h 22' 45''$ de temps vrai à ma pendule. Après cette observation dont

je supprime ici les résultats, j'allai sur les bords de la mer chercher un lieu commode pour m'y établir ; je m'arrêtai quatre lieues environ au nord de Grandville, & à deux & demie au plus à l'ouest précisément de l'endroit où j'avois observé le passage de Mercure. Ce fut-là où je m'établis dans un lieu nommé le *havre de Renneville*, d'où je découvrois de dessus une très-petite hauteur, un vaste horizon du côté de la mer, depuis environ le sud-ouest jusqu'au nord-est. J'y ai passé une grande partie de l'été dernier ; j'y ai complété mon travail pour cette saison ; & comme il entre dans mon projet de répéter ces observations pendant un de nos hivers, je me propose d'y retourner à la fin de l'automne prochain, pour y passer une partie de l'hiver suivant, c'est-à-dire, tout le temps qu'exigera cette seconde partie de mon travail. A mon second retour j'aurai l'honneur de faire part à cette illustre assemblée des résultats de mes observations, & de leur comparaison avec celles du climat de l'Inde.



M É M O I R E

*Sur la fusion de différentes substances vitrifiables ,
& particulièrement sur un verre connu sous la
dénomination de Miroir de Virgile.*

Par M. FOUGEROUX DE BONDAROY.

A YANT eu pendant plusieurs années la facilité d'étudier l'art de la verrerie, j'ai cherché à connoître si pour faire du verre même commun, comme celui dont on forme des bouteilles, il y auroit une épargne à employer des substances qui seroient déjà entrées dans une fusion plus ou moins complète par les feux souterrains. Je me suis donc procuré différentes matières volcaniques, & j'ai soumis aux épreuves, dans un four de verrerie, les laves du Vésuve, qui varient de nature suivant qu'elles sont plus ou moins éloignées de l'état de scories; j'ai passé ensuite aux substances produites par les volcans qui tiennent le plus de la nature du verre, comme sont les terres fondues à l'aide des sels, d'un mélange de terres de différentes natures ou des substances métalliques. C'est dans cette division que je comprends les morceaux connus sous le nom de *verre de volcans*, que fournit l'Hécla; d'autres appelés par les anciens Romains *pierre obsidienne*, parce que, comme le dit Pline, elle est d'une couleur noire, mais transparente, semblable à des verres que fabriquoit un certain Obsidius: enfin j'ai soumis à la fusion, & j'ai fait ouvrager entre ces verres noirs volcaniques, la *gallinace* des anciens Péruviens, qu'on trouve souvent dans leurs tombeaux, qu'ils employoient à leurs parures, dont ils ornoient leurs maisons,

ou dont ils faisoient même un objet de leur culte ou de leur nécromancie.

J'ai eu occasion encore d'examiner au feu de verrerie deux verres jaunes & transparens, dont un est à lames ou écailles de deux ou trois pouces, & épaisses de deux à trois lignes, envoyé par dom Ramyres, correspondant de l'Académie au Mexique, & qu'il a marqué avoir été trouvé avec d'autres substances fondues dans un volcan éteint, qui a existé sous la ville qui est aujourd'hui la capitale de cette partie du nouveau monde; le second verre jaune que je cite est en filets fins, cassans & transparens, & a été trouvé aussi dans un ancien volcan éteint de l'île de l'Ascension.

Toutes ces substances déjà fondues coulent en peu de temps & s'amolliissent à un feu de verrerie; mais quoique j'aie souvent ajouté des sels alkalis ou d'autres fondans, même terreux, pour les purger de leurs soufres, ces matières en fusion complete sont restées *dures* lorsqu'on vouloit les *ouvrager*; & j'ai reconnu que pour en produire du verre de bonne qualité (je ne dis pas des cristaux ou des verres de glaces), mais du verre brun ou noir, il falloit avec la même chaleur multiplier les opérations, y mêler souvent de nouvelles substances vitrifiables, & qu'après avoir consommé du bois pour produire de la chaleur, employé du temps & de la main-d'œuvre, on n'en obtenoit jamais qu'un verre dur, qui n'étoit pas même propre à faire des bouteilles pour contenir du vin, qu'il s'éclatoit, se fleurissoit à l'air; enfin, qu'au lieu de ménager, on dépensoit plus qu'il n'auroit été nécessaire pour obtenir de bon verre par la fusion d'un sable & des fondans ordinaires.

Occupé de cet objet, je lûs l'art de la peinture sur verre par M. Vieil, qui a paru sous les auspices de l'Académie, & qui remplit complètement l'objet d'utilité que s'est proposé cette Compagnie, lorsqu'elle a commencé à publier l'état des arts tels qu'ils existent, se flattant ainsi de perpétuer les connoissances acquises & de concourir à leur

perfection. C'est maintenant un devoir pour l'Académie de s'en occuper plus particulièrement, depuis qu'elle sait que notre Monarque s'y intéresse, & demande la continuation de cette entreprise honorable pour la nation.

C'est dans la description de la peinture sur verre, remplie de recherches, que j'ai lû l'histoire d'un verre ancien, connu sous le nom de *miroir de Virgile*.

Entre les raretés & les richesses de différentes espèces qui font partie du trésor de Saint-Denys en France, on y conserve une substance transparente, de forme ovale, longue de quatorze pouces dans son grand diamètre, de douze pouces dans son petit, & épaisse d'un bon pouce, à laquelle on a laissé, comme par tradition, le nom vulgaire de *miroir de Virgile* : le poids total de ce morceau étoit d'environ trente livres.

Sans prétendre fixer à ce morceau une antiquité aussi reculée, l'on assure qu'il est depuis les premiers temps que ce trésor a été établi dans cette maison ; ce qui ne feroit à la vérité qu'une date moderne, eu égard à l'origine qu'on a voulu lui donner, en conservant la dénomination de *miroir de Virgile*.

Je ne rapporterai pas ici avec des détails les recherches de dom Mabillon, de dom Boucher & de M. l'abbé le Bœuf, qui ont paru dans le temps, pour fixer l'origine de ce morceau ; il me suffira de dire que parmi ces savans antiquaires, ceux qui prétendoient la faire remonter au temps de Virgile, ont imaginé que ce prince des poètes réunissoit à son talent des principes d'une sublime mécanique, & qu'il se servoit aussi des miroirs pour prédire l'avenir.

Ils ont rappelé que les auteurs du XII.^{me} siècle se sont plu à taxer ce grand homme de magie ; c'étoit un enchanteur, un nécromancien, & plutôt encore, suivant eux, un catoptromancien, c'est-à-dire, qui avoit l'art de deviner

par les miroirs. On a mis sur son compte quantité de prodiges , entr'autres la mouche d'airain placée sur une des portes de Naples , qui ne permettoit à aucune autre vraie mouche d'entrer dans la ville ; une statue d'airain mécanique , &c. &c. Et cela ne faisoit qu'ébaucher l'étendue de la science magique.

Certainement l'antiquité du verre remonte au-delà du temps où fleurissoit ce poète fameux. On a trouvé beaucoup de caraffons , de bouteilles & d'autres vases de verre de couleur verte dans la ville d'Herculanum , ensevelie par l'éruption du Vésuve , environ un siècle après sa mort ; ce qui prouve qu'il étoit déjà très-commun , & par conséquent d'une invention antérieure à cent années : ce qui suit le prouve mieux encore. Pline, *liv XXXVI, chap. 15*, s'emporte contre le luxe scandaleux de l'édile Marcus-Émilius Scaurus , qui du temps du grand Pompée (antérieur à Virgile) fit construire un théâtre soutenu par trois rangs de colonnes , dont celles du milieu étoient de verre. Le même auteur dit que l'on en faisoit usage du temps de Tibère & de Néron ; Tacite en parle au *livre V de son Histoire*, & après lui tous les auteurs qui l'ont suivi.

A la vérité , au temps de Virgile on ignoroit l'art de faire des miroirs avec du verre blanc & transparent en interceptant les rayons de lumière qui représentent les objets qui se peignent sur la glace ; mais Pline nous apprend qu'on travailloit des miroirs avec des métaux fondus & polis , qu'on se servoit de pierres noires opaques , de ces pierres obsidiennes qu'on a reconnues de nos jours pour être une fusion volcanique , & qu'on y employoit aussi de ces verres noirs & opaques qui imitoient cette pierre obsidienne.

Voici donc comment s'y sont pris ceux qui prétendoient faire remonter l'origine de ce miroir jusqu'au temps de Virgile. Les uns , pour éviter quelques difficultés , l'ont cru de talc ou de jayet ; & pour faire croire qu'il avoit

servi à ce poëte, ils ont rassemblé tout ce qui avoit été dit seulement dans le XII.^{me} siècle, ainsi que je le répète, où on s'est plu à le taxer de magie (a), sans prendre garde qu'en attribuant cette foiblesse à ce grand génie qui l'auroit peut-être feint pour s'accommoder au goût de son siècle, & se faire écouter en annonçant du merveilleux, ils n'auroient nullement établi que ce morceau fût celui dont s'étoit servi Virgile pour remplir ses œuvres de magie.

Parmi ces incertitudes, n'est-il pas plus raisonnable de croire, d'après la tradition, que ce morceau est fort ancien, & date au moins du temps où l'union entre la France & le royaume de Naples n'étant pas cimentée, comme elle l'est aujourd'hui, la France se plaisoit à porter les armes en Italie? Ce sera dans ces troubles que quelques François en auront rapporté ce morceau, auquel on donnoit déjà une antiquité, & l'aurent déposé dans le trésor de la maison de Saint-Denis.

Les sentimens étant partagés, je ne dis pas sur l'origine de ce morceau, puisqu'il est impossible de la constater, mais sur la nature de la substance qui entroit dans sa composition, j'avois le plus grand desir de m'en convaincre plus particulièrement qu'on ne l'avoit encore fait, & je dois dire avec reconnoissance qu'il m'a suffi de l'annoncer aux supérieurs de cette maison, & de leur parler des lumières qui en pourroient résulter, pour que, muni de toutes

(a) Gervais de Tilisbury, Anglois qui vivoit en 1210, est le premier qui ait avancé toutes ces fables contre la mémoire de Virgile, dans un de ses ouvrages dédiés à l'empereur Otton IV, intitulé *De otii imperialibus*.

Elinaud, Cisterzien mort en 1223, dans le XVI.^e liv. de sa *Chronique universelle*, a copié Gervais, ainsi que Toitot évêque d'Avila, mort en

1454, dans son *Commentaire sur l'épître de S. Jérôme à Paulin*; il fait aussi de Virgile un magicien.

Trithème qui mourut en 1516, si l'ouvrage intitulé *Veterum sophorum sigilla & imagines magicæ*, est de lui, a eu la même opinion de ce poëte célèbre, & depuis beaucoup d'autres auteurs l'ont aussi taxé de magie, Bodin, Loyer, &c. &c.

permissions, le R. P. dom Bedos (qui depuis a été enlevé aux sciences, & sur-tout aux arts) m'apportât un morceau suffisant pour répondre aux examens que je pouvois desirer.

Ce morceau, comme je l'ai dit, avoit déjà fixé l'attention de plusieurs antiquaires. C'est en l'examinant, qu'un savant religieux, dom Mabillon, le laissa tomber & le rompit en plusieurs morceaux.

Sur le fragment qui m'a été remis, je desirois m'assurer, 1.^o si c'étoit un vrai verre; 2.^o me convaincre si c'étoit une fusion de volcan; 3.^o connoître les substances qui étoient entrées dans sa composition.

Le miroir dit *de Virgile*, est formé d'une matière qui est transparente; lorsqu'on la place dans une position à faire traverser les rayons de lumière, elle les réfléchit, sur-tout si le morceau est posé à plat & sur un corps noir.

Les parties en sont très-homogènes, & d'une couleur d'un vert mêlé avec du jaune.

La pointe du diamant l'attaque aisément.

Il se casse par le choc vif d'un corps dur.

Une pointe acérée, mûe en différens sens sur ce morceau, en détache des parties d'une finesse extrême, assez semblables à celles des larmes bataviques, lorsqu'elles se sont éclatées. Les acides ne l'attaquent point lorsqu'il est en masse; quand on en met une partie sur les charbons, elle ne donne point de fumée, ne brûle pas & ne se calcine pas; si l'on augmente le feu, elle se gonfle, se tourmente & coule avant d'entrer en une fusion complète.

Ceci distingue évidemment la substance de ce morceau, du talc, du jayet; & comme le jais que nous formons dans nos verreries n'est qu'un émail ou un verre coloré, ce seroit le distinguer d'une manière impropre des autres verres, que de le ranger avec les jais travaillés dans les verreries.

Jusqu'ici ce que je viens de dire, en distinguant cette substance du talc & du jayet fossile, doit la faire ranger

avec les vrais verres; mais cette vitrification a-t-elle été produite à l'aide de la chaleur d'un feu souterrain? pouvons-nous ranger ce morceau avec ces substances fondues, comme le verre de l'Hécla, ou celui de l'île de l'Ascension, ou le verre produit par le volcan qui a existé sous la ville du Mexique, &c. &c. enfin, seroit-ce un verre semblable à la pierre obsidienne ou à la gallinace des Espagnols, qui sont elles-mêmes des produits de volcans?

J'ai comparé le poids spécifique de ce verre avec celui de différens autres verres volcaniques: il résulte de cet examen que la pesanteur du ponce cube du miroir dit *de Virgile*, est de seize cents soixante grains, tandis que le ponce cube des verres de volcans, n'est que de huit cents grains, peu plus, peu moins; par conséquent le premier est beaucoup plus pesant.

Le miroir dit *de Virgile* a, comme je l'ai dit, une forme ovale; il a été poli sur ses deux surfaces, mais les bords semblent n'avoir point été usés & conserver l'empreinte du moule qui lui a donné la forme. Voilà donc une preuve à ajouter à celle de la différence de son poids, & qui doit l'exclure des verres naturellement fondus par les volcans. Il me restoit à soumettre ce verre à la décomposition par le feu, pour m'assurer si c'est un verre métallique, & ensuite quelle chaux métallique étoit entrée dans sa composition.

On n'ignore plus qu'on donne de la pesanteur aux cristaux, en joignant à des substances vitrifiables du *minium*, ou d'autres chaux de plomb. J'ai fait de ces verres qui pèsent dix-huit cents grains le ponce cube. Pour déterminer quel étoit le métal qui étoit entré dans la composition de ce verre, je l'ai éteint dans l'eau pour le réduire en parties très-déliées. J'ai joint à trois onces cinq gros vingt grains de ce verre pulvérisé, une dose suffisante de *flux noir*, & à l'aide d'un feu non violent, j'ai obtenu un culot métallique, pesant une once six gros cinquante-six grains.

C'est un vrai plomb extensible sous le marteau, dissoluble par l'acide nitreux; enfin qui réunit tous les caractères de ce métal, & dont la pesanteur spécifique est de 112,447 si l'eau pèse 10000.

La quantité d'épreuves que j'ai faites sur les verres de chaux de plomb, m'a fourni des échantillons de verres qui approchoient de la pesanteur spécifique de celui-ci, ou l'excédoient suivant la quantité de plomb que j'avois introduite dans les différentes compositions de ces verres; il m'étoit donc aisé, connoissant le poids spécifique du miroir dit *de Virgile*, de déterminer à peu de chose près la quantité de plomb qui étoit entrée dans ce verre, & la portion de terre vitrifiable qui avoit servi à le former.

C'est d'après les différens mélanges de sable & de chaux de plomb que j'ai soumis à la vitrification, qu'il me semble pouvoir conclure qu'il est entré dans la composition de ce verre, dit *miroir de Virgile*, de la chaux de plomb & environ moitié de son poids de terre vitrifiable: je dis moitié de chaux de plomb, quoique je ne l'aie pas trouvée en pesanteur dans le culot métallique, parce que j'ai éprouvé qu'il se sublime & se perd du plomb dans l'opération de la vitrification; que d'ailleurs la chaux de plomb révivifiée a perdu environ un dixième de son poids.

Je crois qu'il n'y a pas un siècle qu'on a commencé à se servir de chaux de plomb pour donner de la pesanteur aux cristaux; & certainement depuis ce temps, ce moyen a été réservé comme secret dans les verreries. Les Anglois l'ont employé dans l'espèce de verre pesant, qu'ils nomment *flint-glass*, qui, s'il étoit de bonne qualité, rempliroit les desirs des astronomes & de tous ceux qui font usage de lunettes acromatiques; & à Paris pour les verres appelés *strass*, du nom de leur inventeur. Si ce verre dit *de Virgile* est ancien, s'il est factice, on connoissoit donc, il y a longtemps le moyen de faire du verre lourd, en ajoutant de la chaux de plomb aux verres de sable: ainsi, sans fixer la

date de l'invention des verres pesans faits avec le plomb, & celle de ce miroir dit *de Virgile*, avouons que nous sommes quelquefois heureux de retrouver ce que d'autres avoient découvert fort anciennement avant nous.

Il sera toujours très-avantageux pour le progrès des arts, de donner la plus grande publicité à des procédés souvent ensevelis dans quelques fabriques par une basse jalousie; c'est ainsi qu'on pourra espérer leur voir faire des pas rapides tendant à leur perfection.



CINQUIÈME MÉMOIRE SUR L'ÉLECTRICITÉ.

De la manière dont le fluide électrique se partage entre deux corps conducteurs mis en contact, & de la distribution de ce fluide sur les différentes parties de la surface de ces corps.

Par M. COULOMB.

I.

Nous avons vu dans notre quatrième Mémoire sur l'électricité, imprimé dans le volume de l'Académie de 1786, que le fluide électrique se répandoit également dans tous les corps, pourvu qu'ils fussent de nature conductrice : ainsi un globe de métal étant touché par un globe de bois d'un égal diamètre, l'électricité se partage également entre les deux globes ; l'expérience a donné ce résultat d'une manière incontestable.

Nous avons également vu dans le même Mémoire, que le fluide électrique dans l'état de stabilité se répandoit uniquement sur la surface des corps, sans pénétrer d'une manière sensible dans l'intérieur de ces corps. L'expérience a fait connoître cette loi, & la théorie a prouvé qu'elle étoit une suite de l'action répulsive ou attractive des molécules du fluide en raison inverse du carré des distances.

Nous allons actuellement chercher dans quels rapports le fluide électrique se partage entre deux corps inégaux de la même figure, ou d'une figure différente lorsque l'on met ces deux corps en contact, & quelle est la densité de ce fluide dans les différens points de la surface de chacun de ces corps, densité qui varie pour chaque point, suivant la figure du corps. Mais comme nous nous sommes souvent servi dans les expériences qui vont suivre, pour mesurer l'électricité, d'une

balance de torsion plus grande que celle qui est décrite dans notre premier Mémoire, il est nécessaire d'en donner ici la figure & la description.

La *figure 1, n.^o 1*, représente cette nouvelle balance; la caisse *AB* est carrée & formée par quatre glaces de deux pieds de longueur sur 15 à 16 pouces de hauteur; elle se pose sur une table séchée & enduite de vernis idio-électrique. Cette boîte est couverte par plusieurs morceaux de glaces mobiles & formant une échancrure vers *c*, pour qu'on puisse y introduire le globe *a*, soutenu par un petit cylindre *ac* de gomme-laque; ce cylindre est terminé par un petit bâton cylindrique séché au four & enduit de gomme-laque, qui passe par un trou du soutien *cd*, dans lequel il est arrêté par une vis; ce soutien destiné à introduire le globe *a* dans la balance, se voit plus en détail *fig. 3*: le châssis 1, 2, 3, 5, sert à porter le tuyau vertical 6, 7. Ce tuyau de 12 à 15 pouces de hauteur est de verre; à l'extrémité de ce tuyau en 7, est placé le micromètre de torsion qui se voit en détail *fig. 2, n.^o 1 & n.^o 2*.

Le cercle 3, 4, 0, qui tient au châssis, forme une demi-circonférence, ayant à peu-près 4 pieds de diamètre; il est divisé en 90 degrés, à partir de son milieu 0; son centre répond à l'aplomb 7, 8, qui soutient la pince 8, 9; à cette pince est attaché horizontalement un fil de gomme-laque 8 *b*, terminé en *b* par un petit plan de papier doré.

La *figure 1, n.^o 2*, représente une balance du même genre, mais encore plus simple; elle a pour base, *fig. 1, n.^o 3*, un cadre de bois séché au four, dans lequel l'on voit en *a* & *b* deux mortaises qui soutiennent le châssis vertical. On a tracé sur ce cadre une rainure 1, 2, 3, 4, qui doit recevoir les quatre glaces verticales qui forment la boîte de la balance de torsion; 5, 6, 7, 8, représente le vide du cadre que l'on ferme, soit avec une glace, soit avec un petit cadre garni en taffetas enduit d'un vernis idio-électrique.

A la place du cercle 3, 4, 0, de la *figure 1, n.^o 1*, l'on colle sur une des glaces *fig. 1, n.^o 2*, une bande de papier

1, 2, divisée en degrés, depuis son point du milieu o , jusqu'à ses extrémités, suivant la tangente d'un cercle qui a son centre dans l'aplomb $f k$. Les quatre verres qui forment la boîte, sont garnis tout autour avec des rubans de soie qui y sont collés, & auxquels l'on a attaché d'autres petits rubans, pour pouvoir lier entr'eux ces verres & les démonter à volonté. Le tuyau de verre ef , garni d'une petite boîte de bois en e , se monte à vis sur la traverse bc , ainsi que toutes les parties de la machine.

La figure 2, n.^o 1, représente en perspective les différentes parties du micromètre de cuivre placé au haut du tuyau. La fig. 2, n.^o 2, représente une coupe verticale de ce micromètre; il est composé de plusieurs pièces: 1.^o d'un tuyau de cuivre, 1, 2, 3, 4, dans lequel entre d'abord l'anneau 5, 6, qui repose sur un bourlet de ce tuyau; cet anneau n'a qu'une simple division of , répondant & divisée en 5 degrés. Le cercle 7, 8, qui forme le chapeau du micromètre, est divisé de 5 en 5 degrés sur toute sa circonférence. Dans ce chapeau entre fig. 2, n.^o 2, la tige 9, 10 qui pince en 10 le fil de suspension 10, 11; cette pince peut tourner à frottement assez fort dans un anneau du chapeau, & sert à diriger à peu-près vers le point o l'aiguille ke , fig. 1, n.^o 2. Quand on veut mettre la balance en état d'opérer, l'on observe, en alignant par le fil de suspension & par le plan e de papier doré attaché verticalement, à quelle distance du point o répond l'aiguille; si elle répondoit par exemple à 5 degrés, en tournant le chapeau de 5 degrés, l'on sera sûr de faire coïncider la direction de l'aiguille au point o : l'on ramène ensuite le point o , fig. 2, n.^o 1, du cercle 5, 6, sur lequel nous avons dit qu'il y avoit une division of de 5 degrés au point o du chapeau 7, 8, divisé de 5 en 5 degrés; pour lors l'anneau 5, 6, & le chapeau 7, 8 qui sont placés, fig. 2, n.^o 2, à une distance très-petite l'un de l'autre, & seulement suffisante pour ne pas se toucher, peuvent se mouvoir indépendamment l'un de l'autre; ainsi le point o restant immobile dans le cercle 5, 6,

dans le temps que l'on tourne le chapeau 7, 8, l'angle de torsion du fil de suspension sera mesuré par l'angle de rotation du chapeau, plus, par la distance de l'aiguille au point *o*, lorsque le plan *b* de cette aiguille, *fig. 1, n.º 1*, sera électrisé & repoussé par le globe *a* également électrisé. Nous nous servons dans cette balance pour suspendre l'aiguille, d'un fil de cuivre numéroté 12 dans le commerce. Nous avons fait voir en 1784, dans les Mémoires de l'Académie, que cette espèce de fil avoit un très-grand degré d'élasticité, & il seroit préférable dans les petites expériences au fil d'argent, si l'on pouvoit le tirer aussi fin.

I L.

NOUS avons employé deux méthodes pour déterminer la manière dont le fluide électrique se partage entre deux corps mis en contact.

La première consiste à placer le corps électrisé dans la balance électrique, après avoir électrisé de la même nature d'électricité le petit cercle de papier doré placé à l'extrémité de l'aiguille. L'on ramène ensuite, au moyen du micromètre de torsion, l'aiguille qui est repoussée par l'action électrique, à une distance quelconque du corps électrisé, l'angle de torsion donné par le micromètre, plus, la distance de l'aiguille au point *o*, mesurera à cette distance des deux corps, l'action répulsive qu'ils exercent l'un sur l'autre. L'on fait ensuite toucher le corps électrisé placé dans la balance, au corps avec lequel l'on veut qu'il partage son électricité; & en détordant, au moyen du micromètre, le fil de suspension, l'on ramène l'aiguille à la distance du corps placé dans la balance qui avoit été observée à la première opération. L'angle de torsion mesuré au micromètre, plus, la distance de l'aiguille au point *o*, mesurera la quantité d'électricité qui a été laissée au corps placé dans la balance par le corps qu'on lui a mis en contact. En effet, la distance est la même entre l'aiguille & le globe électrisé dans la première & la deuxième observation, mais
l'action

l'action de chaque élément du fluide électrique est, ainsi que nous l'avons prouvé dans les Mémoires qui précèdent, en raison inverse du carré des distances, & directe des densités : ainsi, comme ici les distances sont les mêmes dans les deux opérations, l'action répulsive mesurée par l'angle de torsion, sera proportionnelle à la quantité de fluide électrique.

Dans cette opération, à moins que le temps ne soit très-séc, il faut avoir égard à la quantité de l'électricité qui se perd dans l'intervalle des observations.

III.

LA méthode qui précède, nous donne en masse le rapport des quantités d'électricité partagées entre les deux corps ; mais lorsque je veux avoir la densité électrique dans chaque point d'un corps conducteur, voici la méthode que je suis.

L'on se sert de la petite balance décrite en 1785, dans les Mémoires de l'Académie, ou bien l'on substitue un fil d'argent très-fin dans la balance, *fig. 2, n.^o 1*, au fil de cuivre qui soutient l'aiguille *k e*. La force de torsion du fil d'argent dont je me sers, n'est guère que le trentième de celle du fil de cuivre numéroté 12 dans le commerce.

L'on tire ensuite, *fig. 3*, un fil de gomme-laque *c d e*, en faisant fondre à la bougie un petit morceau de gomme-laque très-pure ; ce fil de gomme-laque de la grosseur à peu-près d'un gros crin, forme un angle en *d* ; l'on attache en *e* verticalement un plan *e* de papier doré.

Après avoir électrisé le plan de l'aiguille par les moyens indiqués en 1785, l'on électrise le corps, & l'on fait ensuite toucher le plan de papier *e*, soutenu par le fil de gomme-laque & la pince *b A*, au point du corps dont on veut avoir la densité ; l'on place ensuite ce petit plan dans la balance, en ayant soin dans les observations que l'on veut comparer, de le mettre toujours au même point, ce qui est facile, en fixant des points de repaires sur le couvercle de la balance, pour poser toujours très-exactement *b A* dans le même endroit. Comme le petit plan *e* n'a

ordinairement que 5 ou 6 lignes de diamètre, & qu'un dix-huitième de ligne d'épaisseur, il se confond dans le contact avec la surface qu'il touche; ainsi dans le contact il prend ou la densité du point de la surface qu'il touche, ou au moins une densité proportionnelle à celle de ce point; ainsi en le faisant toucher successivement à différens points du corps, & le présentant après chaque contact à l'aiguille, ramenant toujours l'aiguille au même point, l'on aura le rapport des densités des différens points touchés.

Dans la comparaison des observations qui se succèdent, il faut avoir égard à la perte de l'électricité par le contact de l'air; mais l'on supplée facilement à cette correction, si l'on compare toujours deux points par trois opérations faites à des intervalles de temps à peu-près égaux : voici la méthode dont je me fers pour comparer deux points. Je touche d'abord un des points, & j'en détermine la densité en plaçant dans la balance le petit plan de papier qui a touché; je touche dans la seconde opération le point dont je veux comparer la densité à celle du premier, j'en détermine la densité; je touche à la troisième opération le premier point dont j'ai déterminé la densité à la première opération; j'en détermine de nouveau la densité, que je trouve moindre qu'à la première opération, parce que l'électricité a été diminuée dans l'intervalle par le contact de l'air; mais en prenant une quantité moyenne entre les deux densités trouvées à la première & troisième observations, j'ai la mesure de sa valeur au moment de la seconde observation, moment où j'ai déterminé la densité du second point que je veux comparer au premier.

Dans cette seconde méthode, qui est en général la plus commode, la plus simple & peut-être la plus exacte pour comparer la densité électrique des différens points d'un même ou de différens corps, qui n'exige d'ailleurs que des balances de torsion d'un petit volume, il se présente quelquefois une difficulté pratique qui troubleroit tous les résultats, si l'on n'en étoit pas prévenu; c'est que les fils

de gomme-laque ne sont pas parfaitement impénétrables à l'électricité ; qu'ils le sont moins les jours humides que les jours très-secs ; qu'ils le sont encore plus ou moins suivant la nature de la gomme-laque : la moins claire est généralement plus impénétrable à l'électricité que l'autre. Cette première tirée en fil de la grosseur d'un gros crin , doit encore être éprouvée en la faisant toucher par sa pointe *e* où l'on veut attacher , *fig. 3*, le petit plan *e*, à un corps électrisé ; on la présente ensuite à l'aiguille de la balance également électrisée. Si l'extrémité de ce fil paroît chasser l'aiguille sensiblement , il faut le rejeter & n'employer que les fils de gomme-laque qui , après avoir touché un corps électrisé , n'ont aucune action sensible sur l'aiguille de la balance. L'on sent que le motif de cette observation tient à ce que , lorsque l'électricité a pénétré le fil de gomme-laque , il ne s'en dépouille ensuite que très-difficilement : ainsi dans la comparaison de deux opérations successives où le petit plan de papier doré aura d'abord touché un point électrisé fortement , si dans une seconde opération l'on fait toucher ce plan à un point faiblement électrisé , le fil de gomme-laque conservera une partie de la première électricité dont il aura été pénétré , & l'action sera plus grande que celle qui seroit seulement dûe à la densité communiquée dans le deuxième contact au plan de papier doré. Ainsi toutes les fois que l'on peut employer des grandes surfaces pour mesurer la densité des différens points d'un corps , il faut les préférer ; l'on en verra plusieurs exemples dans la suite de ce Mémoire.

I V.

PREMIÈRE SECTION.

De la manière dont le fluide électrique se partage entre deux globes de différens diamètres mis en contact.

L'ON a placé dans la grande balance , *fig. 1* , n.^o 1 , dont l'aiguille est soutenue par un fil de cuivre numéroté 12 dans

PREMIÈRE
EXPÉRIENCE.

H h h ij

le commerce, un globe électrisé de six pouces trois lignes de circonférence; l'on a observé la force de torsion qu'il falloit employer pour ramener l'aiguille à trente degrés de distance de ce globe; l'on a fait tout de suite toucher ce premier globe à un autre globe de vingt-quatre pouces de circonférence, & en ramenant l'aiguille au même point, l'on a de nouveau observé la force de torsion : voici le résultat de cette expérience.

Premier Essai. Le globe placé dans la balance, chassoit l'aiguille à 30^d avant le contact, avec une force de torsion de..... 145^d

Le même globe, après son contact avec le gros globe, chassoit l'aiguille à 30^d avec une force de torsion de.. 12.

Deuxième Essai. Le même globe, avant le contact, chassoit l'aiguille à une distance de 30^d avec une force de 145^d

Après le contact, avec une force de..... 12.

Troisième Essai. Avant le contact, l'aiguille étoit chassée à 26^d avec une force de..... 259^d

Après le contact, avec une force de..... 21.

Quatrième Essai. Avant le contact, l'aiguille étoit chassée à 22^d avec une force de torsion de..... 255^d

Après le contact, avec une force de..... 21.

Cinquième Essai. Avant le contact, le globe chassoit l'aiguille à 18^d avec une force de..... 231^d

Après le contact, avec une force de..... 19.

Résultat de cette expérience.

LES deux globes mis en contact, ayant l'un six pouces un quart de circonférence, l'autre vingt-quatre pouces, le rapport de leur surface est à peu-près :: 14,8 : 1,0 ; mais chaque essai a été exécuté dans moins d'une minute, & l'électricité ne diminuoit que d'un quarantième par minute

le jour de cette expérience. Pour pouvoir comparer à présent la quantité d'électricité qu'a conservé le petit globe après le contact avec celle qu'il a perdue, ou ce qui revient au même, qu'il a communiquée au gros globe par le contact, il faut observer, comme nous l'avons déjà dit plus haut, que dans chaque essai, la distance du centre du globe placé dans la balance, & du plan de papier doré fixé verticalement à l'extrémité de l'aiguille de la balance, est la même dans les deux observations avant & après le contact; qu'ainsi l'action du globe, sur un point électrique placé en dehors de ce globe, étant mesurée par l'inverse du carré des distances de ce centre & la raison directe des quantités d'électricité répandues sur la surface du globe; puisque la distance est la même dans les deux observations consécutives de chaque essai; l'action du globe sur le plan de l'aiguille, sera proportionnelle aux quantités d'électricité que contient le globe avant & après le contact; mais cette action étant proportionnelle à l'angle de torsion, il en résulte que la quantité d'électricité que contient le petit globe avant & après le contact, est proportionnelle à l'angle de torsion.

Dans le premier essai, la force de torsion pour une distance de 30^d entre l'extrémité de l'aiguille & le centre du globe est, avant le contact, de 145^d ; elle est réduite à 12^d après le contact: ainsi pour avoir la quantité d'électricité qu'a pris le gros globe, il faut retrancher 12^d de 145 . Il en résultera que dans le contact, le globe de vingt-quatre pouces de circonférence a pris une masse d'électricité mesurée par 133^d ; & n'en a laissé au petit globe qu'une mesurée par 12^d : ainsi les quantités de l'électricité partagées entre ces deux globes sont très-approchant :: $11,1 : 1,0$.

En suivant le même procédé, l'on trouvera ce rapport presque exactement le même pour tous les autres essais.

Mais les surfaces des deux globes mis en contact, sont entr'elles dans le rapport de $14,8$ à $1,0$; ainsi les deux globes mis en contact ne se chargent pas de fluide électrique dans un rapport aussi grand que leurs surfaces. Si

d'après cette expérience l'on veut déterminer le rapport de la densité du fluide électrique qui se répand, après le contact, uniformément sur la surface des deux globes, sans pénétrer dans l'intérieur des deux globes, ainsi que nous l'avons prouvé dans notre quatrième Mémoire, il faut diviser le rapport des surfaces des deux globes par le rapport des quantités d'électricité qu'ils contiennent ; ainsi le rapport des surfaces étant :: 14,8 : 1,0, & celui des quantités de fluide électrique :: 11,1 : 1,0, la densité moyenne du fluide électrique répandu après le contact sur la surface du petit globe, sera à celle du gros globe :: 14,8 : 11,1.

Pour le prouver, soit S la surface du gros globe, Q la quantité de fluide électrique répandue sur sa surface après le contact, D la densité de ce fluide.

Soit S' la surface du petit globe, Q' la quantité de fluide électrique, D' la densité, l'on aura

$$D' = \frac{Q'}{S'}, \text{ \& } D = \frac{Q}{S} ; \text{ ainsi } \frac{D'}{D} = \frac{Q'S}{S'Q}.$$

Dans notre expérience, $\frac{Q'}{Q} = \frac{1,0}{11,1}$, & $\frac{S}{S'} = \frac{14,8}{1,0}$; ainsi $\frac{D'}{D} = \frac{14,8}{11,1} = 1,33$.

Nous négligeons ici la quantité d'électricité perdue à chaque essai d'une observation à l'autre ; elle n'étoit guère que d'un cinquième le jour où cette expérience a été faite, parce que chaque observation ne duroit que 50 secondes, & que l'électricité des globes ne diminuoit pas tout-à-fait d'un quarantième par minute.

V.

SECONDE
EXPÉRIENCE. L'ON a voulu comparer dans cette expérience, la quantité d'électricité que prend un globe de onze pouces & demi de tour, mis en contact avec un globe de six pouces un quart de tour, placé dans la balance au même point, avant & après le contact, comme dans l'expérience qui précède.

Premier essai. Le globe de six pouces un quart de circon-

férence, électrisé & placé dans la balance, chasse, avant le contact, le plan de l'aiguille à 27 degrés, avec une force de torsion de..... 170^d

Après le contact, avec une force de..... 42.

Deuxième essai. Avant le contact, il chasse l'aiguille à 26 degrés, avec une force de torsion de..... 169^d

Après le contact, avec une force de..... 41.

V I.

Résultat de cette Expérience.

DANS cette expérience, l'on compare deux globes dont les surfaces sont entr'elles :: 3,36 : 1.

En calculant les deux essais, l'on trouve qu'après le contact, la masse du fluide électrique du gros globe est à celle du petit,

Par le premier essai, :: 3,05 : 1,00,

Par le deuxième essai, :: 3,12 : 1,00.

6,17,

ce qui donne pour le rapport moyen 3,08 : 1,00.

Ainsi par un calcul analogue à celui qui termine le *précédent article*, l'on trouvera la densité du petit globe à la densité du gros globe :: 3,36 : 3,17, :: 1,06 : 1.

Ainsi dans cette expérience où les surfaces sont à peu près dans le rapport de $3\frac{1}{3}$ à 1, les densités électriques diffèrent très-peu entr'elles.

V I I.

LORSQUE le globe que l'on veut comparer est très-petit relativement à celui avec lequel on le met en contact, pour lors la quantité de fluide électrique qui reste au petit globe après le contact, est presque insensible; & à moins que l'air ne soit très-sec, que les soutiens ne soient très-idio-électriques, & que l'on n'ait chargé le petit globe,

avant son contact, d'une électricité très-dense, l'on ne peut évaluer qu'à peu-près par la méthode qui précède, suivant quels rapports le fluide électrique se partage entre les deux globes. Voici dans ce cas le moyen dont j'ai fait usage : j'électrise le gros globe placé (*fig. 4*) hors de la balance, sur un soutien idio-électrique; après avoir également électrisé le plan de l'aiguille, je fais toucher le petit globe au gros globe électrisé; je présente ce petit globe à l'aiguille de la balance, & je rapproche cette aiguille du petit globe, en tordant le fil de suspension que l'on choisit très-fin & très-sensible. Je détermine dans cette première observation la distance de l'aiguille au petit globe, & la force de torsion qui la retient à cette distance. L'on sort ensuite le petit globe de la balance, l'on détruit son électricité en le touchant avec le doigt; l'on le fait ensuite toucher vingt fois de suite, plus ou moins, au gros globe, en détruisant l'électricité du petit globe après chaque contact, excepté au vingtième, où l'on replace le petit globe dans la balance, au même point où il étoit à la première observation. L'on ramène alors l'aiguille, en tordant le fil de suspension, à la même distance du globe que dans la première observation; l'on observe cet angle de torsion, & l'on réduit l'observation, en tenant compte dans le résultat, de la quantité d'électricité qui se seroit naturellement perdue par le seul contact de l'air, d'une observation à l'autre.

V I I I.

TROISIÈME
EXPÉRIENCE.

L'ON a fait toucher le globe de huit pouces, électrisé & placé hors de la balance, sur l'isoloir (*fig. 4*), par un petit globe à peu-près d'un pouce. Les surfaces calculées d'après les mesures les plus précises que l'on ait pu prendre, étoient à peu-près : : 62 : 1 ; l'aiguille de la balance étoit suspendue avec un fil d'argent dont la force de torsion sous le même angle n'étoit guère que la soixantième partie de celle du fil de cuivre numéroté 12 dans le commerce,

Essai. Le gros globe étant électrisé après un premier contact,

contact, le petit globe placé dans la balance a chassé l'aiguille à 44 degrés de distance du centre de ce globe, avec une force de torsion de 244^d.

Après vingt contacts, à chacun desquels l'on avoit détruit l'électricité, excepté au dernier, l'aiguille a été chassée à 44 degrés, avec une force de torsion de 126^d.

Continuant la même expérience, après vingt nouveaux contacts, l'aiguille a été chassée à 44 degrés, avec une force de 66^d.

Résultat de cette Expérience.

LA force de torsion est proportionnelle à la quantité de fluide électrique dont étoit chargé le petit globe à chaque fois qu'on l'a présenté dans la balance, puisqu'il a toujours été, au moment de chaque observation, placé à la même distance de l'aiguille: cette force étoit d'abord de 244 degrés, qui se réduisoit à 126 degrés après vingt contacts; ainsi la diminution de l'électricité occasionnée par ces vingt contacts, étoit de $244 - 126 = 118$.

Ainsi 118 degrés représentent la perte occasionnée par les vingt contacts; ainsi pour déterminer la quantité d'électricité que prenoit le petit globe dans un contact moyen, il faut diviser 118 par 20, ce qui donnera approchant la quantité d'électricité que prenoit le petit globe à un contact moyen, c'est-à-dire, à peu-près vers le dixième contact: mais pour lors la force de répulsion mesurée dans la balance, devoit être à peu-près moyenne entre celles des deux observations, c'est-à-dire, qu'elle devoit être égale à $\frac{244 + 126}{2} = 185$.

Ainsi le rapport entre la quantité d'électricité du gros globe & celle du petit, après un contact, sera :: 185 : $\frac{118}{20} = 3,4$: mais il faut remarquer que d'une observation à l'autre, dans le temps nécessaire pour les vingt contacts, l'électricité du gros globe diminueoit à peu-près

434 MÉMOIRES DE L'ACADÉMIE ROYALE

d'un huitième ou de $\frac{4}{32}$; ainsi, puisque nous venons de trouver la diminution occasionnée par chaque contact, de $\frac{1,0}{31,4}$, il en résulte que la diminution $\frac{4}{32}$ occasionnée par le contact de l'air, étoit à peu-près équivalente à quatre contacts; ainsi dans la réduction des observations, il faut compter sur vingt-quatre contacts au lieu de vingt, ce qui donnera pour le rapport corrigé entre les quantités d'électricité du gros globe & du petit globe, $185 : \frac{118}{24} :: 37,6 : 1,00$.

Mais puisque nous avons prouvé que l'électricité est répandue uniquement sur la surface des corps, & que le rapport des surfaces est :: $62 : 1$, il résulte d'un calcul analogue à celui de la fin de l'article 4, que la densité du petit globe est à celle du gros globe, :: $62 : 37,6 :: 1,65 : 1,00$.

I X.

Pour compléter cette recherche, j'ai fait toucher alternativement le globe de huit pouces de diamètre, par un globe d'un pouce de diamètre & par un petit globe dont le diamètre calculé d'après son poids, n'étoit que de deux lignes. En plaçant successivement ces deux globes dans la balance, j'ai trouvé que la densité du fluide électrique sur la surface du globe de deux lignes de diamètre, étoit plus grande que sur la surface du globe d'un pouce, mais qu'elle n'étoit pas tout-à-fait double de celle sur la surface du globe de huit pouces de diamètre. Dans cette expérience, le diamètre du globe de huit pouces est à celui de deux lignes :: $48 : 1$; les surfaces sont par conséquent :: $2304 : 1$; les densités sur les surfaces sont du petit au grand :: $2 : 1$; ainsi ce rapport 2 à 1, peut être regardé comme la limite du rapport de la densité électrique moyenne de deux globes, que l'on sépare après les avoir mis en contact.

Dans la suite de ce Mémoire, nous verrons que lorsque l'on fait toucher la surface d'un globe par un très-

petit plan, ce petit plan, au moment de la séparation, prend une quantité d'électricité double de celle de la surface du globe qu'il vient de toucher. Le plan de papier doré dont nous nous servons pour cette expérience, n'a qu'un dix-huitième de ligne d'épaisseur ; il est facile de sentir, & la théorie démontrera par la suite l'analogie de ces deux effets.

X.

REMARQUE.

L'ON pourroit calculer rigoureusement la quantité d'électricité qui se partage à chaque contact entre le globe de huit pouces de diamètre & celui d'un pouce que nous venons, *art. 8*, de déterminer par approximation, en prenant des quantités moyennes.

Que A soit la quantité d'électricité que contient à sa surface le globe de huit pouces de diamètre ; que le globe d'un pouce, au moment du contact, lui enlève une portion $\frac{A}{n}$, la quantité de fluide électrique qui restera au gros globe après le premier contact, sera

$$(A - \frac{A}{n}) = \frac{n-1}{n} A;$$

au second contact elle sera $(\frac{n-1}{n})^2 \cdot A$,

& au vingtième contact elle sera $(\frac{n-1}{n})^{10} \cdot A$.

Mais nous venons de voir tout-à-l'heure qu'il falloit compter sur vingt-quatre contacts, au lieu de vingt, à cause de la quantité d'électricité perdue par le contact de l'air d'une observation à l'autre ; ainsi, si nous calculons tout de suite de la première à la troisième observation, il faut compter sur vingt-quatre contacts de la première à la seconde, & sur à peu-près vingt-cinq de la seconde à la troisième, parce qu'elle a duré un peu plus que la première. Ainsi de la première jusqu'à la fin de la troisième observation,

il faut compter sur quarante-neuf contacts, & comme nous avons à la première observation $A = 244$, qui se réduit à 66 à la fin de la troisième observation, nous aurons l'équation

$$\left(\frac{n-1}{n}\right)^{49} \cdot 244 = 66 \text{ ou } \frac{n}{n-1} = \left(\frac{244}{66}\right)^{\frac{1}{49}} = 1,027;$$

$$\text{ainsi } n = \frac{1027}{27} = 38,04.$$

Mais il faut remarquer que la quantité de fluide électrique du gros globe étant A , a été réduite par le contact à

$$A \left(\frac{n-1}{n}\right),$$

dans le temps que le petit globe a pris une portion

$$\left(\frac{A}{n}\right);$$

ainsi les quantités de fluide électrique partagées entre les deux globes, sont entr'elles :: $n - 1 : 1 :: 37,04 : 1$; & les surfaces étant :: $62 : 1$, la densité du fluide électrique sur la surface du petit globe, sera à la densité du fluide électrique sur la surface du gros globe

$$:: \frac{62,00}{37,04} : 1,$$

:: $1,67 : 1$. Nous avons trouvé par approximation pour ce rapport $1,65 : 1$, qui n'en diffère pas sensiblement.

X I.

Résultat général.

EN prenant une valeur moyenne entre les résultats de beaucoup d'expériences faites ou par la méthode précédente, ou en faisant toucher alternativement les deux globes par un petit plan circulaire de cinq lignes, ainsi que nous l'avons expliqué, *art. 3*, nous avons formé la table suivante, qui représente la manière dont le fluide électrique se partage entre deux globes de différens diamètres.

RAPPORT DES RAYONS.	RAPPORT entre l'étendue DES SURFACES.	RAPPORT DE LA DENSITÉ ÉLECTRIQUE entre le petit & le gros globe.
1	1	1
2	4	1,08
4	16	1,30
8	64	1,65
∞	∞	2,00

Il faut observer que cette table indique seulement le rapport des densités du fluide électrique, lorsqu'après avoir séparé les deux globes, le fluide électrique se répand uniformément sur leur surface : nous allons voir tout à l'heure que tout le temps que les globes sont réunis, il s'en faut de beaucoup que le fluide électrique ne soit répandu uniformément.

X I I.

De la densité du fluide électrique sur les différens points de deux globes en contact.

APRÈS avoir comparé entr'eux deux globes de différens diamètres, pour déterminer la quantité d'électricité qu'ils prennent lorsqu'on les met en contact, j'ai cherché à déterminer suivant quelle loi le fluide électrique se distribue, dans le temps du contact, sur les différens points des globes; je me suis servi ici de la petite balance électrique, où l'aiguille est suspendue par un fil d'argent très-flexible : cette balance est décrite dans mon premier Mémoire sur l'électricité, imprimé dans le volume de l'Académie pour 1784. L'on emploie, pour déterminer la densité électrique des différens points des globes, un petit plan circulaire de papier doré *e*, fig. 3, de quatre à cinq lignes de diamètre, soutenu par un fil de gomme laque *c d e*, fixé à un cylindre *c b* de verre ou de bois séché au four & enduit d'un vernis idio-électrique. Ce cylindre entre & se fixe avec une vis,

dans le trou *b* de la pince *Ab*, qui se place sur le couvercle de la balance. Toute l'opération, lorsque l'on veut comparer deux points, consiste à faire toucher le plan *e* contre le premier point; l'on présente ensuite ce plan dans la balance à celui de l'aiguille que l'on a eu soin d'électrifier auparavant; l'on ramène l'aiguille à une distance donnée de ce plan, en tordant le fil de suspension; l'on observe avec soin le point où répond l'aiguille, & l'angle de torsion du fil mesuré par le micromètre plus par la distance de l'aiguille au point *o*, où la torsion est nulle. L'on touche ensuite le second point que l'on veut comparer avec le même plan *e*, & en le plaçant dans la balance, l'on ramène l'aiguille par le micromètre à la même distance que dans la première observation: l'on tient compte de l'angle de torsion; l'on retouche pour lors le premier point observé, & en ramenant l'aiguille toujours à la même distance, l'on a la variation de l'électricité de la première à la troisième expérience. Ainsi, si l'on a soin de mettre entre chaque observation la même durée de temps, il suffit, pour comparer la densité du premier point au second, de prendre pour le premier point une quantité moyenne entre les forces de torsion trouvées à la première & troisième observation; cette quantité moyenne donnera la densité du premier point au moment de la seconde observation: ainsi, en la comparant avec la force de torsion trouvée à la seconde observation, l'on aura le rapport de la densité électrique des premier & second points.

X I I I.

QUATRIÈME
EXPÉRIENCE.

LES deux globes, *fig. 5*, sont égaux & ont chacun huit pouces de diamètre; l'on compare le point placé à 90^{d} du contact, avec les points placés à 30^{d} , à 60^{d} & à 180^{d} .

Premier essai. Le point placé à 30^{d} du contact des deux globes, comparé avec le point placé à 90^{d} .

Ayant touché l'un des globes avec le petit plan de papier doré, à 30^{d} du contact, l'aiguille a été observée à 20^{d} de distance du petit plan placé dans la balance; la force

de torsion, où la force répulsive, qui chassoit l'aiguille, étoit de 7^d

Ayant touché à 90^d, tout le reste, comme dans l'observation qui précède, la force répulsive a été de 31.

Retouché à 30^d, la force répulsive a été de 6.

Retouché à 90^d, la force répulsive a été de 27.

Deuxième essai. L'on compare le point placé à 60^d du contact, avec celui qui est à 90^d; la distance de l'aiguille au petit plan *e*, lorsqu'on le pose dans la balance, est toujours de 22^d

Touché à 60^d, la force répulsive est de 21^d

à 90, de 23.

à 60, de 17.

à 90, de 21.

Troisième essai. L'on compare le point placé à 90^d du contact, avec celui placé à 180^d. L'aiguille & le plan *e*, placés dans la balance, sont à 25^d l'un de l'autre.

Touché à 90^d, la force répulsive est de 20^d

à 180, de 19.

à 90, de 17.

à 180, de 18.

Quatrième essai. Lorsque l'on touche l'un des globes à 20^d du point de contact & au dessous, & que l'on présente ensuite le petit plan *e* qui a touché dans la balance, l'on remarque pour lors que l'action est nulle, ou au moins insensible sur l'aiguille; en sorte que l'on peut dans les deux globes en contact, regarder l'électricité comme nulle depuis le point de contact jusqu'à 20^d de ce point.

X I V.

L'ON met en contact deux globes, dont l'un a 8 pouces de diamètre, & l'autre 4 pouces, & l'on cherche à déterminer comment le fluide électrique se distribue sur la surface des deux globes, en comparant, comme dans l'expérience qui précède, le point à 90^d du contact, avec tous les autres.

CINQUIÈME
EXPÉRIENCE,

Premier essai, petit globe. En comparant sur le petit globe le point à 30^d du contact, avec celui à 90^d , la densité au point 30 étoit presque insensible, & l'on ne peut pas l'évaluer au-delà de la dix-huitième partie de celle à 90^d .

Deuxième essai, petit globe. L'on compare le point placé à 90^d , avec celui placé à 60^d .

Touché à 60^d , la force répulsive est de.....	18^d
à 90 , de.....	$28.$
à 60 , de.....	$15.$
à 90 , de.....	$24.$

Troisième essai, petit globe. L'on compare le point à 90^d , avec celui à 180^d .

Touché à 90 , la force répulsive est de.....	21^d
à 180 , de.....	$28.$
à 90 , de.....	$20.$
à 180 , de.....	$26.$

Quatrième essai, gros globe. En touchant le gros globe à 30^d du contact & à 90 .

Touché à 30^d , la force répulsive est de.....	16^d
à 90 , de.....	$18.$
à 30 , de.....	$14.$
à 90 , de.....	$15.$

Cinquième essai, gros globe. La densité est sensiblement la même à 90^d & à 180^d du point de contact; elle est presque insensible jusqu'à 6 ou 7^d de ce point. En touchant alternativement le point à 90^d des deux globes, l'on trouve la densité du petit globe plus grande que celle du gros globe dans ces points, dans le rapport de $1,25$ à 1 .

X V.

SIXIÈME
EXPÉRIENCE. L'ON a mis en contact un globe de 8 pouces & un globe de 2 pouces.

Premier essai, petit globe. Touché à 90^d & à 180^d .

Touché

Touché à 90^d , la force repulsive est de.....	27 ^d
à 180 , de.....	35.
à 90 , de.....	22.
à 180 , de.....	29.
à 90 , de.....	19.

X V I.

Résultat des trois Expériences qui précèdent.

IL sera facile, d'après ces expériences, de déterminer par le calcul le rapport des densités sur les différens points des globes en contact: prenons pour exemple l'expérience quatrième, où les deux globes sont égaux. Nous trouvons (*premier essai*) qu'à la première observation, la force répulsive du point à 30^d , est représentée par 7^d ; à la troisième observation, elle est représentée par 6^d ; ainsi la force moyenne au moment de la deuxième observation, où l'on a déterminé la densité du point à 90^d du contact, étoit $6^d \frac{1}{2}$: mais dans le même moment, la densité où la force répulsive du point à 90^d du contact, a été trouvée de 31^d ; ainsi, divisant 31^d par $6 \& \frac{1}{2}^d$, l'on trouvera, pour exprimer le rapport de la densité à 90^d , avec celle à 30^d , le nombre 4,77.

En comparant par la même méthode la deuxième, troisième & quatrième observation, l'on aura pour le même rapport 4,83.

Si l'on prend une valeur moyenne entre ces deux résultats, qui diffèrent cependant très-peu l'un de l'autre, nous aurons pour le rapport moyen 4,80.

Par la même méthode l'on trouvera, d'après le second essai, pour le rapport moyen de la densité électrique des points à 60 & à 90^d du point de contact. 1,25.

Dans le troisième essai de la même expérience pour les points à 90^d & à 180^d , l'on trouvera le rapport moyen des densités, mesuré par 0,95.

Ainsi la densité est très-petite jusqu'à 30^d ; elle augmente

rapidement jusqu'à 60^d , peu de 60 à 90^d , & elle est presque uniforme de 90 jusqu'à 180^d .

D'après le même calcul, l'on trouvera (*cinquième expérience*) que lorsque l'un des globes n'a que moitié du diamètre de l'autre, la densité est presque nulle dans le petit globe jusqu'à 30^d

Que le point à 90^d , comparé avec celui à 60 , donne pour le rapport moyen des densités à peu près. 1,70.

Que le point à 90^d , comparé avec le point à 180 , donne pour le rapport des densités la quantité. 0,75.

En sorte qu'elle augmente de 60 à 90^d dans le rapport de 110 à 17 , & de 90^d à 180 , dans celui de 75 à 100 .

Le même calcul donnera (*sixième expérience*), que lorsque l'on a mis deux globes en contact, dont les diamètres sont comme 4 à 1 , la densité du petit globe depuis 90^d jusqu'à 180 , augmente dans le rapport de 100 à $1,43$.

X V I I.

IL résulte de ces trois expériences, que plus les deux globes sont inégaux, plus la densité varie sur le petit globe, depuis le point du contact jusqu'à 180^d de ce point, & plus elle approche de l'uniformité sur le gros globe; croissant rapidement depuis le point de contact où elle est nulle, jusqu'à 7 à 8^d de ce point, & étant uniforme sur le reste du globe. Ainsi, par exemple, lorsqu'on a mis un globe de 8 pouces en contact avec un globe de 2 pouces, l'on a trouvé que la densité étoit insensible dans le petit globe, depuis le point de contact jusqu'à 30^d de ce point; qu'à 45^d du point de contact, elle étoit à peu-près le quart de celle à 90 ; & que depuis 90^d jusqu'à 180 , elle croissoit dans le rapport de 10 à 14 : dans le globe de 8 pouces au contraire, la densité étoit nulle jusqu'à 4 ou 5^d du point de contact; elle croissoit ensuite rapidement, & depuis 30 jusqu'à 180^d elle étoit presque uniforme. Nous allons voir

dans la seconde section de ce Mémoire, que ces résultats sont indiqués par la théorie, en calculant l'action, soit répulsive, soit attractive du fluide électrique, d'après la loi de la raison inverse du carré des distances.

X V I I I.

DEUXIÈME SECTION.

Essai théorique pour déterminer la distribution du fluide électrique sur la surface de deux globes en contact, & pour déterminer leur densité moyenne, lorsque les deux globes étant séparés, ils cessent d'agir l'un sur l'autre.

LES expériences rapportées dans la première section de ce Mémoire, ont été faites avant d'avoir tenté de calculer, d'après la théorie, la distribution du fluide électrique sur la surface des deux globes en contact. Lorsque j'ai voulu essayer de calculer cette distribution d'après la loi de la raison inverse du carré des distances, j'ai vu qu'il me manquoit quelques faits auxquels le calcul pût s'appliquer directement; j'ai donc été obligé de rapporter dans cette seconde section, à mesure que j'en ai eu besoin, le résultat de plusieurs nouvelles expériences faites d'après les procédés indiqués dans la première section.

Nous avons vu dans notre quatrième Mémoire (*vol. de 1786*), que lorsqu'un corps conducteur étoit chargé d'électricité, le fluide électrique ne pénétrait pas dans l'intérieur du corps, mais qu'il se distribuoit seulement sur sa surface; de-là il résulte que lorsqu'on fait toucher un corps solide à une surface de la même figure que le corps, quelque peu d'épaisseur qu'ait cette surface, elle prendra, mise en contact avec le corps par des points homologues, la moitié de l'électricité de ce corps.

Ce dernier phénomène avoit déjà été aperçu par plusieurs auteurs, en se servant des électromètres ordinaires; on peut le vérifier d'une manière exacte en plaçant, un jour très sec, un corps solide dans notre grande balance, sur un support très-

idio-électrique; si l'on fait toucher ce corps, après l'avoir électrisé, par une surface qui ait exactement la même figure, en ayant soin de mettre en contact les deux corps dans une position homologue, & que l'on observe, en ramenant l'aiguille au même point, la torsion du micromètre avant & après le contact, l'on trouvera que la surface a ôté au corps solide exactement la moitié de son électricité. Si l'air étoit impénétrable à l'électricité, si la surface du corps le mieux poli n'étoit pas un assemblage de petites aspérités formant entre leurs molécules des vides probablement infiniment plus grands que le volume des petits solides, le fluide électrique n'auroit sur le corps, ainsi que la théorie l'indique, qu'une épaisseur infiniment mince; mais comme il n'y a point, dans l'ordre physique de surface parfaite, comme l'air n'est pas impénétrable à l'électricité, le fluide électrique, dans sa distribution, forme autour des corps une couche d'une certaine épaisseur, que nous chercherons à déterminer dans un autre Mémoire; épaisseur qui varie suivant la densité du fluide électrique & suivant l'état de l'air, mais qui en général est trop petite, sur-tout dans les jours très-secs, pour qu'il soit nécessaire d'y avoir égard dans toutes les questions où l'on cherche à déterminer la distribution du fluide électrique sur les surfaces non anguleuses.

X I X.

POUR avoir une première idée de la manière dont le fluide électrique se distribue entre les différens globes, plaçons (*fig. 6*) trois globes en contact en ligne droite; l'axe *A* *a* passant par les points de contact, supposons les deux globes des extrémités égaux. De quelque manière que le fluide électrique se distribue entre les trois globes, puisque les deux globes *A* & *a* sont semblables & semblablement posés, relativement au globe *x*, il est clair qu'ils contiendront tous les deux une égale quantité de fluide électrique: ce fluide électrique, comme la théorie l'indique, sera inégalement répandu sur la surface du système des trois

corps; il sera comprimé vers les points de la surface qui avoisinent A & a , & nul vers les points de contact b & b' .

Mais supposons que le fluide électrique de chaque globe soit uniformément répandu sur la surface de ces globes, & qu'il ne puisse s'échapper que par le point de contact; il devra, dans cette supposition, y avoir un rapport entre la densité des globes des extrémités C & C' & du globe x du centre, tel qu'il y ait équilibre entre l'action du fluide électrique du globe C sur le point de contact dans la direction CB , & des deux autres globes C' & x dans la direction opposée.

Que R soit le rayon des globes A & a ;

Que r soit le rayon du globe du milieu, dont le centre est en x ;

Que D représente la densité du fluide électrique que nous supposons uniformément répandu sur les deux globes A & a ;

Que Δ représente la densité du fluide uniformément répandu sur la surface du globe du milieu, dont le centre est x ,

L'action du globe A sur le point de contact b qui est placé à la surface de ce corps, sera égale à D ;

L'action contraire du globe a sur le même point b , qui est éloigné de sa surface de la quantité $2r$, sera égale à $2D \cdot R^2 : (R + 2r)^2$; l'action du globe x sur le point b qui est à sa surface, sera égale à Δ ; ainsi, pour que le fluide électrique ne passe pas d'un globe dans un autre, & qu'il y ait équilibre aux points de contact, il faut que l'action du globe C suivant Cb , soit égale à l'action des deux autres globes sur le point b dans la direction opposée; ainsi l'on aura la formule

$$D \left(1 - \frac{2R^2}{(R + 2r)^2} \right) = \Delta.$$

En examinant cette formule, l'on trouve que la densité Δ du fluide électrique du globe du centre est négative, si

$\frac{2R^2}{(R + 2r)^2}$ est plus grand que l'unité; qu'elle est nulle lorsque cette quantité est égale à l'unité; c'est-à-dire, que $\Delta = 0$, lorsque $R + 2r = R\sqrt{2} = 1,41 R$, ou lorsque

$R = 5r$; qu'enfin δ sera positif toutes les fois que R sera plus petit que $5r$.

Quoique cette première formule ne soit pas fondée sur une théorie rigoureuse, mais seulement approchée, il est bon de voir combien elle s'éloigne de la vérité, en la comparant avec l'expérience.

X X.

SEPTIÈME
EXPÉRIENCE.

LES détails dans lesquels nous sommes entrés en rendant compte des expériences qui précèdent, indiquant suffisamment les corrections & les précautions qu'il faut employer; pour ne pas grossir inutilement ce Mémoire, nous supprimerons dans la suite les détails des expériences, à moins que nous ne soyons obligés à quelques opérations nouvelles non encore indiquées.

Lorsque j'ai placé (*fig. 6*) entre les deux corps A & a électrisés, un petit globe dont le diamètre étoit moindre que la sixième partie des diamètres des globes A & a , & que je présentais ensuite ce petit globe à une balance de torsion très-sensible, le petit globe ne me donnoit aucun signe d'électricité; mais quelque petit que fût ce globe, je ne trouvois pas qu'il eût pris une électricité négative, comme la théorie l'indiquoit.

X X I.

Explication de cette Expérience.

LA différence qui se trouve ici entre l'expérience & la théorie, vient de ce que lorsque le globe intermédiaire est très-petit, l'action des gros globes l'un sur l'autre est très-considérable; que dans le point de contact, ainsi que dans les parties qui avoisinent ce point, la densité électrique des gros globes est presque nulle: ainsi, si pour déterminer l'action du globe C' sur le point b , nous divisons la surface en deux parties, l'une formée d'un petit cercle dont le diamètre est à peu près $b'f$, sur lequel la densité est nulle ou très-petite; l'autre du reste de la surface du globe, où

nous supposerons la densité uniforme & égale à D , l'action du globe a sur le point b ne sera plus mesurée par

$$\frac{2 D R^2}{(R + 2 r)^2},$$

qui représente l'action entière de la surface d'un globe couvert de fluide électrique, dont la densité seroit D ; mais seulement par cette quantité diminuée de l'action de la surface, dont le diamètre est $b'f$, surface qui peut être prise pour un plan circulaire, si $b'f$, n'est pas fort étendu. A présent, si nous déterminons (fig. 7) l'action d'une surface circulaire BC , dont tous les points agissent sur le point a , dans la direction ca , avec une force en raison inverse du carré des distances, l'on trouvera, en nommant $CB \dots R'$, $ca \dots a$, D la densité de la surface, l'action du cercle sur le point a ,

$$= D \left(1 - \frac{a}{(a a + R' R')^{\frac{1}{2}}} \right).$$

Ainsi l'action du globe C' sur le point b , sera

$$\frac{2 D R^2}{(R + 2 r)^2} - D + \frac{D a}{(a a + R' R')^{\frac{1}{2}}};$$

l'équation qui exprime l'équilibre d'action pour le point b , donnera par conséquent

$$D \left(2 - \frac{2 R^2}{(R + 2 r)^2} - \frac{a}{(a a + R' R')^{\frac{1}{2}}} \right) = \delta,$$

dans le cas où le petit globe a a un diamètre très-petit relativement à ceux des extrémités; comme $a = 2 r$, si $2 r$ s'évanouit relativement R , l'on aura δ très-petit, & non pas négatif; ainsi quelque petit que soit le globe x , placé entre les globes A & a , son électricité sera ou nulle ou insensible, mais jamais négative, en supposant les deux globes A & a électrisés positivement; ainsi la théorie & l'expérience sont ici d'accord.

XXXI.

Trois globes égaux en contact sur une ligne droite.

J'AI mis en contact trois globes égaux de deux pouces de diamètre, placés en ligne droite, comme dans la (fig. 6);

HUITIÈME
EXPÉRIENCE.

un de ces corps, soutenu par la pince (*fig. 3*), se posoit successivement entre les deux corps C & C' , & à l'extrémité de ces deux corps que l'on réunissoit ; à chaque opération on le présentoit dans la grande balance, en ramenant l'aiguille toujours à la même distance du globe; l'on a trouvé que lorsque le globe étoit placé entre les deux autres, il prenoit une quantité d'électricité moindre que celle qu'il prenoit lorsqu'il étoit placé aux extrémités dans le rapport de 1,00 à 1,34. Ce résultat est une valeur moyenne de plus de vingt opérations faites successivement à des intervalles de temps égaux, pour pouvoir tenir compte de la quantité d'électricité perdue d'une observation à l'autre.

X X I I.

Explication de cette expérience.

SI nous reprenons la formule de l'article 16,

$$D \left(1 - \frac{2 R^2}{(R + 2 r)^2} \right) = \delta,$$

où δ représente la densité du globe placé entre les deux autres, & D celle du globe des extrémités; puisque $R = r$, nous aurons

$$\delta = D \left(1 - \frac{2}{9} \right) = \frac{7}{9} D;$$

d'où

$$D = 1,29 \delta;$$

mais l'expérience vient de nous donner

$$D = 1,34 \delta,$$

qui ne diffère, comme l'on voit, que d'un vingt-septième du rapport donné par la théorie. L'on voit qu'ici l'action du globe C' (*fig. 6*) sur le point b , est très-approchant

$$\frac{2 R^2}{(R + 2 r)^2},$$

parce que l'action du petit cercle $b'f$, dont la densité est nulle

nulle, a , comme nous l'avons vu (*art. 21*), pour expression

$$D \left(1 - \frac{2R}{(2R^2 + b'f)^{\frac{1}{2}}} \right),$$

quantité qui s'évanouit ici, parce que $b'f$ est beaucoup plus petit que $2R$.

XXIII.

TOUTE la théorie qui précède, va être confirmée par une expérience qui me paroît propre à jeter du jour sur cette matière.

Nous venons de voir dans les articles qui précèdent, que lorsque deux globes étoient en contact, quel que fût le diamètre de ces deux globes, la densité dans le point de contact & dans les points qui l'avoisinent, étoit nulle & non négative, si les deux globes sont électrisés positivement. Mais dès l'instant que l'on sépare les deux globes, si l'un des globes est plus petit que l'autre, & si la distance des deux globes est peu considérable, l'on trouvera (*fig. 8*) que le point a du petit globe, qui a été en contact avec le point A du gros globe, devient négatif jusqu'à ce que ces deux globes soient éloignés à une certaine distance à laquelle l'électricité du point a est nulle; que le même point a devient ensuite positif, lorsque l'on continue à éloigner les deux globes.

XXIV.

L'ON a isolé (*fig. 8*) un globe C de onze pouces de diamètre; l'on a également isolé un globe C' d'un plus petit diamètre; l'on électrisoit ces globes, & on les faisoit toucher; l'on éloignoit ensuite le petit globe C' peu à peu, & au moyen d'un petit grain de plomb a , suspendu à un fil de gomme laque, ou d'un petit cercle de papier doré, comme dans la *fig. 3*, que l'on faisoit toucher au point a , & que l'on présentoit ensuite dans la petite balance ou à un petit électromètre à fil de soie très-sensible, tel qu'il a été décrit

Mém. 1787.

LII

NEUVIÈME
EXPÉRIENCE.

dans notre quatrième Mémoire, l'on déterminoit la nature de l'électricité du point a à différentes distances Aa .

Premier essai. Le globe C ayant onze pouces de diamètre, & le globe C' huit pouces, les deux globes ayant été électrisés positivement & mis en contact, le point A du gros globe a toujours donné des signes d'électricité positive, quelle que fût la distance Aa ; mais le point a du globe C' a donné des signes d'électricité négative jusqu'à un pouce de distance; à un pouce, l'électricité de ce point a étoit nulle, elle étoit positive au-delà.

Deuxième essai. Le globe C ayant toujours onze pouces de diamètre, & le globe C' quatre pouces: jusqu'à deux pouces de distance le point a du petit globe a donné des signes d'électricité négative; à deux pouces, l'électricité de ce point étoit nulle: l'électricité du point A est toujours positive.

Troisième essai. Le globe C ayant toujours onze pouces de diamètre, lorsque le petit globe C' avoit deux pouces, un pouce & au-dessous, l'électricité du point a étoit négative jusqu'à ce qu'on éloignât le petit globe à deux pouces cinq lignes du gros globe; à cette distance de deux pouces cinq lignes elle étoit nulle, positive lorsque la distance Aa étoit de plus de deux pouces cinq lignes.

X X V.

Remarque sur cette Expérience.

LORSQU'UNE surface sphérique, couverte uniformément d'un fluide électrique dont la densité est D , agit sur un point placé dans la surface du globe, son action sur ce point est égale à D ; mais lorsque ce même fluide agit sur un point placé en dehors de la même surface de la quantité a , son action sur ce point, si le rayon du globe est R , sera

$$\frac{2 D R^2}{(R + a)^2}.$$

Si à présent l'on suppose le petit globe C' (fig. 8) en

contact avec le gros globe C , si le globe C' est très-petit relativement au globe C , le fluide électrique du gros globe restera toujours presque uniformément répandu sur le gros globe, parce que le petit globe n'aura d'action que vers le point de contact & vers ceux qui l'avoisinent; c'est ce qu'il est facile de sentir d'après la théorie; ainsi l'action du gros globe sur le point de contact sera encore assez exactement représenté par D : mais quoique la densité moyenne du petit globe en contact se trouve plus grande que celle du gros globe, comme il doit y avoir équilibre au point de contact lorsque le gros & le petit globe se touchent, l'action du petit globe sur le point de contact, a cependant pour mesure la quantité D , comme le gros globe. Mais que l'on sépare le petit globe du gros, & qu'on l'éloigne d'une petite quantité $Aa = a$, l'action du petit globe sur le point A du gros globe, sera presque nulle, dans le temps que l'action du gros globe C' sur le point a , sera $\frac{2R^2}{(R+a)^2}$: ainsi

l'action du petit globe sur le point a restant D comme dans le contact, l'on aura, pour déterminer la densité δ du point a , l'équation

$$\frac{2DR^2}{(R+a)^2} + \delta = D, \text{ ou } \delta = D \left(1 - \frac{2R^2}{(R+a)^2} \right);$$

ainsi, si $\frac{2R^2}{(R+a)^2}$ est plus grand que l'unité, δ sera négatif; si cette quantité est égale à l'unité, δ sera nul, il sera positif si $\frac{2R^2}{(R+a)^2}$ est plus petit que l'unité.

Nous pouvons donc déterminer la distance Aa lorsque la densité du point $a = 0$, en faisant $\frac{2R^2}{(R+a)^2} = 1$; d'où résulte $(R+a) = R\sqrt{2} = 1,415 R$, & $a = 0,415 R$.

Mais nous venons de voir dans notre expérience, que lorsqu'un petit globe d'un pouce, par exemple, a été mis

en contact avec notre globe de onze pouces, il faut l'éloigner de deux pouces cinq lignes du globe A , pour que l'électricité du point a cesse d'être négative & soit nulle, qu'elle est positive au-delà de cette distance: ici $R = 5$ pouces 6 lignes $= 66$ lignes, $a = 2$ pouces 5 lignes $= 29$ lignes; ainsi $\frac{a}{R} = \frac{29}{66} = 0,439$,

qui diffère très-peu, comme l'on voit, de ce qui est indiqué par la théorie.

Il est facile de voir, d'après les réflexions sur lesquelles le calcul qui précède est fondé, qu'à mesure que les deux globes approchent de l'égalité, la distance Aa , où la densité du point a est nulle, doit diminuer, parce que pour lors l'action du petit globe sur le point A , à la distance Aa , ne laisse que peu de densité au fluide électrique du point A & des points qui l'avoisinent; ainsi l'action du gros globe A sur le point a , est pour lors moindre que $\frac{2D R^2}{(R + a)^2}$; c'est par la même raison que le fluide électrique du gros globe n'est jamais négatif en A , quelle que soit la distance Aa .

X X V I.

IL paroît que l'on peut conclure des expériences & des observations qui précèdent, que le fluide électrique est presque en entier distribué sur la surface des corps conducteurs électrisés, & qu'il ne forme pas autour de ces corps une atmosphère très-étendue, ainsi que l'ont pensé plusieurs auteurs: cette conséquence peut même être confirmée par une expérience qui paroît à peu-près décisive; la voici. Si l'on place un globe conducteur dans la balance, qu'on l'électrise & qu'on le fasse toucher alternativement par deux fils de cuivre de la même grosseur & longueur, mais dont l'un soit enveloppé sur toute sa longueur, excepté à l'extrémité destinée à toucher le globe d'une couche de gomme-laque très-pure, de cinq ou six lignes d'épaisseur,

l'on trouvera par un procédé & un calcul analogues à ceux des articles de la première section, que l'un & l'autre fils de cuivre prennent, mis en contact avec le globe par leur extrémité, une égale quantité d'électricité.

Mais l'on sait que le fluide électrique ne peut pas pénétrer à travers une couche de gomme-laque; ainsi, lorsque l'on met en contact le fil couvert de gomme-laque, & qu'on le présente par son extrémité au globe, le fluide électrique ne peut se distribuer que sur la surface de ce fil; conséquemment, puisque, soit que le fil soit couvert de gomme-laque, ou non, il prend la même quantité d'électricité, la moitié, par exemple, de celle du globe, il doit exercer, dans les deux cas, sur un point quelconque, le point de contact par exemple, la même action: d'où il résulte que, soit que le fil de cuivre soit enveloppé de gomme-laque, ou non, le fluide électrique s'y distribue de la même manière & en même quantité.

Cependant il faut prévenir que comme l'air n'est pas d'une parfaite idio-électricité, comme il est chargé de parties humides conductrices, le fluide électrique d'un corps électrisé doit pénétrer plus ou moins dans les couches d'air qui l'enveloppent; mais dans les jours très-secs, les expériences qui précèdent, prouvent que ce fluide ne pénètre pas les couches d'air à une assez grande profondeur ni en assez grande quantité pour qu'il soit nécessaire d'y avoir égard dans la plus grande partie des calculs. Nous reviendrons sur cet objet dans un autre mémoire destiné à déterminer l'état d'un corps idio-électrique en contact avec un corps conducteur électrisé; mais nous ne pouvons nous occuper de cet objet avec quelque espérance de succès, que lorsque nous aurons déterminé exactement par l'expérience la manière dont le fluide électrique se distribue sur les surfaces, soit planes, soit courbes, & sur des corps de différentes figures; cette recherche formera la seconde partie de ce Mémoire.

Détermination de la densité du fluide électrique, depuis le point de contact, jusqu'à 180 de ce point, dans deux globes électrisés qui se touchent.

SUPPOSONS les deux globes (*fig. 9*) en contact par le point *A*, l'un & l'autre électrisés & portés sur des isoloirs idio-électriques, tel que celui de la *figure 4*. Puisque nous avons démontré dans notre quatrième Mémoire, que dans les corps conducteurs, le fluide électrique étoit uniquement distribué sur la surface, & ne pénédroit pas dans l'intérieur de ces corps, l'on peut supposer chaque globe couvert d'une infinité de petits globules conducteurs chargés d'électricité; ainsi l'action électrique de chacun de ces globules sur le point du globe où il est en contact, sera contre-balancée par l'action de tous les autres globules qui couvrent les deux corps.

Si la densité du gros globe dont le centre est en *C*, étoit *D*, & que cette densité fût uniformément répandue sur tout le globe, son action sur un point *m* du petit globe *C'*, seroit exprimée par $\frac{2 D c A^2}{(c m)^2}$, & cette action décomposée

dans la direction *m B*, rayon du petit globe, sera $\frac{2 D c A^2 . m B}{(C m)^3}$.

Si la densité du fluide électrique étoit de même uniformément répandue sur le petit globe, & égale à *D'*, son action sur le point *m* seroit *D'*. Ainsi, si l'on met en contact avec le petit globe dont le centre est *C'*, un petit globule *m* qui se charge d'électricité, la densité électrique de ce petit globule, doit être telle qu'à son point de contact il y ait équilibre entre l'action du petit globe *C'* agissant suivant *C' m*, & celle du globe *C* agissant suivant *B m*, jointe à celle du globule *m* agissant dans la même direction; ainsi, si l'on nomme *D* la densité moyenne du petit globule en *m*, l'on aura

$$D' = \delta + \frac{2 D (CA)^2 m B}{(Cm)^3}$$

$$\text{ou } \delta = D' - \frac{2 D CA^2 m B}{(Cm)^3}.$$

Si l'on fait, pour avoir cette équation sous une forme analytique, $CA = R$, $C'A = r$, $AP = x$, les deux triangles semblables $CC'B$, $C'p m$ donneront

$$\frac{C' m}{C' p} = \frac{C C'}{B C'}.$$

$$\text{Ainsi } Bm = BC' - C'A = R - \frac{R+r}{r} x$$

$$(Cm)^2 = R^2 + 2(R+r)x;$$

en substituant, dans la formule, les valeurs de Bm & de Cm , elle devient

$$\delta = D' - \frac{2 D R^2 \left[R - \frac{(R+r)}{r} x \right]}{\left[R^2 + 2 (R+r) x \right]^{\frac{3}{2}}}$$

Si dans cette équation l'on fait l'angle $AC'm = f$, l'on aura $x = r (1 - \cos. f)$, & par conséquent

$$\delta = D' - \frac{2 D R^2 \left[R - (R+r) (1 - \cos. f) \right]}{\left[R^2 + 2 (R+r) r (1 - \cos. f) \right]^{\frac{3}{2}}}.$$

XXVII.

Si les deux globes sont égaux, pour lors $D = D'$, $R = r$, & la formule précédente se réduit à

$$\delta = D \left(1 + \frac{2 - 4 \cos. f}{(5 - 4 \cos. f)^{\frac{3}{2}}} \right).$$

Nous avons déterminé dans la première section de ce Mémoire (*quatrième expérience, art. XIII & XV*), la densité électrique de deux globes égaux & en contact; depuis 30^d du point de contact, jusqu'à 180^d de ce point; ainsi nous pouvons comparer notre formule à cette expérience & à son résultat.

1°. Si l'on calcule la densité δ d'après notre formule, nous la trouverons négative jusque vers 23^d . expérience

la donne insensible jusqu'à ce point; nous avons donné la raison de cette différence, *art. XX.*

2°. Si l'on calcule pour un point à 30^d du contact des deux globes, l'on trouvera Δ 0,23 .D

3°. A 60^d du point de contact Δ D

4°. A 90^d du point de contact Δ 1,18 .D

5°. A 180^d du point de contact Δ 1,22 .D

Pour avoir la quantité Δ d'après l'expérience, nous avons comparé (*art. 15*) la densité du point à 90^d du contact avec celle de tous les autres points; ainsi il faut faire la même comparaison dans les résultats donnés par la théorie; l'expérience nous a donné, *art. 15*:

La densité du fluide électrique à 90^d.
du point de contact, est à celle à 30^d. :: 4,80 : 1,00.

Si nous faisons la même comparaison
d'après notre formule, nous la trouverons :: 5,13 : 1,00.

Le point à 90^d, comparé à celui à
60^d, l'expérience donne les densités.. :: 1,25 : 1,00.

Le calcul théorique..... 1,18 : 1,00.

Le point à 90^d, comparé à celui à
180^d, l'expérience donne les densités :: 0,95 : 1,00.

La théorie..... 0,97 : 1,00

L'on trouve ici une conformité entre les résultats de l'expérience & ceux de la théorie, que l'on pouvoit à peine espérer.

X X I X.

DIXIÈME
EXPÉRIENCE. POUR rendre la comparaison de la théorie & de l'expérience plus directe & plus facile dans la détermination de la quantité d'électricité que prennent deux globes de différens diamètres mis en contact, voici le résultat de quelques nouvelles expériences que j'ai cru utile d'ajouter à celles qui précèdent.

J'ai mis en contact (*fig. 9*) deux globes de différens diamètres, je les ai électrisés; j'ai touché ensuite le point A^e
à 180^d

à 180^d du point de contact, avec un petit cercle de papier doré de 5 lignes de diamètre, (isolé, comme il est représenté à la fig. 3) par un fil de gomme-laque : je présentais ce petit plan dans la balance à fil d'argent très-fin ; je séparais ensuite les deux globes C & C' , & je touchois avec le même plan le gros globe C . Je présentais de nouveau ce petit plan dans la balance ; la comparaison de la force avec laquelle l'aiguille étoit chassée dans la première & seconde observations, donnoit le rapport des densités, du point A' lorsque les deux globes sont en contact, & de la densité moyenne sur le gros globe C , lorsque ces globes sont séparés.

J'ai formé, d'après les différens résultats que m'a donnés cette expérience, une table pour deux globes de différens diamètres : dans cette table, R est le rayon du gros globe, r celui du petit ; D est la densité moyenne du gros globe séparé du petit globe ; δ est la densité du point A' , extrémité de l'axe du petit globe en contact avec le gros globe.

Si $\frac{R}{r} = 1$, l'on aura..... $\frac{\delta}{D} = 1,27$

2 1,55

4 2,35

8 3,18

∞ 4,00 +

X X X.

Observations sur l'expérience qui précède.

Si nous voulons déterminer, d'après la théorie, la quantité δ pour le point A' , il faut, pour avoir une première approximation, supposer le fluide électrique de chaque globe uniformément répandu sur ce globe, en nommant δ la densité du point A' ou d'un petit globule placé en A' , D la densité moyenne du gros globe C , D' celle du petit globe ; l'on aura l'équation

$$\delta = D' + \frac{2 D R^2}{(R + 2 r)^2}$$

Mém. 1787.

M m m

Dans cette équation, la densité moyenne D' du petit globe est nécessairement plus grande que la densité D du gros globe, ainsi qu'il est facile de le voir par la théorie. Mais supposons pour première approximation $D = D'$, l'on formera, d'après la formule $\delta = D \left(1 + \frac{2 R^2}{(R + 2 r)^2}\right)$, qui exprime la valeur de la densité au point A' , comparée avec la densité moyenne du gros globe, la table suivante.

Si $\frac{R}{r} = 1$, l'on aura, d'après la formule, $\frac{\delta}{D} = 1,22$

2	1,50
4	1,89
8	2,28
∞	3,00.

La comparaison de ce résultat avec celui fourni par l'expérience dans l'article précédent, montre que ce n'est que lorsque R est plus grand que $2 r$, que la théorie & le calcul commencent à différer, la théorie donnant une valeur approchée, lorsque R est plus grand que $2 r$, moindre que celle fournie par l'expérience. Mais si l'on remarque que dans notre table, calculée d'après la formule, nous avons supposé la densité D' du petit globe, égale à celle du gros globe, & que par l'action du gros globe, le fluide du petit globe doit être condensé vers le point A' du petit globe; que cependant ce fluide par son action en raison inverse du carré des distances, doit faire équilibre au point de contact avec l'action du fluide répandu presque uniformément sur le gros globe; l'on verra que la densité moyenne du fluide électrique doit être plus grande sur le petit globe que sur le grand; qu'ainsi D' est plus grand que D , & par conséquent que le résultat donné dans la table par le calcul, exige une correction qui augmente la valeur de δ , ce qui est conforme à l'expérience. Nous trouverons dans les articles qui vont suivre des méthodes pour approcher davantage de la véritable valeur de δ .

X X X I.

Détermination par approximation du rapport suivant lequel l'électricité se partage entre deux globes de différens diamètres mis en contact.

PREMIER EXEMPLE.

$$\text{Si } R = \infty r.$$

COMME nous ne pouvons déterminer que par approximation la manière dont le fluide électrique se partage entre deux globes, il sera plus facile de saisir l'esprit des méthodes que nous avons suivies, en les appliquant à des exemples particuliers, qu'en les généralisant. Dans cet exemple, l'un des globes est infiniment grand relativement à l'autre; mais d'après cette supposition, il est facile de concevoir que la formule dont nous nous sommes servi (*art. 25*) pour déterminer la densité sur tous les points du petit globe, doit approcher de la vérité; car supposant le petit globe à une très-petite distance du gros globe, le fluide électrique dont sera chargé le gros globe, se portera sur le petit globe jusqu'à ce qu'il y ait équilibre sur tous les points de la surface entre l'action du gros globe & l'action de tous les points électrisés à la surface du petit globe: l'action du petit globe sur le gros globe étant proportionnelle à la densité moyenne multipliée par sa surface, sera infiniment petite pour tout autre point que le point de contact; ainsi l'action du gros globe sur chaque point du petit sera à peu-près la même pour tout autre point que le point de contact, que si tout le fluide électrique du gros globe étoit à son centre (*figure C*). Prenons actuellement *D'* pour la densité moyenne du petit globe, quantité qui doit être variable lorsque l'on cherche l'action du petit globe sur chacun des points de sa surface, mais que nous pouvons supposer constante dans une première approximation, pourvu que l'on détermine sa valeur d'après les conditions d'équilibre au

M m m ij

point de contact : puisque nous supposons dans cet exemple le rayon r très-petit relativement à R , la formule

$$\delta = D' - \frac{2 D R^2 (R - \frac{(R+r)x}{r})}{[R^2 + 2 (R+r)x]^{\frac{3}{2}}}$$

se réduit à

$$\delta = D' - \frac{2 D (r-x)}{r}.$$

A présent il faut que l'action qu'exerce tout le fluide du gros globe sur le point de contact A (*figure 9*), dans la direction CA , soit égale à l'action sur le même point de tout le fluide répandu sur la surface du petit globe : mais comme d'après notre formule, δ représente (*figure 9*) la densité du fluide sur le point m ; que la densité δ est la même pour tous les points de la zone superficielle mm , perpendiculaire à l'axe Ap , l'action de cette zone, décomposée dans la direction pA , fera sur le point A

$$\frac{\delta \, d x}{2 \sqrt{(2r)} \sqrt{x}} = \frac{d x}{2 \sqrt{(2r)} \sqrt{x}} (D' - 2 D + \frac{2 D x}{r}).$$

En prenant pour D' la densité moyenne du petit globe sur chaque point de sa surface, & la supposant constante, l'intégrale de cette quantité donnera pour l'action du petit globe sur le point A ,

$$\frac{1}{2 \sqrt{(2r)}} [(2 D' - 4 D) \sqrt{x} + \frac{4}{3} D \frac{x^{\frac{3}{2}}}{r}],$$

quantité qui doit s'évanouir quand $x = 0$, & se compléter quand $x = 2r$, ce qui donnera pour l'action entière du petit globe sur le point de contact A , $D' - \frac{2}{3} D$. Mais il faut remarquer que dans le contact des deux globes, le fluide électrique étant dans un état de stabilité, il doit y avoir équilibre au point de contact entre l'action du petit & l'action du gros globe. Comme la densité du gros globe est à peu-près uniforme sur tous les points de sa surface, l'action du gros globe sur le point de contact A , sera D ; ainsi l'on aura l'équation $D' - \frac{2}{3} D = D$, ou $D' = 1,67 D$,

quantité plus petite que celle qui a été trouvée par l'expérience qui nous a donné (*art. XI*), lorsque $R = \infty r$, $D' = 2 D$. Avant de chercher une valeur plus approchée de D' , déterminons par approximation la densité en A' , extrémité de l'axe. Pour y parvenir, il faut remarquer que puisque D' représente l'action qu'exerce le fluide électrique sur un point quelconque de sa surface, cette quantité D' ne peut pas être constante, ainsi que nous venons de la supposer pour une première approximation, mais elle doit varier en augmentant depuis le point de contact A , jusqu'à l'extrémité de l'axe en A' . Dans le point de contact, cette action du petit globe doit faire équilibre à l'action du gros globe; ainsi elle doit être équivalente à D ; au point A' , elle doit être déterminée par l'action de toute la surface du petit globe sur ce point. Pour avoir une action approchée du petit globe sur ce point, il faut la calculer d'après la densité $\delta = D' - 2D - \frac{2Dx}{r}$; faisant $A'q = z = (2r - x)$,

$$\text{l'action de la petite zone } \mu\mu \text{ sur le point } A' \text{ sera } \frac{\delta d z}{2 \sqrt{(2r)} \sqrt{z}}$$

$$= \frac{d z}{2 \sqrt{(2r)} \sqrt{z}} \left(D' + 2D - \frac{2Dz}{r} \right), \text{ qui intégrée}$$

& complétée donnera, pour l'action entière du petit globe sur le point A , $D' + \frac{2}{3} D$. Mettons à la place de D' sa valeur approchée, que nous venons de trouver $1,666 D$, & nous aurons pour l'action approchée du petit globe sur le point A , $2,33 D$; ainsi l'action du petit globe sur tous les points de sa superficie, varie en croissant depuis le point A jusqu'au point A' , de manière qu'au point de contact A , elle est égale à D , & qu'à l'extrémité de l'axe en A , elle est $2,33 D$.

Pour avoir, d'après la quantité d'action que le petit globe exerce sur le point A' , la densité du fluide électrique dans ce point, il faut supposer que l'on touche avec un petit plan isolé alternativement le point A' & un point du gros globe C . Il est clair qu'au point A' la densité des petits

globules doit être telle qu'il y ait équilibre entre l'action d'un petit globule en A' & celle des deux globes; ainsi, en nommant δ la densité du petit globule, l'on doit avoir $\delta = 2 D + 2,33 D = 4,33 D$: l'expérience a paru effectivement nous indiquer (*art. XXIX*) que lorsque r étoit infiniment plus petit que R , la densité du petit globe à l'extrémité de son axe en A' , étoit un peu plus grande que $4 D$, D exprimant la densité moyenne du gros globe.

Revenons à déterminer d'une manière plus exacte la densité moyenne D' du petit globe, que nous avons trouvée par une première approximation, égale à $1,67 D$, & que l'expérience (*art. XI*) nous a appris être égale à $2 D$.

Puisque l'action du petit globe sur chaque point de sa surface, varie en croissant depuis le point A jusqu'au point A' ; qu'au point A , elle est à peu-près égale à D ou à la quantité moyenne $\frac{D'}{1,67}$; qu'au point A' , elle est $\frac{2,33 D'}{1,67}$, lorsque

l'on a voulu déterminer la valeur de δ , il falloit, au lieu de faire D' constant, le faire variable. Ainsi, en supposant que l'action du petit globe soit représentée par $D' (a + \frac{b x}{2 r})$, cette action doit être telle que lorsque $x = 0$, $D' a = \frac{D'}{1,67}$,

& que lorsque $x = 2 r$, $D' (\frac{1,00}{1,67} + b) = \frac{2,33 D}{1,67}$,

ou $b = \frac{1,33}{1,67}$; ce qui donnera, pour la densité δ approchée de chaque point m du petit globe,

$$\delta = D' a - 2 D + \frac{b D' + 4 D}{2 r} x;$$

& l'action d'une petite zone superficielle $m m$, sur le point de contact A , fera

$$\frac{D x}{2 \sqrt{2 r} \sqrt{x}} [(D' a - 2 D) + (\frac{D' + 4 D}{2 r}) x],$$

dont l'intégrale

$$\frac{dx}{2\sqrt{2r}} 2x^{\frac{1}{2}} (D'a - 2D) + \frac{2}{3} x^{\frac{3}{2}} \left(\frac{bD' + 4D}{2r} \right)],$$

quantité qui doit s'évanouir quand $x = 0$, & se compléter quand $x = 2r$. Ainsi l'action entière du petit globe sur le point de contact A , sera

$$D'a - 2D + \frac{bD' + 4D}{3};$$

mais comme l'action du petit globe doit faire équilibre au point de contact, avec l'action du gros globe qui est égale à D , densité du fluide de ce gros globe, l'on aura $D'(a + \frac{b}{3}) = \frac{5}{3}D$, ou $D' = 1,93 D$.

Pour avoir à présent la densité moyenne du fluide électrique du petit globe, lorsqu'en l'ôtant du contact avec le gros globe, il se répandra uniformément sur la surface de ce petit globe, il faut avoir la quantité de fluide électrique répandue sur le petit globe, & la diviser par la surface de ce globe; ainsi il faut reprendre l'équation

$$\Delta = D'a - 2D + (bD' + 4D) \frac{x}{2r},$$

la multiplier par dxr , qui exprime la surface élémentaire du globe, intégrer cette quantité pour la surface entière, ce qui donnera

$$(D'a - 2D) 2r.r. + (bD' + 4D) \frac{2r.^2r}{2},$$

& diviser par la surface du petit globe $2r.r$, ce qui donnera pour la densité moyenne $D'(\frac{2a+b}{2})$; d'où $D' = 1,93 D$,

quantité, comme l'on voit, qui ne diffère de $2,00 D$ trouvée par l'expérience que d'une quantité trop petite, pour pouvoir être appréciée dans des recherches de ce genre.

X X X I I.

Seconde Méthode d'approximation.

Nous allons nous servir ici d'une méthode d'approx-

mation différente de la précédente, mais qui peut s'appliquer à toutes les valeurs de $(\frac{R}{r})$.

Soit (*fig. 9*) D la densité moyenne du gros globe; D' l'action moyenne du petit globe sur chaque point de sa surface que nous voulons déterminer. Nous avons vu que lorsque les deux globes étoient en contact, la densité étoit nulle au point de contact; si nous la déterminons à présent pour deux autres points, l'un à 90° du point de contact, l'autre à 180° de ce point, nous trouverons, en nommant toujours R le rayon du gros globe & r le rayon du petit globe, que la densité δ du petit globe au point E à 90° du contact est, d'après notre formule (*art. XXVII*),

$$\delta = D' + \frac{2 D R^2 r}{[(R+r)^2 + r^2]^{\frac{3}{2}}},$$

& que la densité δ en A' , extrémité de l'axe, est

$$D' + \frac{2 D R^2}{(R+2r)^2}.$$

Ainsi si l'on suppose la densité δ qui croît depuis le point A jusqu'au point A' , représentée par

$$D' \left(\frac{ax}{2r} + \frac{bx^2}{(2r)^2} \right),$$

il faut que cette quantité soit 0 quand $x = 0$, qu'elle soit

$$D' + \frac{2 D R^2 r}{[(R+r)^2 + r^2]^{\frac{3}{2}}};$$

quand $x = r$, & qu'elle soit $D' + \frac{2 D R^2 r}{(R+2r)^2}$ quand $x = 2r$.

Faisons, pour simplifier le calcul,

$$\frac{2 R^2 r}{[(R+r)^2 + r^2]^{\frac{3}{2}}} = A,$$

&

$$\frac{2 R^2}{(R+2r)^2} = B.$$

L'on déterminera a & b par les deux équations

D

$$D' \left(\frac{a}{2} + \frac{b}{4} \right) = D' + A D,$$

&

$$D' (a + b) = D' + B D;$$

d'où résultera

$$a = 3 + (4 A - B) \frac{D}{D'},$$

&

$$b = -2 + 2 (B - 2 A) \frac{D}{D'}.$$

Pour déterminer D' , reprenons l'équation

$$\delta = D' \left(a \frac{x}{2r} + b \frac{x^2}{(2r)^2} \right),$$

& nous aurons, pour l'action superficielle d'une zone mm sur le point de contact A ,

$$\frac{D' \cdot d x}{2 \sqrt{(2r)} \sqrt{(x)}} \left(\frac{a x}{2r} + \frac{b x^2}{(2r)^2} \right),$$

qui, intégrée & complétée, donnera pour l'action entière du petit globe sur le point de contact A , la quantité

$$D' \left(\frac{a}{3} + \frac{b}{5} \right),$$

qui doit être égale à l'action du gros globe sur le même point de contact. Si ce globe est beaucoup plus gros que le petit, son action sera à peu-près égale à D ; ainsi dans ce cas, l'on aura, pour déterminer le rapport $\frac{D'}{D}$, l'équation

$$\frac{D}{D'} = \frac{a}{3} + \frac{b}{5}.$$

X X X I I I.

Pour avoir la densité moyenne du fluide répandu uniformément sur le petit globe après le contact, il faut la déterminer en divisant la quantité d'électricité du petit globe par sa surface, ce qui donnera pour cette densité, $\int \frac{\delta \cdot d x r}{2 r \cdot r}$.

En substituant, à la place de δ , sa valeur, & faisant l'opé-

N n n

ration, l'on trouvera $D' \left(\frac{a}{2} + \frac{b}{3} \right)$, qui exprime la

densité moyenne, c'est-à-dire, la densité du fluide électrique, lorsqu'après le contact l'on séparera le petit globe du gros globe, & que le gros globe cessant d'agir sur le petit globe, le fluide électrique se répandra uniformément sur la surface du petit globe.

E X E M P L E.

$$R = 4 r.$$

X X X I V.

APPLIQUONS les formules qui précèdent à un exemple dont nous avons eu le résultat par les expériences rapportées, sous la forme de table, à l'*art. XI*: en supposant l'action du gros globe sur le point de contact $= D$.

Comme $R = 4r$, l'on trouve $A = 0,24$, & $B = 0,89$; ainsi $a = 3,00 + 0,07 \frac{D}{D'}$, & $b = -2,00 + 0,82 \frac{D}{D'}$, d'où résulte $\frac{D'}{D} = 1,36$.

Substituant à présent les valeurs de a , de b & de D , dans la formule $D' \left(\frac{a}{2} + \frac{b}{3} \right)$, qui exprime la densité moyenne, l'on trouvera cette densité égale à $1,42 D$, qui est un peu plus grande que la quantité $1,30$, qui a été donnée, *art. XI*, par les expériences; mais il faut remarquer que nous avons supposé l'action D du gros globe C égal à la densité moyenne, comme si le fluide électrique étoit répandu uniformément sur ce globe: or comme il est un peu repoussé par l'action du petit globe, son action sur le point de contact sera moindre que la densité moyenne. Ainsi, dans la comparaison de la densité moyenne du petit & du gros globe, l'on a dû avoir, d'après cette observation, un rapport un peu plus petit que celui que nous venons de

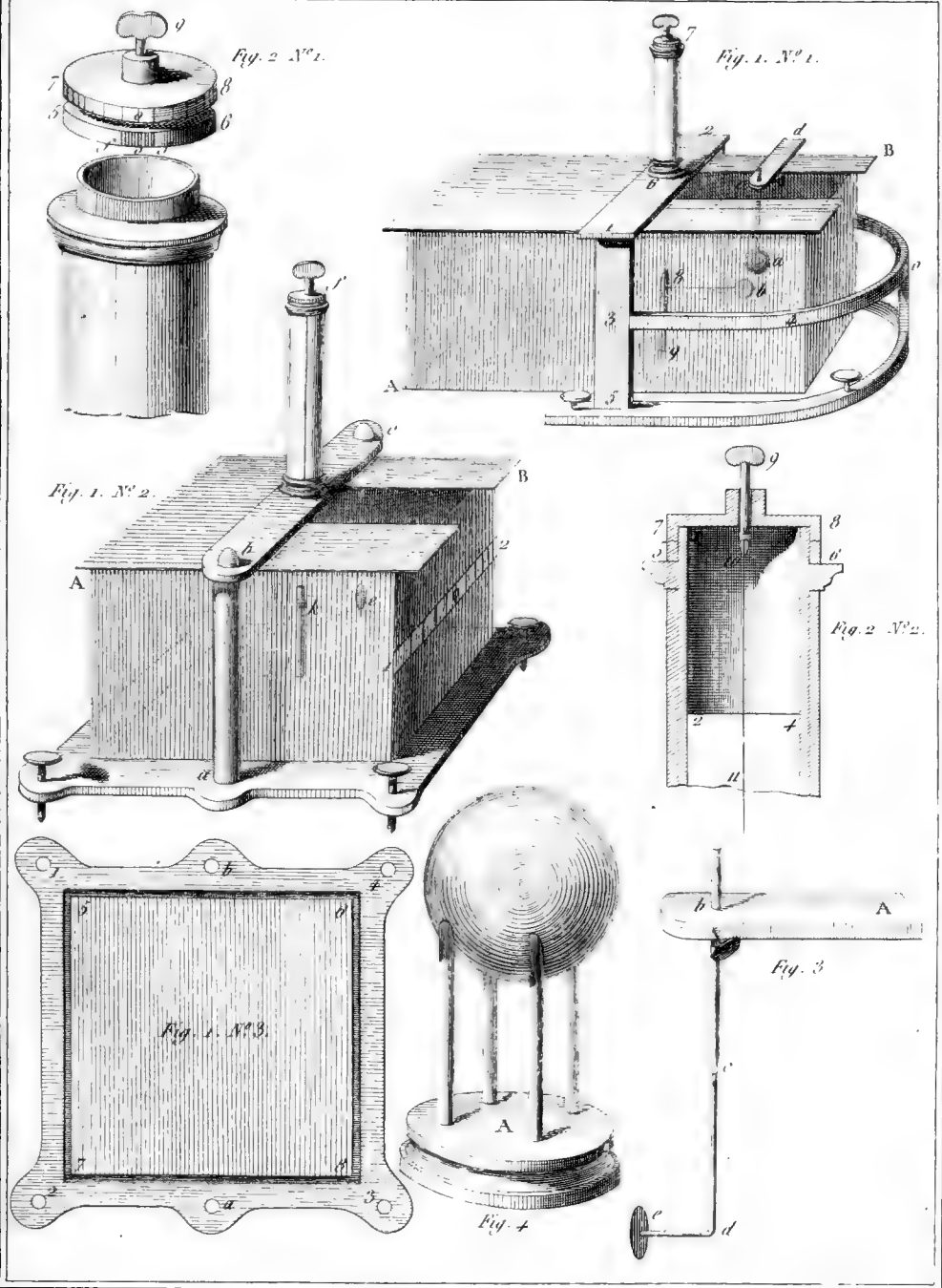




Fig. 6

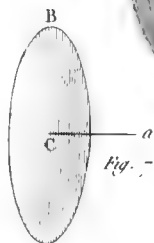
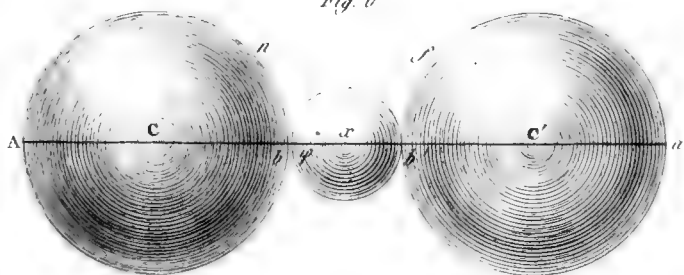


Fig. 7

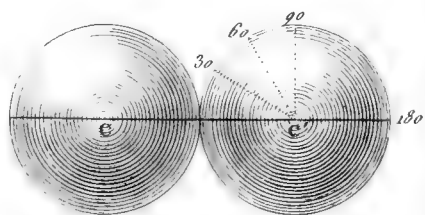


Fig. 5

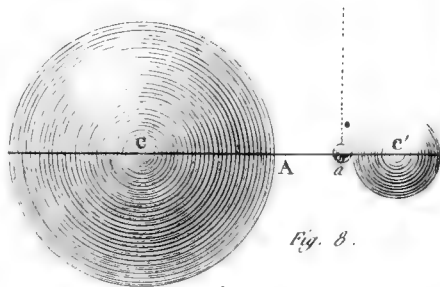


Fig. 8

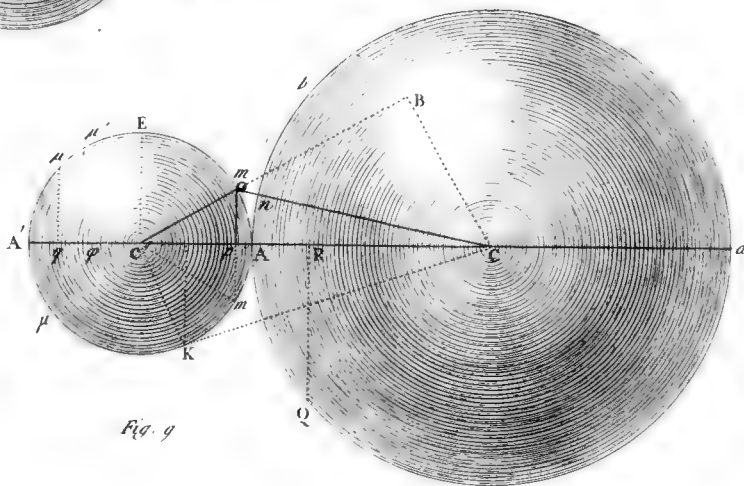


Fig. 9



trouver , ce qui , comme l'on voit , est conforme à l'expérience.

Pour avoir , d'après la densité moyenne D' , la densité du point A' à l'extrémité de l'axe d'un petit globe , il faut , comme nous l'avons déjà dit , que l'action d'un petit globule que l'on placeroit en A' , fît équilibre à son point de contact à l'action des deux globes C & C' , ce qui donneroit

$$\Delta = 1,42 D + 0,89 D = 2,31 D,$$

quantité que nous avons trouvée par l'expérience , *art. XXVII*, $2,35 D$, qui n'en diffère pas sensiblement.

Si l'on vouloit avoir quelque chose de plus précis , il faudroit faire pour le gros globe un calcul analogue à celui que nous avons fait pour le petit globe , pour en déterminer l'action sur le point de contact A , & mettre en équation les deux actions.



OBSERVATIONS

Sur l'irritabilité des organes sexuels d'un grand nombre de Plantes.

Par M. DESFONTAINES.

ON appelle irritabilité, la propriété que la Nature a donnée à certains corps de se mouvoir d'eux-mêmes, principalement lorsqu'on les touche. Cette force contractile qui nous offre dans les animaux des phénomènes si étonnans & si variés, n'est point, comme on le croit communément, un attribut particulier qui les distingue; un grand nombre de plantes donnent aussi des signes d'irritation plus ou moins sensibles, selon leur âge, leur vigueur, la partie qu'on touche ou qu'on irrite : divers auteurs en avoient déjà observé dans les feuilles & dans les corolles de plusieurs plantes. M. Duhamel a décrit avec beaucoup d'exactitude les mouvemens curieux de la sensitive connus depuis bien de siècles. M. Bonnet, dans ses recherches sur l'usage des feuilles, a prouvé qu'elles se mouvoient d'elles-mêmes, qu'elles présentent toujours leur surface à l'air libre, & qu'on ne sauroit déplacer les branches d'un arbre sans faire prendre aux feuilles de nouvelles positions. Linné a encore poussé plus loin que M. Bonnet ses recherches sur le même sujet; ce naturaliste célèbre a fait connoître les mouvemens journaliers des feuilles d'un nombre de plantes très-considérable, dans une dissertation intitulée *Somnus plantarum*, & il a prouvé qu'ils étoient indépendans de l'état de l'atmosphère. Le même auteur, après avoir observé qu'une grande quantité de fleurs s'ouvroient assez régulièrement à certaines heures du jour, a conçu l'idée aussi agréable qu'ingénieuse, d'en faire une espèce d'horloge qu'il a nommée horloge de

Flore, *horologium Floræ*. On fait que l'extrémité des feuilles de la *dionæa muscipula* L. s'ouvrent en deux valves, à peu près comme un piège, & qu'elles se ferment subitement lorsqu'on y excite une légère irritation; enfin, l'*hedysarum gyrans* L. espèce de saintoin, rapportée depuis quelques années des bords du Gange, & dont M. Broussonet a donné la description dans les Mémoires de l'Académie en 1784, présente encore un phénomène plus étonnant, chacune de ses feuilles est composée de trois folioles dont les deux latérales s'élèvent & s'abaissent en sens contraire avec beaucoup de rapidité.

Ces divers mouvemens des feuilles & des pétales, de même que ceux que nous allons faire connoître dans les parties sexuelles, nous paroissent tenir essentiellement à l'organisation particulière des plantes, à leur vie propre: les loix physiques & mécaniques communes, n'en rendront jamais mieux raison que de l'action musculaire des animaux; parce qu'ils dépendent sans doute de causes analogues, & qui nous seront inconnues à jamais.

Si les mouvemens contractiles des feuilles & des corolles ont été observés & décrits avec soin, il n'en est pas ainsi de ceux qui se passent dans les organes sexuels au moment de la fécondation; on ne les avoit reconnus jusqu'à ce jour que dans l'épine-vinette, *berberis vulgaris* L. le *cactus opuntia* L. le *cistus helianthemum* L. (a), & quelques autres espèces dont il est fait mention dans une dissertation des *Ament. Academ.* intitulée *Sponsalia plantarum*. C'est néanmoins dans ces mêmes organes que l'irritabilité paroît se manifester d'une manière plus universelle & même plus marquée que dans aucun autre. Nous allons établir cette vérité en exposant les observations que nous avons faites

(a) Les étamines du *cistus helianthemum* L. s'éloignent très-sensiblement du centre de la fleur, lorsqu'on les irrite avec la pointe d'une épingle; souvent il suffit de les toucher légè-

rement pour produire cet effet. Nous avons observé des mouvemens semblables dans celles de la plupart des autres espèces qui composent ce genre nombreux.

sur les sexes d'un très-grand nombre de plantes : nous traiterons d'abord des mouvemens des étamines , puis nous ferons mention de ceux que nous avons découverts dans les styles & même dans quelques stigmates.

Des mouvemens des Étamines.

LES anthères de plusieurs espèces de lis, avant de s'ouvrir, sont fixées le long des filets parallèlement au style dont elles sont éloignées d'environ cinq à six lignes. Dès l'instant où les poussières commencent à sortir des loges, ces mêmes anthères deviennent mobiles sur l'extrémité des filets qui les soutiennent; elles s'approchent sensiblement du stigmate l'une après l'autre, & s'en éloignent presque aussitôt qu'elles ont répandu leurs poussières fécondantes sur cet organe : ces mouvemens s'observent très-bien dans le *lilium superbum* L.

Les étamines de l'*amarilis formosissima* L. en françois, *lis de saint-Jacques*, celles du *pancratium maritimum* L. & du *pancratium illyricum* L. nous présentent un phénomène très-curieux & un peu différent de celui que nous venons de rapporter.

Les anthères de ces plantes, avant la fécondation, sont comme celles des lis, fixées le long de leurs filets parallèlement au style; dès que les loges commencent à s'ouvrir, elles prennent souvent une situation horizontale, & elles tournent quelquefois sur l'extrémité du filet comme sur un pivot, pour présenter au stigmate le point par où les poussières fécondantes commencent à s'échapper.

Si nous observons attentivement les étamines de la *fritillaria persica* L. nous y découvrirons encore une irritation plus sensible que dans celles dont nous venons de parler. Les six étamines de cette plante sont écartées du style à la distance de quatre à cinq lignes avant la fécondation, mais cette situation change en peu de temps; on les voit presque aussitôt après l'épanouissement de la fleur, s'approcher alternativement du style, & appliquer immédiatement leurs anthères

contre le stigmate; elles s'en éloignent après l'émission des poussières, & vont ordinairement, dans l'ordre où elles s'étoient approchées, reprendre la place qu'elles occupoient auparavant : ce phénomène se passe quelquefois dans l'espace de vingt-quatre heures. On observe encore des mouvemens analogues dans les étamines du ruban d'eau, *bntomus umbellatus* L. & même dans celles de plusieurs espèces d'ails, d'*ornithogales* & d'*asperges*, où ils sont à la vérité très-peu apparens.

Nous n'avons découvert aucune irritation dans les organes sexuels de la couronne impériale, *fritillaria imperialis* L. & de la fritillaire, *fritillaria meleagris* L; mais ces deux plantes nous font connoître dans leur fécondation un phénomène d'un autre genre, & qui n'est pas moins intéressant que ceux qui viennent d'être exposés. Leurs étamines sont naturellement rapprochées du style, & le stigmate les surpasse en longueur; il paroïssoit donc inutile que la Nature leur eût donné un mouvement particulier, aussi s'est-elle servi d'un autre moyen pour favoriser la fécondation de ces plantes; leurs fleurs restent pendantes jusqu'à ce que les poussières soient sorties des loges, afin que dans cette situation elles puissent facilement tomber sur le stigmate & le féconder. Ce qui ajoute un nouveau degré de force à cette explication, c'est qu'aussitôt que la fécondation est opérée, le pédoncule qui soutient la fleur se redresse & le germe devient vertical : la même chose a encore lieu dans les *ancolies*, les *campanules* & plusieurs autres dont Linné avoit déjà fait mention.

Les plantes de la classe des liliacées que nous venons d'indiquer, ne sont point les seules dont les étamines nous aient donné des signes d'irritabilité; nous en avons encore observé dans celles de plusieurs espèces qui appartiennent à des familles fort éloignées les unes des autres par leurs rapports. Les *rues* vont d'abord nous en offrir un exemple très-frappant & facile à vérifier. Toutes les plantes du genre qui porte ce nom, ont, comme l'on sait, huit ou dix

étamines, dont les unes sont alternes avec les pétales, les autres leur sont opposées. Si on les observe avant l'émission des poussières, on voit qu'elles sont toutes un angle droit avec le pistil, & qu'elles sont renfermées deux à deux dans la concavité de chaque pétale: lorsque l'instant favorable à la fécondation est arrivé, elles se redressent seules, deux à deux ou même trois à trois, décrivent un quart-de-cercle entier, approchent leurs anthères contre le stigmate, & après l'avoir fécondé, elles s'en éloignent, s'abaissent, & vont quelquefois se renfermer derechef dans la concavité des pétales. Nous avons pareillement remarqué dans celles du *zigo-phyllum fabago* L. des mouvemens assez sensibles; elles s'allongent l'une après l'autre hors de la corolle, pour venir présenter leurs anthères au sommet du stigmate. Les étamines de la fraxinelle, *dictamnus albus* L. genre qui appartient aussi à la famille des *rues*, nous offriront encore une observation curieuse & favorable à notre opinion. Avant la fécondation, les filets sont abaissés vers la terre, de manière qu'ils touchent, pour ainsi dire, les pétales inférieurs. Aussitôt que les bourses sont prêtes à s'ouvrir & que l'action du pistil irrite les étamines, leurs filets se courbent en arc vers le style, les uns après les autres; par ce mouvement, les anthères viennent se placer immédiatement au-dessus du stigmate, & les poussières féminales ne peuvent manquer de tomber sur cet organe & de le féconder.

Si l'on observe les étamines des capucines, *tropæolum*, lorsque les loges sont sur le point de s'ouvrir, on apercevra facilement que l'extrémité de chaque filet se fléchit aussi en arc, & qu'il porte son anthère du côté du style; ce rapprochement est à la vérité beaucoup moins prompt & moins sensible que dans la fraxinelle. Enfin, le *geranium fuscum* L. le *g. alpinum burm.* & le *g. reflexum* L. vont encore nous faire connoître un phénomène analogue à ceux que nous venons de rapporter, & qui ne doit pas être passé sous silence: les étamines de ces plantes, avant l'ouverture des anthères, sont toutes fléchies, de manière que leur
sommet

sommet regarde le centre de la corolle; dès l'instant où les loges commencent à s'ouvrir, les filets qui les soutiennent s'élèvent vers le style, & chacune d'elles vient ordinairement toucher le stigmate qui lui correspond; celles des *ancolies* se redressent à peu-près de la même manière, peu de temps après l'épanouissement de la fleur.

A quelle cause voudroit-on attribuer ces sortes de mouvemens, si ce n'est à l'action du pistil même, qui excite dans chaque étamine un orgasme analogue en quelque sorte à celui que nous connoissons dans les parties sexuelles des animaux? En effet, si ces mouvemens ne dépendent pas d'une irritation, pourquoi chaque étamine ne s'approche-t-elle du style qu'au moment où les anthères vont s'ouvrir? & pourquoi s'en éloigne-t-elle ordinairement aussitôt après qu'elle a répandu ses poussières sur le stigmate? Nous allons encore rapporter plusieurs faits relatifs à ceux que nous venons de faire connoître; ils serviront à prouver de plus en plus que les mouvemens des parties sexuelles des plantes ne dépendent point d'une cause mécanique. Prenons pour premier exemple les saxifrages; immédiatement après l'ouverture de la corolle, les dix étamines de la plupart de ces plantes sont écartées du style à la distance de quelques lignes, elles s'en rapprochent ensuite ordinairement deux à deux, & s'en éloignent dans le même ordre, après que les poussières sont sorties des loges des anthères. Les étamines de plusieurs plantes de la famille des caryophyllées, & entre autres celles des *stellaria*, de l'*alsine media* L. de la *moerhringia muscosa* L. nous ont aussi laissé apercevoir des mouvemens très-distincts vers le pistil; celles du *polygonum tataricum* L. du *polygonum pensylvanicum* L. & de la plupart des autres espèces qui composent ce genre nombreux, ont des mouvemens presque semblables à ceux des saxifrages; ils en diffèrent seulement en ce que leurs étamines ne s'approchent ordinairement des styles que les unes après les autres. Nous avons pareillement observé la même contraction dans celles de la *Swertia perennis* L. Les étamines de la *parnassia palustris* L.

s'allongent très-promptement, leurs filets se courbent même de manière que chaque anthère vient se placer immédiatement au-dessus des stigmates, & après les avoir fécondés, elles s'en éloignent & s'inclinent vers la terre.

Si l'on jette les yeux sur la fleur de la *sherardia arvensis* L. aussitôt après qu'elle est épanouie, on apercevra aussi que les quatre étamines de cette plante vont les unes après les autres verser leurs poussières sur le stigmate, & que non-seulement elles s'en écartent au bout de quelques jours, mais qu'elles se recourbent même & s'abaissent en décrivant une demi-circonférence de cercle. Celles de plusieurs véroniques s'approchent sensiblement du centre de la corolle, immédiatement au-dessus du style, de manière que les poussières tombent perpendiculairement sur le stigmate; ceci s'observe très-bien dans la *veronica arvensis* L. & dans la *veronica agrestis* L. Les filets des étamines des valérianes sont droits & rapprochés du style pendant l'émission des poussières; dès qu'elles sont sorties des loges, ils se recourbent en bas comme dans la *sherardia arvensis* L. celles du *rhamnus palyurus* L. se réfléchissent encore de la même manière après la fécondation.

Observons maintenant les étamines des *kalmia*; chaque fleur dans ce genre en renferme dix, elles sont maintenues dans une situation horizontale, au moyen d'un nombre égal de fossettes creusées circulairement dans la partie moyenne de la corolle, où le sommet de chaque anthère est enfoncé; lorsque les loges doivent s'ouvrir, on voit les filets se courber en arc avec effort, pour que l'anthère puisse vaincre l'obstacle qui la retient, & venir répandre ses poussières sur le style.

Les étamines de toutes les plantes que nous avons observées jusqu'ici, s'approchent du style les unes après les autres, quelquefois deux à deux ou même trois à trois; celles de la *nicotiana tabacum* L. vont souvent toutes ensemble féconder le pistil, de manière que si on les observe dans le temps où elles transmettent leurs poussières, on les voit

toucher le stigmate & former une couronne autour de cet organe; elles s'en éloignent aussitôt après la fécondation. Celles des *delphinium*, des *aconitum* & de la *garidella*, nous offrent encore une particularité qui mérite d'être remarquée; avant la fécondation & pendant qu'elle se fait, toutes les étamines sont fléchies & ferrées étroitement contre les styles, elles se redressent ensuite, & s'éloignent du pistil à mesure qu'elles laissent échapper leurs poussières.

Les deux plus courtes étamines des *stachys* ont aussi une sorte de mouvement très-marqué, & qui paroît avoir du rapport avec celui que nous venons de faire connoître dans les *delphinium*; avant l'ouverture des anthères, elles sont renfermées dans la concavité de la lèvre supérieure de la corolle, & posées latéralement contre le style. Aussitôt après l'émission des poussières, elles s'écartent, l'une à droite & l'autre à gauche, de manière que l'extrémité du filet débordé même de beaucoup les parois latéraux de la fleur; cet écartement des étamines est si sensible & si constant, que Linné a établi le genre du *stachys* sur ce caractère qui est absolument nul avant la sortie des poussières séminales; le même phénomène s'observe aussi dans quelques espèces de *leonurus*.

Les mouvemens des étamines des *asfarum*, méritent d'être rapportés; elles sont, comme l'on fait, au nombre de douze dans chaque fleur, & le style est un cylindre couronné de six stigmates. Lorsque la corolle est nouvellement épanouie, les filets des étamines sont pliés en deux, de manière que le sommet de chaque anthère est posé sur le réceptacle de la fleur; dès que le temps destiné à la fécondation est arrivé, ces mêmes filets se redressent ordinairement deux à deux, les anthères deviennent verticales & vont toucher le stigmate qui leur correspond.

Enfin celle des scrophulaires donnent encore des signes très-sensibles d'irritabilité. Toutes les fleurs de ce genre renferment quatre étamines, dont les filets sont roulés sur eux-mêmes dans l'intérieur de la corolle avant la fécondation;

ils se développent ensuite, se redressent les uns après les autres, & approchent leurs anthères du stigmate ^(a).

Nous sommes d'autant plus portés à reconnoître l'irritabilité comme cause des mouvemens qui viennent d'être indiqués, que dans quelques especes, telles que l'épine-vinette, l'*opontia*, & presque tous les *cistes*, ils peuvent être accélérés à volonté en irritant les étamines avec la pointe d'une épingle.

Nous ne dissimulerons cependant pas qu'il y a des mouvemens dans les étamines de certaines plantes, qui dépendent absolument d'une action mécanique; tels sont ceux que l'on a observés dans la *pariétaire* & dans le *forkalea*; la cause en est parfaitement connue. Nous avons aussi découvert un mouvement très-prompt & très-sensible dans celles des mûriers & des orties, que nous ne croyons pas devoir attribuer à une irritation : leurs filets sont pliés en arc & maintenus dans cette situation au moyen des parois ou calices qui les compriment latéralement; si l'on dilate tant soit peu ces mêmes parois, ou si l'on soulève légèrement les étamines avec la pointe d'une épingle, elles se redressent subitement & lancent au loin un jet de poussière. Il n'en est pas de même des mouvemens que nous avons cru dépendans d'une cause irritante; ici les étamines sont dégagées de tout obstacle, & leur contraction est si marquée & si constante, qu'il est bien difficile de ne pas y reconnoître un principe d'irritabilité.

Ce principe, il est vrai, ne se manifeste pas dans toutes les plantes; il en est un grand nombre dont les étamines n'ont offert à nos recherches aucun signe d'irritation; telles sont celles qui, par leur position naturelle, avoisinent de très-près le style & le stigmate, comme dans les composées, dans la plupart des labiées, des personées, des verveines,

(a) Les filets des étamines de l'*anaryllis aurea* Lherit. ont par intervalle un mouvement de vibration très-prompt & très-sensible à l'œil : il est d'autant plus apparent, que la chaleur est plus vive, & on l'aperçoit encore trois ou

quatre jours après l'épanouissement de la fleur. Le stigmate de la même plante a aussi un mouvement d'irritation sensible. Cette belle observation m'a été communiquée par M. de Saint-Germain.

des pervenches, des phlox, des primevères, des borraginées, des papilionacées, &c. Nous n'avons aussi observé que des mouvemens élastiques dans celles des plantes dioïques & monoïques, encore y sont-ils assez rares. Enfin, il existe plusieurs plantes, même hermaphrodites, dont les étamines, quoique naturellement éloignées des styles, ne laissent cependant apercevoir aucun mouvement sensible; celles des crucifères, des pivoines, des pavots, des renoncules, des millepertuis, &c. font de ce nombre (b).

Des mouvemens des organes sexuels femelles.

APRÈS avoir exposé les phénomènes les plus intéressans que nous ont offerts les divers mouvemens des organes sexuels mâles, nous allons faire connoître ceux que nous avons découverts dans les styles & même dans quelques stigmates; ils sont moins universels & moins apparens en général que ceux des étamines, comme si la loi qui porte presque tous les mâles des animaux à rechercher les femelles, s'étendoit aussi jusqu'aux sexes des plantes.

On peut cependant établir pour principe général, que si les étamines égalent le pistil en longueur, alors elles se meuvent vers cet organe; si au contraire elles sont fixées au-dessous des styles, ceux-ci s'abaissent plus ou moins sensiblement du côté des étamines: nous allons en citer quelques exemples.

Si l'on observe les styles des *passiflora* aussitôt après que la fleur est épanouie, on voit qu'ils sont droits & rapprochés les uns des autres au centre de la corolle. Au bout de quelques heures ils s'écartent & s'abaissent ensemble vers les étamines, de manière que chaque stigmate touche l'anthère qui lui correspond; ils s'en éloignent sensiblement après avoir

(c) Les anthères des plantes dioïques, renferment des poussières dont les globules observés à la loupe, nous ont paru en général beaucoup plus fins que ceux des plantes herma-

phrodites; le vent les enlève avec facilité, & c'est par ce moyen que la fécondation de ces plantes se fait quelquefois à de grandes distances.

été fécondés. Ceux des *nigella* ont encore un mouvement à peu-près semblable & même plus marqué; avant la fécondation, leurs styles sont droits comme ceux des *passiflora*, & réunis en un paquet au milieu de la fleur. Aussitôt que les anthères commencent à laisser sortir leurs poussières, les styles se fléchissent en arc, s'abaissent & présentent leur stigmate aux étamines qui sont situées au-dessous d'eux, ils se redressent ensuite & reprennent même la situation verticale qu'ils avoient auparavant; ces mouvemens sont très-faciles à apercevoir. Linné les avoit déjà reconnus dans la *nigella arvensis cornuta* C. Bauh. Le style du *lilium superbum* L. se fléchit vers les étamines, puis il s'en écarte après qu'il a été fécondé. Le même phénomène a encore lieu dans les scrophulaires; le style s'abaisse sur la lèvre inférieure de la corolle, & se recourbe en bas peu de temps après qu'il a reçu les poussières féminales.

Celui de l'*epilobium angustifolium* L. & de l'*epilobium spicatum*, la Mark, dict. appelé vulgairement *laurier saint-Antoine*, est abaissé perpendiculairement vers la terre entre les deux pétales inférieurs, lorsque la fleur est nouvellement épanouie, de manière qu'il forme un angle d'environ quatre-vingt-dix degrés avec les étamines; mais quelques heures après il commence à s'élever, & lorsqu'il est parvenu au niveau des étamines, les quatre stigmates qui avoient été rapprochés jusqu'alors s'écartent les uns des autres, & se recourbent en forme de corne de belier vers les anthères. Cette tendance du style vers les étamines est si forte dans les deux espèces d'*epilobium* dont je viens de parler, que je l'ai vu enlever des corps légers que j'y avois suspendus.

Les trois stigmates de la tulipe des jardins, *tulipa gesneriana* L. sont très-dilatés avant la fécondation, & nous ont paru se resserrer sensiblement après l'émission des poussières. Linné avoit fait une observation analogue dans la *gratiola*: *Gratiola*, dit cet auteur, *astro venerco agitata pistillum stigmatibus hiat, nil nisi masculinum pulverem affectans, at satiata rectum claudit*. Hort. clif. 9.

Ces divers mouvemens des organes sexuels des plantes dont nous avons rapporté des exemples si frappans & si multipliés, nous paroissent tenir à leur vie même, & on ne peut, selon nous, lui refuser le nom d'irritabilité. Cette force motrice a été généralement reconnue & avouée dans les feuilles d'un grand nombre de plantes; pourquoi ne l'admettroit-on pas aussi dans les organes sexuels dont les mouvemens sont au moins aussi marqués & aussi constans que ceux des feuilles? Les uns & les autres nous paroissent dépendre d'une cause commune qui est la vie végétale; comment concevoir même qu'une plante quelconque puisse être fécondée, sans reconnoître un principe d'irritabilité dans les organes destinés à la reproduction?

On pourroit demander maintenant pourquoi les organes sexuels ne donnent des signes d'irritabilité que dans le temps de la fécondation, tandis que cette force est toujours prête à se manifester dans les feuilles, par exemple, ou dans toute autre partie lorsqu'elle y réside. Il me semble qu'il est facile de répondre à cette question; on fait que les parties sexuelles n'arrivent au terme de leur développement parfait, qu'après l'épanouissement de la fleur, & qu'elles se flétrissent dès que la fécondation a été opérée, tandis que les feuilles conservent leur état de perfection pendant long-temps; il n'est donc pas étonnant que l'irritabilité soit toujours prête à s'y manifester. Les organes sexuels des plantes ont même en cela quelque rapport avec ceux des animaux, dont le développement ne se fait qu'après celui des autres parties, & dont l'action s'anéantit aussi beaucoup plus promptement.

Voudroit-on expliquer mécaniquement la contraction des parties sexuelles, en admettant, par exemple, d'un côté du filet ou du style, des vaisseaux plus larges que ceux du côté opposé, dans lesquels les sucs circuleroient plus rapidement au moment de la fécondation? dans cette supposition, le filet de l'étamine pourroit facilement se porter ou se plier vers le pistil, & *vice versa*. Nous répondrons à cette objection, 1.^o que tous les vaisseaux externes & internes

vus à la loupe, ont un diamètre sensiblement égal; 2.^o que quand bien même ceux d'un côté auroient une ouverture plus large que les autres, on seroit toujours forcé d'admettre un mouvement d'irritation, pour expliquer l'impulsion subite des fluides dans ces mêmes vaisseaux.

Tel est le résultat des observations que nous avons faites sur les sexes d'un nombre de plantes fort considérable: nous avons rapporté avec exactitude les faits simples, tels qu'ils se sont présentés à nos recherches; ils nous ont paru d'autant plus intéressans, qu'ils servent encore à confirmer la fécondation des plantes, & qu'ils établissent de nouveaux rapports entr'elles & les animaux. Nous pensons que ces observations méritent d'être suivies, & qu'elles peuvent offrir un champ vaste à la sagacité des naturalistes.



M É M O I R E

Sur l'usage du Terreau de Bruyère dans la culture des arbrisseaux & arbusles étrangers , regardés jusqu'à présent comme délicats dans nos jardins.

Par M. THOUIN.

UNE des découvertes les plus modernes en jardinage , & cependant des plus utiles , est l'usage du terreau de bruyère pour les semis & la culture d'un grand nombre de végétaux étrangers , particulièrement des végétaux ligneux ; cette découverte ne remonte pas à plus de vingt années , & on a eu besoin de tout cet espace de temps pour reconnoître ses avantages & ses inconvéniens , & pour les confirmer par des expériences.

Les deux principaux avantages qui résultent de cette découverte , sont d'acclimater un grand nombre de végétaux que jusqu'alors on avoit désespéré de pouvoir cultiver , & de partager avec les Anglois une branche de commerce assez considérable.

Avant cette découverte , les agriculteurs les plus instruits regardoient comme de peu de valeur la possession des graines d'un très-grand nombre d'arbres & de plantes précieuses , dont les individus vivans faisoient cependant l'objet de leur ambition , & cela par la difficulté qu'ils avoient de faire lever ces semences , & plus encore par celle de les conserver. Ils faisoient venir à grands frais d'Angleterre , des individus qu'ils cultivoient pendant quelques années , & qu'ils perdoient ensuite sans avoir pu les multiplier : découragés par le peu de succès de leurs tentatives , ils ont fini par abandonner une culture aussi stérile que dispendieuse.

Les premières expériences sur l'usage du terreau de

Mém. 1787.

P p p

bruyère , furent faites dans le voisinage de Versailles ; d'abord il ne fut employé que dans la composition des terres qui servent aux cultures des plantes étrangères que l'on conserve dans des vases. Quelques années après on étendit son usage aux plantes bulbeuses , ensuite on s'en servit pour les semis , & enfin on en forma des plate-bandes destinées à la culture des arbrisseaux & arbrustes les plus délicats.

Il n'en est pas des expériences d'agriculture comme de beaucoup d'autres qui peuvent être suivies à loisir , répétées & variées par l'auteur même qui les a conçues , & qui ne les répand au grand jour que lorsqu'elles ont donné des résultats certains. En agriculture , une expérience demande souvent bien des années pour acquérir une certaine évidence , & c'est presque toujours le besoin qui la fait entreprendre ; mais comme le besoin est senti par beaucoup de personnes en même temps , & que d'ailleurs on ne peut guère travailler sans témoins , à peine une expérience est-elle entamée , que ceux qui sont intéressés à son succès s'en emparent : c'est ce qui est arrivé par rapport à l'usage du terreau de bruyère.

Aussitôt que l'expérience fut connue , on s'empressa de la répéter dans plusieurs jardins de cette Capitale & des environs ; mais comme on ne suivoit pas une marche uniforme , comme on procédoit même d'une manière souvent opposée , il n'est pas étonnant que les résultats fussent très-différens ; aussi cette découverte fut-elle accueillie par les uns & rejetée par les autres.

Cependant , malgré le peu de succès des diverses tentatives que l'on avoit faites , il étoit facile de voir que cette découverte pourroit devenir très-intéressante. Ce motif joint à celui de fixer d'une manière précise l'étendue de l'usage du terreau de bruyère , nous détermina à faire des expériences sur l'emploi de ce terreau : nous les avons suivies pendant dix ans , & c'est le résultat de ces expériences que nous mettons sous les yeux de l'Académie , en commençant par l'analyse jardinière de ce terreau.

Le terreau de bruyère (*a*) est une substance composée de sable & de débris de bruyère ; sa couleur est noire lorsqu'il est humide, & cendrée lorsqu'il est sec ; il est doux au toucher, gras & léger : on le rencontre souvent sur la pente des collines, dans des lieux découverts, sur un sol peu profond, & assez communément sur des lits d'argile ou de quelques autres matières qui retiennent l'humidité (*b*). Rarement la couche que forme ce terreau a plus de six pouces d'épaisseur, & très-souvent elle n'en a que deux ou trois ; enfin ce terreau est formé de la décomposition des feuilles, des racines & des rameaux de bruyère, mêlée avec une partie de sable très-fin, dans la proportion des deux tiers environ : il est d'autant plus propre à la culture à laquelle on le destine, qu'il approche plus de cette proportion ; il est facile de la connoître par deux moyens qui nous ont également réussi.

Le premier est de prendre une masse quelconque de terreau de bruyère qu'on aura soin de bien épurer, c'est-à-dire, dont on aura ôté les pierres, les racines & les tiges de la plante qui ne sont point encore réduites en terreau ; de constater le volume & le poids de cette masse, de la faire sécher & ensuite de la brûler sur une platine de fer mince, sous laquelle on entretient un feu toujours égal pendant une heure, ou plus s'il est nécessaire. Il convient d'avoir la précaution d'étendre le terreau & de le remuer souvent pour que toutes ses parties s'enflamment ; lorsqu'il ne répand plus de fumée, alors toutes les molécules végétales étant brûlées, il ne reste plus que le sablon mêlé avec les cendres du végétal & quelques parties de terre. Dans cet état, si le terreau étoit de bonne qualité, son volume doit être diminué de moitié & sa pesanteur d'un tiers, déduction faite du poids de l'eau qu'il contenoit avant d'être

(*a*) On le nomme indistinctement *terreau* ou *sable de bruyère* ; le nom de *terreau* nous paroît devoir lui convenir mieux.

(*b*) Dans le voisinage de Paris, on trouve le terreau de bruyère dans le bois de Boulogne, à Meudon, & sur les buttes de Verrière.

desséchement au feu; si la diminution de la masse est plus considérable, le terreau de bruyère n'en sera que meilleur, puisqu'il contiendra un plus grand nombre de parties propres à la végétation.

La seconde épreuve est plus expéditive, il ne faut que prendre une quantité quelconque de terreau de bruyère dont on aura constaté le volume, la mettre dans un vase capable d'en contenir cinq ou six fois autant, remplir ce vase d'eau qu'on y laisse reposer pendant quelques heures pour que le fluide pénètre toutes les molécules, & lorsque toutes les parties sont bien imbibées, remettre de nouvelle eau & agiter continuellement le mélange; alors toutes les parties végétales surnagent & sont entraînées hors du vase, les particules légères les suivent bientôt, & il ne reste au fond que le sable & les autres matières qui ne sont pas végétales : ce résidu n'est ordinairement que le tiers du volume que la masse totale avoit avant l'épreuve.

Si nous insistons aussi long-temps sur les moyens de reconnoître le terreau de bruyère, c'est qu'il est facile de se méprendre au choix de celui qui est de meilleure qualité, & que quelques cultivateurs l'ont confondu avec des tourbes ou des sables maigres qui n'avoient d'autre ressemblance avec lui que la couleur. Il en est résulté plusieurs inconvéniens dont le manque de succès dans la culture a été une suite indispensable.

Les propriétés les moins équivoques du terreau de bruyère sont, 1.^o d'être perméable à toutes espèces de racines; 2.^o de s'imprégner facilement de l'humidité de l'air à une grande profondeur; 3.^o de la conserver long-temps; 4.^o de s'imbiber d'une grande quantité d'eau sans qu'elle se putréfie ni qu'elle corrompe les racines; 5.^o enfin de fournir plus abondamment qu'aucun autre terreau végétal, une grande quantité de parties propres à la végétation: il faut encore que ce terreau soit en suffisante quantité, & qu'il soit ensuite exposé d'une manière convenable.

Le terreau de bruyère mis en trop petite quantité &

sans préparation au pied d'un arbre ou d'une plante en pleine terre, ne produit que très-peu d'effet, la terre environnante absorbe son humidité, & si on l'arrose souvent, les sucs qu'il contient sont bientôt entraînés loin de lui, au moyen de quoi il s'appauvrit promptement; mais lorsqu'on l'emploie en grande quantité, & qu'on dispose le terrain d'une manière convenable, il produit les meilleurs effets pendant long-temps.

On doit encore observer de placer les cultures en terreau de bruyère à l'exposition qui lui est favorable; celle qui se trouve ombragée du soleil du midi, par des arbres assez éloignés pour que leurs racines ne viennent point pénétrer jusqu'au terreau, est préférable, à tous égards; à défaut d'arbres, un mur, un brise-vent ou un paillason, peuvent produire le même effet.

Les différences dans la nature des terrains où l'on établit des cultures en terreau de bruyère, en nécessitent aussi dans la manière de l'employer. Lorsque le sol est de nature argileuse & compacte, & qu'il retient aisément l'humidité dont il s'est imprégné, il suffit de creuser le terrain jusqu'à la profondeur nécessaire à l'étendue des racines des arbrisseaux qu'on veut y cultiver, ce qui ne varie guère que de deux à quatre pieds de profondeur. Cette fosse doit être creusée en manière d'auge bien arrondie; il convient de battre les parois de cette cavité pour lui donner plus de solidité & empêcher la trop grande filtration des eaux, & ensuite on la remplit de terreau de bruyère, de la manière suivante.

Le terreau de bruyère, tel qu'on le tire de la campagne, est par mottes plus ou moins épaisses, qui recèlent beaucoup de racines & de tiges de bruyère qui ne sont point encore consommées; la quantité de ces matières est souvent dans la proportion d'un quart, ce qui produiroit un déchet défavorable si l'on étoit obligé de les jeter. Après les avoir séparées du terreau de bruyère, on les mêle avec un tiers de terre tirée du sol, & un autre tiers de terreau de bruyère épuré grossièrement, & l'on en fait un premier lit qui occupe

à peu-près le tiers de la partie inférieure de l'excavation ; le second lit est composé d'un mélange de deux tiers de terreau de bruyère avec un tiers de terre du sol ; & le lit supérieur est formé de terreau de bruyère le plus doux & le plus épuré qu'il est possible. Le lit superficiel doit excéder le niveau du terrain de quatre à six pouces , & être bordé de planches , de briques ou de pierres , tant pour la propreté des jardins que pour la conservation de l'humidité favorable à la culture.

Lorsque le sol est de nature sèche , pierreuse & trop perméable aux eaux qui n'y font que passer , tel que celui de presque tous les jardins de Paris , il est important d'employer un autre moyen qui nous a parfaitement réussi. Dès qu'on a excavé son terrain dans les dimensions qui conviennent à l'objet de sa culture , on compose un mortier avec de l'argile jaune & grasse (*c*) , de la paille neuve hachée & de l'eau. Il faut que le mortier (*d*) ait assez de consistance pour qu'il puisse , étant jeté à la pelle contre les parois de la cavité , s'y attacher aisément. On en forme un enduit d'environ quatre pouces d'épaisseur dans toute l'étendue de la fosse , & on l'y laisse sécher , en observant de le faire battre tous les jours , pour que les gerfures occasionnées par le retrait de la matière qui se dessèche , soient exactement effacées , & que toute la surface soit lisse & sans fente. On remplit ensuite la capacité de la fosse avec de la terre franche & du terreau de bruyère , mélangés dans les proportions que nous avons indiquées ci-dessus & dans le même ordre.

Nous avons employé précédemment un autre moyen pour empêcher la déperdition de l'humidité des planches de terreau de bruyère ; au lieu de nous servir de terre franche pour enduire les parois des fosses , nous avons

(*c*) Les jardiniers la nomment *terre franche* ; c'est celle qui sert à la construction des fours.

(*d*) On donne le nom de *beauge* à cette espèce de mortier

fait usage de l'argile comme d'une matière très-propre à remplir notre objet ; mais nous n'avons pas été très-long-temps à reconnoître que ce moyen qui paroïssoit si simple au premier coup-d'œil, étoit le plus mauvais de ceux qu'on pouvoit employer. Pendant les dix-huit premiers mois, les arbuttes que nous avons mis dans ces plate-bandes, réussirent assez bien ; plusieurs donnèrent des fleurs ; mais à cette époque les racines ayant pénétré le long des parois latérales jusqu'à la couche d'argile, les arbuttes commencèrent à jaunir, & leurs racines ne trouvant point de passage dans leur direction horizontale, s'enfoncèrent en suivant les contours des glacis ; rencontrant par-tout le même obstacle, à mesure qu'elles descendoient, & plongées dans une humidité malfaisante, occasionnée par la putréfaction des eaux qui séjournoient au fond de la fosse, elles se couvrirent de chancres ; les arbuttes dépérirent & moururent au bout de cinq ou six mois. L'examen que nous fîmes ensuite des racines de plusieurs de ces végétaux morts ou mourans, ne nous permit pas de douter que le moyen que nous avons employé pour les conserver, n'eût occasionné leur perte.

L'expédient dont nous nous servons actuellement n'a point cet inconvénient ; il conserve l'humidité, mais il ne retient que celle qui est favorable aux racines ; la résistance qu'il leur oppose ne peut arrêter que les plus foibles, les autres le percent aisément & s'étendent au dehors. Un pied de laurier benjoin & d'halésia de Virginie, plantés depuis sept ans, nous donnent la preuve de cette vérité.

Il est des cas où les arrosemens, quelque multipliés qu'ils soient, ne suffisent pas pour entretenir le degré d'humidité convenable à la culture de certains arbuttes qui aiment en même temps un sol léger & substantiel, tels que les différentes espèces de ciriers, de saules, &c., ou qui veulent avoir l'extrémité de leurs racines dans l'eau, sans cependant y être entièrement plongées : alors on doit se servir d'un tuyau de terre cuite, de trois pouces de diamètre, percé

dans toute sa longueur (qui doit être égale à celle de la plate-bande) par un grand nombre de petits trous faits en tous sens ; ce tuyau sera placé presque horizontalement sur un enduit de beauge dans le milieu de la plate-bande qu'on veut tenir toujours humide ; l'une de ses extrémités sera ouverte , & l'autre fermée. La première doit se recourber d'environ six pouces , & entrer dans le fond d'un baquet toujours plein d'eau , & placé à la tête de la plate-bande ; cette eau parcourra avec facilité la longueur du tuyau , & se répandant en chemin par les trous dont il est percé , entretiendra , dans toute la partie inférieure du terreau , l'humidité nécessaire à la végétation. Cette pratique supplée avec avantage aux arrosemens , & nous en avons toujours vu d'excellens effets.

Les dimensions qu'on donne aux plate-bandes de terreau de bruyère , ne sont pas indifférentes pour la facilité de leur culture & pour la conservation des plantes dans les écoles de botanique. Leur largeur est fixée entre trois & cinq pieds sur une longueur qui ne peut être moindre d'une toise , mais qu'on peut étendre autant qu'on le desire ; cependant on ne leur donne guère plus de huit à dix toises , & on les place , autant qu'il est possible , dans la direction de l'est à l'ouest , pour qu'on puisse aisément les garantir du soleil du midi par des brise-vents ou autres abris , soit naturels ou artificiels.

Dans les jardins d'agrément , & sur-tout dans ceux qu'on nomme *payfagistes* , on leur donne les dimensions qui conviennent au local pour la surface. Seulement , celles qui constituent la fosse où doit être renfermé le terreau de bruyère doivent être proportionnées à la nature des végétaux qu'on veut y cultiver & à celle de la terre du sol. Nous avons fait construire , il y a six ans , dans un jardin près de Meudon , plusieurs parties destinées à la culture du terreau de bruyère , dont les dimensions de la surface ont plusieurs toises de largeur en tous sens ; & quoique nous n'ayons donné que trois pieds & demi de profondeur aux fosses

fosses, les quatre espèces de magnolia y végètent avec la plus grande vigueur, entr'autres, le rustique qui a déjà atteint la hauteur de dix-huit pieds, & qui a fleuri l'année dernière. Il faut convenir cependant que cette grande largeur est sujette à un inconvénient; les arbrustes exigeant des soins, pour les leur administrer, on est obligé de marcher sur le terreau de bruyère, ce qui l'affaïsse, le durcit, & peut être nuisible aux jeunes plantes dont les racines se trouvent à la surface du terrain.

La culture des plate-bandes de terreau de bruyère, ne se traite pas comme la culture des terres ordinaires. Les labours profonds ne lui conviennent pas, de fréquens sarclages pour empêcher les plantes adventices de nuire aux arbrustes, & des binages au printemps & à l'automne, suffisent à un terrain qui ne se durcit jamais naturellement, & où l'air pénètre avec facilité. Le terreau de bruyère étant composé en grande partie, comme on l'a vu précédemment, de molécules végétales qui vont toujours en se décomposant, s'appauvrit nécessairement; il est donc utile de lui rendre ce qu'il perd. Chaque année il convient de le recouvrir d'une nouvelle couche de terreau; trois pouces d'épaisseur sur toute la surface de la plate-bande suffisent pour produire cet effet. Lorsque les arbrustes ont acquis de la force, & qu'il s'est écoulé deux à trois ans depuis leur plantation, on peut à chaque printemps mêler avec la couche de terreau de bruyère dont on recouvre les plate-bandes, un tiers de terre franche sablonneuse bien fine; ce mélange donne du corps à la masse générale & est plus assimilé à la vigueur que les arbrustes ont acquise.

Il seroit presque aussi difficile d'indiquer exactement tous les arbrisseaux & arbrustes étrangers de pleine terre qui s'accommodent de la culture en terreau de bruyère, qu'il l'est de nommer ceux auxquels cette culture est défavorable; ce qu'il y a de certain, c'est que tous s'en accommodent très-bien dans les premières années de leur jeunesse, qu'ils y prospèrent infiniment mieux que dans tout autre terrain,

& qu'ils y croissent avec plus de promptitude, mais tous ne s'y conservent pas aussi long-temps. Nous nous contenterons de nommer succinctement les arbrisseaux les plus délicats dont nous devons la conservation à cette culture; on en trouvera la liste à la fin de ce Mémoire.

Non-seulement les arbusstes indiqués dans cette liste se conservent dans le terreau de bruyère, mais la plupart s'y multiplient sans beaucoup de soins, & souvent d'eux-mêmes; ils y tracent aisément ou s'y marcotent, quelques-uns même s'y sèment, tels que le *spiræa tomenteux*, l'espèce à feuille de saule, le mille-pertuis de kalm, &c. L'expérience nous a prouvé que les individus qui étoient plantés depuis plusieurs années dans ce terreau de bruyère, étoient moins susceptibles des impressions du froid que ceux qui se trouvoient à même exposition dans une autre nature de terrain; la vigueur de ces individus vient sans doute de ce qu'ils sont plus robustes, & qu'ils ont acquis plus de force en moins de temps. Un fait que nous avons recueilli à la fin de l'hiver de 1776, nous paroît mériter de trouver place ici.

Plusieurs orangers de trois à six pieds de haut, formant de jolies boules en caisse, avoient été renfermés à l'automne de 1775 dans une petite serre où il gela de quatre à cinq degrés pendant plusieurs nuits consécutives; les orangers furent gelés, les feuilles tombèrent & la plus grande partie du jeune bois mourut. Un seul, quoiqu'au milieu des autres, non-seulement ne perdit pas une feuille, mais même la teinte de sa verdure devint si foncée qu'elle en étoit presque noire; une singularité aussi extraordinaire piqua notre curiosité & nous engagea à en rechercher la cause: comme tout étoit égal d'ailleurs, nous examinâmes la nature de la terre dans laquelle il étoit planté, & nous ne tardâmes pas à reconnaître que c'étoit à cette seule cause qu'il devoit sa conservation & sa vigueur.

Cet arbre ayant eu besoin d'être rencaissé sur la fin de l'été précédent, avoit été mis presque à racines nues, dans une nouvelle caisse que l'on avoit remplie par mégarde avec

du terreau de bruyère pur, au lieu de la terre à oranger; pendant le reste de l'été & toute l'automne, il fut placé derrière un brise-vent sur une couche tiède, au moyen de quoi il eut le temps de former de nouvelles racines avant l'hiver, & sa vigueur le préserva du fort qu'il auroit éprouvé sans cette heureuse circonstance qui n'étoit qu'un effet du hasard. Il continua de croître assez vigoureusement pendant quelques mois, mais bientôt sa force se ralentit, & avant la fin de l'année on fut obligé de lui donner une terre plus forte & plus convenable à la nature de ses racines.

Les arbrisseaux étrangers qui nous ont paru ne pas s'accommoder au bout de quelques années de la culture en terreau de bruyère, sont en général ceux dont les racines sont grosses, charnues, succulentes, & qui n'ont que peu de chevelu. Le terreau de bruyère ne leur offre pas assez de résistance, & n'imprime pas à leurs racines le degré de pression qui leur convient pour qu'elles puissent végéter. Presque tous les arbres, après les deux ou trois premières années de leur jeunesse, y végéteroient aussi mal que les arbrustes y prospèrent, si leurs racines devenues fortes ne s'échappoient au-dehors des plate-bandes & ne s'étendoient dans une terre plus convenable à leur constitution vigoureuse.

Les arbrustes au contraire qui paroissent exiger plus indispensablement la culture en terreau de bruyère, sont ceux dont les racines de nature sèche & cassante n'ont qu'un petit nombre de rameaux chargés d'un chevelu noir & délié presque sans souplesse; la pellicule qui les recouvre est très-fine & se desèche presque aussitôt qu'elle est exposée à l'air: aussi presque tous ces végétaux ne viennent-ils naturellement que dans des lieux humides, ombragés, & sur des couches de terre formées des débris de végétaux; tels sont les airelles, l'arbusier des Alpes, l'azalea rampant, l'empetrum, &c. On ne peut donc espérer de cultiver ces sortes d'arbrustes avec succès, qu'autant qu'on leur fournira une terre plus analogue à celle qui leur est préparée par la Nature.

L'usage du terreau de bruyère ne se réduit pas seulement

à la culture des arbres en pleine terre, on l'emploie encore avec le plus grand succès pour les semis en caisse, dans les terrines & même dans des pots; plus il est pur, meilleur il est pour cet usage, mais il faut qu'il soit placé & orienté convenablement pour produire tout l'effet dont il est susceptible.

En général, soit qu'on fasse des semis en pots, en terrines ou dans des caisses, il est à propos de mettre au fond des vases au moins deux pouces d'épaisseur de terre franche qu'on appuie fortement. Cette précaution est nécessaire, tant pour conserver l'humidité du terreau, que pour déterminer les pivots des jeunes plants à se fourcher plus promptement, & à pousser du collet de leurs racines beaucoup de chevelu, d'où dépend le plus ou moins de facilité qu'ils ont à reprendre lorsqu'on les repique; sans la résistance favorable que leur oppose ce lit de terre franche interposé entre le fond du vase & le terreau supérieur, les pivots des jeunes plants descendroient promptement au fond, s'y contourneroient & ne pousseroient plus alors qu'un foible chevelu. Il y a même plusieurs espèces de plants auxquels le défaut de cette précaution est très-nuisible: en effet, dès que leurs pivots sont arrivés au fond des vases, la végétation s'arrête, les arbrustes jaunissent & finissent quelquefois par périr.

Le terreau de bruyère employé pour les semis dans des vases, demande à être exposé, comme je l'ai dit ci-dessus, d'une manière convenable; l'exposition du nord est la plus favorable & la plus propre à entretenir l'humidité qui lui est nécessaire pour la végétation; celle du levant ensuite est préférable à celle du couchant, & cette dernière vaut infiniment mieux que celle du midi, dont il y a très-peu de semis qui puissent s'accommoder. Autant qu'il est possible, il faut que les vases soient enterrés ou dans une plate-bande s'ils ne renferment que des semis d'arbres ou arbrustes de pleine terre, ou dans le terreau des couches s'ils contiennent des semis de végétaux qui exigent un degré de chaleur plus considérable que celui de notre climat.

La culture en terreau de bruyère dans des vases, se

réduit à des sarclages & à des arrosemens; ces derniers ne doivent jamais être administrés qu'avec un arrosoir à pomme, dont les trous soient très-fins, & versés avec précaution pour ne pas découvrir les graines qui commencent à germer, ou déraciner les jeunes plants dans un âge plus avancé; plus ces arrosemens approcheront d'une pluie fine & douce, mieux ils rempliront leur objet; il faut les faire le soir & le matin par préférence à toute autre heure du jour.

Mais s'il est une culture qui ne puisse se passer du terreau de bruyère, c'est sans contredit la culture des plantes bulbeuses, particulièrement de celles qui nous viennent du cap de Bonne-espérance. On peut voir dans le jardin de M. le Monnier la collection la plus étendue en ce genre, & sûrement la mieux dirigée; le terreau de bruyère pur est la seule terre employée à cette culture.

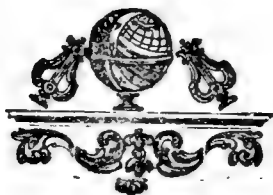
Enfin, le terreau de bruyère est un agent qui, mis en œuvre avec intelligence, offre un moyen assuré de cultiver avec succès un fort grand nombre d'arbustes & d'arbrisseaux intéressans que l'on ne pouvoit pas élever; il ajoute à nos moyens anciennement connus, de faire prospérer les semis d'un plus grand nombre d'arbres étrangers, & dont plusieurs familles de plantes exotiques ne peuvent se passer; mais en même temps on a dû observer dans le cours de ce Mémoire, que la manière de l'employer influoit considérablement sur le succès.

LISTE des Arbrisseaux & Arbustes qui se cultivent avec succès à l'air libre, dans des planches de terreau de bruyère.

<i>Andromeda</i> (omnes species)...	Les Andromèdes (toutes les esp.).
<i>Antyllis montana</i> L.....	L'Antillide de montagne.
<i>Arbutus uva-ursi</i> L.....	L'Arbousier bufferoie.
——— <i>Alpina</i> L.....	——— des Alpes.
<i>Azalea</i> (omnes species).....	Les Azalea (toutes les espèces).
<i>Betula pumila</i> L.....	Le Bouleau de Sibérie.

<i>Calicanthus Floridus</i> L.....	Le Pompadour de la Floride.
<i>Ceanothus Americanus</i> L.....	Le Céanote d'Amérique.
<i>Clematis crispa</i> L.....	La Clématite à fleurs crépues.
———— <i>viorna</i> L.....	———— viorne.
<i>Clethra alnifolia</i> L.....	Le Clethra glabre.
———— <i>tomentosa</i> la M. Dict.	———— cotonneux.
n.° 2.	
<i>Cornus Florida</i> L.....	Le Cornouiller de la Floride.
<i>Cupressus thuyoides</i> L.....	Le Cyprès, cèdre blanc.
<i>Cytisus nigricans</i> L.....	Le Cytise à épis.
<i>Daphne alpina</i> L.....	Le Thymelé argenté.
———— <i>Cneorum</i> L.....	———— des Alpes.
———— <i>Gnidium</i> L.....	———— sainbois.
———— <i>dioica</i> D. Gouan....	———— dioïque.
<i>Dirca palustris</i> L.....	Le Dirca, bois de plomb.
<i>Dryas octopetala</i> L.....	Le Drias à feuilles de germandrée.
<i>Empetrum nigrum</i> L.....	L'Empetrum baccifère.
<i>Erica tetralix</i> L.....	La Bruyère de Brabant.
———— <i>scoparia</i> L.....	———— à balais.
———— <i>ciliaris</i> L.....	———— ciliée.
———— <i>multiflora</i> L.....	———— multiflore.
———— <i>mediterranea</i> L.....	———— de la Méditerranée.
<i>Evonymus Americanus</i> L.....	Le Fusain toujours vert.
<i>Fagus pumila</i> L.....	Le Châtaigner nain.
<i>Fothergilla speciosa</i> L.....	La Fothergille d'Amérique.
<i>Gualtheria procumbens</i> L.....	La Gualtheria rampante.
<i>Hypericum Kalmianum</i> L.....	Le Mille-pertuis de Kalm.
<i>Itea Virginica</i> L.....	L'Itea de Virginie.
<i>Kalmia (omnes species)</i>	Les Kalmia (toutes les espèces).
<i>Ledum (omnes species)</i>	Les Ledum (toutes les espèces).
<i>Liquidambar aspleni-folium</i> L...	Le Copalme à feuilles de cétérac.
<i>Nitraria Schræberi</i> L.....	Le Nitraria de Sybérie.
<i>Osyris alba</i> L.....	L'Osyris blanc.
<i>Pinus palustris</i> , hort. Reg. Paris.	Le Pin des marais.
<i>Prinos glaber</i> L.....	L'Apalache glabre.
———— <i>verticillatus</i> L.....	———— à feuilles de prunier.

<i>Rhododendron</i> (omnes species) ..	Le Rhododendron (tous les esp.).
<i>Rhodora Canadensis</i> L.....	Le Rhodora de Canada.
<i>Salix myrsinites</i> L.....	Le Saule à feuilles de myrte.
———— <i>arbuscula</i> L.....	———— en arbuste.
———— <i>retusa</i> L.....	———— à feuilles veinées.
———— <i>reticulata</i> L.....	———— nain.
———— <i>lanuginosa</i> L.....	———— laineux.
———— <i>resmarinifolia</i> L.....	———— à feuilles de romarin.
<i>Spartium patens</i> L.....	Le Genet à fleurs fétides.
———— <i>radiatum</i> L.....	———— étoilé.
<i>Spiræa tomentosa</i> L.....	Le Spirea tomenteux.
———— <i>sorbifolia</i> L.....	———— à feuilles de sorbier.
<i>Stewartia malacodendron</i> L....	Le Stewartia de Virginie.
<i>Vaccinium</i> (omnes species)	Les Airelles (toutes les espèces).
<i>Viburnum acerifolium</i> L.....	La Viorne à feuilles d'érable.
<i>Yucca filamentosa</i> L.....	L'Yucca filamenteux.



M É M O I R E
S U R
 QUELQUES NOUVELLES ESPÈCES D'OISEAUX
 DES CÔTES DE BARBARIE.

Par M. DESFONTAINES.

LA collection d'oiseaux que j'ai rapportée des côtes de Barbarie, quoique peu nombreuse, renferme cependant plusieurs espèces rares qui m'ont paru mériter d'être offertes à l'Académie, pour être déposées dans son cabinet : elle a bien voulu en agréer l'hommage. Le mémoire que j'ai l'honneur de lui présenter aujourd'hui, contient la description de quelques espèces inconnues qui se trouvent dans cette collection.

L'Outarde appelée *Hobara* par les Arabes, *otis*
Hobara. Le Houbara, Schaw. Voyages, tab.

Le docteur Schaw est le seul qui ait observé cette espèce d'outarde, mais il en a parlé si brièvement, que ce qu'il en dit ne suffit pas pour la faire bien connoître. Les ornithologistes que j'ai consultés, ou n'en ont point fait mention dans leurs ouvrages, ou ne l'ont indiquée que d'après le docteur Schaw.

Le hobara est à peu-près de la grosseur d'un faisan ; son bec est d'un brun-grisâtre, long d'environ deux pouces, légèrement courbé depuis la partie moyenne jusqu'à la pointe. La mandibule supérieure est triangulaire à la base, un peu plus longue que l'inférieure, & armée vers l'extrémité de deux petites dents latérales ; les narines sont nues & ovoïdes, les yeux sont un peu plus grands que ceux du coq, & l'iris est de couleur d'eau.

Du

Du sommet de la tête naît un faisceau de plumes fines, blanches, renversées en arrière, longues de trois à quatre pouces; le cou est gros & allongé, entouré obliquement d'une belle fraise de plumes blanches & noires que l'oiseau abaisse ou redresse à volonté. Toute la partie antérieure de la gorge est pointillée d'une très-grande quantité de petites taches brunes sur un fond gris; le dessous du corps est d'un beau blanc, sa surface supérieure, ainsi que le dessus des ailes, offre une couleur fauve, tachetée d'une multitude de petits carrés noirs irréguliers de diverse grandeur, & réunis en groupes qui laissent çà & là des interstices de la largeur du bout du doigt.

Le hobara a environ trois pieds & demi de vol ou d'envergure, les plumes sont blanches, quelquefois brunes vers la base; la queue est longue d'environ huit pouces; les grandes plumes sont sensiblement égales, terminées par un demi-cercle blanc, & rayées transversalement de bandes bleues & fauves alternatives.

Les cuisses sont nues inférieurement, & il n'a que trois doigts à chaque pied comme toutes les outardes; ces doigts sont larges, forts, terminés chacun par un ongle obtus.

La femelle ne diffère pas beaucoup du mâle; elle porte comme lui une aigrette sur la tête & une fraise autour du cou; elle a moins de grosseur, & les couleurs de son plumage sont un peu moins vives & moins tranchées.

Les Arabes m'ont assuré que sa ponte étoit de quatre œufs; une femelle que j'ai eu vivante pendant plusieurs mois, n'en a pondu que deux, ils étoient de la grosseur de ceux d'une canne, d'une couleur olive, & parsemés de taches brunes irrégulières.

Le vol du hobara est pesant & néanmoins rapide; lorsqu'il traverse les airs, il ne s'élève pas à une grande hauteur: c'est au milieu des plaines incultes & dans le voisinage des déserts qu'il établit de préférence son domicile, soit parce qu'il y trouve une nourriture convenable, soit parce que ses mœurs naturellement sauvages l'éloignent de

toute habitation. Ses yeux sont très-subtils, & rarement il se laisse approcher par le chasseur : on en rencontre quelquefois un grand nombre dans le même canton, mais on ne les voit jamais en troupes; ils vont ordinairement seuls ou deux à deux; ils se nourrissent d'herbes, de graines, d'insectes, &c.

Les Arabes leur donnent la chasse avec le faucon; celui-ci ne peut s'en rendre maître que lorsqu'il les surprend à terre. Cette chasse est curieuse, & j'ai souvent pris plaisir à voir toutes les ruses que le hobara emploie pour lui échapper lorsqu'il en est poursuivi; il court rapidement, revient tout-à-coup sur ses pas, s'enfonce dans les broussailles, en sort, y rentre plusieurs fois de suite, & lorsqu'il se voit sur le point d'être saisi par l'oiseau de proie, il se renverse sur le dos & le frappe fortement avec les pieds. La chair du hobara est très-bonne à manger, & il seroit utile d'appriivoiser & de multiplier cet oiseau pour l'usage de la basse-cour.

Les Arabes attribuent des vertus à la vésicule du fiel & à son estomac pour la guérison des maladies des yeux; ils en frottent l'organe malade, ou les portent en amulette suspendus au cou.

Dimensions.

	Pouces.	Lignes.
Longueur du bec.....	2.	11.
— de la tête.....	2.	11
— du cou.....	6.	11.
— du corps.....	8.	6.
— de l'aile.....	15.	11.
— de la queue.....	8.	11.
— des cuisses.....	3.	11
— de la jambe.....	3.	2.
— du plus long doigt.....	1.	3.
— des plumes de la fraise.....	6.	6.
— de la crête.....	3.	6.
Largeur de la poitrine.....	5.	11

Le Merle fauve, *Turdus fulvus*.

CET oiseau égale à peu-près en grosseur notre merle

commun, *turdus merulus* L. Son bec est aigu, d'un brun-jaune, légèrement arqué, long d'environ neuf lignes. La mandibule supérieure n'a point de dents latérales & elle excède un peu l'inférieure. Les narines sont nues, étroites, oblongues, entourées d'un petit rebord, placées à la base du bec. Il a les yeux très-vifs, & la cornée opaque est jaunâtre. Toutes les plumes de la tête, du dos, des ailes, de la queue, du dessous du ventre, offrent une couleur fauve assez uniforme; celles de la partie supérieure de la gorge sont lavées de blanc. Les ailes débordent à peine le croupion, & les pennes sont presque égales entr'elles. La queue un peu plus longue que le corps, est composée de huit à dix grandes plumes, dont les latérales deviennent sensiblement plus courtes à mesure qu'elles s'éloignent du centre, de manière qu'elles forment une courbe par leur extrémité; cette courbe est très-apparente, sur-tout lorsque l'oiseau s'élève de terre pour voler ou qu'il s'y repose. Les jambes sont fortes relativement au volume du corps, recouvertes d'écailles jaunes, ainsi que les quatre doigts; chacun est terminé par un ongle brun demi-circulaire.

Le merle fauve habite dans les environs du désert; j'en ai observé plusieurs dans les plaines voisines de la ville de Cafsa, dans le royaume de Tunis. Ces oiseaux vont toujours en troupes au nombre de huit à douze; ils courent avec une grande vitesse, & lorsqu'on les approche ils s'envolent à des distances peu considérables en rasant la surface de la terre.

Dimensions.

	Pouces.	Lignes.
Longueur du bec.....	"	9.
— de la tête.....	1.	"
— de l'aile.....	3.	"
— du corps depuis l'occiput.....	3.	"
— de la queue.....	4.	6.
— de la cuisse.....	"	9.
— de la jambe.....	1.	2.
— du plus long doigt.....	"	9.
Largeur du corps.....	1.	6.

Le Merle barbu, *Turdus barbatus*.

CETTE espèce de merle est à peu-près de la grosseur du mauvis, *turdus iliacus* L. Toutes les plumes de la tête, du dos, des ailes & de la queue sont brunes; celles de la poitrine & du ventre sont lavées de blanc. Le bec est noir, un peu arqué, long de six à sept lignes; de sa base naissent cinq à six petites soies brunes, roides, de la grosseur d'un crin de cheval. La mandibule supérieure excède un peu l'inférieure, & proche la pointe on aperçoit de chaque côté une petite échancrure. L'iris est d'une couleur brune. Les jambes ainsi que les doigts sont revêtus d'écailles noirâtres. Les plus longues plumes des ailes excèdent le croupion de cinq à six lignes, & la queue est un peu plus longue que le corps. Cette espèce de merle est très-commune aux environs d'Alger; il se nourrit d'oranges, de jujubes, de raisins & autres fruits du pays.

Dimensions.

	Pouces.	Lignes.
Longueur du bec.....	"	7.
— de la tête.....	"	8.
— du corps depuis l'occiput.....	3.	"
— de la queue.....	3.	4.
— de l'aile.....	3.	6.
— des cuisses.....	"	8.
— des jambes.....	"	11.
— du plus long doigt.....	"	8.
Largeur du corps.....	1.	8.

La Caille des bois, *Tetrao sylvaticus*.

ON trouve sur les côtes de Barbarie deux espèces de cailles; l'une est celle d'Europe, *tetrao coturnix* L. qui y passe dans le mois de septembre pour y séjourner pendant l'hiver & le printemps. La seconde espèce qui n'est point de passage habite les taillis dans toutes les saisons de l'année; elle diffère de la première par des caractères très-distincts; elle est

d'environ un tiers plus petite, son bec est plus grêle, plus aigu, long de six à sept lignes légèrement arqué depuis la partie moyenne jusqu'à la pointe, & les deux mandibules sont sensiblement égales. Les narines se prolongent jusque vers la moitié du bec. Elle n'a que trois doigts aux pieds, terminés chacun par un petit ongle obtus. Les couleurs du plumage sont plus vives & plus tranchées que dans celle d'Europe. Les plumes du milieu de la poitrine sont de couleur de feu; celles des côtés sont bordées de blanc avec une tache noire, quelquefois rousse dans le centre; sous le ventre, elles sont d'un blanc roussâtre; sur la tête, elles sont noires, dans le milieu, rousses à l'extrémité; & sur le dos, elles sont bordées de blanc & rayées transversalement de petites lignes noires & rousses alternatives; enfin, celles qui recouvrent les ailes sont tachetées de noir, de blanc & de roux, tandis que les plumes offrent une couleur brune. Son vol est semblable à celui de la caille d'Europe. Elle court rapidement & se laisse chasser long-temps & de très-près avant de s'élever. Cette espèce de caille est assez commune dans les taillis aux environs d'Alger; elle me paroît avoir du rapport avec celle qui est décrite dans l'ornithologie de M. Brisson, sous le nom de *caille de Madagascar*; mais elles diffèrent par la couleur du plumage, comme je m'en suis assuré en comparant la description de M. Brisson avec la mienne; celle de Madagascar est aussi plus grêle & plus allongée.

Dimensions.

	Pouces.	Lignes.
Longueur du bec.....	"	7.
— de la tête.....	"	8.
— du corps depuis l'occiput.....	3.	"
— de l'aile.....	3.	4.
— de la queue.....	1.	2.
— des cuisses.....	"	5.
— de la jambe.....	"	11.
Largeur du corps.....	1.	2.

La Gelinote à bande noire, *Tetrao fasciatus*.

CETTE espèce de gelinote a de grands rapports avec celle qui est décrite dans Linné, sous le nom de *tetrao alcatra* L. & dans M. Brisson, sous celui de *gelinote des Pyrénées* ; elle a à peu-près la même grosseur, la même forme & les mêmes proportions, mais elle en diffère par le bec qui est plus grêle & plus alongé, & sur-tout par les couleurs du plumage. La tête, le dessus du cou & toute la partie antérieure de la poitrine, sont recouvertes de plumes grises, nuancées d'une légère teinte de roux ; celles du milieu de la gorge sont noires ; celles de la partie supérieure & des côtés offrent une couleur rousse. Le ventre est gris antérieurement dans un petit espace, tout le reste de sa surface est d'un brun-foncé, & il est séparé de la poitrine par un demi-cercle de plumes noires qui s'étend depuis la naissance d'une aile jusqu'à celle de l'autre. Les plumes du dos & du dessus des ailes sont mélangées de fauve & de gris, & ordinairement terminées par une tache jaune. Les pennes sont de couleur d'ardoise, régulièrement étagées, & les plus longues se prolongent jusqu'à l'extrémité de la queue ; sa longueur est de trois à quatre pouces ; les plumes de sa surface supérieure sont tachetées irrégulièrement de fauve, de roux & de gris ; celles du dessous sont d'un brun-clair, bordées d'une ligne blanche à l'extrémité.

Les jambes sont couvertes antérieurement de petites plumes grises, semblables à du poil, comme dans la gelinote des Pyrénées. Chaque pied n'a que trois doigts, entre chacun desquels s'observe une expansion de la peau qui se prolonge de chaque côté en formant un rebord ; de la partie inférieure & interne de la jambe, naît un petit ergot long d'environ une ligne, qui tient la place d'un quatrième doigt. Ces oiseaux habitent les environs du désert, & y vivent en grandes troupes ; leur chair est bonne à manger ; ils sont naturellement farouches, & il faut employer des soins très-assidus pour les apprivoiser, même lorsqu'on les

élève jeunes. Les Arabes leur donnent le nom de *catah*, expression qui imite le chant du mâle.

Dimensions.

	Pouces.	Lignes.
Longueur du bec.....	"	6.
— de la tête.....	1.	"
— du corps depuis l'occiput.....	6.	3.
— de l'aile.....	8.	"
— de la queue.....	3.	2.
— de la cuisse.....	"	7.
— des jambes.....	1.	1.
Largeur de la poitrine.....	2.	6.

Le Faucon bleu, *Falco cœruleus*.

CET oiseau est presque de la grosseur d'un pigeon ramier, avec lequel il a même au premier coup-d'œil un peu de ressemblance. Le dessus de la tête, du cou, du dos, ainsi que les plumes, sont d'un bleu-clair. La partie supérieure & antérieure de l'aile est recouverte de plumes noires; celles du cou, de la poitrine, du ventre, des cuisses, du dessous des ailes, sont d'un beau blanc. Le bec est noir, bordé de cire jaune à la base, d'où naissent un grand nombre de petites soies blanches. L'iris offre une belle couleur de rose, & l'orbite est entouré d'un cercle de plumes noires. Les plumes sont étagées régulièrement, & les plus longues débordent la queue d'environ un pouce en se croisant à l'extrémité. Les jambes sont jaunes, recouvertes de plumes blanches antérieurement; chaque doigt est terminé par un ongle noir recourbé en demi-cercle. Les grandes plumes de la queue sont blanches, sensiblement égales, & elles ont environ quatre pouces & demi de longueur.

Cette espèce de faucon est très-commune dans les environs d'Alger; il se perche ordinairement sur la cime des arbres pour épier sa proie, & lorsqu'il l'aperçoit, il fond sur elle avec beaucoup de rapidité; il fait la chasse aux petits oiseaux, aux cailles & aux pigeons: il me paroît avoir du

rapport avec celui qui est décrit dans la nouvelle édition du *Syst. nat. Lin.* sous le nom de *falco forskalii*. Celui-ci en diffère sur-tout par les couleurs des plumes du ventre qui sont rouffes, & par la longueur de la queue qui égale celle du corps.

Dimensions.

	Pouces.	Lignes.
Longueur du bec.....	1.	1.
— de la tête.....	1.	3.
— du corps depuis l'occiput.....	6.	6.
— de l'aile.....	10.	4.
— de la queue.....	4.	6.
— des cuisses.....	1.	"
— de la jambe.....	1.	1.
— du plus long doigt.....	10.	
Largeur du corps.....	2.	6.

La Huppe aux pieds d'alouette, *Upupa alaudipes*.

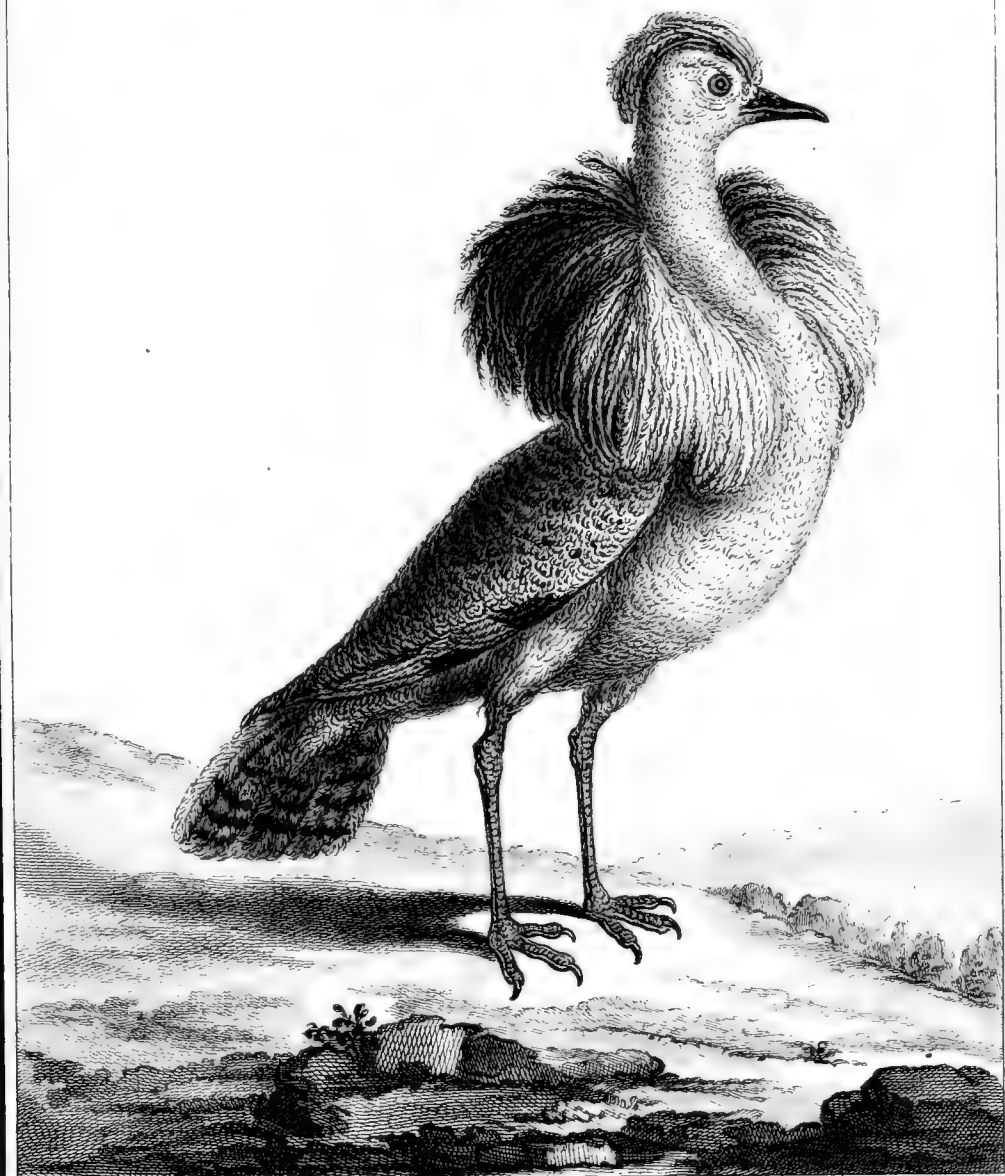
LORSQUE l'on observe les jambes & les pieds de cet oiseau, dont le doigt postérieur est terminé par un ongle presque droit, long de cinq à six lignes, on est tenté de le rapporter au genre de l'alouette, mais en même temps il s'en éloigne tellement, & il a tant de ressemblance avec les huppés par la forme du bec, que j'ai cru devoir le placer de préférence dans ce dernier genre.

Il est à peu-près de la grosseur de la huppe d'Europe, *upupa epops* L. Son bec, long de treize à quatorze lignes, est un peu obtus, courbé, arrondi en dessus, d'une couleur brune tirant sur le gris. Les narines sont nues, ovoïdes, placées à la base du bec; ses yeux sont petits, & la cornée opaque est blanche. Il a les cuisses courtes, les jambes très-grêles, longues de quinze lignes; le doigt postérieur est terminé par un ongle long & presque droit, à peu-près comme celui des alouettes.

Les plumes de la tête, du cou, du dessus des ailes, offrent une couleur grise tirant sur le fauve; elles sont blanches
sous

Echelle de dix-huit pouces.

1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 pouces.



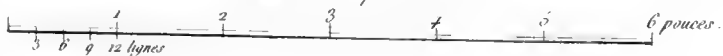
Foster del.

F. Le Lionne sculp.

L'OUTARDE HOBARA. *Ovis Hobara*.



Echelle de six pouces.

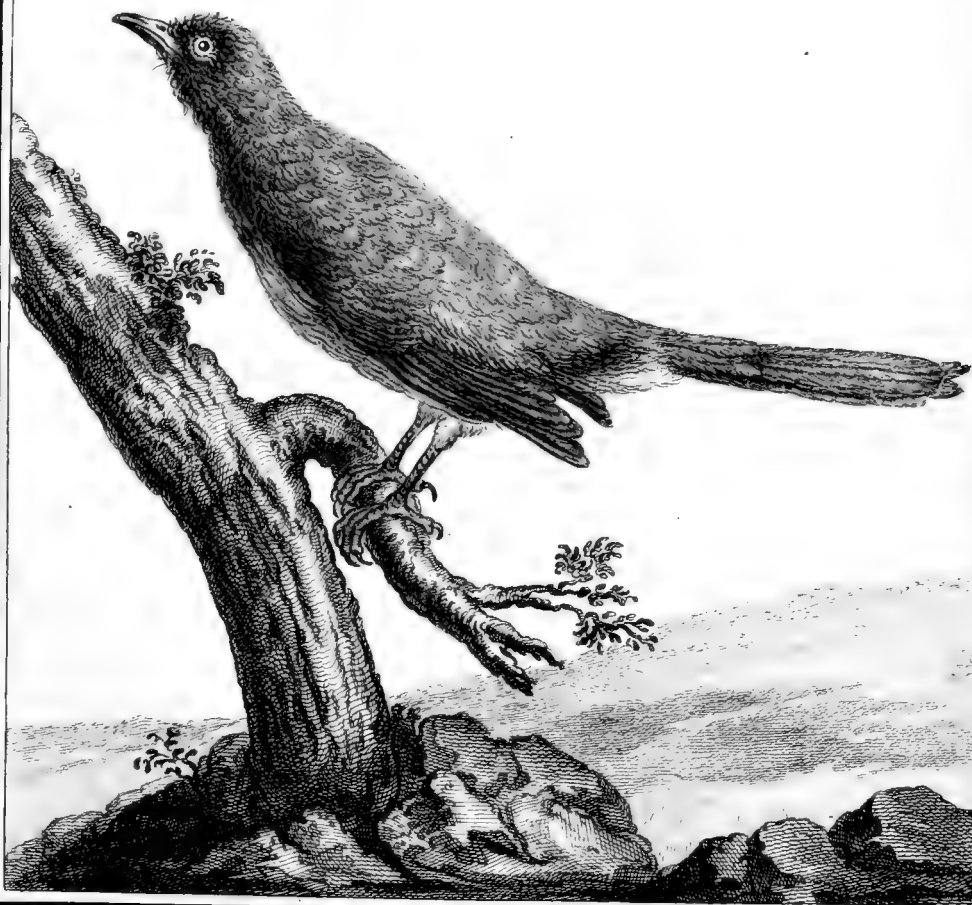
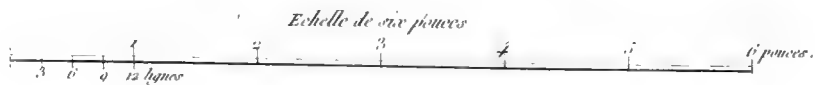


Boissier del.

Y. Le Courtois sculp.

LE MERLE FAUVE. *Turdus Fulvus.*





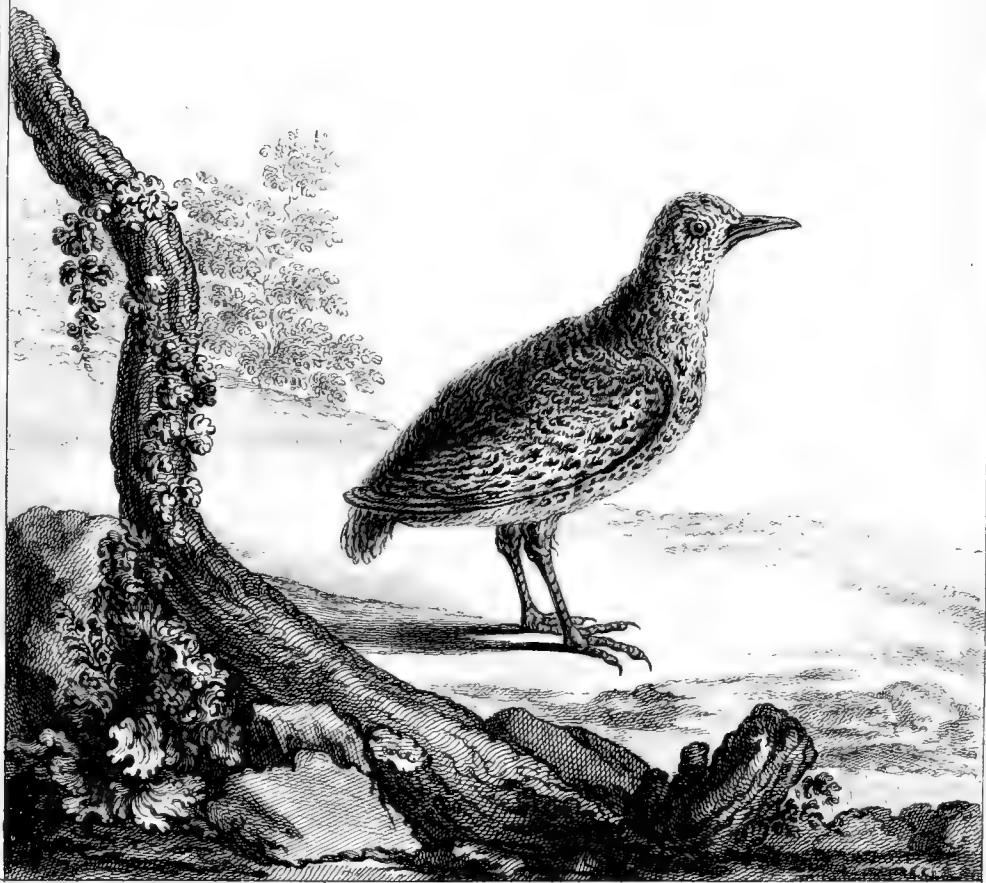
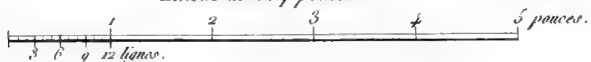
François del.

V. Le Comte sculp.

LE MERLE BARBU. *Turdus Barbatulus.*



Echelle de cinq pouces




Fossier del.

F. Le Comte sculp.

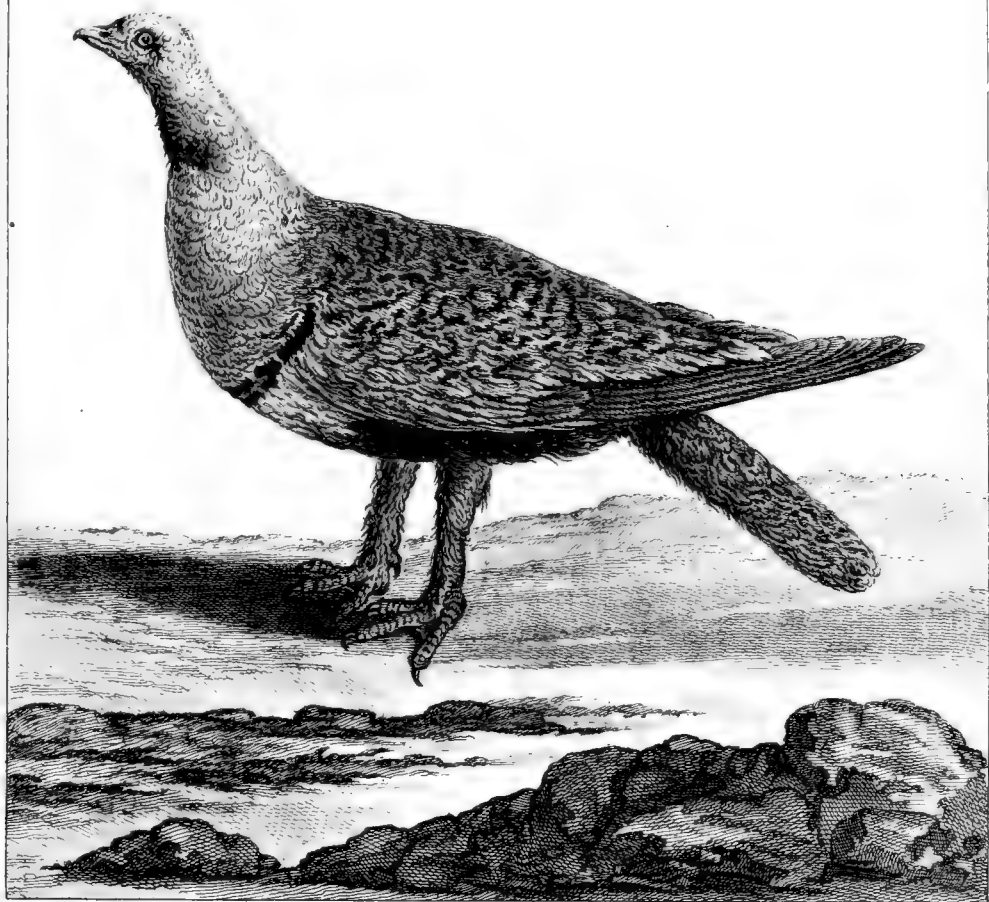
LA CAILLE DES BOIS. *Tetrao Sylvaticus.*



Echelle de huit pouces



8 pouces.



F. Goussier del.

F. Goussier sculp.

LA GELINOTE À BANDE NOIRE. *Tetrao Fuscivittatus*.



Echelle de six pouces.
 3 6 9 12 lignes 2 3 4 5 6 pouces.



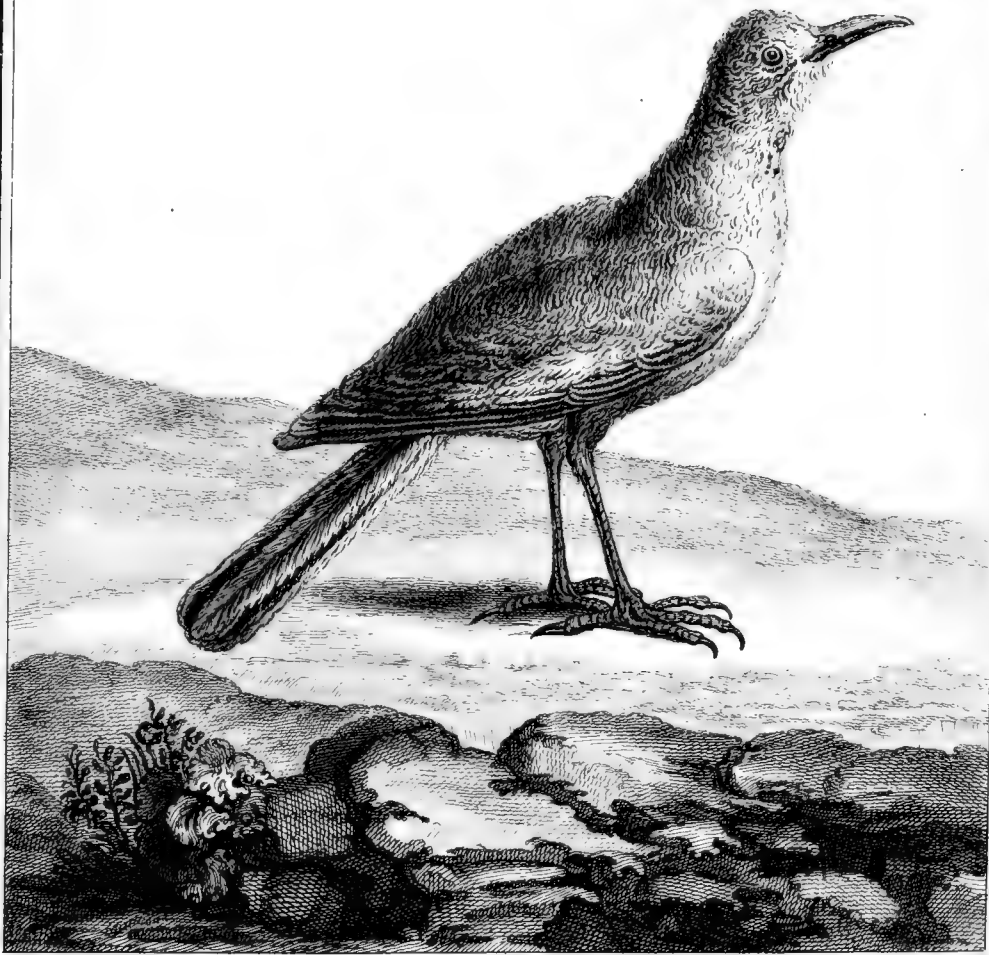
Bassier del.

1. Le Bonnet oulé.

LE FAUCON BLEU. *Falco Cereleus*.



Echelle de quatre pouces
 1 2 3 4 pouces
 12 lignes



Fouquier del

F. Le Comte sculp

LA HUPPE AUX PIEDS D'ALOUETTE. *Eupya Alaudipes*.



sous le ventre, tachetées de noir sur la gorge & sur les côtés de la tête. Les ailes se prolongent jusqu'à la moitié de la queue; les plus longues plumes sont blanches à la base, les moyennes le sont au sommet, quelquefois aux deux extrémités.

La queue est à peu-près de la longueur du corps, prise depuis l'occiput; les grandes plumes sont sensiblement égales, les deux supérieures & moyennes sont d'une couleur fauve, toutes les autres sont brunes, si l'on en excepte cependant les latérales qui sont bordées d'une ligne blanche extérieurement.

Ces oiseaux vont ordinairement deux à deux; la femelle ne diffère pas sensiblement du mâle; ils vivent sur les bords du désert. J'en ai observé plusieurs entre Cafsa & Tozzer dans le royaume de Tunis; ils courent rapidement & se perchent sur de petits buissons. Le mâle chante d'une voix forte & mélodieuse, les accens sont d'abord lents & très-expressifs, puis ils deviennent plus précipités, ils imitent un peu ceux du rossignol, sans être cependant aussi variés. Une particularité qui mérite d'être observée, c'est que vers la fin de son chant, il s'élance subitement à la hauteur de quinze à vingt pieds, & retombe perpendiculairement à la place d'où il s'étoit élevé.

Dimensions.

	Pouces.	Lignes.
Longueur du bec.....	1.	2.
— de la tête.....	1.	"
— du corps depuis l'occiput.....	2.	11.
— de l'aile.....	4.	10.
— de la queue.....	3.	"
— de la cuisse.....	"	4.
— de la jambe.....	1.	3.
— du plus long doigt antérieur.....	"	7.
— du doigt postérieur.....	"	5.
Largeur du corps.....	2.	"



M É M O I R E

*Sur quelques effets d'attraction ou de répulsion
apparente entre les molécules de matière.*

Par M. M O N G E.

LES physiciens accoutumés, d'après les anciens préjugés de l'école, à regarder la matière comme une substance purement passive, ont refusé long-temps d'admettre aucune activité entre les molécules des corps ; c'est après avoir épuisé pour ainsi dire toutes les explications mécaniques, & après avoir reconnu que pour rendre raison, par l'action de quelques fluides extérieurs, des phénomènes que présente l'adhésion des molécules des solides, & de ceux qu'offrent les compositions & les décompositions chimiques, il falloit d'abord former sur l'existence même de ces fluides, des hypothèses purement gratuites, & leur attribuer ensuite des propriétés qui ne sont fondées sur aucune analogie, qu'on s'est enfin déterminé à regarder toutes les molécules de matière comme douées d'une force en vertu de laquelle elles tendent les unes vers les autres ; & à supposer que cette force, variable pour les différentes substances, & très-grande en général lorsque les molécules peuvent être considérées comme en contact, décroît très-rapidement, & devient absolument nulle dès que la distance des molécules devient sensible. C'est aussi par-là qu'on explique l'ascension des liquides dans les espaces capillaires dont ils peuvent mouiller les parois, & leur abaissement au dessous du niveau dans ces mêmes espaces, lorsque les parois ne sont pas susceptibles d'en être mouillées. Mais à cet égard on s'est souvent porté trop loin, & séduit par quelques apparences spécieuses, on a attribué une attraction mutuelle à des molécules qui n'exercent immédiatement l'une sur l'autre aucune action sensible. Je me propose dans

ce Mémoire de faire voir que les mouvemens par lesquels certains petits corps s'approchent ou s'écartent, ne sont point les effets d'une attraction ou d'une répulsion immédiate, mais que ces mouvemens sont produits, les uns par des pressions & les autres par des attractions étrangères que l'on n'avoit pas encore suffisamment considérées.

Première Expérience. Si sur la surface d'une eau tranquille, on place deux corps légers quiURNagent & qui soient tous deux susceptibles d'être mouillés par l'eau, & que ces corps soient abandonnés à eux-mêmes & sans mouvement à quelques pouces l'un de l'autre, ils restent en repos, & ils ne prennent de mouvement que celui qu'ils peuvent recevoir de l'agitation de l'air; mais si on les place à quelques lignes seulement de distance, & qu'on les abandonne, on les voit se porter l'un vers l'autre d'un mouvement accéléré; on ne peut ensuite les séparer sans vaincre une résistance sensible, & toutes les fois qu'on les abandonne de nouveau, ils se précipitent l'un vers l'autre. Autrement, si les parois du vase dans lequel on fait l'expérience sont de nature à être mouillées par l'eau, si elles sont de verre, par exemple, & que la surface de l'eau s'élève tout autour, & qu'un globe de liége soit abandonné à lui-même & sans mouvement au milieu de la surface de l'eau, ce globule reste en repos; mais si on l'approche à quelques lignes de distance de la paroi du vase, & qu'on l'abandonne, il se porte d'un mouvement accéléré vers cette paroi, à laquelle il adhère, & dont on ne peut ensuite le séparer sans éprouver une résistance sensible; enfin, toutes les fois qu'après l'avoir écarté du bord à quelques lignes de distance, on l'abandonne, il se précipite de nouveau vers la paroi.

On regarde ordinairement le phénomène que je viens de décrire, comme l'effet de l'attraction du liége pour la substance du verre, & cependant il est facile de démontrer que ces deux matières n'exercent l'une sur l'autre aucune action à une distance sensible.

D'abord, si, au lieu de faire nager le globule de liège sur la surface de l'eau, on le suspend à l'extrémité d'un fil même très-long, & que dans cet état on l'approche lentement du verre, à quelque petite distance qu'on le place de la paroi du vase, il y reste sans s'en approcher davantage, tandis que dans le premier cas, il commence à se porter vers la paroi à une distance beaucoup plus considérable.

Mais ce qui prouve incontestablement que le verre & le liège ne s'attirent pas immédiatement dans ce phénomène, c'est que, quand le globule surnageant adhère au verre, si l'on verse dans le vase de l'eau nouvelle pour en faire monter la surface, le globule s'élève & adhère toujours à la paroi, jusqu'à ce que la surface de l'eau soit à peu-près au niveau des bords; & lorsque le vase est plus que plein, & que la surface de l'eau s'élevant au dessus du vase, devient convexe vers les bords, le globule fuit le vase d'un mouvement accéléré de moins en moins. Alors, pour approcher le globule de la paroi, il faut vaincre une petite résistance, & toutes les fois qu'on l'abandonne de nouveau, il fuit & il s'élève vers le milieu de la surface de l'eau, malgré son propre poids qui s'oppose à ce mouvement. Ainsi, pour attribuer, dans le premier cas, le mouvement du globule vers la paroi, à une attraction que leurs substances exerceroient l'une sur l'autre, il faudroit, dans le second, attribuer la fuite du globule à une répulsion que le verre exerceroit contre le liège, & admettre, que les affections de ces deux matières changeroient & deviendroient contraires, sans qu'on apperçût aucune circonstance qui pût donner lieu à un pareil changement.

Passons maintenant à un phénomène analogue dans des circonstances différentes.

Seconde Expérience. Si, après avoir placé sur la surface d'une eau tranquille deux corps qui surnagent, & dont un seul soit susceptible d'être mouillé par l'eau, par exemple, deux globules de liège, dont l'un ait été charbonné à la flamme d'une bougie, on essaye avec une pointe d'appro-

cher un de ces globules de l'autre; celui-ci, s'il est libre, fuit à l'approche du premier, & on ne peut les mettre en contact, à moins qu'on ne les presse tous deux l'un vers l'autre en sens contraire; & dans ce cas, on éprouve une petite résistance. Enfin, dès qu'on les abandonne à eux-mêmes, ils se repoussent & se fuient d'un mouvement accéléré de moins en moins.

Autrement, s'il n'y a qu'un globule charbonné, & que le vase soit de verre, le globule s'éloigne toujours des parois dont on ne peut l'approcher qu'en surmontant une résistance; & dans ce cas, dès qu'on l'abandonne à lui-même, il fuit les parois, pour se porter vers le milieu du vase.

Le mouvement que le globule prend dans cette expérience, ne peut pas être attribué à une répulsion que le verre exerceroit contre la substance du liège sec; car, 1.^o si le globule, au lieu de flotter sur la surface de l'eau, étoit suspendu dans l'air à un fil, on pourroit l'approcher des parois, & même le mettre en contact avec elles, sans apercevoir aucune tendance ni à s'approcher du verre, ni à s'en éloigner. 2.^o Lorsque le globule flottant sur la surface de l'eau, on achève de remplir le vase, de manière que l'eau en surmonte les parois, & que sa surface s'arrondisse vers les bords, si le globule se trouve dans le voisinage des parois, il se précipite vers elles d'un mouvement accéléré, & il y adhère; on ne peut ensuite l'en détacher sans éprouver une résistance plus grande que celle qui seroit due à son poids; & dans ce cas, lorsqu'on l'abandonne à lui-même, il se précipite de nouveau contre le verre.

Ainsi, lorsque dans un cas le globule charbonné s'approche du verre, & que dans l'autre, il s'en éloigne, ce n'est pas en vertu d'une action immédiate, exercée de la part du verre sur le liège, car il faudroit que cette action devînt directement contraire dans des circonstances qui ne peuvent déterminer un pareil changement.

Troisième Expérience. Enfin, si sur la surface d'un liquide, on fait flotter deux corps qui ne soient susceptibles ni

l'un ni l'autre d'être mouillés par le liquide; par exemple, si sur un bain de mercure, on place deux balles de fer, & qu'on les écarte seulement de quelques lignes, aussitôt qu'on les abandonne à elles-mêmes, elles se précipitent l'une vers l'autre, & elles paroissent adhérer entr'elles, de manière que si l'on essaye d'écarter l'une, l'autre la suit, malgré la résistance que le mercure oppose à son mouvement; & si le vase est de verre, en sorte que la surface du mercure soit déprimée & convexe vers les parois, & que les balles soient placées dans le voisinage du verre, elles se portent vers les parois, desquelles on ne peut ensuite les détacher qu'en surmontant une assez grande résistance. Mais l'analogie avec les phénomènes précédens cesse ici, car si l'on achève de remplir le vase, & que la surface du mercure surmonte les bords, les balles ne sont point repoussées, elles continuent d'adhérer entr'elles & aux parois du vase.

En réfléchissant sur les phénomènes que je viens de décrire, il est facile de remarquer que les attractions & répulsions apparentes qui en font l'objet, dépendent uniquement de la faculté que les corps que l'on considère ont d'être tous deux mouillés par le liquide environnant, ou de ne l'être ni l'un ni l'autre, ou enfin de la faculté qu'ils ont, l'un d'être mouillé, & l'autre de ne l'être pas; & les résultats peuvent être énoncés d'une manière générale par les trois propositions suivantes qu'il est facile de retenir, à cause d'une espèce d'analogie avec la règle des signes dans la multiplication algébrique.

Première loi. *Lorsque deux corps, submergés dans un liquide ou flottant à sa surface, & placés dans le voisinage l'un de l'autre, sont tous deux susceptibles d'être mouillés par le liquide, ils paroissent s'attirer réciproquement, & ils se portent l'un vers l'autre.*

Seconde loi. *Lorsque deux corps, submergés ou flottant, & placés dans le voisinage l'un de l'autre, ne sont ni l'un ni l'autre susceptibles d'être mouillés par le liquide environnant, ils paroissent encore s'attirer.*

Troisième loi. *Lorsque de deux corps, submergés ou flottant, & placés dans le voisinage l'un de l'autre, l'un est susceptible d'être mouillé, tandis que l'autre ne l'est pas, ils paroissent se repousser, & ils s'écartent en effet, à moins que quelque obstacle ne s'oppose à cette séparation.*

Mariotte, dans son *Traité du Mouvement des eaux*, après avoir observé les phénomènes précédens, & trouvé les loix que je viens d'énoncer, essaye d'en indiquer les causes. Il explique la seconde loi d'une manière conforme à la nature : ce qu'il dit de la troisième n'est pas tout-à-fait exempt de reproches ; mais par rapport à la première, il n'entre presque dans aucun détail, ou l'explication qu'il en donne est absolument défectueuse ; il se contente de dire à cet égard, que les deux globules mouillés s'attirent comme deux gouttes d'eau feroient dans les mêmes circonstances, Or, deux gouttes d'eau, quelque voisines qu'elles soient l'une de l'autre, ne s'attirent en aucune manière ; il faut qu'elles soient absolument en contact, pour se mêler & se confondre, & même par un temps très-sec & avec un peu d'adresse, on peut choquer les deux gouttes l'une contre l'autre, altérer par-là leurs formes, & les faire rejaillir, sans qu'elles se réunissent ; & cependant les deux globules flottant sur le liquide qui les mouille, se portent déjà l'un vers l'autre, lorsqu'ils sont encore écartés de plusieurs lignes : le phénomène que présentent ces globules n'a donc aucune analogie avec ce qui se passe entre deux gouttes d'eau, & ce qu'en dit Mariotte, ne peut pas être regardé comme une explication.

Le préjugé que deux gouttes d'eau s'attirent à distance, étant assez généralement répandu, il n'est peut-être pas inutile de rapporter ici les expériences & les observations qui peuvent servir à le détruire.

Quatrième expérience. Si, après avoir mis de l'esprit-de-vin dans une soucoupe, on y fait tomber du même liquide goutte à goutte & de quelques lignes de hauteur, au moyen d'un chalumeau capillaire légèrement incliné, les gouttes,

en choquant la surface du liquide, ne se confondent pas avec la masse ; elles conservent leur forme à peu - près sphérique, elles roulent sur la surface avec une très-grande liberté, comme des billes sur le tapis d'un billard ; & lorsque quelques - unes d'elles se rencontrent dans leur mouvement, elles se choquent, elles changent de figure par la percussion, elles se réfléchissent & continuent ensuite de rouler après le choc, sans se réunir les unes avec les autres ; enfin, malgré leur contact continuel avec la surface du liquide, elles ne se confondent avec lui que très-tard.

Ce phénomène peut être favorisé par deux circonstances ; il réussit d'autant plus facilement, 1.^o que l'adhérence des molécules du liquide les unes par les autres est plus grande, car si l'on emploie de l'esprit-de-vin chaud, dont les molécules ont beaucoup moins d'adhérence, les gouttes se confondent avec la masse du liquide dès qu'elles touchent la surface ; 2.^o que le liquide est plus évaporable, c'est-à-dire, qu'il a plus d'affinité pour l'air environnant, car c'est la couche d'air adhérente à la surface des globules, qui diminue leur pesanteur spécifique & les fait flotter. C'est par ces deux raisons, que nous recommandons ici d'employer de l'esprit-de-vin ; mais ce phénomène peut avoir lieu avec toute autre liqueur, & on l'observe tous les jours dans les laboratoires de chimie, en filtrant des dissolutions concentrées qui tombent goutte à goutte dans le vase qui les reçoit : lorsque la hauteur de la chute n'est que de quelques lignes, il arrive très-souvent que les gouttes ne se mêlent avec la masse du liquide qu'après avoir roulé quelque temps sur sa surface. L'eau elle-même, quoique trop liquide & trop peu évaporable pour donner lieu au phénomène tel que nous venons de le décrire, se comporte de la même manière dans des circonstances parfaitement analogues, comme on peut l'observer en passant l'eau dans les batelets ; chaque fois en effet que le batelier soulève la rame, l'eau qui en découle se divise en gouttes sphériques d'une ligne & demie ou de deux lignes de diamètre, & qui, malgré

malgré l'agitation de l'eau, la choquent, roulent ensuite sur la surface, & ne se confondent que très-tard avec elle.

Enfin le poids, & par conséquent la grosseur des gouttes, étant un obstacle au succès de cette expérience, on la rend d'autant plus facile, que le procédé que l'on emploie rend les gouttes plus petites: ainsi, lorsque par un temps froid on expose à l'air une liqueur chaude, brune ou noire, du café par exemple, l'air qui est en contact avec la surface, s'échauffe, dissout de l'eau & s'élève; puis se refroidissant par le contact de l'air froid, il abandonne l'eau qu'il n'avoit dissoute qu'à la faveur de l'élévation de sa température, & cette eau abandonnée retourne à l'état liquide sous la forme de très-petits globules qui troublent la transparence de l'air, & constituent la fumée que l'on aperçoit. Enfin, plusieurs de ces globules se réunissent pour former d'autres globules qui, quoique très-petits encore, sont trop gros néanmoins pour être soutenus par l'air, & qui tombant en grand nombre sur la surface de la liqueur colorée, y deviennent visibles & présentent l'aspect d'une écume blanche & légère. Ces globules, à cause de leur petitesse, flottent long-temps en contact avec la surface de la liqueur sans se confondre avec elle, ce qu'il seroit très-difficile d'obtenir par la même température, avec les grosses gouttes qui sortiroient du chalumeau même le plus capillaire.

Il faut bien observer que les globules dont il s'agit ici, de même que les gouttes formées avec le chalumeau dans l'expérience précédente, sont de petites sphères massives de liqueur, & non pas des ampoules vésiculaires, comme celles qui se forment sur la surface de l'eau pendant les grosses pluies. Il est facile de s'en convaincre pour les gouttes qui tombent du chalumeau: 1.° par le défaut d'accès à l'air qui devroit alors remplir ces gouttes; 2.° par la forme même des gouttes qui est globuleuse, & qui seroit hémisphérique si elles étoient vésiculaires; 3.° par leur grande mobilité; car si en soufflant avec le chalumeau dans la liqueur, on donne lieu à la formation d'ampoules vraiment vésiculaires, il est

facile de reconnoître celles-ci à leur aspect, à leur mobilité incomparablement moindre, & à leur durée généralement plus grande. Quant aux petits globules que l'on aperçoit sur le café chaud, on se convaincra qu'ils sont pareillement massifs & non vésiculaires par leur grande mobilité; la moindre agitation dans l'air, le souffle le plus léger, suffisent pour les disperser & les ranger avec rapidité sur les bords du vase. Enfin, les iris que M. de Saussure a remarquées en examinant ces globules au microscope, ne sont point une preuve de leur cavité, puisque l'arc-en-ciel que l'on observe lorsque les gouttes de pluie sont éclairées par le soleil, n'auroit, comme on fait, au contraire pas lieu si ces gouttes étoient concaves, c'est-à-dire, vésiculaires.

M. de Saussure s'est donc trompé dans ses *Essais sur l'Hygrométrie*, ouvrage rempli d'ailleurs de recherches très-intéressantes, lorsqu'il a cru que des gouttes du même liquide ne pouvoient être poussées les unes contre les autres, ni même être simplement en contact sans se réunir sur le champ, & lorsqu'il a conclu que des globules ne peuvent flotter sur la surface de leurs propres liquides sans être concaves: ainsi, la théorie des vapeurs vésiculaires que cet auteur n'a établie que sur de semblables observations, est absolument sans fondement; & il reste toujours démontré par des expériences directes, & confirmé par tous les phénomènes de météorologie, que l'air atmosphérique dissout d'autant plus d'eau, qu'il est plus chaud & plus comprimé.

Puisque deux gouttes d'eau n'exercent aucune action l'une sur l'autre, tant qu'elles sont à une distance sensible, que même il faut qu'elles soient absolument en contact pour se réunir en un seul globule, il s'ensuit que le phénomène que présentent deux globules flottans sur le liquide qui les mouille, a besoin d'une autre explication. Je vais reprendre cet objet, comme si Mariotte ne s'en étoit pas occupé; je commencerai par l'explication des deux dernières loix, & je finirai par celle de la première.

Fig. 1. Explication de la seconde loi. Lorsque sur la surface d'un

liquide, on fait flotter un globule *A* qui n'est pas susceptible d'en être mouillé, la surface du liquide se déprime tout autour du globule; elle prend une courbure dont la convexité est tournée vers le haut, & le globule reste en équilibre, parce que la dépression dont il s'agit se faisant par-tout à la même profondeur, il est pressé par le liquide de la même manière en tous sens. La distance des sommets *B*, *C* des courbures opposées, varie en général pour les différens liquides, suivant la force avec laquelle leurs molécules adhèrent entr'elles, & pour le même liquide, suivant les différentes températures. Si à quelque distance du premier globule, on en place un second *A'*, tout se passe par rapport à ce second corps, comme par rapport au premier; il reste en équilibre, & les parties *MB*, *C B'*, *C N*, de la surface du liquide sont dans un même plan horizontal. Si l'on approche les deux globules *A*, *A'*, de manière que les sommets *C*, *B'* des courbures de la surface du liquide se confondent, tout reste encore dans le même état; le sommet commun *C* des deux courbures est à la même hauteur que le reste de la surface; les deux corps sont encore en équilibre, leur distance est alors la plus petite à laquelle ils puissent rester en repos, & cette distance est la limite de la capillarité pour les circonstances actuelles: mais si l'on continue d'approcher les deux corps, comme dans la *figure 3*, le liquide se déprime entr'eux deux, & le sommet de la courbure ne s'élève plus à la même hauteur que le reste de la surface. Chacun des deux globules est donc moins pressé par le liquide environnant du côté de l'autre globule, que de toute autre part; & ces deux corps, en cédant dans le sens vers lequel la pression est moindre, se portent l'un vers l'autre. Fig. 4

On voit donc que lorsque deux globules flottans, non mouillés, & placés à une petite distance, s'approchent l'un de l'autre, ce n'est pas en vertu d'une attraction, ni d'aucune autre affection qui leur soit propre, mais que c'est le résultat d'une différence de pression qui leur est étrangère, & que ce phénomène n'auroit pas lieu si les corps étoient placés à

la même distance hors du liquide. Cette explication est celle de Mariotte.

Fig. 4. Ce que l'on vient de voir pour deux globules flottans , arrive de même pour deux globules submergés ; car si les deux corps *A*, *B* sont plongés dans un liquide qui n'ait pas la faculté de les mouiller , & que leur distance soit capillaire, le liquide se sépare entr'eux , si l'air peut y avoir accès , & les corps n'éprouvant plus du côté de l'intervalle qui les sépare une pression aussi grande que du côté opposé , sont pressés l'un vers l'autre ; & si l'air atmosphérique ne peut arriver entre les deux corps , le liquide ne se sépare que quand la force avec laquelle il tend à le faire peut vaincre le poids de l'atmosphère ; mais lors même qu'il ne se sépare pas , sa tendance à la séparation occasionne une diminution de pression qui produit le même effet.

Les physiciens qui opèrent sur des appareils au mercure , ont de fréquentes occasions d'observer ce dernier phénomène ; car , lorsqu'après avoir plongé les mains dans le bain de mercure , on essaye d'écarter les doigts les uns des autres , on sent une résistance qui n'est pas due à la difficulté de mouvoir le liquide , puisqu'elle n'a lieu qu'au mouvement de la séparation des doigts , & l'on éprouve la même sensation que s'ils s'attiroient réciproquement.

Il n'est peut-être pas inutile d'observer ici que lorsqu'un corps n'est pas susceptible d'être mouillé par le liquide sur lequel il flotte , son enfoncement est moindre que si la surface du liquide ne se déprimoit pas autour de lui : il est bien évident qu'il ne doit s'enfoncer que jusqu'à ce que le poids du volume de liquide déplacé , tant pour le corps lui-même que pour la dépression , soit égal au poids total du corps.

Fig. 5. *Explication de la troisième loi.* Lorsque sur la surface d'un liquide on place à quelques pouces de distance l'un de l'autre , deux globules flottans *A*, *A'* , dont le second est susceptible d'être mouillé par le liquide , tandis que l'autre ne l'est pas , la surface se déprime autour du corps

A, comme nous l'avons vu précédemment; mais elle s'élève au contraire autour du corps *A'*, elle devient concave vers le haut, & la distance *B' C'* des origines des courbures opposées varie en général suivant la nature du liquide, suivant celle du globule, & suivant la température. Si l'on approche les deux globes *A, A'* jusqu'à ce que l'origine de la concavité *C'* & le sommet *B* de la convexité se confondent en *B* (Fig. 6), les deux corps restent en équi-

Fig. 6.

libre, parce que tout est encore dans le même état par rapport à eux; mais leur distance est alors la plus petite à laquelle ils puissent être l'un de l'autre & rester en repos; elle est la limite de la capillarité dans les circonstances actuelles. Si l'on continue d'approcher les deux corps (fig. 7), la dépression du liquide autour du globule *A* est moindre du côté de l'autre corps, à cause de l'élévation que le corps *A'* occasionne autour de lui; & il en résulte autour du corps *A* un enfoncement dont la forme n'est pas symétrique. La pression que ce corps éprouve de la part du liquide est donc plus grande du côté de l'autre corps que de toute autre part; & pour céder à la pression la plus forte, il est forcé de s'éloigner de l'autre corps comme s'il en étoit repoussé; ou autrement, le corps *A* se trouvant pour ainsi dire placé sur un plan incliné mobile, l'équilibre ne peut pas avoir lieu; il faut que le corps fuie d'un côté, & que le plan mobile fuie de l'autre, ce qui produit les mêmes apparences que si les deux corps se repoussaient mutuellement.

Fig. 7.

Ainsi, lorsque deux corps flottans dont l'un est mouillé par le liquide sur lequel ils nagent, tandis que l'autre ne l'est pas, se fuient réciproquement, ce n'est pas en vertu d'une répulsion immédiate qu'ils exercent l'un sur l'autre; ce mouvement est l'effet d'une inégalité de pression de la part du liquide environnant. L'inégalité de pression dont il s'agit ici, est à la vérité le résultat d'une action exercée par le corps mouillé sur le liquide; mais cette action est absolument étrangère à l'autre corps qui à cet égard est dans un état purement passif; & il est bien évident qu'il n'y

auroit aucune répulsion même apparente , si les deux corps étoient suspendus à la même distance hors du liquide.

Ce que l'on vient de dire relativement à deux corps flottans, dont l'un est mouillé, & dont l'autre ne l'est pas , auroit pareillement lieu entre les mêmes corps s'ils étoient tous deux submergés ; car la force avec laquelle le corps mouillé tend à retenir l'eau autour de lui , & à la rapprocher lorsqu'elle en est écartée par le voisinage de l'autre corps, doit avoir pour effet d'éloigner ces deux corps l'un de l'autre, si aucun obstacle ne s'oppose à cette séparation , ce qui présente une image assez exacte de ce qui se passe dans les précipitations chimiques.

Fig. 8. *Explication de la première loi.* Si à l'extrémité d'un fil retenu par un point fixe K , on suspend une lame de verre, de manière qu'elle plonge par son extrémité inférieure dans de l'eau dont la surface soit représentée par MN , on fait que l'eau s'élève le long des deux faces latérales de la lame, & que les surfaces EDC , FGH des masses d'eau soulevées sont courbes & concaves vers le haut. On fait encore que l'élévation d'eau dont il s'agit, est l'effet d'une action que le verre exerce par les molécules d'eau, & d'une autre que les molécules exercent les unes sur les autres ; mais comme on n'a jusqu'à présent aucune connoissance positive sur la nature de l'une ni de l'autre de ces deux actions , on ne pourroit déterminer la forme de la courbe EDC que d'une manière très-hypothétique ; on fait seulement que l'origine E de cette courbure est plus ou moins éloignée de la lame, suivant la nature du liquide dans lequel la lame est plongée, suivant celle de la lame elle-même, & toutes choses égales d'ailleurs, suivant les températures.

Les deux masses d'eau soulevées par la lame tendent à lui communiquer du mouvement dans plusieurs sens. D'abord ces deux masses augmentent de tout leur poids la charge du point K , & tendent à faire plonger davantage la lame qui s'enfonceroit en effet un peu plus, si, au lieu d'être attachée à un point fixe, elle étoit suspendue à l'extrémité

du fléau d'une balance précédemment en équilibre ; mais indépendamment de cet effort qui avoit déjà été remarqué par les physiciens , les deux masses d'eau soulevées en exercent encore deux autres dans le sens horizontal , auxquelles je ne crois pas que l'on ait fait attention ; & c'est parce que dans l'expérience dont il s'agit , ces forces sont égales & directement opposées , que la lame reste verticale. Chacune des deux masses *EDC*, *FGH* tire la lame de son côté , & tend à la faire mouvoir dans le sens horizontal , précisément comme feroient deux chaînes pesantes , suspendues à la lame en *C* & *F* , & retenues à deux points fixes *E*, *H* ; en sorte que si par quelques moyens on empêchoit que l'une des deux masses ne fût soulevée , la lame cesseroit d'être verticale , & elle se porteroit du côté de l'autre masse.

Il est facile de s'assurer de cet effet par l'expérience. Supposons que sur une table horizontale & vernie *MN*, Fig. 9. on ait mis une goutte d'eau *AB* qui ne s'attache pas à la table , & qui soit arrondie & convexe dans toute sa circonférence , ce qu'on peut obtenir facilement à l'aide d'un chalumeau capillaire ; qu'ensuite on approche de cette goutte une petite verge *CA*, susceptible d'être mouillée par l'eau , & suspendue librement au point *C*, de manière qu'elle soit verticale , lorsque par son extrémité inférieure elle touche la goutte en *A* ; enfin , que l'on ait placé en *D* un obstacle qui empêche la verge de se mouvoir vers *B*. Cela posé , dès que la verge aura touché la goutte , celle-ci se déformera , elle s'élèvera vers la verge d'un seul côté en *EF*, ou pour mieux dire , elle s'élèvera du côté *EF* en beaucoup plus grande quantité que de l'autre ; l'effet de la différence entre les quantités d'eau soulevées , sera de retirer la verge du côté de *B* , & de la presser contre l'obstacle *D* , en sorte que si l'on retire cet obstacle , la verge se mouvra réellement vers *B* ; elle tendra à devenir perpendiculaire à la surface de la goutte , comme on voit dans la *fig. 10* , & elle prendroit rigoureusement cette Fig. 10. position , si son propre poids ne s'opposoit pas en partie à cet effet.

Ainsi, lorsqu'une lame de verre suspendue librement & plongée par le bas dans un liquide, comme dans la *fig. 8*, le soulève de part & d'autre, elle éprouve de la part de chaque masse soulevée une action dont l'effet est de tirer la lame de son côté, comme feroient deux chaînes pesantes accrochées à la lame aux points *C*, *F*, & retenues en *E*, *H*. On sent bien que la chaîne que nous n'employons ici que comme une image, ne devoit pas être d'une pesanteur uniforme; il est probable que le poids de chaque élément devoit être proportionnel à la colonne d'eau qui correspond à cet élément; que par conséquent ce poids devoit décroître à partir de la lame, pour devenir nul au point *H*.

Fig. 11. D'après cela, si ayant suspendu deux lames de verre de manière qu'elles plongent dans l'eau par le bas, & que leurs faces soient parallèles, on les approche l'une de l'autre jusqu'à ce que les origines des masses d'eau qu'elles soulèvent entr'elles, se confondent en une même ligne droite représentée par le point *H*; il est évident que ces deux lames resteront en équilibre, parce que rien n'aura changé par rapport à elles, & qu'elles seront chacune en particulier dans le même cas que celle de la *fig. 8*. Dans cet état, la distance des deux lames sera la limite de la capillarité de l'espace qui les sépare, & la grandeur de cette limite variera en général selon la nature des lames, selon celle du liquide, & selon la température.

Mais si l'on continue d'approcher les deux lames, & que les volumes des masses d'eau soulevées soient forcées de se pénétrer réciproquement, comme on voit (*fig. 12*), l'équilibre sera rompu de deux manières. D'abord, si la surface de l'eau soulevée gardoit la forme discontinue *AHB*, les forces qui, dans le premier cas, pouvoient soulever les deux masses considérées séparément, n'auroient pas leur entier effet; en supposant donc que ces forces n'aient reçu aucun accroissement, il est clair qu'elles soulèvent encore un volume d'eau égal à *CHD*, & que la surface de l'eau s'élèvera quelque part en *IGK*. Mais indépendamment de
cette

cette première perturbation d'équilibre qui étoit connue des physiciens, il y en aura une autre que je ne crois pas qu'on ait encore remarquée, c'est que les deux lames de verre ne resteront pas verticales, & qu'elles se porteront l'une vers l'autre, comme si elles s'attiroient réciproquement; car en considérant toujours la masse d'eau soulevée, comme faisant l'effet d'une chaîne suspendue aux deux lames, on peut supposer qu'ici ces deux chaînes se sont croisées, & que la masse des deux parties supprimées a été distribuée d'une manière à peu-près uniforme au reste de la chaîne. La nouvelle chaîne qui en résulte est encore d'un poids variable, mais le poids des élémens du milieu est augmenté en plus grand rapport que celui des élémens plus voisins des poids de suspension, & l'effort que fait cette chaîne pour approcher les deux lames est plus grand que dans le cas de la *figure 11*; or dans ce dernier cas il y avoit équilibre: donc dans la *figure 12*, cet équilibre doit être rompu, & les deux lames doivent être tirées l'une vers l'autre par l'action de l'eau qu'elles soulèvent entr'elles.

Ainsi lorsque deux lames en partie plongées dans un liquide capable de les mouiller, sont séparées par un intervalle capillaire, elles se portent l'une vers l'autre, non, en vertu d'aucune attraction immédiate, puisque si l'on venoit à supprimer le liquide, elles resteroient à la même distance & n'auroient aucune tendance à s'approcher, mais en vertu de l'action qu'elles exercent sur le liquide qui les mouille, & qui fait l'office d'une chaîne pesante attachée aux deux lames, & d'autant plus tendue que l'intervalle est plus capillaire.

Il est bien évident que ce qu'on vient de dire par rapport à deux lames planes, est applicable à deux corps flottans, de figure quelconque, séparés par un intervalle capillaire, & susceptibles d'être mouillés par le liquide qui les porte; ainsi, lorsque dans ces circonstances deux corps s'approchent & adhèrent entr'eux, ce n'est pas en vertu d'une attraction immédiate qu'ils exercent l'un sur l'autre.

D'après l'explication des trois loix que suivent les corps flottans ou submergés, en s'approchant ou en se fuyant, selon qu'ils sont ou ne sont pas mouillés par le liquide environnant, il est facile de rendre raison de toutes les circonstances des trois expériences décrites au commencement de ce mémoire, par rapport auxquelles il seroit superflu d'entrer dans un plus grand détail.

Il résulte de ce qui précède, que lorsqu'un liquide s'élève au-dessus du niveau dans un espace capillaire, les parois de cet espace sont tirées par le liquide les unes vers les autres. Si les parois sont mobiles, & si elles peuvent céder à la force qui tend à les rapprocher, elles se pressent en effet; & à mesure que par-là le diamètre de l'espace capillaire diminue, la force dont il s'agit augmente & les parois se pressent davantage; enfin ce progrès continue jusqu'à ce que la difficulté que le liquide trop comprimé éprouve à s'échapper, fasse obstacle à un plus grand rapprochement des parois, & établisse à cet égard une espèce d'équilibre.

Ainsi, par exemple, si l'on a plusieurs lames de verre polies, mouillées & suspendues de manière que leurs faces soient parallèles entr'elles, & écartées à la distance d'une ou de deux lignes, & qu'on les plonge dans l'eau par le bas, l'eau s'élève d'abord entr'elles au-dessus du niveau; cette eau soulevée tire l'une vers l'autre les lames voisines, & ces lames, en se rapprochant en effet, rendent plus capillaires les intervalles qui les séparent; alors l'eau s'élève à une plus grande hauteur & agit avec plus de force contre les lames; celles-ci continuent à se rapprocher, & finissent par se presser toutes avec une très-grande force, & par exprimer l'eau qui peut s'échapper. Dans cet état, si l'on comprime à l'extérieur le système des lames, ou si l'on facilite l'écoulement d'une plus grande quantité d'eau, en les faisant glisser les unes sur les autres, ces lames s'approchent de plus près, elles adhèrent avec une force plus grande encore, & elles forment une masse solide. Il est bien évident que la solidité de cette masse ne résulte

d'aucune attraction directe entre les molécules du verre, & qu'elle n'est que l'effet de l'action exercée de la part des lames sur les couches d'eau qui les séparent; car si à l'aide de la chaleur, ou par tout autre moyen, on vient à dissiper toute l'eau que les lames retiennent entr'elles, ces lames cessent absolument d'être adhérentes, & on n'éprouve plus à les écarter d'autre résistance que celle que doit naturellement apporter l'air pour se mouvoir avec une vitesse suffisante depuis les bords de chaque intervalle jusqu'au centre.

Ce qui arrive entre les lames de verre dont on vient de parler, représente assez exactement ce qui se passe entre les élémens des cristaux des sels neutres qui se forment au-dedans d'une dissolution trop rapprochée, soit que ces cristaux soient petits, nombreux & épars dans toute la dissolution, soit qu'ils se forment seulement au fond du vase où la dissolution est naturellement plus concentrée, & que par le progrès de la cristallisation ils composent de grandes masses. Il y a seulement cette différence, que dans le cas des lames de verre, la rigidité des lames & le défaut d'exactitude de leurs faces empêchent chaque molécule de verre de céder en particulier à toute l'action qui s'exerce sur elle, en sorte qu'une grande partie de la force qui auroit dû être employée à serrer les lames, n'a d'autre effet que de les plier pour les forcer à un contact à peu-près uniforme; tandis que dans le cas de la cristallisation, chaque élément du cristal étant libre & très-mobile avant l'adhésion, se porte contre le cristal déjà formé, avec la force entière qu'il exerce, & le plus souvent cette force est capable de comprimer l'eau de cristallisation, en lui faisant perdre une partie de la matière de la chaleur qui la constituoit dans l'état liquide. Mais il y a cette analogie, que l'adhérence de deux élémens voisins d'un cristal, n'est pas l'effet d'une attraction directe entre ces élémens, & qu'elle est produite par l'action qu'ils exercent l'un & l'autre sur l'eau de cristallisation qui les sépare; car si par quelque moyen

que ce soit, on enlève la liqueur de cristallisation, les élémens du cristal abandonnés à eux-mêmes, ne composent plus qu'une masse pulvérulente, opaque, & dont les parties n'ont aucune adhérence sensible les unes pour les autres.

En effet, lorsqu'on expose sur du fer rouge un cristal de gypse bien cristallisé & bien transparent, à mesure que la chaleur du métal vaporise l'eau de cristallisation, le cristal perd de sa transparence; & lorsque l'eau est entièrement dissipée, le gypse est blanc & parfaitement opaque; les lames qui le composent sont distinctes, séparées & sans aucune adhérence, & quelque compression que l'on emploie ensuite à son extérieur, il est impossible de lui rendre la solidité & la transparence qu'il avoit auparavant.

De même, lorsqu'on expose à l'air libre un cristal bien formé & bien transparent de vitriol de soude, l'air dissout & enlève au cristal l'eau de cristallisation; & lorsqu'ensuite cette opération est achevée, le cristal, entièrement déformé, est réduit en une poudre blanche, dont les molécules sont absolument sans aucune action sensible les unes pour les autres.

Enfin, l'extinction des sels neutres calcinés nous fournit un autre exemple frappant de l'analogie qui règne entre le phénomène de la cristallisation & l'adhérence que les lames de verre contractent au moyen des couches d'eau interposées. Si sur de l'alun calciné & mis en poudre, on verse une quantité d'eau un peu plus grande que celle d'eau de cristallisation perdue par ce sel pendant la calcination, cette eau nouvelle s'introduit bientôt entre les molécules de sel, comme dans des espaces capillaires; elle serre ces molécules les unes contre les autres, elle les rend adhérentes, & dans un temps assez court, la masse quitte l'état pulvérulent pour passer à l'état solide; elle acquiert une dureté surprenante qu'elle perdra dès qu'on lui enlèvera de nouveau l'eau de cristallisation, & ce phénomène est accompagné d'une très-grande chaleur.

Ainsi l'adhérence que l'on observe entre les élémens des

cristaux formés au dedans d'une dissolution rapprochée, n'est pas l'effet d'une attraction directe que ces éléments exercent les uns sur les autres; elle n'est qu'une suite de la loi par laquelle deux corps voisins semblent s'attirer lorsqu'ils sont tous deux susceptibles d'être mouillés par le liquide environnant. Cependant il ne faudroit pas abuser de cette conclusion, & il est probable que pour les substances qui, comme l'eau, le soufre, les métaux, &c. se fondent par l'action seule de la chaleur, & passent à l'état solide par le simple refroidissement, la cristallisation est produite par l'attraction immédiate des molécules; du moins l'on ne connoît jusqu'à présent aucun liquide interposé entre ces molécules, & à l'action duquel on puisse raisonnablement attribuer ce phénomène.

Il nous reste à rechercher s'il existe entre l'adhérence que contractent les corps ou mouillés ou non mouillés, & quelqu'autre circonstance de cet effet, une relation simple, au moyen de laquelle il soit possible de la mesurer: commençons par le cas où les corps ne sont pas susceptibles d'être mouillés par le liquide environnant.

Nous avons vu, par exemple, que si l'on a deux lames de verre suspendues librement, dont les faces soient parallèles, & qui soient séparées l'une de l'autre par un intervalle capillaire, & qu'on les plonge par le bas dans un bain de mercure dont la surface soit représentée par MN , cette surface se déprime à l'extérieur des lames, en AB & CD , & qu'elle s'abaisse au dessous du niveau dans l'intérieur, où elle se termine par un arrondissement en GEH . Chacune des deux lames est donc plus pressée par le liquide de dehors en dedans, qu'elle ne l'est de dedans en dehors, & c'est en vertu de la différence de ces deux pressions qu'elle se porte vers l'autre lame. Or, on sait que la pression exercée par un liquide sur une paroi rectangulaire verticale, à partir de la surface, est égale au poids d'une colonne de liquide qui auroit pour base le rectangle, & pour hauteur, la moitié de celle du rectangle; donc, en

Fig. 11

nommant H la hauteur KF de la surface au dessus du bord inférieur de la lame, h la quantité DF de la dépression, & a la largeur de la lame, la pression extérieure sera égale au poids du volume de liquide exprimé par $\frac{a}{2} (H^2 - h^2)$; de même, nommant H' la hauteur ke du liquide intérieur, & He la quantité de dépression entre les deux lames, la pression intérieure sera $\frac{a}{2} (H'^2 - h'^2)$; donc, enfin, la force qui presse les deux lames l'une contre l'autre, sera égale au poids du volume $\frac{a}{2} [H^2 - H'^2 - h^2 + h'^2]$.

Ainsi la quantité h pouvant toujours être mesurée, & h' pouvant être négligée, sur-tout quand la capillarité est très-grande, étant donnée la force qui presse les deux lames l'une contre l'autre, il sera toujours possible de connoître la quantité dont le liquide s'abaisse au dessous du niveau, & réciproquement.

fig. 14 Si les lames, au lieu d'être verticales, sont couchées horizontalement, & plongées, comme dans la figure 14, dans un liquide qui n'ait pas la propriété de les mouiller, la mesure de la force qui les presse devient beaucoup plus simple; car en négligeant l'épaisseur des lames & le diamètre de l'intervalle qui les sépare, soit AB la hauteur de la surface du liquide au dessus de cet intervalle, & AC la quantité dont le liquide s'abaisseroit au dessous du niveau dans un intervalle vertical de même capillarité; il est clair que la pression exercée contre les lames par le liquide extérieur, est due à la hauteur entière AB , & que celle qu'il exerce entre les deux lames est due seulement à la hauteur BC ; donc la force avec laquelle les lames sont pressées l'une contre l'autre, est égale au poids d'une colonne de liquide qui auroit pour base la surface d'une des lames, & pour hauteur la quantité dont le liquide s'abaisseroit au dessous du niveau dans l'intervalle qui les sépare. Ainsi cette force est constante à quelque profondeur que les lames soient

plongées dans le liquide, pourvu néanmoins qu'elles soient placées plus bas que le point *C*; car si l'enfoncement des lames étoit moindre que *AC*, comme dans la *figure 15*, le liquide ne s'introduiroit pas entre les lames, & la pression en vertu de laquelle elles seroient portées l'une contre l'autre, seroit due à la hauteur entière *AB*. Fig. 151

Il est bien évident que si dans la paroi du vase, on pratique une ouverture *M* à la hauteur de l'intervalle des deux lames, & de même diamètre que cet intervalle, le liquide s'écoulera par cette ouverture, dans le cas de la *figure 14*, avec une vitesse due à la hauteur *BC*, & que dans le cas de la *figure 15*, le liquide ne s'écoulera pas; ce qui explique pourquoi il faut presser plus ou moins le mercure, pour le faire passer par les pores de certaines substances, selon que ces pores sont plus ou moins capillaires; & pourquoi l'on peut contenir un volume peu considérable de mercure dans un linge, sans qu'il passe dans les intervalles du tissu.

Quant à l'adhérence que contractent deux corps voisins lorsqu'ils sont tous deux mouillés par le liquide environnant, il n'est pas aussi facile de trouver *a priori* quel rapport elle doit avoir avec la quantité dont le liquide s'élève au dessus du niveau dans un espace de même capillarité, & j'ai cru devoir recourir à l'expérience. Pour cela, après avoir avivé avec de l'alkali caustique deux lames de glace polie, & après les avoir bien édulcorées, je les ai plongées l'une sur l'autre dans de l'eau de Seine filtrée, en les séparant par deux fils parallèles d'argent trait, recuit, & d'un diamètre connu; puis je les ai dressées verticalement, en les tenant toujours plongées par le bas: l'eau s'est élevée entre les deux lames à une hauteur qu'il a été facile de mesurer, & j'ai répété cette expérience en employant successivement des fils de diamètres différens. Pour mesurer le diamètre de chacun des fils d'argent, dans chaque cas, j'ai enveloppé le fil sur un tube de verre, en pressant les révolutions les unes contre les autres, jusqu'à ce qu'il

occupât sur le tube un nombre exact de lignes, & en divisant le nombre des lignes par celui des révolutions, j'ai eu le diamètre du fil, & par conséquent celui de l'intervalle capillaire qui séparoit les deux lames. La table suivante donne ces diamètres, & la hauteur à laquelle l'eau s'élevoit au dessus du niveau pour chacun d'eux.

DIAMÈTRE des INTERVALLES CAPILLAIRES.	HAUTEURS DES COLONNES soulevées AU DESSUS DU NIVEAU
$\frac{4}{33}$ de ligne.	15 $\frac{1}{2}$ lignes.
$\frac{4}{49}$	33 $\frac{1}{2}$
$\frac{1}{28}$	74

Pour mesurer l'adhérence que les deux lames contractoient dans chacun de ces cas, je me suis servi d'un disque de même verre, suspendu au bassin d'une balance, & que je tenois écarté de l'autre lame par les mêmes fils qui avoient servi aux expériences précédentes; mais j'ai trouvé des résultats très-différens, selon que les fils que j'employois pour écarter les lames, étoient plus ou moins recuits. Leur ressort, lorsqu'ils ont quelque courbure, favorise la séparation des lames; & je ne puis rien conclure de ces recherches, sinon que l'adhérence des lames est beaucoup moindre que le poids d'une colonne de liquide qui auroit pour base la surface des lames, & pour hauteur celle de la colonne de liquide soulevée.

Je terminerai ce Mémoire par une remarque qui me paroît mériter quelque attention.

La force avec laquelle les molécules d'un même liquide adhèrent entr'elles lorsqu'elles sont en contact, est en général fort petite: par exemple, si sur la feuille d'un végétal non susceptible d'être mouillé par l'eau, on dispose une goutte
de ce

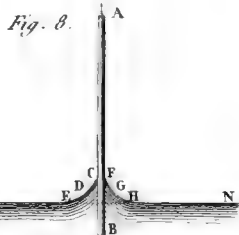


Fig. 12.

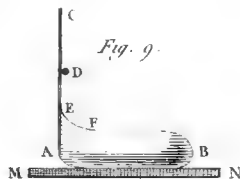
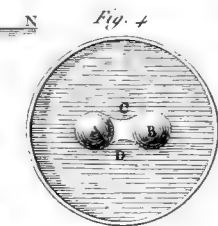
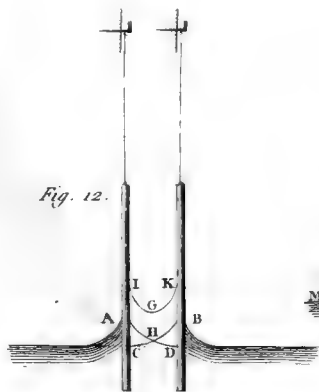


Fig. 13.

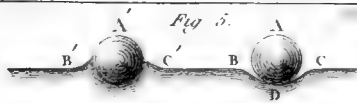
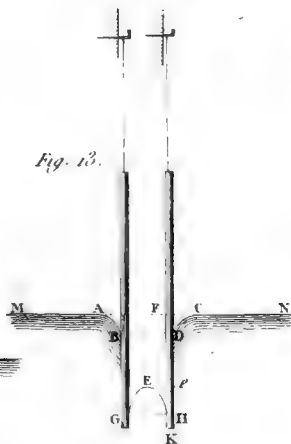


Fig. 11.

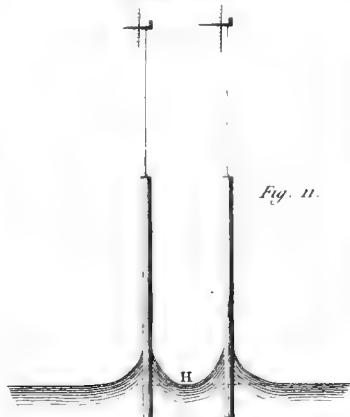


Fig. 14.

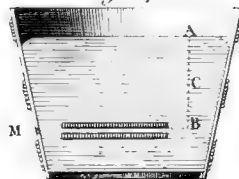
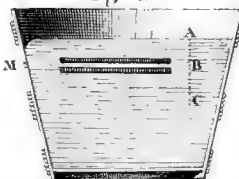


Fig. 15.





de ce liquide assez grosse pour que la surface supérieure soit plane dans le milieu, l'écoulement de la goutte vers les côtés est empêché par l'adhérence que les molécules d'eau ont les unes pour les autres ; cette adhérence est contre-balancée par la pression d'une colonne d'eau dont la hauteur n'excède pas deux lignes. Cependant lorsqu'on essaye de séparer deux lames de verre mouillées & adhérentes, on éprouve une résistance incomparablement plus grande, quoique dans ce cas il ne s'agisse encore que de surmonter l'adhérence des molécules d'eau. Cette différence paroît venir de ce que dans la goutte, l'adhérence que les molécules de la surface ont les unes pour les autres, est la seule force qui contre-balance la pression de la colonne d'eau. L'adhérence agit bien aussi dans le sens de la normale, mais elle s'exerce alors sur des molécules très-mobiles, & qui n'apportent d'autre résistance que celle qui vient de leur inertie, tandis que dans le cas des lames de verre, les molécules d'eau n'ayant plus la liberté de se mouvoir, chacune d'elles exerce son action sur une molécule capable de résistance, & c'est la somme de ces résistances qu'il faut surmonter pour opérer la séparation des lames.

En supposant ainsi que l'adhérence des molécules d'un liquide n'ait d'effet sensible qu'à la surface même, & dans le sens de la surface, il seroit facile de déterminer la courbure des surfaces des liquides dans le voisinage des parois qui les contiennent ; ces surfaces seroient des lintéaires dont la tension, constante dans tous les sens, seroit par-tout égale à l'adhérence de deux molécules ; & les phénomènes des tubes capillaires n'auroient plus rien qui ne pût être déterminé par l'analyse.



M É M O I R E

Sur la précession des Équinoxes, & sur l'obliquité de l'Écliptique, tirées des observations d'Hipparque.

Par M. L E G E N T I L.

IL n'y a guère de sujet en astronomie, sur lequel on ait plus écrit que sur la précession des équinoxes & l'obliquité de l'écliptique : ces deux élémens ont en effet si fort exercé les astronomes & les géomètres depuis environ un siècle, que la matière doit paroître épuisée, au point qu'on s'étonnera peut-être que j'ose y revenir aujourd'hui, ayant été traitée sur-tout par de très-savans astronomes, qui paroissent avoir fixé la précession moyenne d'une manière à n'y pouvoir rien ajouter ; mais ce sujet, pour être si rebattu, n'en offre pas moins d'incertitude ; & le résultat auquel s'arrêtent les astronomes modernes, qui sembleroit d'abord ne pouvoir être susceptible d'aucune discussion, nous a paru cependant, après un mûr examen, pouvoir être soumis à de nouvelles recherches. Comme les astronomes modernes ne peuvent avoir acquis de nouvelles lumières sur les anciennes observations faites avant J. C. par *Timocharis & Hipparque*, on ne voit pas trop ce qui peut les avoir déterminés à donner pour la précession, des résultats différens de ceux des astronomes des *xvi.^e & xvii.^e siècles*, qui ont employé les mêmes observations qu'eux, & qui les ont comparées à celles de Tycho ou bien aux leurs propres ; car ce ne sont pas deux ou trois minutes, ou même quatre de plus ou de moins que peuvent présenter les observations de Tycho, qui doivent donner de grandes erreurs ou différences dans les résultats sur un intervalle de 17 à 1800 ans.

De-là naît le doute que je me suis formé sur le mou-

vement moyen de la précession, depuis Hipparque jusqu'à nos jours, précession que les uns admettent de $51''$ & plus, d'autres de $50''$ seulement; ce dernier résultat est celui que Halley suppose dans ses tables astronomiques, ainsi que l'abbé de la Caille. M. Cassini a augmenté ce mouvement; il le suppose de $51'' \frac{1}{2}$, & il donne dans ses *Éléments d'astronomie* les fondemens de ce résultat.

Ces différences viennent donc évidemment des différentes manières que l'on emploie dans la combinaison ou comparaison des observations modernes avec les anciennes, & de ce que les astronomes modernes n'ont pas tiré d'Hipparque tous les secours qu'il m'a paru qu'il leur offroit. Ils n'ont employé que les deux seules observations qui nous restent de cet astronome, & qu'on ne retrouve que dans Ptolémée; mais sans être trop scrupuleux, on pourroit peut-être jeter quelques doutes sur l'exactitude de ces observations, qui n'offrent de précision que celle du degré. Il nous a paru que Longomontanus avoit suivi une route différente & plus sûre.

Longomontanus ayant recherché, il y a cent cinquante ans, le mouvement des étoiles en longitude, le trouve de $49'' 45'''$ seulement, ou d'un degré en soixante-douze ans $\frac{2}{3}$: il ne s'est pas seulement contenté, dans ses recherches, des deux observations d'Hipparque, rapportées par Ptolémée; il y a de plus employé les déclinaisons de quelques étoiles tirées de Thimocharis, d'Hipparque & de Ptolémée, & il nous assure que toutes ces observations s'accordent à donner le mouvement des fixes plus prompt que les anciens ne le croyoient. Le mouvement apparent des étoiles depuis Hipparque jusqu'à nous, ne se seroit donc fait, selon Longomontanus, qu'à raison de $49'' 45'''$ par an.

Il se peut que les observations de Tycho, comparées aux nôtres, donnent ce mouvement de $50'' \frac{1}{5}$, comme l'assure M. de la Lande, & comme le trouve M. Cassini; mais ce n'est pas de cet intervalle de temps dont il doit être question

ici ; & ce résultat ne peut être tout au plus que le mouvement des fixes depuis Tycho jusqu'à nous, en supposant que ses observations soient assez exactes pour le donner à une seconde près, parce que cet intervalle nous a paru trop petit pour donner un mouvement aussi lent avec une assez grande précision. En effet, nous ferons voir dans la suite qu'on peut supposer qu'il y a des erreurs au moins de trois minutes dans la position des étoiles de ce catalogue.

Je dis la même chose des recherches de M. Cassini sur la précession des équinoxes. Il écrit en 1740 (*Éléments d'astronomie, page 49*) que le mouvement des fixes qui résulte des observations qui ont été faites à Paris depuis l'établissement de l'Académie royale des Sciences, est d'environ $50''$ par année, & d'un degré en soixante-douze ans, c'est-à-dire, d'un tiers de seconde plus petit que celui qu'on déduit des observations de Tycho. L'intervalle de soixante-dix ans est beaucoup trop petit pour une pareille recherche, & M. Cassini n'en pouvoit guère conclure qu'on pourroit soupçonner de ces deux derniers résultats, que le mouvement apparent des fixes se seroit ralenti dans la suite des années, puisqu'on voit qu'il abandonne un moment après ce résultat de $50''$, parce qu'il ne pense pas qu'on ait pu déterminer encore la véritable situation des étoiles avec toute la précision requise à un si petit intervalle de temps. Il préfère de s'en rapporter aux observations d'Hipparque, de Ptolémée & d'Albategnius, entre lesquelles il prend un milieu, d'où il suppose le mouvement des étoiles de $51''$, $24'''$ par année, ou d'un degré en soixante-dix ans. Il nous a paru que ce résultat est d'une seconde & demie au moins trop grand.

Dans le précis d'un Mémoire de M. Halley sur la précession des équinoxes & l'obliquité de l'écliptique, que M. le Monier a fait imprimer parmi nos Mémoires, année 1769, page 22, on voit que M. Halley établit la précession de $50''$ seulement ; mais il n'est point dit dans ce Mémoire sur quels fondemens : on y voit seulement que M. Halley a suivi la

route de Longomontanus, c'est-à-dire, qu'il a comparé la déclinaison des étoiles fixes, délivrée par Ptolémée au *chapitre III du VII.^e livre de son Almageste*, comme observées d'abord par Timocharis & Aristile, ensuite par Hipparque, avec celles qu'on a établies en ces derniers temps, & qu'il en a conclu que la précession des équinoxes étoit tant soit peu plus grande que $50''$ par an. C'est ce même résultat qu'emploient la plupart des astronomes modernes, sur-tout M. de la Caille dans ses tables; mais M. Halley croyant que ce résultat étoit fondé sur quelque incertitude, à cause de l'imperfection des observations anciennes, il l'a ensuite abandonné; c'est pour cela, dit-il, qu'il s'est déterminé dans ses tables, à adhérer à la proportion exacte de $5'$ en six ans, ce qui, par d'autres principes, lui paroît être assuré n'être pas loin de la vérité. Mais quels sont ces autres principes? j'aurois désiré les trouver dans ce Mémoire.

Les astronomes François continuent cependant toujours à faire la précession tant soit peu plus grande que $50''$ par an.

Par ce Mémoire que je présente ici, on verra que je la suppose encore plus petite que ne fait M. Halley, & qu'elle n'est tout au plus que de $49'' 40'''$; résultat qui diffère à peine de celui de Longomontanus, qui donne $49'' 45'''$ pour la précession, comme on l'a vu plus haut.

Voyons donc les observations & la méthode que nous avons employées pour déterminer ce mouvement, & ce qui a donné lieu à ce Mémoire.

Le travail considérable que j'ai entrepris, il y a deux à trois ans, sur l'origine du zodiaque & sur l'explication des douze signes, a été l'occasion de ces recherches; cet ouvrage, dont j'ai lu l'extrait à l'Académie le 14 novembre 1785, est fort avancé, & il seroit totalement terminé, si dans la route que j'ai suivie, je n'avois pas aperçu plusieurs objets importans qui m'ont distrait, ont arrêté & fixé mes regards; ces objets avoient un si grand rapport avec celui dont je m'occupois, que je les ai traités chemin faisant.

Tel est, 1.^o le système chronologique de *Newton*, système

grand & élevé que tout le monde a attaqué, que Newton ni Halley son ami n'ont pu défendre.

Le 2.^e objet est la position des étoiles décrites par Eudoxe, par rapport aux tropiques; je me suis donné la peine de les calculer rigoureusement pour le temps auquel cette sphère a dû être faite. Ce temps m'étoit inconnu, mes calculs me l'ont donné. Ces deux objets naturellement liés ensemble sont achevés.

M. Fréret a fait la même chose que moi, & long-temps avant moi, mais nous sommes bien éloignés de compte; c'est que M. Fréret n'étoit pas astronome, & qu'il avoit adopté un système, celui de vouloir rapporter toutes les anciennes observations à l'époque de Chiron. Poussant la précision jusqu'au scrupule lorsqu'il est question de combattre Newton, & supposant gratuitement, d'après Wlithon, qu'il est impossible qu'il se soit glissé un demi-degré d'erreur dans la sphère d'Eudoxe & d'Aratus; ce qui lui donne lieu, dit-il, de déterminer l'époque de la sphère d'Eudoxe à trente-six ans près, & par conséquent l'âge de Chiron, M. Fréret fait le procès à Newton, qui s'est trompé de quatre degrés & demi sur la chronologie Grecque dans le calcul de son système; & il en conclut que la sphère d'Eudoxe est celle de Chiron & toute du XIV.^e siècle avant J. C.

Beaucoup moins scrupuleux lorsqu'il est question des tropiques, dont il veut que la position qu'Eudoxe nous a laissée soit aussi celle du XIV.^e siècle avant J. C. M. Fréret oublie qu'il a dit qu'il est impossible qu'il se soit glissé une erreur d'un demi-degré dans la position de ces étoiles; M. Fréret, dis-je, se contente ici le plus souvent d'à-peu-près de deux, de trois degrés & même de trois degrés & demi, & il en conclut que toute cette sphère est encore celle du XIV.^e siècle avant J. C. & par conséquent celle de Chiron. Mais notre système étant de ne trouver dans la sphère d'Eudoxe que ce qui y est véritablement, je fais voir que les tropiques bien calculés, donnent des époques de plus de deux mille & trois mille ans plus anciennes que celles de Chiron;

que par conséquent M. Fréret, qui reproche à Newton une erreur d'environ quatre cents ans, en commet lui-même une de plus de quinze cents en voulant tout rapporter à l'âge de Chiron, & qu'il est par conséquent nécessaire de reconnoître & d'admettre différentes époques au moins dans la sphère d'Eudoxe, dont la plus ancienne remonte plus de trois mille ans avant J. C.

La différence est énorme, mais elle est réelle.

Cette espèce de travail m'a donné occasion d'étudier Hipparque dans ses commentaires sur Aratus, ce qui m'a fait naître l'idée de m'occuper de la précession des équinoxes, d'examiner la quantité de son mouvement, & les observations d'Hipparque sur lesquelles on la fonde.

J'ai vu dans Hipparque des observations qui m'ont paru très-précises, & par-là même très-précieuses, que les astronomes n'ont employées dans aucun temps sans nous en donner la raison : pour moi, j'ai cru que je pouvois les employer de préférence aux deux que Ptolémée nous a transmises, & je le fais en présence de l'Académie.

Les deux principales observations dont Ptolémée s'est servi dans la recherche du mouvement des étoiles en longitude, sont l'épi de la Vierge & le cœur du Lion; elles sont, dit Ptolémée, tirées d'Hipparque, qui avoit le premier comparé la position de l'épi de la Vierge, tirée de ses observations, avec la détermination qu'en avoit donnée Timocharis, cent soixante-dix ans environ avant lui. Nous n'avons point, il est bon de le répéter, l'ouvrage d'Hipparque, d'où Ptolémée a extrait ces observations, & nous sommes obligés de les supposer telles qu'on les trouve dans Ptolémée. Nous ne voulons pas pour cela jeter le moindre soupçon sur ces deux observations, ce seroit faire une injustice à Ptolémée; il nous les a sans doute transmises telles qu'il les a trouvées dans Hipparque: mais si on la trouvoit dans Hipparque, ce seroit un degré de certitude de plus; car j'ai trouvé dans Ptolémée, comme nous l'observerons dans notre Mémoire sur l'obliquité de l'écliptique, que Ptolémée dit qu'Hipparque a observé la

déclinaison de la tête du précédent des Gémeaux de $33^{\text{d}} 10'$, pendant que je vois dans Hipparque qu'il l'a observée de $33^{\text{d}} \frac{1}{2}$. Quoi qu'il en soit de cette différence entre le texte d'Hipparque & celui de Ptolémée, nous nous contenterons de suivre notre but, c'est-à-dire, de faire usage des observations que nous avons trouvées dans Hipparque, comme nous ayant paru mériter d'être employées dans la recherche de la précession, avec autant de justice que celle de l'épi de la Vierge de Timocharis & d'Hipparque, citée par Ptolémée.

Hipparque dit, par exemple, que la tête de la Baleine n'est éloignée véritablement du colure des équinoxes que d'un petit espace, parce que, ajoute-t-il, le nœud des Poissons qui vient après la tête de la Baleine, & qui est placé dans la cervelle de ce monstre, est dans $3^{\text{d}} 15'$ du Bélier. Ces termes sont très-précis; pareillement Hipparque, en décrivant la colure des tropiques d'après Eudoxe, dit qu'il se trompe sur le Cygne. Ce poëte fait en effet passer ce colure par la tête du Cygne, mais Hipparque lui prouve le contraire, en faisant voir que le Cygne est tout à l'orient de ce cercle, parce que la première étoile de cette constellation, celle qui précède toutes les autres, & qui est à l'extrémité de la tête, est, dit-il, à $1^{\text{d}} 30'$ du colure. On voit que toutes ces observations sont marquées jusqu'à la précision des minutes, pendant que celles de l'épi de la Vierge & du cœur du Lion, rapportées par Ptolémée d'après Hipparque, ne comportent aucune fraction, & ne nous est donnée qu'à l'exactitude du degré.

Je trouve dans Hipparque six observations décrites avec cette précision, que les astronomes n'ont point soumises à leurs calculs, & qui m'ont paru cependant mériter d'être discutées; car je ne vois pas la raison pourquoi Longomontanus & Halley, qui ont employé dans leurs recherches des déclinaisons d'étoiles déterminées par Hipparque, & rapportées par Ptolémée, n'ont pas également employé les ascensions droites des étoiles données par Hipparque lui-même.

Enfin

Enfin, parmi ces observations j'en trouve deux qui s'accordent à peu de chose près avec les deux rapportées par Ptolémée; celles-là au moins devoient entrer en comparaison avec les deux rapportées par Ptolémée, car cet accord nous semble prouver que toutes ces observations sont d'une même main. Le plus grand embarras que j'ai trouvé dans l'usage que j'ai voulu faire de ces observations, est la fixation de l'époque; il y a sur cette époque quelque incertitude, Longomontanus l'avoue de bonne foi.

Tous les astronomes supposent qu'Hipparque a écrit son catalogue cent vingt-huit ans avant J. C. & c'est sans doute d'après Ptolémée qui, en parlant de la précession, dit qu'Hipparque avoit trouvé la longitude de l'épi de la Vierge de deux degrés plus avancée que Timocharis, la cinquantième année de la troisième période de Calippe, ce qui revient à cent vingt-huit ans avant J. C. ainsi l'on en peut déduire que c'est là l'époque de l'ouvrage d'Hipparque sur la précession. Cette époque est celle dont il faut se servir sans doute pour réduire les deux observations d'Hipparque rapportées par Ptolémée, puisque Ptolémée s'en est servi lui-même; mais les commentaires d'Hipparque sur Aratus sont d'une date bien antérieure: il est vrai que nous devons croire qu'il avoit déjà déterminé les positions de beaucoup d'étoiles, car son ouvrage le suppose, & qu'il avoit ces positions sous les yeux; mais il ne parle en aucune façon de la précession dans cet ouvrage, ce qui m'a fait penser qu'il n'avoit pas encore soupçonné ce mouvement.

L'examen sévère qu'il a fait de la sphère d'Aratus, est, je pense, ce qui a tenu Hipparque dans une incertitude continuelle sur ce mouvement, & que même, j'ose l'affirmer, il n'y a jamais cru. Il est vrai que par la position de quelques étoiles observées par Timocharis & Aristile, cent soixantedix ans avant lui, il avoit trouvé que le ciel étoilé paroissoit s'être avancé d'un degré en cent ans; mais la sphère d'Aratus & celle d'Eudoxe disoient oui & disoient non. En effet, si beaucoup d'étoiles de cette sphère s'écartoient des

positions qu'il leur trouvoit, il y en a aussi beaucoup qui étoient à très-peu de chose près conformes à ses propres observations.

Dans un pareil examen, Hipparque paroît donc n'avoir d'autre parti à prendre que celui du doute, car s'il eût été véritablement assuré du mouvement des étoiles, il eût fallu qu'il eût reconnu plusieurs dates dans la sphère d'Eudoxe & d'Aratus; dès-lors la critique, souvent amère, qu'il a faite de la sphère d'Aratus, tomboit d'elle-même, & il eût été forcé de révoquer ses arrêts en se rétractant.

Hipparque a donc écrit ses commentaires sur Aratus, bien long-temps avant la publication de ses doutes sur le mouvement des étoiles en longitude.

M. Fréret, dans sa défense de la chronologie contre Newton, dit (*page 162*) qu'Hipparque écrivoit ses commentaires sur Aratus, l'an cent soixante-deux avant J. C. M. Halley est du même avis dans sa dissertation contre le P. Souciet en faveur de Newton.

J'ai supposé l'obliquité de l'écliptique au temps d'Hipparque, de 24^d . Je n'examine point ici ce que dit Ptolémée, savoir, qu'il l'a trouvée, comme Hipparque, de $23^d 51' \frac{1}{2}$: il me suffit d'avoir vu que cet astronome la faisoit par-tout dans ses commentaires sur Aratus, de 24^d , & qu'on la déduit en effet de la même quantité, de plusieurs déclinaisons d'étoiles qu'on trouve éparfées dans cet ouvrage, ce que je me propose de faire voir dans un autre Mémoire; j'y ferai voir en même temps qu'Hipparque, en l'admettant de 24^d , a eu égard au demi-diamètre du Soleil, ce dont il paroît qu'on a douté jusqu'à ce jour.

Ptolémée dit qu'il a trouvé que les latitudes des étoiles étoient les mêmes de son temps que du temps d'Hipparque; j'ai donc pu me servir des latitudes des étoiles que l'on trouve dans Ptolémée pour calculer les observations d'Hipparque, sans craindre aucune erreur sensible dans les longitudes.

La plus complète des observations d'Hipparque, tirée de ses commentaires sur Aratus, est celle du bec du Cygne,

puisqu'il nous donne l'ascension droite de cette étoile & sa déclinaison en même temps; il dit (*pages 202 & 207*) qu'elle est éloignée de 25^d de l'équinoxial, & qu'elle est à $1^d 30'$ à l'est du colure des solstices, c'est-à-dire, qu'elle a $27^d 30'$ d'ascension droite.

Ayant donc calculé cette observation, & l'ayant réduite ensuite au temps de Ptolémée, à raison de $2^d 40'$, comme l'a fait Ptolémée lui-même, je trouve à $15'$ près la même longitude qu'il assigne au bec du Cygne. Or, cette observation donne pour le temps d'Hipparque, la longitude du bec du cygne de..... $9^f 2^d 5'$
Elle étoit en 1720 de..... 9. 27. 20.

Donc mouv. depuis Hipp..... 0. 25. 15.

Je ferai ici une observation qui m'a paru de quelque importance, au sujet de ces 15 minutes de différence que je trouve dans la longitude du bec du Cygne, comparée avec celle du catalogue de Ptolémée; c'est que les autres observations que je vais rapporter me donnent aussi des différences de $5'$, de $11'$ & de $12'$, quoiqu'elles ne fussent m'en donner aucune, selon l'idée qu'on s'est faite aujourd'hui de l'ouvrage de Ptolémée sur les étoiles. On croit en effet assez généralement aujourd'hui que le catalogue de Ptolémée n'est que celui d'Hipparque, auquel, d'après le soupçon d'Hipparque sur la quantité de la précession, Ptolémée auroit constamment ajouté $2^d 40'$ à toutes les étoiles observées par Hipparque; mais il y a bien plus d'apparence que Ptolémée avoit déterminé la position de beaucoup d'étoiles, car ces différences le prouvent, ainsi que les déclinaisons d'un grand nombre d'étoiles qu'il rapporte, *liv. VII, chap. 111* de son *Almageste*. Ce soupçon n'a donc point de fondement. D'ailleurs Hipparque, au rapport même de Ptolémée, n'a trouvé tout au plus que deux degrés pour la précession, depuis l'observation de Timocharis sur l'épi de la Vierge jusqu'à lui.

Si Ptolémée s'étoit donc simplement fondé sur ces deux observations, il auroit ajouté $2^d 59'$ ou 3^d juste aux longitudes observées par Hipparque ; car c'est la proportion que donnent 170 & 165, puisqu'Hipparque a observé cent soixante-dix ans après Timocharis, & Ptolémée deux cents soixante-cinq après Hipparque : & pourquoi ne seroit-il pas plus vraisemblable & plus raisonnable d'en croire cet astronome, qui dit en termes très-précis, qu'il a observé par le moyen de la Lune, l'épi de la Vierge & les plus brillantes étoiles du zodiaque ; & qu'au moyen de celles-là, il a si bien trouvé la position de toutes les autres, qu'il avoit remarqué qu'elles avoient à peu-près les mêmes longitudes entr'elles qu'Hipparque leur avoit trouvées, & qu'elles étoient toutes avancées de $2^d 40'$ à très-peu près de plus dans l'ouest que du temps d'Hipparque. *In eodem modo spicam, & splendidissimas zodiaci stellas a Lunâ perspeximus, deinde facilius per has ipsas cæterarum quoque locos sic invenimus, ut & spatia eadem proximè servari comperiamus quæ ab Hipparcho fuerunt observata, & a solsticialibus & equinoxialibus punctis $2^d 40'$ proximè gradibus progressas (ultrâ quàm Hipparchus conscripserit) ad successionem inveniamus.*

Il est facile de voir par-là, que ces $2^d 40'$ sont un milieu pris entre un très-grand nombre de résultats ; que vraisemblablement Ptolémée a appliqué ce milieu à l'épi de la Vierge & au cœur du Lion ; & en ce cas ces deux observations qu'il cite d'Hipparque, ne seroient qu'une espèce d'exemple pris entre plusieurs autres qu'il auroit pu citer, & qu'il ne rapporte que parce que Timocharis & Hipparque les avoient citées avant lui. Ce seroit-là le seul soupçon que j'ai pensé qu'on pourroit jeter sur ces deux observations, qui ont servi jusqu'ici de base à tous les astronomes ; car autant vaudroit-il en ce cas faire une somme de toutes les longitudes des étoiles du catalogue de Ptolémée, en prendre le milieu, en ôter $2^d 40'$ pour avoir ce milieu réduit au temps d'Hipparque, & ensuite le comparer à nos catalogues. C'est-là l'idée sous laquelle je me représente l'ouvrage de

Ptolémée sur les étoiles. D'après ce que je viens de dire, j'ai trouvé qu'en comparant l'épi de la Vierge au pied droit de Boûtes dont je vais donner la longitude selon Hipparque, il n'y auroit que $2^d\ 29'$, & non $2^d\ 40'$ à ôter du catalogue de Ptolémée pour le réduire au temps d'Hipparque, ce qui donne 11 minutes de différence sur l'épi de la Vierge; la tête du Bouvier en donne 12, le bec du Cygne en donne 15, comme nous venons de voir, ou $2^d\ 25'$, pendant que le dos du Bélier donne $2^d\ 52'$; & cela d'après les propres observations d'Hipparque. Les $2^d\ 40'$ de Ptolémée sont donc évidemment un milieu pris entre un très-grand nombre d'observations; & ce qui achève de me le persuader, c'est que tout autre nombre que $2^d\ 40'$ ne peut satisfaire au catalogue de Ptolémée, c'est-à-dire, que les différences dont je parle, que je trouve par les observations d'Hipparque que je rapporte, deviennent bien plus grandes entre Ptolémée & lui, en supposant un nombre plus grand ou moindre que $2^d\ 40'$.

J'ai pareillement calculé le nœud des Poissons, l'étoile γ du dos du Bélier, la tête du Bouvier, son pied droit, & enfin Arcturus, en joignant aux ascensions droites de ces étoiles données par Hipparque, les latitudes de Ptolémée.

Ces six observations donnent les longitudes suivantes:

Pour le dos du Bélier (γ),	{	00 ^f 14 ^d 12'	selon Hipparque.
	{	00. 17. 4.	selon Ptolémée.
Pour la tête du Bouvier	{	5. 23. 48.	Hipparque.
	{	5. 26. 40.	Ptolémée.
Pour Arcturus	{	5. 24. 8.	Hipparque.
	{	5. 27. 0.	Ptolémée.
Pour le pied droit du Bouvier .	{	6. 2. 51.	Hipparque.
	{	6. 5. 20.	Ptolémée.
Pour le bec du Cygne	{	9. 2. 5.	Hipparque.
	{	9. 4. 30.	Ptolémée.
Pour le nœud des Poissons . .	{	11. 29. 45.	Hipparque.
	{	00. 2. 30.	Ptolémée.

Les mêmes étoiles avoient, en 1720, selon le catalogue Britannique,

Le dos du Bélier.....	00° 10' 14'
La tête du Bouvier.....	6. 20. 19.
Arcturus.....	6. 20. 19.
Le pied du Bouvier.....	6. 29. 15.
Le bec du Cygne.....	9. 27. 31.
Le nœud des Poissons.....	11. 25. 27.

D'où j'ai tiré les mouvemens suivans de ces fix étoiles, depuis le siècle d'Hipparque jusqu'au nôtre :

26 ^d 2'.
26. 31.
25. 56.
26. 14.
25. 16.
25. 42.

La somme de ces mouvemens est 155.41.00, qui, divisée par 6, donne pour le mouvement des fixes en longitude depuis Hipparque jusqu'à nous, 25^d 56' 50", c'est-à-dire, dans un intervalle de 1882 ans, en ajoutant 162 ans à 1720; ce sont donc 49" 39''' par année. Longomontanus a trouvé 49" 45''', comme nous l'avons dit, par un grand nombre d'observations de déclinaisons, faites par Timocharis, Hipparque & Ptolémée, & rapportées par celui-ci dans son *Almageste*. M. Halley trouve un peu plus de 50", en suivant le même procédé qui est le seul vrai. Toutes les observations anciennes que l'on peut recueillir, s'accordent donc à donner le mouvement des fixes en longitude, dans un intervalle de plus de dix-neuf cents ans, au-dessous de 50" par an.

Nous ferons ici une observation au sujet d'Arcturus, à qui les astronomes modernes attribuent un mouvement propre. Il est vrai que M. Cassini a dit (*vol. de l'Acad. 1738*), à l'occasion d'une observation de M. Maraldi du 23 mai 1695, dont il se sert pour en conclure la précession, & qu'il trouve de 49" 49''', plus petite de 19''' qu'il ne l'avoit

trouvée par l'observation de M. Picard; M. Cassini, dis-je, dit que cette différence de $19''$ pourroit faire soupçonner que le mouvement du Soleil ou celui d'Arcturus n'ont pas été uniformes; mais M. Cassini n'assure rien au sujet de ce mouvement; au contraire, il ajoute tout de suite la réflexion suivante : si l'on pouvoit s'assurer, dit-il, dans la comparaison de ces observations, d'être arrivé à la précision de 13 ou $14''$ de degré qui causent toute cette différence.

Pour M. le Monnier, il admet un mouvement réel en longitude dans Arcturus de $59''\frac{1}{2}$ ou $60''$ en cent ans (*vol. de l'Acad. année 1769*). Il ne m'appartient pas de décider entre les calculs de deux célèbres astronomes qui ont été mes maîtres. Tout ce que je peux dire, c'est que la différence qui se trouve entr'eux, me paroît venir des observations de 1672 & de 1675, dont ils se servent l'un & l'autre pour établir leurs résultats; observations faites, les premières par M. Picard, les secondes par M. Cassini (Jean Dominique). En effet, M. le Monnier fixe la longitude d'Arcturus le 21 juin 1675, par les observations de M. Picard, faites au jardin de la bibliothèque du roi, de $6^{\circ} 19^{\circ} 43' 2''\frac{1}{2}$. M. Cassini, par des observations de M. son père, faites en 1672, à l'Observatoire royal, détermine la longitude de la même étoile pour le 24 mai, de $6^{\circ} 19^{\circ} 39' 37''$. Ajoutant $2' 34''$ à cette longitude, pour trois ans & un mois, à raison de $50''$ par an, on aura la longitude d'Arcturus réduite au 21 juin 1675, de $6^{\circ} 19^{\circ} 42' 11''$, Elle étoit de..... 6. 19. 43. 2. Selon M. le Monnier, la différence est donc de $51''$.

Dans le doute où nous ont jeté ces différens résultats, j'ai cru pouvoir supposer ici le mouvement propre d'Arcturus nul, sans craindre une erreur de plus de $6'''$ dans mon résultat; car quand même Arcturus se seroit mû de $18'$ dans l'est depuis Hipparque jusqu'à nos jours, il n'en résulteroit dans le calcul qu'une incertitude de $\frac{11}{100}$ de seconde dans la quantité de la précession.

Quant à la latitude de cette étoile, il y a plus de cent trente ans qu'on lui attribue quelque mouvement; car Longomontanus, en 1640, a dit, en parlant de la latitude d'Arcturus, au temps d'Hélide, *quæ invariabilis penè existit* (*Astron. Danica*, pag. 78) : mais ce mouvement d'Arcturus en latitude n'est d'aucune considération ici, puisqu'il ne peut pas influencer sur la longitude d'une manière assez sensible.

Ce que je viens de dire est pour faire voir que le mouvement propre en longitude qu'on peut soupçonner dans Arcturus, ne porte aucun obstacle à l'emploi que je fais ici de cette étoile pour la recherche de la précession; d'ailleurs, si le mouvement soupçonné dans Arcturus pouvoit être une source de doute, on pourroit en dire à peu-près de même de presque toutes les étoiles qu'on pourroit employer; car il n'y en a guère qu'on ne puisse soupçonner de se mouvoir. Ces mouvemens que nous ne faisons, pour ainsi dire, qu'apercevoir aujourd'hui dans les étoiles, donneront, je l'avoue, des peines incroyables aux astronomes qui doivent paroître avec les générations à venir; mais pour le moment présent, nous pouvons les supposer nuls dans les étoiles dont nous nous servons dans les recherches qui font l'objet de ce Mémoire; cependant pour pousser l'exactitude aussi loin qu'il est possible, nous nous proposons dans la suite d'avoir égard au mouvement d'Arcturus, si nous pouvons parvenir à avoir quelque chose d'assuré relativement à cet objet.

On ne peut mieux, ce me semble, vérifier si en effet il se meut en longitude, qu'en le comparant à la tête du Bouvier. La tête de Boûtes étoit en 1690, selon le catalogue de Flamsteed, dans le même cercle de longitude qu'Arcturus, à 11" près; mais selon Ptolémée, les cercles de longitudes qui passaient par ces étoiles faisoient alors entr'eux un angle de 20', dont Arcturus étoit plus à l'est; en sorte qu'Arcturus paroîtroit s'être réellement rapproché du premier point du Bélier de 20' en dix-sept cents ans ou environ, ce qui seroit, à raison de 1' 10" en cent ans, à peu-près comme a trouvé

M. le

M. le Monnier par un intervalle dix-sept à dix-huit fois plus court, mais par des observations beaucoup plus exactes que ne le sont celles de Ptolémée. Si donc ce mouvement progressif d'Arcturus de 1' environ en cent ans, contre l'ordre des signes, a véritablement lieu, comme semblent nous le faire soupçonner le catalogue de Ptolémée & les recherches de M. le Monnier, la différence de longitude entre la tête du Bouvier & Arcturus, qui étoit du temps de Ptolémée de 20' à l'est, & nulle en 1690, selon Flamsteed, seroit actuellement de 1' & plus à l'ouest de la tête du Bouvier; c'est ce que je n'ai point encore pu vérifier: mais je me propose de le faire dès que je pourrai voir Arcturus & la tête de Boûtes au méridien. Dans tout ceci je suppose, comme l'on voit, la tête de Boûtes immobile; le nœud du lien des poissons comparé avec l'étoile des reins du Bélier, tirés des observations d'Hipparque & sur-tout du catalogue de Ptolémée, m'ont encore donné lieu de soupçonner un mouvement assez considérable dans l'une ou l'autre de ces étoiles ou dans toutes les deux, autrement il y auroit plus de 44' d'erreur dans le catalogue de Ptolémée, sur la position respective de ces deux étoiles, comparée avec celle que donne le catalogue Britannique en 1690. C'est ce que je me propose encore de vérifier lorsque la saison aura ramené ces deux étoiles au méridien pendant la nuit ou à l'entrée dans le crépuscule.

Je trouve encore dans Hipparque plusieurs autres étoiles dont il m'a paru que l'astronomie peut retirer quelque avantage. Je ne compte donc point abandonner ce travail & le borner à ce seul Mémoire, j'en prends acte aujourd'hui en présence de l'Académie.

Nous finirons ce Mémoire par la remarque suivante, au sujet des étoiles du catalogue de Flamsteed, que l'on pourroit comparer avec les observations de notre siècle. Nous pensons qu'elles ne peuvent rien donner d'assez exact; en effet, en quelque grand nombre que l'on puisse les employer, on aura toujours la précession entre 47" & 53" par an,

Mém. 1787.

Z z z

c'est-à-dire, une différence de six secondes au moins entre le plus fort & le plus foible résultat dans une année : or, par les observations d'Hipparque, je n'ai que $1^d 15'$ du plus fort résultat au plus foible, ce qui ne produit sur 1882 ans que $2''$ & environ un tiers de différence par année; d'où il est aisé de conclure que pour le siècle présent, les observations d'Hipparque sont préférables à celles de Flamsteed. Dans les siècles suivans, lorsque les mouvemens propres des étoiles qu'on voudra employer pour cette recherche seront exactement connus, il n'y a pas de doute qu'on ne parvienne à fixer la précession avec encore plus de précision qu'on ne le peut faire de nos jours; mais en attendant, nous pensons qu'elle est trop forte en la supposant, comme l'on fait, de plus de $50''$, & qu'elle est au contraire d'environ $15'''$ plus petite que $50''$.

Nous avons encore une remarque importante à faire, c'est que pour la constellation du Bouvier, il s'est glissé quelques fautes dans le texte d'Hipparque; mais ces fautes qui sont uniquement des fautes de copistes, ne doivent jeter aucun doute sur les observations d'Hipparque; ce ne sont que des chiffres transposés : on le reconnoît aisément en comparant les résultats avec le catalogue de Ptolémée. D'ailleurs il est question dans ces étoiles d'erreurs de 10^d en ascension droite, ce qu'il seroit absurde de supposer dans Hipparque. Nous en avons trouvé quelques autres en calculant les tropiques; nous les indiquerons dans leur lieu : quant à celles du Bouvier (Boûtes), les voici.

Hipparque dit que celle qui est dans sa tête, est à environ $16^d \frac{2}{3}$ de la Balance; il faut lire $24^d \frac{2}{3}$: celle du pied droit à $24^d 45'$ de la Balance; il faut lire $14^d 45'$: Arcturus $14^d 20'$; il faut lire $10^d 20'$.

Nous insisterons davantage sur ces erreurs à l'article de Boûtes, dans le calcul de la sphère d'Eudoxe, que j'ai annoncé au commencement de ce Mémoire (*Hipp. l. 1, p. 208*).



E X A M E N

D'E A U D E M E R,

*Puîsée par M. Pagès dans deux parties de l'Océan
très-différentes en latitude & en longitude (*).*

Par M. BAUMÉ.

L'EAU de mer est salée, c'est un fait trop connu pour Lûleromars
1779.
s'y arrêter; mais a-t-elle le même degré de salure
par-tout? c'est ce qu'il seroit essentiel à connoître.

En 1773 ou 1774, on fit un embarquement pour les
terres Australes; je donnai à M. le duc de Croÿ, qui avoit
déterminé le gouvernement à faire cette expédition, un
Mémoire instructif sur la manière de faire les expériences
relatives à cet objet, & d'éprouver à des pèse-liqueurs
très-sensibles que j'avois donnés en même temps, l'eau de
mer puisée à différentes hauteurs. Le Mémoire & les ins-
trumens ont été remis à quelqu'un qui étoit du voyage:
M. Dagelet en a rendu compte à l'Académie dans la relation
de son voyage.

M. Pagès m'a envoyé quatre bouteilles de pinte d'eau
de mer, puisées toutes les quatre à douze brasses de pro-
fondeur, mais à différens degrés de latitude & de longitude
au méridien de Paris, & toutes bien étiquetées; savoir:

N.^o 1. Eau de mer prise par 34^d 41' de latitude nord,
& par 21^d 15' de longitude occidentale du méridien de
Paris, à douze brasses de profondeur.

N.^o 2. Eau de mer prise par 14^d 30' de latitude nord,
& par 58^d 56' de longitude occidentale du méridien de
Paris, à douze brasses de profondeur.

(*) Ces eaux ont été adressées à l'Académie, par M. le comte de
Caraman.

N.^o 3. Eau de mer prise par $34^{\text{d}} 41'$ de latitude nord, & par $21^{\text{d}} 15'$ de longitude occidentale du méridien de Paris, à douze brasses de profondeur.

N.^o 4. Eau de mer prise par $14^{\text{d}} 30'$ de latitude nord, & par $58^{\text{d}} 50'$ de longitude occidentale du méridien de Paris.

Toutes ces eaux sont claires, sans couleur, n'ont point formé de dépôt dans les bouteilles.

Celle du n.^o 3 avoit une odeur de foie-de-soufre très-forte, mais qui s'est dissipée complètement du jour au lendemain, quoique j'eusse rebouché la bouteille comme elle l'étoit auparavant.

Toutes ces eaux sont peu salées, elles ne donnent que quatre degrés à mon pèse-liqueur des sels, qui est gradué pour indiquer par chaque degré une livre de sel marin par cent livres d'eau.

Je dis que ces eaux sont peu salées, par comparaison à la salure de la plupart des eaux de sources salées, telles que celles de Lorraine & de Franche-comté. L'eau du puits de la saline de Dieuze en Lorraine donne seize degrés à mon pèse-liqueur des sels.

J'ai fait évaporer séparément quatre onces de chacune de ces eaux dans des vases de verre, à une chaleur douce au bain de sable.

Je les ai mises ensuite dans le bain-marie d'un alambic, & chauffé pendant six heures au degré de chaleur de l'eau bouillante, afin d'être certain que leurs résidus fussent séchés au même degré; en cet état je les ai pesées à des balances très-exactes qui trébuchent à $\frac{1}{32}$ de grain, même lorsqu'elles sont chargées de huit onces de chaque côté; ces eaux m'ont fourni du sel marin dans les poids suivans :

Le sel du n.^o 1 pesoit 1 gros 19 grains $\frac{1}{2}$.

Le sel du n.^o 2 pesoit 1 gros 21 grains $\frac{1}{4}$.

Le sel du n.^o 3 pesoit 1 gros 18 grains $\frac{1}{2}$.

Le sel du n.^o 4 pesoit 1 gros 24 grains.

L'eau de mer contient du sel marin à base terreuse; il étoit essentiel de connoître si toutes en contiennent également; en conséquence, j'ai mis dans quatre vases de verre huit onces de ces eaux séparément, & j'ai mis dans chaque une suffisante quantité d'alkali fixe en liqueur, pour décomposer les sels à base terreuse qu'elles contiennent; il a fallu à peu-près deux gros de cet alkali. Il s'est formé dans chacune un léger précipité terreux de la plus grande blancheur; ces précipités lavés & séchés pesoient; savoir:

Celui de l'eau n.° 1, 10 grains $\frac{1}{4}$.

n.° 2, 10 grains $\frac{1}{4}$.

n.° 3, 10 grains $\frac{1}{2}$.

n.° 4, 10 grains.

Cette terre est connue sous le nom de *magnésie du sel marin*; c'est de la terre calcaire ordinaire qui se réduit en chaux vive par la calcination.

L'eau de mer contient encore de la sélénite en dissolution; j'ai cru devoir déterminer les proportions qui se trouvent dans chacune des eaux que nous examinons.

J'ai fait dissoudre dans de l'eau, les sels provenant de l'évaporation des quatre onces de chacune de ces eaux; la sélénite reste sans se dissoudre, tandis que le sel marin se dissout facilement.

J'ai séparé par ce moyen; savoir:

De quatre onces de l'eau n.° 1, 3 grains de sélénite.

De quatre onces de l'eau n.° 2, 3 grains $\frac{1}{4}$.

De quatre onces de l'eau n.° 3, 3 grains $\frac{1}{3}$.

De quatre onces de l'eau n.° 4, 3 grains $\frac{1}{4}$.

L'eau de mer contient en outre du sel de Glaubert, mais je n'avois pas assez de ces eaux pour le rendre sensible & pour le séparer.



CONSIDÉRATIONS

Sur les Dents en général, & sur les organes qui en tiennent lieu.

PREMIER MÉMOIRE.

Comparaison entre les dents de l'Homme, & celles des Quadrupèdes.

Par M. BROUSSONET.

Lû le 10 mars
1779.

LES organes qui concourent à la digestion, & particulièrement ceux qui, placés à l'extérieur, peuvent être regardés comme des moyens secondaires dans cette fonction, offrent plus de variétés dans les espèces d'une même classe, que les parties destinées à exécuter des fonctions plus essentielles, telles que la respiration & la circulation.

En général, plus les organes analogues dans les diverses espèces d'animaux présentent de différences, moins ces organes doivent être regardés comme nécessaires à l'exécution de la fonction à laquelle ils sont destinés. Ceci est sur-tout remarquable dans les dents qui offrent dans chaque espèce d'animal des différences bien plus essentielles que celles qu'on observe entre leurs estomacs ou leurs intestins.

Les dents ou les parties qui en tiennent lieu, varient dans les différens animaux, par la situation, le nombre, la forme & la substance. Sous ce dernier point de vue, on peut les diviser en osseuses ou émaillées, telles qu'on les trouve dans les quadrupèdes, les reptiles & les poissons; en crétacées, comme on les observe dans quelques crustacées; & en cornées, ainsi qu'on les voit dans les oiseaux & les insectes.

Je présenterai dans ce Mémoire les principales différences qu'on peut remarquer entre les dents de l'homme & celles

des quadrupèdes, pour essayer de déterminer par cette comparailon le véritable usage de ces parties.

Le pangolin, le phatagin, sont probablement les seuls quadrupèdes connus (a), qui soient entièrement privés de dents; la gueule de ces animaux est étroite, les alimens n'y sont point triturés; M. Daubenton a toujours trouvé dans leurs intestins des fourmis entières. Ils ne se nourrissent que d'insectes, & principalement de fourmis qui sont des plus communs.

Le nombre de dents dans les différens quadrupèdes varie depuis dix jusqu'à cinquante; il est toujours pair ou le même aux parties latérales de chaque mâchoire. Cette espèce de symétrie ne souffre aucune exception, à moins que le germe de quelque dent n'ait été détruit par un accident particulier.

On ne connoît encore aucun quadrupède qui ait douze, quatorze, vingt-quatre ou quarante-six dents. Le farigue & la marmose sont les seuls dans lesquels on en compte cinquante; le nombre de trente-deux est le plus commun: tel est celui qu'on trouve dans les singes & les ruminans; c'est, si l'on en excepte quelques espèces de singes, le seul point de ressemblance que les dents de ces animaux aient avec celles de l'homme.

L'éléphant a moins de dents qu'aucun autre quadrupède; le nombre n'en est que de dix, deux défenses & huit mâchelières; mais ce qui manque du côté du nombre est compensé par la grosseur.

Les dents des herbivores & celles des carnivores présentent entr'elles de grandes différences, mais les variétés dans le nombre & dans la forme de ces organes sont bien moins considérables dans les diverses espèces d'herbivores que dans celles des carnivores, où l'on observe à cet égard de très-grandes différences. Il est facile de rendre raison de cette singularité, si l'on fait attention à la nature de leurs

(a) Le fourmillier & les autres espèces du genre désigné par Linné sous le nom de *myrmecophaga*, ont des dents situées au fond de la gueule, & qui correspondent aux dents molaires; on doit cette découverte à M. Camper.

alimens; ceux des herbivores sont aisés à trouver & ne changent point de place, tandis que les carnivores sont obligés de chercher leur proie, & de mettre en usage plusieurs moyens pour pouvoir la saisir & la tuer: la Nature, en variant leurs besoins, a dû varier aussi la forme de leurs organes. Les dents des carnivores ont une conformation qui les rend propres à s'emparer, à retenir, à déchirer leur proie; celles des herbivores au contraire sont conformées de manière à pouvoir couper, scier, ronger & broyer les végétaux qui leur servent de nourriture.

Les dents des quadrupèdes carnivores sont ordinairement blanches & polies; la couronne en est formée dans le plus grand nombre de pointes saillantes; dans les herbivores au contraire ces parties sont très-larges, le plus souvent inégales & bien moins blanches que dans les autres, sans doute parce qu'elles sont altérées par une matière qui séjourne presque toujours dans leurs cavités. Les carnivores mâchent très-peu leurs alimens; ils n'ont pas besoin, comme les herbivores, de les *animaliser*, si je puis m'exprimer ainsi, par une longue mastication; leurs dents sont moins sujettes à être attaquées par les sucs des différentes substances dont ils se nourrissent: s'ils mâchent quelquefois plus long-temps leurs alimens, c'est seulement pour rompre des parties dures, osseuses, dont le frottement doit plutôt nettoyer les dents que les altérer. Le chien, le chat, &c. en offrent des exemples; leurs dents sont remarquables par leur blancheur; on y voit ordinairement très-peu de tartre, excepté dans les individus vieux, ou ceux dont les dents ont déjà éprouvé quelque altération. La formation du tartre dans l'homme, paroît dépendre principalement de l'usage des liqueurs fermentées & des alimens pris très-chauds & très-froids.

Parmi les herbivores, ceux qui rongent les écorces, tels que les écureuils, les marmotes, le castor, &c. ont les dents jaunâtres; ceux qui ne vivent que de végétaux, qu'ils sont obligés de mâcher long-temps avant de les avaler, ont ordinairement les dents noirâtres, particulièrement dans les
cavités

cavités supérieures, mais elles sont bien moins noires que celles des ruminans, dont les mâchelières sont toujours recouvertes d'une couche de matière noire & luisante sur leurs parties latérales. On ne sauroit détacher cet enduit sans enlever une couche de matière blanchâtre assez mince, qui paroît être une portion de l'émail qui a été attaquée, ce qui est d'autant plus vraisemblable que la couche d'émail qui est au-dessous est terne; on ne sauroit attribuer la formation de cet enduit qu'à l'action des substances végétales qui ont déjà passé dans les premiers estomacs, & sont rapportées dans la gueule pour être mâchées une seconde fois. Les mâchelières sont d'ailleurs les seules recouvertes de cet enduit; ce sont aussi les seules qui servent à triturer les alimens une seconde fois; les incisives, dont l'usage se borne à couper l'herbe, sont entièrement blanches. M. Daubenton a remarqué que l'enduit dont nous venons de parler, étoit de même nature que la matière qui forme l'enveloppe extérieure des bézoards qu'on trouve assez ordinairement dans les estomacs des animaux de cet ordre.

Les dents de l'homme & celles des carnivores sont recouvertes d'une seule couche d'émail; dans plusieurs herbivores au contraire, l'émail revêt non-seulement l'extérieur des mâchelières, mais il pénètre aussi dans l'intérieur, de manière que ces dents sont composées de lames verticales d'émail & de substance osseuse disposées alternativement; mais il est bon d'observer que les lames d'émail dépassent sur la couronne les portions osseuses, & sont conséquemment les seules exposées au frottement: elles sont d'ailleurs taillées en biseaux, ce qui les rend encore plus durables; aussi ces dents résistent-elles plus long-temps aux frottemens que celles qui n'ont qu'une seule enveloppe. Les mâchelières sont en quelque sorte l'office de meules dans ces animaux; elles sont très-larges & en même temps très-solides, ce qui dépend de leur structure particulière.

Les animaux qui ne se nourrissent que d'herbes, tels que le cheval, l'âne, &c. ne peuvent subsister qu'en prenant à

la fois une grande quantité de cette nourriture, bien moins substantielle que la viande; ils sont obligés aussi de la broyer long-temps ce qui doit agir sur leurs mâchelières; mais les lames verticales dont elles sont composées maintiennent leur solidité & les rendent propres à une longue mastication, quoiqu'elles soient usées en grande partie. La conformation des dents des ruminans qui mâchent deux fois leurs alimens, est à peu-près la même : les dents du rat-d'eau, du campagnol, de l'ondatra, du porc-épic, du castor, du cabiai, de l'hippopotame, de l'éléphant & de plusieurs autres, offrent la même structure; mais les configurations des couches sur la couronne des molaires de ces animaux, varient suivant leur manière de vivre. Dans les solipèdes, par exemple, elles forment plusieurs sinuosités; dans les individus jeunes, elles présentent plusieurs séries de croissans : cette configuration donne aux dents de ces animaux un degré de solidité proportionné à la largeur de ces parties, & au temps nécessaire pour mâcher leurs alimens, les réduire en petits morceaux & les imprégner de leur salive. Dans les ruminans, les lames d'émail forment sur la couronne des mâchelières deux figures assez semblables à des croissans : ces animaux mâchent d'abord très-peu leurs alimens, ils les gardent quelque temps dans la panse où ils se macèrent & se changent, sur-tout en passant par le bonnet, d'une certaine quantité de suc; la pelotte humectée, ramenée dans la bouche, n'y subit l'action des dents que pour être encore plus divisée, & être pénétrée plus intimement par les suc dont elle a été imprégnée dans les estomacs; leur mastication dure dès-lors moins que celle des solipèdes. Leurs dents destinées à un moindre effort, sont plus étroites, & leur couronne moins usée offre des lames d'émail très-faillantes; ces lames forment des triangles sur les mâchelières du rat-d'eau, du campagnol & de l'ondatra, des lignes circulaires sur celles du sanglier des Indes. Tous ces animaux se nourrissent de fruits & d'écorces qui ont besoin d'être long-temps broyés. On voit deux figures de trèfles opposées par la base sur celles

de l'hippopotame, & enfin des lames transverses sur celles de l'éléphant & les plus grosses du cabiai. Les lames d'émail des mâchelières de l'éléphant sont plus larges que leurs couches osseuses; celles-ci sont peu solides: ces dents paroissent destinées à broyer des substances peu dures, & sur-tout des semences & des feuilles tendres; leur plus grand effort ne paroît point avoir lieu par un mouvement latéral, tel qu'on l'observe dans les autres animaux, mais par un mouvement de devant en arrière, comme il y a lieu de le présumer d'après la position transverse de leurs lames. Les sangliers, les cochons, le babiroussa & quelques autres se nourrissent aussi de végétaux; mais comme ils n'en mangent que les fruits, les semences ou les racines qui sont beaucoup plus nourrissantes que les feuilles, ils ont une moindre quantité d'alimens à mâcher, & leurs dents sont revêtues d'une seule couche d'émail; mais elles diffèrent de celles des carnivores, en ce que leur couronne est hérissée de tubercules qui les rendent plus solides.

L'émail des dents est la partie animale la plus dure, & leur portion osseuse surpasse en solidité les os les plus durs, excepté peut-être l'apophyse pierreuse des os temporaux: mais le degré de dureté de l'émail varie dans les différens animaux; il est en général plus considérable dans les carnivores que dans les herbivores; on voit souvent la couche extérieure des dents de ces derniers fendillée comme la faïence. La direction des fibres de l'émail qui recouvre les parties supérieures des dents dans tous les animaux, se rapproche, autant qu'il est possible, de la ligne verticale, tandis qu'elle est presque horizontale sur les parties latérales: cette structure rend les dents susceptibles d'une très-grande résistance. Dans la plupart des animaux, l'émail donne des étincelles au briquet; les acides n'agissent point sur cette matière de la même manière que sur les os; mais ce qui prouve que sa dureté dépend plutôt de la disposition de ses fibres que de son épaisseur, c'est que les couches d'émail les plus épaisses ne sont pas toujours les plus dures.

Les dents de l'hippopotame donnent très-aisément des étincelles par le choc du briquet, quoique leur enveloppe ne soit pas fort épaisse; j'en ai tiré des mâchelières du cheval; celles de l'homme, quand elles sont saines, présentent le même phénomène. On peut voir à ce sujet quelques observations dans les centuries de Rhodius & dans Gagliardi.

L'épaisseur des couches de l'émail varie suivant l'âge & les différentes espèces d'animaux; la lame qui recouvre les grosses dents du sanglier & des cochons est très-épaisse, tandis que celle qui enveloppe leurs dents canines est très-mince: ces animaux se nourrissent de végétaux, la couche supérieure de leurs dents molaires est plus épaisse que celle des mêmes dents dans les carnivores. La couche supérieure des dents molaires postérieures de l'homme, est aussi beaucoup plus épaisse que celle des deux molaires antérieures, & nous verrons que ces dernières ont tous les caractères des dents des animaux carnivores, tandis que les postérieures sont entièrement analogues à celles des herbivores. L'émail manque d'un bout à l'autre sur une portion plus ou moins grande du pourtour des canines & des incisives de l'hippopotame, des canines du sanglier & des cochons; quelques-unes sont entièrement dépourvues d'émail, telles sont les défenses de l'éléphant, du morse, les dents canines du babiroussa, & parmi les cétacées, les défenses du narval: toutes ces dents donnent une espèce d'ivoire connu dans le commerce sous le nom générique de *morsil*; le nom d'ivoire étant plus particulièrement employé pour désigner les défenses de l'éléphant.

L'usage des dents ne se borne pas à la manducation; dans plusieurs quadrupèdes & sur-tout les herbivores, les canines deviennent des instrumens de défense; aussi ces parties sont-elles dans quelques-uns entièrement dépourvues d'émail; dans d'autres, elles n'en sont recouvertes qu'en partie, & lorsqu'elles le sont tout-à-fait, la couche en est très-mince. Ces variétés n'ont pas lieu dans les carnivores dont les canines toujours recouvertes d'une portion épaisse d'émail,

semblent indiquer qu'elles sont plus particulièrement destinées à la manducation.

On divise ordinairement les dents en trois ordres, les incisives, les canines & les molaires; mais si on considère ces organes sur différentes espèces d'animaux & même dans l'homme, il paroît nécessaire d'ajouter un quatrième ordre à cette division, comme l'a fait M. Jean Hunter, qui les a distinguées en incisives, en canines, en bifurquées ou molaires antérieures, & en molaires postérieures: leurs caractères particuliers sont très-apparens. Les incisives ne se rencontrent pas dans tous les quadrupèdes; l'unau, l'aï, le cachicanne, les tatous sont privés de ces dents à l'une & à l'autre mâchoire. Un très-petit nombre d'espèces n'a des dents incisives qu'à la mâchoire supérieure; tels sont l'éléphant, le morse, la vache-marine & une espèce de chauve-souris décrite par M. Pallas: il paroîtroit même y avoir dans cette chauve-souris une espèce de transposition des dents antérieures. Les défenses de l'éléphant, du morse & de la vache-marine doivent être regardées comme analogues aux incisives; ces dents, au nombre de deux dans chacun de ces animaux, sont si volumineuses, qu'elles semblent ne laisser aucun espace pour les correspondantes qui pourroient être à la mâchoire inférieure; aussi l'extrémité de cette mâchoire est-elle très-étroite, tandis que la supérieure est très-large. Dans les quadrupèdes au contraire qui n'ont des dents incisives qu'à la mâchoire inférieure, le bout de la mâchoire supérieure n'excède pas ordinairement en largeur celui de l'inférieure. Dans les espèces dont chaque mâchoire est pourvue d'incisives, les extrémités en sont à peu-près égales. Si on fait attention à la manière dont les incisives sont fixées dans tous les animaux, on sera bientôt convaincu de la grande analogie qu'ont avec elles les défenses de l'éléphant. Dans tous les quadrupèdes, les incisives sont placées dans les os maxillaires antérieurs, que quelques anatomistes nomment aussi inférieurs; les canines sont au contraire toujours placées à l'angle antérieur des os maxil-

lares postérieurs. Dans les espèces dont le museau est plus allongé, les os maxillaires antérieurs sont aussi beaucoup plus longs, & les incisives sont bien plus éloignées des canines. Ces différences sont sur-tout remarquables dans les diverses espèces de singes; l'intervalle qui se trouve entre leurs incisives & leurs canines, devient plus considérable à mesure que leur conformation s'éloigne de celle de l'homme; dans les espèces qui s'en approchent le plus, cet espace disparoît; les os maxillaires antérieurs ne sont distincts des postérieurs que dans les jeunes sujets, & les dents incisives touchent les canines comme dans l'homme. En général, plus les os maxillaires antérieurs sont considérables, & conséquemment en état de se passer de l'appui des autres os, plus l'ossification de leur suture avec les os maxillaires postérieurs est retardée. Dans les espèces au contraire où ils sont très-peu volumineux, ils paroissent n'être que des épiphyses des postérieurs, & ils forment bientôt un seul os, même dans les jeunes sujets: on peut faire cette observation dans l'homme, & rendre par-là raison de l'existence de la fêlure qu'on observe dans les os maxillaires des jeunes sujets; elle n'a point échappé à M. Vicq d'Azir qui en a fait mention dans ses remarques anatomiques sur les singes, pour expliquer la différence de grandeur des trous incisifs dans les divers animaux.

Au moyen de cette structure, on ne pourra point confondre, dans certains sujets, les dents canines avec les incisives qui se ressemblent quelquefois beaucoup. Les défenses de l'éléphant sont placées dans les os maxillaires antérieurs; elles doivent en conséquence être regardées comme des incisives; toutes les alvéoles des os maxillaires postérieurs du même animal étant d'ailleurs remplies par les mâchelières, il se trouve privé de dents canines: cette observation prouve combien est utile l'anatomie en histoire naturelle. Si Linné, dirigé par les connoissances anatomiques, eût regardé ces dents comme des incisives & non comme des canines, ainsi qu'il l'a fait, il eût évité le

reproche d'avoir rangé dans le même ordre l'éléphant, le morse & la vache-marine, à côté des tatous, de l'unau & de quelques autres espèces aussi petites, & qu'on a quelque répugnance de rencontrer même dans une méthode artificielle avec des animaux d'un aussi gros volume que l'éléphant, &c. qui en diffèrent d'ailleurs à d'autres égards; sans doute il eût formé deux divisions de ces différens animaux, & leurs caractères distinctifs auroient été invariables.

Je crois inutile de rappeler ici les raisons qui avoient engagé les anciens à prendre pour des cornes les défenses de l'éléphant, qu'ils croyoient sortir des os du crâne. Il est surprenant que Perault qui avoit disséqué avec beaucoup de soin toutes ces parties, & qui avoit bien vu leur insertion, les ait aussi regardées comme des cornes. M. Daubenton, dans la description qu'il a donnée du squelette de l'éléphant, a démontré que ces organes devoient être considérés comme des dents.

Il n'y a point de quadrupède dont chaque mâchoire soit garnie d'une seule dent; ainsi le nombre des incisives est au moins de deux. Nous aurons occasion dans un autre Mémoire de faire mention de plusieurs espèces de poissons, dont les mâchoires sont terminées par une seule dent.

Plusieurs espèces d'animaux qui se nourrissent de végétaux, ont à chaque mâchoire deux incisives tranchantes & taillées en biseau; tels sont les rats, les écureuils, les marmottes, le paca, l'agouti, le castor, le porc-épic, le cochon-d'Inde, les musaraignes, &c. ils s'en servent pour entamer le bois, couper les arbres, ronger l'écorce, aussi ces dents sont-elles orangées ou jaunes; les supérieures sont plus courtes que les inférieures, au contraire des carnivores, dont les supérieures sont plus longues que les inférieures. Dans la taupe du cap de Bonne-espérance, elles sont très-projetées en avant, & semblent appartenir en quelque sorte à une seconde mâchoire. Le rat-volant n'a aussi que deux incisives à chaque mâchoire, les supérieures sont pointues & les inférieures forment deux lobules; la marmotte-volante en a deux

supérieurement & six inférieurement. Les lièvres & les lapins ont la mâchoire inférieure pourvue de deux dents incisives, & la supérieure de quatre, mais celles-ci sont disposées en deux rangs : ces animaux sont les seuls parmi les quadrupèdes où l'on observe constamment cette disposition. On voit quelquefois dans l'homme & dans quelques animaux des dents hors de rang. *Albinus* en a rapporté plusieurs exemples très-curieux ; mais c'est par accident que les germes sont ainsi multipliés, ils ne se rencontrent pas même souvent dans leur situation naturelle ; quelquefois même la dent est totalement renversée, comme *Palfin* & *M. J. Hunter* en ont vu parmi les canines. Mais dans les lièvres & les lapins, le double rang d'incisives supérieures est un caractère constant, les postérieures sont très-petites & cylindriques ; on pourroit en quelque manière les regarder comme des dents canines qui manquent d'ailleurs dans ces animaux ; les antérieures & celles qui sont à la mâchoire de dessous ont beaucoup de rapport avec celles des rats, des écureuils, &c. mais elles n'ont jamais, comme ces dernières, une teinte de jaune.

Les singes, les sapajous, les sagouins, la rousette, la rougette, l'hippopotame, &c. ont comme l'homme quatre dents incisives à chaque mâchoire, mais la forme & la position de celles de l'hippopotame sont bien différentes de celles de l'homme ; les inférieures du quadrupède sont cylindriques, fort larges, sur-tout celles du milieu ; elles sont dirigées en avant & ne touchent aux supérieures que par les côtés. Le pécari & plusieurs espèces de chauve-souris, telles que l'oreillard, la pipistrelle, la noctule, &c. ont quatre dents incisives à la mâchoire de dessus, & six à celle de dessous : les incisives dans ces animaux sont festonnées en deux, trois ou quatre lobes ; deux des incisives supérieures de l'oreillard sont fourchues ; les phoques ont au contraire de ces animaux, six incisives à la mâchoire supérieure & quatre à l'inférieure ; les quatre du milieu de la mâchoire supérieure du phoque des Indes, ont chacune deux branches comme celles de l'oreillard.

Le

Le chien, le loup, le renard, le chacal, le lion, les chats, les tigres, les fouines, les loutres, en un mot, presque tous les animaux qui vivent de proie & de rapine, ont six dents incisives à chaque mâchoire : on trouve le même nombre dans les cochons, les sangliers, les solipèdes, &c. mais la structure en est bien différente; on voit dans la taupe six incisives supérieures & huit inférieures, dont les deux du milieu sont très-petites.

L'usage des dents incisives est, suivant les anatomistes, d'inciser, de couper, & c'est ce qui leur a valu leur dénomination; elles devroient donc agir comme les deux lames d'une paire de ciseau en passant l'une sur l'autre. Nous examinerons d'abord les différences qu'elles offrent dans les divers animaux; dans les herbivores, comme le cheval, elles sont légèrement recourbées, de manière cependant que les supérieures s'approchent plus de la ligne verticale que les inférieures, & que lorsque les deux mâchoires sont fermées, elles forment par leur réunion un angle très-obtus; elles portent les unes sur les autres, & si les supérieures dépassent un peu les inférieures, cela dépend surtout de la moindre largeur de celles-ci. Le cheval se sert de ces dents pour couper l'herbe qu'il saisit & arrache d'un seul coup de tête : on ne peut pas les comparer à des instrumens tranchans, & le nom de pincés que leur ont donné les auteurs vétérinaires, exprime beaucoup mieux leur action. Dans les herbivores qui n'ont des incisives qu'à la mâchoire inférieure, ces dents ont une destination bien différente de celles des solipèdes; ces parties dans les ruminans sont proportionnellement beaucoup plus petites que dans les autres animaux qui se nourrissent aussi de végétaux; le nombre en est de huit presque dans tous; leur racine est grosse, cylindrique; elles ont une espèce de collet, & leur couronne est élargie; au lieu que les dents des solipèdes ne forment point de collets, & s'élargissent graduellement depuis leur racine jusqu'à la couronne : celles des ruminans sont d'ailleurs aplaties sur les côtés, elles sont moins courbées

que celles des solipèdes, & sont taillées obliquement, de manière qu'elles sont projetées en avant, & que la partie supérieure de la couronne présente une surface proportionnellement plus large que celle des dents incisives d'aucun autre animal. La couche d'émail qui les recouvre est plus épaisse au bord externe de la couronne, la partie extérieure est revêtue d'une couche d'émail très-polie & sans cannelures; le contraire a lieu dans les incisives des solipèdes, où l'on observe une gouttière creusée dans toute leur longueur. Le bord extérieur des incisives des ruminans est arrondi & fort tranchant, cette partie seule les rend utiles; ces dents ne s'enfoncent dans les alvéoles que jusqu'au quart de leur longueur, tandis que dans la plupart des autres animaux, presque les deux tiers des incisives sont renfermées dans les alvéoles. Les mâchoires des ruminans sont aussi construites très-différemment de celles des autres espèces; les deux branches de l'inférieure sont encore dans les vieux sujets jointes antérieurement par des ligamens & des cartilages; elles sont très-aplaties dans cet endroit, & forment de chaque côté une espèce d'apophyse plate & arrondie: dans quelques espèces cette projection est très-considérable; dans le bœuf, par exemple, elle l'est bien plus que dans le cerf, le mouton ou les chèvres, &c. aussi les museaux de ces animaux diffèrent beaucoup entr'eux. Dans le bœuf, les deux angles de la mâchoire inférieure dépassent les incisives des angles, & la distance qu'il y a entre ces deux éminences est ordinairement la même que celle qui se trouve entre l'angle intérieur que forment les deux branches de la mâchoire & l'extrémité des incisives intermédiaires: l'extrémité de la mâchoire inférieure des ruminans est moins dure que celle des autres animaux; les alvéoles sont composées d'os presque spongieux & minces, qui laissent souvent des portions de racines à découvert; les deux pièces de cette mâchoire s'engrènent par une suture qui forme des dentelures très-irrégulières & ordinairement plus grandes inférieurement. Une substance cartilagineuse se

trouve placée dans l'intervalle de cette espèce de symphise ; ce cartilage s'élargit vers les parties intérieures ; il enveloppe fortement les dents jusque dans leur alvéole , les raffermir & devient sur-tout épais vers leur base interne ; là, il s'étend & est fixé fortement sur les aspérités des os des mâchoires : les deux tiers de la dent sont recouverts par ce cartilage. Comme toutes ces parties sont spongieuses , & qu'elles ont besoin , pour être nourries , d'un plus grand nombre de vaisseaux que les mâchoires des autres animaux qui sont très-dures , les trous mentoniers sont plus grands dans tous les ruminans que dans aucun autre animal que j'aie eu occasion d'observer , & ils sont plus rapprochés de la base des dents que dans le cheval ; le cartilage qui enveloppe les incisives des ruminans , s'étend encore dans l'intérieur de la gueule , & forme aux parties latérales des espèces de papilles dures & pointues ; il forme aussi des papilles aplaties sur la langue , principalement vers sa base ; le palais de ces animaux est aussi recouvert d'une substance cartilagineuse , terminée à l'extrémité de la mâchoire supérieure par un bourrelet sur lequel repose la couronne des incisives inférieures.

Les incisives dans les animaux carnaciers étant destinées à saisir & à pincer fortement , sont fixées solidement dans les alvéoles , & se soutiennent mutuellement ; les latérales sont , dans presque tous , les plus grosses ; le contraire a lieu dans les animaux herbivores , où les intermédiaires sont les plus grosses ; les latérales sont plus longues dans les carnivores , afin qu'elles puissent en quelque sorte agir en même temps que les canines qui les avoisinent & qui sont très-longues dans ces animaux. Dans le chien , on pourroit regarder les quatre incisives comme de petites dents canines , & particulièrement les supérieures qui sont recourbées dans la même direction que les canines ; mais toutes les incisives , dans ces animaux , sont implantées dans les os maxillaires antérieurs , tandis que les canines sont fixées dans les os maxillaires postérieurs ; elles sont recourbées en dedans , &

de cette manière elles ont le plus grand degré de force & sont plus propres à déchirer ; les incisives inférieures sont plus petites que les supérieures, & les deux du milieu le sont encore plus que les latérales : pour avoir un plus grand degré de force, elles se soutiennent mutuellement en se touchant par leur extrémité supérieure.

Dans les herbivores, au contraire, les dents de chaque mâchoire sont à peu-près égales, & dans tous ces animaux les intermédiaires de la mâchoire inférieure sont plus grosses que les latérales, ce qui a lieu en sens inverse dans les animaux carnivores. En considérant cette structure qui a un rapport direct avec la manière de vivre de ces animaux, & en la comparant avec celle des parties analogues dans l'homme, on s'apercevra que les deux incisives du milieu du rang supérieur dans l'homme, sont beaucoup plus larges que les latérales, & qu'elles ne se touchent point, ce qui donne à ces parties beaucoup de ressemblance avec les dents des animaux herbivores, & sur-tout avec celles des ruminans ; tandis qu'à la mâchoire inférieure les incisives se touchent par leur extrémité supérieure, & que les deux du milieu sont plus petites que les latérales, ce qui les rend entièrement analogues à celles des animaux carnaciers. Je compare les incisives supérieures de l'homme à celles des ruminans, parce que l'usage de ces parties qui ne se trouvent que dans une seule mâchoire dans ces animaux, se borne à prendre des alimens, & qu'on ne sauroit les regarder comme des instrumens de défenses. Fabricius avoit remarqué une grande ressemblance entre ces dents & celles de l'homme. Le bord extérieur des incisives supérieures dans l'homme, forme un angle, tandis que l'intérieur est arrondi, au contraire des incisives inférieures dont le bord externe est arrondi, tandis que le bord interne est angulaire. Cette configuration, quoique dépendant sur-tout de la manière dont ces dents s'appliquent les unes sur les autres, offre cependant un degré de plus de ressemblance entre les supérieures & celles des herbivores, & montre en même temps l'analogie qui existe

entre les inférieures & celles des carnivores qui sont également arrondies extérieurement à chaque mâchoire.

Dans l'homme & les singes, l'espace qu'occupent les incisives supérieures, est plus large que celui que remplissent les incisives inférieures; dans les carnivores & les solipèdes, cet espace est presque le même dans chaque mâchoire.

Dans le cochon & quelques autres animaux, les incisives paroissent moins essentielles à la manducation que dans d'autres espèces; ces parties présentent aussi entr'elles de très-grandes différences: les antérieures sont alongées dans une direction presque horizontale, les latérales sont petites, arrondies, & pourroient être regardées comme les seules vraies incisives. Plusieurs auteurs les ont prises pour des dents canines, mais elles doivent en être distinguées, parce qu'elles sont fixées dans les os maxillaires antérieurs.

Quelques animaux se servent d'autres parties que des dents pour saisir leur proie, ou porter à leur gueule les alimens; leurs incisives ont alors une conformation différente; c'est ce qui s'observe dans le lion, les tigres, les chats, &c. qui emploient leurs griffes pour saisir leur proie. Les incisives de ces animaux forment, par leur assemblage, une ligne presque droite; les latérales ne sont guère plus grosses que celles du milieu, & elles sont toujours proportionnellement plus petites que celles des chiens, des loups, du chacal, des phoques, &c. qui saisissent leur proie avec leurs dents, lesquelles forment par leur réunion une ligne courbe, & sont plus grosses que celles des tigres; leur bord est même festonné, ce qui les rend susceptibles d'un plus grand effort. Cette configuration est commune au chien, au loup, au chacal, mais elle ne se rencontre pas dans le renard; ce caractère serviroit à distinguer essentiellement ce dernier animal du chien, s'il étoit vrai qu'il fût commun à tous les individus, comme M. Gueldenstaed l'a soupçonné.

Les dents incisives ne sauroient agir à moins que celles de chaque mâchoire ne se correspondent exactement; elles n'ont, dans l'homme, une action bien marquée que dans

cette position; elles sont un peu plus longues que les molaires, ce qui facilite l'action des unes & des autres : au moyen de ce mécanisme, lorsque les incisives supérieures portent sur les inférieures, il se trouve un intervalle entre les molaires de l'une & de l'autre mâchoire, & les incisives peuvent agir sans être gênées par les molaires. Lorsque ces dernières au contraire doivent agir, les incisives supérieures dépassent les inférieures, & les molaires sont alors en contact & portent les unes sur les autres, sans qu'elles puissent être gênées dans leurs mouvemens par les incisives. La position respective des dents, quand les mâchoires sont fermées, offre des variétés singulières dans les divers animaux. Dans les carnivores, tel que le chien, les incisives de l'une & de l'autre mâchoire sont presque directement au-dessus les unes des autres; les dents molaires supérieures ne portent pas sur les inférieures & même ne les touchent pas. Dans les herbivores au contraire, tels que les solipèdes, les rats, les écureuils, &c. quand leurs mâchoires sont rapprochées, le rang supérieur des dents molaires porte sur le rang inférieur, & les incisives ne se touchent point par leur extrémité. Il est facile de rendre raison de la différence que nous venons d'observer entre les carnivores & les herbivores, relativement à la position respective de leurs dents, si l'on fait attention à l'usage des dents molaires de ces animaux. Sous ce point de vue, l'homme a plus de rapport avec les herbivores qu'avec les carnivores, comme nous nous proposons de le prouver. Quand la bouche est fermée, les dents molaires supérieures dans l'homme sont posées sur les inférieures, ce qui n'a point lieu pour les incisives dans tous les animaux; les incisives supérieures dépassent plus ou moins les inférieures: cette disposition est remarquable dans l'homme, & sur-tout chez quelques peuples. La mâchoire inférieure, en s'éloignant de la supérieure, porte les incisives vis-à-vis les unes des autres; c'est alors que ces parties agissent: ainsi, moins les incisives supérieures cachent les inférieures, moins il est nécessaire d'ouvrir la bouche pour les faire agir.

E S S A I

Sur les moyens d'établir entre les Thermomètres une comparabilité, sinon exacte, au moins plus approchée que celle qu'on a obtenue jusqu'à présent.

Par M. CHARLES.

LE seul moyen qu'on ait maintenant pour faire des thermomètres comparables, ou plutôt pour tâcher de les rendre tels, consiste d'abord à choisir le mercure, comme celui de tous les fluides qui est le moins altérable par le temps & par les passages successifs du chaud au froid, à employer des tubes exactement calibrés, pour que, à des longueurs égales, répondent des volumes égaux, à bien purger d'air le thermomètre en y faisant bouillir le mercure; enfin, à régler l'échelle d'après deux degrés de température qu'on puisse regarder comme fixes, tels que la glace fondante & l'eau bouillante, en ayant égard à la hauteur du baromètre.

Lû à la
rentrée pu-
blique après
Pâques, le 22
avril 1789.

Mais outre que la fixité de ces points n'est pas très-bien vérifiée, il y a une cause qui rend inutile toute l'exactitude qu'on pourroit mettre dans leur détermination; c'est la dilatation du verre, effet connu depuis long-temps, mais dont la quantité semble ne l'avoir pas été très-bien jusqu'à présent. J'ai établi mon opinion à cet égard sur les expériences suivantes.

PREMIÈRE EXPÉRIENCE.

DANS de l'eau qui avoit 75^d de chaleur, j'ai plongé un thermomètre à mercure, comme tous ceux dont il sera parlé dans la suite. Ce thermomètre indiquoit 8^d de chaleur seulement; la bouteille qui est cylindrique, porte quatre lignes de diamètre extérieur, & deux pouces de longueur

568 MÉMOIRES DE L'ACADÉMIE ROYALE
environ : j'y ai vu descendre le mercure 2^d & plus ; j'ai conclu d'abord que l'effet de la dilatation devoit être beaucoup plus grand. Effectivement, il est difficile de supposer que, pendant le temps de cette descente, quoique extraordinairement petit, le mercure ne commence pas déjà à se dilater, & par conséquent ne couvre pas en partie l'effet de la dilatation du verre, pendant le temps même de la descente. De plus, quand le mercure monte, il n'est nullement probable que la dilatation soit finie ; j'ai donc conjecturé que pour ce thermomètre, l'effet de la dilatation pouvoit aller à 3^d ou à $3^d \frac{1}{2}$.

SECONDE EXPÉRIENCE.

J'AI plongé dans l'eau chaude, au même degré, un second thermomètre qui a été cassé depuis ; la bouteille aussi cylindrique avoit même longueur que celle du premier, mais deux lignes seulement de diamètre extérieur : je n'ai pu y apercevoir la descente du mercure, quoique dans ce second thermomètre la dilatation doive être une plus grande partie du volume, puisque la surface est plus éloignée du *minimum* dans le second cas que dans le premier.

J'ai conclu de-là que la chaleur avoit agi sur le mercure dans un intervalle de temps presque nul, à compter de l'immersion, à cause de la grande sensibilité du thermomètre, & par conséquent, que cette sensibilité avoit absolument couvert l'effet de la dilatation. Puisque dans cette seconde expérience, l'effet a été couvert en totalité ou au moins à très-peu-près, il a dû l'être pour la plus grande partie dans la première expérience ; le thermomètre qui y a été employé, étant déjà dans la classe de ceux qu'on regarde comme très-sensibles, & que les observateurs exacts emploient volontiers.

Cette seconde expérience m'a fait soupçonner une dilatation bien au-dessus de celle que j'avois supposée d'après la première expérience, & on ne pourroit pas affirmer, je pense, qu'elle est au-dessous de 6^d ,

Quelqu'un

Quelqu'un peut-être sera tenté d'objecter que la différence des verres a pu produire dans le second thermomètre un effet en sens contraire de celui que doit donner la plus grande surface, capable non-seulement d'établir la compensation, mais de rendre presque nulle la dilatation qui a été prouvée si grande par la première expérience.

J'avouerai que je n'ai pas vu construire le thermomètre employé dans la première expérience, mais j'ai vu construire le second par le sieur Mossi, constructeur des instrumens de physique en verre de l'Académie, qui m'a aussi fourni le premier; je lui en ai vu construire un très-grand nombre d'autres dans le même genre que le premier ou à peu-près, & les épaisseurs des verres employés pour la construction des cylindres, ne m'ont pas paru assez différer, pour anéantir dans un cas la dilatation qui est si grande dans l'autre.

On peut donc affirmer que le rapport de deux pesanteurs spécifiques du mercure, correspondantes à deux températures données, non-seulement n'est pas déterminé exactement par le rapport des volumes apparens qu'occupe le mercure dans le thermomètre, mais n'est pas donné par une approximation qui puisse rendre utiles certaines attentions qu'on porte depuis quelque temps à la construction de cet instrument. Le thermomètre, dans l'état où il est actuellement, n'est donc point comparable à lui-même d'une température à l'autre.

Voici une troisième expérience qui confirme l'opinion établie sur les deux autres.

J'ai remplacé le thermomètre cassé par un autre, dont le cylindre a été tiré de la même pièce & porte un peu plus de deux lignes de diamètre extérieur; mais il a trois pouces & demi de longueur, il a été construit par le même ouvrier & avec le même soin: je l'ai comparé avec le thermomètre de la première expérience, il s'est toujours trouvé plus bas. A l'instant où j'écris ceci, ces deux thermomètres sont exposés à un même côté de ma fenêtre, absolument

l'un sous l'autre, & le grand donne 11^d , pendant que le petit donne seulement $10^d \frac{1}{2}$, ce qui fait un demi-degré & plus de différence.

Or, ces thermomètres sont bien faits & bien calibrés; ainsi une différence si considérable & si près d'un des termes de comparaison, ne peut pas être attribuée à un défaut de construction.

Deux thermomètres ne peuvent donc être comparables entr'eux, quand les surfaces, comparées au volume, sont dans l'un des thermomètres beaucoup plus grandes que dans l'autre.

Que penser donc de ces thermomètres en spirale, qui ont été à la mode pendant quelque temps & qu'on trouve encore? J'avois un thermomètre de cette espèce, dont le rouleau formé par un cylindre de même diamètre extérieur que le petit cylindre dont il vient d'être parlé dans la troisième expérience, portoit à peu-près un pied & demi de développement; j'en ai vu de beaucoup plus grands.

Je ferai des recherches sur les hypothèses de dilatation les plus vraisemblables, & j'aurai l'honneur de communiquer mes résultats à l'Académie dans nos assemblées particulières.

En attendant, je vais proposer un moyen indépendant de toutes hypothèses, pour déterminer la dilatation dans les thermomètres, qui pourra, je pense, être employé utilement dans quelques occasions.

Pour y parvenir, je supposerai que le volume, tant du verre qui forme la bouteille des thermomètres, que de celui qui forme la partie des tubes comprise depuis le collet jusqu'au point où le mercure est élevé; je supposerai, dis-je, que ce volume est assez petit pour qu'on puisse en négliger la dilatation comparée à celle du creux, qui contient le mercure. Cela posé:

Premièrement. Il faut plonger jusqu'au mercure un thermomètre bien purgé d'air & bien calibré, dans deux bains chauds à différentes températures successivement: on observera la hauteur de la colonne de mercure dans les deux

bains; & si, ce qui est toujours facile, on connoît le rapport des volumes entre le creux du tube du thermomètre & celui de sa bouteille, dans l'un des bains qu'on prendra pour terme de comparaison, le rapport des pesanteurs spécifiques du mercure dans ces deux températures, sera donné en fonction de quantités connues, & de la dilatation inconnue, arrivée au creux qui contient le mercure, par le passage du thermomètre d'un bain à l'autre.

Plongeant dans les mêmes bains un second thermomètre, le rapport entre les mêmes pesanteurs spécifiques du mercure sera aussi donné en fonction de quantités connues, & de la dilatation inconnue du second thermomètre; ainsi nous aurons une équation entre ces dilatations inconnues (a).

Deuxièmement. On observera, par le moyen de la balance hydrostatique, quel contre-poids retient en équilibre les thermomètres à la profondeur même où j'ai déjà proposé de les plonger, c'est-à-dire, jusqu'à ce que le mercure élevé dans les tubes, soit dans le niveau même du fluide; alors chaque thermomètre donnera pour le rapport entre les pesanteurs spécifiques des deux bains, une expression composée de quantités connues & de la dilatation cherchée. Nous aurons donc une seconde équation entre les dilatations cherchées, & le problème sera résolu par une approximation suffisante, quand les bouteilles seront assez grosses pour satisfaire à la condition énoncée ci-dessus.

Ces instrumens serviront aussi d'aréomètres, & feront connoître, pour des températures données, le rapport entre les pesanteurs spécifiques de l'eau ou des autres fluides dans lesquels on jugeroit à propos de les plonger: ces aréomètres sont même les seuls qu'on doive employer dans cette circonstance; car l'aréomètre ordinaire se dilatant dans les hautes températures, on conçoit qu'en le faisant enfoncer au même point, dans un même fluide, à différentes tem-

(a) Voyez le Mémoire qui sert de supplément à celui-ci, & qui est placé à la suite immédiatement.

pératures, on ne fait pas enfoncer le même volume, & que la différence inconnue, quoique extraordinairement petite, ne doit pas être négligée quand on cherche des pesanteurs spécifiques aussi peu différentes que celles d'un même fluide à différens degrés de chaleur.

On pourra donc employer avec avantage ces gros thermomètres pour mesurer les pesanteurs spécifiques des fluides correspondantes à différens degrés de chaleur, toutes les fois que la nature de l'expérience permettra de conserver pendant long-temps la même température à ces fluides; dans tout autre cas, ils doivent être rejetés, parce qu'ils ne sont pas assez sensibles, & par conséquent, ne peuvent pas prendre assez vite la température des fluides, sur-tout quand elle n'est pas très-haute.

De plus, ces thermomètres ne pourront servir directement à déterminer la température de l'atmosphère, que dans le cas où on se sera assuré qu'à l'instant de l'observation, cette température avoit déjà lieu depuis un temps assez considérable, une demi-heure au moins pour une boule qui auroit un pouce de diamètre. On peut regarder cette constance de température comme vérifiée, quand on a observé le mercure à la même hauteur pendant la demi-heure dans un thermomètre très-sensible, comme ceux de la seconde & de la troisième expérience.

Quant aux thermomètres sensibles, nécessaires pour déterminer les vicissitudes petites & instantanées qui arrivent dans l'atmosphère, on peut éviter d'employer des spirales & même de longs cylindres, comme celui dont il est question dans la troisième expérience. Il suffit de choisir des tubes très-capillaires, & de donner au thermomètre environ un pied de marche pour cent quatre degrés. J'en fais construire un maintenant, dont le tube bien calibré sur une longueur de trente-un pouces, ne contient dans toute cette longueur que deux grains & $\frac{2}{3}$ de mercure; de sorte que pour avoir 82^d positifs & 22 négatifs, le cylindre qu'on y adaptera aura deux lignes de diamètre extérieur, & n'aura pas en

longueur beaucoup plus d'un pouce : mais ces tubes sont rares , d'ailleurs il n'est pas sûr que ce thermomètre réussisse , attendu la grande difficulté qu'il y a à purger d'air un tube qui est à la fois si long & si capillaire.

Au reste , je ne parle ici de ce thermomètre que pour donner une idée de ce qu'on peut espérer en ce genre ; car , comme je l'ai dit , en se bornant à un pied de marche pour cent quatre degrés , on évitera la trop grande surface relativement au volume ; on aura un thermomètre très-sensible , & le degré portant plus d'une ligne , on aura les dixièmes si on veut , par le moyen d'un vernier construit avec soin.

Mais ce n'est pas là la plus grande difficulté ; dans ces thermomètres , on ne peut en aucune manière négliger le volume du verre comme très-petit , par rapport au volume du creux occupé par le mercure ; & par conséquent , on ne peut pas négliger la dilatation du premier volume , relativement à celle du second : il faut donc faire entrer cette dilatation inconnue dans l'équation fournie par l'hydrostatique , & alors on n'a plus ce qu'il faut pour déterminer les dilatations inconnues , à moins qu'on ne vienne à bout de déterminer , par des expériences particulières , la dilatation d'un volume donné de verre. J'ai ouï dire qu'on a fait ces expériences pour des lames de glace ; j'ignore les résultats , mais je n'oserais assurer qu'on pourra en conclure les dilatations des tubes & cylindres de nos thermomètres.

Ainsi , je n'affirmerai rien sur l'application directe de ma méthode à cette seconde espèce de thermomètres , mais je remarquerai qu'on peut les étalonner sur les gros thermomètres dont il vient d'être parlé ; & alors , avec un peu de soin & de patience , on aura des thermomètres aussi sensibles qu'on voudra , tels que , pour un instant quelconque , de la hauteur du mercure , on pourra conclure sa pesanteur spécifique.

Je finirai par l'exposé d'un fait relatif au froid de 1788 , qui n'est pas étranger à l'objet de cet essai.

Le sieur Mossi , déjà cité , logé au milieu du quai Pelletier ;

au second, a observé, le 31 décembre à $7^h \frac{1}{2}$ & à $7^h \frac{3}{4}$ du matin, $18^d \frac{3}{7}$ sur un bon thermomètre à mercure, exposé à une fenêtre élevée sur les basses eaux d'environ 56 pieds; il avoit observé ce même thermomètre à cinq heures du matin, & ne l'avoit pas trouvé si bas. On a eu à l'Observatoire $17^d \frac{2}{7}$; donc le froid a été, sur le quai Pelletier, plus grand de 1 degré $\frac{1}{7}$ qu'à l'Observatoire; & cette différence peut être regardée comme très-approchée de la véritable, les thermomètres observés ayant été construits tous deux par ledit sieur Mossi, avec beaucoup de soin & à peu-près de même forme.

Pour prouver cette approximation, je remarquerai ici ce que j'aurois dû faire plutôt, que quoique les thermomètres ne seront pas comparables avec eux-mêmes d'une température à l'autre, tant qu'on ne pourra pas mesurer les dilatations positives ou négatives, correspondantes à ces températures, ils peuvent être comparables entr'eux pour des températures égales ou peu différentes, quand les cylindres ont à peu-près même forme & même volume; car dans ce cas les dilatations doivent être à peu-près les mêmes dans les deux thermomètres. L'approximation seroit encore plus grande si les cylindres étoient tirés de la même pièce de verre.

Comme il y a eu quelques thermomètres dont l'échelle étoit divisée en 85^d de la glace fondante à l'eau bouillante, j'avertirai, pour ôter toute incertitude, que dans les thermomètres dont il est ici question, le même intervalle est divisé en 80^d suivant l'ancienne méthode.

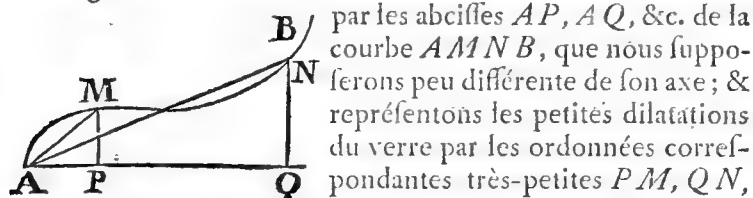
*SUPPLÉMENT au Mémoire lu à la Séance publique
du 22 Avril 1789.*

Lu le mardi
23 Juin
1789.

LES équations qui servent à déterminer les dilatations, n'ayant pu être exposées ni développées dans la lecture faite à la séance publique, je me propose de réparer l'omission dans ce supplément; mais avant tout, je dois répondre à

une objection qu'on m'a faite. Cette objection est que, dans les thermomètres, les dilatations du verre sont très-petites, & par conséquent à peu-près proportionnelles au nombre de degrés observés : je réponds, qu'on n'est point autorisé à faire cette supposition ; car,

Premièrement, quand ces dilatations seroient très-petites, on ne seroit pas autorisé à dire qu'elles sont proportionnelles aux degrés de chaleur observés. Effectivement, représentons ces degrés de chaleur ou ces hauteurs observées du mercure



par les abscisses AP , AQ , &c. de la courbe $AMNB$, que nous supposons peu différente de son axe ; & représentons les petites dilatations du verre par les ordonnées correspondantes très-petites PM , QN , &c. de la même courbe ; menons les droites AM , AN &c. : si les dilatations MP , NQ étoient à peu-près proportionnelles au nombre de degrés observés, les triangles AMB , ANQ seroient à peu-près semblables. Mais la presque coïncidence de la courbe avec son axe, rend seulement les angles MAP , NAP très-petits, & n'empêche pas d'ailleurs qu'ils ne puissent être dans un rapport fini, dans le rapport de 2 à 1, par exemple ; donc on n'est pas autorisé à supposer les triangles AMP , ANP à peu-près semblables ; donc &c.

Deuxièmement. Les dilatations ne sont pas très-petites, ou du moins les effets de la dilatation sur le thermomètre ne sont pas très-petits. Ce fait est constaté par les expériences précédentes ; mais j'ajouterai une nouvelle preuve.

Les constructeurs de thermomètres ont trouvé par expérience, que pour en avoir un portant environ vingt-deux degrés négatifs & quatre-vingt-deux positifs, il falloit faire la bouteille égale à cinquante fois le tube en capacité.

Maintenant, en supposant, comme le croit M. de Réaumur, que la dilatation de la bouteille est $\frac{1}{1200}$ depuis 0 ou la glace fondante, jusqu'à dix degrés, on peut supposer, je pense, sans craindre d'exagérer, que cette dilatation va

jusqu'à $\frac{8}{1200}$ ou $\frac{1}{150}$ depuis 0 jusqu'à 80^d, ou depuis la glace jusqu'à l'eau bouillante. Dans ce cas, la dilatation de la bouteille, depuis 0 jusqu'à 80, sera un tiers du volume du tuyau qui porte 104^d; & par conséquent cette dilatation contiendra un tiers du mercure contenu dans ce volume, ce qui fait plus de 34^d. On peut donc dire, en négligeant la dilatation du tuyau, que la colonne qu'on voit monter à 80^d dans l'eau bouillante, se seroit élevée à 34^d en sus sans la dilatation, quantité qu'on ne peut pas sûrement regarder comme très-petite.

D'après cela, je demande si, quand la colonne est élevée à 40^d, il est permis de supposer qu'elle se seroit élevée à très-peu-près jusqu'à 17 en sus, sans la dilatation.

L'effet de la dilatation du verre sur le thermomètre, dépend donc du rapport entre la dilatation du creux & celle du fluide employé.

Par exemple, l'effet de cette dilatation est bien moindre sur les thermomètres à esprit-de-vin, parce que dans les hautes températures, ce fluide se dilate quatre fois plus environ que le mercure. Ainsi quand le thermomètre à mercure donnera 20^d en sus sans la dilatation, celui à esprit-de-vin ne donnera guère que 5^d; mais cet avantage est nul à cause des autres imperfections qui tiennent à la nature de ce thermomètre, & qui en font, pour ainsi dire, inséparables.

Je viens aux équations qui font l'objet de ce Mémoire.

Soit A le volume occupé par le mercure dans un thermomètre, quand il est plongé dans un bain jusqu'au point où le mercure est élevé, depuis un temps assez long, pour en avoir pris la température. Soit ϖ la pesanteur spécifique du mercure dans ce bain, le poids du mercure sera exprimé par ϖA .

Soit $A + Z$ le volume, y compris la dilatation du verre occupé par le mercure, quand le thermomètre est plongé dans un autre bain, ϖ' la nouvelle pesanteur spécifique du mercure;

mercure; le poids que nous avons trouvé être exprimé par ϖ A fera aussi exprimé par ϖ' $(A + Z)$ & nous aurons,

$$\frac{\varpi}{\varpi'} = 1 + \frac{Z}{A}.$$

Je suppose qu'une masse de mercure conserve le même poids, en passant par différens degrés de chaleur, parce que, comme le prouvent les expériences faites jusqu'à présent, la chaleur que les corps sont capables de recevoir n'en augmente pas le poids d'une quantité sensible.

Si on plonge un second thermomètre dans les mêmes bains, on aura $\frac{\varpi}{\varpi'} = 1 + \frac{z}{a}$, où les petites lettres indiquent les mêmes choses pour ce second thermomètre que les grandes pour le premier. Nous aurons donc

$$(1) \quad \frac{Z}{A} = \frac{z}{a}$$

pour première équation entre les dilatations inconnues des deux thermomètres.

Soit le premier thermomètre appliqué à un des bras d'une balance hydrostatique. Soit T le poids du thermomètre, & Q le contre-poids qui, placé dans le bassin appliqué à l'autre bras de la balance, laisse plonger le thermomètre dans le premier bain jusqu'au point où le mercure est élevé. Soit Π la pesanteur spécifique de ce bain, E le volume du verre plongé; on aura

$$T - Q = \Pi (A + E).$$

Soit Π' la pesanteur spécifique du second bain, Q' le contre-poids qui laisse plonger le thermomètre dans ce second bain jusqu'au point où le mercure est élevé, $E + H$ le volume de verre nouvellement plongé; on aura donc

$$T - Q' = \Pi' (A + Z + E + H),$$

ce qui donne

$$\frac{\Pi}{\Pi'} = \frac{T - Q}{T - Q'} \cdot \frac{A + Z + E + H}{A + E}.$$

Le second thermomètre donnera dans les mêmes bains

$$\frac{\Pi}{\Pi'} = \frac{t-q}{t-q'} \frac{a+z+c+h}{a+c}.$$

Les petites lettres sont analogues aux grandes, comme dans la première équation. On aura donc

$$\frac{T-Q}{T-Q'} \frac{A+E+Z+H}{A+E} = \frac{t-q}{t-q'} \frac{a+z+c+h}{a+c}.$$

Cette équation peut se décomposer en ces deux autres :

$$\begin{aligned} \frac{A+E}{T-Q} &= \frac{a+c}{t-q} \\ (2) \quad \frac{A+Z+E+H}{T-Q'} &= \frac{a+z+c+h}{t-q'}. \end{aligned}$$

Procédé du Constructeur.

Les bouteilles des thermomètres doivent être sphériques autant que faire se pourra. Il faut donner à la plus petite des boules deux pouces au moins de diamètre, & à la plus grande trois pouces. Les thermomètres doivent porter à peu-près le même nombre de degrés ; 82^d positifs, par exemple, & 22 négatifs. Le degré de M. de Réaumur doit pouvoir se sous-diviser facilement en cinquièmes pour l'un des thermomètres, pour le plus gros, par exemple, & en dixièmes pour l'autre. Cela posé,

1.^o Le constructeur choisira deux tubes bien calibrés, longs, l'un de 25 pouces au moins, & l'autre de trois pieds. Le dernier portant 104^d & divisé en dixièmes, donnera pour ce dixième près d'une demi-ligne.

2.^o Le constructeur remplira les tubes de mercure sur les longueurs K & k qu'il se propose d'employer, à une température moyenne, par exemple, de 12^d, & il pesera ce mercure. Soit M le poids pour le gros thermomètre, & m le poids pour le petit. Cela fait, il soufflera les boules & pesera les thermomètres vides, ensuite il les chargera, purgera d'air, scellera, & les pesera de nouveau pour connoître le poids du mercure introduit.

3.^o Il faudra, selon l'usage, régler ces thermomètres à la

glace fondante & à l'eau bouillante, quand le baromètre est à 28 pouces, & faire en sorte qu'ils soient plongés, dans les deux cas, jusqu'aux points où le mercure sera élevé dans les tubes ou très à peu-près; ensuite on divisera en 80^d, sur le tube même, l'intervalle compris entre la glace & l'eau bouillante, étendant la division au-dessous & au-dessus de ces termes autant qu'on pourra, & on sous-divisera ces degrés en cinquièmes pour le gros thermomètre, & en dixièmes pour le petit.

Cette division sur le tube même n'exposera pas le thermomètre à se casser, pourvu qu'on ait soin de ne pas graver le trait sur la circonférence entière du tube, mais seulement sur un arc de 90 ou même de 60 degrés, ce qui sera suffisant: on terminera la partie supérieure des tubes par des anneaux ou renflemens, pour fixer facilement les thermomètres à la balance hydrostatique.

Le point d'appui de cette balance hydrostatique doit être mobile verticalement pour qu'on puisse faire enfoncer les thermomètres dans les bains à différentes profondeurs. Une fourche aussi mobile verticalement sera appliquée à cette balance pour que le levier, dans chacune de ses positions, ne s'écarte pas trop de la position horizontale.

4.^o Nos thermomètres devant être plongés long-temps dans un même bain pour en prendre la température, le constructeur doit préparer un bain au plus haut degré de température possible, pour conserver constante la température du bain indéterminé par une effusion convenable. On sera assuré que les thermomètres ont pris la température du bain, quand on verra le mercure immobile pendant quelque temps.

Cela posé, comme on connoît le rapport entre les poids du mercure dans les deux thermomètres, on connoîtra le rapport entre les volumes occupés par ce mercure, les thermomètres étant plongés dans un même bain de 12^d jusqu'aux points où le mercure est élevé; & on pourra prendre ces volumes pour ceux qui ont été représentés dans les équations ci-dessus par *A* & *a*.

Soient P & p les poids de mercure contenus dans les thermomètres, on aura

$$a = \frac{PA}{p}.$$

5.^o Les poids qu'on mettra dans le bassin de la balance; pour tenir les thermomètres en équilibre, & qui seront connus par conséquent, seront les poids nommés Q & q dans les équations.

6.^o Pour bien connoître les volumes de verre plongés E , e le constructeur aura une bouteille contenant environ trois pouces cubes, dont le goulot haut de plusieurs lignes, ait au plus une demi-ligne de diamètre: il pesera cette bouteille, ensuite la remplira de mercure, de manière que plongée dans le bain de 12 degrés, assez long-temps pour en prendre la température, le mercure s'élève jusqu'à la partie la plus étroite du goulot. Cela fait, il retirera du bain cette bouteille, & la pesera remplie de mercure comme elle a été pesée vide; retranchant, il connoîtra le poids du mercure. Or, le poids du mercure de même température contenu dans le volume A est connu, donc le volume occupé dans la bouteille par le mercure sera connu; & en nommant R le poids du mercure contenu dans cette bouteille, son volume sera $\frac{RA}{p}$.

Il videra la bouteille (le constructeur) & la remplira de la liqueur qui forme le bain de 12 degrés, de manière que plongée dans ce bain assez long-temps pour en prendre la température, la liqueur s'élève dans la bouteille jusqu'au point où s'élevoit le mercure. Ainsi on connoîtra le poids de la quantité de liqueur du bain qui peut être contenue dans la bouteille. Soit S ce poids.

Maintenant il est clair que les poids de liqueur déplacés par les thermomètres, sont connus & sont égaux à $T - Q$ pour le premier thermomètre, à $t - q$ pour le second. Les

volumes $A + E$ & $a + e$ seront donc connus, & on aura

$$A + E = \frac{AR}{P} \frac{T-Q}{S}; \quad a + e = \frac{AR}{P} \frac{t-q}{S}.$$

7.° Le constructeur mettra dans le bassin de la balance un poids N , tel que le premier thermomètre s'enfonce en entier, c'est-à-dire, la boule & toute la longueur du tube dont on voudra se servir, dans le bain de 12 degrés; & on aura, pour le volume total du thermomètre,

$$\frac{AR}{P} \left(\frac{T-N}{S} \right).$$

Mais on a déjà trouvé

$$A + E = \frac{AR(T-Q)}{SP};$$

retranchant cette quantité de la première, on aura donc

$$\frac{AR}{SP} (Q - N)$$

pour la somme faite du volume de la partie du tube qui est vide, quand le thermomètre est dans le bain de 12 degrés & du creux correspondant. Donc, si on nomme Λ la longueur de cette partie de tube, & $\Lambda - L$ la longueur de celle qui reste vide, quand le thermomètre est plongé dans le second bain, on aura

$$H = \frac{AR}{SP} \frac{L}{\Lambda} (Q - N) - A \frac{M}{P} \frac{L}{K}.$$

On trouvera de même, pour le second thermomètre,

$$h = \frac{AR}{SP} \frac{l}{\lambda} (q - n) - A \frac{m}{P} \frac{l}{x}.$$

où les petites lettres sont analogues aux grandes.

Substituant dans les équations (1) & (2) pour a sa valeur, $\frac{PA}{P}$ pour $A + E$ & $a + e$ les valeurs $\frac{AR}{P} \frac{T-Q}{S}$

& $\frac{AR}{P} \frac{t-q}{S}$; pour H & h , les valeurs

$$\frac{AR}{SP} \frac{L}{\Lambda} (Q - N) - \frac{AML}{PK} \quad \& \quad \frac{AR}{SP} \frac{l}{\lambda} (q - n) - \frac{Am}{P} \frac{l}{x}.$$

ces équations seront changées dans ces deux nouvelles,

$$p Z = P z,$$

$$\frac{Z}{T-Q'} - \frac{z}{t-q'} = \frac{A}{P} \left(\frac{M L}{K} - \frac{l m}{k} \right) + \frac{AR}{SP} \left(\frac{t-q}{t-q'} - \frac{T-Q}{T-Q'} + \frac{L}{\lambda} \frac{q-n}{t-q'} - \frac{L}{\Lambda} \frac{Q-N}{T-Q'} \right).$$

On connoîtra Z & z en A , c'est-à-dire, que faisant $Z = \ominus A$, & $z = \theta A$, \ominus & θ seront connus. Substituant donc

pour Z sa valeur dans les équations $\frac{\pi}{\pi'} = 1 + \frac{Z}{A}$

& $\frac{\pi}{\pi'} = \frac{T-Q}{T-Q'} \left(1 + \frac{Z+H}{A+E} \right)$, ces valeurs de $\frac{\pi}{\pi'}$

& de $\frac{\pi}{\pi'}$ seront absolument connues.

Pour les degrés au-dessous du douzième, il faudra opérer dans un lieu dont la température extérieure soit froide; & pour les degrés au-dessous de la glace, on emploîra l'eau saturée de sel marin, qui soutient, sans se geler, un froid de 15 à 16 degrés négatifs.

R E M A R Q U E.

Employant la bouteille dont il a été question ci-dessus, comme on a fait pour le premier bain, & nommant R' & S' les quantités analogues à celles qui ont été nommées R , S dans le premier cas, on aura

$$(3) A + E + Z + H = \frac{(A+Z) R' (T-Q')}{S' P}.$$

Ainsi, regardant H comme inconnue, c'est-à-dire, ayant égard à la dilatation du volume du verre, on a une troisième équation entre les inconnues Z , z , H & h ; mais une quatrième manque pour résoudre le problème rigoureusement.



M É M O I R E

Sur le blanchiment des cocons jaunes de vers à soie.

Par M. BAUMÉ.

J'AI présenté à l'Académie, en 1775 & 1776, de la soie jaune de pays blanchie par un procédé chimique que j'ai découvert; & au commencement de cette année 1778, j'ai aussi présenté de la même soie jaune qui a été blanchie sous les yeux de M.^{rs} de Montigny & Maquer, nommés commissaires par M.^{rs} les Intendans du commerce: ces soies blanchies ne cèdent en rien aux plus belles soies blanches de Nanquin.

Lû
le 11 Juillet
1778.

Pour compléter ma découverte, il me restoit à appliquer le même procédé immédiatement sur les cocons jaunes, afin d'observer les avantages & les inconvéniens de cette pratique; ce que je viens de faire.

Je présente & dépose à l'Académie des cocons jaunes que je viens de blanchir, & qui ont acquis le plus grand degré de beauté, comme il est facile d'en juger par l'inspection de ces mêmes cocons. Je dois prévenir cependant que le blanchiment des cocons est une opération plus curieuse & plus satisfaisante qu'utile; elle fait connoître jusqu'à quel point la liqueur blanchissante porte son action. Les cocons occupent dans les vaisseaux destinés à les blanchir, un volume embarrassant; ils nagent & ne cessent de nager que lorsque leur intérieur s'est rempli de la liqueur qui doit les blanchir, & qui est nécessaire pour leur parfait blanchiment: cette opération est longue, celle de les vider n'est ni moins longue ni moins embarrassante; cependant il est à propos de les remplir & de les vider à plusieurs reprises pour laver leur intérieur, afin d'emporter la matière colorante.

Les cocons blanchis par ces opérations présentent quelques avantages & des inconvéniens au dévidage. Pendant leur blanchiment, ils perdent, ainsi que la soie, une légère portion de leur gomme résine, ce qui procure aux cocons la facilité d'être filés avec de l'eau presque froide, au lieu que dans le filage ordinaire, l'eau doit avoir constamment soixante-dix degrés de chaleur; cette opération est pour cette raison très-fatigante. Mais l'espèce d'avantage que présentent au dévidage les cocons blanchis par mon procédé, devient nul; ils ont perdu, comme nous venons de le dire, une légère portion de leur gomme résine, & sont perméables à l'eau; ils ont l'inconvénient de s'en remplir avec beaucoup de facilité, ne nagent plus sur l'eau comme cela est nécessaire, & tombent au fond; alors le poids du cocon fait effort sur le fil & le fait casser à chaque instant. Le filage de semblables cocons devient impraticable dans un travail suivi & en grand; mais du moins le blanchiment des soies jaunes étant porté à la perfection où il est présentement, je puis conclure qu'il est aujourd'hui très-facile de se passer des soies blanches de Chine, les soies de pays pouvant être filées au degré de grosseur ou de finesse désiré, puisque cela ne dépend que du nombre de cocons réunis pour former le fil plus ou moins gros, & ces soies filées peuvent être facilement blanchies.



P R É C I S

D'UN OUVRAGE SUR LES HÔPITAUX,

Dans lequel on expose les principes résultant des observations de Physique & de Médecine qu'on doit avoir en vue dans la construction de ces édifices ; avec un projet d'Hôpital disposé d'après ces principes.

Par M. LE ROY.

A LA VUE de cette foule de maladies de toutes espèces qui affligent le genre humain, & du sort affreux qui attend le pauvre quand il en est attaqué, l'humanité s'applaudit d'avoir formé ces établissemens où il trouve un soulagement qu'il ne peut se procurer lui-même, & voudroit que les hôpitaux fussent encore plus multipliés.

Mais si par les abus qui y règnent, par les vices de leur emplacement & de leur construction, les infortunés qui s'y rendent, n'y trouvent que de vains secours, & qu'une mort souvent plus certaine que s'ils étoient abandonnés aux seules ressources de la nature; ces établissemens trompent alors les vœux de l'humanité, & deviennent beaucoup plus funestes qu'utiles.

De tous les objets de l'économie publique, il n'y en a donc point qui méritent une plus sérieuse attention que les hôpitaux, puisque de la bonne ou de la mauvaise disposition de ces asiles publics pour la maladie, dépend le salut ou la perte d'une multitude de malheureux.

Frappé de cette vérité importante, & vivement touché du sort des malades dans l'Hôtel-Dieu, je fis, à l'occasion de son incendie, plusieurs réflexions sur les hôpitaux, particulièrement sur les défauts de leur construction & sur les moyens d'y remédier.

Mém. 1787.

E e e e

Là
à la rentrée
publique
de Pâques
1777.

Incertain si je n'avois pas été prévenu, je recherchai ce que l'on avoit écrit sur ce sujet; mais quelle fut ma surprise lorsque je vis qu'au milieu de cette foule de livres de toute espèce qui remplissent nos bibliothèques, on n'en trouve pas un seul sur la construction des hôpitaux, tandis qu'il y en a un grand nombre sur les palais, les salles de spectacles & beaucoup d'autres édifices : tant il est vrai que les hommes préfèrent toujours les choses d'éclat, & même frivoles, à celles qui n'offrent qu'un triste objet d'utilité.

Cependant quand j'eus connoissance des projets qu'on avoit faits pour rebâtir l'Hôtel-Dieu dans un autre emplacement, l'ouvrage que je desirois sur les hôpitaux me parut encore plus nécessaire; car je ne vis qu'avec le plus grand étonnement, que loin de profiter des observations de la physique & de la médecine moderne, relatives à ce sujet, on nous donnoit, en 1773, des projets pour un hôpital de cette importance, tels qu'on auroit pu les faire un ou deux siècles auparavant.

En effet, sacrifiant, comme c'est assez la coutume parmi nous, le principal à l'accessoire, les auteurs de ces projets sembloient avoir oublié que la décoration n'est que la plus petite partie d'un pareil édifice, & que le premier objet, l'objet essentiel dont on doit s'occuper, c'est de le construire de manière qu'on y conserve, au moins autant qu'il est possible, un air pur & exempt de la corruption qui règne toujours dans les hôpitaux nombreux.

Mais en réfléchissant davantage sur ce qui avoit pu empêcher ces architectes de diriger leurs vues essentiellement vers l'objet que je viens d'indiquer; je conçus, par la connoissance que j'avois des talens & de la capacité de plusieurs d'entr'eux, que c'étoit uniquement faute d'avoir eu une connoissance suffisante des observations dont je viens de parler.

Ces diverses considérations me firent penser qu'il falloit tâcher de suppléer au traité qui nous manquoit sur la

construction des hôpitaux, que cela étoit essentiel dans un temps où on parloit sans cesse de rebâtir l'Hôtel-Dieu dans un autre emplacement; enfin, qu'il étoit de la plus grande importance dans ce moment de faire connoître par un ouvrage uniquement destiné à cet objet, les observations de physique & de médecine qui pouvoient éclairer le gouvernement & les magistrats, les architectes & le public, sur la véritable construction de ces sortes d'édifices.

Cependant je crus qu'il ne falloit pas s'en tenir à la simple publication des observations dont je viens de parler, & que je devois tâcher d'y joindre un projet d'hôpital, où j'eusse suivi, dans la forme & dans la disposition de ses parties, les loix que ces observations prescrivent, & c'est ce que j'ai fait; trop heureux si j'ai rempli mon but, & si ce projet répond à ce que demande un objet aussi intéressant & aussi important pour l'humanité.

Je viens de rendre compte des raisons & des motifs qui m'ont engagé à entreprendre cet ouvrage; il auroit paru peu de mois après l'incendie de l'Hôtel-Dieu, sans des raisons qui en ont retardé la publication (a), & qui sont bien connues de plusieurs de mes confrères, mais dont il est inutile d'entretenir l'assemblée qui me fait l'honneur de m'entendre.

Je me hâte d'en venir à l'analyse de cet ouvrage, que je rendrai aussi exacte & en même temps aussi courte qu'il me sera possible.

Divisé en deux parties, je traite dans la première, de tous les effets que nous éprouvons en respirant un air qui a été corrompu par un grand nombre de personnes rassemblées dans un même lieu.

(a) Un Mémoire où j'en exposois, comme dans ce Précis, les vues principales, & où je décrivois la construction de mon Hôpital, auroit même été lu dès 1773, à la rentrée publique de la Saint-Martin de cette année, si un Ministre, à qui je fus obligé de le communiquer, ne m'avoit engagé très-expressément à ne le pas lire à cette rentrée, en me disant que cela pouvoit donner l'alarme sur l'Hôtel-Dieu, & qu'il falloit attendre ce qu'on en auroit décidé.

Dans la seconde, j'applique ces connoissances combinées avec ce que la médecine & la physique nous apprennent sur ce sujet, je les applique, dis-je, à l'examen de la construction des hôpitaux; elles deviennent comme une espèce de pierre de touche qui me sert à juger des avantages ou des inconvéniens de cette construction.

J'expose ensuite les règles qui résultent de ces diverses observations, & qui doivent nous déterminer dans le choix de la situation, de la disposition & de la forme des hôpitaux. Je développe après les propriétés de l'air auxquelles il est important de faire attention pour en diriger le mouvement, & le faire circuler dans les endroits où l'on veut le renouveler; j'en fais ensuite l'application à la construction des salles des hôpitaux; enfin je termine cette partie par la description du projet d'hôpital que j'ai annoncé. Mais il est nécessaire d'entrer dans quelques détails, pour mieux faire connoître ce que renferment ces deux parties.

Accoutumés à n'être frappés que de ce qui affecte nos sens, nous sommes toujours étonnés en voyant les suites, quelquefois même funestes, des effets qui leur ont échappé. Ainsi plongés dans un fluide qui se dérobe à nos yeux & que nous respirons sans cesse, nous avons de la peine à nous imaginer que par les différentes particules qui émanent de nos corps dans la respiration & dans la transpiration, il puisse être tellement corrompu, qu'il devienne ensuite une espèce de poison pour nous; cependant rien n'est mieux prouvé, & n'est plus connu des physiciens & des médecins.

Car ces effets qui ne sont pas fort sensibles lorsque les hommes existent isolés ou séparés les uns des autres, le deviennent tellement, lorsqu'ils se trouvent réunis en grand nombre dans un même lieu, qu'on n'a pas besoin d'en avancer d'autres preuves. Ainsi, dans les endroits où se rassemblent beaucoup de monde, comme dans les églises, dans les chambres des Cours de justice, dans les salles

de spectacles, la respiration & la transpiration de cette multitude réunie altèrent & corrompent l'air à un tel point, que les gens délicats s'y trouvent mal, & souvent même y tombent évanouis. Je ne puis m'empêcher de remarquer à cette occasion, combien il est étonnant que voyant ces effets se répéter si souvent dans nos salles de spectacles, on n'y ait pas établi des ventilateurs pour y renouveler l'air. Par leur moyen, les personnes foibles & sujettes aux maux de nerfs, à qui les spectacles sont si nécessaires, par le besoin qu'elles ont de dissipation, pourroient y aller sans être incommodées. Mais nous avons été cent ans à changer la forme de nos salles de spectacles, nous en serons peut être cent autres avant de les rendre moins nuisibles à la santé.

Que si, des spectacles où on n'arrive en général qu'éparé, on se transporte dans les prisons & dans les maisons de force, où les malheureux qui les habitent sont souvent dans la plus grande mal-propreté; on verra alors tous ces effets de la contagion de l'air, que produit une affluence d'hommes dans un même lieu, devenir encore plus fâcheux par les maladies terribles qui en résultent, comme le scorbut, la fièvre maligne, & cette fièvre des prisons qui est si meurtrière & qui se gagne si facilement. *Bacon* la regardoit comme la maladie la plus contagieuse après la peste; il cite en preuves deux ou trois événemens tragiques arrivés de son temps dans un lieu où on jugeoit des criminels. Le chevalier *Pringle* en rapporte un exemple non moins funeste qui arriva à Londres en 1750, & où le Lord-Maire, trois juges & près de quarante personnes moururent par l'effet d'une vapeur excessivement maligne, qui s'éleva dans une salle où on avoit amené des criminels pour les juger.

Tout ce que je viens de rapporter, auquel je pourrois joindre encore nombre d'autres exemples du même genre, prouve bien sensiblement que toutes les fois que les hommes se trouvent dans un espace trop resserré, qu'ils respirent

constamment un air non renouvelé, & par conséquent corrompu, ils sont sujets à beaucoup d'accidens, & de maladies contagieuses & très-meurtrières. Il y a plus, les grandes villes, comme Paris, Londres, Rome, Venise, & autres que plusieurs ont comparées à de grands hôpitaux ou à de grandes prisons, participent encore, mais plus foiblement, de ces effets qui résultent d'une grande multitude rassemblée dans un même lieu: ce qu'il y a de sûr, c'est que la mortalité dans ces villes est d'un vingt-huit & d'un trentième des habitans, tandis que dans les petites villes, au moins en Angleterre, elle n'est que d'un trente-sixième, & dans les campagnes que d'un quarantième & même encore moins: aussi les anciens Germains nos ancêtres, appeloient-ils avec raison les villes les tombeaux des hommes.

J'ai d'autant plus insisté sur ce sujet, qu'il n'y a point de vérité de physique qui devroit être plus connue & plus répandue que celle que je viens d'établir; elle intéresse la santé de tous les hommes, depuis les rois jusqu'aux derniers de leurs sujets.

Or, les hommes en santé se trouvant dans un état prochain de maladie, uniquement parce qu'ils sont en trop grand nombre dans un même lieu, il s'ensuit que lorsqu'ils seront malades & réunis dans des hôpitaux, il en résultera une foule de maux dont les ravages seront inappréciables, quoique même ils ne soient pas resserrés dans ces endroits, comme dans ceux dont nous venons de parler; car on ne peut pas douter que l'haleine, la transpiration & les excréments empestés de ces malades, ne répandent leur infection & sur les personnes qui sont destinées à les servir, & sur ceux même qui les environnent & qui sont atteints de la même maladie. De-là, les malades se communiquant réciproquement leur contagion, ces effets ne pourront manquer tout au moins de retarder leur guérison, triste vérité qui n'est malheureusement que trop prouvée par les faits. On a vu souvent régner dans les hôpitaux une fièvre toute semblable à celle des prisons,

& dont les malades devoient vraisemblablement ressentir plus ou moins les atteintes, quoiqu'attaqués d'autres maladies. Enfin, tels sont en général les fâcheux effets de ces hôpitaux, que par des faits certains & que je rapporte, je prouve que des malades ont été traités avec beaucoup plus de succès sous des tentes, dans des salles de bois, enfin en voyage, que dans des hôpitaux, où ils étoient tenus bien chaudement, mais aussi où ils étoient bien entassés les uns sur les autres.

De-là résulte cette importante vérité, prouvée par tout ce que je viens de rapporter; c'est qu'un grand hôpital, j'entends qui contient un grand nombre de malades, est par la nature même des choses, un grand mal, & la source inévitable d'une mortalité beaucoup plus grande parmi ces malades, tout étant supposé de même, que s'ils étoient traités ailleurs.

Il suit de-là encore, qu'un des plus importants objets qu'on doive se proposer par rapport aux hôpitaux, c'est de les réduire, en les divisant, de manière qu'on ne rassemble dans chacun que le nombre des malades qu'on peut espérer d'y traiter avec succès.

Après avoir ainsi rapporté les différentes conséquences qui résultent de cette vérité de physique que j'ai établie, relativement aux effets morbifiques provenant des hommes trop rassemblés, je passe à la seconde partie; j'y fais voir, d'après tout ce que j'ai exposé dans la première, à quel point l'Hôtel-Dieu, par sa mauvaise situation, par sa mauvaise disposition, & par la façon dont les malades y sont entassés, à quel point, dis-je, cet hôpital leur est funeste.

Je ne renouvellerai pas ici les tristes tableaux qu'on en a faits, & qui ne sont malheureusement que trop vrais; je ne répéterai point ce qu'en disent les étrangers, je craindrois de blesser l'assemblée devant qui j'ai l'honneur de parler; j'ajouterai seulement qu'ils s'étonnent tous les jours de voir subsister un pareil hôpital, & depuis tant

d'années, chez une nation aussi éclairée, aussi policée & aussi humanisée que la nôtre : & pour qu'on juge de la mortalité qui y règne, je me contenterai de rapporter le résultat de la déclaration que firent au feu Roi les magistrats & les administrateurs, peu de temps après son incendie. On voit par ce résultat qu'il meurt annuellement dans cet hôpital presque un cinquième des malades qui y entrent, c'est-à-dire, à peu-près le double de ceux qui meurent dans les autres hôpitaux du royaume, où la mortalité n'est en général que d'un dixième ou d'un onzième des malades qu'on y reçoit.

Mais pour faire mieux connoître combien cet hôpital enlève de monde qui ne périroit pas dans les hôpitaux dont je viens de parler, je fais voir que cette perte en excédant, va tous les ans à plus de deux mille six cents personnes; or, c'est plus d'un huitième de la totalité des morts de Paris.

Je montre de même qu'en comparant la mortalité de l'Hôtel-Dieu à celle d'un hôpital construit selon mes vues & mes principes, même sans en forcer les avantages, que cette perte seroit encore beaucoup plus grande, puisqu'elle iroit annuellement à plus de trois mille trois cents personnes. Il est impossible de réfléchir un moment sans frémir & sans être épouvanté de ce qu'enlève de sujets à l'État un pareil hôpital.

Ayant indiqué la nécessité absolue de diminuer le grand nombre de malades réunis ainsi dans un même lieu, je n'aurois rempli qu'une partie de mon objet si je ne donnois pas des moyens d'y parvenir, & de rendre ainsi cet hôpital moins funeste; c'est aussi ce que je fais, & j'ose le dire, sans que l'humanité puisse me reprocher de diminuer les secours qu'on doit à ces infortunés; mais je ne rapporterai pas ici tout ce que je dis à cette occasion, on le lira dans l'ouvrage.

Je prescris ensuite les règles qui doivent guider dans la construction des hôpitaux, & j'examine les formes qu'on
leur

leur donne ordinairement; je ne parle pas de celle de l'Hôtel-Dieu, qui n'est qu'un amas informe de bâtimens multipliés les uns sur les autres, je parle des autres hôpitaux bâtis avec plus de régularité. On donne ordinairement à ces édifices la forme d'un carré ou d'un rectangle, ou d'une croix. J'analyse les effets de l'air dans les hôpitaux construits de ces différentes formes, & je montre sensiblement qu'elles ne peuvent remplir l'objet qu'on doit avoir en vue.

Dans les premiers, de forme carrée ou rectangulaire, l'air est comme stagnant dans la cour intérieure & autour du bâtiment, le même vent ne pouvant jamais agiter ce fluide que d'un côté, & de même le renouveler dans les salles, quoique les fenêtres en soient ouvertes.

Dans les hôpitaux en forme de croix, avec une coupole à la croisée pour y attirer l'air & le faire circuler dans les salles, ou ces coupoles sont inutiles, ou ce fluide se trouve très-corrompu vers les parties des salles qui avoisinent la coupole, y étant rassemblé de toutes parts. Dans le premier cas, elles ne sont bonnes à rien, raison pour les rejeter; dans le second, elles sont vraiment très-nuisibles, raison pour les rejeter encore. Je cite à ce sujet un exemple frappant & important en même temps, de la manière dont un air corrompu peut être transporté dans une salle; je le tire du fait arrivé à Londres en 1750, & que j'ai rapporté. On remarqua, lors de ce triste événement, que la mort du Lord-Maire, des trois juges & des autres personnes qui eurent le même sort, fut causée par un courant d'air occasionné par une des fenêtres de la salle qu'on avoit ouverte, & qui porta la vapeur maligne dont j'ai parlé, du côté où ils étoient.

Tout ceci amène nécessairement la forme & la disposition que je propose de donner aux hôpitaux, pour qu'ils tendent à la conservation des malades, en y entretenant l'air le plus pur qu'il est possible.

Les observations que j'ai rapportées, montrant que toutes les formes d'hôpital où les salles se tiennent, ne

peuvent absolument répondre à l'objet proposé, il falloit nécessairement les séparer; c'est aussi ce que j'ai fait.

Pour se former donc une idée de l'hôpital que je propose, il faut s'en représenter les différentes salles comme entièrement isolées, & rangées comme les tentes dans un camp, ou comme les pavillons des jardins de Marli (b); on les voit ainsi rangées dans l'élévation de mon hôpital, prise sur sa longueur. Par cette disposition, chaque salle est comme une espèce d'île dans l'air, & environnée d'un volume considérable de ce fluide, que les vents pourront emporter & renouveler facilement par le libre accès qu'ils auront tout autour. Cet air étant ainsi renouvelé, servira ensuite à renouveler celui des salles, sans que le mauvais air des unes puisse être reporté dans les autres.

L'ordre ou la disposition des salles de l'hôpital étant établi, je n'aurois résolu qu'en partie le problème, si je ne m'étois pas attaché ensuite à leur donner une forme intérieure par laquelle l'air s'y renouvelât sans cesse, & d'une manière tellement graduée, qu'elle n'incommodât en aucune façon les malades, cette circonstance étant de la plus grande conséquence. Or, cette forme intérieure ne peut être déterminée que par les propriétés de l'air, en vertu desquelles il peut se déplacer & prendre tel & tel mouvement; & c'est à cette occasion que je les expose en détail, comme je l'ai annoncé, afin de faire mieux connoître comment la forme que je donne aux salles, produit, en conséquence de ces propriétés, un renouvellement continuel dans l'air, & cependant sans y produire un mouvement trop sensible. Mais il faut voir tous ces détails dans l'ouvrage; je me contenterai de dire qu'à cette occasion on y trouvera, si

(b) Je ne l'ai pas mise à la suite de ce Mémoire, crainte d'en augmenter les planches, mais on s'en formera facilement une idée d'après le plan. Au reste, cette élévation, ainsi que les autres dessins semblables à ceux qui sont joints ici, étoient ex-

posés dans la salle de l'Académie le jour que j'en fis lecture, & j'y ai fait voir plusieurs fois depuis, en 1785 & 1786, les gravures de ces dessins d'après lesquels ont été réduites celles de ce Précis.

je ne me flatte pas, la véritable théorie de la circulation de l'air, théorie qu'on peut également appliquer à son mouvement dans les mines & dans les cheminées : j'en viens à la forme des salles.

Au lieu d'être en plafond, le haut est partagé en cinq ou six parties, plus ou moins, dans le sens de la longueur de la salle, comme on le voit dans la coupe des salles de mon hôpital. Chacune de ces parties est formée en voûte, dont le sommet se trouve perpendiculairement au milieu de la largeur de la salle. Il est clair par-là, que toutes les parties du fluide qui sont sous ces voûtes, pourront facilement, en conséquence de l'inclinaison de leurs côtés, s'élever & y monter jusqu'en haut, pour peu qu'elles en soient sollicitées par une cause ou par une autre.

Au sommet de chacune de ces petites voûtes, se trouve une ouverture qui donne dans un tuyau élevé sur le comble, exactement comme celui d'une cheminée. Le plancher de la salle est percé de distance en distance & dans le milieu de la largeur, par des ouvertures communiquant par dessous avec l'air extérieur, & formant comme des soupiraux par où il peut entrer ; j'appelle ces ouvertures des *puits à air*, parce c'est en effet par leur moyen qu'il entrera dans la salle ou qu'on le tirera de dehors ; on règlera à volonté la quantité qui en passera, selon la saison.

Il est si facile de comprendre par cette description, comment l'air se renouvellera dans ces salles, qu'on aura sans doute prévenu mon explication. On voit en effet que les malades, les sœurs qui en occuperont la région inférieure, avec le feu nécessaire pour échauffer la salle & faire chauffer leurs remèdes, exciteront une chaleur dans l'air de la partie inférieure ; & l'air chaud montant toujours, celui-ci en conséquence montera au haut de la salle, & sortira par les tuyaux ; car ne trouvant aucune difficulté pour se diriger vers les petites voûtes & les enfler, à cause de leur forme, il y montera rapidement, entrera par leurs ouvertures, & sortira par leurs tuyaux.

Cet effet se fera d'autant plus aisément, que les puits à air d'en bas en fourniront continuellement, & que les ouvertures par lesquelles ces puits recevront l'air extérieur, seront plus basses que le haut des cheminées, ou qu'il y aura une plus grande différence de hauteur ou de niveau entre ces deux points.

Au reste, le renouvellement de l'air que je suppose qui se fera dans ces salles en conséquence de leur construction, est entièrement fondé sur les loix de la circulation de l'air, dont je donne la théorie.

On concevra sans peine pourquoi je partage le plafond des salles en différentes parties que je forme en voûte. J'aurois pu n'en pratiquer qu'une seule au milieu, comme à l'hôpital de Lyon, ou percer des ouvertures à ses quatre coins; mais dans le premier cas, il auroit fallu, comme je l'ai déjà fait observer, que l'air des extrémités de la salle passât au-dessus des malades pour arriver à l'ouverture du milieu, raison pour ne pas avoir recours à ce moyen, sans parler de la lenteur avec laquelle cet air se mouvroit pour arriver au milieu de la salle. Dans le second cas, le plafond étant tout uni, & horizontal comme à l'ordinaire, il eût été fort difficile, pour ne pas dire impossible, que l'air du milieu de la salle, particulièrement celui qui touche au plafond, eût sorti par ces ouvertures, cet air ne se trouvant en prise à aucune espèce de courant.

J'ajouterai que si on veut échauffer les salles, il n'y aura rien de plus facile, les puits à air pouvant être construits de manière qu'on mette dessus des grilles en réchaud, qui contiendront le feu nécessaire pour cet effet.

On pourroit craindre quelque mauvais effet de ce feu, mais on doit être pleinement rassuré, la vapeur montant continuellement en haut, & sortant par les ouvertures des voûtes. Il sera également possible d'établir auprès de ces puits, des poêles qui en tireront l'air.

Que si l'on veut hâter ou accélérer son renouvellement dans les salles, soit à cause de la nature des maladies qu'on

y traite , soit à cause de la légèreté de l'atmosphère , qui fait que l'air se renouvelle difficilement , ou enfin par quelque autre cause , il ne faudra que pratiquer au haut des voûtes , de quoi établir du feu ou un brasier , car la consommation d'air produite par ce moyen , augmentera la vitesse avec laquelle ce fluide se portera vers le haut , & par conséquent accélérera son renouvellement. Ainsi , par cette seule construction on n'aura nul besoin de ventilateurs pour produire dans les salles un grand renouvellement d'air , il suffira de ces feux au haut des voûtes. J'observerai de plus , que par leur forme , le renouvellement de l'air y est d'autant plus assuré , que ce sont , à la lettre , de véritables cheminées , dans lesquelles il y aura un courant d'air direct & perpétuel de bas en haut ; enfin , qu'en conséquence de cette direction , ce courant ne pourra porter en aucune façon les parties morbifiques ou contagieuses d'un malade sur l'autre. Or , comme je l'ai déjà remarqué , c'est un point de la plus grande importance pour leur conservation.

Pour les mettre encore plus à l'abri de cet effet , si cela est possible , on pourra séparer les lits par des espèces de paravents sensiblement plus hauts. Non-seulement ces paravents empêcheront que les malades ne soient réciproquement témoins de leurs maux & de leurs agonies , mais encore dirigeront la colonne d'air plus directement de bas en haut , & empêcheront toute communication d'air avec leurs voisins , excepté par le milieu des salles , où l'air se renouvelle continuellement.

J'ose assurer que si , pour en faire l'expérience , on faisoit une grande fumée dans une salle ainsi construite , elle seroit promptement dissipée en ouvrant les cheminées d'en haut & les puits à air d'en bas.

Et quand je propose cette expérience , je ne la propose pas en vain ; je voudrois réellement qu'elle se fit dans une salle en petit , qui serviroit comme de modèle à celles qui doivent composer l'hôpital que j'ai imaginé ; car je ne

prétends en aucune façon, que cette disposition de salle soit tellement parfaite qu'on ne puisse ni la perfectionner ni même la changer; je la donne seulement comme celle qui, après y avoir beaucoup réfléchi, m'a paru la mieux conçue d'après les expériences sur ce fluide que nous connoissons. D'ailleurs, une salle d'hôpital est, si cela se peut dire, une véritable machine à traiter des malades, & on doit la considérer sous ce point de vue. Or, toute machine n'est portée à sa perfection qu'après un grand nombre de tentatives & d'expériences; & je le répète, on ne perfectionnera jamais la disposition & la construction des salles d'hôpital, qu'en les envisageant de cette manière.

Je dois ajouter que pour les maladies contagieuses, comme la petite vérole, la fièvre maligne, le scorbut & autres, on établira des salles éloignées de celles qui doivent composer le corps de l'hôpital, & qu'elles seront situées, pour parler comme les marins, *sous le vent* de celles-ci, afin que leur mauvais air ne puisse être chassé, ou au moins que *très-rarement*, de leur côté.

Telle est en général la disposition de l'hôpital que je me propose, & la construction des salles qui doivent le composer. J'ai omis beaucoup de détails, afin de ne faire connoître que l'objet que j'ai eu principalement en vue, & la manière dont j'ai tâché de le remplir: du reste, on verra dans l'ouvrage l'emplacement qui m'a paru le mieux convenir, après avoir bien examiné tous ceux qui pouvoient être le plus propre à un hôpital, tel que l'Hôtel-Dieu.

Avant de terminer, il faut prévenir une objection. On me demandera peut-être s'il n'en coûtera pas beaucoup pour bâtir un hôpital ainsi construit. Je répondrai, 1.^o que tous les bâtimens appartenant à ce qu'on appelle le service, ne seront pas différens de ceux des autres hôpitaux, & qu'ainsi à cet égard, la dépense sera la même; 2.^o que relativement aux salles, ce qu'il en coûtera pour les construire, ne sera pas aussi considérable à beaucoup près qu'on pourroit le croire d'abord,

Car si l'on en excepte l'espèce d'étage, ou de soubassement sur lequel je propose de les établir pour qu'elles soient suffisamment élevées au-dessus du terrain, elles pourront être bâties très-légèrement, & même en bois si on le vouloit. En effet, comme ces salles n'en auront certainement pas d'autres au-dessus, elles ne demanderont pas à être fondées ni très-solidement, ni avec des murs fort épais; une grande, une extrême propreté, un air aussi pur qu'il est possible, c'est, on ne peut trop le redire, la vraie & la seule magnificence qu'il faille rechercher dans ces édifices; il n'y en a pas de plus grande, puisqu'elle a l'objet le plus noble, la conservation des hommes.

Il est vrai que cet hôpital demande, par sa disposition, un emplacement étendu, mais c'est la chose même qui l'exige. On ne peut trop le répéter, il vaudroit infiniment mieux pour les malades, qu'ils fussent établis seul à seul dans des lits, même sur de la paille, sous des tentes placées dans une cour ou dans un jardin, que de les multiplier dans les salles & de les entasser dans les lits, de la manière horrible dont cela se pratique à l'hôtel-Dieu; car il est de la dernière évidence, par tout ce que j'ai dit, qu'on en guériroit beaucoup plus de cette manière. Enfin, dans l'emplacement dont j'ai parlé, on trouvera toute l'étendue de terrain qu'exige la forme d'hôpital que je propose.

J'ignore quel sera le sort de cet ouvrage; je ne sais si jamais les idées que j'y propose, seront mises en exécution; mais ce que je fais, c'est que personne ne pourra m'enlever la satisfaction d'avoir travaillé pour l'humanité en m'en occupant (c). J'ai tâché de représenter ses droits, de

(c) J'aurois pu ajouter une foule de choses à ce Précis, mais j'ai voulu le laisser exactement tel qu'il a été lû en 1777; je me permettrai seulement de faire quelques observations sur la manière dont je le termine; elle est trop remarquable par rapport

à ce qui s'est passé, & que j'ai éprouvé depuis, pour que je ne m'y arrête pas un moment: il semble en effet qu'un pressentiment secret de ce qui devoit arriver m'en ait dicté les expressions. Elles montrent qu'en même temps que j'avois peu d'espérance

faire entendre ses cris qui demandent depuis long-temps qu'on transporte l'Hôtel-Dieu ailleurs, & qu'on remédie à la mortalité affreuse qui y règne depuis près de cent cinquante ans; l'État y a le plus grand intérêt, par le nombre prodigieux de sujets, & de la classe la plus laborieuse, qu'elle lui enlève annuellement (d).

de voir mes idées exécutées, étant sans faveur & sans appui, je cherchois à m'en assurer la propriété en disant *que personne ne pouvoit m'enlever la satisfaction d'avoir travaillé pour l'humanité en m'en occupant*. C'est le seul avantage que je m'en proposois. Aussi je puis dire que depuis, je n'ai eu rien tant à cœur que de communiquer mes idées à toutes les personnes qui pouvoient s'occuper de ces objets. Je pourrois en citer plusieurs, si je ne craignois de donner à cette note trop d'étendue. Mais je ne puis m'empêcher de parler de M. Coqueau & de M. Poyet, Architecte du Roi; ils ne me démentiront pas; quand je dirai qu'ils ont eu ce Précis sur les hôpitaux entre les mains avant de faire leur Mémoire sur l'Hôtel-Dieu, & de proposer un projet pour le rebâtir dans l'île des Cygnes.

C'est actuellement au public à prononcer sur les droits que je puis avoir, sur la nouvelle construction d'hôpital proposée par M.^{rs} les Commissaires de l'Académie, dans leur rapport fait en 1788, & imprimé dans le volume de 1786; lorsque cette nouvelle construction, ou ce qu'elle a de plus important, la *division des salles en rues*, fut exposée & décrite fort au long, comme je

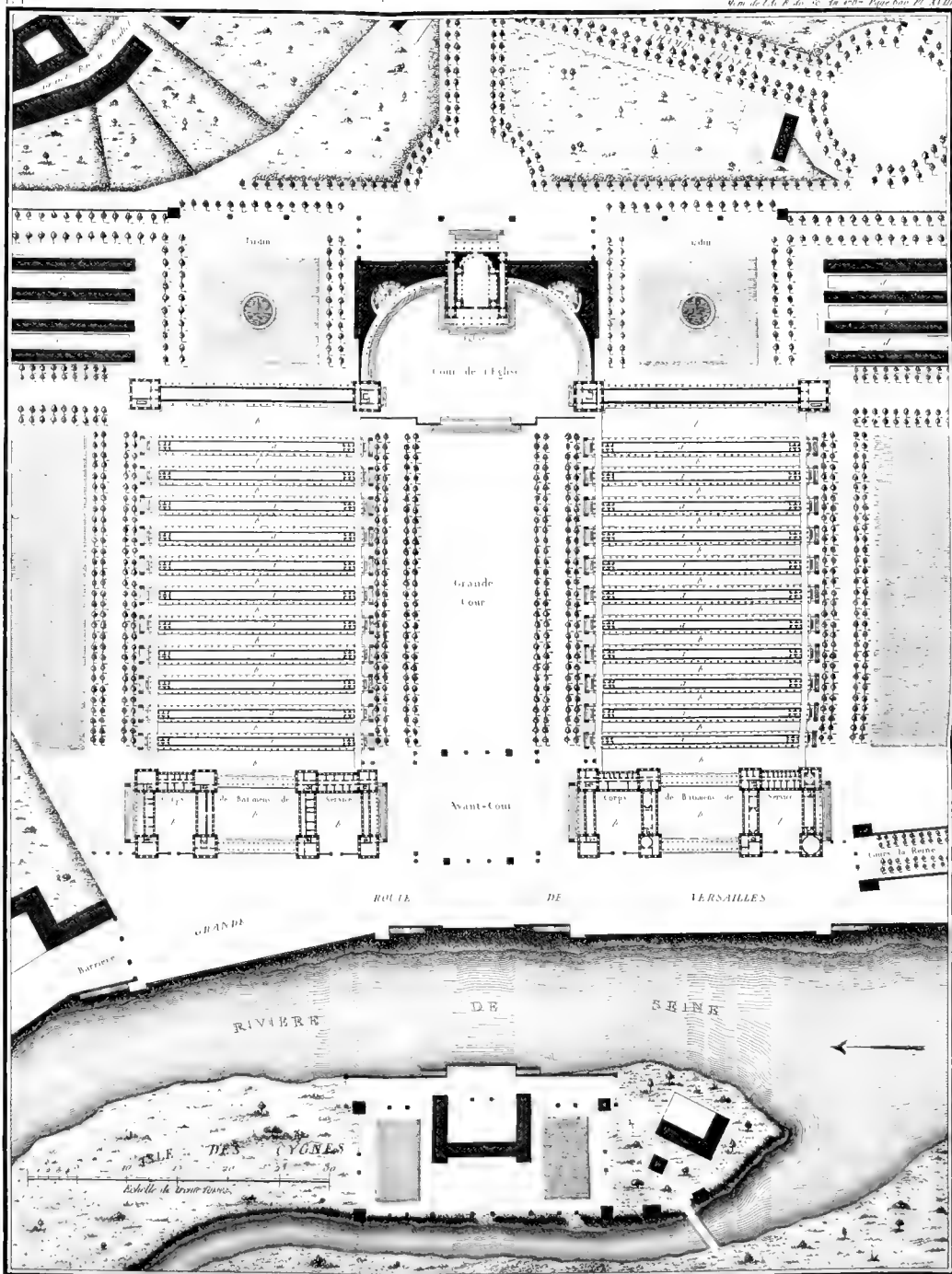
viens de le dire, dans la rentrée publique de Pâques 1777, quand ensuite j'en ai fait voir les gravures à toute l'Académie plusieurs fois, & notamment en 1785, lorsque M. Poyet présenta son projet d'Hôtel-Dieu, & en 1786, où même, à cette époque, je relus ce Précis tout entier, en en expliquant les détails sur ces gravures. Au reste, je puis assurer & protester que lorsque je conçus l'idée de cette construction d'hôpital, en 1773, je n'avois aucune connoissance des hôpitaux de *Portsmouth* & de *Plymouth*. J'ose me flatter que les personnes dont j'ai l'honneur d'être connu, ne douteront pas de ce que j'avance à ce sujet, & que celles dont je n'ai pas cet avantage, n'en seront pas moins persuadées, si elles veulent bien lire avec quelque attention mon Mémoire; car elles y verront que la disposition que j'ai donnée à mon nouvel Hôtel-Dieu, est une suite nécessaire des principes que j'ai établis dans cet ouvrage sur la construction de ces hôpitaux.

(d) Le plan de mon Hôtel-Dieu & la coupe d'une de ses salles, en donnent une idée si précise, qu'il me paroît tout-à-fait inutile d'entrer dans aucune explication sur les détails.



A.A. Plan d'une partie d'une des Sallés.
B.B. Coupe sur la longueur.
C.C. Coupe sur la largeur.

PLAN ET COUPES *e Sallés*



Imprimé pour l'Architecture et l'Académie en 1773 par Ch. de l'Académie de l'Hôpital Général de Paris

a. Sallie des Malades
b. Cour

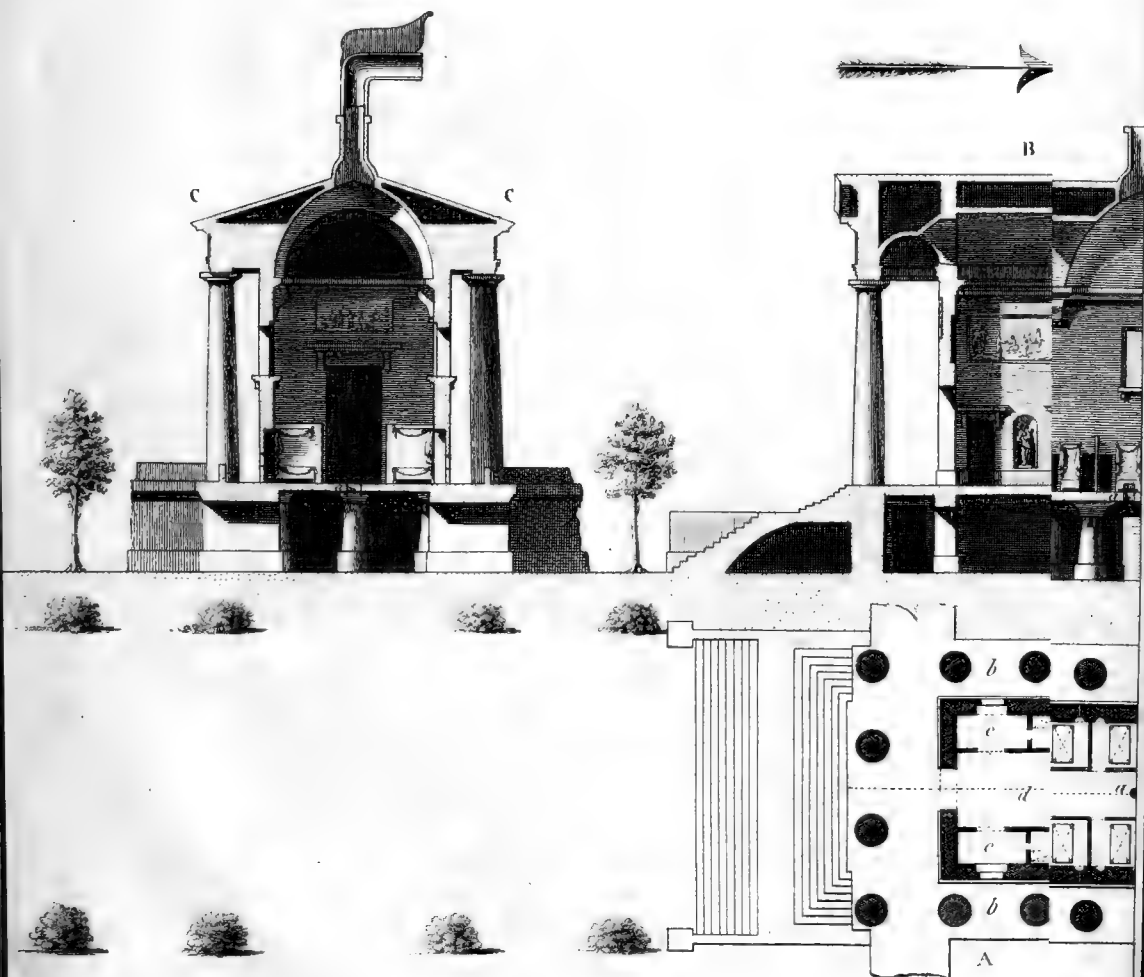
Imprimé par l'Académie d'après le Dessin original par C. Perron

a. Sallie pour les Malades Prothétiques
b. Sallie pour les Opérations Chirurgicales

PLAN GÉNÉRAL D'UN PROJET D'HÔTEL-DIEU,
de C. M. Le Roy de l'Académie Royale des Sciences.

Imaginé en 1773.

Cet Edifice disposé d'après les principes de la Physique et de la Médecine, devoit être placé au bout du Cours de la Seine



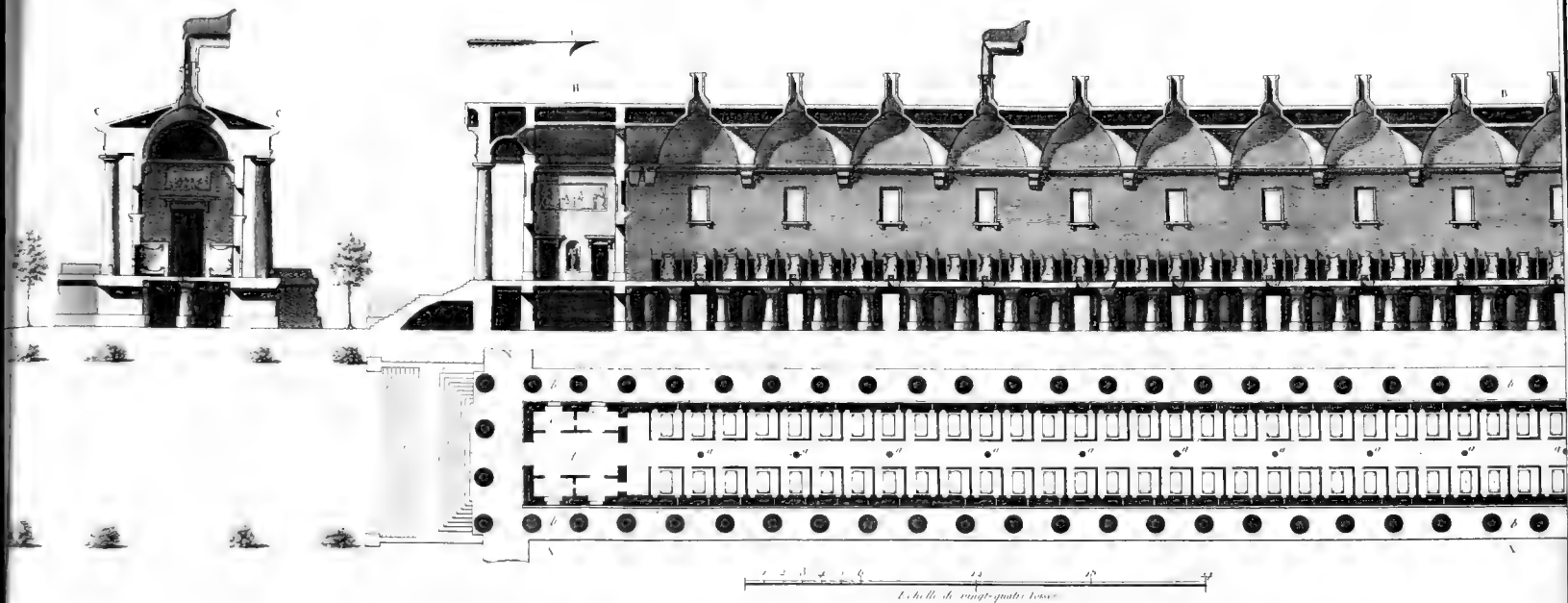
projeté pour l'Architecture et Dessiné en 1780 par Ch. Fr. Viel, Architecte de l'Hôpital Général de Paris.

par M. Favier

A.A. Plan d'une partie d'une des Salles.
 B.B. Coupe sur la longueur.
 C.C. Coupe sur la largeur.

PLAN ET COUPES

de Salles



PLAN ET COUPES D'UNE DES SALLES DU NOUVEL HÔTEL-DIEU.

1. L'entrée de la salle, par le vestibule, le vestibule et l'escalier.
2. L'entrée de la salle, par le vestibule, le vestibule et l'escalier.
3. L'entrée de la salle, par le vestibule, le vestibule et l'escalier.
4. L'entrée de la salle, par le vestibule, le vestibule et l'escalier.

1. L'entrée de la salle, par le vestibule, le vestibule et l'escalier.
2. L'entrée de la salle, par le vestibule, le vestibule et l'escalier.
3. L'entrée de la salle, par le vestibule, le vestibule et l'escalier.
4. L'entrée de la salle, par le vestibule, le vestibule et l'escalier.

SUITE DE L'ESSAI

Pour connoître la Population du Royaume, & le nombre des habitans de la Campagne, en adaptant sur chacune des Cartes de M. de Cassini, l'année commune des Naissances, tant dans les Villes, que dans les Bourgs & Villages dont il est fait mention sur chaque Carte.

Population de la Carte de la France, n.° 69.

ANGOULÊME.

« CETTE Carte contient la ville d'Angoulême, & 270 » bourgs ou villages. »

L'année commune des naissances dans la ville d'Angoulême,

est de..... 460.

Et dans les 270 bourgs ou villages, de..... 7582.

TOTAL..... 8042.

NOMBRE des LIEUES de superficie.	NOMBRE des VILLES.	NOMBRE des BOURGS ou VILLAGES.	NOMBRE des HABITANS des Villes.	NOMBRE des HABITANS des campagnes	TOTAL des HABITANS.	NOMBRE des HABITANS de la campagne par lieue.
250.	1.	270.	11960.	197132.	209092.	789.

Mém. 1787.

Gggg

TULLES.

Population de la Carte de la France, n.º 34.

« CETTE Carte contient les villes de Brives, de Saint-Yriex, Tullès, Uzerches, & 204 bourgs ou villages. »

L'année commune des naissances dans la ville de Brives, est de.....	251.
Dans celle de Saint-Yriex, de.....	194.
Dans celle de Tullès, de.....	274.
Dans celle d'Uzerches, de.....	72.

Et dans les 204 bourgs ou villages, de.....	791.
	6811.

TOTAL..... 7602.

NOMBRE des LIEUES de superficie.	NOMBRE des VILLES.	NOMBRE des BOURGS ou VILLAGES.	NOMBRE des HABITANS des Villes.	NOMBRE des HABITANS des campagnes	TOTAL des HABITANS.	NOMBRE des HABITANS de la campagne par lieue.
250.	4.	204.	20566.	177086.	197652.	708.

METZ.

Population de la Carte de la France, n.º 141.

« CETTE Carte contient les villes de Bouzonville, Metz, Sarguemines, Sarlouis, & 306 bourgs ou villages. »

L'année commune des naissances dans la ville de Bouzonville, est de.....	70.
Dans celle de Metz, de.....	1317.
Dans celle de Sarguemines, de.....	83.
Dans celle de Sarlouis, de.....	158.

Et dans les 306 bourgs ou villages, de.....	1628.
	5499.

TOTAL..... 7127.

NOMBRE des LIEUES de superficie.	NOMBRE des VILLES.	NOMBRE des BOURGS ou VILLAGES.	NOMBRE des HABITANS des Villes.	NOMBRE des HABITANS des campagnes	TOTAL des HABITANS.	NOMBRE des HABITANS de la campagne par lieue.
205.	4.	306.	42328.	142974.	185302.	697.

Population de la Carte de la France, n.° 142.

NANCY.

« CETTE Carte contient les villes de Châteaufalins,
» de Dieuze, Blamont, Lunéville, Nancy, Pont-à-Mousson,
» Rozières, Vic, & 405 bourgs ou villages. »

L'année commune des naissances dans la ville de Châteaufalins, est de.....

74.

Dans celle de Dieuze, de.....

92.

Dans celle de Blamont, de.....

70.

Dans celle de Lunéville, de.....

539.

Dans celle de Nancy, de.....

1106.

Dans celle de Pont-à-Mousson, de.....

258.

Dans celle de Rozières, de.....

97.

Dans celle de Vic, de.....

80.

2316.

Et dans les 405 bourgs ou villages, de.....

6344.

TOTAL..... 8660.

NOMBRE des LIEUES de superficie.	NOMBRE des VILLES.	NOMBRE des BOURGS ou VILLAGES.	NOMBRE des HABITANS des Villes.	NOMBRE des HABITANS des campagnes	TOTAL des HABITANS.	NOMBRE des HABITANS de la campagne par lieue.
242.	8.	405.	60216.	164944.	225160.	682.

G g g g ij

GANNAT.

Population de la Carte de la France, n.º 51.

« CETTE Carte contient la ville de Gannat, & 233
» bourgs ou villages. »

L'année commune des naissances dans la ville de Gannat,
est de..... 143.
Et dans les 233 bourgs ou villages, de..... 6355.
TOTAL..... 6498.

NOMBRE des LIEUES de superficie.	NOMBRE des VILLES.	NOMBRE des BOURGS ou VILLAGES.	NOMBRE des HABITANS des Villes.	NOMBRE des HABITANS des campagnes	TOTAL des HABITANS.	NOMBRE des HABITANS de la campagne par lieue.
250.	1.	233.	3718.	165230.	168948.	661.

LIMOGES.

Population de la Carte de la France, n.º 33.

« CETTE Carte contient les villes de Bourgneuf, Saint-
» Léonard, Limoges, & 165 bourgs ou villages. »

L'année commune des naissances dans la ville de Bour-
gneuf, est de..... 93.
Dans celle de Saint-Léonard, de..... 243.
Dans celle de Limoges, de..... 806.

Et dans les 165 bourgs ou villages, de..... 1142.
TOTAL..... 6301.
TOTAL..... 7443.

NOMBRE des LIEUES de superficie.	NOMBRE des VILLES.	NOMBRE des BOURGS ou VILLAGES.	NOMBRE des HABITANS des Villes.	NOMBRE des HABITANS des campagnes	TOTAL des HABITANS.	NOMBRE des HABITANS de la campagne par lieue.
250.	3.	165.	29666.	163826.	193492.	655.

Population de la Carte de la France, n.° 143. MIRECOURT.

« CETTE Carte contient les villes de Charmes,
» d'Épinal, de Mirecourt, Ramberviller, Saint-Diez,
» & 303 bourgs ou villages. »

L'année commune des naissances dans la ville de Charmes, est de.....	118.
Dans celle d'Épinal, de.....	274.
Dans celle de Mirecourt, de.....	204.
Dans celle de Ramberviller, de.....	188.
Dans celle de Saint-Diez, de.....	227.

1011.

Et dans les 303 bourgs ou villages, de..... 6189.

TOTAL..... 7200.

NOMBRE des LIEUES de superficie.	NOMBRE des VILLES.	NOMBRE des BOURGS ou VILLAGES.	NOMBRE des HABITANS des Villes.	NOMBRE des HABITANS des campagnes	TOTAL des HABITANS.	NOMBRE des HABITANS de la campagne par lieue.
250.	5.	303.	26286.	160914.	187200.	644.

TOULOUSE.

Population de la Carte de la France, n.° 38.

« CETTE Carte contient les villes de Grenade, Lavaur ;
 » l'Isle-en-Jourdain, Lombez, Muret, Toulouse, & 358
 » bourgs ou villages. »

L'année commune des naissances dans la ville de Grenade, est de.....	98.
Dans celle de Lavaur, de.....	148.
Dans celle de l'Isle-en-Jourdain, de.....	113.
Dans celle de Lombez, de.....	54.
Dans celle de Muret, de.....	68.
Dans celle de Toulouse, de.....	1965.
	<hr/>
	2446.
Et dans les 358 bourgs ou villages, de.....	6122.
TOTAL.....	<hr/>
	8568.

NOMBRE des LIEUES de superficie.	NOMBRE des VILLES.	NOMBRE des BOURGS ou VILLAGES.	NOMBRE des HABITANS des Villes.	NOMBRE des HABITANS des campagnes	TOTAL des HABITANS.	NOMBRE des HABITANS de la campagne par lieue.
250.	6.	358.	63596.	159172.	222768.	636.

SEDAN.

Population de la Carte de la France, n.° 78.

« CETTE Carte contient les villes de Charleville,
 » Mézières, Rhetel, Sedan, & 348 bourgs ou villages. »

L'année commune des naissances dans la ville de Charleville, est de.....	331.
Dans celle de Mézières, de.....	71.
Dans celle de Rhetel, de.....	164.
Dans celle de Sedan, de.....	668.
	<hr/>
	1234.
Et dans les 348 bourgs ou villages, de.....	5401.
TOTAL.....	<hr/>
	6635.

NOMBRE des LIEUES de superficie.	NOMBRE des VILLES.	NOMBRE des BOURGS ou VILLAGES.	NOMBRE des HABITANS des Villes.	NOMBRE des HABITANS des campagnes	TOTAL des HABITANS.	NOMBRE des HABITANS de la campagne par lieue.
224.	4.	348.	32084.	140426.	172510.	627.

Population de la Carte de la France, n.° 30.

LE DORAT.

« CETTE Carte contient la ville du Dorat, & 149
» bourgs ou villages. »

L'année commune des naissances dans la ville du Dorat,
est de.....

91.

Et dans les 149 bourgs ou villages, de.....

5894.

TOTAL.....

5985.

NOMBRE des LIEUES de superficie.	NOMBRE des VILLES.	NOMBRE des BOURGS ou VILLAGES.	NOMBRE des HABITANS des Villes.	NOMBRE des HABITANS des campagnes	TOTAL des HABITANS.	NOMBRE des HABITANS de campagne par lieue.
250.	1.	149.	2366.	153244.	155610.	613.

Population de la Carte de la France, n.° 145.

VÉZOUL.

« CETTE Carte contient les villes de Beaume, Betfort,
» Vézoul, & 250 bourgs ou villages. »

L'année commune des naissances dans la ville de Beaume,
est de.....

86.

Dans celle de Betfort, de.....

173.

Dans celle de Vézoul, de.....

213.

472.

Et dans les 250 bourgs ou villages, de.....

7323.

TOTAL.....

7795.

NOMBRE des LIEUES de superficie.	NOMBRE des VILLES.	NOMBRE des BOURGS ou VILLAGES.	NOMBRE des HABITANS des Villes.	NOMBRE des HABITANS des campagnes	TOTAL des HABITANS.	NOMBRE des HABITANS de la campagne par lieue.
235.	3.	250.	12272.	138398.	150670.	589.

TOUL.

Population de la Carte de la France, n.º III.

« CETTE Carte contient les villes de Bar-le-Duc,
» Commercy, Ligny, Saint-Mihel, Toul, & 145 bourgs
» ou villages. »

L'année commune des naissances dans la ville de Bar-le-Duc, est de.....	364.
Dans celle de Commercy, de.....	151.
Dans celle de Ligny, de.....	130.
Dans celle de Saint-Mihel, de.....	195.
Dans celle de Toul, de.....	265.
	<u>1105.</u>
Et dans les 145 bourgs ou villages, de.....	5608.
TOTAL.....	<u>6713.</u>

NOMBRE des LIEUES de superficie.	NOMBRE des VILLES.	NOMBRE des BOURGS ou VILLAGES.	NOMBRE des HABITANS des Villes.	NOMBRE des HABITANS des campagnes	TOTAL des HABITANS.	NOMBRE des HABITANS de la campagne par lieue.
250.	5.	145.	28730.	145808.	174538.	584.

Population

Population de la Carte de la France, n.° 75.

TARBES.

« CETTE Carte contient les villes de Bagnières, de Saint-Bertrand, de Tarbes, & 414 bourgs ou villages. »

L'année commune des naissances dans la ville de Bagnières, est de.....	161.
Dans celle Saint-Bertrand, de.....	19.
Dans celle de Tarbes, de.....	202.

Et dans les 414 bourgs ou villages, de..... 382.
5509.

TOTAL..... 5891.

NOMBRE des LIEUES de superficie.	NOMBRE des VILLES.	NOMBRE des BOURGS ou VILLAGES.	NOMBRE des HABITANS des Villes.	NOMBRE des HABITANS des campagnes	TOTAL des HABITANS.	NOMBRE des HABITANS de la campagne par lieue.
250.	3.	414.	9932.	143234.	153166.	573.

Population de la Carte de la France, n.° 39.

PAMIEHS.

« CETTE Carte contient les villes de Foix, Pamiers, Rieux, & 316 bourgs ou villages. »

L'année commune des naissances dans la ville de Foix, est de.....	94.
Dans celle de Pamiers, de.....	157.
Dans celle de Rieux, de.....	67.

Et dans les 316 bourgs ou villages, de..... 318.
5289.

TOTAL..... 5607.

610 MÉMOIRES DE L'ACADÉMIE ROYALE

NOMBRE des LIEUES de superficie.	NOMBRE des VILLES.	NOMBRE des BOURGS ou VILLAGES.	NOMBRE des HABITANS des Villes.	NOMBRE des HABITANS des campagnes	TOTAL des HABITANS.	NOMBRE des HABITANS de la campagne par lieue.
250.	3.	316.	8268.	137514.	145782.	550.



MESSIEURS DE LA SOCIÉTÉ

Royale des Sciences établie à Montpellier, ont envoyé à l'Académie le Mémoire suivant, pour entretenir l'union intime qui doit être entre elles, comme ne faisant qu'un seul Corps, aux termes des Statuts accordés par le Roi, au mois de Février 1706.

OBSERVATIONS

SUR

L'ACIDE MURIATIQUE OXIGÉNÉ.

Par M. CHAPTAL.

Nous devons au célèbre Schéele la découverte de l'acide muriatique oxigéné, mais c'est M. Berthollet qui nous a fait connoître sa nature, ses usages & ses principales propriétés : en répétant les belles & nombreuses expériences qu'on a faites de nos jours sur cette substance, j'ai observé quelques faits nouveaux; je crois en avoir éclairci d'autres qui n'avoient été qu'entrevis, & je vais présenter en peu de mots tout ce qui m'a paru mériter d'être connu.

La propriété qu'a l'acide muriatique oxigéné, de blanchir la soie, le coton & la cire jaune coupée à tranches, est un fait dont M. Berthollet a déjà enrichi les arts; mais j'ai cru qu'on pouvoit étendre ses applications, & en conséquence j'ai fait quelques expériences sur le moyen de blanchir le papier, dont voici les résultats.

H h h h ij

1.^o Le papier brouillard mis dans cet acide oxigéné, y blanchit sans s'altérer; les chiffons de grosse & mauvaise toile dont on se sert dans les papeteries pour faire ce papier, blanchissent dans cet acide, & fournissent ensuite un papier de qualité supérieure. J'ai blanchi par ce procédé un quintal de pâte destinée à fournir du papier brouillard, & on a évalué à vingt-cinq pour cent l'augmentation de valeur dans le produit, tandis que les frais de l'opération, rigoureusement calculés, ne le renchérissoient que de sept pour cent.

La propriété qu'a cet acide de blanchir le papier sans en altérer le tissu, le rend précieux pour réparer les vieux livres & les estampes fumées; des estampes dégradées à tel point qu'on avoit de la peine à distinguer le dessin, ont été réparées & rafraîchies d'une manière si étonnante qu'elles paroissent neuves; de vieux livres salis par cette teinte jaune qu'y dépose le temps, peuvent être si bien rétablis, qu'on les croiroit sortir de la presse.

La simple immersion dans l'acide muriatique oxigéné, & un séjour plus ou moins long, suivant la force de la liqueur, suffisent pour blanchir une estampe; mais lorsqu'il est question d'un livre, il faut d'autres précautions. Comme il est nécessaire que l'acide mouille tous les feuillets, on a l'attention de bien ouvrir le livre, & de faire reposer la couverture sur les bords du vase, de façon que le papier seul trempe dans la liqueur; on sépare adroitement les feuillets qui peuvent être collés ou réunis, pour que tous s'imprègnent également; la liqueur prend une teinte jaunâtre, le papier blanchit, & deux ou trois heures après on retire le livre pour le plonger dans l'eau pure, qu'on renouvelle de temps en temps pour enlever l'acide oxigéné qui peut rester, & faire disparaître l'odeur désagréable dont il est imprégné.

Ce procédé m'a assez bien réussi, c'est même le premier que j'ai mis en usage; mais trop souvent la couleur de mes livres a été bigarrée, quelquefois plusieurs pages n'ont pas

été du tout blanchies, & j'ai été forcé d'en venir à un procédé plus sûr. On commence par découdre les livres & les mettre en feuilles, on place ces feuilles dans des cales qu'on a pratiquées dans un baquet de plomb, avec des liteaux très-minces, à tel point que les feuilles posées à plat, ne sont séparées l'une de l'autre que par des intervalles à peine sensibles; on verse ensuite l'acide en le faisant tomber sur les parois du baquet, pour que les feuilles ne soient pas dérangées, & lorsque l'opération est faite, on soutire l'acide par un robinet placé dans le fond du baquet; l'on remplace cette liqueur par de l'eau fraîche, qui lave le papier & le prive de l'odeur de l'acide oxigéné; on le met ensuite sécher, on le lisse & on le relie. J'ai rétabli par ce moyen plusieurs ouvrages précieux qui n'avoient plus de valeur par le mauvais état où ils se trouvoient. On peut encore poser les feuilles verticalement dans le baquet, & cette position présente quelque avantage, en ce qu'elles se déchirent moins facilement; & à cet effet j'ai fait construire un cadre en bois, que j'assujettis à la hauteur que je crois convenable d'après la hauteur même des feuilles que je veux blanchir; ce cadre soutient des liteaux de bois très-minces qui ne laissent entre eux qu'un intervalle de demi-ligne; je place deux feuilles dans chacun de ces intervalles, & les assujettis avec deux petits coins de bois que j'enfonce entre les liteaux, & qui pressent les feuilles contre ces mêmes liteaux; je donne la préférence à ce procédé, avec d'autant plus de raison, que lorsque l'opération est faite, j'enlève le cadre avec les feuilles & les plonge dans l'eau fraîche.

Par cette opération, non-seulement les livres sont rétablis, mais le papier en reçoit un degré de blancheur qu'il n'a jamais eu; cet acide a encore le précieux avantage de faire disparaître les taches d'encre qui trop souvent déprécient les livres ou les estampes. Cette liqueur n'attaque point les taches d'huile ou de graisse, mais on sait depuis long-temps qu'une foible dissolution de potasse (alkali caustique) est un sûr moyen d'enlever ces marques.

Lorsque j'ai eu à réparer des estampes si délabrées qu'elles ne présentoient que des lambeaux collés & rapportés sur un papier, j'ai craint de perdre ces fragmens dans la liqueur, parce que le papier se décolle; & dans ce cas, j'ai la précaution d'enfermer l'estampe dans un grand bocal cylindrique que je renverse sur un verre dans lequel j'ai mis le mélange convenable pour développer du gaz muriatique oxigéné; cette vapeur remplit l'intérieur du bocal & réagit sur l'estampe, en dévore la crasse, détruit les taches d'encre, & les fragmens restent collés & conservent leur position respective.

Le procédé qui consiste à blanchir le papier & les estampes, par le moyen de la vapeur de l'acide muriatique oxigéné, peut être aussi employé pour blanchir la toile & le coton : après plusieurs essais faits dans mon laboratoire, je me suis décidé à faire une expérience en grand sur plusieurs pièces de basin en écru : dans une des chambres de plomb de ma fabrique, ayant vingt pieds en carré, j'ai placé une grande terrine dans laquelle j'ai mis six livres de manganèse & douze d'acide muriatique fumant; j'avois disposé dans cette chambre cent cannes de basin soutenu & suspendu à des morceaux de bois minces & cylindriques, fixés à des pieds droits assujettis contre les parois; les portes ont été exactement fermées & mastiquées; vingt-quatre heures après, j'ai pratiqué des ouvertures & donné peu à peu des issues à la vapeur suffocante de cet acide oxigéné; trois jours après, il m'a été possible de pénétrer dans la chambre & d'examiner mon étoffe; je l'ai trouvée très-souple & douce au toucher, légèrement humectée, à peu près comme sont les habits lorsque l'air est humide. L'étoffe m'a paru d'abord parfaitement blanchie, mais un examen plus exact m'a convaincu que les parties qui reposoient sur le bois, n'avoient pas été sensiblement décolorées; en outre, j'ai observé que les portions d'étoffe les plus éloignées du foyer des vapeurs, avoient une nuance plus sombre; mais il est facile de remédier à ces divers inconvéniens, 1.^o en multipliant les foyers dans l'intérieur de la chambre, 2.^o en

communiquant un mouvement à l'étoffe, pour que toutes les parties se présentent successivement, & que l'action de la vapeur sur chacune d'elles soit égale.

Le fil & le coton en écheveaux suspendus dans cette atmosphère de vapeur, n'ont été blanchis qu'à la surface, & je me suis convaincu que ce procédé n'est applicable qu'aux étoffes, & comme il est très-économique, je ne doute pas qu'on ne l'adopte pour blanchir les toiles & les étoffes de coton; il ne seroit même pas nécessaire d'employer une chambre de plomb, un espace quelconque dont on peut garnir les parois en bois, en plâtre ou avec des massifs, peut suffire pour cette opération.

Comme les arts commencent à s'emparer de cette substance & à en tirer le plus grand avantage, j'indiquerai un procédé simple & économique dont on peut se servir dans quelques circonstances.

Pour oxigéniser l'acide muriatique, il n'y a qu'à l'affoiblir & le mêler dans un flacon très-fort avec la manganèse, de façon que le mélange n'occupe pas toute la capacité du vase; il se forme des bulles à la surface du liquide, l'espace vide se remplit d'une vapeur verdâtre, & au bout de quelques heures on peut affoiblir l'acide avec l'eau, & l'employer; il a une saveur acide, parce que tout n'est pas saturé d'oxigène, mais il possède toutes les vertus de l'acide muriatique oxigéné; on peut employer ce procédé lorsque le temps ne permet pas de monter un appareil distillatoire, pour se procurer de l'acide oxigéné par les procédés ci-dessus.

Je joindrai à ce Mémoire quelques observations que j'ai été dans le cas de faire sur l'action du gaz muriatique oxigéné: ce procédé que j'ai mis en usage, consiste à mettre le corps qu'on veut exposer à l'action de ce gaz, dans un récipient qu'on lutte à une cornue tubulée, placée sur un bain de sable: on introduit la manganèse & l'acide muriatique par la tubulure, & les vapeurs qui se dégagent remplissent le récipient, & exercent leur action sur les corps qui y sont contenus.

De cette manière,

1.^o Les huiles pesantes s'y épaississent : celle d'olive y blanchit & prend la consistance d'un onguent; elle y acquiert de la pesanteur & ne surnage point l'eau; elle se combine difficilement avec la potasse fondue & avec l'ammoniac; elle n'est soluble ni dans l'eau ni dans l'alkool; se boursoffle sur le charbon, s'enflamme & donne beaucoup de fumée; si on la laisse long-temps exposée à l'air, elle y perd insensiblement sa blancheur & sa consistance; l'action d'une forte lumière hâte le passage.

Les huiles volatiles s'y colorent en général & s'y épaississent sensiblement; mais l'effet est moins prompt & moins marqué que sur les huiles pesantes (a).

2.^o Si dans l'atmosphère de gaz muriatique oxigéné, on expose de l'acide acéteux, il prend en peu de temps une odeur analogue à celle de l'acide acétique, & il y acquiert la propriété de dissoudre le cuivre, & de former des *cristaux de Vénus*.

J'ai observé que le même acide acéteux, distillé sur l'oxide de manganèse, s'oxigénoit à tel point qu'il dissolvoit le cuivre, tandis que cet acide n'a point cette propriété quand il n'est point surchargé d'oxigène.

3.^o Le cuivre, exposé à la vapeur de l'acide muriatique oxigéné, s'y calcine & se recouvre d'une couche d'oxide qu'on peut en détacher aisément par la plus légère secousse; cet oxide de cuivre peut se dissoudre dans l'acide acéteux, & former des *cristaux de Vénus*; on peut l'employer dans tous les cas où le *verdet gris* est d'usage; la couleur en est un peu plus verte que celle du *vert-de-gris* du commerce; mais lorsque ce dernier a été complètement desséché, ces couleurs se rapprochent & diffèrent peu.

(a) M. Schéele avoit fait à peu-près les mêmes observations, & M. Berthollet les a constatées, & présenté les divers phénomènes.

F I N.





